



3. előadás

Asszociatív adatszerkezetek

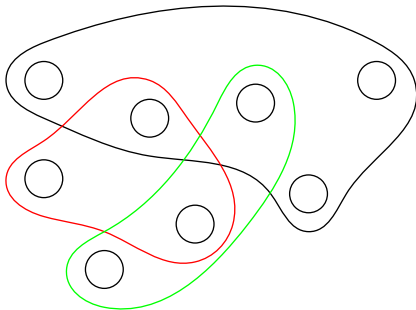
Asszociatív adatszerkezetek, a tömb, háromszögmátrixok és ritka mátrixok

Adatszerkezetek és algoritmusok előadás
2011. február 23.

Kósa Márk és Pánovics János
Debreceni Egyetem
Informatikai Kar



Az asszociatív adatszerkezetek olyan adatszerkezetek, amelyekből bizonyos adott feltételeknek eleget tevő részhalmazokat választhatunk ki. A legfontosabb művelet tehát a részhalmaz kiválasztásának, a **részhalmazképzésnek** a művelete.



A részhalmazok – ahogy az ábrán is látható – **átfedhetik** egymást. Egyes esetekben a részhalmazok **egyeleműek**, máskor **akárhány** eleműek lehetnek.



Statikus, homogén és asszociatív adatszerkezet. A felépítése definiálja: benne az adatalemek egymáshoz viszonyított helyzete a lényeges.

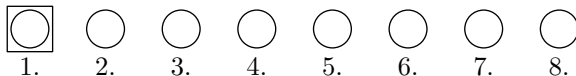
A tömb bármelyik eleme **egész számok sorozatán** keresztül érhető el. Minden adatelemhez különböző egészszám-sorozat tartozik, így az asszociativitást biztosító részhalmazok **egyeleműek** és **diszjunktak**. A számsorozat számait **indexeknek** nevezzük, segítségükkel tudjuk az adatelemet kiválasztani. Az indexek darabszámát a tömb **dimenziójának** hívjuk.

Ha mást nem mondunk, a tömb elemeinek az indexelése mindegyik dimenzióban 1-től indul.

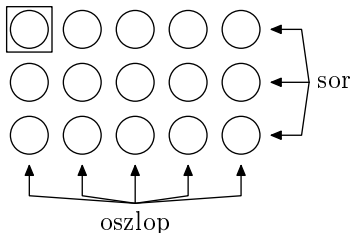
A tömb adatszerkezet



A legegyszerűbb eset: egydimenziós tömb (**vektor**¹).



Kétdimenziós tömb (**mátrix**).



Léteznek magasabb dimenziójú tömbök is. A dimenziók száma tetszőlegesen nagy lehet, de mindig **véges**.

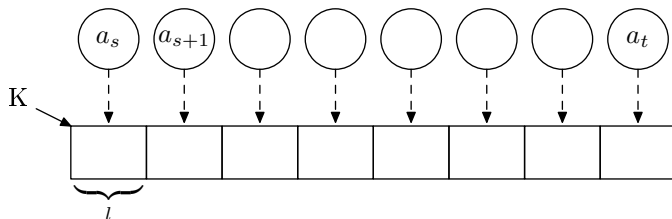
¹A vektor szó minden egyéb jelző nélküli használatakor statikus, egydimenziós tömbre gondolunk.

A diagram showing a sequence of nodes in a graph. The first node is labeled a_s , the second is labeled a_{s+1} , and the last node is labeled a_t . There are five unlabeled nodes between a_{s+1} and a_t .

Dinamikus tömb



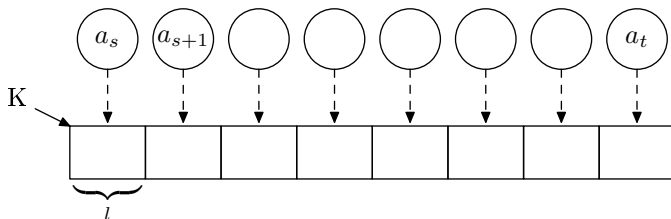
Az $A[s..t]$ egydimenziós tömb leképezése:



A tároláshoz szükséges tárterület mérete: $\ell \cdot (t - s + 1)$ bájt, ahol ℓ az egy adatelem tárolásához szükséges tárhely mérete.



Az $A[s..t]$ egydimenziós tömb leképezése:



A tároláshoz szükséges tárterület mérete: $\ell \cdot (t - s + 1)$ bájt, ahol ℓ az egy adatelem tárolásához szükséges tárhely mérete. Ha ismerjük a tárterület kezdőcímét (K), akkor a következő **címfüggvény** segítségével bármely elem tárbeli címe meghatározható:

az i indexű elem címe $= K + \ell \cdot (i - s)$

Asszociatív adatszerkezetek

Kósa Márk
Pánovics János



Asszociatív adatszerkezetek

A tömb

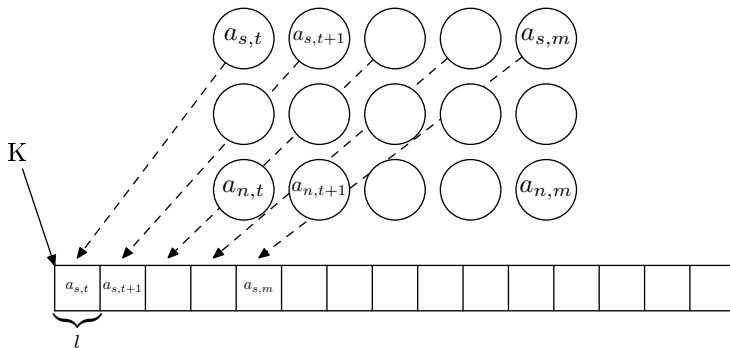
Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb

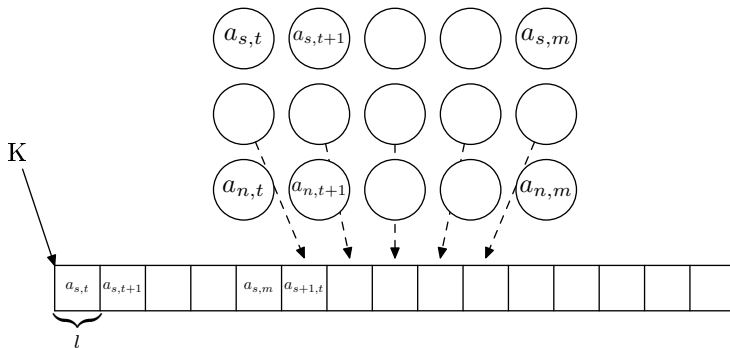
Tömbök folytonos reprezentációja

Az $A[s..n, t..m]$ kétdimenziós tömb leképezése történhet **sorfolytonosan** (lásd az ábrán) vagy **oszlopfolytonosan**.

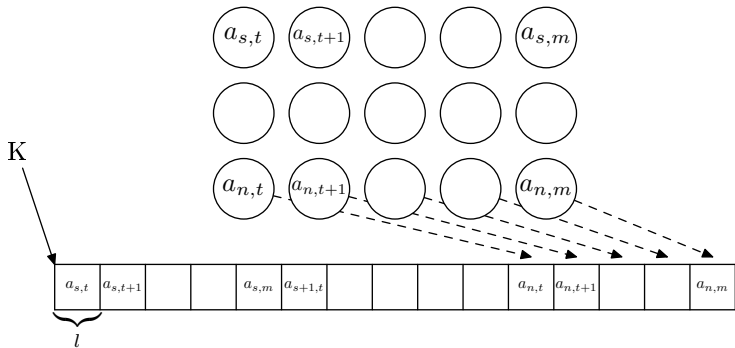


Tömbök folytonos reprezentációja

Az $A[s..n, t..m]$ kétdimenziós tömb leképezése történhet **sorfolytonosan** (lásd az ábrán) vagy **oszlopfolytonosan**.



Az $A[s..n, t..m]$ kétdimenziós tömb leképezése történhet **sorfolytonosan** (lásd az ábrán) vagy **oszlopfolytonosan**.



Asszociatív adatszerkezetek

A tömb

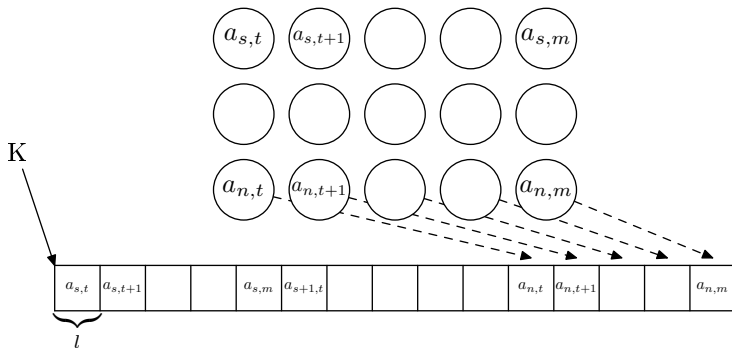
Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb

Tömbök folytonos reprezentációja

Az $A[s..n, t..m]$ kétdimenziós tömb leképezése történhet **sorfolytonosan** (lásd az ábrán) vagy **oszlopfolytonosan**.



Sorfolytonos tárolás esetén ha ismerjük a tárterület kezdőcímét (K), akkor a következő **címfüggvény** segítségével bármely elem tárbeli címe meghatározható:

az (i, j) indexű elem címe $= K + \ell \cdot (i - s) \cdot (m - t + 1) + \ell \cdot (j - t)$





Az $A[s_1..n_1, s_2..n_2, \dots, s_d..n_d]$ d dimenziós tömb sorfolytonos leképezése esetén a **címfüggvény** a következő (K továbbra is a tárterület kezdőcímét, ℓ pedig az egy adatelem tárolásához szükséges tárhely méretét jelöli):

az (x_1, x_2, \dots, x_d) indexű elem címe =

$$= K + \ell \cdot \sum_{i=1}^d \left((x_i - s_i) \cdot \prod_{j=i+1}^d (n_j - s_j + 1) \right)$$



A tömb

Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb

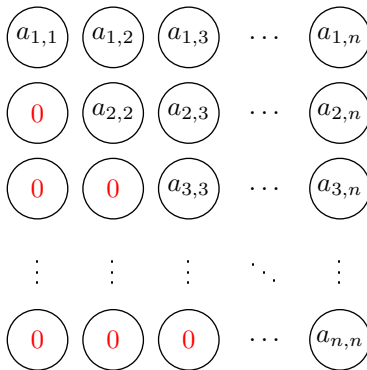
Diagram illustrating a 2D array of nodes arranged in a grid. The nodes are labeled $a_{i,j}$ where i is the row index and j is the column index. The first row contains nodes $a_{1,1}$, $a_{1,2}$, $a_{1,3}$, followed by an ellipsis, and then $a_{1,n}$. The second row contains $a_{2,1}$, $a_{2,2}$, $a_{2,3}$, followed by an ellipsis, and then $a_{2,n}$. The third row contains $a_{3,1}$, $a_{3,2}$, $a_{3,3}$, followed by an ellipsis, and then $a_{3,n}$. Below the third row, there are three vertical ellipses, followed by a double vertical ellipsis, and then another three vertical ellipses. The last row contains nodes $a_{n,1}$, $a_{n,2}$, $a_{n,3}$, followed by an ellipsis, and then $a_{n,n}$.

- a felső és
- az alsó

háromszögmátrixot.



A háromszögmátrixok **négyzetes** (kvadratikus) mátrixok.



Az olyan négyzetes mátrixot, amelynek **főátlója alatt** csupa 0 elem található, **felső** háromszögmátrixnak nevezzük.

A háromszögmátrixok **négyzetes** (kvadratikus) mátrixok.

$$\begin{array}{cccccc} \textcircled{a_{1,1}} & \textcircled{0} & \textcircled{0} & \dots & \textcircled{0} \\ \textcircled{a_{2,1}} & \textcircled{a_{2,2}} & \textcircled{0} & \dots & \textcircled{0} \\ \textcircled{a_{3,1}} & \textcircled{a_{3,2}} & \textcircled{a_{3,3}} & \dots & \textcircled{0} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \textcircled{a_{n,1}} & \textcircled{a_{n,2}} & \textcircled{a_{n,3}} & \dots & \textcircled{a_{n,n}} \end{array}$$

Ha a négyzetes mátrix **főátlója fölött** lévő elemek mindegyikének értéke 0, akkor **alsó** háromszögmátrixról beszélünk.



Asszociatív
adatszerkezetek

A tömb

Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb



A négyzetes mátrixokkal szemben, ahol az értékes elemek száma n^2 , a háromszögmátrixoknál az értékes elemek száma csupán

$$\frac{n \cdot (n + 1)}{2}.$$

Az értékes elemeket emiatt – sor- vagy oszlopfolytonosan – egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra szoktuk leképezni.

Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

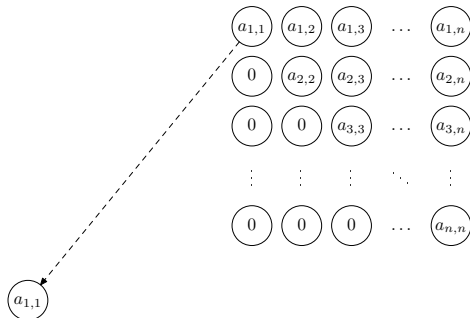
A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötte elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:

$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$...	$a_{1,n}$
0	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$...	$a_{2,n}$
0	0	$a_{3,3}$...	$a_{3,n}$
\vdots	\vdots	\vdots	\ddots	\vdots
0	0	0	...	$a_{n,n}$



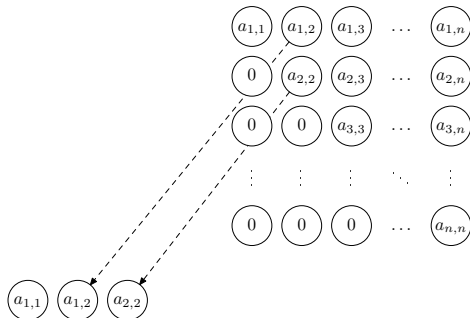
Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötte elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:



Asszociatív adatszerkezetek

Kósa Márk
Pánovics János



Asszociatív adatszerkezetek

A tömb

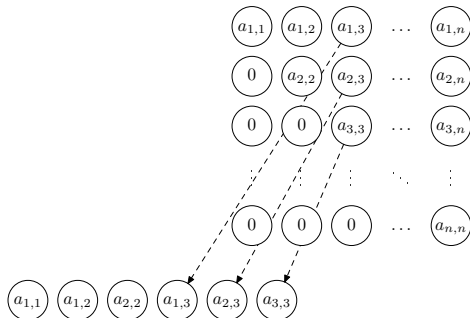
Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb

Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötte elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:





Asszociatív adatszerkezetek

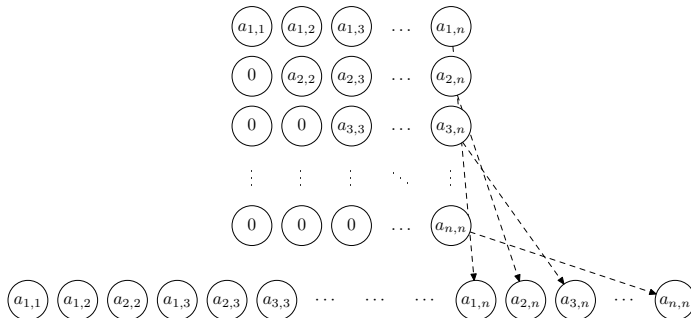
A tömb

Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

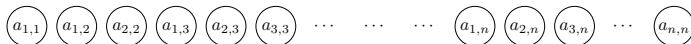
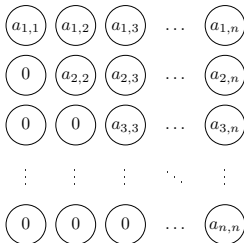
Dinamikus tömb

A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötte elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:



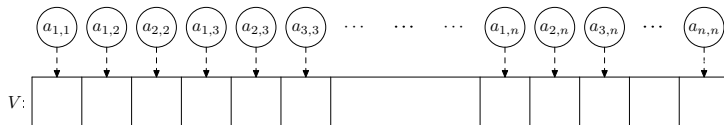
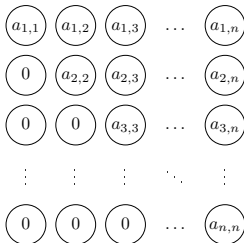
Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötte elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:



Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötte elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:



Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

A felső háromszögmátrix értékes elemeit (a főátló elemeit és a fölötté elhelyezkedő elemeket) oszlopfolytonosan célszerű leképezni egy $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$ elemű V vektorra:

$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$...	$a_{1,n}$
0	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$...	$a_{2,n}$
0	0	$a_{3,3}$...	$a_{3,n}$
\vdots	\vdots	\vdots	\ddots	\vdots
0	0	0	...	$a_{n,n}$

	1.	2.	3.	4.	5.	6.				$\frac{(n-1) \cdot n}{2} + 1$				$\frac{(n-1) \cdot n}{2} + n$
V:	$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{2,2}$	$a_{1,3}$	$a_{2,3}$	$a_{3,3}$	$a_{1,n}$	$a_{2,n}$	$a_{3,n}$...	$a_{n,n}$



Felső háromszögmátrixok folytonos reprezentációja

A V vektorból a következő képlet segítségével kaphatjuk vissza az eredeti mátrix (i, j) indexű elemének az értékét:

$$a_{i,j} = \begin{cases} 0, & \text{ha } i > j, \\ V_t, & \text{egyébként, ahol } t = \frac{j \cdot (j-1)}{2} + i. \end{cases}$$





A ritka mátrixok olyan (általában nagyméretű) mátrixok, amelyekben a legtöbb elem értéke ugyanaz (általában 0). Az ettől eltérő értékkel rendelkező elemeket **ritka elemeknek** nevezzük.

1	2	0	0	0	6
0	4	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	2



Helytakarékosági okból a ritka mátrixnak csak az értékes elemeit (a ritka elemeket), valamint azok sor- és oszlopindexeit célszerű tárolni három vektorban, mégpedig a sorindexek, azon belül pedig az oszlopindexek szerint növekvő sorrendben. Ezt a módszert **3 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1, 1, 1, 2, 5)			
OSZLOP	=	(1, 2, 6, 2, 6)			
ÉRTÉK	=	(1, 2, 6, 4, 2)			



A 3 soros reprezentáció létrehozása

Az algoritmus bemenete az A $m \times n$ -es mátrix, kimenete: k , SOR , $OSZLOP$, $ÉRTÉK$.

```
1: procedure LÉTREHOZÁS( $A$ )
2:    $k \leftarrow 0$ 
3:   for  $i \leftarrow 1$  to  $m$  do
4:     for  $j \leftarrow 1$  to  $n$  do
5:       if  $A[i, j] \neq 0$  then
6:          $k \leftarrow k + 1$ 
7:          $SOR[k] \leftarrow i$ 
8:          $OSZLOP[k] \leftarrow j$ 
9:          $ÉRTÉK[k] \leftarrow A[i, j]$ 
10:      end if
11:    end for
12:  end for
13: end procedure
```



Elérés a 3 soros reprezentációban

Az algoritmus bemenete: k , SOR , $OSZLOP$, $ÉRTÉK$, i , j ,
kimenete a mátrix (i, j) indexű elemének az értéke.

```

1: function ELÉRÉS( $k, SOR, OSZLOP, \acute{E}RT\acute{E}K, i, j$ )
2:   for  $\ell \leftarrow 1$  to  $k$  do
3:     if  $SOR[\ell] = i$  then
4:       if  $OSZLOP[\ell] = j$  then
5:         return  $\acute{E}RT\acute{E}K[\ell]$ 
6:       end if
7:       if  $OSZLOP[\ell] > j$  then
8:         return 0
9:       end if
10:    end if
11:    if  $SOR[\ell] > i$  then
12:      return 0
13:    end if
14:  end for
15:  return 0
16: end function

```



A 3 soros reprezentáció nem segíti a ritka mátrix oszlopfolytonos feldolgozását, ezért bevezethetünk egy negyedik vektort, amelynek az elemei az aktuális ritka elem oszlopában található következő ritka elem **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR =	(1,	1,	1,	2,	5)
OSZLOP =	(1,	2,	6,	2,	6)
ÉRTÉK =	(1,	2,	6,	4,	2)
KÖVINDEK =	(0)



A 3 soros reprezentáció nem segíti a ritka mátrix oszlopfolytonos feldolgozását, ezért bevezethetünk egy negyedik vektort, amelynek az elemei az aktuális ritka elem oszlopában található következő ritka elem **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1,	1,	1,	2, 5)
OSZLOP	=	(1,	2,	6,	2, 6)
ÉRTÉK	=	(1,	2,	6,	4, 2)
KÖVINDEK	=	(0,	4)

Ritka mátrixok folytonos reprezentációja

A 3 soros reprezentáció nem segíti a ritka mátrix oszlopfolytonos feldolgozását, ezért bevezethetünk egy negyedik vektort, amelynek az elemei az aktuális ritka elem oszlopában található következő ritka elem **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR =	1	1	1	2	5
OSZLOP =	1	2	6	2	6
ÉRTÉK =	1	2	6	4	2
KÖVINDEKX =	0	4	5		





A 3 soros reprezentáció nem segíti a ritka mátrix oszlopfolytonos feldolgozását, ezért bevezethetünk egy negyedik vektort, amelynek az elemei az aktuális ritka elem oszlopában található következő ritka elem **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	1	1	1	2	5
OSZLOP	1	2	6	2	6
ÉRTÉK	1	2	6	4	2
KÖVINDEK	0	4	5	0	



A 3 soros reprezentáció nem segíti a ritka mátrix oszlopfolytonos feldolgozását, ezért bevezethetünk egy negyedik vektort, amelynek az elemei az aktuális ritka elem oszlopában található következő ritka elem reprezentációjából adják meg. Ezt a módszert 4 soros reprezentációnak nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1, 1, 1, 2, 5)			
OSZLOP	=	(1, 2, 6, 2, 6)			
ÉRTÉK	=	(1, 2, 6, 4, 2)			
KÖVINDEK	=	(0, 4, 5, 0, 0)			

Ritka mátrixok folytonos reprezentációja

Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

$$\begin{aligned}\text{SOR} &= (1, 1, 1, 2, 5) \\ \text{OSZLÓP} &= (1, 2, 6, 2, 6) \\ \text{ÉRTÉK} &= (1, 2, 6, 4, 2) \\ \text{KÖVINDEK} &= (0, 4, 5, 0, 0) \\ S &= (1, \quad \quad \quad)\end{aligned}$$





Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1, 1, 1,	2, 5)		
OSZLOP	=	(1, 2, 6, 2, 6)			
ÉRTÉK	=	(1, 2, 6, 4, 2)			
KÖVINDEK	=	(0, 4, 5, 0, 0)			
S	=	(1, 4)

Ritka mátrixok folytonos reprezentációja

Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

$$\begin{aligned}\text{SOR} &= (1, 1, 1, 2, 5) \\ \text{OSZLÓP} &= (1, 2, 6, 2, 5) \\ \text{ÉRTÉK} &= (1, 2, 6, 4, 2) \\ \text{KÖVINDEK} &= (0, 4, 5, 0, 0) \\ S &= (1, 4, 0, 0)\end{aligned}$$



Ritka mátrixok folytonos reprezentációja

Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

$$\begin{aligned}\text{SOR} &= (1, 1, 1, 2, 5) \\ \text{OSZLÓP} &= (1, 2, 6, 2, 6) \\ \text{ÉRTÉK} &= (1, 2, 6, 4, 2) \\ \text{KÖVINDEK} &= (0, 4, 5, 0, 0) \\ S &= (1, 4, 0, 0, 5)\end{aligned}$$





Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

		1	2	3	4	5
SOR	=	(1,	1,	1,	2,	5)
OSZLOP	=	(1,	2,	6,	2,	6)
ÉRTÉK	=	(1,	2,	6,	4,	2)
KÖVINDEK	=	(0,	4,	5,	0,	0)
S	=	(1,	4,	0,	0,	5)
O	=	(1)

Asszociatív adatszerkezetek

A tömb

Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb



Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1, 1, 1, 2, 5)			
OSZLOP	=	(1, 2, 6, 2, 6)			
ÉRTÉK	=	(1, 2, 6, 4, 2)			
KÖVINDEK	=	(0, 4, 5, 0, 0)			
S	=	(1, 4, 0, 0, 5)			
O	=	(1, 2, 0, 0, 0)			

Asszociatív adatszerkezetek

A tömb

Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb



Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1, 1, 1, 2, 5)			
OSZLOP	=	(1, 2, 6, 2, 6)			
ÉRTÉK	=	(1, 2, 6, 4, 2)			
KÖVINDEK	=	(0, 4, 5, 0, 0)			
S	=	(1, 4, 0, 0, 5)			
O	=	(1, 2, 0, 0, 0)			



Ahhoz, hogy ne kelljen keresnünk az egyes sorok és oszlopok első ritka elemét, a 4 soros reprezentációt kiegészíthetjük még két vektorral, amelyeknek az elemei a megfelelő sor, illetve oszlop első ritka elemének a **reprezentációbeli** indexét adják meg. Ezt a módszert **4+2 soros reprezentációnak** nevezzük:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2

	1	2	3	4	5
SOR	=	(1, 1, 1, 2, 5)			
OSZLOP	=	(1, 2, 6, 2, 6)			
ÉRTÉK	=	(1, 2, 6, 4, 2)			
KÖVINDEK	=	(0, 4, 5, 0, 0)			
S	=	(1, 4, 0, 0, 5)			
O	=	(1, 2, 0, 0, 0, 3)			

Asszociatív adatszerkezetek

A tömb

Háromszögmátrixok

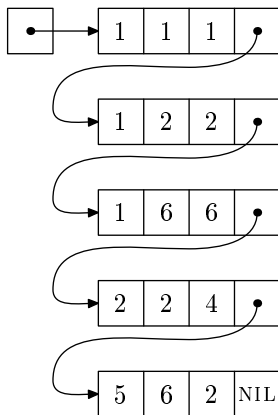
Ritka mátrixok

Dinamikus tömb

Ritka mátrixok szétszórt reprezentációja

A folytonos reprezentáció hátránya, hogy nem tudjuk előre, hány ritka elem van a mátrixban, így azt sem tudjuk, mekkora vektorokra lesz szükségünk. Megoldás: tároljuk a ritka elemeket és azok indexeit egy **egyirányban láncolt listában** sorindex, azon belül oszlopindex szerinti növekvő sorrendben!

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2



A sor- és oszlopfolytonos feldolgozást egyaránt elősegíti, ha a ritka elemeket **multilistában** helyezzük el:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2



Asszociatív
adatszerkezetek

A tömb

Háromszögmátrixok

Ritka mátrixok

Dinamikus tömb

1	1	1		
---	---	---	--	--

1	2	2		
---	---	---	--	--

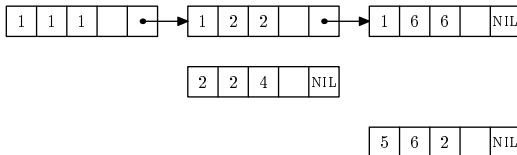
1	6	6		
---	---	---	--	--

2	2	4		
---	---	---	--	--

5	6	2		
---	---	---	--	--

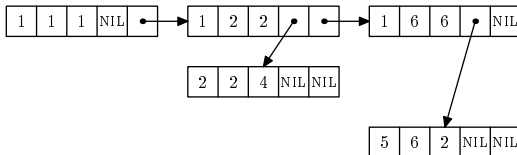
A sor- és oszlopfolytonos feldolgozást egyaránt elősegíti, ha a ritka elemeket **multilistában** helyezzük el:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2



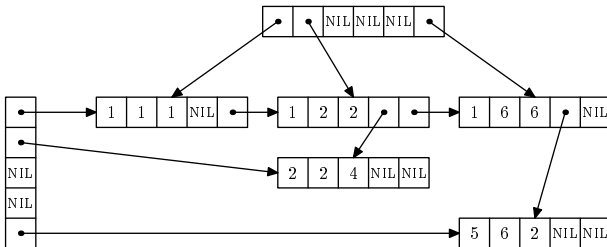
A sor- és oszlopfolytonos feldolgozást egyaránt elősegíti, ha a ritka elemeket **multilistában** helyezzük el:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2



A sor- és oszlopfolytonos feldolgozást egyaránt elősegíti, ha a ritka elemeket **multilistában** helyezzük el:

	1	2	3	4	5	6
1	1	2	0	0	0	6
2	0	4	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	2





Általában **egydimenziós tömböt** értünk alatta, ekkor más szavakkal **(dinamikus) vektornak** is nevezzük.

- A dinamikus tömb **mérete** szűkebb értelemben a feldolgozás során tetszőlegesen (dinamikusan) változik. Ebben az esetben gyakorlatilag egy **szekvenciális lista** adatszerkezetet kapunk (lásd később).
- Tágabb értelemben fizikailag továbbra is statikus tömbről beszélünk, a logikai adatszerkezet létrehozáskor megadott elemszámát viszont később bizonyos határok között – a lefoglalt tárterület méretétől függően – módosíthatjuk. Ilyenkor a tömb végén lehetnek fel nem használt adatalemek.
- **Bővítés** a dinamikus tömb tetszőleges helyén végrehajtható.
- **Fizikai törlés** bármely elem esetén értelmezhető.
- A dinamikus tömb egyéb műveletei megegyeznek a (statikus) tömb műveleteivel.