PROBLEMA 3: Aplicación de teoría de números en Criptografía-RSA

| а | b | С  | d | е  | f | g | h | i | j | k |
|---|---|----|---|----|---|---|---|---|---|---|
| 1 | m | n  | 0 | р  | q | r | S | t | u | ٧ |
| W | Χ | Υ  | Z | á  | é | ĺ | Ó | ú | Α | В |
| С | D | Е  | F | G  | Н | 1 | 7 | K | L | М |
| N | 0 | Р  | Q | R  | S | Τ | C | ٧ | W | Χ |
| Υ | Ζ | Á  | É | ĺ  | Ó | Ú | 1 | 2 | 3 | 4 |
| 5 | 6 | 7  | 8 | 9  | 0 | + | - | * | / | ٨ |
| % | # | \$ | @ | SP | , | , |   | : | j | ? |
| i | ! | _  | ( | )  | [ | ] | { | } | \ | = |
| ٦ | ñ | Ñ  | ü | Ü  |   |   |   |   |   |   |

Tabla 1: matriz de caracteres con "SP" carácter en blanco

Se pretende, con este problema que, usted implemente una versión reducida del esquema de encripción y firmas digitales RSA. Efectivamente, usted deberá entregar una aplicación en Python con un paquete de funciones que cumpla con las siguientes tareas:

1. Forme la lista anterior de los caracteres (ver Lista) que va a utilizar para cifrar y/o descifrar mensajes y que corresponde a la lista de 103 caracteres: Tenga en cuenta que, el subíndice de esta lista inicia en 0 y va hasta 102.

- 2. Ingrese 2 números primos arbitrarios diferentes que, a partir de este momento se llamarán p, q tales que, tengan al menos 2 cifras.
- 3. Calcule el valor de n, el cual será la base Zn (de enteros no negativos menores que n) como el producto de p y q; es decir, n=p\*q.
- 4. Calcule la función cociente de Euler phi(n) que corresponde a la cantidad de enteros entre 1 y n que son primos relativos de n, el cual nos interesa en el sistema RSA para n=p\*q, siendo p y q números primos diferentes. Veamos,

$$phi(n) = phi(p.q) = p.q-p-q+1 = (p-1).(q-1)$$

5. Genere las claves (pública y privada). Clave pública (e): es un número aleatorio primo relativo entre 1 y phi(n) Seleccione, de manera aleatoria, un número entre 1< e < phi(n), tal que, mcd(e, phi(n))=1. Dicho valor corresponderá a la clave publica "e". Clave privada (d): corresponde al número del módulo del producto de los números enteros entre 1 y phi por la clave publica "e", con phi(n). Es decir,

 $d(e,phi(n))=(e^{*}(1< e < phi(n))) MOD phi(n)=1 (que es único).$ 

- 6. Envíe clave pública al EMISOR que corresponde a los parámetros n y e, la cual pueden ver todos. Entre el EMISOR y el RECEPTOR envían de manera oculta la clave privada n y d.
- 7. Cifrado: envíe el mensaje que corresponde a la lista M de las posiciones de cada carácter. Luego, forme una lista C con los caracteres cifrados. Efectivamente, forme una lista C con los módulos n de la potencia cada posición de la lista M, elevada a la clave pública. Dicha lista resultante corresponderá al mensaje encriptado. Ahora, muestre el mensaje cifrado; basta con concatenar o enlistar, según la lista C, con los caracteres de la lista L.
- 8. Descifrado: calcule los módulos n de la potencia cada posición de la lista C, elevada a la clave privada. Dicha lista resultante corresponderá al mensaje descifrado. Para mostrar el mensaje descifrado, concatene los caracteres de la lista L, según las posiciones de dichos caracteres.