Trabajo práctico 2: Profiling y Optimización

Alejandro García Marra, Padrón Nro. 91.516
alemarra@gmail.com
Sebastián Javier Bogado, Padrón Nro. 91.707
sebastian.j.bogado@gmail.com
Grupo Nro. 0 - 2do. Cuatrimestre de 2012
66.20 Organización de Computadoras
Facultad de Ingeniería, Universidad de Buenos Aires

Resumen

1. Introducción

Muchas veces tanto para programas recién terminados, como para aquellos que llevan un tiempo en funcionamiento, se desconoce realmente qué partes del programa insumen la mayor cantidad de recursos, sean estos de tiempo, carga de cpu, etc. Poseer esta información se torna en algo crítico cuando se busca realizar una mejora de performance en dicho programa. Sería poco útil intentar optimizar a ciegas, por no decir inútil.

Haremos uso entonces de dos métodos distintos en el estudio del programa, el profiling (por medio de *gprof* y *cachegrind*) y la medición de los tiempos de ejecución (por medio de *time*).

1.1. Profiling

Se denomina así al análisis dinámico de un programa, con el fin de estudiar su comportamiento.

Al recolectar información en tiempo de ejecución, puede utilizarse en aquellos programas demasiado grandes o complejos, donde un análisis por lectura de fuentes sería impracticable.

Como consecuencia del análisis durante la ejecución, los datos con los que se corra el programa afectaran el resultado del profiler. Es decir, distintos datos de entrada pueden provocar distintas ramas de ejecución, dando por resultado que, por ejemplo, no se llamen algunas funciones.

- **gprof:** Permite aprender donde el programa pasa la mayor parte de su tiempo, y cuales funciones llaman a otras mientras se ejecuta.
 - Esta informacion puede mostrar qué piezas del programa son mas lentas de lo esperado, convirtiéndolas en candidatas para su reescritura en la etapa de optimización.
 - También puede ayudarnos a descubrir cuales funciones son llamadas más o menos veces de lo esperado, pudiendo encontrar nuevos bugs (aunque el descubrimiento de bugs no es el fin principal de esta etapa)
- cachegrind: Simula el comportamiento del programa sobre una determinada jerarquía de cache, la cual puede ser establecida por medio de distintas opciones. Como resultado, se obtiene una visión muy precisa de la cantidad de referencias a elementos del cache de instrucciones y al cache de datos, la cantidad de misses para ambos y el miss rate correspondiente. En particular nos interesan los resultados para la cache de datos D1, y el miss rate de la misma.

1.2. Medición de Tiempos

Permite conocer con precisión los tiempos de ejecución de un programa, discriminados entre tiempos de sistema, de usario, tiempos totales, etc., así como también conocer los porcentajes para cada parte del programa, cantidad de entradas, y muchas otras opciones.

La combinación con una herramienta de profiling permite exactitud a la hora de conocer la forma en que se ejecuta el programa bajo estudio, permitiendo optimizar únicamente las partes críticas del ciclo de ejecución.

2. Flujo del programa

Se trata de una versión en lenguaje C de la simulación del planeta WATOR. El programa recibe un nombre de archivo en el que se van dejando las cantidades de peces y tiburones en cada turno, y simula 1000 turnos en un planeta de 32x32 celdas.

Comienza por la inicialización de la matriz, recorriendo la misma en su totalidad y ubicando de forma aleatoria espacios vacíos, peces o tiburones. Luego, se muestra completa por pantalla, acción que se realiza en cada uno de los ciclos.

Una vez completada la inicialización, comienza el ciclo de simulación. Por cada ciclo se busca mover todos los elementos no vacios de la matriz. El comportamiento para peces o tiburones es distinto, por lo que en cada caso se evalúa el curso de acción, dependiendo también de los elementos que rodean la posición actual.

Cada moviemiento depende del cálculo de la nueva posición, reemplazando el elemento previo si es necesario y teniendo en cuenta la tasa de natalidad y mortalidad de cada uno de los factores.

3. Hipótesis y Aclaraciones

- El objetivo principal es lograr un programa más eficiente, por lo que es innevitable realizar sacrificios respecto de la legibilidad del código y la flexibilidad del mismo. Muchas de las modificaciones realizadas irían en contra de las buenas prácticas de programación utilizadas en un caso normal.
- Todas las mediciones se realizan redireccionando la salida por pantalla a devnull. Esto nos permite ahorrar tiempo en las pruebas sin afectar las mediciones, ya que el tiempo de impresión se puede considerar constante para todas las mediciones.
- Consideramos las dimesiones de la matriz (como indica el enunciado, 32x32) como un elemento invariante. Esto nos permite, como veremos más adelante, realizar optimizaciones interesantes que de otra forma no serían posibles.
- Todas las mediciones que resulten de un promedio de corridas serán acompañadas del número de corridas correspondiente, así como el máximo y mínimo de la serie.
- La compilación de los códigos fuente se realiza con el comando:

```
gcc -DNDEBUG fuente.c -o fuente
```

En ningún momento (a menos que aclare lo contrario) se utilizan las opciones de optimización del gcc. El único caso donde se modifica este comando es para la compilación previa a la corrida con gprof.

- Los scripts con los que se realizaron las mediciones promediadas se encuentran disponibles en el cd bajo el nombre XXXXCollect.sh
- Debido a la aleatoriedad del problema a estudiar, se torna complicado obtener datos confiables de elementos como el gprof, dado que una corrida puede ser diametralmente distinta de otra en su uso de las funciones. Utilizaremos en estos casos las corridas que consideremos más significativas.

4. Comparación de Versiones

Todas las modificaciones se expresan en relación con la versión anterior. Los cambios enunciados son acumulativos.

- 0. Versión original dada por la cátedra.
- 1. Cambio en la definición del struct animal, reemplazando los tipo int por tipo char.

Reduce considerablemente el tamaño de cada elemento de la matriz, y por ende, el tamaño total de la misma. Esto permite que dentro de un mismo bloque de cache se almacenen mas posiciones, reduciendo el missrate.

2. Modificar la función *moveall*, quitando instrucciones innecesarias y redundates como las asignaciones a todo.

Se pasa de tener dos ciclos distintos a uno único, así como también se reducen las lecturas y escrituras de memoria. En ningún momento del programa se utilizaban los campos todo del struct

3. Desenrollar el for de la función choose

Optimización recomendada en la bibliografía consultada [6][7]

Removidas las variables auxiliares npi y npj

Sacada afuera del loop la declaración de la variable t

Ahorran accesos a memoria

Cambiados los var++ por ++var

Reduce la cantidad de instrucciones necesarias para la misma operación

Las comparaciones del estilo (var1 op var2 (ej i > j)) fueron reemplazadas por (var1 - var2 op 0 (i - j > 0))

Es más eficiente comparar contra 0, según la bibliografía consultada

Funciones $move_to_empty$ y $move_to_fish$ agregado un struct animal* para evitar las varias llamadas a wator[npi] [npj]

Al guardar la dirección con el puntero, se evita recalcularla cada vez a partir de los índices de la matriz

4. Reemplazar los accesos de tipo wator[i][j] en los ciclos por aritmética de punteros. Se guarda un puntero a la primer posición, accediendo por la suma (v + row + j), donde row es un acumulador equivalente a i*32 (show_wator, init_wator, move_all)

Las direcciones que antes se computaban con una doble desreferencia, ahora se obtienen por una suma simple que se realiza sobre la propia variable.

Aprovechando el desenrrollado del for realizado en la versión anterior, reemplazamos el llamado a ni(), nj() por la expresión resultante si se evaluase el switch

Originalmente no se conocía el valor de dir en el momento de invocar ni() o nj(), por lo que era necesario pasar por el switch. Ahora, como sabemos de antemano el valor que va a tomar esa expresión, nos podemos ahorrar el llamado a las funciones, así como también los branch del switch.

5. Reemplazo en *choose_fish()*, *choose_empty()* el cómputo del módulo % MAXI y % MAXJ por la operación bitwise equivalente & 0x1F

Como por hipótesis, MAXI = MAXJ = 32, la operación módulo puede realizarse de una manera mucho menos costosa a través de la operación and bitwise con (MAXI-1). Esto solo sirve cuando MAXI y MAXJ son potencias de 2, y en particular, como también nos ahorramos la resta al forzar un 31 (0x1F), sólo sirve para MAXI=MAXJ=32

6. Declaración de variables como register

En caso de que el compilador haga caso de la sugerencia, se ahorrarán todos los accesos a memoria relacionados con la lectura y escritura de la variable en cuestión.

Reemplazo de % MAXI en lugares faltantes

7. Pasaje de puntero en vez de recalcular w[][] en distintas funciones Incremento de puntero directo en vez de sumar row + j

Evaluamos que incrementar el puntero en cada ciclo del ciclo interno era más eficiente que realizar la suma en cada acceso, siendo el resultado el mismo.

Cambio de la condición if (x) return a; return b por la versión equivalente return x ? a :b ;

La idea surge de leer el manual del gcc y sus optimizaciones [6], donde propone el cambio para lograr una escritura incondicional. En este caso, se espera ver el efecto de un branch incondicional, o al menos explicitarle al compilador que la siguiente instrucción será un branch siempre.

8. Cambio llamadas myrand() por la forma inline rand() % max

9. Reemplazados los llamados a ni y nj por un vector de resultados calculados

La intención es reducir el overhead provocado por el constante llamado a las funciones en lo relacionado a la memoria y el stack, al utilizar valores pre calculados, que demanda sólo un acceso a memoria

En choose_fish(), choose_empty(), cambiados MAX(I|J)-1 por 31

5. Corridas de prueba y Mediciones

5.1. time

./timeCollect.sh 1000 <*wator>

Versión	Tiempo Promedio	Máximo	Mínimo
wator	0.1325	0.183	0,114
1wator	0.1295	0.215	0,114
2wator	0.1274	0.191	0,108
3wator	0.1252	0.183	0,106
4wator	0.1013	0,136	0,075
5wator	0.0945	0,134	0,069
6wator	0.0819	0,152	0,056
7wator	0.0784	0,325	0,052
8wator	0.0783	0,109	0,054
9wator	0.0699	0,102	0,045

5.2. cachegrind

./cacheCollect.sh 10<*wator>

Versión	MR Promedio	Max D refs	Max D1 misses
wator	13.5	218,373,284	23,544,524
1wator	13.0	198,950,293	22,020,371
2wator	13.8	183,212,076	25,054,976
3wator	13.6	186,803,584	27,736,496
4wator	19.9	123,791,963	23,311,673
5wator	20.4	123,419,316	24,499,790
6wator	24.5	105,538,390	24,450,433
7wator	22.7	103,736,716	25,632,215
8wator	23.2	101,005,413	25,245,703
9wator	28.9	88,302,553	25,931,844

5.3. gprof

./gprofCollect.sh <*wator>

■ Wator

Flat profile: Each sample counts as $0.01\ {\rm seconds}.$

	1	1	11	/ 11	/ 11	
time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
33.40	0.04	0.04	472344	0.08	0.15	choose_empty
25.05	0.07	0.03	1000	30.06	120.24	moveall
16.70	0.09	0.02	2491979	0.01	0.01	ni
16.70	0.11	0.02	2491979	0.01	0.01	nj
8.35	0.12	0.01	472344	0.02	0.18	move_to_empty
0.00	0.12	0.00	540665	0.00	0.17	move
0.00	0.12	0.00	255139	0.00	0.00	myrand
0.00	0.12	0.00	87122	0.00	0.06	choose_fish
0.00	0.12	0.00	87122	0.00	0.07	move_to_fish
0.00	0.12	0.00	68819	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.12	0.00	1001	0.00	0.00	show_wator
0.00	0.12	0.00	1	0.00	0.00	init_wator

■ 1wator

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
27.33	0.03	0.03	478382	0.06	0.08	choose_empty
27.33	0.06	0.03	1000	30.06	100.21	moveall
9.11	0.07	0.01	2490207	0.00	0.00	ni
9.11	0.08	0.01	543731	0.02	0.13	move
9.11	0.09	0.01	478382	0.02	0.10	move_to_empty
9.11	0.10	0.01	83036	0.12	0.14	choose_fish
9.11	0.11	0.01	1001	10.01	10.01	show_wator
0.00	0.11	0.00	2490207	0.00	0.00	nj
0.00	0.11	0.00	245559	0.00	0.00	myrand
0.00	0.11	0.00	83036	0.00	0.14	$move_to_fish$
0.00	0.11	0.00	66316	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.11	0.00	1	0.00	0.00	$init_wator$

■ 2wator

Flat profile: Each sample counts as 0.01 seconds.

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
33.40	0.03	0.03	524731	0.06	0.08	choose_empty
22.26	0.05	0.02	3048807	0.01	0.01	nj
22.26	0.07	0.02	1001	20.02	20.02	show_wator
11.13	0.08	0.01	630377	0.02	0.10	move
11.13	0.09	0.01	1000	10.02	70.13	moveall
0.00	0.09	0.00	3048807	0.00	0.00	ni
0.00	0.09	0.00	524731	0.00	0.09	move_to_empty
0.00	0.09	0.00	402951	0.00	0.00	myrand
0.00	0.09	0.00	136989	0.00	0.03	choose_fish
0.00	0.09	0.00	136989	0.00	0.03	move_to_fish
0.00	0.09	0.00	106018	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.09	0.00	1	0.00	0.00	init_wator

\blacksquare 3wator

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
30.06	0.03	0.03	524731	0.06	0.08	choose_empty
20.04	0.05	0.02	1000	20.04	90.18	moveall
10.02	0.06	0.01	3048807	0.00	0.00	ni
10.02	0.07	0.01	3048807	0.00	0.00	nj
10.02	0.08	0.01	630377	0.02	0.11	move
10.02	0.09	0.01	524731	0.02	0.11	move_to_empty
0.00	0.10	0.00	402951	0.00	0.00	myrand
0.00	0.10	0.00	136989	0.00	0.03	choose_fish
0.00	0.10	0.00	136989	0.00	0.03	move_to_fish
0.00	0.10	0.00	106018	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.10	0.00	1001	0.00	0.00	show_wator
0.00	0.10	0.00	1	0.00	0.00	init_wator

■ 4wator

Flat profile: Each sample counts as 0.01 seconds.

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
27.33	0.03	0.03	524211	0.06	0.11	move_to_empty
18.22	0.05	0.02	629720	0.03	0.13	move
18.22	0.07	0.02	401497	0.05	0.05	myrand
18.22	0.09	0.02	1001	20.02	20.02	show_wator
9.11	0.10	0.01	524211	0.02	0.05	choose_empty
9.11	0.11	0.01	1000	10.02	90.13	moveall
0.00	0.11	0.00	400473	0.00	0.00	ni
0.00	0.11	0.00	400473	0.00	0.00	nj
0.00	0.11	0.00	137011	0.00	0.03	choose_fish
0.00	0.11	0.00	137011	0.00	0.03	move_to_fish
0.00	0.11	0.00	105987	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.11	0.00	1	0.00	51.11	init_wator

\blacksquare 5wator

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
28.63	0.02	0.02	524211	0.04	0.05	choose_empty
28.63	0.04	0.02	1001	20.02	20.02	show_wator
14.32	0.05	0.01	524211	0.02	0.07	move_to_empty
14.32	0.06	0.01	401497	0.02	0.02	myrand
14.32	0.07	0.01	1000	10.02	50.08	moveall
0.00	0.07	0.00	629720	0.00	0.06	move
0.00	0.07	0.00	400473	0.00	0.00	ni
0.00	0.07	0.00	400473	0.00	0.00	nj
0.00	0.07	0.00	137011	0.00	0.01	choose_fish
0.00	0.07	0.00	137011	0.00	0.01	move_to_fish
0.00	0.07	0.00	105987	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.07	0.00	1	0.00	25.56	init_wator

■ 6wator

Flat profile: Each sample counts as 0.01 seconds.

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
33.41	0.02	0.02	1001	20.03	20.03	$show_wator$
33.41	0.04	0.02	1000	20.05	40.09	moveall
16.70	0.05	0.01	629720	0.02	0.03	move
16.70	0.06	0.01	524211	0.02	0.02	choose_empty
0.00	0.06	0.00	524211	0.00	0.02	move_to_empty
0.00	0.06	0.00	401497	0.00	0.00	myrand
0.00	0.06	0.00	400473	0.00	0.00	ni
0.00	0.06	0.00	400473	0.00	0.00	nj
0.00	0.06	0.00	137011	0.00	0.00	choose_fish
0.00	0.06	0.00	137011	0.00	0.00	move_to_fish
0.00	0.06	0.00	105987	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.06	0.00	1	0.00	0.00	$init_wator$

\blacksquare 7wator

			1			I
time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
60.14	0.03	0.03	629720	0.05	0.05	move
40.09	0.05	0.02	1000	20.05	50.12	moveall
0.00	0.05	0.00	524211	0.00	0.00	choose_empty
0.00	0.05	0.00	524211	0.00	0.00	move_to_empty
0.00	0.05	0.00	401497	0.00	0.00	myrand
0.00	0.05	0.00	400473	0.00	0.00	ni
0.00	0.05	0.00	400473	0.00	0.00	nj
0.00	0.05	0.00	137011	0.00	0.00	choose_fish
0.00	0.05	0.00	137011	0.00	0.00	move_to_fish
0.00	0.05	0.00	105987	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.05	0.00	1001	0.00	0.00	show_wator
0.00	0.05	0.00	1	0.00	0.00	init_wator

■ 8wator

Flat profile: Each sample counts as 0.01 seconds.

time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
50.12	0.02	0.02	527937	0.04	0.04	choose_empty
25.06	0.03	0.01	136304	0.07	0.07	move_to_fish
25.06	0.04	0.01	1000	10.02	40.09	moveall
0.00	0.04	0.00	633168	0.00	0.05	move
0.00	0.04	0.00	527937	0.00	0.04	move_to_empty
0.00	0.04	0.00	400284	0.00	0.00	ni
0.00	0.04	0.00	400284	0.00	0.00	nj
0.00	0.04	0.00	136304	0.00	0.00	choose_fish
0.00	0.04	0.00	105941	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.04	0.00	1001	0.00	0.00	show_wator
0.00	0.04	0.00	1	0.00	0.00	init_wator

■ 9wator

	cumulative	self		self	total	
time	seconds	seconds	calls	us/call	us/call	name
50.12	0.02	0.02	527937	0.04	0.04	choose_empty
25.06	0.03	0.01	527937	0.02	0.06	move_to_empty
25.06	0.04	0.01	136304	0.07	0.07	$move_to_fish$
0.00	0.04	0.00	633168	0.00	0.06	move
0.00	0.04	0.00	136304	0.00	0.00	choose_fish
0.00	0.04	0.00	105941	0.00	0.00	new_animal
0.00	0.04	0.00	1001	0.00	0.00	show_wator
0.00	0.04	0.00	1000	0.00	40.10	moveall
0.00	0.04	0.00	1	0.00	0.00	$init_wator$

6. Análisis de los Datos

6.1. Tiempos

A continuación, una tabla que muestra el speedup obtenido entre las distintas versiones, parcial y acumulativo

Versión	Time Promedio*	SU Parcial	SU Acumulado
wator	0.1325		
1wator	0.1295	1,0231	1,0231
2wator	0.1274	1,0164	1,0400
3wator	0.1252	1,0175	1,0583
4wator	0.1013	1,2359	1,3079
5wator	0.0945	1,0719	1,4021
6wator	0.0819	1,1538	1,6178
7wator	0.0784	1,0446	1,6900
8wator	0.0783	1,0012	1,6922
9wator	0.0699	1,1201	1,8955

^{*} Sobre 10000 ejecuciones

Se puede ver que hubo varias mejoras que no afectaron mucho el tiempo de ejecución del programa, como las modificaciones entre versiones 1 y 2, o 7 y 8. A su vez, las versiónes 4, 6 y 9 aportaron un % mayor al speed up total. En esas versiones los principales cambios fueron: el acceso a los datos a través de aritmética de punteros, la optimización en el cálculo del módulo y la reducción en cantidad de llamados a las funciones ni, nj (detalles en la sección 4).

En los últimos tres casos mencionados, esperabamos este tipo de respuesta, ya que la cantidad de operaciones necesarias para un mismo resultado cae drásticamente (como sabemos, el cálculo del módulo % resulta muy costoso, y en el acceso a los datos, una suma en un puntero es mucho más veloz que la doble referencia en una matriz).

6.2. Profiling

6.2.1. Miss Rate

Si bien en un principio puede resultar anti-intuitivo que el miss rate final sea tanto mayor que el inicial, siendo que el objetivo era optimizar, esto cobra sentido cuando se miran las cantidad de referencias al cache de datos. Se puede ver con claridad que la cantidad de referencias total se reduce a un $40\,\%$ de las originales, mientras que la tasa de miss se mantiene aproximadamente constante a lo largo de las distintas optimizaciones. Quizás allí hay un punto a observar si se busca un speedup mayor todavía pero las soluciones propuestas no resultaron efectivas en este parámetro.

Como se dijo en un principio, el objetivo final era reducir los tiempos de ejecución, lo cual se consiguió, en gran parte, por la reducción mencionada en las referencias totales al D1.

6.2.2. Llamados y Tiempos de Funciones

Hemos mencionado como parte de las aclaraciones, la dificultad de medir de manera confiable un problema tan aleatorio como el que resuelve este programa. Puedimos, sin embargo, confirmar algunas suposiciones a lo largo de varias corridas del profiler.

Nos resultó evidente la necesidad de reducir los tiempos en funciones como moveall o $choose_x$, dada la gran cantidad de invocaciones que estas presentaban. Las funciones ni y nj también presentaban esta particularidad, por lo tanto se convirtieron también en foco de nuestras optimizaciones.

Ejemplos, de estas consideraciones son el buscar reducir al máximo los tiempos en el cálculo del módulo, o el esmero en reducir la carga en los ciclos de movimiento y recorrida de la matriz.

7. Conclusiones

Del análisis de los datos se desprende que obtuvimos un speed up de hasta X, luego de muchas ideas aplicadas. Sin embargo, al compilar el programa original con optimizaciones, se obtienen tiempos \tilde{A}^o n mejores, que implicarían muchas m \tilde{A} is horas-hombre sobre el trabajo.

gcc -DNDEBUG -O fuente.c -o fuente

Versión	Time Promedio*	
wator	0.614	
9wator	0.567	

^{*} sobre 1000 corridas

El compilador, al optimizar, reordena las instrucciones Assembly que no dependan entre sí, aprovechando el pipeline y los ciclos de *stall*. Retomando un poco las conclusiones del trabajo anterior, se ve de nuevo que no tendría sentido ponerse a trabajar a tan bajo nivel por el esfuerzo que demanda, y porque ya existen herramientas cuya función principal es producir un código objeto muy eficiente, y ni siquiera es necesario mencionar todos los otros cambios que aplica para mejorar el resultado de la compilación.

Uno de los problemas al intentar mejorar el MR fue que el núcleo de lógica del programa era la aleatoriedad misma.

El siguiente es un gráfico de una situación ideal del caché simulado, con el programa ya entrado en su loop principal:

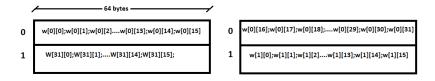


Figura 1: Situación ideal del caché.

La matriz podría no estar alineada, pero la idea se mantiene. Suponiendo que la ejecución en ese punto del programa está pasando por la celda [0][1], las direcciones posibles ('NORTH', 'SOUTH', 'WEST', 'EAST') ya están cargadas en caché.

Si este estado se mantuviera, sería el mejor uso posible para esta caché, que implicaría, a grandes rasgos, un MR de 1/16 (una lectura de una celda del Wator en memoria trae consigo 15 celdas que serán utilizadas próximamente). Pero entre las llamadas a funciones es necesario acceder a otras direcciones de memoria que remueven un bloque valioso del caché. Si hubiera forma de evitar que algo se cargue en caché desde software, lo hubiéramos utilizado

Referencias

- [1] J. L. Hennessy and D. A. Patterson, "Computer Architecture. A Quantitative Approach," 3ra Edición, Morgan Kaufmann Publishers, 2000.
- [2] "Sharks and fish wage an ecological war on toroidal planet WATOR", A.K.Dewdney, Scientific American, http://home.cc.gatech.edu/biocs1/uploads/2/wator_dewdney.pdf.
- [3] WA-TOR, Wikipedia, http://en.wikipedia.org/wiki/Wa-Tor.
- [4] GNU profiler, http://sourceware.org/binutils/.
- [5] Cachegrind, http://valgrind.org/docs/.
- [6] GCC Options that Control Optimization http://gcc.gnu.org/onlinedocs/gcc/Optimize-Options.html
- [7] Steve McConnell, "Code Complete" 2nd Edition 2004 Chapter 26 "Code-Tunning Techniques"