



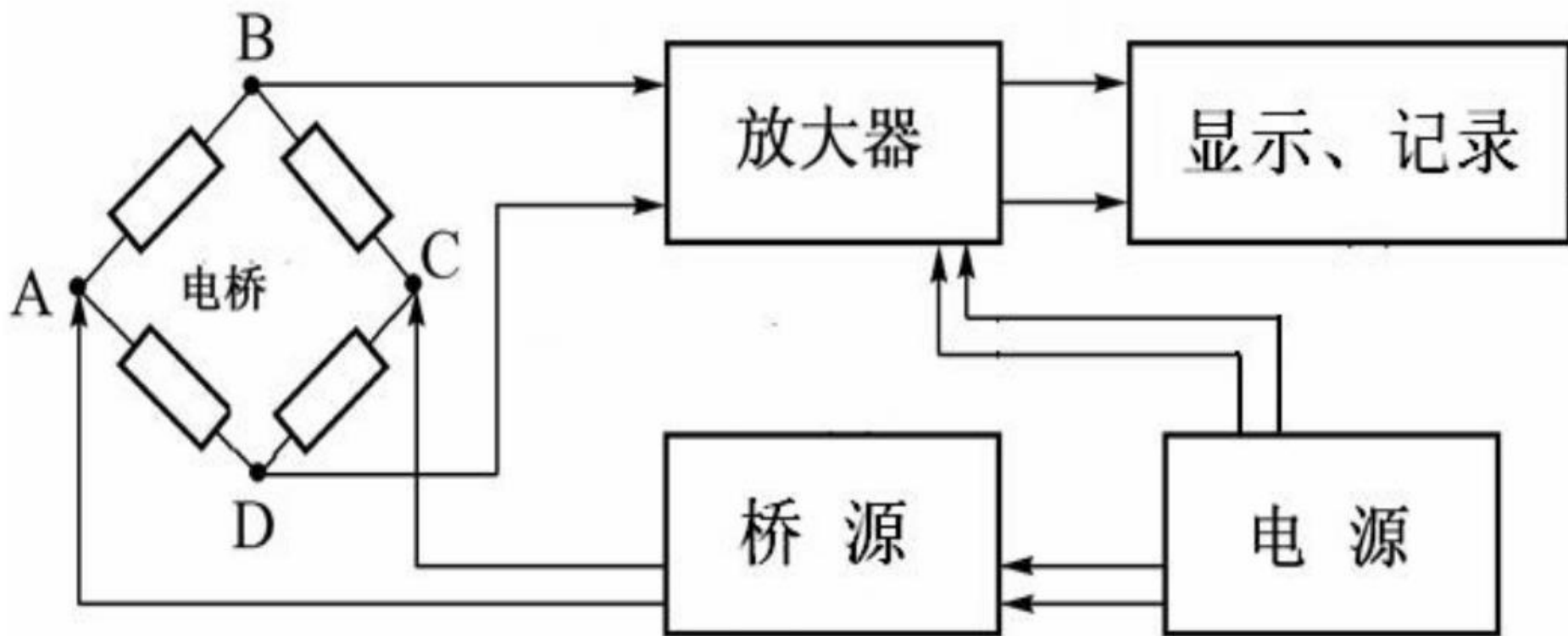
阻抗式传感器

Impedance Sensors





3.1.6 应变式传感器的信号调理电路





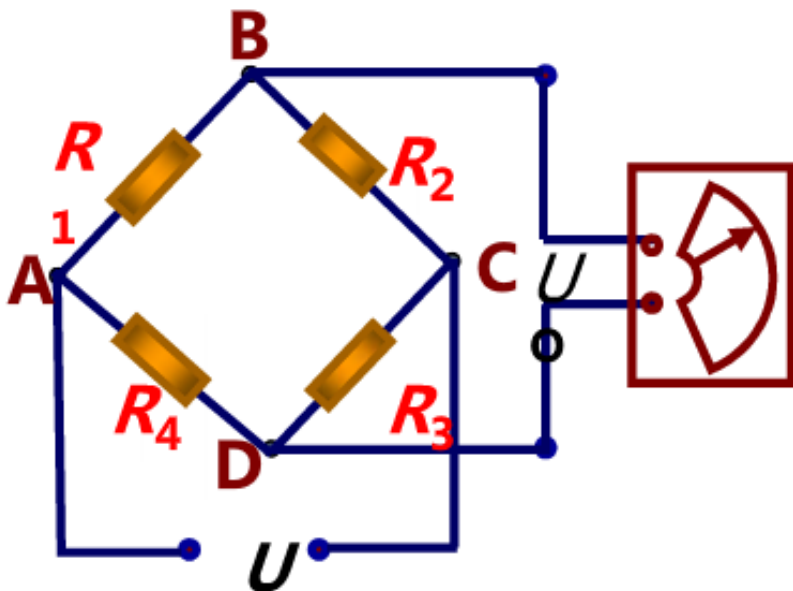
授课内容介绍

- ◆ 直流测量电桥
- ◆ 交流测量电桥
- ◆ 常用电桥模块
- ◆ 应变式传感器的应用



1. 直流测量电桥

测量电桥的工作原理



电桥平衡条件：相邻两臂电阻的比值相等，或相对两臂电阻的乘积相等。

$$U_0 = U_B - U_D$$

$$= \frac{R_1}{R_1 + R_2} U - \frac{R_4}{R_3 + R_4} U$$

$$= \frac{R_1 R_3 - R_2 R_4}{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)} U$$

$$R_1 R_3 = R_2 R_4$$

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_4}{R_3}$$

$$U_0 = \frac{(R_1 + \Delta R_1)(R_3 + \Delta R_3) - (R_2 + \Delta R_2)(R_4 + \Delta R_4)}{(R_1 + \Delta R_1 + R_2 + \Delta R_2)(R_3 + \Delta R_3 + R_4 + \Delta R_4)} U$$



1. 直流测量电桥

测量电桥的工作原理

$$U_0 = \frac{(R + \Delta R_1)(R + \Delta R_3) - (R + \Delta R_2)(R + \Delta R_4)}{(2R + \Delta R_1 + \Delta R_2)(2R + \Delta R_3 + \Delta R_4)} U$$

等臂



$\Delta R_i \ll R$, 略去 ΔR_i 高阶微量

线性: $U_0 = \frac{1}{4} \left(\frac{\Delta R_1}{R} - \frac{\Delta R_2}{R} + \frac{\Delta R_3}{R} - \frac{\Delta R_4}{R} \right) U$

非线性: $\gamma = \frac{1}{2} \left(\frac{\Delta R_1}{R} + \frac{\Delta R_2}{R} + \frac{\Delta R_3}{R} + \frac{\Delta R_4}{R} \right) \times 100\%$

应变片的灵敏系数 K 相同



$$U_0 = \frac{1}{4} K(\varepsilon_1 - \varepsilon_2 + \varepsilon_3 - \varepsilon_4) U$$

$$\gamma = \frac{1}{2} K(\varepsilon_1 + \varepsilon_2 + \varepsilon_3 + \varepsilon_4) \times 100\%$$

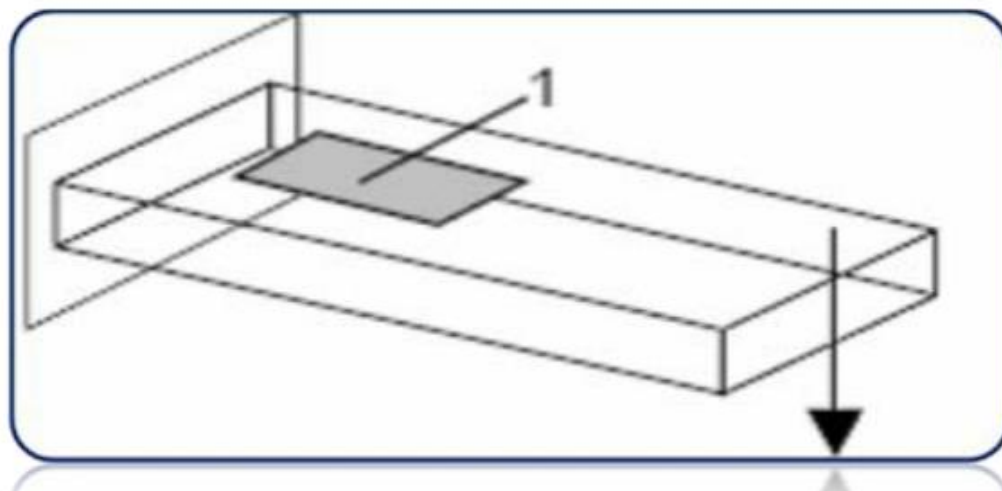
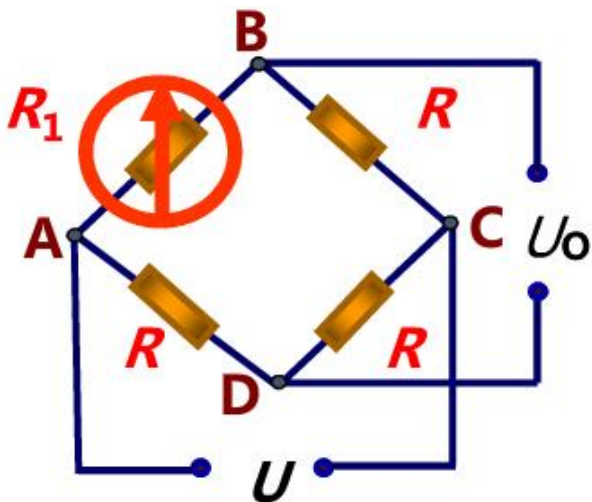


1. 直流测量电桥

(1) 单臂电桥

$$U_0 = \frac{1}{4} \left(\frac{\Delta R_1}{R_1} - \frac{\Delta R_2}{R_2} + \frac{\Delta R_3}{R_3} - \frac{\Delta R_4}{R_4} \right) U$$

$$\gamma = \frac{1}{2} \left(\frac{\Delta R_1}{R_1} + \frac{\Delta R_2}{R_2} + \frac{\Delta R_3}{R_3} + \frac{\Delta R_4}{R_4} \right) \times 100\%$$



$$U_0 = \frac{1}{4} \frac{\Delta R_1}{R_1} U$$

$$\gamma = \frac{1}{2} \frac{\Delta R_1}{R_1} \times 100\%$$



1. 直流测量电桥

例题 已知金属应变片 $K=2.0$ ，允许测试的最大应变为 0.005 ，接成全等臂电桥，工作方式为单臂：

$$(\Delta R_1 \neq 0, \Delta R_2 = \Delta R_3 = \Delta R_4 = 0)$$

(1) 求最大非线性误差；

(2) 若采用半导体应变片时 ($K=120$)，求最大非线性误差。

解：1)
$$\frac{\Delta R_1}{R_1} = K\varepsilon = 2 \times 0.005 = 0.01$$

$$\gamma = \frac{1}{2} \frac{\Delta R_1}{R_1} \times 100\% = \frac{1}{2} \times 0.01 \times 100\% = 0.5\%$$

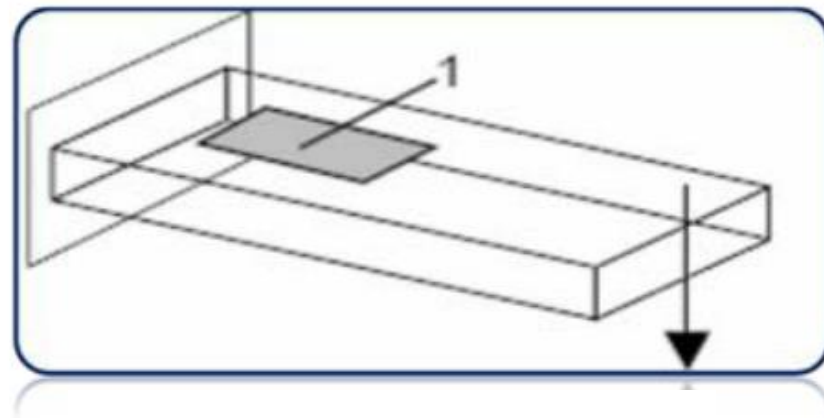
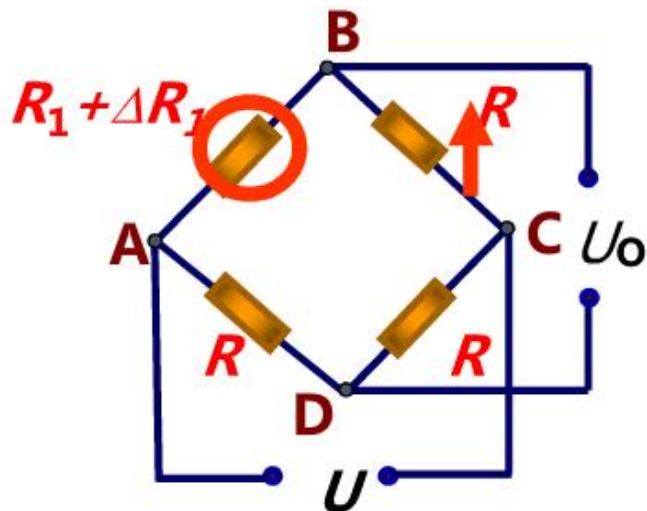
2)
$$\frac{\Delta R_1}{R_1} = 120 \times 0.005 = 0.6 \quad \gamma = \frac{1}{2} \times 0.6 \times 100\% = 30\%$$





1. 直流测量电桥

单臂电桥



$$U_0 = U_B - U_D = \frac{R_1 + \Delta R_1}{R_1 + \Delta R_1 + R} U - \frac{R}{2R} U = \frac{R \cdot \Delta R}{2R(2R + \Delta R)} U = \frac{U}{2} \cdot \frac{\frac{\Delta R}{R}}{2 + \frac{\Delta R}{R}}$$

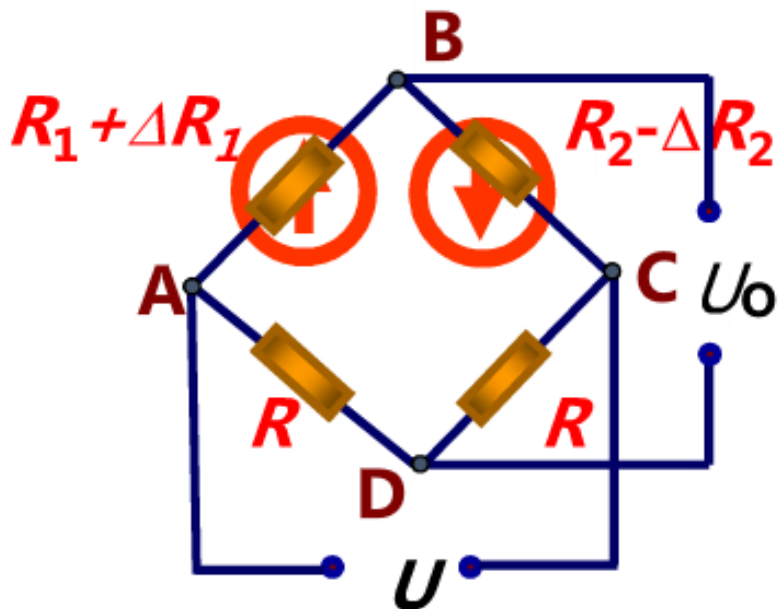
通常情况下: $\frac{\Delta R}{R} \ll 1$, 所以 $U_0 \approx \frac{1}{4} \frac{\Delta R}{R} U$ (实际: $U_0' = \frac{U}{2} \cdot \frac{\frac{\Delta R}{R}}{2 + \frac{\Delta R}{R}}$)

非线性误差为: $\gamma = \frac{U_0 - U_0'}{U_0} = 1 - \frac{2}{2 + \frac{\Delta R}{R}} = \frac{\Delta R}{2R} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\Delta R}{2R}}$



1. 直流测量电桥

(2) 半桥差动电路



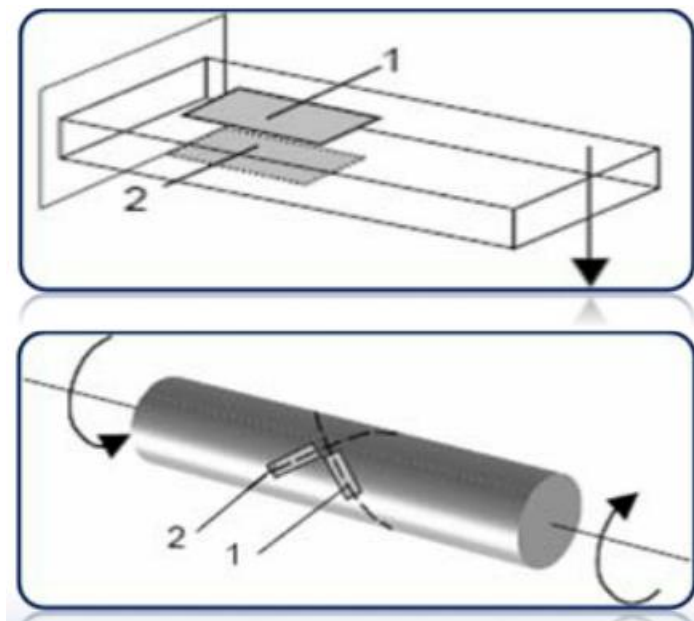
$$U_0 = \frac{1}{2} \frac{\Delta R}{R} U$$

$$\gamma = 0$$

$$(U_0 = U_B - U_D = \frac{R + \Delta R}{2R} U - \frac{1}{2} U = \frac{1}{2} \frac{\Delta R}{R} U)$$

$$U_0 = \frac{1}{4} \left(\frac{\Delta R_1}{R_1} - \frac{\Delta R_2}{R_2} + \frac{\Delta R_3}{R_3} - \frac{\Delta R_4}{R_4} \right) U$$

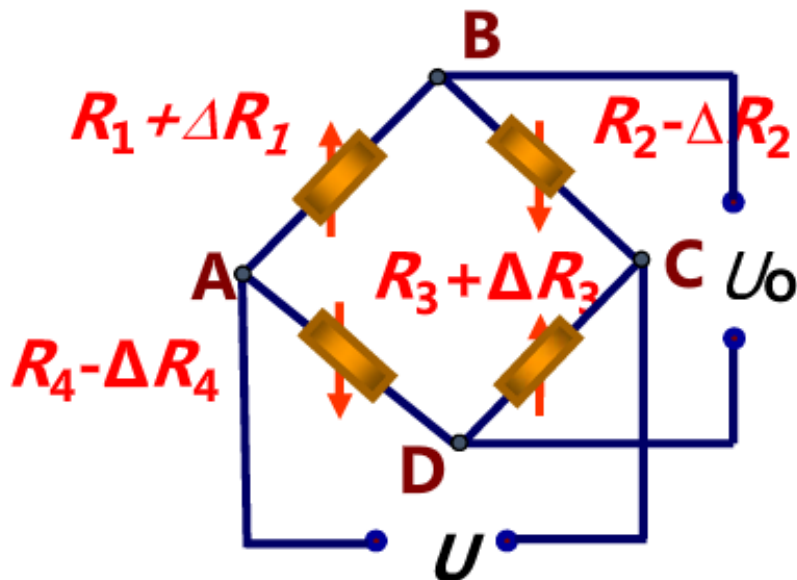
$$\gamma = \frac{1}{2} \left(\frac{\Delta R_1}{R_1} + \frac{\Delta R_2}{R_2} + \frac{\Delta R_3}{R_3} + \frac{\Delta R_4}{R_4} \right) \times 100\%$$





1. 直流测量电桥

(3) 全桥差动电路

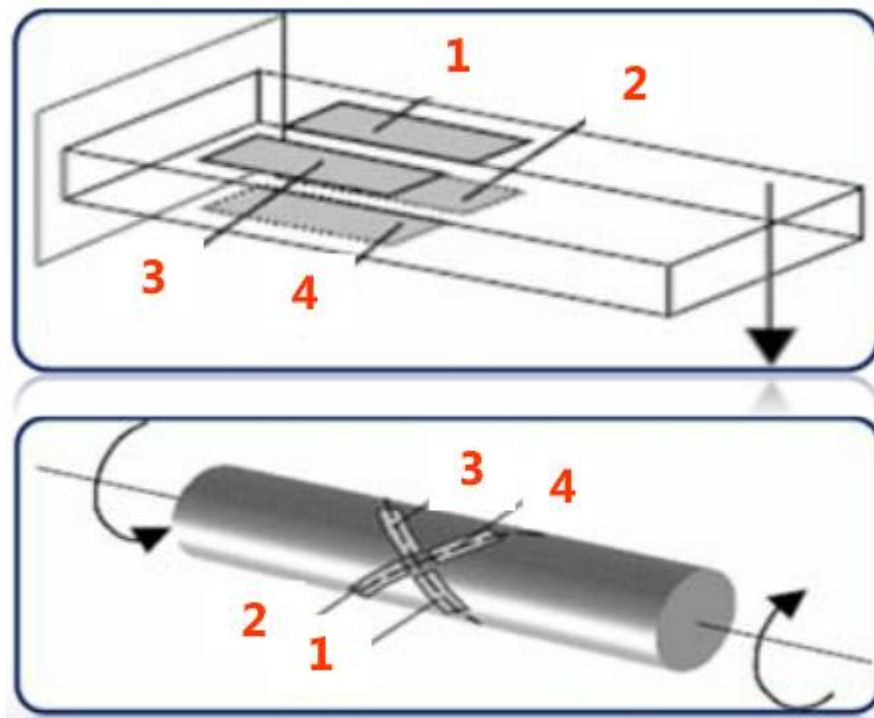


$$U_0 = \frac{1}{4} \left(\frac{\Delta R_1}{R_1} - \frac{\Delta R_2}{R_2} + \frac{\Delta R_3}{R_3} - \frac{\Delta R_4}{R_4} \right) U$$

$$\gamma = \frac{1}{2} \left(\frac{\Delta R_1}{R_1} + \frac{\Delta R_2}{R_2} + \frac{\Delta R_3}{R_3} + \frac{\Delta R_4}{R_4} \right) \times 100\%$$

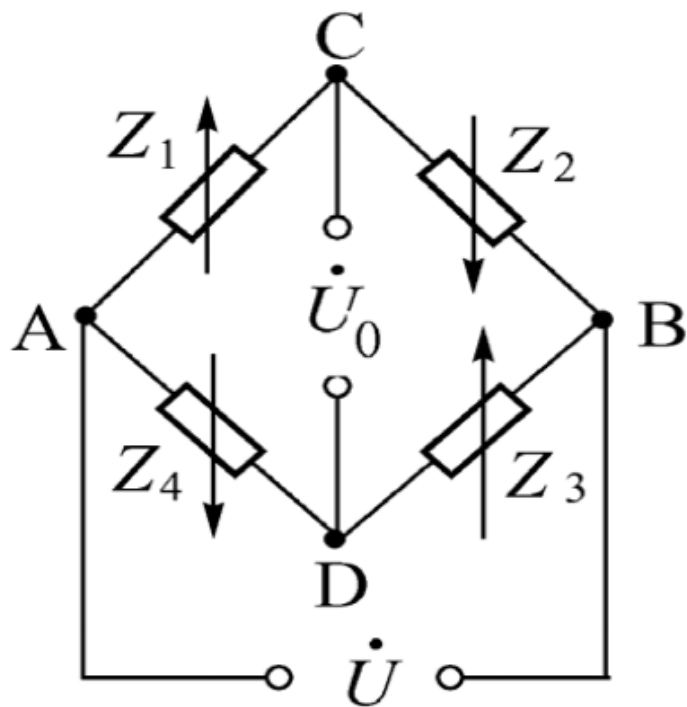
$$U_0 = U \frac{\Delta R}{R} \quad \gamma = 0$$

$$U_0 = U_B - U_D = \frac{R + \Delta R}{2R} U - \frac{R - \Delta R}{2R} U = \frac{\Delta R}{R} U$$





2. 交流测量电桥



$$\dot{U}_0 = \left(\frac{Z_1}{Z_1 + Z_2} - \frac{Z_4}{Z_3 + Z_4} \right) U = \frac{Z_1 Z_3 - Z_2 Z_4}{(Z_1 + Z_2)(Z_3 + Z_4)} U$$

平衡条件为：

$$Z_1 Z_3 = Z_2 Z_4$$



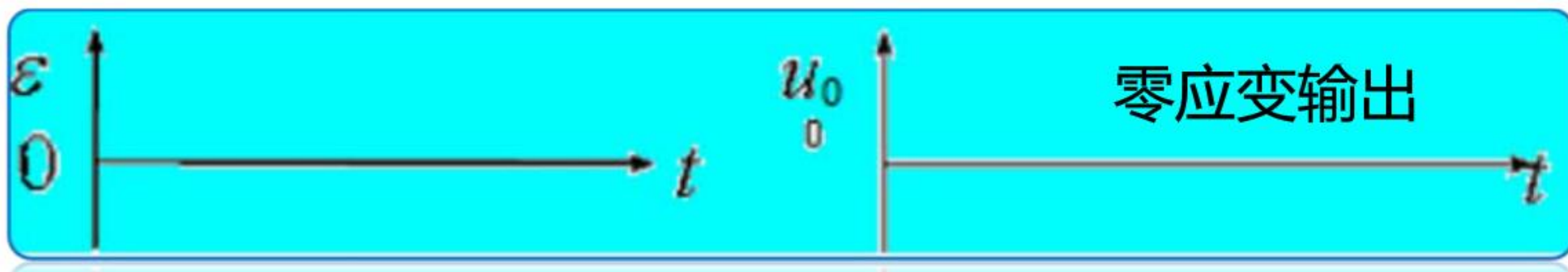
2. 交流测量电桥

交流电桥的调幅作用（以单臂电桥为例）

供桥电源电压为： $\dot{U} = U_m \sin \omega t$

➤ 当试件未受力时，没有产生应变，电桥输出为零

$$\dot{U} = 0$$



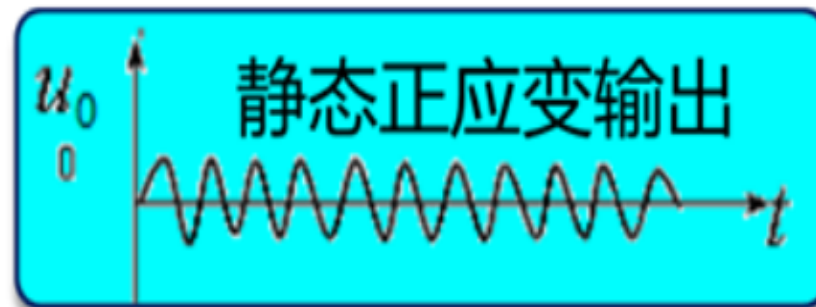
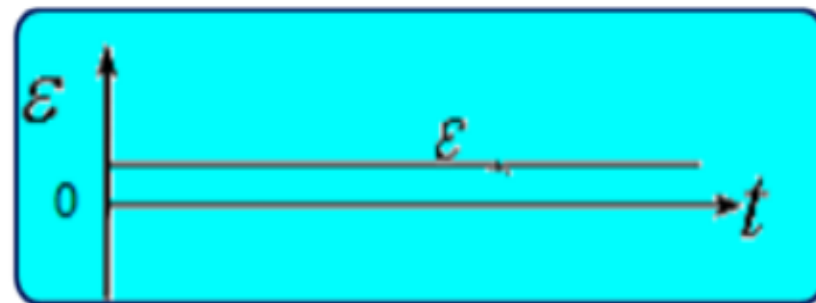


2. 交流测量电桥

交流电桥的调幅作用（以单臂电桥为例）

- 当试件受拉伸产生**静的正应变** ε 时，电桥输出为：

$$\dot{U}_0 = \frac{1}{4} K \varepsilon U_m \sin \omega t$$



输出波形与电源电压相同，但幅度为其幅值的 $\frac{1}{4} K \varepsilon$

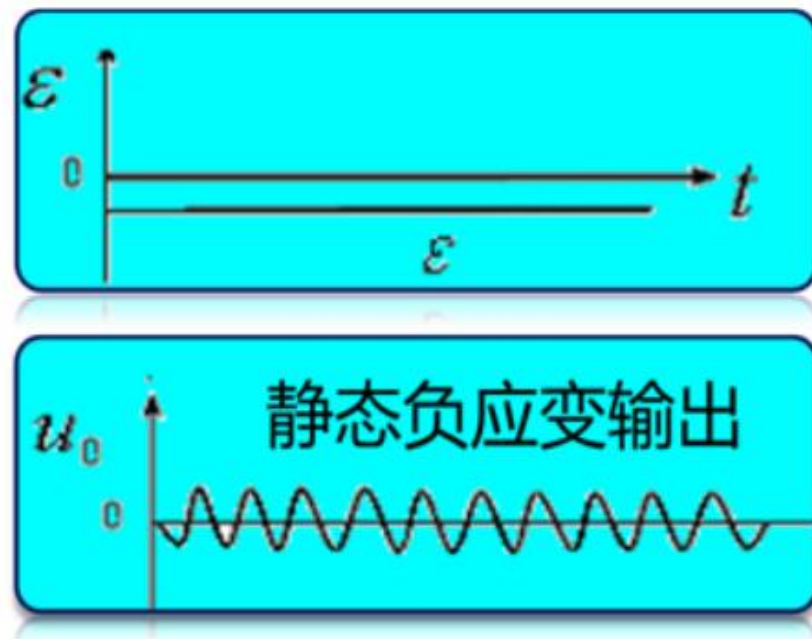


2. 交流测量电桥

交流电桥的调幅作用（以单臂电桥为例）

- 当试件受拉伸产生**静**的负应变 ε 时，电桥输出为：

$$\dot{U}_0 = -\frac{1}{4}K\varepsilon U_m \sin \omega t$$



输出波形与电源电压相同，但幅度为其幅值的 $-\frac{1}{4}K\varepsilon$ ，相位上差 180° 。



2. 交流测量电桥

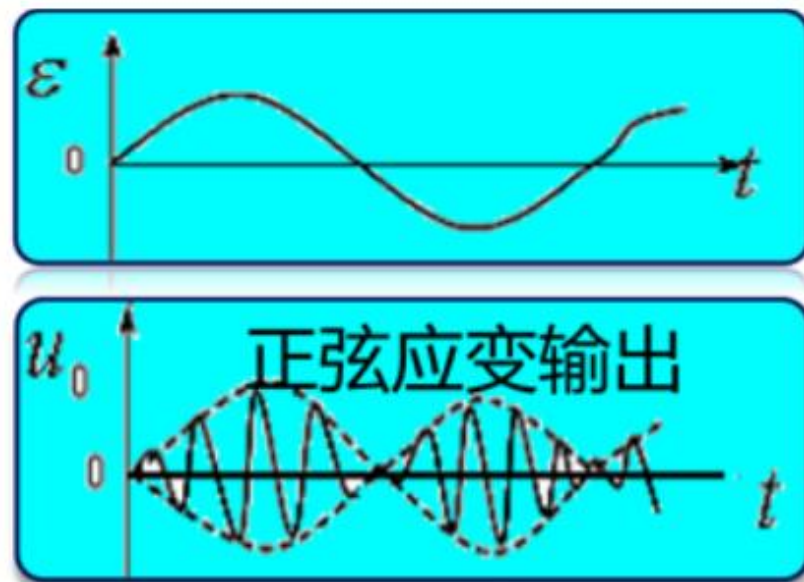
交流电桥的调幅作用（以单臂电桥为例）

- 当试件受动态应力产生简谐变化应变

$$\varepsilon_N = \varepsilon_m \sin \Omega t$$

电桥输出为：

$$\dot{U}_0 = \frac{1}{4} K \varepsilon_m \sin(\Omega t) \cdot U_m \sin \omega t$$

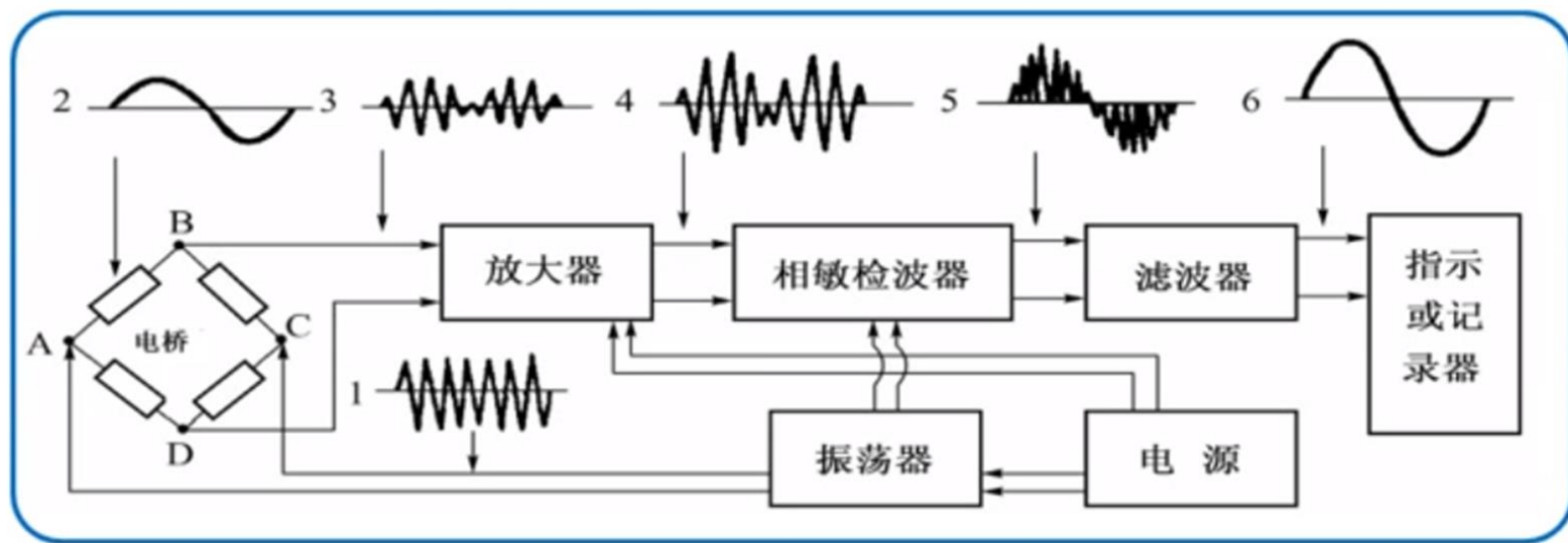


输出波形是在载波上，叠加了一个低频的工作正弦波，载波的波幅由常数 U_m 变为： $\frac{1}{4} K \varepsilon_m \sin(\Omega t) \cdot U_m$



2. 交流测量电桥

例：交流电桥电阻应变仪组成框图



电 桥：电源400~2000Hz

放大器：放大倍数 $5 \sim 10 \times 10^4$

振荡器：载波信号、相敏检波器的参考电压

相敏检波器：检波器（解调）、辨别相位