Rapport Bases de Connaissances

Selove OKE CODJO Solène EHOLIE

04/06/2014

Table des matières

1	Introduction	3
2	Rendu des programmes réalisés en TP	3
	2.1 TP1 : generation de plan	3
	2.1.1 Résolution du problème	
	2.1.2 Tests	4
	2.2 TP2: planification multi-agents	4
	2.2.1 Résolution du problème	
	2.2.2 Tests	
	2.3 TP3 : générateur-démonstrateur en logique modale	
	2.3.1 Résolution du problème	
	2.3.2 Tests	
	2.4 TP4 : générateur de plan en logique modale	
3	Travaux réalisés lors du bureau d'étude	8
	3.1 Etude de $Lm\{p\}$	8
	3.2 Etude de Lm $\{E0\}$	
	3.3 Etude d'autres logiques	
4	Conclusion	8

1 Introduction

2 Rendu des programmes réalisés en TP

2.1 TP1: generation de plan

Le but du TP1 était de prendre en main la programmation en prolog à travers un problème simple mettant en scène un agent et un objet. L'agent est capable de se déplacer d'un point a à un point b, de prendre l'objet et de le poser. Il va donc falloir générer le plan à suivre par l'agent pour aller d'une certaine situation à une autre

2.1.1 Résolution du problème

La première chose à faire était de définir les différentes actions dont notre agent est capable. Une action étant définie par une specification, une liste de conditions nécessaire à son accomplissement, une liste de propriétés qui ne seront plus vraies et une liste de nouvelles propriétés.

Ainsi, on définit l'action aller demandant à un robot de se deplacer d'un point X à un point Y. il faut donc que le robot soit en X, propriété qui deviendra fausse après le déplacement où il se retrouve en Y. La définition est donnée ci-dessous.

```
\begin{array}{c} action \,(\,a\,ll\,er\,(\,ro\,bot\,\,,X,Y)\,\,,\\ \quad [\,lie\,u\,(\,ro\,bot\,)\,\,=\,X]\,\,,\\ \quad [\,lie\,u\,(\,ro\,bot\,)\,\,=\,X]\,\,,\\ \quad [\,lie\,u\,(\,ro\,bot\,)\,\,=\,X]\,\,,\\ \quad member\,(\,X,[\,a\,,b\,])\,\,,\\ \quad member\,(\,Y,[\,a\,,b\,])\,\,,\\ \quad X\,\,\backslash=\,Y\,. \end{array}
```

Ensuite on définit prendre, il faut que le robot et la boite soient au même endroit et que la main du robot soit libre, bien sûr la main n'est plus libre aprè l'action et l'objet n'est plus à l'endroit où il était mais dans la main du robot.

```
 \begin{array}{c} action\left(\operatorname{prendre}\left(\operatorname{robot},O\right),\right. \\ & \left[\operatorname{lieu}\left(\operatorname{robot}\right) = L, \operatorname{lieu}\left(O\right) = L, \operatorname{libre}\left(\operatorname{main}\left(\operatorname{robot}\right)\right)\right], \\ & \left[\operatorname{libre}\left(\operatorname{main}\left(\operatorname{robot}\right)\right), \operatorname{lieu}\left(O\right) \!\!=\!\! L\right], \\ & \left[\operatorname{lieu}\left(O\right) \!\!=\!\! \operatorname{main}\left(\operatorname{robot}\right)\right]\right) :- \\ & \left. \operatorname{member}\left(L,\left[a,b\right]\right), \operatorname{member}\left(O,\left[\operatorname{boite}\right]\right). \end{array}
```

Enfin, on définit poser, l'objet doit être dans la main du robot avant de la quitter et se retrouver à la même position que le robot.

Il faut maintenant decrire ce que c'est qu'une transition entre un état E et un autre F, cele consiste juste en la réalisation d'une action dans E, il faut donc que les conditions soient vérifiées en E, il faut supprimer les propriétés qui ne seront plus vérifiées et ajouter les nouvelles. On a donc :

```
\begin{array}{rll} transition\left(A,E,F\right) \;:-\;\; action\left(A,\;\;C,\;\;S\;,\;\;AJ\right),\;\; verifcond\left(C,E\right),\\ suppress\left(S\;,\;\;E,\;\;EI\right),\;\; ajouter\left(AJ,EI,F\right). \end{array}
```

La fonction verificand (C,E) vérifiée l'inclusion de C dans E, suppress(S, E, EI) supprime S de E pour donner EI et ajouter (AJ,EI,F) ajoute AJ à EI pour obtenir F.

```
{\it \%verifcond}\,(C,E) est l inclusion de C dans E verifcond ([], _). {\it \%la} liste vide est toujours incluse verifcond ([C|LC], L) :- member(C,L), verifcond (LC,L).
```

```
\begin{array}{l} \textit{\%suppression} \\ \text{suppress}\left(\left[\right],L,L\right). \\ \text{suppress}\left(\left[X|Y\right],\ Z,\ T\right) \ :- \ delete\left(Z,X,U\right),\ suppress\left(Y,U,T\right). \end{array}
```

```
\% a jout \ a jouter\left(\mathrm{AJ},\mathrm{E},\mathrm{F}
ight) \ :- \ union\left(\mathrm{AJ},\mathrm{E},\mathrm{F}
ight).
```

Pour finir, il nous faut generer un plan d'une certaine profondeur, et une autre qui nous permet d'entrer la profondeur que l'on veut sans avoir à modifier le code ces deux fonctions sont données ci-dessous :

```
%generation de plan
genere(E,F,[A],1):-
    transition(A,E,F).

genere(EI,EF,[ACT|PLAN],M):-
    M > 1, transition(ACT,EI,E), N is M-1,
    between(1,N,P), genere(E,EF,PLAN,P).
```

```
planifier(Plan) :-
  init(E),
  but(B),
  nl,
  write('_Profondeur_limite_:_'),
  read(Prof),
  nl,
  genere(E,F,Plan,Prof),
  verifcond(B,F).
```

2.1.2 Tests

2.2 TP2: planification multi-agents

L'objectif ici était de faire de la planification comme au TP1 à la seule différence qu'il y a ici plusieurs agents différents. Ce qui offre un nombre de situations plus élevé et des cas plus complexes à traiter.

2.2.1 Résolution du problème

La différence principale avec le TP1 réside dans la définition des actions. On a plusieurs agents qui ont des capacités différentes, il faudra donc spécifier les agents capables d'effectuer telle ou telle autre action. De plus, concernant les lieux, un objet peut se retrouver dans la 'main' de tel ou tel autre agent, il faut donc un moyen de distinguer les 'mains'. Les objets peuvent aussi être empilés les uns sur les autres. La définition des action est donc un peu plus complexe comme nous allons le voir dans ce qui suit.

La première action définie est $aller_a_vide(R,Ld,La)$. C'est la possibilité pour un agent de se déplacer de la position Ld vers la position La sans transporter d'objet, ce qui constitue la seule différence avec l'action aller du TP1. Seul le robot1 sait le faire.

```
 \begin{array}{lll} action \left( \begin{array}{l} aller\_a\_vide \left( R,Ld,La \right), \\ & \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = Ld, & libre \left( main (R) \right) \right], \\ & \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = Ld \right], \\ & \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = La \right] \end{array} \right) :- \\ & member \left( Ld, \left[ \left[ a,b,c \right] \right), & member \left( La, \left[ \left[ a,b,c \right] \right), & member \left( R, \left[ \left[ robo1 \right] \right), & Ld \end{array} \right) = La. \\ \end{array}
```

Ensuite il fallait définir transporter(R, Ld, La, O) qui permet à un agent R d'aller de la position Ld à la position La en transportant l'objet O. Il faut donc que l'agent et l'objet soient en Ld et qu'il tienne l'objet O. Après, ils se retrouvent tout les deux en La. Le code est donné dans l'encadré ci-dessous.

```
 \begin{array}{l} action \left( \begin{array}{l} transporter \left( R,Ld,La,O \right), \\ \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = Ld, & position \left( O \right) = Ld, & lieu \left( O \right) = main \left( R \right) \right], \\ \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = Ld, & position \left( O \right) = Ld \right], \\ \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = La, & position \left( O \right) = La \right] \end{array} \right) :- \\ member \left( Ld, \left[ a,b,c \right] \right), & member \left( La, \left[ a,b,c \right] \right), & member \left( R, \left[ robo1 \right] \right), \\ member \left( O, \left[ cube1, cube2 \right] \right), & Ld \end{array} \right. \\ \end{array}
```

L'action attraper(R, O, L) décrit le fait, pour un agent R, de prendre un objetO sur la table de la position L. Il faut que l'objet soit accessible, c'est à dire qu'il n'y ait pas d'objet au dessus, l'objet n'est donc plus sur la table, n'est plus accessible et la main du robot n'est plus libre. L'objet se trouve maintenant dans la main du robot R. Elle peut être exécutée par les trois robots.

```
\begin{array}{l} action\left(\begin{array}{l} attraper\left(R,O,L\right),\\ \left[\begin{array}{l} position\left(R\right) = L, \ position\left(O\right) = L, \ sur\left(O,table\left(L\right)\right),\\ accessible\left(O\right), \ libre\left(main(R)\right)\right],\\ \left[sur\left(O,table\left(L\right)\right), \ accessible\left(O\right), \ libre\left(main(R)\right)\right], \end{array} \end{array}
```

L'action saisir(R, O, L) permet à un robot R de prendre un objet O qui se trouve en haut d'une pile et au même lieu L que le robot. La main du robot doit être libre et l'objet doit se trouver sur un autre Osous. Bien sû, après l'action, O ne se trouve plus sur Osous, il n'est plus accessible et la main du robot n'est plus libre. O est maintenant dans la main de R, et l'objet qui était en dessous est désormais accessible. Seuls les robots 2 et 3 peuvent le faire.

```
\begin{array}{l} action \left( \begin{array}{l} saisir \left( R,O,L \right), \\ \left[ \begin{array}{l} position \left( R \right) = L, \ position \left( O \right) = L, \ sur \left( O,Osous \right), \\ accessible \left( O \right), \ libre \left( main \left( R \right) \right) \right], \\ \left[ sur \left( O,Osous \right), \ accessible \left( O \right), \ libre \left( main \left( R \right) \right) \right], \\ \left[ lieu \left( O \right) = main \left( R \right), \ accessible \left( Osous \right) \right] \right. :- \\ member \left( L, \left[ a,b,c \right] \right), \ member \left( R, \left[ robo2 \,, \ robo3 \right] \right), \\ member \left( O, \left[ cube1 \,, cube2 \right] \right), \ member \left( Osous, \left[ cube1 \,, cube2 \right] \right), \ O \right. \setminus = Osous. \end{array}
```

Les actions deposer(R, O, L) et empiler(R, Osur, Osous, L) sont les actions contraires respectivement à attraper(R, O, L) et saisir(R, O, L), on ne détaillera pas leur fonctionnement. Il suffit de dérouler les scénarios dans le sens opposé à ceux d'attraper et saisir.

```
\begin{array}{l} action (\ deposer (R,O,L) \ , \\ & [\ position (R) = L \ , \ position (O) = L \ , \ lieu (O) = main (R)] \ , \\ & [\ lieu (O) = main (R)] \ , \\ & [\ sur (O,table (L)) \ , \ accessible (O) \ , \ libre (main (R))] \ ) :- \\ & member (L \ , [\ a \ , b \ , c]) \ , \ member (R \ , [\ robo1 \ , \ robo2 \ , \ robo3 \ ]) \ , member (O \ , [\ cube1 \ , cube2 \ ]) \ . \end{array}
```

2.2.2 Tests

2.3 TP3 : générateur-démonstrateur en logique modale

Au cours de cette séance, il fallait écrire un programme capable de démontrer des théorèmes sur une logique modale.

2.3.1 Résolution du problème

Dans un premier temps il fallait définir le fait qu'une proposition élémentaire P soit satisfaite dans un monde W. Déjà, il faut que P soit bien dans la liste des propositions et W dans la liste des mondes, il suffit que P soit une proposition élémentaire du monde en question, la liste étant donnée. Cela se définit comme suit :

```
satisfait (W, P) :-
   proposition (P) ,
   monde(W) ,
   m(W, L) ,
   member (P, L) .
```

Mais on ne va pas se limiter à des formules élémentaire qui ne contiennent que les propositions listées. On veut pouvoir utiliser des opérateurs. Pour cela il faut d'abord les définir avant de définir l'opération correspondante.

la négation (non): c'est un opérateur de la forme fy auquel on donnera une priorité de 200. Pour que 'non P' soit satisfait dans W, il faut que W ne fasse pas parti des mondes dans lesquels P est satisfait. Il faut donc déterminer la liste des mondes dans lesquels P est satisfait.

```
%operateur
:- op(200, fy, non).
satisfait(W, non P) :-
   monde(W),
   list_w_satisfait(P, LW),
   not(member(W, LW)).
```

```
%liste des mondes qui satisfont P
list_w_satisfait(P, LW) :-
findall(W, satisfait(W, P), LW).
```

la conjonction (et) : c'est un opérateur de la forme xfy auquel on donnera une priorité de 400. Pour que 'P et Q' soit satisfait dans W, il faut que P soit satisfait dans W et que Q soit satisfait dans W.

```
%operateur
:- op(400, xfy, et).
satisfait(W, P et Q) :-
   monde(W),
   satisfait(W,P),
   satisfait(W,Q).
```

la disjonction (ou) : c'est un opérateur de la forme xfy auquel on donnera une priorité de 400. On utilise ici l'écriture du 'ou' en fonction du 'et et du 'non', en effet 'P ou Q = non(non P et non Q).

l'implication (=>) : c'est un opérateur de la forme xfy auquel on donnera une priorité de 300. L'implication se défini par 'non P ou Q'.

l'équivalence (<=>) : c'est un opérateur de la forme xfy auquel on donnera une priorité de 300. L'équivalence n'est rien d'autre qu'une implication dans les deux sens.

```
% operateur
:- op(300, xfy, <=>).
satisfait (W, P <=> Q) :-
satisfait (W, P => Q),
satisfait (W, Q => P).
```

l'implication stricte (-») : c'est un opérateur de la forme xfy auquel on donnera une priorité de 300. On a une équivalence entre 'P » Q' et '#(P=>Q)', on aura la définition de '#' un peu plus loin.

```
%operateur
:- op(300, xfy, -->>).
satisfait(W, P -->> Q) :-
satisfait(W, #(P => Q)).
```

la possibilité (<>): c'est un opérateur de la forme fy auquel on donnera une priorité de 200. On dit que P est possible dans W s'il existe un monde W2 en relation avec W tel que W2 satisfait P. Il faut donc trouver tous les mondes en relation avec W et voir si il y en a au moins un qui satisfait P

```
%operateur
:- op(200, fy, <>).
satisfait(W, <> P) :-
   monde(W),
   un_rel_satisfait(W,P).
%une des relations de W satisfait P
un_rel_satisfait(W, P) :-
   bagof(M, rel(W,M), LM),
   un_satisfait(LM, P).
%un des lments de la liste satisfait p
un_satisfait([M | LM], P) :-
   (satisfait(M,P) -> true; un_satisfait(LM, P)).
```

la nécessarité (#): c'est un opérateur de la forme fy auquel on donnera une priorité de 200. Il se définit aisément à partir de la possibilité. En effet '#P = non(<>(non P))'.

```
%operateur
:- op(200, fy, #).
satisfait(W, # P) :-
satisfait(W, non(<>(non P))).
```

On rappelle que le but est d'écrire un programme capable de nous lister toutes les formules d'une certaine complexité qui sont des théoremes ou de nous dire si une formule donnée est un théorème.

Pour cela, on veut déjà être capable de générer toutes les formules d'une certaine complexité. Une formule de complexité 0 n'est qu'un proposition et les formules de complexité n sont définies récursivement comme une proposition suivie d'un opérateur binaire et d'une formule de complexité n-1 ou juste comme un opérateur unaire suivi d'une formule de complexité n-1. Le code est donné ci-dessous.

```
%generation de formules
 genere (P, 0): -
   proposition (P).
 genere (F, M): -
  M > 0,
   N is M-1,
   genere (FBIS, N),
   operateur (O).
   proposition (X)
   (O=(=>) -> F = ...[O, X, FBIS], F = X=>FBIS;
     O=(<=>) -> F=..[O, X, FBIS], F = X<=>FBIS;
       O=(et) -> F=..[O,X,FBIS], F = X et FBIS;
          O\!\!=\!(\,ou\,) \ -\!\!> \ F\!=\!\dots[\,O,X,FBIS\,]\;, F \ = \ X \ ou \ FBIS\,;
            O=(-->>) -> F=..[O, X, FBIS], F = X-->>FBIS;
               O=(non) -> F=..[O, X, FBIS], F = non FBIS;
                 O=(<>) -> F=.[O,X,FBIS],F=<> FBIS;
                   O=(\#) -> F=..[O, X, FBIS], F=\# FBIS).
```

Enfin, il faut écrire 'theoreme(P)', si P est une variable, on demande la complexité des formules à générer et on les gérère avant de renvoyer celles qui sont des théorèmes, sinon on vérifie juste si P est un théoreme. P est un théorème si il est vrai dans tout les mondes existant, pour arriver à cela, on récupère la liste des mondes, celle des mondes dans lesquels P est vrai et on vérifie qu'ils sont égaux.

```
%THEOREME : p doit
                              satisfait dans tous les mondes
                         tre
theoreme(P):-
      (nonvar(P) ->theoreme aux(P):
      \mathbf{write}(\ ' \cup \mathbf{complexite} \cup : \cup '),
      read(C),
      nl,
      genere(P, C),
      theoreme aux(P)).
theoreme aux(P):-
      list w satisfait (P, LW),
      \mathbf{findall}(\mathbf{W}, \mathbf{monde}(\mathbf{W}), \mathbf{ALLW}),
      egal (LW, ALLW)
%l'egalite est une double inclusion
egal (LW, ALLW) :-
      inclusion (LW, ALLW),
      inclusion (ALLW, LW).
% inclusion(C,E) est l inclusion de C dans E
inclusion([], \_). \% la liste vide est toujours incluse
inclusion([W|LW], L) := member(W, L), inclusion(LW, L).
```

2.3.2 Tests

2.4 TP4 : générateur de plan en logique modale

Concernant le TP4, nous n'avons fait que la première question. Il fallait implanter un générateur de plan en logique modale. Le problème à résoudre étant :

```
?-\ est\left( \ w0\ , [\ p1\ , \ \dots \ , \ pk\ ] \right)\ , \ \ satisfait\left( <<<\ Plan\ >>>\ (\ F1\ \hat{\ } \ \dots \ \hat{\ } \ Fn \right)\ , \ \ w0\ \right).
```

Nous supposons l'ensemble des mondes connus. Il nous faut trois nouveaux operateurs '«', '»' et '::'. Ils sont défini ci-après.

```
\% < a :: b :: c >> (P \ et \ Q)
: - \mathbf{op}(100, \ \mathrm{fy}, \ <<).
: - \mathbf{op}(150, \ \mathrm{xfy}, \ <<).
: - \mathbf{op}(100, \ \mathrm{xfy}, \ ::).
```

Il nous faut donc définir ce que c'est que de satisfaire '«A» F' dans le monde W. Ici, soit A est une suite d'actions, soit A est une seule action. Soit X la première action de A (si A est une suite) ou A lui-même (si A est une action). Il faut que les conditions de X soient vérifiées dans le monde de départ W $est_entrepeunable(A, W)$, il faut ensuite trouver un monde W2 dans lequel les effets de A sont effectifs $est_effective(A, W)$. Enfin, si A est une action, il faut que F soit satisfait dans W2, sinon si A est une suite d'actions 'X : :ABIS', il faut que '«ABIS» F soit satisfait dans W2. Le code est donné ci-dessous.

```
\begin{array}{c} {\rm satisfait} \; (W, << A >> F) \; :- \\ {\rm monde}(W) \; , \\ {\rm rel} \; (W, \; W2) \; , \; \% \; | E \; un \; monde \; W2 \\ {\rm operateur\_act} \; (O) \; , \\ {\rm (O=(::)} \; -> \; A=..[O,X,ABIS] \; , \; \%si \; on \; a \; une \; suite \; d \; 'actions \\ {\rm A= \; X:: \; ABIS} \; , \\ {\rm est\_entrepenable} \; (X, \; W) \; , \\ {\rm est\_effective} \; (X, \; W2) \; , \\ {\rm satisfait} \; (W2, \; << ABIS>> F) \; ; \\ {\rm est\_entrepenable} \; (A, \; W) \; , \; \%si \; A \; est \; une \; action \\ {\rm est\_effective} \; (A, \; W2) \; , \\ {\rm satisfait} \; (W2, \; F) \; ) \; . \; \% \; F \; est \; satisfait \; dans \; W2 \\ \end{array}
```

Il faut donc définir est _entrepenable et est _effective. $est _entrepeunable(A, W)$ permet de vérifier que les conditions de A sont satisfaites dans W, pour cela, il faut récupérer la liste des conditions, la convertir en conjonction de ses différents éléments avant de voir si cette conjonction est satisfaite dans W. Pour $est_effective(A, W)$, c'est le même principe mais on prend la négation de la conjonction des effets.

```
\% les conditions de A sont satisfaites dans W
est_entrepeunable(A, W) :-
        monde(W),
        action (A, Cond, Suppr, Ajout),
        list 2 conj (Cond, P),
         satisfait (W, P).
\% les effets de A sont effectifs dans W
est effective (A, W) :-
        monde(W),
        action (A, Cond, Suppr, Ajout),
        list 2 conj (Suppr, SU),
        list 2 conj (Ajout, AJ),
         satisfait (W, non (SU)),
         satisfait (W, AJ).
                                                        de la liste
%transforme une liste en conjonction des
                                               lments
list 2 conj ([A], A).
list 2 conj([A|LA], A et LC) :-
       list2conj(LA, LC)
```

- 3 Travaux réalisés lors du bureau d'étude
- 3.1 Etude de $Lm\{p\}$
- 3.2 Etude de $Lm{E0}$
- 3.3 Etude d'autres logiques
- 4 Conclusion