



Серия 1. Системы счисления

- 1. Переведите в 10-ичную систему числа (Каждый пункт 0.25 балла)
 - (a) 10000_2 ,
 - (b) 12401_{-7} ,
 - (c) 666666667,
 - (d) $1_2 + 2_4 + 3_8 + \dots + (N^2)_{2^{N^2}}$,
 - (e) 1010101010010₋₂
 - (f) $1221_{2,5}$
- **2.** Представьте число 18437 в системе счисления с основанием e. Точность не менее 6 знаков после запятой (1 балл)
- **3.** $533533_9 = X_{101}$. Найдите X. (1 балл)
- **4.** Петя взял число N и пусть S сумма всех таких N-битных чисел, в двоичной записи которых, единиц не меньше, чем нулей. Докажите, что S делится на 2^N-1 . (1.5 балла)
- **5.** Докажите, что число $0.10100100010000100001...._2$ не представимо в виде $\frac{p}{q}$, где p целое, а q натуральное. (2 балла)
- **6.** Напишите программу, которая переводит число из системы счисления X в систему счисления Y. Формально даны $A, X, Y \in \mathbb{N}$, преобразовать A_X в A_Y и вывести. Добавьте в вашу программу проверку корректности записи числа A в системе счисления X. Допустимые языки: C, C++, Java, Pascal, JavaScript, Python, Clojure. (2 балла)
- 7. Дано выражение: $XYZ_9 + ZXY_{12} + YZX_{15} = 3000_{10}$. В данном выражении X, Y и Z допустимые различные цифры указанных систем счисления. Найдите какое-нибудь решение выражения или докажите, что решений нет. (2 балла)
- **8.** Найдите все решения уравнения $(X^2)_Y N(Y^2)_X = 1$, где X,Y целые числа, а N целое число, не являющееся квадратом натурального. (4 балла)







P.S. Нижний индекс обозначает систему счисления. Системы счисления приведены в 10-ичной форме. Если рядом с числом не указан нижний индекс, значит оно находится в 10-ичной системе счисления.





Серия 2. Логические элементы, булевы функции

- 1. На вход даются 2 бита A_1, B_1 . Вывести их
 - (а) Сумму отрицаний (0,25 баллов)
 - (b) Штрих Шеффера. (0,25 баллов)
 - (с) Стрелку Пирса. (0,25 баллов)
 - (d) Тождественную единицу (0,25 баллов)
- **2.** На вход даются 3-битные числа $A_1, A_2, A_3, B_1, B_2, B_3$. Вывести их сумму (1 балл)
- **3.** На вход даются 3-битные числа $A_1, A_2, A_3, B_1, B_2, B_3$. Вывести их про-изведение (1 балл)
- **4.** На вход даются 3-битные числа $A_1, A_2, A_3, B_1, B_2, B_3$. Вывести их сумму по модулю 5. (1,5 балла)
- **5.** Дан логический элемент "Штрих Шеффера". Можно ли выразить через него остальные булевы функции? (2 балла)
- **6.** На вход даются 2 матрицы. $\begin{pmatrix} A_1 & B_1 \\ C_1 & D_1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_2 & B_2 \\ C_2 & D_2 \end{pmatrix}$. Вывести произведение матриц (2 балла)
- 7. На вход даются 2 матрицы. $M_1=\begin{pmatrix} \mathrm{A}_1 & \mathrm{B}_1 \\ \mathrm{C}_1 & \mathrm{D}_1 \end{pmatrix},\ M_2=\begin{pmatrix} \mathrm{A}_2 & \mathrm{B}_2 \\ \mathrm{C}_2 & \mathrm{D}_2 \end{pmatrix}.$ Вывести $det(M_1)^{det(M_2)}$. (2,5 балла)
- 8. Напишите стэк на логических элементах. Методы push, pop, begin. (40 баллов)
- P.S Матрицы состоят из однобитных чисел. В каждой задаче все вычисления происходят с учётом битов переноса.





Серия 3. Дробные числа

- 1. Объясните, почему следующий код выводит false. (1 балл) float f = 1.1f; double d = f;
 - std::cout * (d == 1.1 ? "true": "false");
- 2. Какое максимальное число unsigned int может храниться во float без потери точности? (1 балл)
- **3.** Выведите битовое представление числа $\pi = 3.1415926535.(1$ балл)
- **4.** Почему 0.1 не может быть точно представлено? Объясните, почему число 0.1 в двоичной системе становится периодической дробью. Приведите примеры других таких чисел. (1 балл)
- **5.** Объясните, почему денормализованные числа нарушают закон тождества (x y == 0 => x == y).

Приведите пример кода, где это проявляется. (1 балл)

6. Возьмите алгоритм численного интегрирования (например, метод трапеций) и исследуйте, как выбор типа (float vs double) влияет на точность результата. (3 балла)