수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

전치행렬

역행렬

수리경제학

리뷰: 행렬

이재석

2025-04-15 (updated:April 15, 2025)

목차

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

전치행렬

- 1 행렬의 존재 이유
- 2 행렬 ^(자연스러운) 연산
- 3 행렬곱
- 4 행렬식
- 5 전치행렬
- 6 역행렬

'인공'적인 행렬

수리경제학 이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱 행렬식

전치행량 역행렬

- 라이프니츠 이전, 여러가지 '행렬'같은 기법들이 있었으나..
- 1700-1710년 라이프니츠가 선형 연립방정식의 '계수'들을 행과 열형태로 표현하고 연립방정식의 해가 존재하는 조건을 보여줌.
 - * 역행렬을 구하기 위한 조건. 예를 들어 $|A| \neq 0$
- 1750년 크레이머가 Cramer's Rule 을 발표.
- 1850년 실베스터는 행렬의 성질을 'minors'라는 특별한 행렬식으로 정리함. '마치 마법처럼' 연립방정식의 해를 구하는 방법이었기에, 실베스터는 라틴어로 '근원'을 의미하는 'Matrix'라는 이름을 붙임.

이처럼, 매트릭스는 연립방정식의 해를 찾기 위해 '만들어진' 것이기에, 직관적이지 않아서 익숙해지기가 너무 힘들었다. 하지만, 어쩌면 '발견'한 것 처럼, 마법처럼 효율적으로 해를 찾을 수 있다. 컴퓨터도 행렬로 해를 찾음.

경제학에서 행렬을 배우는 이유: $\beta = (X'X)^{-1}X'Y$

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행렬 역행렬 ■ 경제학에서 행렬을 공부하는 이유는 회귀분석을 사용하기 위함.

- 회귀분석의 시작은 OLS라 불리는 선형회귀모형.
- OLS는 연립방정식의 해를 구하는 것과 같음.
 - 경제모델: $Y = \beta_K \cdot X_K + \beta_L \cdot X_L + \varepsilon$ (오차항)
 - $\beta = (X'X)^{-1}X'Y$
- *β*를 구하기 위해서:
 - 행렬곱, 역행렬(역행렬 찿기, 비 특이행렬 확인(행렬식≠ 0))
 - 라플라스 전개, minor, cofactor
 - 크레이머 룰.

행렬의 연산

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행

역행렬

행렬에는 '자연스러운' 사칙연산을 포함하여, '특별한 규칙을 갖는' 다양한 연산이 존재함.

- 행렬의 덧셈, 뺄셈, 스칼라 곱
- 행렬의 곱셈
- 행렬의 전치
- 행렬식
- minors, cofactors
- **.** . . .

그저, 필요한 규칙들을 쓰임에 맞게 조합해서 사용한다고 생각하면 됨.

행렬과 연립방정식

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

020

행렬식

전치행렬 역행렬 m by n 행렬 A (m행 n열):

$$A_{m \times n} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

라이프니츠 처럼 연립방정식을 행렬로 표현하면,

$$2x + y + 3z = 10$$

$$x + y + z = 6$$

$$x + 3y + 2z = 13$$

$$\downarrow \downarrow$$

$$Ax = d$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 \\ 6 \\ 13 \end{bmatrix}$$

행렬의 연산 - 덧셈, 뺄셈, 스칼라 곱

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

0 2 1

전치행렬 역행렬

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix},$$
$$B = \begin{bmatrix} 5 & 1 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}$$

$$A + B = \begin{bmatrix} 7 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$
$$2A = \begin{bmatrix} 4 & 6 \\ 2 & 8 \end{bmatrix}$$

- 두 행렬 *A*와 *B*가 같은 차원일 때만 덧셈과 뺄셈 가능
- 스칼라 곱: 행렬의 각 원소에 같은 수를 곱함

행렬곱의 조건 및 연산 규칙

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

연산 행**렼곱**

행렬식

전치행당

역행렬

■ 행렬 A (m×p)과 B (p×n) 조건: 앞 행렬의 열 수 = 뒤 행렬의 행 수 (3x1)(1x3): 가능! ⇒ 곱셈 결과 m×n 행렬 (3x1)(3x1): 불가능! ⇒ 행렬곱에서 교환법칙이 (항상)성립되지 않는 이유! (AB ≠ BA)

■ 아래 행렬곱 결과의 차원(mxn)은? (3x3)(3x2) = (5x5)(5x5) = (3x5)(5x2) = (4x2)(3x2) = (2x100)(100x2) =

행렬곱의 계산

수리경제학

이재석

행렬의 존재

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

$$\begin{bmatrix} b_{11} & b_{12} & \cdots & b_{1n} \\ b_{21} & b_{22} & \cdots & b_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{p1} & b_{p2} & \cdots & b_{pn} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} & \cdots & c_{1n} \\ c_{21} & c_{22} & \cdots & c_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ c_{m1} & c_{m2} & \cdots & c_{mn} \end{bmatrix}$$

$$c_{mn} = \sum_{k=1}^{p} a_{mk} b_{kn}$$

$$c_{11} = a_{11}b_{11} + a_{12}b_{21} + \cdots + a_{1p}b_{p1}$$

행렬곱의 계산: 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행렬

$$\blacksquare \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} e & f \\ g & h \end{bmatrix}$$

$$\blacksquare \begin{bmatrix} a & b \end{bmatrix} \begin{bmatrix} e \\ g \end{bmatrix}$$

$$\blacksquare \begin{bmatrix} a \\ c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} e & f \end{bmatrix}$$

행렬식

수리경제한

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

행렬곱

행렬식

역행렬

행렬식 (Determinant)

정사각행렬 A의 행렬식 det(A) 또는 |A|은 A 행렬의 특성을 나타내는 값. 각각의 변수들의 관계를 하나의 숫자로 나타낸 것.

(마치 2차방정식 판별식 처럼, 역행렬이 존재하기 위해서는 0이 아닌 값이 필요)

행렬의 차워에 따라, 행렬식을 계산 하는 법이 다름.

■ 1×1 행렬: $|a_{11}| = a$

■
$$2x2$$
 행렬: $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$

행렬식: 3x3 행렬

수리경제학 이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

전치행렬

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$$

$$= \begin{vmatrix} a_{11} \cdot (a_{22}a_{33} - a_{23}a_{32}) \\ a_{13} \cdot (a_{21}a_{32} - a_{22}a_{31}) \end{vmatrix}$$

$$+ \begin{vmatrix} a_{13} \cdot (a_{21}a_{32} - a_{22}a_{31}) \end{vmatrix}$$

행렬식: 3x3 행렬 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행렬 역행렬

행렬식: 3x3 행렬 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

행렬곱

행렬식

전치행렬 역행렬

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} = -9$$

$$\begin{bmatrix} -7 & 0 & 3 \\ 9 & 1 & 4 \\ 0 & 6 & 5 \end{bmatrix} = 295$$

$$\begin{bmatrix} 8 & 1 & 3 \\ 4 & 0 & 1 \\ 6 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 7 & 5 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

행렬식: 3x3 행렬 연습 (스왑)

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산 행렬곱

행렬식 전치행렬 역행렬 행이나 열을 교환했을때, 행렬식의 부호가 바뀜

|A| = k 일때, A의 행, 혹은 열을 홀수번 교환한다면, -k가 됨.

0	1	3
2	5	7
3	0	1

[3	1	0
7	5	2
1	0	3

행렬식: nxn 행렬 ⇒ 라플라스 전개

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산 행력곱

행렬식

전치행렬

라플라스 전개

행렬식을 '부분 행렬식(cofactor)'으로 나누어 계산

$$|A| = a_{11} \cdot |C_{11}| + a_{12} \cdot |C_{12}| + \dots + a_{1n} \cdot |C_{1n}|$$
 $= a_{11} \cdot |C_{11}| + a_{21} \cdot |C_{21}| + \dots + a_{m1} \cdot |C_{m1}|,$
cofactor : $|C_{ij}| = (-1)^{i+j} |M_{ij}|, \quad i :$ 행, $j :$ 열

- cofactor: 'minor'에 행과 열의 위치에 따라 부호를 붙인 것. *cofactor는 행렬식이므로 '값'.
- 'minor'는 행렬에서 특정 행과 열을 제거한 나머지의 행렬식.

행렬식: nxn 행렬 ⇒ 라플라스 전개

수리경제학 이재석

행렬의 존재

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

선지행달

■ minor M_{12} 은

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = |M_{21}| = a_{21}a_{33} - a_{23}a_{31}$$

cofactor는 $|C_{12}| = (-1)^{1+2}|M_{12}| = -|M_{12}|$ 따라서.

$$|A| = a_{11} \cdot (a_{22}a_{33} - a_{23}a_{32}) - a_{12} \cdot (a_{21}a_{33} - a_{23}a_{31})$$

$$+ a_{13} \cdot (a_{21}a_{32} - a_{22}a_{31})$$

$$= a_{11}|C_{11}| + a_{12}|C_{12}| + a_{13}|C_{13}| = a_{11}|M_{11}| - a_{12}|M_{12}| + a_{13}|M_{13}|$$

행렬식: 4x4 행렬의 전개 (Laplace 전개)

수리경제학 이재석 a₁₃ *a*₁₄ a12 a₁₄ *a*₁₂ *a*₁₃ *a*11 *a*₁₃ *a*₁₄ a₁₁ *a*₁₂ 211 a_{21} a₂₁ *a*₂₃ a₂₄ a₂₁ *a*₂₂ *a*₂₃ a24 a₂₂ *a*₂₃ a₂₄ a_{22} a₂₁ 행렬의 존재 *a*₃₂ a₃₃ a31 *a*34 *a*₃₄ *a*₃₁ *a*₃₄ *a*₃₁ *a*₃₂ *a*33 *a*₃₁ a₃₂ *a*33 행렬 (자연스러운) a41 a42 a41 a_{42} a_{43} *a*₄₄ a43 *a*₄₄ 여산 행렬곱 $a_{11} \cdot |C_{11}|$ + $a_{12} \cdot |C_{12}|$ + $a_{13} \cdot |C_{13}|$ $a_{14} \cdot |C_{14}|$ + 행렬식 역행렬 $a_{11} \cdot (-1)^{1+1} |M_{11}|$ $a_{12} \cdot (-1)^{1+2} |M_{12}|$ $a_{13} \cdot (-1)^{1+3} |M_{13}|$ ++ $a_{14} \cdot (-1)^{1+5} |M_{14}|$

 a_{12}

a₂₂

*a*₃₂

a₄₂

행렬식: nxn 행렬, 4x4 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행렬 역행렬

행렬식: nxn 행렬, 4x4 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

전치행렬 역행렬

$$\begin{bmatrix} 1 & 9 & 2 & 0 \\ 2 & 6 & 3 & 4 \\ 1 & -1 & 6 & 0 \\ 0 & 8 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 9 & 0 \\ 2 & 7 & 0 & 1 \\ 5 & 6 & 4 & 8 \\ 1 & 3 & 1 & 4 \end{bmatrix}$$

전치행렬 (A', Transposed)

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

전치행렬

$$A_{m \times n} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

$$A'_{m \times n} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{1m} & a_{2m} & \cdots & a_{nm} \end{bmatrix}$$

역행렬

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행당

역행렬

역행렬 (A^{-1})

행렬 A의 역행렬은 A^{-1} 로 표기하며, $AA^{-1} = A^{-1}A = I$ 를 만족하는 행렬.

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \operatorname{adj} A = \frac{1}{|A|} C',$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}, \quad \operatorname{adj} A = C' = \begin{bmatrix} |C_{11}| & |C_{21}| & \cdots & |C_{n1}| \\ |C_{12}| & |C_{22}| & \cdots & |C_{n2}| \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ |C_{1m}| & |C_{2m}| & \cdots & |C_{nm}| \end{bmatrix}$$

역행렬: 2x2

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

저치해

$$A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}, \quad A^{-1} = \frac{1}{|A|} a dj A$$

$$a dj A = \begin{bmatrix} |C_{11}| & |C_{21}| \\ |C_{12}| & |C_{22}| \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} |C_{11}| & |C_{12}| \\ |C_{21}| & |C_{22}| \end{bmatrix}'$$

$$|C_{11}| = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = 1 \cdot |d| = d, \quad |C_{12}| = (-1)^{1+2} |c| \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = (-1) \cdot |c| = -c$$

$$|C_{21}| = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = (-1) \cdot |b| = -b, \quad |C_{22}| = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = 1 \cdot |a| = a$$

$$\therefore A^{-1} = \frac{1}{ad - bc} \begin{bmatrix} d & -b \\ -c & a \end{bmatrix}$$

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

행렬곱

행렬식

거키해리

$$A = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}, \quad A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} \operatorname{adj}(A) = \frac{1}{\det(A)} \begin{bmatrix} C_{11} & C_{21} & C_{31} \\ C_{12} & C_{22} & C_{32} \\ C_{13} & C_{23} & C_{33} \end{bmatrix}$$

$$|C_{11}| = (-1)^{1+1} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = 1 \cdot (ei - fh),$$

$$|C_{12}| = (-1)^{1+2} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = (-1) \cdot (di - fg),$$

$$|C_{13}| = (-1)^{1+3} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = 1 \cdot (dh - eg),$$

역행렬: 3x3

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

저치해리

$$|C_{21}| = (-1)^{2+1} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = (-1) \cdot (bi - ch),$$
 $|C_{22}| = (-1)^{2+2} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = 1 \cdot (ai - cg),$
 $|C_{23}| = (-1)^{2+3} \begin{vmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{vmatrix} = (-1) \cdot (ah - bg),$

수리경제한

이재석

행렬의 존재

행렬곱

행렬식

$$|C_{31}| = (-1)^{3+1} \begin{vmatrix} a & b & c \ d & e & f \ g & h & i \end{vmatrix} = 1 \cdot (bf - ce),$$
 $|C_{32}| = (-1)^{3+2} \begin{vmatrix} a & b & c \ d & e & f \ g & h & i \end{vmatrix} = (-1) \cdot (af - cd),$
 $|C_{33}| = (-1)^{3+3} \begin{vmatrix} a & b & c \ d & e & f \ g & h & i \end{vmatrix} = 1 \cdot (ae - bd),$

역행렬: 3x3 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행렬 **역행렬**

- 27 / 32 -

역행렬: 3x3 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

행렬곱

행렬식

전치행렬

$$A = \begin{bmatrix} 4 & 1 & -1 \\ 0 & 3 & 2 \\ 3 & 0 & 7 \end{bmatrix}, \quad |A| = 99$$

$$C = \begin{bmatrix} 21 & 6 & -9 \\ -7 & 31 & 3 \\ 5 & -8 & 12 \end{bmatrix}$$

$$adj(A) = C' = \begin{bmatrix} 21 & -7 & 5 \\ 6 & 31 & -8 \\ -9 & 3 & 12 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \frac{1}{99} \begin{bmatrix} 21 & -7 & 5\\ 6 & 31 & -8\\ -9 & 3 & 12 \end{bmatrix}$$

역행렬: Cramer's Rule

수리경제학

이재석

행렬의 존재

행렬 (자연스러운) 여사

연산

행렬곱

행렬식

전치행당

역행렬

Cramer's Rule

$$\begin{bmatrix} x_1^* \\ \vdots \\ x_j^* \\ \vdots \\ x_n^* \end{bmatrix} = \frac{1}{|A|} \operatorname{adj} \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1j} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots & & \vdots \\ a_{j1} & a_{j2} & \cdots & a_{jj} & \cdots & a_{jn} \\ \vdots & \vdots & & \vdots & & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nj} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1j} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \vdots & & \vdots & & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nj} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

이 때,

역행렬: Cramer's Rule 2x2

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운)

연산

행렬곱

행렬식

전치행렬

$$Ax = d, \quad A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}, \quad x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}, \quad d = \begin{bmatrix} d_1 \\ d_2 \end{bmatrix}$$

$$x_1^* = \frac{1}{ad - bc} \cdot \begin{bmatrix} d_1 \\ d_2 \end{bmatrix} \quad a_{12} \\ a_{22} \end{bmatrix} = \frac{1}{ad - bc} \cdot (d_1 a_{22} - a_{12} d_2)$$

$$x_2^* = \frac{1}{ad - bc} \cdot \begin{vmatrix} a_{11} & d_1 \\ a_{21} & d_2 \end{vmatrix} = \frac{1}{ad - bc} \cdot (a_{11} d_2 - d_1 a_{21})$$

역행렬: Cramer's Rule 3x3

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬곱

행렬식

$$Ax = d$$
, $A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$, $x = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$, $d = \begin{bmatrix} d_1 \\ d_2 \\ d_3 \end{bmatrix}$

$$x_1^* = rac{1}{|A|} \cdot egin{bmatrix} d_1 \ d_2 \ d_3 \end{bmatrix} egin{bmatrix} a_{12} & a_{13} \ a_{22} & a_{23} \ d_3 \end{bmatrix}$$

역행렬: Cramer's Rule 연습

수리경제학

이재석

행렬의 존재 이유

행렬 (자연스러운) 연산

행렬곱

행렬식

전치행렬 **역행렬**