

Exercice 1:

- 1. Soit l'alphabet $\Sigma = \{0,1\}$, on considère les mots $w_1 = 01$ et $w_2 = 101$: Calculer $w_1 = w_2 = 101$; $w_2 = w_1 = w_2 = 101$; $w_1 = 101$; $w_2 = 101$; $w_2 = 101$; $w_3 = 101$; $w_4 = 101$;
- 2. Les mots suivants sont-ils générés par l'expression régulière (ab*)b* : ε, a, aa, ba, abbb, ababb, baba?

Exercice 2:

Quels sont les langages décrits par les expressions régulières suivantes :

- 1. a(a|b)*b
- 2. (a|b)*ab(a|b)*
- 3. (aa)*a
- 4. (a|b)*(c|d)*
- 5. $aab(a|b)*(bb|aa)^{\dagger}$
- 6. (a|ab)(c|bc)

Exercice 3:

Soient les alphabets suivants :

 Σ_1 ={a, b, c, ..., z}; Σ_2 ={no, tu, me, ta, ne, lo, am}; Σ_3 ={coop, op, opera, ion, creat},

et les mots: w_1 =ali; w_2 =bali; w_3 =creation; w_4 =taam; w_5 =cooperation; w_6 =operation.

- 1. Quels sont les alphabets sur les quels les wi sont définis.
- 2. Quel est don la taille de chaque w_i.
- 3. Que faut-il ajouter à Σ_3 pour que w_5 et w_6 soient définis.
- 4. Montrer que « ali » est un suffixe de w_2 sur Σ_1 .
- 5. Montrer que « ta » est un préfixe de w_4 sur Σ_1 et sur Σ_2 .

Exercice 4:

On considère l'alphabet {a,b}, donner une expression régulière décrivant :

- 1. les mots qui commencent par b.
- 2. les mots qui contiennent exactement trois a.
- 3. les mots qui contiennent au moins trois a.
- 4. les mots qui contiennent au plus trois a.
- 5. les mots qui ne contiennent pas la séquence ab.

Exercice 5:

On considère l'alphabet {0,1}, donner une expression régulière décrivant :

- 1. les mots qui ne contiennent pas deux 0 successifs.
- 2. les mots qui ne contiennent pas la séquence 100.
- 3. les mots de longueur paire.
- 4. les mots ayant un nombre pair de 0 et un nombre pair de 1.
- 5. les mots formés d'alternances de 0 et 1.
- 6. les nombres multiples de 2 et plus grands ou égaux à 8.

Exercice 6:

On considère l'alphabet {a, b}. Donner les expressions régulières correspondantes aux propriétés suivantes :

- 1. les mots qui ne contiennent aucun b.
- 2. les mots qui contiennent au moins un a.
- 3. les mots de longueur paire.
- 4. le langage $L = \{b^n a^p\}$ avec n et p entiers et au moins l'un des deux impair.



Olfa Mouelhi

Olfa.mouelhi@esprit.tn



- 5. les mots formes d'alternance de a et de b.
- 6. les mots qui ne contiennent pas aa.

Exercice 7:

Soient : $\Sigma_1 = \{a\}$; $\Sigma_2 = \{b, c\}$

 L_1 = {u $\in \Sigma_1^*$ / u=waw', w et w' $\in \Sigma_1^*$ }; L_2 = {u $\in \Sigma_2^*$ / u=bcw, w $\in \Sigma_2^*$ et $1 \le |w| \le 2$ }

- 1. A-t-on $\varepsilon \in L_1$? $\varepsilon \in L_2$? Justifier.
- 2. Donner deux autres formulations de L_1 et L_2 .
- 3. Proposer 4 mots: m_{11} , m_{12} , m_{21} et m_{22} tel que: m_{11} et $m_{12} \in L_1$, m_{21} et $m_{22} \in L_2$
- 4. Soit M=m₁₁.m₂₂. Donner la chaine représentant M. Donner |M|

Exercice 8:

Soit R et S deux expressions régulières définies comme suit :

$$R=a(a|b)^*ba$$
,
 $S=(ab)^*|(ba)^*|(a^*|b^*)$

- 1. Trouver un mot inclus dans le langage dénoté par R, mais qui ne soit pas inclus dans le langage dénoté par S.
- 2. Trouver un mot inclus dans le langage dénoté par S, mais qui ne soit pas inclus dans le langage dénoté par R.
- 3. Trouver un mot inclus dans le langage dénoté par R et dans le langage dénoté par S.
- 4. Trouver un mot qui ne soit pas inclus ni dans le langage dénoté par S, ni dans le langage dénoté par R.

Exercice 9:

Soit l'alphabet : $\Sigma = \{a, b\}$

Proposer pour chacun des langages suivants unes représentation formelle :

- 1. Le langage de l'ensemble de mots palindromes.
- 2. Le langage de l'ensemble de mots de longueur paire.
- 3. Le langage de l'ensemble de mots contenant un nombre impair de b.
- 4. Le langage de l'ensemble de mots de longueur inférieur à 8 et contenant un nombre pair de a.

Exercice 10:

Soient trois langages L_1 , L_2 , L_3 sur l'alphabet $\Sigma = \{a, b\}$ définis par :

 $L_1=\{\varepsilon, a, b, ab, ba, aba, aaba, abba, abaa\}$

 $L_2 = \{ w \in \Sigma^* / 0 < |w|_b < |w|_a \}$

 $L_3=\{w \in \Sigma^*/\exists n, m \in IN, n < m, w = a^nba^m\}$

Calculer $L_1 \cap L_2$, L_1 - L_3

Exercice 11:

Soit l'alphabet $V=\{a,b\}$ et les langages $L_1=\{a,ab,ba\}$ et $L_2=\{\epsilon,b,ba\}$

- 1. Donner les résultats des opérations suivantes : $L_1.L_2$; $L_2.L_1$; $L_1.\emptyset$; $\emptyset.L_2$; $L_1.\{\epsilon\}$; $\{\epsilon\}.L_2$; $L_2 \cap \{\epsilon\}$
- 2. Si L_3 et L_4 sont deux langages tels que L_3 . L_4 ={ ϵ }, que peut-on dire de L_3 et L_4 ?
- 3. Si L_5 et L_6 sont deux langages tels que L_5 . L_6 = \emptyset , que peut-on dire de L_5 et L_6 ?

