Ministério da Educação Universidade Federal do Agreste de Pernambuco

Relatório Final Métodos de Otimização

Ministério da Educação Universidade Federal do Agreste de Pernambuco

Relatório Final Métodos de Otimização

Mateus Baltazar de Almeida Matheus Machado Vieira Orientador: Gersonilo Oliveira da Silva

Sumário

| | 11111 | rodução | 0 | | | |
|---|---------------------------------|---|------|--|--|--|
| 1 | \mathbf{M} | étodos Matemáticos de Otimização | 9 | | | |
| | 1.1 | O Conceito de Otimização | | | | |
| | 1.2 | Otimização de Funções à Uma variável real | | | | |
| | 1.3 | Programando o Método | | | | |
| | 1.4 | Otimização de Funções à Várias Variáveis | . 10 | | | |
| 2 | Métodos Clássicos de Otimização | | | | | |
| | 2.1 | O Método de Newton | . 11 | | | |
| | 2.2 | Outros Métodos | . 11 | | | |
| | 2.3 | Programando os Métodos | . 11 | | | |
| | 2.4 | O Método de Newton para Várias Variáveis | . 11 | | | |
| 3 | Os | s Métodos Modernos de Otimização | 13 | | | |
| | 3.1 | Breve Relato Histórico | . 13 | | | |
| | 3.2 | Métodos de Um | . 13 | | | |
| | | 3.2.1 O Método - Uma breve descrição | . 13 | | | |
| | | 3.2.2 Exemplos Aplicações | . 13 | | | |
| | | 3.2.3 Possíveis Aplicações | . 13 | | | |
| | 3.3 | | | | | |
| | | 3.3.1 O Método - Uma breve descrição | . 13 | | | |
| | | 3.3.2 Exemplos Aplicações | . 13 | | | |
| | | 3.3.3 Possíveis Aplicações | | | | |
| | 3.4 | Um com o outro | . 13 | | | |
| 4 | Αr | olicações à Mecânica Celeste | 15 | | | |
| • | _ | Entendendo o Problema de N Corpos | | | | |
| | 4.2 | A Otimização na Mecânica | | | | |
| | 4.3 | Resultados Numéricos | | | | |
| _ | D | omaia Dagultadag | 17 | | | |
| 5 | | emais Resultados | 17 | | | |
| | | VIIII US TESTILIATUS | / | | | |

| 2 | SUMARIC | | | | |
|--------------|---------|--|--|--|--|
| 5.1.1 | | | | | |
| Bibliografia | 19 | | | | |

Introdução

Para Tales, a questão primordial não era o que sabemos, mas como o sabemos.

Aristóteles

Evita o que o pertuba a mente e o que a alma esmaga, Aprimora a razão, esmera os valores teus; E transpondo, enfim, a prefulgante plaga Tu, entre os imortais, serás também um deus.

Pitágoras

Não posso me convencer de que, quando se soma uma a um, o um a que foi feita a adição se transforma em dois, ou que duas unidades somadas farão dois em consequência da adição. Não posso entender como quando separadas cada uma era uma e não dois e agora, quando reunidas, a simples justaposição ou encontro delas seja causa de se tornarem dois.

Diálogo de Platão

É, pois, sem razão, que os geômetras são acusados de ensinarem apenas quimeras e de não terem na sua ciência nada de bom e de belo. Eu, pelo contrário, sustento que eles, sem disso fazerem ostentação, ensinam coisas que são, ao mesmo tempo, muito boas e muito belas. Pois toda bondade e toda beleza não resulta, forçosamente, da ordem e da proporção? Ora, de que coisas se ocupa o geômetra, senão da ordem e da porporção?

Aristóteles - Tratado de Filosofia

Ptolomeu uma vez perguntou se havia um caminho mais curto para a geometria que o estudo de Os elementos e Euclides lhe respondeu que não havia estrada real para a geometria.

Proclus Diadocus

8 SUMÁRIO

Métodos Matemáticos de Otimização

1.1 O Conceito de Otimização

Diz-se otimização, o processo que tem como objetivo encontrar condições que minimizam ou maximizam algo (seja energia, tempo, dinheiro, etc). Sendo este, muitas vezes um trabalho árduo, custoso.

Dessa maneira, na matemática, este processo é amplamente utilizado quando busca-se valores pertencentes ao conjunto A (que pode ter restrições), com o objetivo de encontrar uma solução ótima, aplicando os valores de A em numa função objetivo predefinida.

Podendo assim, serem representadas da seguinte forma:

Dada a função

$$f: A \to \mathbb{Z} \tag{1.1}$$

• Maximização pode ser definida como:

busca pelo elemento $x_0 \in A$, quesatisfaz:

$$f(x_0) \ge f(x); \tag{1.2}$$

para todo $x \in A$.

• Minimização pode ser definida como:

busca pelo elemento $x_0 \in A$, quesatisfaz:

$$f(x_0) < f(x); \tag{1.3}$$

para todo $x \in A$.

Com isso, podemos agora entender como esse processo pode ser custoso. Começando pelo fato de que existem os pontos máximos e mínimos (pontos críticos), locais e globais no espaço das funções. Sendo os pontos críticos locais, aqueles que não são os menores ou maiores valores para a minimização e maximização, respectivamente. E os pontos globais, aqueles que representam o menor ou maior valor no espaço da função, para a minimização e maximização, respectivamente.

10CAPÍTULO 1. MÉTODOS MATEMÁTICOS DE OTIMIZAÇÃO

Criando assim, uma certa incerteza ao encontrar um valor crítico numa função, já que é estritamente difícil saber se o ponto crítico encontrado é local ou global. Como pode-se perceber na Figura 1.1.

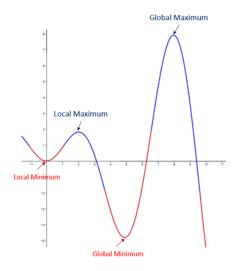


Figura 1.1: Exemplo de pontos críticos locais e globais indicados no gráfico de uma função

1.2 Otimização de Funções à Uma variável real

1.3 Programando o Método

1.4 Otimização de Funções à Várias Variáveis

Métodos Clássicos de Otimização

- 2.1 O Método de Newton
- 2.2 Outros Métodos
- 2.3 Programando os Métodos
- 2.4 O Método de Newton para Várias Variáveis

12CAPÍTULO 2. MÉTODOS CLÁSSICOS DE OTIMIZAÇÃO

Os Métodos Modernos de Otimização

- 3.1 Breve Relato Histórico
- 3.2 Métodos de Um
- 3.2.1 O Método Uma breve descrição
- 3.2.2 Exemplos Aplicações
- 3.2.3 Possíveis Aplicações
- 3.3 Métodos de Dois
- 3.3.1 O Método Uma breve descrição
- 3.3.2 Exemplos Aplicações
- 3.3.3 Possíveis Aplicações
- 3.4 Um com o outro

14CAPÍTULO 3. OS MÉTODOS MODERNOS DE OTIMIZAÇÃO

Aplicações à Mecânica Celeste

- 4.1 Entendendo o Problema de N Corpos
- 4.2 A Otimização na Mecânica
- 4.3 Resultados Numéricos

Demais Resultados

- 5.1 Outros Resultados
- 5.1.1

Referências Bibliográficas

- [1] Garcia, Arnaldo. Elementos de Álgebra. Rio de Janeiro. Associação instituto Nacional de Matemática Pura e Aplicada, 2003.
- [2] Lima, Elon Lajes Álgebra Linear. 7º Edição. Rio de Janeiro; IMPA, 2008.
- [3] Halmos, Paul R. Espaços Vetoriais de Dimensão Finita. Tradução [de] Guilherme de la Penha. Rio de Janeiro: Campus, 1978.