의사결정나무

Decision Tree



- 의결결정나무 란?
 - 학습 데이터를 분석하여 데이터에 내재되어 있는 패턴을 통해 새롭게 관측된데이터를 예측 및 분류하는 모델
 - 개념적으로 질문을 던져서 대상을 좁혀 나가는 '<mark>스무고개</mark>'놀이와 비슷한 개념
 - 목적(Y)과 자료(X)에 따라 적절한 분리 기준과 정지 규칙을 지정하여 의사결정나무를 생성
 - 의사결정방식 과정의 표현법이 나무와 같다고 해서 의사결정나무라고 불림
 - 의사결정 규칙을 나무 모델로 표현

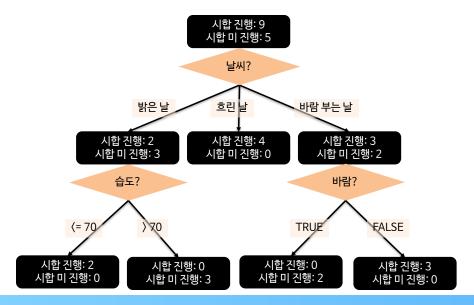


■ 스무 고개로 알아보는 의사결정나무



■ 의사결정나무의 장점

- 이해하기 쉽고 적용하기 쉬움
 - 나무 구조 (If-then 규칙)에 의해 표현 때문에 모델을 쉽게 이해할 수 있음
- 의사결정과정에 대한 설명(해석) 가능
 - 오늘 야구 경기의 취소 사례의 이유 설명 가능
 - 중요한 변수 선택에 유용 (상단에서 상용된 설명 변수가 중요한 변수)
 - 데이터의 통계적 가정이 필요 없음 (예. LDA 가정: 데이터 정규성)



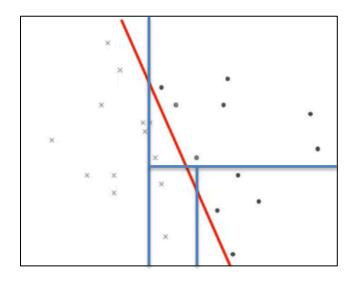


■ 의사결정나무의 단점

■ 좋은 모형을 만들기 위해 <mark>많은 데이터</mark>가 필요



- 모형을 만드는데 상대적으로 시<u>간이 많이 소요 (*Tree building</u>) 그는나
- 데이터의 변화에 민감(데이터에 따라 모델이 변화함)
 - 학습과 테스트 데이터의 도메인이 유사해야 할 (domain gap 이 작아야 함)
- 선형 구조 형 데이터 예측 시 더 복잡
 - 예시) 붉은선: 선형 회귀 결정 경계, 푸른선:의사결정나무 결정 경계





- 의사결정나무를 활용한 데이터 분석
 - 순서: 데이터 → 모델 학습 → 추론
 - **데이터**: 다변량 변수 사용

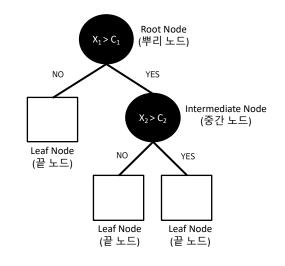
	lnį	Output		
X ₁	X ₂	:	X _p	Υ

모델 학습 (트리 구조 이용)

- ① 한번에 설명 변수 하나씩 데이터를 더 이 선 번
- ② 2개 혹은 그 이상의 부분집합으로 분할하여
- ③ <mark>데이터 순도가 균일해지도록 재귀적 분할(Recursive Partitioning)</mark> (재귀적 분할 종료 조건)

분류 문제: 끝 노드에 비슷한 범주(클래스)를 갖고 있는 관측데이터끼리 예측 문제: 끝 노드에 비슷한 수치(연속된 값)를 갖고 있는 관측데이터끼리

- 추론 (판별)
 - 분류: 끝 노드에서 가장 빈도가 높은 종속변수(y)를 새로운 데이터에 부여
 - 회귀: 끝 노드 의 종속변수(y)의 평균을 예측 값으로 반환





의사결성나부

- 구분
 - 분류나무 (classification tree): 목표 변수가 범주형 변수 → 분류
 - 회귀 나무 (regression tree): 목표 변수가 수치형 변수 → 예측

=> Mocm, usoun

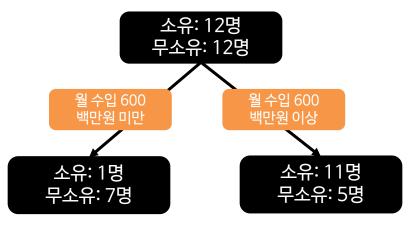
- 재귀적 분할 알고리즘
 - CART (Classification And Regression Tree)
 - C4.5, C5.0
 - CHAID (Chi-square Automatic Interaction Detection)
- 불순도 알고리즘 (분할 기준)
 - 지니 지수 (Gini index)
 - 엔트로피 지수(Entropy index), 정보 이익(Information Gain)
 - 카이제곱 통계량 (Chi-Square Statistic)





의사결성나부

- 분류 나무 (Classification Tree)
 - , 목표 변수: 범주형 변수 (분리) 기, 1 . . .
 - 분류 알고리즘과 불순도 지표
 - CART: 지니 지수 (Gini Index)
 - C4.5: 엔트로피(Entropy index), 정보 이익(Information gain),
 - 정보이익비율(Information gain ratio)
 - CHAID: 카이 제곱 통계량 (Chi-Square statistic)
 - 분류 결과 (판별, 추론)
 - 소속 집단 판단, 경향성도 확률로 표현 가능

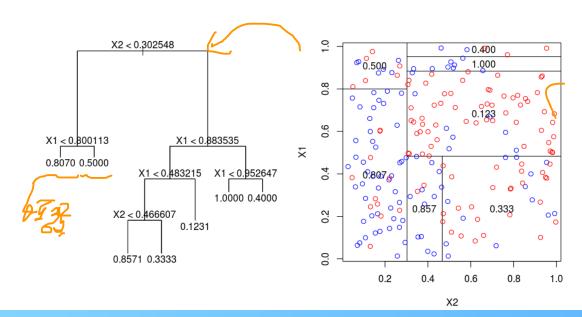


무소유 확률 → 7/8=87.5%

소유 확률 → 11/16=68.6%



- 회귀나무 (Regression Tree) → < 귀, 문위
 - 목표 변수: 수치형 변수 (예측)
 - 회귀 알고리즘과 불순도 지표
 - (CART:) 통계량과 분산 감소량 (실제 값과 예측 값의 평균 차이가 작도록!)
 - 회귀 결과
 - 끝마디집단의 평균
 - *예측일 경우 회귀나무보다 신경망 또는 회귀분석이 더 좋음



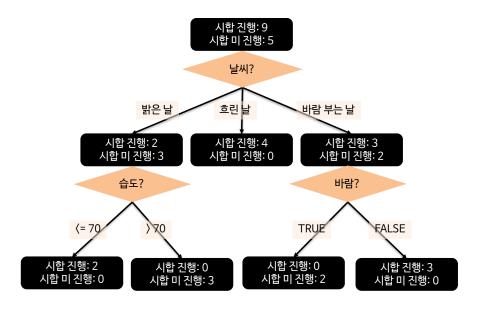
> 에서 이건 불활



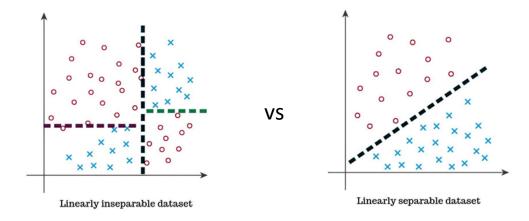
의사결성나무

- 분할
 - 이진 분할(binary split): CART
 - 다중 분할(multi-way split): CHAID, C4.5, C5.0 etc

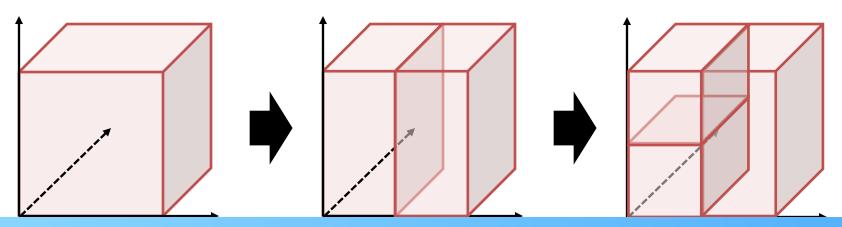




- 이진 분할 (분할이란?)
 - 2차원 데이터 분할



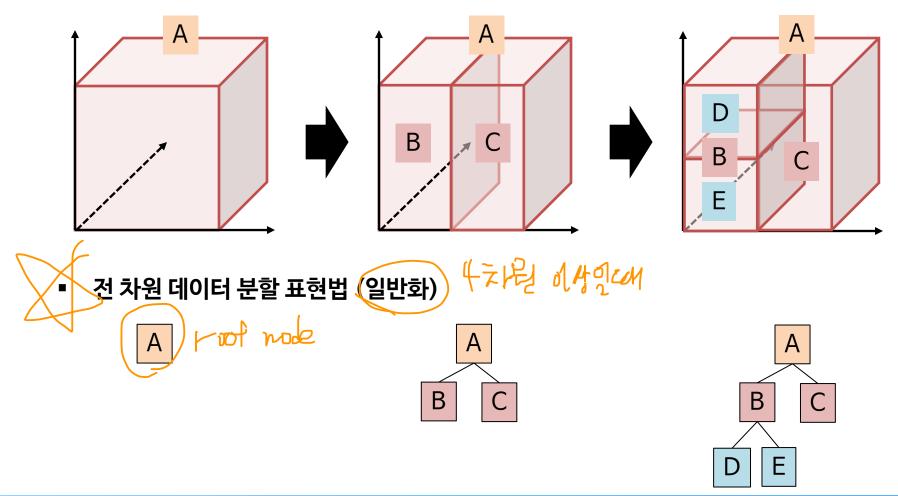
■ 3차원 데이터 분할





의사결성나무 표현

- 트리 구조를 이용한 데이터 분할 표현법
 - 3차원 데이터 분할 표현법



의사결정나무 II

Decision Tree



의사결성나누

■ 재귀적 분할 알고리즘 정리

	CART	C4.5	CHAID
분류 나무(분류)	0	0	0
회귀 나무(예측)	회귀 나무(예측)		X
예측변수	범주, 수치	범주, 수치	범주
불순도 알고리즘	Gini index	Entropy	Chi-square, 통계량
분리	Binary	Multi-way	Multi-way
나무성장	완전 모형 생성(full t	tree) 후 가지치기	최적 모형 개발 (즉, 완전모형생성 없음)
가 <mark>자치기</mark> (교차검증)	학습시 학습 데이터 검증시 검증 데이터	학습 데이터만 사용	X
개발연도	1984	1993	1980

문류 나무 : CAR I

- CART (Classification & Regression Tree)
 - Breiman 등이 개발
 - 종류: 분류 나무, 회귀 나무
 - 분리: 이진 분할
 - 가지치기 (교차 타당도) : 학습 데이터로 나무 생성, 검증용 데이터로 까지치기

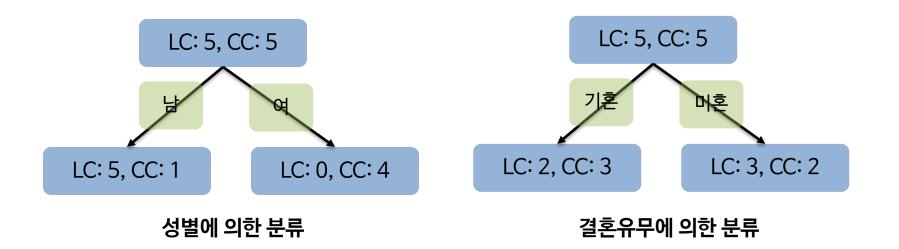
≢ FLEXCIL

■ 불순도 알고리즘: Gini index (불확실성) 는 낮아지는게 좋음

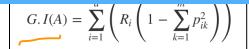
$$G.I(A) = \sum_{i=1}^{d} \left(R_i \left(1 - \sum_{k=1}^{m} p_{ik}^2 \right) \right)$$

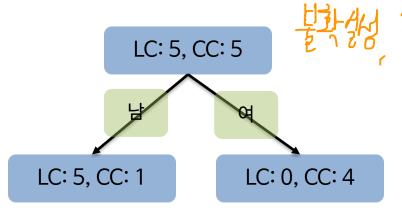
문류 나무: CARI

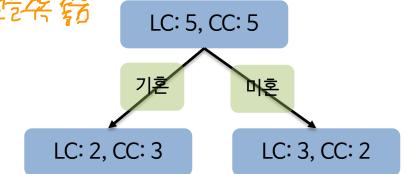
- 예제
 - 우리 홈쇼핑에서 충성 고객과 탈퇴 고객을 구분하는 규칙을 생성하고자 함
 - 충성 고객(LC: Loyal Customer)
 - 탈퇴 고객(CC: Churn Customer)
 - 총 10명의 고객을 대상으로 성별, 결혼유무 중 어느 변수가 더 분류를 잘하는 변수인지 찾고, 분류 규칙을 찾고자 함



문류 나무: CARI

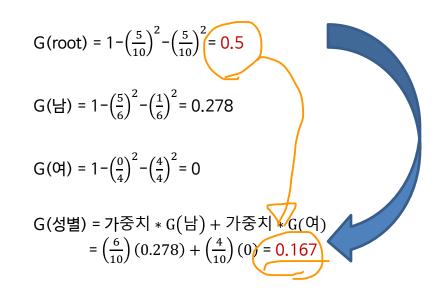






성별에 의한 분류

결혼유무에 의한 분류



$$G(\text{root}) = 1 - \left(\frac{5}{10}\right)^2 - \left(\frac{5}{10}\right)^2 = 0.5$$

$$G(기혼) = 1 - \left(\frac{2}{5}\right)^2 - \left(\frac{3}{5}\right)^2 = 0.48$$

$$G(미혼) = 1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2 - \left(\frac{2}{5}\right)^2 = 0.48$$

$$G(결혼) = 가중치 * G(기혼) + 가중차 * G(미혼) = \left(\frac{5}{10}\right)(0.48) + \left(\frac{5}{10}\right)(0.48) = 0.48$$

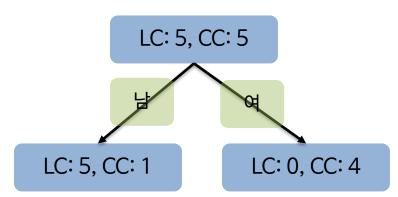
문류 나무: C4.5

$$Entropy(A) = \sum_{i=1}^{a} R_i \left(-\sum_{k=1}^{m} p_k \log_2(p_k) \right)$$

- C4.5, C5.0
 - Quinlan 등이 개발
 - 종류: 분류 나무, 회귀 나무
 - 분리: 다중 분할
 - 불순도 알고리즘: 엔트로피(불확실성), 정보이론, 정보이론 이득률
 - 가지치기 (교차 타당도) : 학습 데이터만 이용하여 나무 성장 및 가지치기 수행
 - 정보 이론→ 엔트로피
 - Log₂로 계산하는 이유 → bit 수로 정보 계산
 - $Log_2(8)=3bit$
 - -log2로 계산하는 이유: log2(1/2) = -1이기 때문에 + 로 전환 필요
 - 정보이익 (IG: Information Gain) *정보의 가치 높아야 좋음
 - IG = E(before) -E(After)

문듀 나무: C4.5

$$Entropy(A) = \sum_{i=1}^{a} R_i \left(-\sum_{k=1}^{m} p_k \log_2(p_k) \right)$$



성별에 의한 분류

E(root) =
$$-\left(\frac{5}{10}\right) log_2\left(\frac{5}{10}\right) - \left(\frac{5}{10}\right) log_2\left(\frac{5}{10}\right) = 1$$

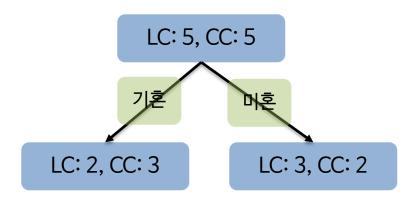
E(남) =
$$-\left(\frac{5}{6}\right)log_2\left(\frac{5}{6}\right) - \left(\frac{1}{6}\right)log_2\left(\frac{1}{6}\right) = 0.65$$

$$\mathsf{E}(\mathsf{G}) = -\left(\frac{0}{4}\right)\log_2\left(\frac{0}{4}\right) - \left(\frac{4}{4}\right)\log_2\left(\frac{4}{4}\right) = 0$$

$$E(dg) = 가중치 * E(H) + 가중치 * E(G)$$

= $\left(\frac{6}{10}\right)(0.65) + \left(\frac{4}{10}\right)(0) = 0.39$

★ 불확실성 감소량(클수록 좋음)



결혼유무에 의한 분류

E(root) =
$$-\left(\frac{5}{10}\right)log_2\left(\frac{5}{10}\right) - \left(\frac{5}{10}\right)log_2\left(\frac{5}{10}\right) = 1$$

E(기혼) =
$$-\left(\frac{2}{5}\right)log_2\left(\frac{2}{5}\right) - \left(\frac{3}{5}\right)log_2\left(\frac{3}{5}\right) = 0.971$$

E미혼) =
$$-\left(\frac{3}{5}\right)log_2\left(\frac{3}{5}\right) - \left(\frac{2}{5}\right)log_2\left(\frac{2}{5}\right) = 0.971$$

$$E(\ddot{2}) = 가중치 * E(남) + 가중치 * E(여)$$

= $\left(\frac{5}{10}\right)(0.971) + \left(\frac{5}{10}\right)(0.971) = 0.971$

$$IG(결혼) = E(Root) - E(결혼) = 0.029$$

← 거의 변화가 없음. 작, 결혼 여부는 큰 영향을 주지 못함

문듀 나무: C4.5

- 정보 이득율 (Information gain ratio)
 - C4.5 에서는 information gain → information gain ratio 추가 도입
 - 가지수가 많을 수록 information gain 이 높아지는 경향을 보임
 - 이진분할 vs 다중 분할
 - 단점 보안 위해 IV(Intrinsic Value) 도입하여 정보 이득율을 정규화
 - 가지가 많으면 감점

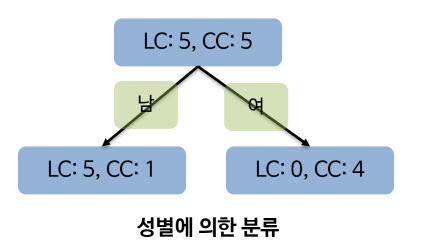
$$IV(A) = -\sum_{k=0}^{n} \frac{1}{n} \log_2 \left(\frac{1}{n}\right)$$

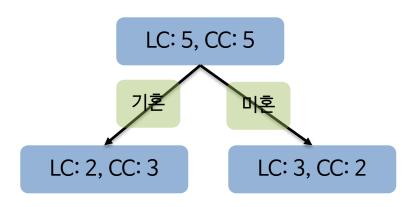
이득율

$$IGR(A) = IG(A)$$
 $IV(A)$

문류 나무: C4.5

$$IV(A) = -\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{n} log_2(\frac{1}{n})$$





결혼유무에 의한 분류

IV(성별) =
$$-\left(\frac{6}{10}\right)log_2\left(\frac{6}{10}\right) - \left(\frac{4}{10}\right)log_2\left(\frac{4}{10}\right) = 0.97$$

IGR(성별) = IG(성별)/IV(성별) = 0.61/0.97 = 0.63

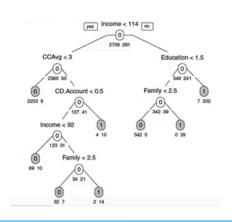
IV(결혼) =
$$-\left(\frac{5}{10}\right)log_2\left(\frac{5}{10}\right) - \left(\frac{5}{10}\right)log_2\left(\frac{5}{10}\right) = 1$$

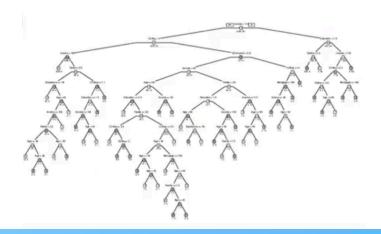
IGR(결혼) = IG(결혼)/IV(결혼) = 0.029/1 = 0.029

*다중 분할 예시로 변경하면 - log2()이 계속 붙게 되고 IV가 1을 넘기도 함

문류 나무

- 끝 없는 분할의 단점
 - 과적합 (Overfitting)
 - 학습용 데이터에 완전히 적합
 - 학습용 데이터에 잡음도 포함되므로 테스트 데이터에서 오차는 일반적으로 증가
 - 과적합 피하는 법
 - 나무 성장 중단
- 모델 학습의 목적
 - (잘못된 학습) 학습용 데이터에서는 높은 성과 → 평가용 데이터에서는 낮은 성과
 - (올바른 학습) 현재 데이터의 설명 → 미래 데이터 예측

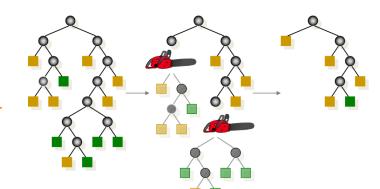


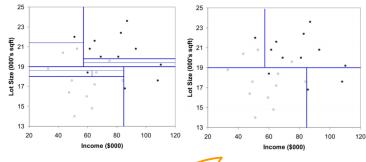




문듀 나무: 과석합 망시

- 성장 멈추기 (Stop condition)
 - <u>나무 모델의 깊이 파라미터로 설정</u>
 - 나무 모델을 성장시키면서 특정 조건에서 성장을 충단
 - ▶ 노드 내의 최소 관측치의 수
 - 불순도 최소 감소량 / △ △ △
 - CHAID에서 사용 물건들게 마네나 걸을
 - 가지치기 사용하지 않고 종료
- 가지치기 (Pruning): <u>다해보고 결정하</u>자!
 - 완전 모형 생성 후 가지치기
 - 데이터 버리는 개념 아닌 합치(merge)는 개념
 - 나무 모델 생성 후 필요 없는 가지 제거
 - 성정 멈추기 보다 성능 우수
 - 가지치기 비용함수를 최소로 하는 분기를 찾음





의사결정나무 III

Decision Tree

회귀나무

- 입력 데이터(변수 값)의 결과 예측
 - 데이터가 도달한 끝 노드 데이터들의 <mark>평균</mark>으로 결정
- 불순도 측정 방법
 - 제곱 오차 합 (the sum of the squared errors)
 - 오차 = 실제 값-예측 값

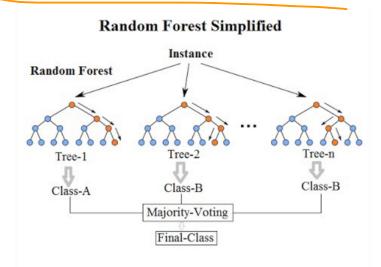
$$SSE = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2$$

- 성능 평가 방법
 - 예측모델 평가 방법: RMSE

앙상불(Ensemble)

● 앙상블

- 여러 모델을 함께 사용하자!!
 - 의사결정나무, KNN, LDA, 로지스틱 등
 - 퀴즈쇼에서 사용되는 힌트: 100인의 정답
- 설명보다는 예측이 중요할 경우에 사용
- 예측 알고리즘을 조합하여 예측 성능을 향상
- 랜덤 숲(Random Forest), Boosted Trees
 - <mark>좋은 의사결정나무를 모아서 숲을 만들</mark>자!





앙상날(Ensemble)

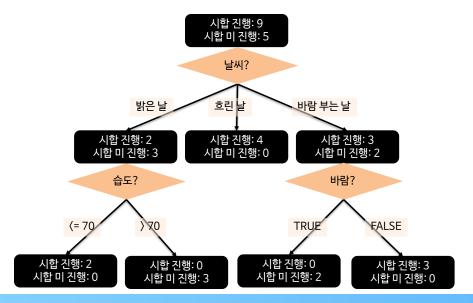
- Random Forest
 - Bootstrap 사용

- 四时 燈
- 데이터로부터 복원 추출(<u>뽑은 표본 원복)을 이용하여 여러 샘플을 추출</u>
- (Forest 생성)
 - ((무작위로 예측 변수를 선택하여 모델 구축
 - 즉, 의사결정나무는 예측 변수 선택 시 기준 지표를 사용하였으나 무작위 숲에서는 무작위로 선택함
- 앙상블 결과 결합
 - 분류 문제→투표, 예측 문제→평균화
- 비록 나무 구조이지만, 숲이 되면서 해석 가능한 모델의 장점은 사라짐
- 그러나 결과 분석을 통해 설명 변수 중 중요한 변수 판별 가능



의사결성나부 상점 (목습)

- 의사결정나무의 장점
 - 이해하기 쉽고 척용하기 쉬움
 - 나무 구조 (If-then 규칙)에 의해 표현 때문에 모델을 쉽게 이해할 수 있음
 - 의사결정과정에 <u>대</u>한 설명(해석) 가능
 - 오늘 야구 경기의 취소 사례의 이유 설명 가능
 - <mark>중요한 변수 선택에 유용</mark> (상단에서 상용된 설명 변수가 중요한 변수)
 - 데이터의 통계적 가정이 필요 없음 (예. LDA 가정: 데이터 정규성)

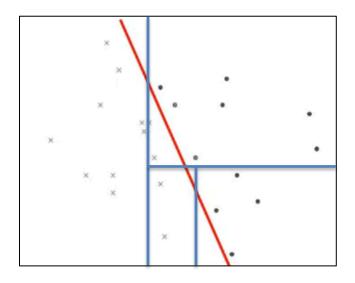




의사결성나부 난섬 (목습)

■ 의사결정나무의 단점

- 좋은 모형을 만들기 위해 많은 데이터가 필요
- 모형을 만드는데 상대적으로 시간이 많이 소요 (Tree building)
- 데이터의 변화에 민감(데이터에 따라 모델이 변화함)
 - 학습과 테스트 데이터의 도메인이 유사해야 함 (domain gap 이 작아야 함)
- 선형 구조 형 데이터 예측 시 더 복잡
 - 예시) 붉은선: 선형 회귀 결정 경계, 푸른선:의사결정나무 결정 경계



752 3243



■ 주요 방법

- Trees and Rules 구조
 - 규칙은 나무 모델로 표현
 - 결과는 규칙으로 표현
- 재귀적 분할 (Recursive Partitioning)
 - 의사결정나무 생성 과정
 - 그룹이 최대한 동질 하도록 반<mark>복적으</mark>로 하위 그룹으로 분리
- 가지치기 (Pruning the trees)
 - 생성된 나무를 자르는 과정 (정교화)
 - 과적합(overfitting)을 피하기 이해 필요 없는 가지를 간단히 정리하는 과정
- 구분
 - 분류 나무: 목표 변수가 범주형 변수
 - 회귀 나무; 목표 변수가 수치형 변수

요약

- 재귀적 분할 알고리즘
 - CART, C4.5, CHAID
- 불순도 알고리즘
 - 지니 지수, 엔트로피 지수, 카이제곱 통계량
- 의사결정나무 과정
 - 나무 모델 생성→과적합문제해결→검증→해석 및 예측
 - 생성: CART(Gini), C4.5(Entorpy), CHAID(Chi-Square)

FLEXCIL

- 과적합문제: 완전나무모형생성 후 가지치기 (CART, C4.5)
- 검증: 교차타 당성을 이용하여 의사결정나무 평가
- 해석및 예측: 의사결정나무를 해석하고 예측 모형 설정
- 앙상블
 - Random Forest