

# CI1057 - Algoritmos e Estruturas de Dados III

Lista sobre Árvores Binárias  
Segundo Semestre de 2024

**Prazo de Entrega:** 11/outubro/2024, 23:59h

A entrega é **opcional**.

A nota da lista soma até 10 pontos na nota da primeira prova.

Complete os programas `tadArvBin.c` e `clienteArvBin.c` com as funções especificadas abaixo. O programa `tadArvBin.c` pode utilizar o TAD Fila (com itens do tipo `Apontador`) para fazer a inserção dos itens por nível.

Observação importante:

- Você **não pode** alterar a função `main` do arquivo `clienteArvBin.c`. Uma parte da correção será a execução de um `diff` da saída do seu programa com a solução.
- Você pode considerar que a entrada para os itens da árvore são valores no intervalo  $[1,999]$

## Entrega:

O trabalho é individual. A entrega deve ser feita por email, com o assunto “CI1057-2s2024 - Lista 1”, para o endereço:

- `carmemhara@ufpr.br`

Sugiro que o email seja enviado da sua conta `@ufpr.br`. No semestre passado alguns alunos enviaram do endereço `@inf.ufpr.br` e houve problemas na entrega.

## Forma de entrega:

- Deve ser enviado por email um único arquivo **GRR20xxx.tar.gz**:
  - ao ser descompactado, ele deve gerar um diretório chamado `GRR20xxx`
  - este diretório deve conter apenas os arquivos `tadArvBin.c` e `clienteArvBin.c`
- o trabalho será compilado com o comando:  
`gcc clienteArvBin.c tadArvBinInt.c tadFilaApontador.o -lm -o clienteArvBin`
- o trabalho será executado com a seguinte linha de comando:  
`./clienteArvBin < entrada.txt > saida.txt`
- a verificação do resultado será feita com:  
`diff saida.txt saida.solucao.txt`

**Exercício 1:** Função `insereArvLista` no arquivo `tadArvBin.c`

A função deve gerar uma árvore “degenerada”, na qual todos os nodos tem apenas o filho esquerdo preenchido. Ou seja, a função gera uma árvore que tem o formato de uma lista.

**Exercício 2:** Função `insereArvNivel` no arquivo `tadArvBin.c`

A função deve gerar uma árvore balanceada, fazendo a inserção por nível. A árvore resultante é sempre uma árvore completa ou quase completa.

**Exercício 3:** Função `maiorParMaiorImpar` no arquivo `clienteArvBin.c`

A função retorna como resultado os parâmetros `maiorPar` e `maiorImpar` preenchidos com o maior valor par e o maior valor impar dentre os itens armazenados na árvore.

**Exercício 4:** Função `ehDeBusca` no arquivo `clienteArvBin.c`

A função retorna 1 se a árvore binária é uma *árvore binária de busca* e 0, caso contrário.

**Exercício 5:** Função `espelha` no arquivo `clienteArvBin.c`

A função retorna a raiz da árvore modificada, de forma que as subárvores esquerda e direita são trocadas.

**Exercício 6:** função `paiMenor` no arquivo `clienteArvBin.c`

Altera os valores armazenados na árvore de forma que cada nodo contenha o menor valor dentre o nodo

### Exercício 7: Função novoPai no arquivo clienteArvBin.c

- se o nodo  $n$  contiver um valor par, ele será o filho esquerdo do seu novo nodo pai, contendo o dobro do seu valor;
- se o nodo  $n$  contiver um valor ímpar, ele será o filho direito do seu novo nodo pai, contendo o dobro do seu valor mais um.

Insira uma sequencia de chaves. Finalize a sequencia com 0:

## Arvore Degenerada

(1(2(3(4(5()  
())()())()

Altura = 5

Nao eh uma arvore de busca

Insira uma sequencia de chaves. Finalize a sequencia com 0:

4 2 5 1 3 0

## Arvore Balanceada

$$(4(2(1())(3())(5())))$$

Altura = 3

Eh uma arvore de busca

Maior par = 4

Maiores ímpares = 5

Arvore espelhada

$$(4(5()())(2(3()())(1()())))$$

### Arvore com pai menor

$$(1(5()())(4(3()())(2()()))))$$

Arvore dobrada

$$(3())(1(11())(5()()))(8(4(7()(3()())))(4(2()())())())()$$

Insira uma sequencia de chaves. Finalize a sequencia com 0:

10 5 20 3 7 15 25 1 4 6 9 0

## Arvore Degenerada

```
(10(5(20(3(7(15(25(1(4(6(9(())())())())())())())())())())())()
```

Altura = 11

Nao eh uma arvore de busca

Insira uma sequencia de chaves. Finalize a sequencia com 0:

10 5 20 3 7 15 25 1 4 6 9 0

## Arvore Balanceada

$$(10(5(3(1())(4())(7(6())(9())))(20(15())(25()))))$$

Altura = 4

Eh uma arvore de busca

Maior par = 20

Maior impar = 25

Arvore espelhada

$$(10(20(25(())(15(())(5(7(9(())(6(())(3(4(())(1(())())))))$$

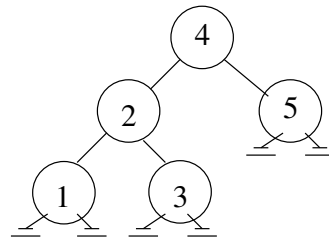
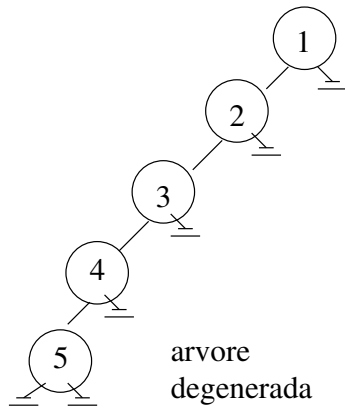
Arvore com pai menor

$$(1(15(25()())(20()()))(10(6(9()())(7()()))(5(4()())(3()()))))$$

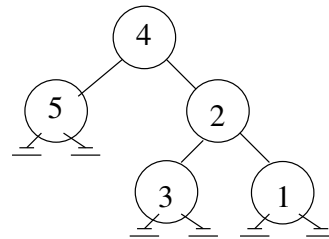
Arvore dobrada

```
(3() (1(31() (15(51() (25() ())) (40(20() ())( ()))) (20(10(12(6(19() (9() ())) (15() (7() ()))) ())(11() (5(8(4() ())( ())(7() (3() ()))))) ())))
```

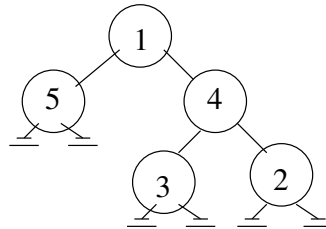
Árvores do Exemplo 1:



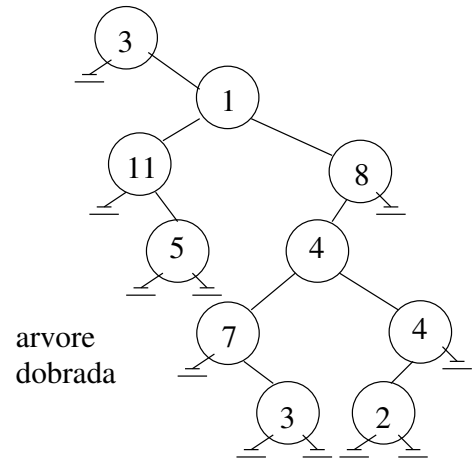
arvore balanceada



arvore espelhada



pai menor



arvore dobrada