



UNIVERSIDAD DE CHILE
FACULTAD DE CIENCIAS FÍSICAS Y MATEMÁTICAS
DEPARTAMENTO DE CIENCIAS DE LA COMPUTACIÓN

MODELAMIENTO DE CAMBIOS EN LA DEMANDA DE TRANSPORTE PÚBLICO EN
SANTIAGO DE CHILE USANDO TÉCNICAS DE APRENDIZAJE DE MÁQUINA E
INTELIGENCIA ARTIFICIAL

MEMORIA PARA OPTAR AL TÍTULO DE
INGENIERO/A CIVIL EN COMPUTACIÓN

SEBASTIÁN ALEJANDRO MONTEIRO PARADA

PROFESOR GUÍA:
EDUARDO GRAELLS-GARRIDO

SANTIAGO DE CHILE

2025

Capítulo 1

Introducción

El sistema de transporte público en Santiago de Chile es un componente esencial para el funcionamiento de la ciudad. Cambios en su oferta —sean planificados o inesperados— pueden generar impactos significativos en la movilidad de las zonas aledañas, tanto a corto como a largo plazo. Las motivaciones para estudiar estos cambios son diversas: desde promover un uso más eficiente de los recursos públicos al construir nuevas líneas de metro, hasta anticipar qué recorridos de buses podrían saturarse ante la suspensión parcial del servicio subterráneo. Comprender cómo estos eventos redistribuyen la carga dentro del sistema es clave para una planificación urbana más informada.

Una exploración bibliográfica sugiere que el campo de la predicción de la demanda usando técnicas de Machine Learning / Inteligencia Artificial —entendiendo que la segunda contiene a la primera— ha crecido notablemente. Una exploración bibliográfica ayudada por el paper review de Torrepadula et al. [15], allanan el camino para entender cómo se ha abordado la predicción de la demanda de transporte público en distintas ciudades del mundo.

Torrepadula menciona que el problema de la demanda es de tipo pronóstico de series de tiempo. En ese sentido, se abren varias soluciones, como el uso de RNN (Redes Neuronales Recurrentes), CNN (Redes Neuronales Convolucionales), SVR (Regresión de vectores de soporte), SVM (Máquinas de vectores de soporte), ELM (Máquinas de aprendizaje extremo) AE (Autoencoders) y Transformers, usados generalmente para lenguaje natural, igual encontraron su uso en predicción de demanda. En lo que basará este trabajo es en la solución usando Redes Neuronales de Grafos (GNNs) o en su forma convolucional, con RNN para capturar correlaciones temporales y espaciales.

Actualmente, algunos de los estudios que abordan esta problemática desde Chile lo hacen desde enfoques estadísticos y/o a nivel macro. Estos suelen analizar el antes y el después de una intervención, sin capacidad real de predicción. Otros modelos tienen una orientación más predictiva, pero se encuentran desactualizados y no reflejan adecuadamente las dinámicas actuales del transporte urbano. También existen enfoques centrados en el transporte privado, que estudian cómo factores como la infraestructura, las tarifas o las políticas públicas afectan la movilidad general. Sin embargo, estos trabajos no se enfocan en cambios estructurales de la red de transporte público, sino que operan sobre la oferta ya existente.

Por otro lado, existe el sistema ADATRAP [13], desarrollado por la Universidad de Chile y el Instituto Sistemas Complejos de Ingeniería. ADATRAP es un software que analiza datos y permite planificar y crear estrategias para la priorización en la asignación de servicios públicos de transporte. El software toma en cuenta la distribución de la oferta para los usuarios del servicio en la Región Metropolitana.

Para finalizar, la solución propuesta en este proyecto se basa en el uso de técnicas de aprendizaje automático, modelando el sistema de transporte como un grafo en el que se representen recorridos, paradas y transbordos. Este modelo tendrá que aprender a predecir el comportamiento de los usuarios en función de múltiples factores, como la duración del viaje, el número de transbordos y el tiempo de espera. Estos modelos y sus resultados se compararán con datos reales de uso, para afinar el modelo y su precisión. Finalmente, se realizarán simulaciones de diferentes escenarios, como la introducción de nuevas líneas o la eliminación de recorridos, para observar cómo estos cambios afectan la demanda y la distribución de usuarios en la red obteniendo datos de la red y su uso modelado usando técnicas de ML y grafos.

1.1 Situación actual

Una gran motivación para este proyecto es la optimización en el uso de los recursos públicos. Modificar dinámicamente la frecuencia de los buses, crear nuevos recorridos o eliminar aquellos que han quedado obsoletos son decisiones que pueden tener un impacto significativo en la calidad del servicio y en la satisfacción de los usuarios. Sin embargo, estas decisiones deben basarse en datos precisos y actualizados sobre el uso del transporte público, así como en una comprensión profunda de cómo los cambios en la red afectan la demanda.

Siguiendo el trabajo de Torrepadula mas a fondo [15] se abren muchas soluciones y consideraciones: La primera , el sujeto de la predicción.

1.1.1 Sujeto de la predicción :

Diversos trabajos se enfocan tanto en:

1. Cantidad de personas en una parada en la ruta. Trabajos como el de Wei et. al [18] usan enfoques no lineales para estimar la demanda en algunas estaciones de metro.
2. Cantidad de personas en la ruta. El trabajo de Zhao [20] utiliza Prophet para estimar las personas en la ruta 320 de Zhengzhou, China
3. Cantidad de personas en un vehículo. Algunos trabajos lo predicen , como el de Wang et. al[9] con un Support Vector Machine mas un filtro de Kalman.
4. Cantidad de personas en un área. El trabajo de Wang et al [17] explora predicciones espacio temporales con un modelo llamado GALLAT (GrAphic preddition with ALL ATtention), que modela la red como un grafo

Notar que cada enfoque o sujeto requiere un set de datos distintos, por ejemplo, para saber cuanta gente hay en un momento dado en un vehículo, debemos de usar cámaras o sensores, en

cambio, para saber un estimado de gente en la ruta, podemos usar los datos de las validaciones de la tarjeta bip! de la ruta.

Por otro lado, todos los enfoques tienen el objetivo de predecir la demanda, pero cada uno de ellos tiene una filosofía distinta de como hacerlo.

Un dato importante es el de como ADATRAP estima la cantidad de personas en la ruta[13]. ADATRAP tiene un algoritmo estimador de paradas de bajada de los usuarios. En sistemas como RED, el usuario solo valida en su subida al vehículo, por lo que no se sabe donde baja. La predicción se basa en el horario y ubicación de su subida al bus en la ida y en el horario y ubicación de la vuelta. Se entiende como ida y vuelta como el primer y el último viaje del día.

Una exploración inicial indica que el curso ideal sería contar cuanta gente usa cada ruta, por ello es que la cantidad de personas en la ruta puede ser un buen candidato.

1.1.2 Tipo de datos:

El tipo de datos es importante. Algunos ejemplos son:

1. Datos de validación de la tarjeta Bip! (que se puede usar para saber cuanta gente hay en una ruta, o en un área).
2. Datos de sensores (que se pueden usar para saber cuanta gente hay en un vehículo).
3. Datos de cámaras (que se pueden usar para saber cuanta gente hay en un vehículo, o en un área o un paradero).
4. GPS para el flujo de personas en un área.

Citando a Torrepadula [15], los datos de validación de la tarjeta , como la bip o sus equivalentes en otros países son los más utilizados, ya que son fáciles de obtener y tienen una buena cobertura geográfica. Sin embargo, también tienen limitaciones, como la falta de información sobre el origen y destino de los viajes. Los datos de sensores y cámaras son más precisos, pero son más difíciles de obtener y tienen una cobertura geográfica limitada. Los datos de GPS son muy precisos, pero también son difíciles de obtener y tienen una cobertura geográfica limitada.

Trabajos como los de Ye [19], Jian [3], Li [8] y Yang et.al utilizan datasets provenientes de tarjetas de validación con tecnología similar o idéntica a la de la tarjeta Bip!.

1.1.3 Factores

Los factores que afectan la demanda son diversos y pueden variar según el contexto. Algunos de los más relevantes son:

1. **Tarifas:** El costo del transporte público puede influir en la demanda, especialmente en áreas donde existen alternativas de transporte privado.

2. **Frecuencia:** La cantidad de buses o trenes disponibles en una ruta puede afectar la demanda, ya que una mayor frecuencia puede atraer a más usuarios.
3. **Tiempo de viaje:** La duración del trayecto es un factor clave en la decisión de utilizar el transporte público. Un tiempo de viaje más corto puede aumentar la demanda.
4. **Comodidad:** La calidad del servicio, como la limpieza, el confort y la seguridad, puede influir en la decisión de utilizar el transporte público.
5. **Accesibilidad:** La facilidad de acceso a las paradas o estaciones, así como la disponibilidad de servicios complementarios (como estacionamientos o bicicletas compartidas), puede afectar la demanda.
6. **Condiciones climáticas:** Factores como la lluvia, el frío o el calor extremo pueden influir en la decisión de utilizar el transporte público.
7. **Eventos especiales:** La realización de eventos masivos, como conciertos o ferias, puede generar picos de demanda en ciertas rutas.
8. **Fiestas y feriados:** La demanda de transporte público puede variar significativamente durante días festivos o feriados, lo que puede afectar la planificación de la oferta.
9. **Búsqueda Web** Los turistas, generalmente, se informan de las rutas y horarios de los buses en la web, por lo que el tráfico web puede ser un buen indicador de la demanda.

1.1.4 Modo de transporte

En distintos trabajos, se exploró la predicción de distintos métodos de transporte. Entre ellos están el Metro, buses, trenes y tranvías.

1.1.5 Técnicas de preprocesado de datos

Transformar los datos en una estructura de datos es un paso importante. GNNs requieren preprocesar los datos en matrices o grafos. Trabajos como los de Liu Et. Al[10] utilizan grafos representados por matrices del tipo (o,d), donde o es el origen y d es el destino de la persona. Predicciones hechas por ADATRAP [13] pueden ser utilizadas para llenar esta matriz de origen-destino. Otros enfoques, como el de Massobrio[11] modelan una red con nodos que representan las paradas de las rutas.

1.1.6 Técnicas de predicción

El área de interés de este trabajo son las soluciones que usan RNN y GNN/GCNN debido a la naturaleza de la creación de grafos y por el auge que Torrepadula menciona en su trabajo.

Algunas ventajas y desventajas de las mencionadas son:

- **RNN:** Ventajas: Captura correlaciones temporales, buena para series de tiempo multivariadas. Desventajas: No está diseñada para usarse con correlación espacial, es intensiva en recursos y tiene procesamiento paralelo limitado. Kang [5] explora una LSTM para predecir el volumen de personas en líneas de metro en China
- **GNN/GCNN:** Ventajas: Captura correlaciones espaciales, buena para series de tiempo multivariadas. Desventajas: No captura correlaciones temporales, es intensiva en recursos, necesita la construcción del grafo. Li [7] es uno de los trabajos que explora estos métodos.

Se puede observar que una es el complemento de la otra. Según Torrepadula, la mejor solución es usar una combinación de ambas, usando RNN para capturar correlaciones temporales y GNN/GCNN para capturar correlaciones espaciales.

De hecho, algunos autores han explorado hipergrafos, es decir, la topología de la red en un grafo y otro por encima que capture los caminos peatonales. Más aún, se suelen usar LSTM para el espacio del tiempo. Un ejemplo de ello es Wang et. al[16].

1.1.7 En Chile...

Hoy en día, la red está enfrentando transformaciones importantes. La construcción e implementación de nuevas líneas de metro, como la Línea 7 y la futura Línea 8, tendrá un efecto profundo sobre el uso de ciertos recorridos de buses. Algunos servicios podrían volverse redundantes, mientras que otros —como los recorridos locales tipo [LETRA]-XX— podrían experimentar un aumento significativo en la demanda, al convertirse en alimentadores hacia las nuevas estaciones. Esta situación presenta una oportunidad para replantear frecuencias, redistribuir flotas y mejorar la eficiencia general del sistema.

El más destacado es ADATRAP, desarrollado por la Universidad de Chile y el Instituto Sistemas Complejos de Ingeniería. Este software permite analizar datos y planificar estrategias para la priorización en la asignación de servicios públicos de transporte. ADATRAP toma en cuenta la distribución de la oferta para los usuarios del servicio en la Región Metropolitana.

Adatrap [13] es un software que utiliza la información geotemporal referenciada (GPS) en buses de Transantiago, en conjunto con la información que entrega la tarjeta bip!, con el objetivo de estimar desempeño de transporte público, velocidades de traslado, hacinamiento, perfiles de carga, etc. Logra crear perfiles de velocidad por servicio y por tramo de ruta, perfiles de carga por servicio, matrices origen-destino, indicadores de calidad de servicio. El software está registrado a nombre de la Universidad de Chile y transferido mediante acuerdo de licencia a la Subsecretaría de Transportes. Se utiliza diariamente para tomar decisiones tales como la definición semanal de programas de operación, modificación de servicios y decisiones de infraestructura

Estos fenómenos han sido objeto de análisis en trabajos previos. Un ejemplo representativo es el de Ramírez [12], quien estudia el cambio espacial en la demanda de transporte público tras la apertura de una nueva línea de metro, empleando un enfoque estadístico. Si bien su análisis es útil para evaluar efectos pasados, no permite anticipar escenarios futuros ni explorar condiciones hipotéticas. El estudio concluye, entre otros puntos, que la cantidad de transbordos y la demanda

por servicios locales aumentan tras la introducción de un servicio estructurante como una línea de metro.

Por otra parte, el trabajo de Camus [1] propone una simulación basada en agentes dentro de la red de transporte público. Sin embargo, dicho modelo considera la oferta como un elemento estático y no contempla escenarios en los que esta pueda ser modificada. Aun así, su enfoque representa un punto de partida interesante, ya que podría ser extendido para evaluar diferentes configuraciones de red.

También existe el modelo desarrollado para el Directorio de Transporte Público Metropolitano (DTPM) [2], mediante la consultora EMME de INRO (actualmente Bentley Systems), el cual segmenta la demanda en tres franjas horarias: punta mañana, bajo mañana y punta tarde. Este modelo, sin embargo, presenta limitaciones importantes: no es de código abierto, omite información relevante (como los aforos del sector oriente), y está basado en datos anteriores a la pandemia de COVID-19, específicamente de 2020, lo que afecta su vigencia y aplicabilidad.

Asimismo, existen modelos de demanda agregada, como el desarrollado por Méndez [14], que se apoyan en técnicas econométricas y estudian elasticidades en función de variables como tarifas o cantidad de servicios disponibles. Aunque valiosos, estos trabajos no abordan cambios estructurales en la red, sino que se enfocan en la oferta existente.

En resumen, los trabajos existentes suelen centrarse en enfoques estadísticos retrospectivos o en simulaciones que no permiten modificar dinámicamente la oferta. Esto deja un vacío importante: no existe una herramienta que permita analizar, de forma flexible y anticipada, cómo un cambio específico genera efectos en cascada sobre la red de transporte. En este contexto, se propone una nueva aproximación que permita comparar distintos estados de la red, con un enfoque predictivo y adaptable, apoyado en técnicas modernas de representación como grafos y aprendizaje automático.

1.2 Objetivos

1.2.1 Objetivo general

Diseñar e implementar un modelo que prediga demanda de transporte dado un escenario (definido como una configuración de red y su respectiva infraestructura urbana); y usar este modelo para predecir demanda en distintos escenarios para medir el impacto de intervenciones en el escenario actual.

1.2.2 Objetivos específicos

1. Disponer de datos actualizados sobre el uso de transporte público, como frecuencias e itinerarios y los destinos/orígenes de los usuarios, como también, a de ser posible, de flujos de transporte.
2. Modelar la red de transporte público en un grafo o hipergrafo de ser necesario, que permita

representar la topología de la red de transporte y las combinaciones de ellas.

3. Modelar la demanda en sus dos aspectos, espacial y temporal. Para ello, se utilizará un GNN para capturar la topología de la red y una RNN para capturar la temporalidad de los datos. Se espera que el modelo sea capaz de predecir la demanda en función de los factores anteriormente mencionados.
4. Cambiar la topología de la red y observar cómo cambia la demanda . Cambiar la topología involucrará cambios de infraestructura (agregar, quitar o modificar rutas existentes) como también cambios en la frecuencia de los buses.
5. Analizar los datos de la nueva demanda prestando atención al nuevo número de pasajeros transportados por cada línea.

1.2.3 Evaluación

Cada objetivo se verificaría de la siguiente manera:

1. Datos actualizados: Se espera contar con datos de validación de la tarjeta Bip! y registros de movilidad provistos por Entel, así como información censal sobre residencia y lugar de trabajo.
2. Modelado de la red: Se espera contar con un modelo de la red de transporte público que permita representar recorridos, paradas y transbordos. Para ello, se compara con trabajos previos que han utilizado modelos similares de modelado de las redes.
3. Modelo de ML para predicción: Se espera contar con un modelo de aprendizaje automático que simule el comportamiento de los usuarios en función de múltiples factores. Este modelo se validará comparando sus predicciones con datos reales de uso de transporte público, como los proporcionados por la tarjeta Bip!.
4. Al modificar la red, se espera que el modelo de ML pueda predecir cambios en la demanda y la distribución de usuarios en la red. Esto se validará instanciando diferentes escenarios y comparando los resultados con datos reales de uso. (Por ejemplo, red pre/post línea 6)
5. Análisis de resultados: Se espera realizar un análisis exhaustivo de los resultados obtenidos a partir de la simulación, identificando patrones y tendencias que puedan informar futuras decisiones en la red de transporte.

1.3 Solución propuesta

La solución propuesta se basa en la creación de un sistema de simulación del transporte público que combine estructuras de grafos y técnicas de aprendizaje automático. El enfoque contempla los siguientes componentes:

0. En cuanto al tech stack, se usará Python como lenguaje de programación, bibliotecas como Tensorflow o Pytorch y sus derivados para crear las LSTM y GNN/CNN. NetworkX puede ser utilizado para trabajar con grafos y numpy, scipy y pandas para analizar y cargar los datos.

1. Modelado de la red como grafo: La red de transporte será representada como un grafo, donde los nodos corresponden a paradas o estaciones, y las aristas a tramos recorridos. Esta representación permitirá modelar recorridos compartidos (por ejemplo, buses distintos que recorren el mismo tramo), y considerar distintas características de cada servicio como atributos de las aristas: frecuencia, tiempo estimado, comodidad, etc. Los datos para esto se obtendrán de datos de RED y sus recorridos.

También se va a explorar la creación del hipergrafo peatonal si es que es necesario para mejorar las métricas del modelo, ya que no todas las estaciones combinan (por ejemplo, caminar dos cuadras para ir de un lugar a otro).

2. GNN + RNN: Se implementará un modelo de aprendizaje automático para replicar la demanda de uso de transporte público en función de múltiples factores. Este modelo aprenderá a predecir el comportamiento de los usuarios en función de variables como la duración del viaje, el número de transbordos y el tiempo de espera. Se utilizarán técnicas de aprendizaje supervisado para ajustar los parámetros del modelo, utilizando datos históricos de validaciones Bip! y patrones de movilidad. Para ello se utilizará un modelo con GNN + RNN (por ejemplo, una LSTM) . Una GNN procesará la estructura espacial del grafo y la demanda histórica con una LSTM.
3. Entrenamiento y ajuste del modelo: Utilizando datos históricos (validaciones Bip!, patrones de movilidad, datos censales), se ajustarán los parámetros del modelo de ML para que el comportamiento simulado refleje lo más fielmente posible la realidad. Esto puede abordarse como un problema de optimización o incluso como un sistema de aprendizaje supervisado.
4. Ajustes a la oferta: Con el modelo calibrado, se podrán introducir cambios en la red (nuevas líneas, suspensión de servicios, variaciones de frecuencia) y observar cómo cambia la distribución de la demanda. Esto permitirá anticipar efectos como saturación de recorridos, desplazamiento de flujos o desuso de servicios.
5. Análisis de resultados: Finalmente, se realizará un análisis exhaustivo de los resultados obtenidos: se evaluarán métricas como tiempos promedio de viaje, número de transbordos, uso por línea y comparativas entre escenarios. El objetivo es que este análisis brinde insumos para decisiones estratégicas en la planificación del sistema de transporte.

En la figura 1.1 se presenta un diagrama de la solución propuesta, que ilustra los componentes y flujos de información del sistema.

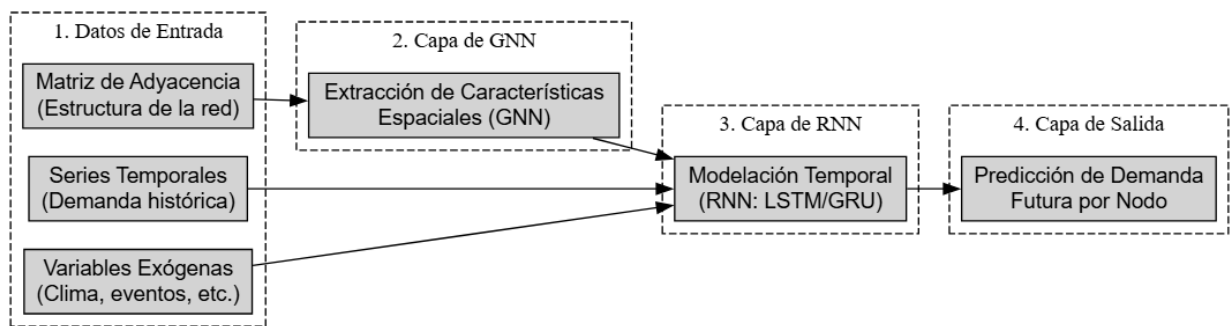


Figura 1.1: Diagrama de solución

1.4 Plan de trabajo

Tabla 1.1: Carta Gantt.

Tarea	Mes 1	Mes 2	Mes 3	Mes 4
Obtención y limpieza de datos	X__			
Análisis exploratorio de los datos	_X_			
Parseo de datos a grafo		__XX		
Validación de la estructura de datos.		__XX		
Crear y optimizar modelo de ML para uso de red			XXX_	
Comparar modelo de ML de uso con los reales			_XXX	
Con la red hecha y el modelo de ML validado, experimentar con cambios en la oferta modificando la red				XX__
Analizar los cambios de la demanda y ajustar el modelo según resultados				__XX
Redactar memoria y preparar defensa.				XXXX

Capítulo 2

Trabajo adelantado

2.1 Plataforma de desarrollo y tech stack

Debido a la mayor disponibilidad de paquetes y herramientas, y la familiaridad del lenguaje, se optó por usar Python como plataforma de desarrollo. A medida que se mencionarán los pasos seguidos, mas adelante, se darán a conocer los paquetes y herramientas utilizadas.

2.2 Exploración del repositorio

Para efectos de visualización y/o inspección de los datos, podemos clonar el repositorio ubicado en <https://github.com/Sebamon2/memoria-repo>. La plataforma del proyecto es en Python.

2.2.1 Instalación

Este apartado es solo para quienes estén interesados en interactuar con los grafos y mapas generados. No es estrictamente necesario para entender la memoria, pero puede ser usado como una herramienta de exploración. Mas información sobre la instalación se encuentra en el README.md del repositorio mismo el cual está alojado en GitHub.

2.2.2 Notebooks de exploración

La carpeta notebooks contiene todos los notebooks de jupyter para la exploración de los datos.

Para la próxima sección, puede ser interesante revisar el notebook llamado 'data_inspection.ipynb'.

2.3 Exploración de datos generados por ADATRAP

ADATRAP entrega datos de viajes y etapas. Los datos están públicos en el siguiente enlace: <https://www.dtpm.cl/index.php/documentos/matrices-de-viaje>. Cada viaje tiene n etapas, hasta 4 como máximo.

Cada viaje tiene un origen y un destino. El sistema de transportes capitalino no posee validación de la bip o sus derivados al termino de la etapa, por lo que la estimación de este parámetro fue realizada por el software ADATRAP. ADATRAP analiza los patrones de viaje de usuarios para detectar donde se sube y baja. Por ejemplo, si un usuario sube a las 7:00 AM en el servicio X en el paradero P, y se sube a las 19:00 en el servicio Y en el paradero P', esto con cierta regularidad. Se concluye que en la mañana el usuario se bajo cerca del paradero P' usando el sevicio X, y que en la tarde el usuario se bajó cerca del paradero P en el servicio Y.

2.3.1 Tabla de viajes y etapas

En nuestra solución, las tablas de viajes y etapas serán nuestras demandas históricas.

La tabla de viajes contiene la información de los viajes del usuario, registrando hasta 4 etapas o 3 combinaciones. Combinaciones en metro no cuentan, pues no se valida la tarjeta al cambiar de linea. Cada tabla de viajes o de etapas corresponde a un solo día de análisis. Las tablas de viajes y de etapas vienen generalmente en packs de una semana completa.

Código TS y Código Usuario

Los servicios y paraderos se encuentran codificados en formato TS, esto es, un código interno usado por DTPM para identificar a los recorridos. La mayoría de los recorridos tiene un código TS que coincide con el de usuario. Por ejemplo, el servicio **T507 OOI** codifica al servicio 507 de ida (servicio en sentido ENEA- AV GRECIA). En algunas ocasiones no coincide, esto ocurre mayoritariamente en servicios locales con prefijo alfabético, casos como el servicio con código de usuario **J01** en código TS es en **T521**. Esta es la razón por la cual algunos recorridos nuevos tienen códigos de usuario que no siguen el numerado del usuario, ya que si lo siguieran, habrían colisiones de nombres.

Por otro lado, los códigos de paradero también poseen esta distinción. Ningún código de paradero de usuario coincide con su versión en TS. En el set de datos de tabla de viajes y de etapas ambos códigos, tanto el de paraderos como el de servicios vienen en código TS.

Paraderos subida y bajada

Ambas en código TS, denotan, para las 4 posibles etapas, las subidas y bajadas del usuario. Máximo 8 (2 por cada etapa).

Horas de subida y bajada

Estimados con la velocidad promedio de los buses y los itinerarios, cada etapa tiene un horario de subida y bajada. Máximo 8 (2 por cada etapa).

Servicios de las 4 etapas

En formato TS. Servicio de cada etapa. Máximo 4 (1 por cada etapa).

Hay mas columnas, pero para el análisis posterior no son de relevancia. En Anexos se encuentra un desglose total de todas las columnas.

La tabla de etapas contiene la misma información pero de manera disgregada, es decir, cada fila es una etapa.

2.3.2 Consolidado de recorridos

Para crear el grafo, lógicamente es necesario el trazado de todos los recorridos de RED. Para ello, se descargó desde su página web el trazado activo hasta ahora. Este archivo contiene en sus columnas:

1. Los códigos de los servicios y paraderos en TS y en formato usuario.
2. El nombre del paradero.
3. Excepciones del paradero.
4. Las posiciones X e Y del paradero.(UTGSM)

Cada fila contiene una parada de un trazado de un servicio.

Con esta información, podemos hacer dos cosas.

1. Crear el grafo de la red (sin aún añadir información de la demanda).
2. Crear un diccionario de TS a Usuario de los paraderos.

Algo importante a notar es la fecha de esta tabla de recorridos. Es válida desde el 31/05/2025 hasta a fin de año (al momento de hacer este informe)

2.4 Exploración de datos

Usando toda la información disponible de momento, podemos generar algunos histogramas interesantes para familiarizarnos con las varias formas de acceder y manipular los datos. La figura 2.1 muestra las subidas de un paradero PJ394 (José Joaquín Pérez con Las Lomas en Cerro Navia)

2.4.1 Subidas a un paradero durante el día.

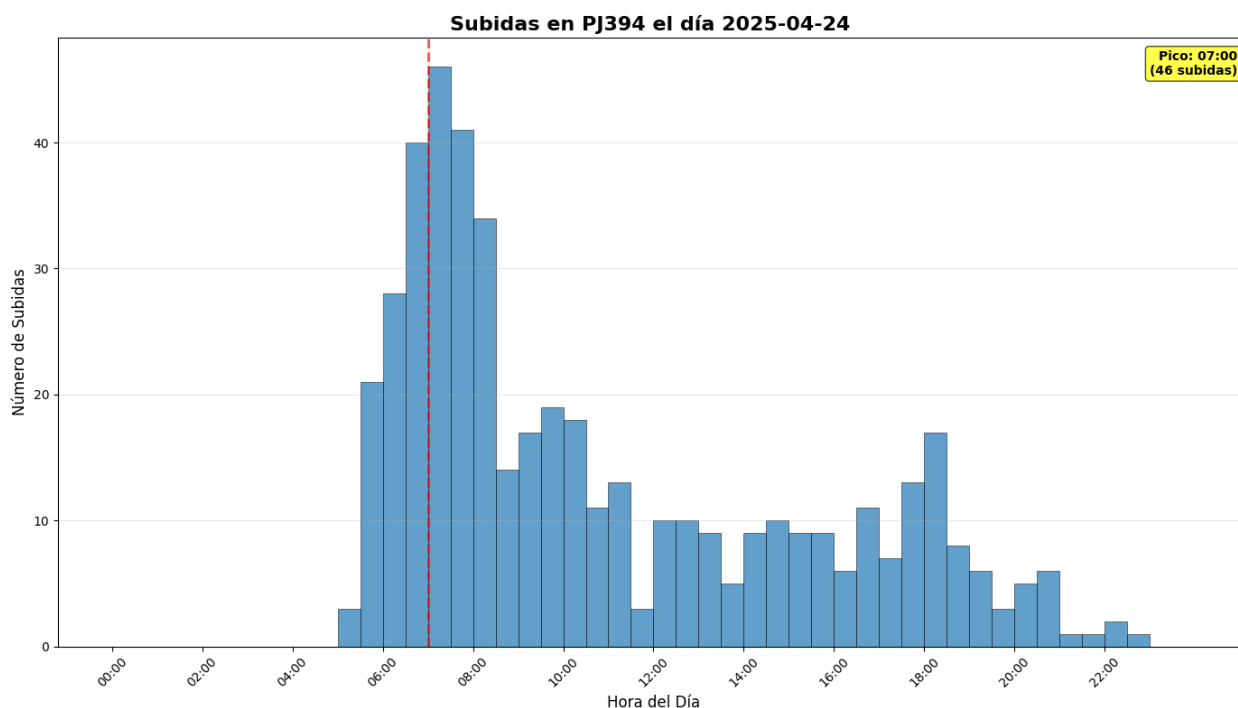


Figura 2.1: Subidas en el paradero PJ394

Podemos hacer el mismo análisis para paradas del Metro de Santiago, por ejemplo, analizar la estación de Metro Tobalaba.

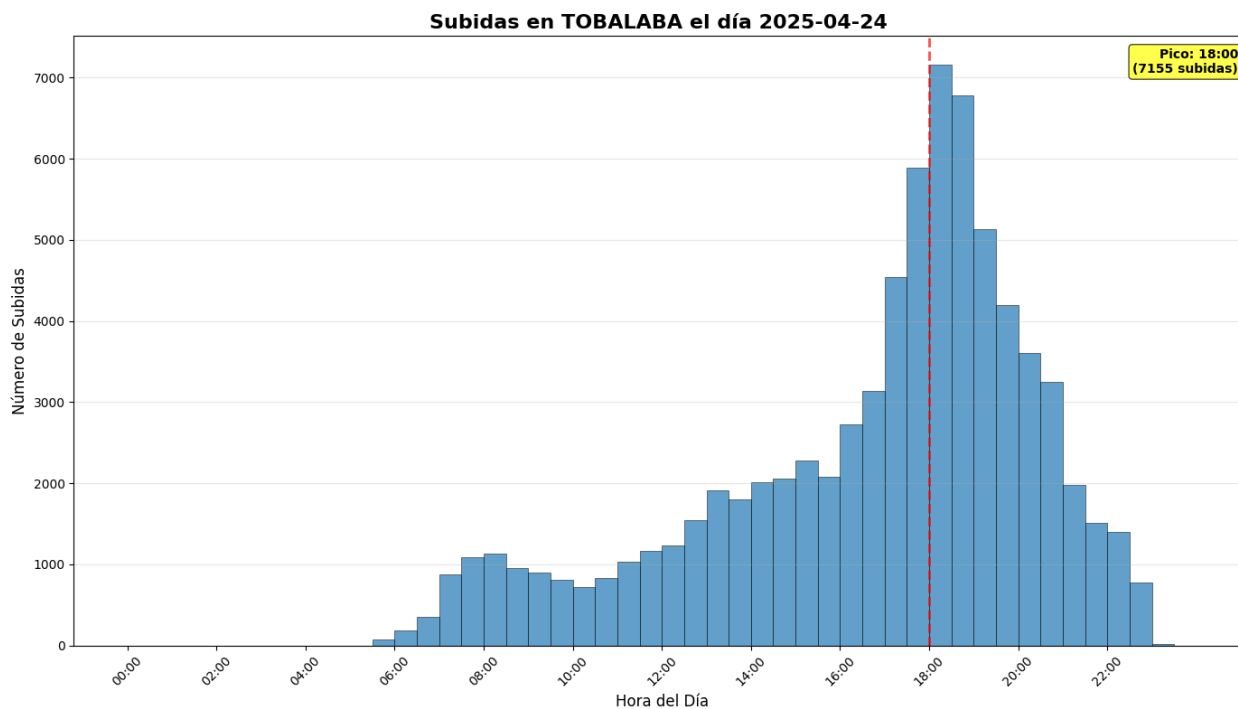


Figura 2.2: Subidas en Tobalaba L1 y L4

Podemos darnos cuenta claramente de la distribución de la hora peak en el Metro Tobalaba a las 18:00 horas. Algo importante se nos muestra en el grafico anterior. Tenemos que tratar a las paradas de buses igual que a las de Metro, es decir, como un Hub de servicios que pasan por ahí. Alguien puede marcar su pasaje en los torniquetes de la línea 1 y dirigirse automáticamente a la línea 4.

2.4.2 Uso de un servicio.

Una métrica clave a comparar cuando se realicen cambios en la oferta del transporte, es el uso de un servicio. Una hipótesis razonable es que si quito un servicio dado, servicios aledaños van a ver su demanda subir. Ejemplos tangibles de ello es cuando la línea 1 colapsa por eventos fortuitos. Servicios de superficie que circulan por el eje Alameda-Providencia se ven saturados. El siguiente gráfico muestra el uso del servicio T507 00R.

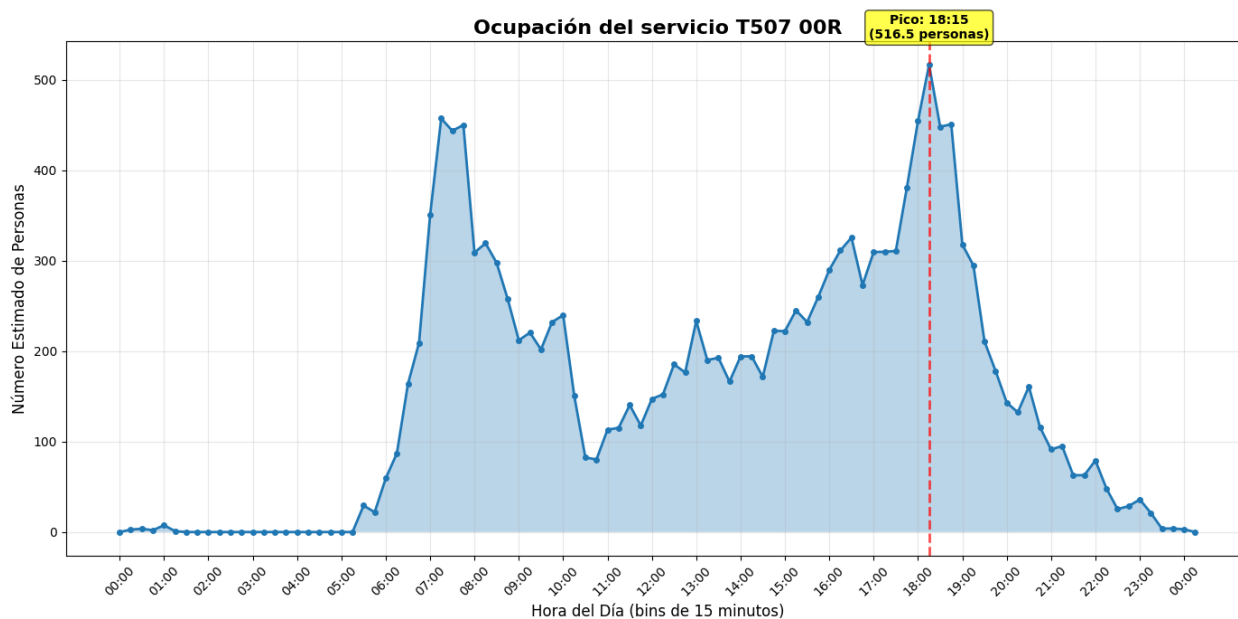


Figura 2.3: Uso del servicio 507 de vuelta (Desde Grecia a ENEA)

Algunos viajes no tenían hora de bajada (eran nulls). Cuando esto pasaba, se asumía que la persona se bajaba 30 minutos después de subirse. Es un valor arbitrario, pero razonable.

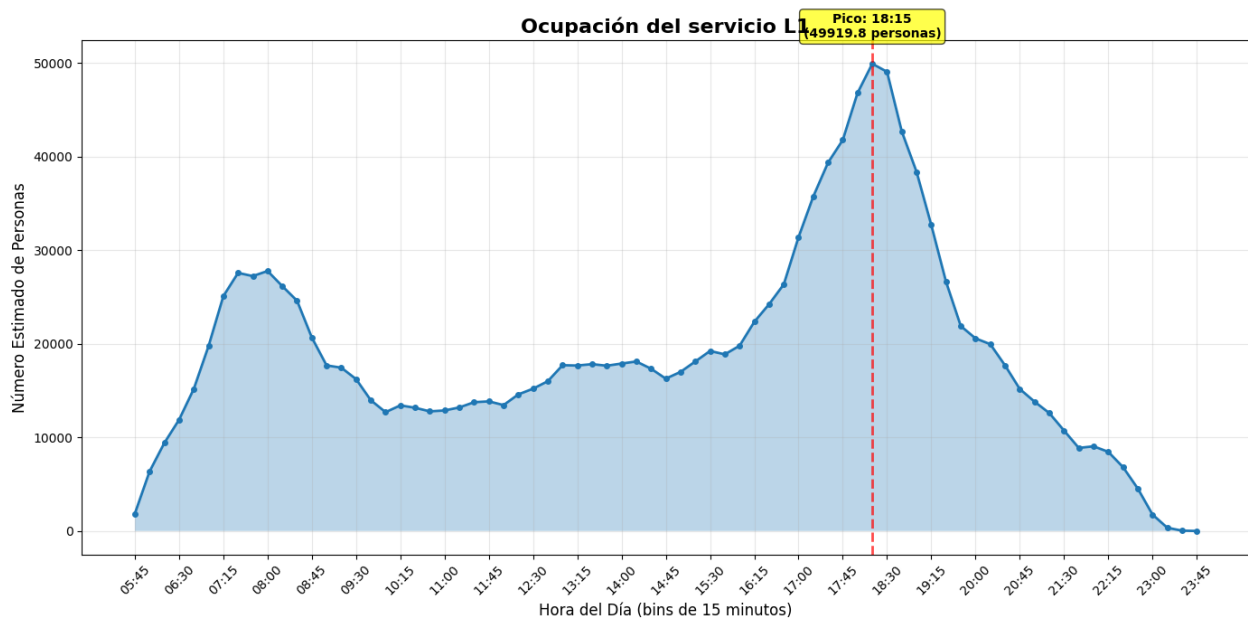


Figura 2.4: Uso de la Línea 1 durante el día

La figura 2.4 nos muestra algo interesante. El uso de la Línea 1 no es simétrico en el tiempo como el de la 507.

Igualmente, no se tomó en cuenta los casos en los que las personas validan en torniquetes de la línea 1 y combinan inmediatamente. Es necesario mas cuidado en casos del metro.

Una posible métrica interesante, sería obtener el porcentaje de uso de un servicio en un sentido con respecto a la cantidad de vehículos que tiene circulando el servicio en un período de tiempo. Esto permitiría ajustar la oferta de manera dinámica. Para ello habría que estimar la cantidad de personas máxima que cae dentro de un vehículo típico del servicio. Este análisis no se hará en esta fase del informe, pero queda propuesto para el siguiente semestre.

2.5 Creación del grafo agrupado

La Matriz de adyacencia puede ser construida al mirar la consolidación de recorridos. Por lo tanto, crear el grafo de la red es el paso mas crucial para poder crear esta matriz de adyacencia, que representa la estructura de la red.

Un grafo $G(E,V)$ es un conjunto de aristas(E) y vertices(V). Estos pueden ser dirigidos (los vértices tienen dirección bloqueada) o no (ambas direcciones posibles).

2.5.1 Aristas

En nuestro caso, las aristas E son las conexiones entre dos paraderos en un recorrido. Por ejemplo, una arista conecta la estación Los Héroes con Moneda. Una arista, por lo tanto, debe de guardar,

al menos, los servicios que la recorren. En este caso, sería la Línea 1 en ambas direcciones, por lo que aquí tenemos dos opciones, o tener dos aristas para ambas direcciones o una arista sin direcciones.

Otro caso, son los vértices que unen paradas de servicios en superficie. Una arista va a representar la conexión entre dos paraderos consecutivos mediante un servicio.

Podemos dibujar las aristas de dos formas:

1. Cada arista representa solo la conexión dada entre dos paraderos consecutivos recorridos por un servicio. Es mas complicado computacionalmente y hará que el grafo tenga mas aristas, pero es mas completo y permite guardar mas información. Por ejemplo, si un servicio X e Y tienen las mismas paradas consecutivas, pero el recorrido Y pasa por calles distintas al X entre las paradas, es evidente que el tiempo que le toma a ambos servicios recorrer la arista es distinto, pues la geografía es distinta (a pesar de que la topología sea la misma en el grafo).
2. Si varios servicios paran en las mismas paradas consecutivas, podemos unir todos los recorridos en la misma arista. Es mas simple computacionalmente, pero datos como la distancia o tiempo que toma al servicio recorrer la arista (el peso de la arista) no podría ser el mismo.

En este documento se explora la segunda forma de hacerlo, pero probablemente se tenga que hacer de la primera forma.

Notar que los vértices además de guardar la distancia o tiempo promedio que recorre el servicio correspondiente, guardan el sentido. Lo que no guardan, es la geografía del recorrido. Esa información está implícita en la distancia o tiempo que le toma al servicio recorrer la arista.

2.5.2 Vértices

Los vértices V son las paradas. Cada parada tiene un par coordenado (lat, lon) que la posiciona en el grafo. Una parada se identifica con el código TS del paradero. Una parada contiene 1 o más servicios.

2.5.3 Algoritmo para crear el grafo agrupado

Una primera aproximación para crear el grafo, consistirá en agrupar a todas las conexiones de dos paraderos consecutivos en una arista en común. Es decir:

1. El servicio X tiene una secuencia de paraderos P_k , con k el número de paradero en el recorrido. P_0 es el paradero inicial y P_N es el paradero final del recorrido.
2. Los paraderos se configuran en nodos V . Cada nodo V tiene como llave su código de usuario C , una lista de servicios $S[]$ y un par coordenado (lat, lon) para ubicarlo geográficamente.

3. La lista de servicios de un paradero depende de la hora. En esta versión del grafo no se implementará esto, pero en futuras versiones, es necesario para identificar paraderos con recorridos no invariantes temporalmente.
4. Cada servicio tiene una secuencia de nodos que visita en orden. Digamos que la secuencia de paraderos que visita un recorrido X es $P[]$. Si el set de nodos es $V[]$, podemos hacer una biyección entre P_k y V_i . Siendo k el k-ésimo paradero en orden e i el i-ésimo paradero de toda la red. Obviamente i no tiene por que ser igual a k.
5. Si hay dos servicios, X e Y, que tienen secuencias de paraderos P_k y Q_k y tienen dos paraderos consecutivos que coinciden, es decir, $P_k = Q_i$ y $P_{k+1} = Q_{i+1}$, luego podemos decir que desde $P_k=Q_i=V_l$ a $P_{k+1}=Q_{i+1}=V_m$ habrá una arista en esa dirección, con m y l no necesariamente consecutivos.
6. Esta arista direccionada desde V_l a V_m tendrá como información que los servicios X e Y pasan por ella.

Siguiendo estas reglas, se crea el grafo con el siguiente pseudocódigo:

1. Se obtienen todos los servicios únicos en el dataframe polars (Se eligió Polars en vez de pandas gracias a su rapidez para cargar archivos .csv grandes. Mas información sobre polars en el siguiente enlace: <https://pola.rs/>).
2. Se crea un diccionario con la información Código Usuario, Variante (PM o Normal), Sentido Servicio (Ida o Regreso).
3. Por cada servicio, se filtran del dataframe todos las filas que corresponden al servicio.
4. Se ordena el dataframe viendo la columna “orden_circ”. Esta es la columna que denota el orden de circulación del servicio por los paraderos.
5. Por cada fila (paradero) del dataframe, se crea o actualiza un diccionario que corresponde al paradero, con llave código paradero, con los siguientes datos:
 - llave(codigo paradero)
 - lat
 - lon
 - servicios
 - nombre (Por ejemplo, José Joaquín Pérez esq Las Lomas)
 - nombre completo (código del paradero + nombre del paradero)
 - tipo (BUS o Metro)
6. Por cada fila del dataframe, revisamos el parámetro “siguiente_parada” que contiene la siguiente parada desde la que estamos revisando (un puntero básicamente). Creamos una arista E_l en un diccionario que une ambas paradas con la siguiente información:
 - conexion_id (llave formada por el par codigo_paradero_origen, codigo_paradero_siguiente)

- servicios
- nodo_origen
- nodo_destino
- tipo (Bus o Metro)

Notar que al hacer esto por todos los servicios, se van a agregar a cada arista los servicios que recorren ambos nodos en el mismo orden.

7. Se realiza el mismo procedimiento para el Metro, pero las aristas son bidireccionales (es decir, por cada conexión, se hace una simétrica pero en sentido inverso).
8. Con NetworkX se crea un grafo dirigido con `DiGraph()`.
9. Se convierten los sets de servicios a listas para que GraphML la pueda procesar.
10. Creamos un nodo por cada paradero.
11. Unimos los nodos con las aristas.

Con ello, podemos crear un grafo interactivo con Gephi (software open source) que nos permite visualizar el grafo. Podemos utilizar el par lat, lon para generar un grafo configurado de manera visual con GeoLayout.

De la misma forma, podemos crear un mapa interactivo con toda la red usando Plotly en python.

Con ello, se crearon:

- 11890 paraderos de bus
- 126 estaciones de metro
- 15465 conexiones de bus
- 272 conexiones de metro
- 15737 conexiones totales

Al final de este informe se agregó en formato PDF el grafo, pero si se quiere ver de manera interactiva, el notebook de jupyter llamado 'visualization.ipynb' tiene todos los pasos necesarios para generar el grafo. En el mismo notebook se muestra el mapa de Santiago con toda la red usando Plotly. Si se desea observar el grafo con Gephi, es necesario descargar el software, instalarlo, cargar el grafo (ubicado en `data/graphs/grafos.graphml`) y en layout seleccionar Geo Layout y colocar la escala en 1E6 (10 a la 6). Si no se encuentra la opción, es necesario instalar el plugin en el mismo software desde el menú del mismo nombre.

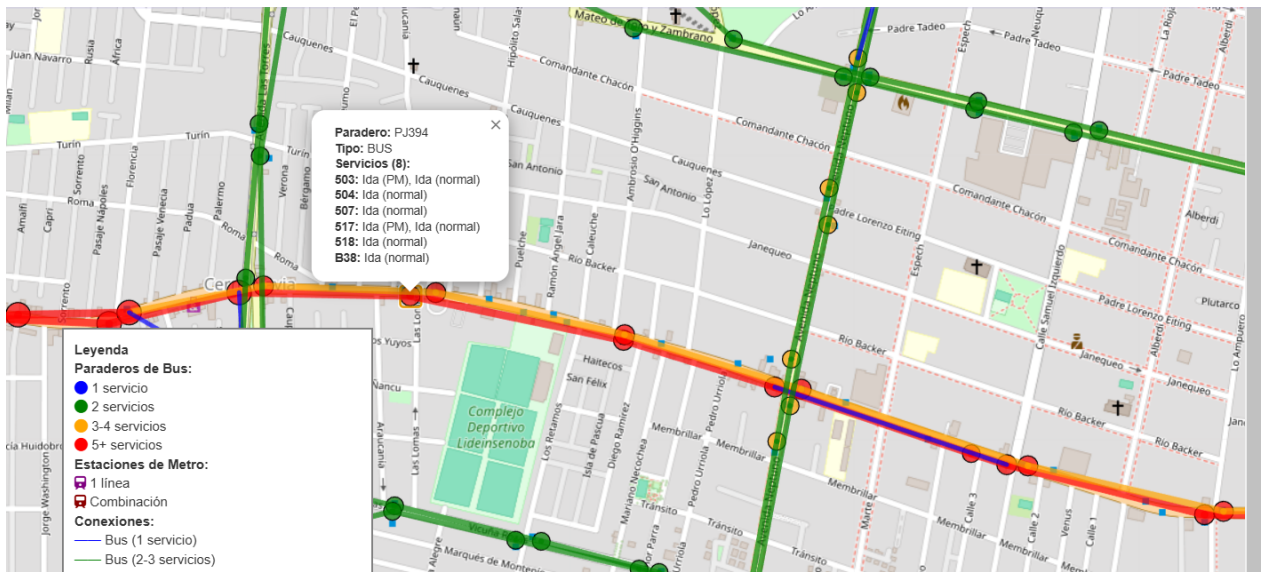


Figura 2.5: Mapa en Plotly con zoom a un barrio de Cerro Navia

2.5.4 Matriz de Adyacencia

Una forma compacta de representar el grafo, es con una Matriz de Adyacencia. Esto es, una matriz M tal que $M_{ij} = 1$ si hay una arista dirigida desde i a j y 0 si no. A diferencia de un grafo no dirigido, M no es simétrica.

Si se desea experimentar con la matriz de adyacencia y las conexiones entre nodos, referirse al notebook *adyacence_matrix.ipynb*.

Naturalmente, podemos multiplicar el valor de M_{ij} por el peso de la arista, pero aun no se decide si es necesario el valor del peso de la arista para la GNN. Dicho análisis será llevado a cabo en el futuro.

2.6 Métricas de Demanda

La idea de predecir la demanda conlleva saber exactamente la demanda de un par paradero, servicio, hora.

Sea P el paradero, S el servicio, T el espacio de tiempo y D la demanda, debemos de hacer una función $D(P,S,T)$ la cual retorna la demanda de un paradero en funcion del servicio y la hora.

Haciendo esto, podemos obtener la demanda de todas las tuplas P,S,T . La idea es escoger una ventana de tiempo Δt y establecer una distribución acumulada que determine la demanda entre ambos tiempos. En el notebook de jupyter llamado *demand_getter.ipynb* se muestran ejemplos de demandas de varios paraderos. Por ejemplo, al ejecutar la función en el paradero **PJ394** con $T_{ini} = 8:00$ y $T_{fin} = 10:00$, con el servicio **T507** obtenemos:

Listing 2.1: Salida del Programa

```
El paradero PJ394 en formato TS es: T-11-64-PO-30
Buscando demanda en T-11-64-PO-30 para T507 00I entre 08:00:00 y 10:00:00 ...
Procesando etapa 1 ...
Demanda en T-11-64-PO-30 para T507 00I en etapa 1: 20 viajes
Procesando etapa 2 ...
Procesando etapa 3 ...
Procesando etapa 4 ...
Total de viajes en T-11-64-PO-30 para T507 00I: 20
```

Para Tobalaba L4 entre las 17:00 y las 18:00

Listing 2.2: Salida del Programa

```
No se encontró el paradero en formato TS.
0 es un paradero de metro, o no existe el paradero en la base de datos.
Buscando demanda en TOBALABA para L4 entre 17:00:00 y 18:00:00 ...
Procesando etapa 1 ...
Demanda en TOBALABA para L4 en etapa 1: 9226 viajes
Procesando etapa 2 ...
Demanda en TOBALABA para L4 en etapa 2: 1191 viajes
Procesando etapa 3 ...
Demanda en TOBALABA para L4 en etapa 3: 16 viajes
Procesando etapa 4 ...
Demanda en TOBALABA para L4 en etapa 4: 3 viajes
Total de viajes en TOBALABA para L4: 10436
```

Algo curioso ocurre para Tobalaba L1

Listing 2.3: Salida del Programa

```
No se encontró el paradero en formato TS.  
0 es un paradero de metro, o no existe el paradero en la base de datos.  
Buscando demanda en TOBALABA para L1 entre 17:00:00 y 18:00:00 ...  
Procesando etapa 1 ...  
Procesando etapa 2 ...  
Procesando etapa 3 ...  
Procesando etapa 4 ...  
Total de viajes en TOBALABA para L1: 0
```

Nuestras sospechas sobre como se guarda el servicio en estaciones de metro fue cierto. Al marcar la Bip en Tobalaba, se marca automaticamente como L4 , nunca como L1. Este problema hay que resolverlo prontamente.

Esta data por cada una de las tuplas es la información de entranamiento que tendra la GNN para predecir la demanda.

2.7 GNN

Para comenzar a hablar de las GNN, es pertinente aclarar conceptos de redes neuronales y como nos ayudarán en el futuro a solucionar el problema.

2.8 Redes Neuronales

Las redes neuronales pueden ser pensadas como una colección de nodos o neuronas conectados por aristas o axones, los cuales tienen pesos. Estos nodos o neuronas se agrupan según su función en capas, las cuales pueden estar encargadas de recibir la información, procesarla o dar la respuesta a la pregunta. Por ejemplo, un clasificador binario tiene una capa de output con sola una neurona. Si la neurona se activa o no depende de la clasificación final.

El ajuste de los pesos se hace en el entrenamiento, proceso en el cual la red “aprende” en base a fallar una y otra vez en base a datos etiquetados y a funciones de pérdida que el algoritmo debe de minimizar. La forma que tiene la red de ajustar los pesos depende la tasa de aprendizaje (learning rate) o la función usada para optimizar o converger a la red (optimizer).

2.9 Redes Neuronales de Grafos

Las redes neuronales tradicionales (MLP, CNN, RNN/LSTM) están preparadas para recibir datos en forma de vectores, rejillas (grafos en forma de grilla, como imágenes) o secuencias temporales (grafos dirigidos en solo una dirección). Es decir, podemos pensar en una GNN como una

abstracción o generalización de muchos tipos de redes neuronales. Técnicamente, una GNN puede recibir una imagen, pues una imagen es un grafo cuadriculado.

Se nos vienen a la cabeza miles de estructuras de datos que pueden aprovechar a las GNN para realizar predicciones. Redes sociales, moléculas, redes de transporte, entre otras.

2.9.1 ¿Cómo funcionan las GNN?

La idea de las GNN es la siguiente:

- Cada nodo tiene un vector de características inicial (atributos).
- Los nodos “envían mensajes” a sus vecinos.
- Cada nodo actualiza su representación basado en los mensajes recibidos.
- Este proceso se repite varias veces (capas de la GNN).

En el caso del transporte público, tenemos:

- Cada parada tiene su información propia (ubicación, servicios, tipo, información relevante del entorno).
- En la primera iteración, el nodo recibe información de los nodos que están conectados directamente a él.
- En la segunda, a dos pasos del nodo.
- Así sucesivamente.

2.9.2 Algunos ejemplos

STGCN (Spacio Temporal Graph Convolutional Network)

Trabajo realizado por Jin [4] uso una combinación de redes convolucionales para la predicción temporal y una Cluster-GCNN para la predicción espacial. El set de datos fue de Metro de Shanghai.

GNN for Robust Public Transit Demand Prediction usando PGCN

Un trabajo interesante de Li [6] abordó la partición de la ciudad de Sidney en zonas de acuerdo a su código postal (nodos) y agregó información del uso del suelo a los nodos (Densidad residencial, Oficinas, Industrias, Zonas Comerciales, etc). Por el lado de las GNN, utilizó una PGCN (Probabilistic Graph Convolutional Network) para predecir la demanda entre los pares (O,D). Esta red se compone de correlaciones espacio temporales mas un módulo de aproximación bayesiana para cuantificar la incertidumbre.

2.10 Reconstrucción de Demanda sin contexto temporal.

El reconstrucción de demanda, se refiere al proceso en el cual, dado un tiempo T , datos históricos $X(T)$ y un grafo $G(T)$ con características espaciales concretas, predecir la demanda en ese instante de tiempo. Ese instante puede ser igualmente una ventana de tiempo corta (5 minutos), o un período (hora punta entre las 17:30 y las 19:30). La versatilidad de este enfoque esta en la obtención de una abstracción espacial, que nos permitirá, a priori, cambiar la topología sustancialmente.

Algunas características que podrían tener los nodos, son:

- Servicios.
- Ubicación.
- Tipo (metro o bus).
- Si es combinación.
- Comuna.
- Frecuencia de los recorridos.
- Uso del suelo cercano.
- Paraderos cercanos a una distancia X .
- Tiempo actual del grafo (la demanda no es invariante temporalmente)

Las aristas tendrían...

- Tiempo promedio en recorrerla.
- Distancia entre nodos.
- Servicios que la recorren.
- Tipo (bus o metro)

Con ello, las aristas tendrían PESO, algo importante para detectar que camino utilizarían los usuarios.

Debido a que no tenemos el contexto temporal como input al modelo, es importante entrenar con muchos datos de distintos días y horas. Además, datos del uso de suelo pueden ser claves al detectar por qué una parada es mas usada que otra. Datos de densidad poblacional también lo pueden ser.

2.10.1 Flujo de trabajo

- Intentar obtener la mayor cantidad de datos de uso de suelo posibles para enriquecer la información de los nodos.
- Agregar datos de tiempo/distancia a las aristas.
- Entrenar al modelo en instantes de tiempo dados.
- Comprobar la eficacia del modelo comparándola con configuraciones topológicas ya existentes.
- Probar a predecir en configuraciones topológicas artificiales en las que se agregan servicios.
- Probar a predecir en configuraciones topológicas artificiales en las que se quitan servicios.

2.11 GNN con contexto temporal.

Otro enfoque a tomar será el de predecir la demanda del TP usando datos históricos de tiempos anteriores como input al modelo, para predecir el tiempo siguiente. Varios trabajos nombrados en este informe hicieron eso. La diferencia será en que en el tiempo siguiente se cambiará la topología.

Luego, el input del modelo sería una secuencia de demandas para un paradero P y servicio S, con $D(t_k, P, S)$ una secuencia de demandas temporales. Una red neuronal apta para captar correlaciones temporales y series de tiempo tomará esta información y predecirá la demanda para el mismo paradero, servicio pero para un tiempo futuro.

2.11.1 Flujo de trabajo

- Crear atributos de demanda en cada nodo
- Validar modelo con datos históricos
- Con el modelo validado, agregar servicios.
- Quitar servicios.

Podemos pensar en agregar a los servicios nuevos con demanda vacía o con una demanda base tomando en cuenta servicios parecidos con paraderos parecidos. Luego, dejar evolucionar el modelo en el tiempo. Obviamente, validar en este caso es imposible pues no ha existido tal servicio. Algunas oportunidades se ven a la vista.

2.12 Validación del modelo.

2.12.1 Reconstrucción de Demanda sin contexto temporal

Al momento de escribir este informe, (Finales de Junio/Inicios de Julio de 2025) se han agregado servicios nuevos los cuales aun no registran demanda. Se puede ver mas información de ello en <https://www.red.cl/red-comunica/ajuste-en-malla-de-recorridos-de-buses-dos-nuevos-servicios-y-cuatro-extensiones-comienzan-a-funcionar-este-sabado-05-de-julio/> .

Esta es una oportunidad perfecta para agregar el trazado de los recorridos nuevos, calcular la demanda esperada, y cuando red saque los datos de demanda de los nuevos recorridos (las tablas de viaje), podremos contrastar. Otra opción es viajar a atrás en el tiempo, analizar una tabla de datos antigua (anterior a la agregación de nuevos recorridos) y compararla con la actual (con los recorridos ya circulando).

2.12.2 GNN con contexto temporal

La validación de este caso es mas sencilla. Simplemente podemos comparar datos históricos en tiempos posteriores. (Por ejemplo, en base a datos históricos del día miércoles, predecir el día Jueves a las 5 de la tarde). Naturalmente, tenemos los datos de ese día jueves, por lo que solo es necesario comparar.

En ambos casos, al ser valores discretos numéricos muy variados, comparar con variables estadísticas globales como el promedio o la desviación estándar será razonable para establecer la demanda en paraderos.

Bibliografía

- [1] Cayul, L.H.C. 2017. *Desarrollo y aplicación de modelo de simulación basada en agentes a gran escala para la ciudad de santiago*. Universidad de Chile.
- [2] Dirección de Transporte Público Metropolitano 2024. Modelos de demanda. <https://dtpm.cl/index.php/documentos/modelos-de-demanda>.
- [3] Jiang, Q. 2022. GMM clustering based on WOA optimization and space-time coupled urban rail traffic flow prediction by CEEMD-SE-BiGRU-AM. *Mobile Information Systems*. 2022, 1 (2022), 7846630.
- [4] Jin, S., Jing, C., Wang, Y. and Lv, X. 2022. SPATIOTEMPORAL GRAPH CONVOLUTIONAL NEURAL NETWORKS FOR METRO FLOW PREDICTION. *The International Archives of the Photogrammetry, Remote Sensing and Spatial Information Sciences*. XLIII-B4-2022, (Jun. 2022), 403–409. DOI:<https://doi.org/10.5194/isprs-archives-XLIII-B4-2022-403-2022>.
- [5] Kang, L., Liu, H., Chai, M. and Lv, J. 2020. A LSTM-based passenger volume forecasting method for urban railway systems. *Robotics and rehabilitation intelligence: First international conference, ICRR 2020, fushun, china, september 9–11, 2020, proceedings, part i 1* (2020), 368–380.
- [6] Li, C., Bai, L., Liu, W., Yao, L. and Waller, S.T. 2022. Graph neural network for robust public transit demand prediction. *IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems*. 23, 5 (2022), 4086–4098. DOI:<https://doi.org/10.1109/TITS.2020.3041234>.
- [7] Li, L., Xu, J., Ng, S.T., Zhang, J., Zhou, S. and Yang, Y. 2020. Attention-based graph neural network enabled method to predict short-term metro passenger flow. *2020 5th international conference on universal village (UV)* (2020), 1–6.
- [8] Li, W., Zhou, M., Dong, H., Wu, X. and Zhang, Q. 2021. Forecast of passenger flow of urban rail transit based on the DNNC model. *2021 33rd chinese control and decision conference (CCDC)* (2021), 4615–4620.
- [9] Li, Y., Zhang, J., Wang, J. and Wang, Y. 2022. Deep learning-based short-term traffic flow prediction considering spatial-temporal correlation. (2022). DOI:<https://doi.org/https://doi.org/10.1049/itr2.12018>.
- [10] Liu, L., Chen, J., Wu, H., Zhen, J., Li, G. and Lin, L. 2020. Physical-virtual collaboration modeling for intra-and inter-station metro ridership prediction. *IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems*. 23, 4 (2020), 3377–3391.
- [11] Massobrio, R. and Nesmachnow, S. 2020. Urban mobility data analysis for public transportation systems: A case study in montevideo, uruguay. *Applied Sciences*. 10, 16 (2020), 5400.
- [12] Ramírez, Á.E.T. 2020. *Análisis espacial de los impactos en la demanda de transporte público producto de una nueva línea de metro utilizando datos masivos*. Universidad de Concepción.
- [13] SmartcitySantiagoChile 2025. ADATRAP: Herramienta para análisis de datos masivos de transporte público.
- [14] Soto, F.J.M. 2023. *Estimación y análisis de modelos de demanda agregada para el transporte público en santiago de chile*. Universidad de Chile.
- [15] Torrepadula Franca, R. di et al. 2024. Machine learning for public transportation demand prediction: A systematic literature review. *Engineering Applications of Artificial Intelligence*. (2024). DOI:<https://doi.org/https://doi.org/10.1016/j.engappai.2024.109166>.

- [16] Wang, J., Zhang, Y., Wei, Y., Hu, Y., Piao, X. and Yin, B. 2021. Metro passenger flow prediction via dynamic hypergraph convolution networks. *IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems*. 22, 12 (2021), 7891–7903.
- [17] Wang, Y., Yin, H., Chen, T., Liu, C., Wang, B., Wo, T. and Xu, J. 2021. Passenger mobility prediction via representation learning for dynamic directed and weighted graphs. *ACM Transactions on Intelligent Systems and Technology (TIST)*. 13, 1 (2021), 1–25.
- [18] Wei, J., Cheng, Y., Chen, K., Wang, M., Ma, C. and Hu, X. 2022. Nonlinear model-based subway station-level peak-hour ridership estimation approach in the context of peak deviation. (2022). DOI:<https://doi.org/https://doi.org/10.1177/03611981221075624>.
- [19] Ye, J., Xu, Z. and Gou, X. 2022. An adaptive grey-markov model based on parameters self-optimization with application to passenger flow volume prediction. *Expert Systems with Applications*. 202, (2022), 117302.
- [20] Zhao, X., Guan, H., Sun, H. and Lu, J. 2022. A prophet-based passenger flow prediction model on IC card data. *2021 6th international conference on intelligent transportation engineering (ICITE 2021)* (Singapore, 2022), 1082–1092.