# Численное решение одномерного уравнения Навье-Стокса с использованием схемы с центральными разностями (последовательная) ( $\rho$ , $\rho$ u)

20 декабря 2019 г.

# 1 Постановка задачи

$$\begin{cases} \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial \rho u}{\partial x} = 0\\ \rho \frac{\partial u}{\partial t} + \rho u \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial p}{\partial x} = \mu \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \rho f\\ p = p(\rho) \end{cases}$$

 $\mu$  - известный коэффифциент вязкости газа  $\rho,\,u$  - функционалы плотности и скорости(газа):  $(t,\,x)\in[0,\,T]*[0,\,X]$   $p=C\rho$  - давление газа f - вектор внешних сил

# 2 Описание схемы

Для поиска численного решения задачи можно использовать разностную схему, в которой при апроксимации членов используются центральные разности, а функции H, V на последующем слое ищутся путем решения двух систем линейных уравнений методом прогонки.

$$\begin{cases} H_{t,0} + 0.5((V\stackrel{\wedge}{H})_{x,0} + H_0Vx, 0) - 0.5h((HV)_{x,\overline{x},1} - 0.5(HV)_{x,\overline{x},2} + H_0(V_{x,\overline{x},1} - 0.5V_{x,\overline{x},2})) = 0 \\ H_t + 0.5(V\stackrel{\wedge}{H}_{\frac{0}{x}} + (V\stackrel{\wedge}{H})_{\frac{0}{x}} + HV\stackrel{0}{x}) = 0, x \in \omega_h \\ H_{t,M} + 0.5((V\stackrel{\wedge}{H})_{\overline{x},M} + H_MV\overline{x}, M) - 0.5h((HV)_{x,\overline{x},M-1} - 0.5(HV)_{x,\overline{x},M-2} + H_M(V_{x,\overline{x},M-1} - 0.5V_{x,\overline{x},M-2})) = 0 \\ (HV)_t + \frac{2}{3}(\stackrel{\wedge}{H}V\stackrel{\wedge}{V})_{\frac{0}{x}}^{\hat{}} + \frac{2}{3}\stackrel{\wedge}{H}V\stackrel{\wedge}{V}_{\frac{0}{x}}^{\hat{}} + \frac{V^2}{3}\stackrel{\wedge}{H}_{\frac{0}{x}}^{\hat{}} + p(\stackrel{\wedge}{H})_{\frac{0}{x}} = \mu \stackrel{\wedge}{V_{x\overline{x}}} + \stackrel{\wedge}{H}f, x \in \omega_h \end{cases}$$

 $\omega_h$  - внутренние узлы сетки В качестве значений решения уравнений на нулевом слое берутся функции  $\rho_0$  и  $u_0$ :

$$H_m^0 = (\rho_0)_m, V_m^0 = (u_0)_m, m = 0, 1, \dots, M$$

Граничные условия скорости равны нулю:

$$V_0^n = V_M^n = 0, m = 1, \dots, N$$

# 3 Координатная запись уравнений

$$\begin{cases} \frac{H_0^{n+1}-H_0^n}{t}+\frac{1}{2}(\frac{V_1^nH_1^{n+1}-V_0^nH_0^{n+1}}{h}+H_0^n\frac{V_1^n-V_0^n}{h})-\\ -\frac{h}{2}(\frac{H_2^nV_2^n-2H_1^nV_1^n+H_0^nV_0^n}{h^2}-\frac{1}{2}\frac{H_3^nV_3^n-2H_2^nV_2^n+H_1^nV_1^n}{h^2}+H_0^n(\frac{V_2^n-2V_1^n+V_0^n}{h^2}-\frac{V_3^n-2V_2^n+V_1^n}{2h^2}))=0 \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} \frac{H_m^{n+1}-Hm^n}{t}+\frac{1}{2}(V_m^n\frac{H_{m+1}^{n+1}-H_{m-1}^{n+1}}{2h}+\frac{V_{m+1}^nH_{m+1}^{n+1}-V_{m-1}^nH_{m-1}^{n+1}}{2h}+H_m^n\frac{V_{m+1}^n-V_{m-1}^n}{2h})=0 \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} \frac{H_M^{n+1}-H_m^n}{t}+\frac{1}{2}(V_m^n\frac{H_m^{n+1}-V_{m-1}^nH_{m-1}^{n+1}}{2h}+\frac{V_m^nH_m^{n+1}-V_{m-1}^nH_{m-1}^{n+1}}{2h}+H_m^n\frac{V_m^n-V_{m-1}^n}{2h})-\frac{h}{2}(\frac{H_m^nV_m^n-2H_{m-1}^nV_m-1+H_m^n-2V_{m-2}^n}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_{m-2}^n+V_{m-2}^n}{2h^2})=0 \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} \frac{H_M^{n+1}-H_m^n}{t}+\frac{1}{2}(V_m^nH_m^{n+1}-V_m^n+H_{m-1}^{n+1}+H_m^n+1-V_m^n-1}{2h}+H_m^nV_m^nV_m^{n-1}+V_m^n-2V_m^n-2V_{m-2}^n+V_{m-2}^n}-\frac{V_m^n-2V_{m-2}^n+1-V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-2V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}-\frac{V_m^n-1+V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V_m^n-1}{2h^2}+\frac{V$$

Выделяя коэффициенты при членах  $H_{m-1}^{n+1}$ ,  $H_m^{n+1}$ ,  $H_{m+1}^{n+1}$  из первых трёх уравнений системы, получим трёхдиагональную матрицу(первые два уравнения как раз сделают нашу матрицу трёхдиагональной, т.к. там участвует всего два члена). Аналогично выделяя из 4-го уравнения  $V_{m-1}^{n+1}$ ,  $V_m^{n+1}$ ,  $V_{m+1}^{n+1}$  получим трёхдиагональную матрицу(ещё два уравнения берутся из  $V_0^n=0$  и  $V_M^n=0$ )

# 4 Расчёт гладкого решения

Для того чтобы расчитать гладкое решение зададим функции:

$$\widetilde{\rho} = e^t(\cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5), \ \widetilde{u} = \cos(2\pi t)\sin(\pi \frac{x^2}{100})$$

Определим функции  $f_0$  и f так, чтобы они удовлетворяли системе:

$$\begin{cases} \frac{\partial \widetilde{\rho}}{\partial t} + \frac{\partial \widetilde{\rho}\widetilde{u}}{\partial x} = f_0\\ \widetilde{\rho}\frac{\partial \widetilde{u}}{\partial t} + \widetilde{\rho}\widetilde{u}\frac{\partial \widetilde{u}}{\partial x} + \frac{\partial \widetilde{\rho}}{\partial x} = \mu \frac{\partial^2 \widetilde{u}}{\partial x^2} + \widetilde{\rho}f\\ p = p(\widetilde{\rho}) \end{cases}$$

Проведя подстановку и соответствующие вычисления найдем эти функции:

$$\begin{cases} f_0(t,x) = e^t(\cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5) + e^t\cos(2\pi t)(-\frac{\pi}{10}sin(\frac{\pi x}{10})sin(\frac{\pi x^2}{100}) + \frac{\pi x}{50}cos(\frac{\pi x^2}{100})(cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5) \\ f(t,x) = (-e^t(\cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5)2\pi sin(2\pi t)sin(\frac{\pi x^2}{100}) + \frac{\pi t}{50}e^t(\cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5)(cos(2\pi t))^2sin(\frac{\pi x^2}{100})cos(\frac{\pi x^2}{100}) - (-p(\frac{\pi}{10})e^tsin(\frac{\pi x}{10}) - \frac{\mu\pi}{50}cos(2\pi t)(cos(\frac{\pi x^2}{100}) - \frac{x^2\pi}{50}sin((\frac{\pi x^2}{100}))))/(e^t(\cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5)) \end{cases}$$

Таким образом, имеется дифференциальная задача для системы с начальными и граничными условиями:

$$\begin{cases} \widetilde{\rho}(0,x) = \cos(\frac{\pi x}{10}) + 1.5, x \in [0,10] \\ \widetilde{u}(0,x) = \sin(\pi \frac{x^2}{100}), x \in [0,10] \\ \widetilde{u}(t,0) = \widetilde{u}(t,10) = 0, t \in [0,1] \end{cases}$$

Запустим программу и составим таблицы ошибок численного решения с теоретическим для плотности и скорости в нормах  $||\ ||_{C_h},\ ||\ ||_{L_2},\ ||\ ||_W$  при различных значениях C=1,10,100 и  $\mu=0.1,0.01,0.001$ .

#### 4.1 Таблицы ошибок

Mu=0.1 C=1 Hopma=L2 H(Плотность):

|       |              | (            | /             |              |
|-------|--------------|--------------|---------------|--------------|
|       | 10           | 100          | 1000          | 10000        |
| 10    | 4.696012e-01 | 4.676729e-01 | 4.676547e-01  | 4.676542e-01 |
| 100   | 5.273774e-02 | 4.794685e-02 | 4.793345e-02  | 4.793332e-02 |
| 1000  | 2.061029e-02 | 4.822147e-03 | 4.807590 e-03 | 4.807479e-03 |
| 10000 | 1.983687e-02 | 5.248298e-04 | 4.810054e-04  | 4.808928e-04 |
|       |              |              |               |              |

#### Mu=0.1 C=1 Норма=L2 V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000         | 10000           |
|-------|--------------|--------------|--------------|-----------------|
| 10    | 4.875196e-02 | 2.988319e-02 | 2.970035e-02 | 2.969852e-02    |
| 100   | 2.258236e-02 | 8.504889e-04 | 7.253258e-04 | 7.243288e-04    |
| 1000  | 2.216811e-02 | 2.495879e-04 | 6.949198e-05 | 6.912976 e - 05 |
| 10000 | 2.214678e-02 | 2.309446e-04 | 7.547881e-06 | 6.940393e-06    |

#### Mu=0.01 C=1 Норма=L2 Н(Плотность):

|       | 10           | 100             | 1000         | 10000        |
|-------|--------------|-----------------|--------------|--------------|
| 10    | 4.693622e-01 | 4.680585 e-01   | 6.490445e-01 | 5.836857e-01 |
| 100   | 5.309688e-02 | 4.801370e-02    | 4.800133e-02 | 4.800121e-02 |
| 1000  | 2.166696e-02 | 4.828824 e - 03 | 4.814649e-03 | 4.814546e-03 |
| 10000 | 2.094877e-02 | 5.282214e-04    | 4.817075e-04 | 4.816021e-04 |

#### Mu=0.01 C=1 Норма=L2 V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000           | 10000        |
|-------|--------------|--------------|----------------|--------------|
| 10    | 5.029442e-02 | 3.087900e-02 | 1.917698e + 00 | 4.204071e-02 |
| 100   | 2.354953e-02 | 1.037940e-03 | 9.277028e-04   | 9.268492e-04 |
| 1000  | 2.311536e-02 | 2.684276e-04 | 9.006968e-05   | 8.974294e-05 |
| 10000 | 2.309261e-02 | 2.431423e-04 | 9.537925e-06   | 8.992415e-06 |

#### Mu=0.001 C=1 Hopma=L2 H(Плотность):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 4.693392e-01 | 4.681079e-01 | $2.101289\mathrm{e}{+05}$ | 6.689137e+00              |
| 100   | 5.313843e-02 | 4.802108e-02 | 4.800866e-02              | $2.831079\mathrm{e}{+51}$ |
| 1000  | 2.178340e-02 | 4.829571e-03 | 4.815410e-03              | 4.815307e-03              |
| 10000 | 2.107080e-02 | 5.287424e-04 | 4.817831e-04              | 4.816785e-04              |

#### Mu=0.001 C=1 Норма=L2 V(Скорость):

|       | 10              | 100          | 1000                      | 10000                     |
|-------|-----------------|--------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 5.046303e- $02$ | 3.099334e-02 | $1.048840\mathrm{e}{+01}$ | $1.108761\mathrm{e}{+00}$ |
| 100   | 2.365315e-02    | 1.058706e-03 | 9.495971e-04              | $2.373660\mathrm{e}{+01}$ |
| 1000  | 2.321639e-02    | 2.706002e-04 | 9.228166e-05              | 9.195584e-05              |
| 10000 | 2.319345e-02    | 2.445016e-04 | 9.755249e-06              | 9.212892e-06              |

#### Mu=0.1~C=10~Hopma=L2~H(Плотность):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000        |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|--------------|
| 10    | 5.012199e-01 | 9.026897e-01 | $1.332887\mathrm{e}{+00}$ | 5.881042e-01 |
| 100   | 7.313454e-02 | 5.014497e-02 | 4.997401e-02              | 4.997231e-02 |
| 1000  | 3.731945e-02 | 5.190596e-03 | 5.009589e-03              | 5.007854e-03 |
| 10000 | 3.481758e-02 | 7.325545e-04 | 5.026531e-04              | 5.009082e-04 |

#### Mu=0.1~C=10~Hopma=L2~V(Скорость):

|       | 10           | 100            | 1000            | 10000         |
|-------|--------------|----------------|-----------------|---------------|
| 10    | 1.569949e-01 | 2.877876e + 00 | 4.068294 e - 01 | 6.828291e-01  |
| 100   | 8.370070e-02 | 7.345906e-03   | 6.609983e-03    | 6.602657 e-03 |
| 1000  | 7.800496e-02 | 1.406512e-03   | 6.541825 e-04   | 6.468310 e-04 |
| 10000 | 7.744941e-02 | 8.367915e-04   | 7.200164e-05    | 6.461758e-05  |

#### Mu=0.01 C=10 Hopma=L2 H(Плотность):

|       | 10            | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|---------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 5.022084 e-01 | $1.423619\mathrm{e}{+05}$ | $8.159490\mathrm{e}{+02}$ | $1.626592e{+01}$          |
| 100   | 7.327862e-02  | 5.023381e-02              | $8.824849\mathrm{e}{+18}$ | $2.323187\mathrm{e}{+57}$ |
| 1000  | 3.737192e-02  | 5.199727e-03              | 5.018538e-03              | 5.016802e-03              |
| 10000 | 3.486279e-02  | 7.338343e-04              | 5.035502e-04              | 5.018037e-04              |

#### Mu=0.01 C=10 Норма=L2 V(Скорость):

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 1.565878e-01 | 5.941192e + 01 | $1.291210\mathrm{e}{+02}$ | $3.461202\mathrm{e}{+00}$ |
| 100   | 8.395313e-02 | 7.292156e-03   | $1.032459\mathrm{e}{+02}$ | $1.677696\mathrm{e}{+03}$ |
| 1000  | 7.826410e-02 | 1.405301 e-03  | 6.488478e-04              | 6.414393e-04              |
| 10000 | 7.770867e-02 | 8.391346e-04   | 7.152280e-05              | 6.408480 e-05             |

Mu=0.001 C=10 Норма=L2 Н(Плотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 5.023105e-01 | $1.880213\mathrm{e}{+03}$ | $3.851973\mathrm{e}{+07}$ | 2.061678e + 08            |
| 100   | 7.329301e-02 | 5.024290e-02              | $7.588565\mathrm{e}{+30}$ | $1.569206\mathrm{e}{+69}$ |
| 1000  | 3.737683e-02 | 5.200660 e-03             | 5.019454e-03              | -nan                      |
| 10000 | 3.486694e-02 | 7.339606e-04              | 5.036420e-04              | 5.018953e-04              |

# Mu=0.001~C=10~Hopma=L2~V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 1.565492e-01 | $6.564508\mathrm{e}{+01}$ | 3.606669e + 02            | 5.992662e+02              |
| 100   | 8.397854e-02 | 7.287299e-03              | $3.929503\mathrm{e}{+02}$ | $9.418635\mathrm{e}{+02}$ |
| 1000  | 7.828992e-02 | 1.405225 e - 03           | 6.483702 e-04             | -nan                      |
| 10000 | 7.773447e-02 | 8.393762e-04              | 7.148029e-05              | 6.403716 e - 05           |

# ${\rm Mu}{=}0.1~{\rm C}{=}100~{\rm Hopma}{=}{\rm L2}~{\rm H}(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 6.892732e-01 | $1.695477\mathrm{e}{+05}$ | $2.067894\mathrm{e}{+02}$ | $6.274060\mathrm{e}{+01}$ |
| 100   | 1.848169e-01 | 5.844659e-02              | $6.097917\mathrm{e}{+56}$ | $1.569375\mathrm{e}{+62}$ |
| 1000  | 1.436575e-01 | 6.776485e-03              | 5.750473e-03              | 5.740913e-03              |
| 10000 | 1.399390e-01 | 1.822592e-03              | 5.837462e-04              | 5.741137e-04              |

#### Mu=0.1~C=100~Hopma=L2~V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 5.988637e-01 | $6.676197\mathrm{e}{+02}$ | 5.718412e + 01            | 6.314213e + 02            |
| 100   | 6.792977e-02 | 5.473185e-02              | $1.279158\mathrm{e}{+03}$ | $5.070745\mathrm{e}{+03}$ |
| 1000  | 9.111640e-02 | 4.898343e-03              | 5.415732e-03              | 5.421298e-03              |
| 10000 | 9.448411e-02 | 6.370485e-04              | 5.354648e-04              | 5.409874e-04              |

#### Mu=0.01 C=100 Hopma=L2 H(Плотность):

|       | 10            | 100                       | 1000                      | 10000                      |
|-------|---------------|---------------------------|---------------------------|----------------------------|
| 10    | 6.903202e-01  | $1.946647\mathrm{e}{+08}$ | $1.744581\mathrm{e}{+08}$ | $1.342455\mathrm{e}{+09}$  |
| 100   | 1.850824 e-01 | 5.850591 e-02             | $9.040434\mathrm{e}{+73}$ | $1.619640\mathrm{e}{+104}$ |
| 1000  | 1.438637e-01  | 6.784032e-03              | 5.755983e-03              | -nan                       |
| 10000 | 1.401390e-01  | 1.825028e-03              | 5.843136e-04              | 5.746605e-04               |

# Mu=0.01 C=100 Норма=L2 V(Скорость):

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 6.024827e-01 | 1.099879e + 03 | $6.972934\mathrm{e}{+02}$ | $6.449024\mathrm{e}{+03}$ |
| 100   | 6.784567e-02 | 5.506345 e-02  | $5.898998\mathrm{e}{+02}$ | $3.429337\mathrm{e}{+03}$ |
| 1000  | 9.124946e-02 | 4.929974e-03   | 5.448898e-03              | -nan                      |
| 10000 | 9.465230e-02 | 6.357584e-04   | 5.387688e-04              | 5.443044e-04              |

#### Mu=0.001 C=100 Норма=L2 Н(Плотность):

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 6.904225e-01 | 1.822857e + 09 | 3.449237e + 09            | $7.086286\mathrm{e}{+02}$ |
| 100   | 1.851091e-01 | 5.851193e-02   | $6.652407\mathrm{e}{+78}$ | $2.399980\mathrm{e}{+98}$ |
| 1000  | 1.438845e-01 | 6.784796e-03   | 5.756542e-03              | -nan                      |
| 10000 | 1.401592e-01 | 1.825274e-03   | 5.843711e-04              | 5.747160e-04              |

#### Mu=0.001 C=100 Норма=L2 V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 6.028481e-01 | $4.193698\mathrm{e}{+02}$ | $2.259071\mathrm{e}{+02}$ | 1.238218e+02              |
| 100   | 6.783802e-02 | 5.509685 e-02             | $6.411388\mathrm{e}{+02}$ | $3.794281\mathrm{e}{+03}$ |
| 1000  | 9.126407e-02 | 4.933165e-03              | 5.452239e-03              | -nan                      |
| 10000 | 9.467046e-02 | 6.356328e-04              | 5.391017e-04              | 5.446386e-04              |

#### $Mu{=}0.1~C{=}1~Hopma{=}W~H(\Pi$ лотность):

|       | 10            | 100          | 1000         | 10000        |
|-------|---------------|--------------|--------------|--------------|
| 10    | 2.266352 e-01 | 2.242783e-01 | 2.243384e-01 | 2.243389e-01 |
| 100   | 3.339934e-03  | 2.369863e-03 | 2.369207e-03 | 2.369199e-03 |
| 1000  | 9.218857e-04  | 2.401876e-05 | 2.385377e-05 | 2.385293e-05 |
| 10000 | 8.910033e-04  | 3.310484e-07 | 2.387876e-07 | 2.386945e-07 |

#### Mu=0.1 C=1 Норма=W V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000            | 10000         |
|-------|--------------|--------------|-----------------|---------------|
| 10    | 4.636821e-03 | 1.678804e-03 | 1.656712 e-03   | 1.656500e-03  |
| 100   | 1.101281e-03 | 1.163023e-06 | 7.858796e-07    | 7.833380e-07  |
| 1000  | 1.067990e-03 | 1.396659e-07 | 6.967660 e - 09 | 6.916825 e-09 |
| 10000 | 1.066495e-03 | 1.291266e-07 | 8.436066e-11    | 6.980559e-11  |

#### Mu=0.01~C=1~Hopma=W~H(Плотность):

|       | 10            | 100          | 1000         | 10000        |
|-------|---------------|--------------|--------------|--------------|
| 10    | 2.266125 e-01 | 2.246461e-01 | 1.344835e+03 | 2.011295e+04 |
| 100   | 3.444780e-03  | 2.377525e-03 | 2.376711e-03 | 2.376703e-03 |
| 1000  | 1.035860e-03  | 2.410071e-05 | 2.393298e-05 | 2.393228e-05 |
| 10000 | 1.006218e-03  | 3.459493e-07 | 2.395703e-07 | 2.394921e-07 |

#### Mu=0.01 C=1 Норма=W V(Скорость):

|       | 10           | 100           | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 4.925857e-03 | 1.774062e-03  | $1.007625\mathrm{e}{+04}$ | $6.235710\mathrm{e}{+00}$ |
| 100   | 1.206466e-03 | 1.585101 e-06 | 1.200609e-06              | 1.198174e-06              |
| 1000  | 1.172444e-03 | 1.576896e-07  | 1.113679e-08              | 1.111471e-08              |
| 10000 | 1.171004e-03 | 1.457743e-07  | 1.248316e-10              | 1.118344e-10              |

#### Mu=0.001~C=1~Hopma=W~H(Плотность):

|       | 10            | 100          | 1000                      | 10000                      |
|-------|---------------|--------------|---------------------------|----------------------------|
| 10    | 2.266165e-01  | 2.247186e-01 | $1.274827\mathrm{e}{+15}$ | $3.761625\mathrm{e}{+07}$  |
| 100   | 3.456925 e-03 | 2.378535e-03 | 2.377712e-03              | $1.889691\mathrm{e}{+109}$ |
| 1000  | 1.048860e-03  | 2.411599e-05 | 2.394339e-05              | 2.394271e-05               |
| 10000 | 1.019342e-03  | 3.523948e-07 | 2.396735e-07              | 2.395968e-07               |

# Mu=0.001~C=1~Hopma=W~V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 4.958136e-03 | 1.786010e-03 | $7.424460\mathrm{e}{+05}$ | $1.927384\mathrm{e}{+03}$ |
| 100   | 1.218099e-03 | 1.645214e-06 | 1.259114e-06              | $5.852441\mathrm{e}{+07}$ |
| 1000  | 1.183949e-03 | 1.606840e-07 | 1.172054e-08              | 1.170089e-08              |
| 10000 | 1.182509e-03 | 1.485019e-07 | 1.306463e-10              | 1.176975e-10              |

#### $Mu{=}0.1~C{=}10~Hopma{=}W~H(\Pi$ лотность):

|       | 10            | 100                       | 1000           | 10000          |
|-------|---------------|---------------------------|----------------|----------------|
| 10    | 2.624592e-01  | $7.013725\mathrm{e}{+01}$ | 9.782317e + 03 | 1.075803e + 03 |
| 100   | 5.733031e-03  | 2.636787e-03              | 2.618552e-03   | 2.618370e-03   |
| 1000  | 1.580740 e-03 | 2.831354e-05              | 2.633004 e-05  | 2.631142e-05   |
| 10000 | 1.391264e-03  | 5.751677e-07              | 2.651374e-07   | 2.632600e-07   |

#### Mu=0.1~C=10~Hopma=W~V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000          |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|----------------|
| 10    | 2.954698e-02 | $7.567273\mathrm{e}{+02}$ | $9.951740\mathrm{e}{+01}$ | 5.578455e + 01 |
| 100   | 8.125097e-03 | 6.724704 e-05             | 5.517104e-05              | 5.505707e-05   |
| 1000  | 7.045407e-03 | 2.347605e-06              | 5.377756e-07              | 5.265280 e-07  |
| 10000 | 6.944591e-03 | 8.105645e-07              | 6.437062e-09              | 5.252027e-09   |

#### $Mu=0.01~C=10~Hopma=W~H(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                      |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|----------------------------|
| 10    | 2.635583e-01 | $5.803430\mathrm{e}{+12}$ | $2.153164\mathrm{e}{+10}$ | 7.000958e + 08             |
| 100   | 5.756304e-03 | 2.648648e-03              | $3.059475\mathrm{e}{+42}$ | $1.205348\mathrm{e}{+121}$ |
| 1000  | 1.585448e-03 | 2.843621 e-05             | 2.644951e-05              | 2.643087e-05               |
| 10000 | 1.395191e-03 | 5.774470e-07              | 2.663354e-07              | 2.644554e-07               |

#### Mu=0.01 C=10 Норма=W V(Скорость):

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 2.936210e-02 | 5.268399e + 05 | $7.786422\mathrm{e}{+06}$ | $1.633538e{+03}$          |
| 100   | 8.175648e-03 | 6.605397e-05   | $1.029845\mathrm{e}{+08}$ | $4.059385\mathrm{e}{+12}$ |
| 1000  | 7.096162e-03 | 2.338601e-06   | 5.272134e-07              | 5.160025 e-07             |
| 10000 | 6.995257e-03 | 8.152468e-07   | 6.329653e-09              | 5.147843e-09              |

#### Mu=0.001 C=10 Норма=W $H(\Pi_{\text{ЛОТНОСТЬ}})$ :

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                      |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|----------------------------|
| 10    | 2.636715e-01 | $5.773240\mathrm{e}{+08}$ | 3.695847e + 19            | 8.260787e + 22             |
| 100   | 5.758628e-03 | 2.649868e-03              | $1.647069\mathrm{e}{+66}$ | $2.051343\mathrm{e}{+144}$ |
| 1000  | 1.585884e-03 | 2.844882e-05              | 2.646182 e-05             | nan                        |
| 10000 | 1.395549e-03 | 5.776832e-07              | 2.664588e-07              | 2.645785e-07               |

#### Mu=0.001 C=10 Норма=W V(Скорость):

|       | 10            | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|---------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 2.934451e-02  | $1.348906\mathrm{e}{+06}$ | $3.486121\mathrm{e}{+08}$ | $6.680519\mathrm{e}{+08}$ |
| 100   | 8.180726 e-03 | 6.594571 e-05             | $1.818079\mathrm{e}{+09}$ | $2.519760\mathrm{e}{+12}$ |
| 1000  | 7.101211e-03  | 2.337914e-06              | 5.262648e-07              | nan                       |
| 10000 | 7.000293e-03  | 8.157906e-07              | 6.320019e-09              | 5.138498e-09              |

#### Mu=0.1 C=100 Hopma=W H(Плотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                       | 10000                      |
|-------|--------------|---------------------------|----------------------------|----------------------------|
| 10    | 5.096800e-01 | $1.654515\mathrm{e}{+12}$ | 2.684747e + 08             | 7.624242e + 09             |
| 100   | 3.752784e-02 | 3.605272 e-03             | $4.000138\mathrm{e}{+117}$ | $6.192381\mathrm{e}{+130}$ |
| 1000  | 2.279250e-02 | 4.900622 e-05             | 3.483393e-05               | 3.471281e-05               |
| 10000 | 2.163208e-02 | 3.647125 e-06             | 3.594400 e - 07            | 3.471425e-07               |

#### Mu=0.1~C=100~Hopma=W~V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 4.995056e-01 | $5.926259\mathrm{e}{+07}$ | $2.287497\mathrm{e}{+05}$ | 4.034115e+06              |
| 100   | 5.390020e-03 | 4.215015 e-03             | $2.294375\mathrm{e}{+10}$ | $5.022340\mathrm{e}{+13}$ |
| 1000  | 9.755584e-03 | 3.419689e-05              | 4.113387e-05              | 4.121121e-05              |
| 10000 | 1.054039e-02 | 4.665495 e-07             | 4.026904 e-07             | 4.103031e-07              |

#### Mu=0.01 C=100 Норма=W $H(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                       | 10000                      |
|-------|--------------|---------------------------|----------------------------|----------------------------|
| 10    | 5.115334e-01 | $4.606997\mathrm{e}{+18}$ | $5.826575\mathrm{e}{+20}$  | 3.622074e + 24             |
| 100   | 3.763937e-02 | 3.613920 e-03             | $6.636325\mathrm{e}{+151}$ | $4.823846\mathrm{e}{+214}$ |
| 1000  | 2.285813e-02 | 4.913112e-05              | 3.491284e-05               | nan                        |
| 10000 | 2.169390e-02 | 3.657418e-06              | 3.602628 e-07              | 3.479243e-07               |

#### Mu=0.01 C=100 Норма=W V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 5.063290e-01 | $1.862894\mathrm{e}{+08}$ | 9.511582e + 09            | 1.152487e + 13            |
| 100   | 5.389960e-03 | 4.268898e-03              | $9.056398\mathrm{e}{+09}$ | $2.526656\mathrm{e}{+13}$ |
| 1000  | 9.809263e-03 | 3.466140 e - 05           | 4.166085 e - 05           | nan                       |
| 10000 | 1.060478e-02 | 4.649878e-07              | 4.078851e-07              | 4.155617e-07              |

#### $Mu{=}0.001~C{=}100~Hopma{=}W~H(Плотность)$ :

|       | 10           | 100                       | 1000                       | 10000                      |
|-------|--------------|---------------------------|----------------------------|----------------------------|
| 10    | 5.117153e-01 | $7.044811\mathrm{e}{+20}$ | 2.563453e + 23             | $1.822338e{+}12$           |
| 100   | 3.765063e-02 | 3.614799e-03              | $1.055100\mathrm{e}{+162}$ | $1.033818\mathrm{e}{+203}$ |
| 1000  | 2.286475e-02 | 4.914379e-05              | 3.492086e-05               | nan                        |
| 10000 | 2.170014e-02 | 3.658466e-06              | 3.603463e- $07$            | 3.480037e-07               |

#### Mu=0.001 C=100 Норма=W V(Скорость):

|       | 10              | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|-----------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 5.070233e- $01$ | $1.361498\mathrm{e}{+07}$ | $1.095214\mathrm{e}{+09}$ | 1.277009e+06              |
| 100   | 5.390188e-03    | 4.274346e-03              | $8.073137\mathrm{e}{+09}$ | $2.222629\mathrm{e}{+13}$ |
| 1000  | 9.815136e-03    | 3.470845 e-05             | 4.171414e-05              | nan                       |
| 10000 | 1.061175e-02    | 4.648471e-07              | 4.084105 e-07             | 4.160934e-07              |

#### $Mu{=}0.1~C{=}1~Hopma{=}C~H(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100          | 1000         | 10000        |
|-------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| 10    | 2.179438e-01 | 2.192130e-01 | 2.194527e-01 | 2.194557e-01 |
| 100   | 2.518977e-02 | 2.241135e-02 | 2.243706e-02 | 2.243760e-02 |
| 1000  | 2.233762e-02 | 2.276058e-03 | 2.249771e-03 | 2.249519e-03 |
| 10000 | 2.244202e-02 | 2.579307e-04 | 2.253383e-04 | 2.250120e-04 |

#### Mu=0.1 C=1 Hopma=C V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000         | 10000           |
|-------|--------------|--------------|--------------|-----------------|
| 10    | 3.795647e-02 | 2.196135e-02 | 2.179295e-02 | 2.179127e-02    |
| 100   | 1.899213e-02 | 5.244840e-04 | 3.564047e-04 | 3.566873e-04    |
| 1000  | 1.860266e-02 | 2.092506e-04 | 4.037373e-05 | 4.077363e- $05$ |
| 10000 | 1.857879e-02 | 1.955468e-04 | 3.746625e-06 | 4.144430e-06    |

#### Mu=0.01~C=1~Hopma=C~H(Плотность):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000          |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|----------------|
| 10    | 2.163927e-01 | 2.175500e-01 | $4.396242\mathrm{e}{+00}$ | 8.749954e + 00 |
| 100   | 2.502090e-02 | 2.234118e-02 | 2.231242e-02              | 2.231212e-02   |
| 1000  | 2.397577e-02 | 2.268780e-03 | 2.238890e-03              | 2.238592e-03   |
| 10000 | 2.407398e-02 | 2.552583e-04 | 2.242369e-04              | 2.239391e-04   |

#### Mu=0.01 C=1 Норма=С V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000         |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|---------------|
| 10    | 3.938675e-02 | 2.270966e-02 | $1.227988\mathrm{e}{+01}$ | 9.290166e-02  |
| 100   | 2.001753e-02 | 5.756359e-04 | 4.913619e-04              | 4.916278e-04  |
| 1000  | 1.960956e-02 | 2.237992e-04 | 5.292809 e-05             | 5.333685 e-05 |
| 10000 | 1.958394e-02 | 2.078997e-04 | 4.981326e-06              | 5.390988e-06  |

#### Mu=0.001 C=1 Норма=С $H(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 2.162368e-01 | 2.175469e-01 | $1.378707\mathrm{e}{+06}$ | 7.854018e + 01            |
| 100   | 2.500397e-02 | 2.234305e-02 | 2.231506e-02              | $5.924364\mathrm{e}{+52}$ |
| 1000  | 2.415613e-02 | 2.268964e-03 | 2.239182e-03              | 2.238885e-03              |
| 10000 | 2.425367e-02 | 2.552344e-04 | 2.242664e-04              | 2.239687e-04              |

#### Mu=0.001 C=1 Норма=C V(Скорость):

|       | 10           | 100          | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|--------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 3.954294e-02 | 2.279341e-02 | $7.941219\mathrm{e}{+01}$ | $4.694984\mathrm{e}{+00}$ |
| 100   | 2.012834e-02 | 5.823544e-04 | 5.053189e-04              | $2.686081\mathrm{e}{+02}$ |
| 1000  | 1.971805e-02 | 2.256534e-04 | 5.424860 e-05             | 5.465751 e-05             |
| 10000 | 1.969220e-02 | 2.094184e-04 | 5.112648e-06              | 5.522197e-06              |

#### $Mu{=}0.1~C{=}10~Hopma{=}C~H(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 2.301937e-01 | $2.804260\mathrm{e}{+00}$ | $1.076384\mathrm{e}{+01}$ | $2.335800\mathrm{e}{+00}$ |
| 100   | 3.864932e-02 | 2.383181e-02              | 2.375748e-02              | 2.375670e-02              |
| 1000  | 2.328398e-02 | 2.485522e-03              | 2.386291e-03              | 2.385348e-03              |
| 10000 | 2.173975e-02 | 3.681852e-04              | 2.396014e-04              | 2.386406e-04              |

#### $Mu=0.1\ C=10\ Hopma=C\ V(Скорость)$ :

|       | 10           | 100                       | 1000           | 10000        |
|-------|--------------|---------------------------|----------------|--------------|
| 10    | 8.013448e-02 | $7.561324\mathrm{e}{+00}$ | 1.416883e + 00 | 1.769298e+00 |
| 100   | 3.999426e-02 | 3.710982e-03              | 3.364230e-03   | 3.360763e-03 |
| 1000  | 3.699517e-02 | 6.839321e-04              | 3.283454e-04   | 3.248492e-04 |
| 10000 | 3.670239e-02 | 4.025058e-04              | 3.591412e-05   | 3.240483e-05 |

# Mu=0.01 C=10 Норма=С $H(\Pi$ лотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 2.297220e-01 | $3.701760\mathrm{e}{+05}$ | $6.205711\mathrm{e}{+03}$ | 3.505057e + 02            |
| 100   | 3.872557e-02 | 2.389303e-02              | $2.892214\mathrm{e}{+19}$ | $7.292511\mathrm{e}{+58}$ |
| 1000  | 2.332144e-02 | 2.487998e-03              | 2.392440e-03              | 2.391539e-03              |
| 10000 | 2.177329e-02 | 3.667251e-04              | 2.401755e-04              | 2.392548e-04              |

# Mu=0.01 C=10 Hopma=C V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 7.946146e-02 | $1.178424\mathrm{e}{+02}$ | $4.711194\mathrm{e}{+02}$ | $6.538070\mathrm{e}{+00}$ |
| 100   | 4.009036e-02 | 3.627122e-03              | $4.957063\mathrm{e}{+02}$ | $3.246079e{+04}$          |
| 1000  | 3.711722e-02 | 6.771593e-04              | 3.198202e-04              | 3.162974e-04              |
| 10000 | 3.682668e-02 | 4.041034e-04              | 3.508662e-05              | 3.155218e-05              |

#### Mu=0.001 C=10 Норма=С $H(\Pi_{\text{ЛОТНОСТЬ}})$ :

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 2.296716e-01 | $4.891013\mathrm{e}{+03}$ | $1.728655\mathrm{e}{+08}$ | 2.751734e + 09            |
| 100   | 3.873337e-02 | 2.390011e-02              | $8.799067\mathrm{e}{+31}$ | $2.390220\mathrm{e}{+70}$ |
| 1000  | 2.332517e-02 | 2.488308e-03              | 2.393157e-03              | nan                       |
| 10000 | 2.177663e-02 | 3.665834e-04              | 2.402434e-04              | 2.393266e-04              |

# $Mu{=}0.001$ C=10 Норма=С V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 7.939465e-02 | $1.669953\mathrm{e}{+02}$ | $1.258471\mathrm{e}{+03}$ | $1.915061\mathrm{e}{+03}$ |
| 100   | 4.010022e-02 | 3.618685 e-03             | $2.380684\mathrm{e}{+03}$ | $1.331892\mathrm{e}{+04}$ |
| 1000  | 3.712939e-02 | 6.767002 e-04             | 3.189625 e-04             | nan                       |
| 10000 | 3.683904e-02 | 4.044652e-04              | 3.500375e-05              | 3.146639e-05              |

#### Mu=0.1~C=100~Hopma=C~H(Плотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 4.454859e-01 | $3.090368\mathrm{e}{+05}$ | $1.236187\mathrm{e}{+03}$ | 1.318832e+03              |
| 100   | 1.047789e-01 | 3.566965 e-02             | $4.696436\mathrm{e}{+57}$ | $2.390707\mathrm{e}{+63}$ |
| 1000  | 7.411283e-02 | 4.166086e-03              | 3.481856e-03              | 3.475029e-03              |
| 10000 | 7.107076e-02 | 1.038167e-03              | 3.541667e-04              | 3.473407e-04              |

#### Mu=0.1~C=100~Hopma=C~V(Скорость):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 3.669411e-01 | $1.915365\mathrm{e}{+03}$ | $5.901420\mathrm{e}{+01}$ | 9.533754e + 02            |
| 100   | 3.313374e-02 | 3.324154e-02              | $4.906579\mathrm{e}{+03}$ | $5.267763\mathrm{e}{+04}$ |
| 1000  | 4.240186e-02 | 2.893953e-03              | 3.265958e-03              | 3.269676e-03              |
| 10000 | 4.516272e-02 | 3.345240e-04              | 3.223104e-04              | 3.259984e-04              |

#### Mu=0.01~C=100~Hopma=C~H(Плотность):

|       | 10           | 100                       | 1000                      | 10000                      |
|-------|--------------|---------------------------|---------------------------|----------------------------|
| 10    | 4.478214e-01 | $2.812946\mathrm{e}{+08}$ | $1.069842\mathrm{e}{+09}$ | $2.204762\mathrm{e}{+10}$  |
| 100   | 1.050894e-01 | 3.581924e-02              | $2.757871\mathrm{e}{+74}$ | $1.523774\mathrm{e}{+105}$ |
| 1000  | 7.427042e-02 | 4.183770e-03              | 3.496213e-03              | nan                        |
| 10000 | 7.121407e-02 | 1.042790e-03              | 3.556245e-04              | 3.487719e-04               |

#### Mu=0.01 C=100 Норма=С V(Скорость):

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 3.701750e-01 | 3.244109e + 03 | $4.539733\mathrm{e}{+03}$ | $7.372967\mathrm{e}{+04}$ |
| 100   | 3.320165e-02 | 3.348963e-02   | $3.217861\mathrm{e}{+03}$ | $6.820022\mathrm{e}{+04}$ |
| 1000  | 4.248983e-02 | 2.918523e-03   | 3.290431e-03              | nan                       |
| 10000 | 4.527621e-02 | 3.342365e-04   | 3.247547e-04              | 3.284407e-04              |

#### Mu=0.001 C=100 Норма=С $H(\Pi_{\text{ЛОТНОСТЬ}})$ :

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 4.480400e-01 | 3.371922e + 09 | $1.542561\mathrm{e}{+10}$ | $5.643980\mathrm{e}{+03}$ |
| 100   | 1.051207e-01 | 3.583462 e-02  | $2.850570\mathrm{e}{+79}$ | $1.957510\mathrm{e}{+99}$ |
| 1000  | 7.428621e-02 | 4.185591e-03   | 3.497642e-03              | nan                       |
| 10000 | 7.122842e-02 | 1.043290e-03   | 3.557692e-04              | 3.489147e-04              |

#### Mu=0.001 C=100 Норма=С V(Скорость):

|       | 10           | 100            | 1000                      | 10000                     |
|-------|--------------|----------------|---------------------------|---------------------------|
| 10    | 3.705013e-01 | 8.751785e + 02 | $9.641961\mathrm{e}{+02}$ | 1.358234e+02              |
| 100   | 3.320878e-02 | 3.351465 e-02  | $3.731032\mathrm{e}{+03}$ | $5.383169\mathrm{e}{+04}$ |
| 1000  | 4.249872e-02 | 2.920969e-03   | 3.292892e-03              | nan                       |
| 10000 | 4.528767e-02 | 3.342455e-04   | 3.250008e-04              | 3.286865e- $04$           |

#### 4.2 Анализ результатов

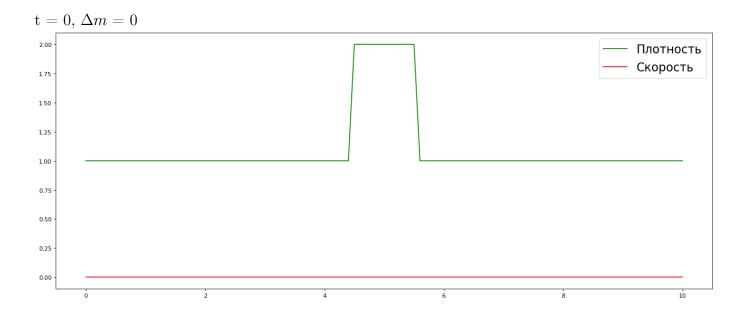
Анализируя таблицу ошибок, делаем вывод, что система иногда сходится, а ингода расходится. Сходимость зависит от параметров C и  $\mu$ . При C=1 и  $\mu=0.1$  система сходится при любых N и M. Однако при больших C и малых  $\mu$  наблюдается расходимость в верхнем углу матрицы, т.е. при  $\frac{N}{M} < 1$ . Также видно, что наилучшая сходимость наблюдается при равных M и N.

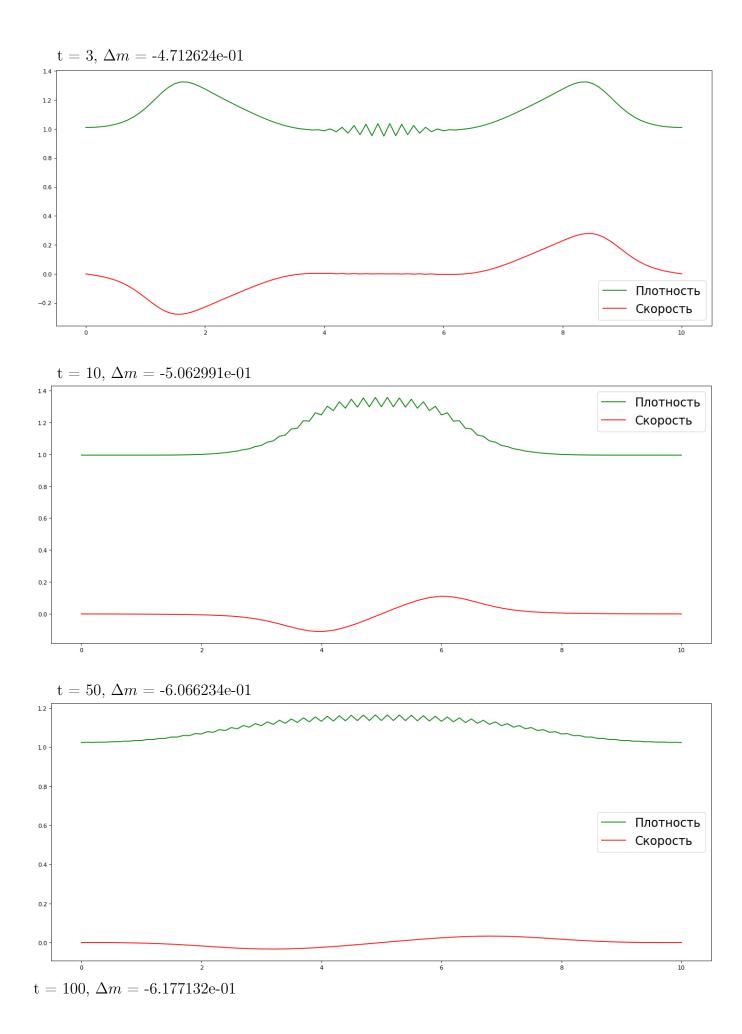
# 5 Разрывное решение

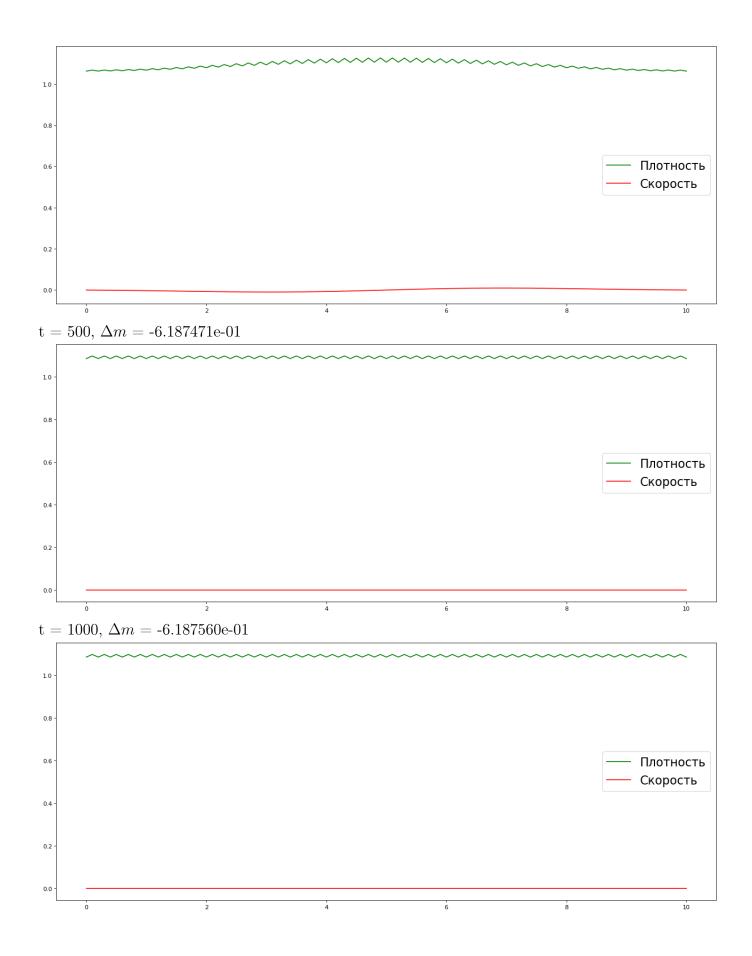
#### 5.1 Задача с разрывной плотностью

$$\begin{cases} \rho_0(x) = \begin{bmatrix} 1, & x < 4.5 \text{ или } x > 5.5 \\ 2, & x \in [4.5, 5.5] \end{bmatrix} \\ u_0(x) \equiv 0, & x \in [0, 10] \\ u(t, 0) = u(t, 10) = 0, & t \in [0, 1] \end{cases}$$

Возьмём C=1 и  $\mu=0.1$  шаг по x будет равен 0.1, шаг по t возьмём также 0.1. И будем смотреть стабилизацию решения. Под сходимостью будем подразумевать, что разница между максимальным и минимальным значением функций плотности и скорости меньше заданного  $\epsilon=0.02$ . Момент стабилизации 182.



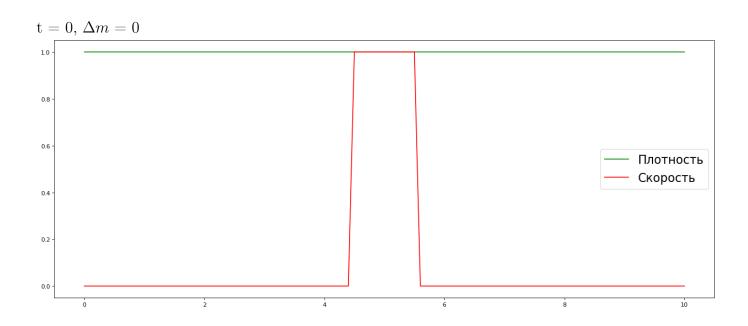


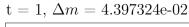


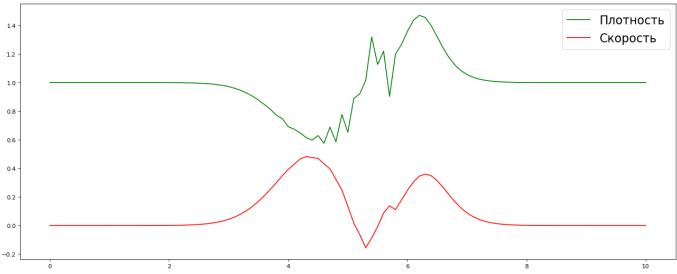
#### 5.2 Задача с разрывной скоростью

$$\begin{cases} u_0(x) = \begin{bmatrix} 0, \ x < 4.5 \text{ или } x > 5.5 \\ 1, \ x \in [4.5, 5.5] \end{cases} \\ \rho_0(x) \equiv 1, \ x \in [0, 10] \\ u(t, 0) = u(t, 10) = 0, \ t \in [0, 1] \end{cases}$$

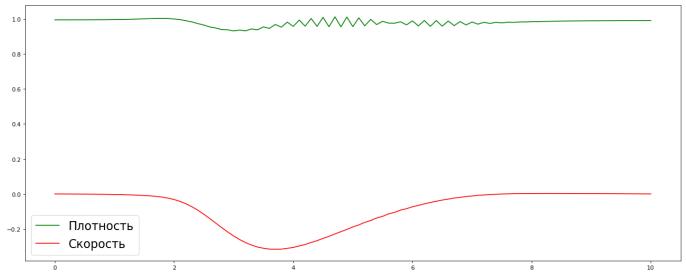
Возьмём C=1 и  $\mu=0.1$  шаг по x будет равен 0.1, шаг по t возьмём также 0.1. И будем смотреть стабилизацию решения. Под сходимостью будем подразумевать, что разница между максимальным и минимальным значением функций плотности и скорости меньше заданного  $\epsilon=0.02$ . Момент стабилизации 270.



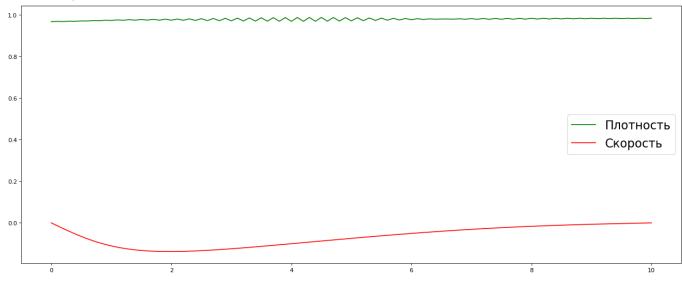




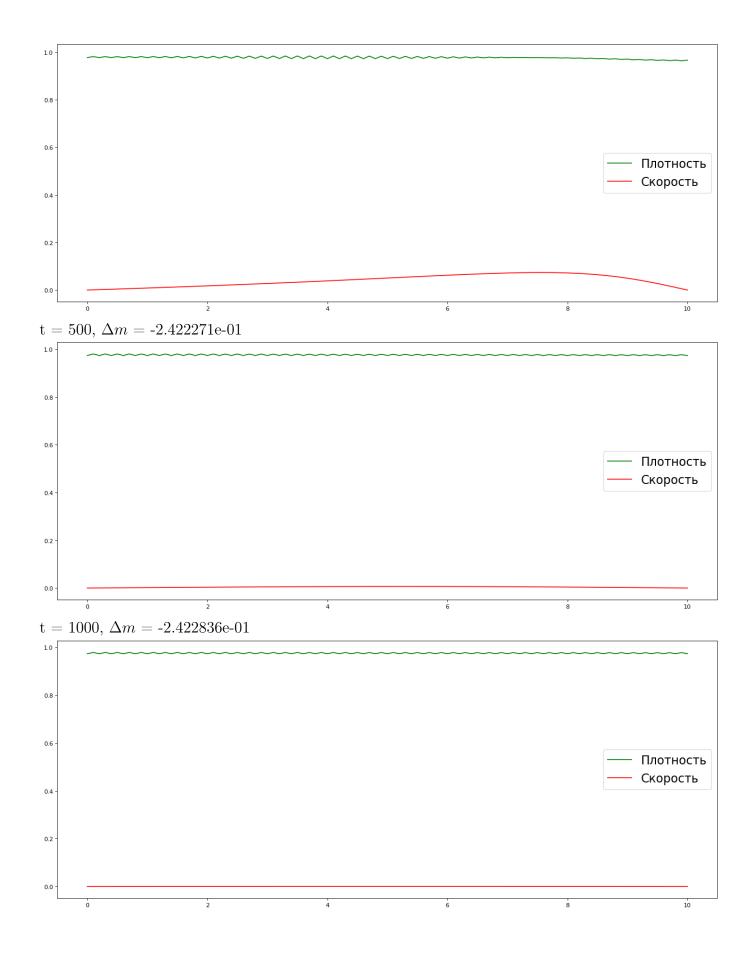
#### $t = 5, \Delta m = -6.363942e-02$



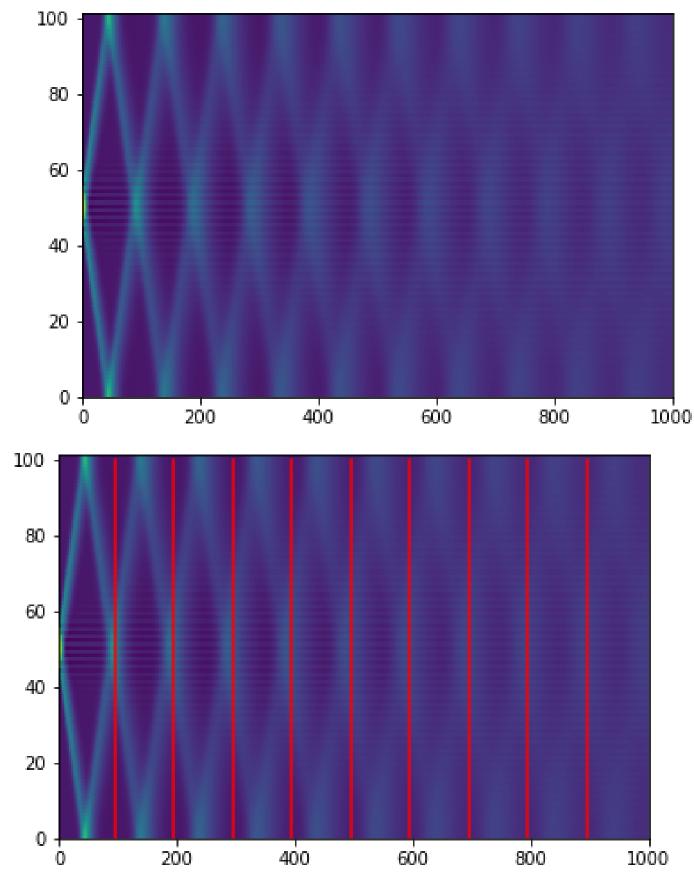




 $t = 100, \Delta m = -2.367071e-01$ 

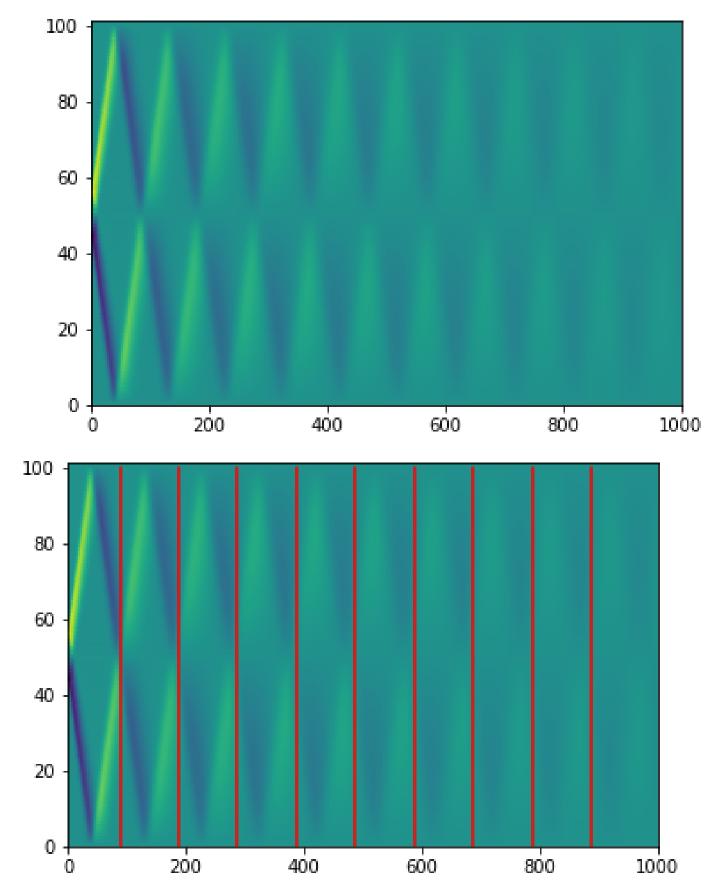


# 5.3 Плотность



Шаг 100 начиная с 95

# 5.4 Скорость



Шаг 100 начиная с 88