1 Intégration

1.1 Intégration par partie

$$\int_{a}^{b} u'v = uv \Big|_{a}^{b} - \int_{a}^{b} uv'$$

2 Différences finies

2.1 Différences finies progressives

2.1.1 f'(x)

Ordre	f(x)	f(x+h)	f(x+2h)	f(x+3h)	f(x+4h)	f(x+5h)	f(x+6h)
1	-1	1					
2	-3/2	2	-1/2				
3	-11/6	3	-3/2	1/3			
4	-25/12	4	-3	4/3	1/4		
5	-137/60	5	-5	10/3	-5/4	1/5	
6	-49/20	6	-15/2	20/3	-15/4	6/5	-1/6

n = 2

$$f'(x) = \frac{-\frac{3}{2}f(x) + 2f(x+h) - \frac{1}{2}f(x+2h)}{h} + \mathcal{O}(h^1)$$

2.1.2 f''(x)

Ordre	f(x)	f(x+h)	f(x+2h)	f(x+3h)	f(x+4h)	f(x+5h)	f(x+6h)
1	1	-2	1				
2	2	-5	4	-1			
3	35/12	-26/3	19/2	-14/3	11/12		
4	15/4	-77/6	107/6	-13	61/12	-5/6	
Ε,	203/45	_87/5	117/4	-254/0	33/9	-27/5	137/180

n=3

$$f''(x) = \frac{-\frac{26}{3}f(x+h) + \frac{19}{2}f(x+2h)}{-\frac{14}{3}f(x+3h) + \frac{11}{12}f(x+4h)} + \mathcal{O}(h^3)$$

2.1.3 f'''(x)

Ordre	f(x)	f(x+h)	f(x+2h)	f(x+3h)	f(x+4h)	f(x+5h)	f(x+6h)
1	-1	3	-3	1			
2	-5/2	9	-12	7	-3/2		
3	-17/4	71/4	-59/2	49/2	-41/4	7/4	
4	-49/8	29	-461/8	62	-307/8	13	-15/8

n = 1

$$f'''(x) = \frac{-f(x) + 3f(x+h)}{-3f(x+2h) + f(x+3h)} + \mathcal{O}(h^1)$$

2.2 Différences finies rétrogrades

- 1. Remplacer x + kh par x kh
- 2. Si dérivée paire : Pas de changement de coefficient
- 3. Si dérivée impaire : Changement du signe

2.3 Différences finies centrées

2.3.1 f'(x)

Ordre	f(x-4h)	f(x-3h)	f(x-2h)	f(x-h)	f(x)	f(x+h)	f(x+2h)	f(x+3h)	f(x+4h)
2				-1/2	0	1/2			
4			1/12	-2/3	0	2/3	-1/12		
6		-1/60	3/20	-3/4	0	3/4	-3/20	1/60	
8	1/280	-4/105	1/5	-4/5	0	4/5	-1/5	4/105	-1/280

n=2

$$f'(x) = \frac{-\frac{1}{2}f(x-h) + \frac{1}{2}f(x+h)}{h^1} + \mathcal{O}(h^2)$$

2.3.2 f''(x)

Ordre	f(x-4h)	f(x-3h)	f(x-2h)	f(x-h)	f(x)	f(x+h)	f(x+2h)	f(x+3h)	f(x+4h)
2				1	-2	1			
4			-1/12	4/3	-5/2	4/3	-1/12		
6		1/90	-3/20	3/2	-49/18	3/2	-3/20	1/90	
- 8	-1/560	8/315	-1/5	8/5	-205/72	8/5	-1/5	8/315	-1/560

n=2

$$f''(x) = \frac{-f(x-h) + 2f(x) + f(x+h)}{h^2} + \mathcal{O}(h^2)$$

2.3.3 f'''(x)

Į	Ordre	f(x-4h)	f(x-3h)	f(x-2h)	f(x-h)	f(x)	f(x+h)	f(x+2h)	f(x+3h)	f(x+4h)
ĺ	2			-1/2	1	0	-1	1/2		
ĺ	4		1/8	-1	13/8	0	-13/8	1	-1/8	
ĺ	6	-7/240	3/10	-169/120	61/30	0	-61/30	169/120	-3/10	7/240

n=2

$$f'''(x) = \frac{-\frac{1}{2}f(x-2h) + f(x-h)}{-\frac{f(x+h) + \frac{1}{2}f(x+2h)}{h^3} + \mathcal{O}(h^2)}$$