Ingeniería de Sistemas y Computación



Diseño y análisis de algoritmos Profesor: Mateo Sanabria Ardila Preparación parcial 1

Fecha de entrega: * 2023-20 Nota máxima: *

Para cada ejercicio se deben hacer dos implementaciones y comparar las complejidades temporales de cada una:

- 1. Dividir y conquistar
- 2. Programación dinámica
- 1. Subsecuencia altérnate Dada una cadenas/arreglo de números este problema consiste en encontrar la **longitud** de la subsecuencia alternarte mas larga que esta contenida en la arreglo dado. Por ejemplo, para A = [7,10,6,4,5,7,0,2,5] la longitud es 6, la subsecuencia es [7,10,6,7,0,5]. La complejidad temporal esperada es $\mathcal{O}(n^2)$.
- 2. Subsecuencia bitonica Dada una cadenas/arreglo de números este problema consiste en encontrar la subsecuencias bitonicas mas larga que esta contenida en la cadena/arreglo dado. Los elementos de la subsecuencia se ordenan primero en orden creciente, luego en orden decreciente La complejidad temporal esperada es $\mathcal{O}(n^2)$.
- 3. Subsecuencia palindrómica Dada una cadenas/arreglo de números este problema consiste en encontrar la longitud de la subsecuencias palindrómicas mas larga que esta contenida en la cadena/arreglo dado. Por ejemplo, 1,2,3,4,0,-1 es un subsecuencia . La complejidad temporal esperada es $\mathcal{O}(n^2)$.
- 4. Edit distance Dadas dos strings (w1,w2) se quiere conocer cual es el numero mínimo de operaciones, inserciones, eliminaciones y remplazo para llegar de w1 a w2. Por ejemplo, si se tiene w1='This' y w2='That' el numero mínimo de operaciones es 2. Remplazar la 'i' por una 'a' y la 's' por una 't'. (Cual es la mejor complejidad que se puede lograr?)
- 5. Knapsack Dado N elementos, cada uno asignado con un valor V_i un peso W_i ($\forall i \in [0 \cdots N-1]$), y el tamaño de una maleta S. La tarea consiste en colocar los objetos en la maleta de tal forma que la suma de los valores asociados a ellos sea la máxima posible. Por ejemplo, si N=3, W=4, V=[1,2,3], W=[4,5,1] la respuesta del problema debe ser 3, solo se puede llevar en la maleta el tercer elemento. Cualquier otra posibilidad supera el limite de capacidad de la maleta. (Cual es la mejor complejidad que se puede lograr?)
- 6. Se proponen los siguientes ejercicios de leetcode:
 - (a) 62. Unique Paths
 - (b) 91. Decode Ways
 - (c) 152. Maximum Product Subarray
 - (d) 322. Coin Change
 - (e) 329. Longest Increasing Path in a Matrix
 - (f) 494. Target Sum
 - (g) 1143. Longest Common Subsequence