# Digitale Bilddarstellung: Technische Konzepte und Formeln

#### **Technisches Rechnen**

**WS-LAT** 

#### 21. Februar 2025

## 1 PPI (Pixel per Inch) / DPI (Dots per Inch)

PPI Maßeinheit für die Pixeldichte eines digitalen Bildes oder Displays

- Gibt an, wie viele Bildpunkte auf einer Strecke von einem Zoll liegen
- Höhere PPI-Werte bedeuten schärfere Darstellung und mehr Details

DPI Ähnliches Konzept, bezieht sich traditionell auf Druckauflösung

• Bezeichnet die Anzahl der Druckpunkte pro Zoll

 $\textbf{Berechnung} \ \ \mathsf{PPI} = \tfrac{\mathsf{Diagonale} \ \mathsf{in} \ \mathsf{Pixel}}{\mathsf{Diagonale} \ \mathsf{in} \ \mathsf{Inch}}$ 

Beispiel Ein 4K-Display (3840×2160 px) mit 55 Zoll Diagonale hat ca. 80 PPI

## 2 Umrechnung Inch in cm

**Definition** 1 Inch (Zoll) = 2,54 cm (exakt)

Umrechnung Inch zu cm  $\mbox{Länge}_{\rm cm} = \mbox{Länge}_{\rm inch} \times 2,54$ 

Umrechnung cm zu Inch Länge $_{\mathrm{inch}} = \mathrm{Länge}_{\mathrm{cm}} \div 2,54$ 

Historische Bedeutung Internationale Standardisierung 1959 (vorher leichte Abweichungen)

## 3 Satz des Pythagoras

**Theorem** In einem rechtwinkligen Dreieck ist die Summe der Kathetenquadrate gleich dem Quadrat der Hypotenuse

Formel  $a^2 + b^2 = c^2$  (wobei c die Hypotenuse ist)

**Anwendung bei Displays** • Bildschirmbreite = a

- Bildschirmhöhe = b
- Bildschirmdiagonale = c

**Berechnung Diagonale in Pixel**  $Diagonale_{px} = \sqrt{Breite_{px}^2 + H\ddot{o}he_{px}^2}$ 

**Beispiel** Bei 3840×2160 px:  $\sqrt{3840^2 + 2160^2} \approx 4405$  px

## 4 Elektrische Leistung

**Definition** Die pro Zeiteinheit umgesetzte/verbrauchte Energie

**Einheit** Watt (W) = Joule pro Sekunde (J/s)

**Grundformel**  $P = U \times I$  (Leistung = Spannung × Stromstärke)

Umrechnung • 1 Watt (W) = 1000 Milliwatt (mW)

• 1 Milliwatt (mW) = 0,001 Watt (W)

Berechnung Gesamtleistung  $P_{\mathrm{gesamt}} = P_{\mathrm{einzeln}} imes \mathrm{Anzahl}\,\mathrm{der}\,\mathrm{Verbraucher}$ 

**Beispiel** Bei 24.883.200 LEDs mit je 0,05 mW: 0,05 mW  $\times~24.883.200 \div 1000 \approx 1244$  W

## 5 Bildschirmverhältnis (Aspect Ratio)

**Definition** Verhältnis von Breite zu Höhe eines Displays

**Notation** Breite:Höhe (z.B. 16:9, 4:3, 21:9)

**Berechnung** • Bei bekannter Auflösung: Verhältnis  $= \frac{\text{Breite in Pixel}}{\text{Höhe in Pixel}}$ 

• Bei 3840×2160 px:  $\frac{3840}{2160} = \frac{16}{9}$ 

Bedeutung Bestimmt die Form des Displays und die Darstellung von Inhalten

## 6 Subpixel-Technologie

**Konzept** Jeder sichtbare Pixel besteht aus mehreren Subpixeln (typischerweise RGB)

RGB-Modell • Rot (R)

- Grün (G)
- Blau (B)

**Berechnung Subpixel** Anzahl Subpixel = Anzahl Farbkanäle  $\times$  Horizontale Auflösung  $\times$  Vertikale Auflösung

**Beispiel** Bei RGB-Display mit 3840×2160 px:  $3 \times 3840 \times 2160 = 24.883.200$  Subpixel

Bedeutung Entscheidend für Farbdarstellung und Stromverbrauchsberechnung

# 7 Drucken: Übertragung von digitalen Bildern auf Papier

#### 7.1 Auflösungsanforderungen

- · Zeitschriftendruck: 300 DPI empfohlen
- Plakatdruck: 150 DPI (größerer Betrachtungsabstand)
- Kunstdruck: 600+ DPI für feine Details

#### 7.2 Farbmodelle

Drucker stellen Farben grundlegend anders dar als Bildschirme. Daher müssen Sie ein anderes Farbmodell benutzen:

**RGB** Additives Farbmodell (Displays):

- R Rot (Red)
- **G** Grün (Green)
- **B** Blau (Blue)

CMYK Subtraktives Farbmodell (Druck)':

- c Zyan (Cyan)
- M Magenta (Magenta)
- Y Geld (Yellow)
- K Schwarz (Key/Black)

Vor dem Druck ist die Umrechnung von RGB nach CMYK notwendig.

#### 7.3 Druckverfahren

Tintenstrahldruck Einzelne Tintentröpfchen

Laserdruck Elektrostatisches Verfahren mit Toner

## 8 Aufgabe zum Thema Displaytechnologie

#### 8.1 Wie vielen Pixel per Inch (PPI)...

... hat ein 16:9 4K-OLED-Display mit 55 Inch Bilddiagonale bei einer Auflösung von 3.840px x 2.160px? Wievielen Pixel/cm entspricht das? (1 in = 2,54 cm)

#### 8.2 Wie hoch ist der Stromverbrauch ...

... wenn eine LED durchschnittlich 0,05 mW verbraucht. Runden Sie auf volle Watt.

## 9 Aufgabe zur Drucktechnologie

Ein Fotograf möchte ein Bild für eine Ausstellung drucken lassen. Das digitale Originalbild hat eine Auflösung von 5.184 × 3.456 Pixel (typisch für eine 18-Megapixel-DSLR-Kamera). Er plant, das Bild im Format 60 cm × 40 cm zu drucken.

- 1. Berechnen Sie die resultierende Druckauflösung in DPI.
- 2. Der Drucker verbraucht bei voller Farbdeckung ca. 12 ml Tinte pro m². Wie viel Tinte wird benötigt, wenn das Bild eine durchschnittliche Farbdeckung von 75% hat?
- 3. Wie groß könnte das Bild maximal bei einer empfohlenen Druckauflösung von mindestens 240 DPI gedruckt werden? Geben Sie die Maße an.
- 4. Der Drucker verarbeitet CMYK-Daten mit 8 Bit pro Kanal. Wie viel Speicherplatz (in MB) wird für die Druckdaten bei der Originalgröße des Bildes benötigt? (1 Byte = 8 Bit)

## 10 Lösung zum Thema Displaytechnologie

#### 10.1 Pixel per Inch

**Diagonale in Pixel** (nach Satz des Pythagoras)  $=\sqrt{3.840^2+2.160^2}\approx 4.405~{
m px}$ 

$$\text{PPI} = \frac{\text{Diagonale}_{\text{px}}}{\text{Diagonale}_{\text{in}}} = \frac{4.405 \text{ px}}{55 \text{ in}} \approx 80 \text{ PPI}$$

**Diagonale in cm** = 55 in \* 2, 54 = 139, 7 cm

$$\textbf{Pixel} \, = \tfrac{\text{Diagonale}_{\text{px}}}{\text{Diagonale}_{\text{cm}}} = \tfrac{4.405 \; \text{px}}{139.7 \; \text{cm}} \approx 32 \, \text{Pixel/cm}$$

## 10.2 Stromverbrauch

**LEDs** (3 Subpixel: Red - Green - Blue) = 3\*3.840 px \*2.160 px = 24.883.200 Subpixel

**Stromverbrauch** =  $0.05 \, \mathrm{mW} * 24.883.200 \, \mathrm{Subpixel} / 1.000 \approx 1.244 \, \mathrm{W}$ 

## 11 Lösung zur Drucktechnologie

### 11.1 Aufgabenteil 1: Druckauflösung berechnen

**Breite des Drucks** 60 cm = 23,62 in  $(60 \text{ cm} \div 2,54 \text{ cm/in})$ 

**Höhe des Drucks** 40 cm = 15,75 in  $(40 \text{ cm} \div 2,54 \text{ cm/in})$ 

**DPI in Breite** 5.184 px ÷ 23,62 in ≈ 219,5 DPI

**DPI in Höhe** 3.456 px  $\div$  15,75 in  $\approx$  219,4 DPI

**Resultierende DPI** ≈ 219 DPI (gerundet)

## 11.2 Aufgabenteil 2: Tintenverbrauch berechnen

**Fläche des Drucks**  $60 \text{ cm} \times 40 \text{ cm} = 2.400 \text{ cm}^2 = 0.24 \text{ m}^2$ 

Tintenverbrauch bei voller Deckung 12 ml/m $^2 \times 0.24$  m $^2 = 2.88$  ml

**Tintenverbrauch bei 75% Deckung**  $2,88 \text{ ml} \times 0,75 = 2,16 \text{ ml}$ 

#### 11.3 Aufgabenteil 3: Maximale Druckgröße bei 240 DPI

**Maximale Breite** 5.184 px ÷ 240 DPI = 21,6 in = 54,86 cm

**Maximale Höhe**  $3.456 \text{ px} \div 240 \text{ DPI} = 14,4 \text{ in} = 36,58 \text{ cm}$ 

Maximale Druckgröße 54,9 cm × 36,6 cm (gerundet)

#### 11.4 Aufgabenteil 4: Speicherplatzbedarf für CMYK-Daten

**Anzahl Pixel** 5.184 × 3.456 = 17.915.904 Pixel

CMYK-Kanäle 4 Kanäle (Cyan, Magenta, Yellow, Key/Black)

Farbtiefe 8 Bit pro Kanal = 1 Byte pro Kanal

**Gesamter Speicherbedarf** 17.915.904 Pixel × 4 Kanäle × 1 Byte ≈ 71.663.616 Byte

**Umrechnung in MB** 71.663.616 Byte ÷ 1.048.576 Byte/MB ≈ 68,34 MB