

Transformation d'une FBF en clauses :

$$(\forall x)[P(x) \Rightarrow [(\forall y)[P(y) \Rightarrow P(f(x, y))] \wedge \neg(\forall y)[Q(x, y) \Rightarrow P(y)]]]$$

1) Éliminer les implications et les équivalences :

$$(\forall x)[\neg P(x) \vee [(\forall y)[\neg P(y) \vee P(f(x, y))] \wedge \neg(\forall y)[\neg Q(x, y) \vee P(y)]]]$$

2) Réduire la portée des négations à l'aide des lois de De Morgan :

$$\begin{aligned} &(\forall x)[\neg P(x) \vee [(\forall y)[\neg P(y) \vee P(f(x, y))] \wedge (\exists y)\neg(\neg Q(x, y) \vee P(y))]] \\ &(\forall x)[\neg P(x) \vee [(\forall y)[\neg P(y) \vee P(f(x, y))] \wedge (\exists y)(Q(x, y) \wedge \neg P(y))]] \end{aligned}$$

3) Standardiser les variables :

$$(\forall x)[\neg P(x) \vee [(\forall y)[\neg P(y) \vee P(f(x, y))] \wedge (\exists z)(Q(x, z) \wedge \neg P(z))]]]$$

4) Remplacer les variables existentiels par des fonctions de Skolem :

$$(\forall x)[\neg P(x) \vee [(\forall y)[\neg P(y) \vee P(f(x, y))] \wedge [Q(x, g(x)) \wedge \neg P(g(x))]]]$$

5) Mettre sous la forme normale prénexe :

$$(\forall x)(\forall y)[\neg P(x) \vee ([\neg P(y) \vee P(f(x, y))] \wedge [Q(x, g(x)) \wedge \neg P(g(x))]]]$$

6) Mettre sous la forme normale conjonctive :

$$\begin{aligned} &(\forall x)(\forall y)[(\neg P(x) \vee \neg P(y) \vee P(f(x, y))) \wedge (\neg P(x) \vee [Q(x, g(x)) \wedge \neg P(g(x))])] \\ &(\forall x)(\forall y)[(\neg P(x) \vee \neg P(y) \vee P(f(x, y))) \wedge ([\neg P(x) \vee Q(x, g(x))] \wedge [\neg P(x) \vee \neg P(g(x))])] \end{aligned}$$

7) Éliminer les quantificateurs universels :

$$(\neg P(x) \vee \neg P(y) \vee P(f(x, y))) \wedge (\neg P(x) \vee Q(x, g(x))) \wedge (\neg P(x) \vee \neg P(g(x)))$$

8) Éliminer les « et » :

$$\neg P(x) \vee \neg P(y) \vee P(f(x, y)), \neg P(x) \vee Q(x, g(x)), \neg P(x) \vee \neg P(g(x))$$

9) Renommer les variables

$$\neg P(x) \vee \neg P(y) \vee P(f(x, y)), \neg P(z) \vee Q(z, g(z)), \neg P(t) \vee \neg P(g(t))$$