

Parcial No. 1

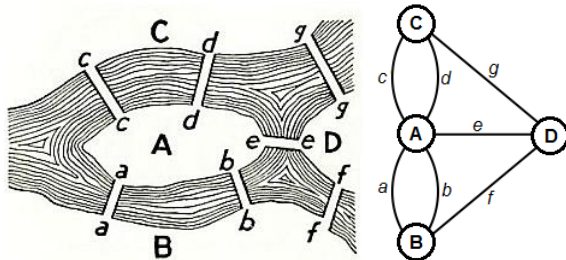
Sebastien Escobar

August 14, 2018

Pregunta 1

Para solucionar este problema debemos de sustituir cada uno de los trozos de tierra por un punto y cada puente por un trazo.

Esto crea un esquema simplificado el cual esta representado por las figuras adjuntas.



Como siguiente punto se hace una modelacion del grafo a partir de sus nodos y vertices. Para ello se conforma el conjunto de nodos sobre el grafo:

Conjunto de Nodos **{A, B, C, D}**

La modelacion de los nodos nos sirve para implementar los puentes los cuales son los trazos semicirculares que se encuentran en la grafica de arriba.

Dichos trazos se comportan como los vertices de nuestro grafo. Y estan representados de la siguiente manera.

Conjunto de vertices **{a, b, c, d, e, f, g}**

Este tipo de vertices aunque a simple vista parezcan nodos estan compuestos por una pareja ordenada.

Siendo estas:

a=<A,B> b=<B,A> c=<A,C>

d=<C,A> e=<A,D> f=<B,D> g=<D,C>

Pregunta 2

Demostrar por induccion que la siguiente expresion es correcta:

$$\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$$

Donde $\sum_{i=1}^n i = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n$

Demostrando que para nuestro caso base $i = 1$ esta expresion es correcta:

$$\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2} = \frac{1(1+1)}{2} = 1$$

Entonces procedemos a utilizar nuestra suposicion:

$$\sum_{i=1}^{n+1} i = \frac{n+1((n+1)+1)}{2}$$

Asumiendo que

$$\sum_{i=1}^n i = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + n = \sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$$

Pregunta 2

$$\text{Entonces } \sum_{i=1}^n i = 1+2+3+4+\dots+n+(n+1) = \sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2} + (n+1)$$

$$= \frac{n(n+1)}{2} + \frac{2(n+1)}{2}$$

$$= \frac{n(n+1)+2(n+1)}{2}$$

$$= \frac{n+1((n+1)+1)}{2}$$

Pregunta 4

Para demostrar la conmutatividad de la suma.
Empezaremos con el caso base:

Demostramos que,

$$\begin{aligned} P(0): a + b &= b + a \\ P(0): 0 + b &= b, b + 0 = b. \end{aligned}$$

Ahora, por induccion suponemos que

$$P(a): a + b = b + a$$

Por el paso inductivo llegamos a,

$$P(s(a)): s(a) + b = b + s(a)$$

Tomando el lado derecho:

$$b + s(a) = s(b + a) = s(a + b)$$

Ya que conocemos la definicion de la suma de numeros naturales podemos pasarnos su demostracion y llegar a:

$$s(a + b) = s(a) + b$$