

Solución Numérica de Ecuaciones Diferenciales.

Sealtiel Gallardo Martínez

25 de mayo de 2019

En el siguiente documento se mostrará la solución numérica de una ecuación diferencial, la cual vamos a obtener a partir del siguiente problema físico. Para determinar la ecuación de movimientos, primero tenemos que identi-

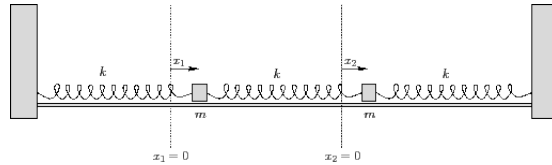


Figura 1: Sistema de resortes planteado por el prof. Fitzpatrick.

car los diferentes parámetros físicos que el problema nos brinde, por lo que podemos empezar planteando la ley de Hooke:

$$F = -kx \quad (1)$$

Pero podemos representar la fuerza de la siguiente manera

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -kx \quad (2)$$

El programa solo puede solucionar ecuaciones de primer grado, por lo que reduciremos esta ecuación a una de primer grado realizando el siguiente cambio

$$y = \frac{dx}{dt} \quad (3)$$

por lo que

$$\frac{dy}{dt} = -ky \quad (4)$$

Entonces ya podemos analizar las fuerzas que actúan sobre el primer cuerpo.

$$F_1 = -k_1(x_1 - L_1) - k_2(x_1 - x_2 + L_2 - L_1) \quad (5)$$

Pero por segunda ley de Newton tenemos que

$$F = ma \quad (6)$$

Entonces reescribimos la ecuación 6

$$m_1 a_1 = -k_1(x_1 - L_1) - k_2(x_1 - x_2 + L_2 - L_1) \quad (7)$$

Entonces procederea despejar a y le agregaremos los coeficientes de fricción correspondientes a nuestro problema

$$a_1 = \frac{(-b_1 v_1 - k_1(x_1 - L_1) - k_2(x_1 - x_2 + L_2 - L_1))}{m_1} \quad (8)$$

Regresamos a términos de nuestro cambio de variable que realizamos en la ecuación 3

$$\frac{dy_1}{dt} = (-b_1 y_1 - k_1(x - L_1) - k_2(x_2 - x_1 + L_1 - L_2))/m_1 \quad (9)$$

Podemos aplicar este mismo proceso para un segundo cuerpo.

$$\frac{dy_2}{dt} = (-b_2 y_2 - k_2(x_2 - L_2) - k_2(x_2 - x_1 + L_1 - L_2))/m_2 \quad (10)$$

Teniendo las ecuaciones y aplicándolas a nuestro programa obtuvimos el siguiente resultado

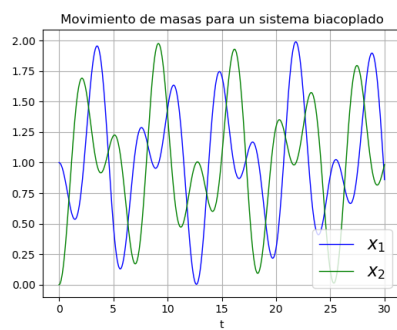


Figura 2: