Projekt 1

"Wyszukiwanie liniowe/binarne"

Sebastian Krzyżaniak

Wyszukiwanie binarne (przed instrumentacją)

```
static int BinSearch(int N, int Number) //pesymistyczne dla Number == 0 //N==wielkość tablicy
  {
      int Left = 0; //lewa strona tablicy
      int Right = N - 1; //prawa strona tablicy (zakładamy rozmiar tablicy (2^i)-1)
      int Middle; //środek tablicy
      while (Left <= Right)</pre>
         Middle = (Left + Right) >> 1; // dzielenie przez 2 // wyznaczanie środka
          if (Tab[Middle] == Number) return Middle; //zwraca pozycję, na jakiej znajduje się szukana liczba
          else if (Tab[Middle] > Number) Right = Middle - 1;
          else Left = Middle + 1;
      return -1; //zwraca wartośc -1, jeżeli w tablicy nie ma porządanej wartości
```

* n-(zakres w jakim będziemy szukać danej liczby)

```
const int Max Value Int = 268435455; //maks. wartość int
static int[] Tab;
static long Count_Op; //zmienna licząca ilość operacji
static int BinSearch(int N, int Number)
       int Left = 0;
       int Right = N - 1;
       int Middle;
       while (Left <= Right)</pre>
           Count Op++;
           Middle = (Left + Right) >> 1;
           if (Tab[Middle] == Number) return Middle;
           else if (Tab[Middle] > Number) Right = Middle - 1;
           else Left = Middle + 1;
       return -1;
```

*Wyszukiwanie binarne pesymistyczne

(zliczanie operacji)

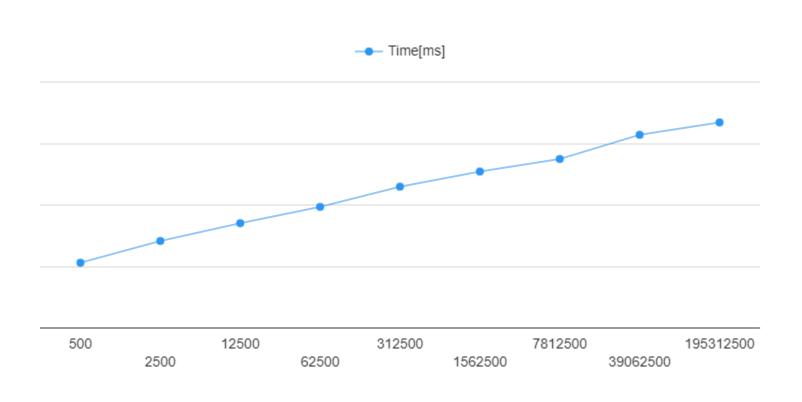
```
//utworzenie pliku csv
static void Main()
 Tab = new int[Max Value Int];
 for (int q = 0; q < Max_Value_Int; q++) Tab[q] = q + 1;</pre>
  int n = 100000;
  StreamWriter file_csv = new StreamWriter("bin_pes.csv");
       for (int i = 10; i <= 30; i++)
                                                      //zapis w pliku
           int n += 100000;
           Count Op = 0;
           BinSearch(n, 0);
           file_csv.WriteLine("{0}; {1}", n, Count_Op);
           Console.WriteLine("{0}; {1}", n, Count_Op);
                                          //n –w uporządkowanym szeregu
       file_csv.Close();
                                          liczb (naturalnych) od 0 do n
                                          będziemy szukać danego elementu
                                //zapis i zamknięcie pliku
```

Wyszukiwanie binarne pesymistyczne (zliczanie operacji)

n	Count_Op	
200000	17	
300000	18	
400000	18	
500000	18	Count_Op
600000	19	
700000	19	
800000	19	
900000	19	
1000000	19	
1100000	20	
1200000	20	200000 400000 600000 800000 1000000 1200000 1400000 1600000
1300000	20	300000 500000 700000 900000 1100000 1300000 1500000
1400000	20	
1500000	20	
1600000	20	

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static int BinSearch(int N, int Number){slajd nr. 2}
static void Main()
       Tab = new int[Max_Value_Int];
       for (int q = 0; q < Max Value Int; <math>q++) Tab[q] = q + 1;
       int n = 100;
       Stopwatch Stoper = new Stopwatch(); //inicjacja klasy Stopwatch() ~~tworzymy stoper
       StreamWriter file = new StreamWriter("bin pes czas.csv"); //tworzymy plik "bin pes czas" z rozszerzeniem csv
       for (int i = 10; i <= 18; i++)
           n = n * 5;
           Stoper.Restart(); //ustawienie czasu stopera na 0 i włączenie
           for (int j = 0; j < 100000000; j++) BinSearch(n, 0); //wywołanie szukania binarnego (1mln dla dokł. wyników)
           Stoper.Stop(); //zatrzymanie stopera
           file.WriteLine("{0}; {1}", n, Stoper.ElapsedMilliseconds); //zapis danych w pliku
           Console.WriteLine("{0}; {1}", n, Stoper.ElapsedMilliseconds); //wyświetlenie danych na konsoli
       file.Close();
                                                                    //Time[ms]
```

n	Time[ms]
500	7,96
2500	10,61
12500	12,78
62500	14,77
312500	17,23
1562500	19,08
7812500	20,61
39062500	23,56
195312500	25,07



Wyszukiwanie binarne średnie (zliczanie operacji)

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static long Count_Op;
 static int BinSearch(int N, int Number)
        int Left = 0;
        int Right = N - 1;
        int Middle;
        while (Left <= Right)</pre>
            Count_Op++;
            Middle = (Left + Right) >> 1; //
            if (Tab[Middle] == Number) return Middle;
            else if (Tab[Middle] > Number) Right = Middle - 1;
            else Left = Middle + 1;
        return -1;
```

```
static void Main()
       Tab = new int[Max_Value_Int];
       for (int q = 0; q < Max_Value_Int; q++) Tab[q] = q + 1;
       int n = 0;
       StreamWriter file = new StreamWriter("bin avg.csv");
       for (int i = 10; i <= 21; i++)
           n += 100000;
           Count_Op = 0;
           for (int j = 0; j < n; j++)
               BinSearch(n, Tab[j]);
           file.WriteLine("{0}; {1}", n, ((double)Count_Op) / n);
           Console.WriteLine("{0}; {1}", n, ((double)Count_Op) / n);
       file.Close();
```

Wyszukiwanie binarne średnie (zliczanie operacji)

(2116241116	operacji)	
n	Count_Op	
100000	15,69	
200000	16,69	
300000	17,25	Count_Op
400000	17,69	
500000	17,95	
600000	18,25	
700000	18,50	
800000	18,69	
900000	18,84	
1000000	18,95	100000 300000 500000 700000 900000 1100000 1300000 1500000
1100000	19,09	200000 400000 600000 800000 1000000 1200000 1600000
1200000	19,25	
1300000	19,39	
1400000	19,50	
1500000	19,60	

Wyszukiwanie binarne średnie (instrumentacja czasowa)

```
const int Max Value Int = 268435455;
static int[] Tab;
static int BinSearch(int N, int Number){slajd nr. 2}
static void Main()
      Tab = new int[Max Value Int];
      for (int q = 0; q < Max Value Int; <math>q++) Tab[q] = q + 1;
      int n = 0;
      Stopwatch Stoper = new Stopwatch(); //inicjacja klasy Stopwatch() ~~tworzymy stoper
      StreamWriter file = new StreamWriter("bin avg czas.csv"); //tworzymy plik "bin avg czas" z rozszerzeniem csv
      for (int i = 10; i <= 14; i++)
          n += 100000;
          Stoper.Restart(); //ustawienie czasu stopera na 0 i włączenie
          for (int k = 0; k < 100; k++) for (int j = 0; j < n; j++) BinSearch(n, Tab[j]);
          Stoper.Stop(); //zatrzymanie stopera
          double czas = Stoper.ElapsedMilliseconds;
          file.WriteLine("{0}; {1}", n, (czas/n)*1000000); //zapis danych w pliku
          Console.WriteLine("{0}; {1}", n, (czas/n)*1000000); //wyświetlenie danych na konsoli
      file.Close();
```

Wyszukiwanie binarne średnie (instrumentacja czasowa)

n	Time[ms]	
100000	15,01	
200000	15,86	
300000	16,33	—— Time[ms]
400000	16,68	
500000	16,97	
600000	17,23	
700000	17,55	
800000	17,67	
900000	17,74	
1000000	17,92	100000 300000 500000 700000 900000 1100000 1300000
1100000	17,99	200000 400000 600000 800000 1000000 1200000
1200000	18,12	
1300000	18,14	

Wyszukiwanie liniowe (przed instrumentacją)

```
static int LinSearch(int N, int Number)
{
    for (int i = 0; i < N; i++)
    {
        if (Tab[i] == Number) return i; //zwraca pozycje szukanej liczby
    }
    return -1;
}</pre>
```

Wyszukiwanie liniowe pesymistyczne (zliczanie operacji)

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static long Count Op;
static int LinSearch(int N, int Number)
      for (int i = 0; i < N; i++)
          Count_Op++;
          if (Tab[i] == Number) return i;
      return -1;
```

```
static void Main()
   Tab = new int[Max Value Int];
   for (int q = 0; q < Max_Value_Int; q++) Tab[q] = q + 1;
    StreamWriter file = new StreamWriter("lin_pes.csv");
        for (int i = 100; i \le 200; i += 10)
            int n = i * 1000000;
            Count Op = 0;
            LinSearch(n, 0);
           file.WriteLine("{0}; {1}", n, Count_Op);
            Console.WriteLine("{0}; {1}", n, Count_Op);
        file.Close();
```

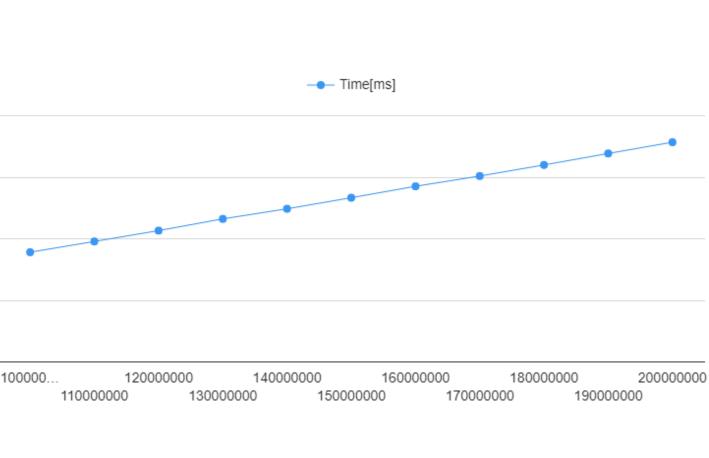
Wyszukiwanie liniowe pesymistyczne (zliczanie operacji)

(Ziiczariic	operacji)	
n	Count_Op	
10000000	10000000	
110000000	110000000	
120000000	12000000	Count_Op
130000000	13000000	count_op
14000000	14000000	
150000000	15000000	
16000000	16000000	
17000000	17000000	
18000000	18000000	
19000000	19000000	
20000000	20000000	1000 120000000 140000000 160000000 180000000 200000000 220000000 110000000 130000000 150000000 170000000 190000000 210000000 2300000
21000000	21000000	7.000000 10000000 10000000 10000000 210000000 2000000
22000000	22000000	
23000000	23000000	
24000000	24000000	

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static int LinSearch(int N, int Number){slajd nr. 7}
static void Main()
       Tab = new int[Max Value Int];
      for (int q = 0; q < Max Value Int; <math>q++) Tab[q] = q + 1;
      Stopwatch Stoper = new Stopwatch();
      StreamWriter file = new StreamWriter("lin pes czas.csv");
       for (int i = 100; i <= 200; i += 10)
          int n = i * 1000000; //wielkość tablicy, w której pesymistycznie będziemy szukać elementu
          Stoper.Restart();
          for (int j = 0; j < 25; j++) LinSearch(n, 0);
          Stoper.Stop();
          file.WriteLine("{0}; {1}", n, Stoper.ElapsedMilliseconds);
          Console.WriteLine("{0}; {1}", n, Stoper.ElapsedMilliseconds);
      file.Close();
```

Wyszukiwanie liniowe pesymistyczne (instrumentacja czasowa)

n	Time[ms]
10000000	13,36
110000000	14,67
12000000	15,99
13000000	17,42
14000000	18,65
15000000	20,00
16000000	21,39
17000000	22,64
18000000	23,99
19000000	25,39
20000000	26,76



Wyszukiwanie liniowe średnie (zliczanie operacji)

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static long Count_Op;
static int LinSearch(int N, int Number)
      for (int i = 0; i < N; i++)
           Count_Op++;
           if (Tab[i] == Number) return i;
       return -1;
```

```
static void Main()
Ш
         Tab = new int[Max Value Int];
         for (int q = 0; q < Max_Value_Int; q++) Tab[q] = q + 1;</pre>
         StreamWriter file = new StreamWriter("lin avg.csv");
         for (int i = 100; i \leftarrow 200; i += 10)
             int n = i * 100; //sizeTab
              Count_0p = 0;
             for (int j = 0; j < n; j++)
                  LinSearch(n, Tab[j]);
             file.WriteLine("{0}; {1}", n, ((double)Count_Op) / n);
              Console.WriteLine("{0}; {1}", n, ((double)Count_Op) / n);
         file.Close();
```

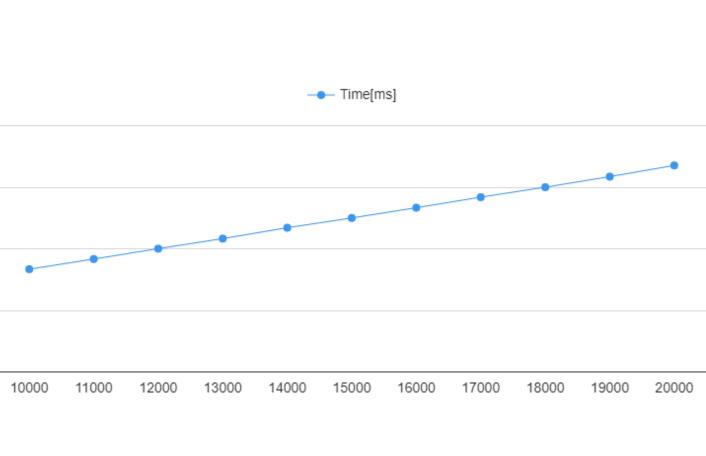
Wyszukiwanie liniowe średnie (zliczanie operacji)

n	Count_Op											
10000	5000,5											
11000	5500,5					-	Count_	Ор				
12000	6000,5											_
13000	6500,5							_	_			
14000	7000,5				_	_						
15000	7500,5		_									
16000	8000,5											
17000	8500,5											
18000	9000,5											
19000	9500,5	10000	11000	12000	13000	14000	15000	16000	17000	18000	19000	20000
20000	10000,5											

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static int LinSearch(int N, int Number){slajd nr. 7}
static void Main()
       Tab = new int[Max_Value_Int];
      for (int q = 0; q < Max_Value_Int; q++) Tab[q] = q + 1;</pre>
      Stopwatch Stoper = new Stopwatch();
       StreamWriter file = new StreamWriter("lin_avg_czas.csv");
       for (int i = 100; i <= 200; i += 10)
          int n = i * 100; //wielkość tablicy, w której będziemy szukać elementu
          Stoper.Restart();
          for (int k = 0; k < 40; k++) for (int j = 0; j < n; j++) LinSearch(n, Tab[j]);
          Stoper.Stop();
          double czas = Stoper.ElapsedMilliseconds;
          file.WriteLine("{0}; {1}", n, (czas/n)*10);
          Console.WriteLine("{0}; {1}", n, (czas/n)*10);
      file.Close();
```

Wyszukiwanie liniowe pesymistyczne (instrumentacja czasowa)

n	Time[ms]		
10000	10,01		
11000	11,00		
12000	12,01		
13000	12,99		
14000	14,05		
15000	15,00		
16000	16,00		
17000	17,03		
18000	18,00		
19000	19,03	10000	11000
20000	20,12		



Wnioski

Wyszukiwanie binarne

Jest algorytmem opierającym się na metodzie dziel i zwyciężaj. *P*osiada klasę złożoności obliczeniowej O(log n). Przy każdym obiegu, skraca ilość elementów do przeszukania o połowę.

Dla pesymistycznego wyszukiwania jego złożność wzgl. ilości elementów do przeszukania rośnie logarytmicznie, natomiast średnia potrzebna ilość operacji rośnie spadkowo(większy zbiór hamuje wzrost ilości obiegów).

Algorytm ten jest jednym z najlepszym dla wyszukiwania, z każdym wzrostem elementów do przeszukania wydajnieszy od liniowego, którego opiszę w następnym kroku.

Jedyną wadą jest warunek uporządkowania liczb.

Wnioski

Wyszukiwanie liniowe

Najprostszy algorytm wyszukiwania informacji w ciągu danych, wyszukiwanie zwane również sekwencyjnym.

Algorytm polega na przeglądaniu kolejnych elementów zbioru. Jegą "zaletą" jest brak potrzeby sortowania zbioru. Natomiast ogromna wada, to pesymistyczna złożoność. Przy "n" elementów do przeszukania musi wykonać "n" operacji, co diametralnie wpływa na jego wydajność.

Złożoność algorytmu rośnie lioniowo wzgl. wielkości zbioru [klasa złożoności obliczeniowej jest równa O(n)].

Wyszukiwanie liniowe może być jedynym sposobem wyszukiwania, gdy nie wiadomo niczego na temat kolejności kluczy, lecz stosunkowo jest mało wydajny dla dużej liczby danych. Dla wyszukiwania binarnego

Kody i ocena złożoności dla n = (1 << i)-1

Kolejnych potęg liczby "2"

* n-(zakres w jakim będziemy szukać danej liczby)

```
*Wyszukiwanie binarne pesymistyczne (zliczanie operacji)
```

```
const int Max_Value_Int = 268435455; //maks. wartość int
static int[] Tab;
static long Count Op; //zmienna licząca ilość operacji
static int BinSearch(int N, int Number)
       int Left = 0;
       int Right = N - 1;
       int Middle;
       while (Left <= Right)</pre>
           Count Op++;
           Middle = (Left + Right) >> 1;
           if (Tab[Middle] == Number) return Middle;
           else if (Tab[Middle] > Number) Right = Middle - 1;
           else Left = Middle + 1;
       return -1;
```

```
//utworzenie pliku csv
static void Main()
  Tab = new int[Max Value Int];
  for (int i = 0; i < Max_Value_Int; i++) Tab[i] = i + 1;</pre>
  StreamWriter file csv = new StreamWriter("bin pes.csv");
       for (int i = 10; i <= 28; i++)
                                                    //zapis w pliku
                                                     //i- (2^i)-1=n
           int n = (1 << i) - 1; // 2^i - 1
           Count_Op = 0; 🔨
           BinSearch(n, 0);
           file_csv.WriteLine("{0}; {1}", i, n, Count_Op);
           Console.WriteLine("{0}; {1}", i, n, Count_Op);
       file_csv.Close();
                                          //n –w uporządkowanym szeregu
                                          liczb (naturalnych) od 0 do n
                                          będziemy szukać danego elementu
                                //zapis i zamknięcie pliku
```

*Wyszukiwanie binarne pesymistyczne (zliczanie operacji)

Przy zbiorach 2^i złożoność algorytmu = i

i	n	Count_Op
10	1023	10
11	2047	11
12	4095	12
13	8191	13
14	16383	14
15	32767	15
16	65535	16
17	131071	17
18	262143	18
19	524287	19
20	1048575	20
21	2097151	21

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static int BinSearch(int N, int Number){slajd nr. 2}
static void Main()
       Tab = new int[Max_Value_Int];
       for (int q = 0; q < Max_Value_Int; q++) Tab[q] = q + 1;
       Stopwatch Stoper = new Stopwatch(); //inicjacja klasy Stopwatch() ~~tworzymy stoper
       StreamWriter file = new StreamWriter("bin_pes_czas.csv"); //tworzymy plik "bin_pes_czas" z rozszerzeniem csv
       for (int i = 10; i <= 18; i++)
           int n = (1 << i) - 1; // 2^i - 1 // wielkość tablicy (2^i) - 1
           Stoper.Restart(); //ustawienie czasu stopera na 0 i włączenie
           for (int j = 0; j < 100000000; j++) BinSearch(n, 0); //wywołanie szukania binarnego (1mln dla dokł. wyników)</pre>
           Stoper.Stop(); //zatrzymanie stopera
           file.WriteLine("{0}; {1}; {2}", i, n, Stoper.ElapsedMilliseconds); //zapis danych w pliku
           Console.WriteLine("{0}; {1}; {2}", i, n, Stoper.ElapsedMilliseconds); //wyświetlenie danych na konsoli
       file.Close();
                                                                       //czas w ms
```

*Wyszukiwanie binarne średnie (instrumentacja czasowa)

Przy zbiorach 2^i koszt czasu algorytmu ≈ i

i	n	Time[s]
10	1023	9,81
11	2047	10,66
12	4095	11,57
13	8191	12,97
14	16383	13,83
15	32767	14,95
16	65535	16,14
17	131071	16,70
18	262143	17,84

*Wyszukiwanie binarne średnie (zliczanie operacji)

```
const int Max_Value_Int = 268435455;
static int[] Tab;
static long Count_Op;
 static int BinSearch(int N, int Number)
        int Left = 0;
        int Right = N - 1;
        int Middle;
        while (Left <= Right)</pre>
            Count_Op++;
            Middle = (Left + Right) >> 1; //
            if (Tab[Middle] == Number) return Middle;
            else if (Tab[Middle] > Number) Right = Middle - 1;
            else Left = Middle + 1;
        return -1;
```

```
static void Main()
      Tab = new int[Max Value Int];
      for (int i = 0; i < Max_Value_Int; i++) Tab[i] = i + 1;</pre>
       StreamWriter file = new StreamWriter("bin avg.csv");
       for (int i = 10; i <= 28; i++)
           int n = (1 << i) - 1; // 2^i - 1
           Count Op = 0;
           for (int j = 0; j < n; j++)
               BinSearch(n, Tab[j]);
           file.WriteLine("{0}; {1}; {2}", i, n, ((double)Count_Op) / n);
           Console.WriteLine("{0}; {1}; {2}", i, n, ((double)Count_Op) / n);
       file.Close();
```

*Wyszukiwanie binarne średnie (zliczanie operacji)

Przy zbiorach 2^i złożoność algorytmu = i-1

i	n	Count_Op
10	1023	9
11	2047	10
12	4095	11
13	8191	12
14	16383	13
15	32767	14
16	65535	15
17	131071	16
18	262143	17
19	524287	18
20	1048575	19
21	2097151	20

*Wyszukiwanie binarne średnie (instrumentacja czasowa)

```
const int Max Value Int = 268435455;
static int[] Tab;
static int BinSearch(int N, int Number){slajd nr. 2}
static void Main()
      Tab = new int[Max Value Int];
      for (int i = 0; i < Max Value Int; i++) Tab[i] = i + 1;</pre>
      Stopwatch Stoper = new Stopwatch(); //inicjacja klasy Stopwatch() ~~tworzymy stoper
      StreamWriter file = new StreamWriter("bin_avg_czas.csv"); //tworzymy plik "bin_avg_czas" z rozszerzeniem csv
      for (int i = 15; i <= 26; i++)
           int n = (1 << i) - 1; // 2^i - 1 //wielkość tablicy (2^i)-1
           Stoper.Restart(); //ustawienie czasu stopera na 0 i włączenie
           for (int j = 0; j < n; j++) BinSearch(n, Tab[j]);</pre>
           Stoper.Stop(); //zatrzymanie stopera
           double czas = Stoper.ElapsedMilliseconds;
           file.WriteLine("{0}; {1}; {2}", n, (czas/n)*10000000); //zapis danych w pliku
           Console.WriteLine("{0}; {1}; {2}", n, (czas/n)*10000000); //wyświetlenie danych na konsoli
      file.Close();
```

*Wyszukiwanie binarne średnie (zliczanie operacji)

Przy zbiorach 2^i koszt czasu algorytmu ≈< i

i	n	Count_Op
15	32767	12,21
16	65535	15,26
17	131071	16,02
18	262143	17,17
19	524287	18,31
20	1048575	19,55
21	2097151	20,84
22	4194303	22,22
23	8388607	23,32
24	16777215	24,55
25	33554431	25,86
26	67108863	27,24