

# Procedimientos y Funciones

Cátedra AED

DC-UBA

2 cuat, 2023

# Procedimientos y funciones: por qué?

- Reuso de código

# Procedimientos y funciones: por qué?

- Reuso de código
- Razonamiento más compacto y efectivo

# Procedimientos y funciones: por qué?

- Reuso de código
- Razonamiento más compacto y efectivo
- Evolución (correcta) de código

## Ejemplo Proc y Uso

Notar que el lenguaje SmallLang no tenía ni definiciones ni invocaciones a procedimientos. Agregamos la definición de procedimientos (ya vista de alguna manera) y la invocación  $x := \text{Call } P(E)$  al lenguaje. Lo mantenemos simple para ilustrar el concepto

## Ejemplo Proc y Uso

Notar que el lenguaje SmallLang no tenía ni definiciones ni invocaciones a procedimientos. Agregamos la definición de procedimientos (ya vista de alguna manera) y la invocación  $x := \text{Call } P(E)$  al lenguaje. Lo mantenemos simple para ilustrar el concepto

```
PROC Sumatoria (in hasta: $\mathbb{N}$ ): $\mathbb{N}$ 
```

```
AUX s: $\mathbb{N}$ ;
```

```
AUX i: $\mathbb{N}$ ;
```

```
s:=0;
```

```
i:=1;
```

```
While i  $\leq$  hasta
```

```
    s:=s+i;
```

```
    i:=i+1
```

```
EndWhile;
```

```
Result:=s;
```

```
Return
```

# Ejemplo de (Re)Uso de Proc

```
x:= Sumatoria(n);  
y:= Sumatoria(m-1);  
z:= x - y
```

# Procedimientos y funciones: por qué?

- Reuso de código: Ok, es más o menos obvio (abstracción procedimental)



# Procedimientos y funciones: por qué?

- Reuso de código: Ok, es más o menos obvio (abstracción procedimental)
- Razonamiento más compacto/abstracto: Usar la abstracción procedimental para no pensar en cómo hace lo que hace. ¿O sea?...

## Ejemplo Proc y Uso con Contratos

```
PROC Sumatoria (in hasta: $\mathbb{N}$ ): $\mathbb{N}$ 
```

```
AUX s: $\mathbb{N}$ ;
```

```
AUX i: $\mathbb{N}$ ;
```

```
s:=0;
```

```
i:=1;
```

```
While i  $\leq$  hasta
```

```
    s:=s+i;
```

```
    i:=i+1
```

```
EndWhile;
```

```
Result:=s;
```

```
Return
```

```
{true}
```

```
x:= Sumatoria(n);
```

```
y:= Sumatoria(m-1);
```

```
z:= x - y
```

```
{z =  $\sum_{k=m}^n k$  }
```

# Razonamiento con Proc: Inlining

```
{true}  
AUX s:ℕ;  
AUX i:ℕ;  
s:=0;  
i:=1;  
While i ≤ n  
  s:=s+i;  
  i:=i+1  
EndWhile;  
x:=s;  
s:=0;  
i:=1;  
While i ≤ m-1  
  s:=s+i;  
  i:=i+1  
EndWhile;  
y:=s;  
z:= x - y  
{z =  $\sum_{k=m}^n k$  }
```

# Razonamiento modular basado en procedimientos

Inlining no es problemático. PERO qué pasa si sabemos que es cierta tupla de Hoare:  $\{\text{Pre}\} \text{ Cuerpop } \{\text{Pos}\}$  (por ejemplo porque lo dice el requiere y el asegura y lo hemos probado). Ejemplo:

# Razonamiento modular basado en procedimientos

Inlining no es problemático. PERO qué pasa si sabemos que es cierta tupla de Hoare:  $\{\text{Pre}\} \text{ Cuerpop } \{\text{Pos}\}$  (por ejemplo porque lo dice el requiere y el asegura y lo hemos probado). Ejemplo:

PROC Sumatoria (in hasta:  $\mathbb{N}$ ): $\mathbb{N}$

Requiere  $\{\text{TRUE}\}$

Asegura  $\{\text{result} = \sum_{k=1}^{\text{hasta}} k \}$

# Razonamiento modular basado en procedimientos

Inlining no es problemático. PERO qué pasa si sabemos que es cierta tupla de Hoare:  $\{\text{Pre}\} \text{ Cuerpop } \{\text{Pos}\}$  (por ejemplo porque lo dice el requiere y el asegura y lo hemos probado). Ejemplo:

PROC Sumatoria (in hasta:  $\mathbb{N}$ ): $\mathbb{N}$

Requiere  $\{\text{TRUE}\}$

Asegura  $\{\text{result} = \sum_{k=1}^{\text{hasta}} k\}$

Queremos usar esa información para probar el código que invoca al procedimiento. Ejemplo:

$\{\text{true}\}$

$x := \text{Sumatoria}(n);$

$y := \text{Sumatoria}(m-1);$

$z := x - y$

$\{z = \sum_{k=m}^n k\}$

# Razonamiento modular basado en procedimientos

Inlining no es problemático. PERO qué pasa si sabemos que es cierta tupla de Hoare:  $\{\text{Pre}\} \text{ Cuerpop } \{\text{Pos}\}$  (por ejemplo porque lo dice el requiere y el asegura y lo hemos probado). Ejemplo:

PROC Sumatoria (in hasta:  $\mathbb{N}$ ): $\mathbb{N}$

Requiere  $\{\text{TRUE}\}$

Asegura  $\{\text{result} = \sum_{k=1}^{\text{hasta}} k\}$

Queremos usar esa información para probar el código que invoca al procedimiento. Ejemplo:

$\{\text{true}\}$

$x := \text{Sumatoria}(n);$

$y := \text{Sumatoria}(m-1);$

$z := x - y$

$\{z = \sum_{k=m}^n k\}$

Surge la pregunta: Sabiendo esto. Cuál es la  $\text{Wp}(x := \text{Call Proc} (E), Q)$ ?

$Wp ( \ x := Call \ P(E), Q) \text{ sabiendo } \{Pre\}C_P\{Pos\}$

- Qué quiero lograr?: Razonamiento Modular! O sea:



$Wp ( \ x := Call \ P(E), Q) \text{ sabiendo } \{Pre\} C_P \{Pos\}$

- Qué quiero lograr?: Razonamiento Modular! O sea:
  - Reusar de alguna manera lo que sé del procedimiento y no reproducir los pasos de la prueba  $\{Pre\} \ Cuerpop_P \ \{Pos\}$  cada vez que me encuentre con una invocación del procedimiento

$Wp ( \ x := Call \ P(E), Q) \text{ sabiendo } \{Pre\} C_P \{Pos\}$

- Qué quiero lograr?: Razonamiento Modular! O sea:
  - Reusar de alguna manera lo que sé del procedimiento y no reproducir los pasos de la prueba  $\{Pre\} \ Cuerpop_P \ \{Pos\}$  cada vez que me encuentre con una invocación del procedimiento
  - Veamos en concreto esto del razonamiento modular con  $Wp$

$Wp(x := Call\ P(E), Q)$  sabiendo  $\{Pre\}C_P\{Pos\}$

Asumamos que

- $P$  tiene un parámetro formal  $pf$  que es in

$Wp(x := \text{Call } P(E), Q) \text{ sabiendo } \{\text{Pre}\}C_P\{\text{Pos}\}$

Asumamos que

- $P$  tiene un parámetro formal  $pf$  que es `in`
- el resultado va a parar antes del retorno a la variable distinguida `result`

$Wp(x := \text{Call } P(E), Q)$  sabiendo  $\{\text{Pre}\}C_P\{\text{Pos}\}$

Asumamos que

- $P$  tiene un parámetro formal  $pf$  que es `in`
- el resultado va a parar antes del retorno a la variable distinguida `result`
- $\text{Pre}$  predica sobre  $pf$

## $Wp(x := Call\ P(E), Q)$ sabiendo $\{Pre\}C_P\{Pos\}$

Asumamos que

- $P$  tiene un parámetro formal  $pf$  que es  $in$
- el resultado va a parar antes del retorno a la variable distinguida  $result$
- $Pre$  predica sobre  $pf$
- $Post$  sobre  $pf$  y  $result$  (i.e,  $Pre(pf)$  y  $Post(pf, result)$ )
- Asumamos que además probamos que  $pf = pf_0$  en el retorno ( $Wp$  ó analizando en el código) ya que lo pide el hecho de ser un parámetro  $in$

Entonces:

$Wp(x := \text{Call } P(E), Q)$  sabiendo  $\{Pre\}C_P\{Pos\}$

Asumamos que

- $P$  tiene un parámetro formal  $pf$  que es  $in$
- el resultado va a parar antes del retorno a la variable distinguida  $result$
- $Pre$  predica sobre  $pf$
- $Post$  sobre  $pf$  y  $result$  (i.e,  $Pre(pf)$  y  $Post(pf, result)$ )
- Asumamos que además probamos que  $pf = pf_0$  en el retorno ( $Wp$  ó analizando en el código) ya que lo pide el hecho de ser un parámetro  $in$

Entonces:

$$Wp(x := \text{Call } P(E), Q) =_{def} Def(E) \wedge_l Pre[ pf/E ] \wedge_l \\ \forall r :: (Post[ pf/E, result/r ] \Rightarrow Q[x/r])$$

## Wp ( $x := \text{Call } P(E), Q$ ) sabiendo $\{\text{Pre}\}C_P\{\text{Pos}\}$

Asumamos que

- $P$  tiene un parámetro formal  $\text{pf}$  que es  $\text{in}$
- el resultado va a parar antes del retorno a la variable distinguida  $\text{result}$
- $\text{Pre}$  predica sobre  $\text{pf}$
- $\text{Post}$  sobre  $\text{pf}$  y  $\text{result}$  (i.e,  $\text{Pre}(\text{pf})$  y  $\text{Post}(\text{pf}, \text{result})$ )
- Asumamos que además probamos que  $\text{pf} = \text{pf}_0$  en el retorno ( $\text{Wp}$  ó analizando en el código) ya que lo pide el hecho de ser un parámetro  $\text{in}$

Entonces:

$$\begin{aligned} \text{Wp } (x := \text{Call } P(E), Q) &=_{\text{def}} \text{Def}(E) \wedge_l \text{Pre}[\text{pf}/E] \wedge_l \\ \forall r :: & (\text{Post}[\text{pf}/E, \text{result}/r] \Rightarrow Q[x/r]) \end{aligned}$$

Dónde  $/$  es sustitución de variable libre a la izquierda por expresión a la derecha. Nota,  $Q[x/r]$  es lo mismo que  $Q_r^x$



# Ejemplo

$\{\text{true}\}$

$x := \text{Sumatoria}(n);$

$y := \text{Sumatoria}(m-1);$

$z := x - y$

$\{z = \sum_{k=m}^n k\}$

# Ejemplo

{true}

$x := \text{Sumatoria}(n);$

$\{\forall r. (r = \sum_{k=1}^{m-1} k) \Rightarrow x - r = \sum_{k=m}^n k\} \equiv \{x - (\sum_{k=1}^{m-1} k) = \sum_{k=m}^n k\}$

$y := \text{Sumatoria}(m-1);$

$\{x - y = \sum_{k=m}^n k\}$

$z := x - y$

$\{z = \sum_{k=m}^n k\}$

# Ejemplo

{true}

x := Sumatoria(n);

{ $x - (\sum_{k=1}^{m-1} k) = \sum_{k=m}^n k$ }

y := Sumatoria(m-1);

{ $x - y = \sum_{k=m}^n k$ }

z := x - y

{ $z = \sum_{k=m}^n k$ }

# Ejemplo

```
{true}
{ $\forall r. (r = \sum_{k=1}^n k) \Rightarrow \{r - (\sum_{k=1}^{m-1} k) = \sum_{k=m}^n k\}$ }
x := Sumatoria(n);
{x - ( $\sum_{k=1}^{m-1} k$ ) =  $\sum_{k=m}^n k$ }
y := Sumatoria(m-1);
{x - y =  $\sum_{k=m}^n k$ }
z := x - y
{z =  $\sum_{k=m}^n k$ }
```

# Ejemplo

```
{true}  $\not\Rightarrow$   
{ $(\sum_{k=1}^n k) - (\sum_{k=1}^{m-1} k) = \sum_{k=m}^n k$ }  $\equiv$  { $n \geq m$ }  
x := Sumatoria(n);  
{ $x - (\sum_{k=1}^{m-1} k) = \sum_{k=m}^n k$ }  
y := Sumatoria(m-1);  
{ $x - y = \sum_{k=m}^n k$ }  
z := x - y  
{ $z = \sum_{k=m}^n k$ }
```

# Algunas Conclusiones

# Algunas Conclusiones

- Usamos el **qué** del procedimiento para probar el **cómo** del código que lo usa (código “cliente”). **Abstracción procedimental acompañada de razonamiento modular!**

# Algunas Conclusiones

- Usamos el **qué** del procedimiento para probar el **cómo** del código que lo usa (código “cliente”). **Abstracción procedimental acompañada de razonamiento modular!**
- Cualquier cambio del procedimiento que deje igual o debilite su precondition y deje igual o fortalezca la postcondición NO impacta en la corrección del código “cliente” (Design by Contracts (Meyer)/ **Principio de Sustitución** de Liskov). Evolución disciplinada del software



# Algunas Conclusiones

- Usamos el **qué** del procedimiento para probar el **cómo** del código que lo usa (código “cliente”). **Abstracción procedimental acompañada de razonamiento modular!**
- Cualquier cambio del procedimiento que deje igual o debilite su precondition y deje igual o fortalezca la postcondición NO impacta en la corrección del código “cliente” (Design by Contracts (Meyer)/ **Principio de Sustitución** de Liskov). Evolución disciplinada del software
- Lo que vemos es una pieza central en el camino hacia mecanismos que ponen -de manera abstracta- a disposición procedimientos (y estructuras de datos) que el código cliente puede invocar (ej. librerías) o ser invocado (ej. framework)
- Lo que viene: Tipo Abstractos de Datos