



#### Серия 1. Системы счисления

- 1. Переведите в 10-ичную систему числа (Каждый пункт 0.25 балла)
  - (a)  $10000_2$ ,
  - (b)  $12401_{-7}$ ,
  - (c)  $66666666_7$ ,
  - (d)  $1_2 + 2_4 + 3_8 + \dots + (N^2)_{2^{N^2}}$
  - (e)  $10101010101010_{-2}$
  - (f)  $1221_{2,5}$
- **2.** Представьте число 18437 в системе счисления с основанием e. Точность не менее 6 знаков после запятой (1 балл)
- **3.**  $533533_9 = X_{101}$ . Найдите X. (1 балл)
- **4.** Петя взял число N и пусть S сумма всех таких N-битных чисел, в двоичной записи которых, единиц не меньше, чем нулей. Докажите, что S делится на  $2^N-1$ . (1.5 балла)
- **5.** Докажите, что число  $0.10100100010000100001...._2$  не представимо в виде  $\frac{p}{q}$ , где p целое, а q натуральное. (2 балла)
- **6.** Напишите программу, которая переводит число из системы счисления X в систему счисления Y. Формально даны  $A, X, Y \in \mathbb{N}$ , преобразовать  $A_X$  в  $A_Y$  и вывести. Добавьте в вашу программу проверку корректности записи числа A в системе счисления X. Допустимые языки: C, C++, Java, Pascal, JavaScript, Python, Clojure. (2 балла)
- 7. Дано выражение:  $XYZ_9 + ZXY_{12} + YZX_{15} = 3000_{10}$ . В данном выражении X, Y и Z допустимые различные цифры указанных систем счисления. Найдите какое-нибудь решение выражения или докажите, что решений нет. (2 балла)
- **8.** Найдите все решения уравнения  $(X^2)_Y N(Y^2)_X = 1$ , где X,Y целые числа, а N целое число, не являющееся квадратом натурального. (4 балла)







P.S. Нижний индекс обозначает систему счисления. Системы счисления приведены в 10-ичной форме. Если рядом с числом не указан нижний индекс, значит оно находится в 10-ичной системе счисления.





## Серия 2. Логические элементы, булевы функции

- 1. На вход даются 2 бита  $A_1, B_1$ . Вывести их
  - (а) Сумму отрицаний (0,25 баллов)
  - (b) Штрих Шеффера. (0,25 баллов)
  - (с) Стрелку Пирса. (0,25 баллов)
  - (d) Тождественную единицу (0,25 баллов)
- **2.** На вход даются 3-битные числа  $A_1, A_2, A_3, B_1, B_2, B_3$ . Вывести их сумму (1 балл)
- **3.** На вход даются 3-битные числа  $A_1, A_2, A_3, B_1, B_2, B_3$ . Вывести их произведение (1 балл)
- **4.** На вход даются 3-битные числа  $A_1, A_2, A_3, B_1, B_2, B_3$ . Вывести их сумму по модулю 5. (1,5 балла)
- **5.** Дан логический элемент "Штрих Шеффера". Можно ли выразить через него остальные булевы функции? (2 балла)
- **6.** На вход даются 2 матрицы.  $\begin{pmatrix} A_1 & B_1 \\ C_1 & D_1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_2 & B_2 \\ C_2 & D_2 \end{pmatrix}$ . Вывести произведение матриц (2 балла)
- 7. На вход даются 2 матрицы.  $M_1=\begin{pmatrix} \mathrm{A}_1 & \mathrm{B}_1 \\ \mathrm{C}_1 & \mathrm{D}_1 \end{pmatrix},\ M_2=\begin{pmatrix} \mathrm{A}_2 & \mathrm{B}_2 \\ \mathrm{C}_2 & \mathrm{D}_2 \end{pmatrix}.$  Вывести  $det(M_1)^{det(M_2)}$ . (2,5 балла)
- 8. Майнкрафт! Дедлайн конец лагеря! Соберите 2 битную ячейку памяти, которая была показана на занятии в майнкрафте. (25 баллов)
- P.S Матрицы состоят из однобитных чисел. В каждой задаче все вычисления происходят с учётом битов переноса.





# Серия 3. Дробные числа

- **1.** Объясните, почему следующий код выводит false. (1 балл) float f = 1.1f; double d = f;
  - std::cout « (d == 1.1 ? "true": "false");
- 2. Какое максимальное число unsigned int может храниться во float без потери точности? (1 балл)
- **3.** Выведите битовое представление числа  $\pi = 3.1415926535.(1$  балл)
- **4.** Почему 0.1 не может быть точно представлено? Объясните, почему число 0.1 в двоичной системе становится периодической дробью. Приведите примеры других таких чисел. (1 балл)
- **5.** Объясните, почему денормализованные числа нарушают закон тождества (x y == 0 => x == y).

Приведите пример кода, где это проявляется. (1 балл)

**6.** Возьмите алгоритм численного интегрирования (например, метод трапеций) и исследуйте, как выбор типа (float vs double) влияет на точность результата. (3 балла)





## Серия 4. Затишье перед бурей

- 1. Даны арифметические выражения  $V_i$ , записанные в инфиксной записи. Переведите эти выражения в постфиксную запись. Можно заменять выражения на экваивалентные, например 2\*2+2\*2=2\*(2+2)
  - а)  $V_1: z = 9*2+13*2$ . (0,125 балла)
  - b)  $V_2: z = (187 3) * 13. (0,125 балла)$
  - с)  $V_3: z = 7*(4-1) + 10/2.$  (0,125 балла)
  - d)  $V_4: z = (30/(2+3))*(8-4)+6.$  (0,25 балла)
- **2.** Дано выражение: z = 4\*a\*b-13\*a\*e+d-c\*13+17\*37 Архитектура памяти регистрово-регистровая. (0,375 балла)
- **3.** z=(a+b)\*c+d-e/(f+(g-h\*i+j)-k)+(l/m\*(n+(o-p))). Дано выражение. Написать команды, которые его вычисляют. Архитектура памяти аккумуляторная. (1 балл)
- **4.** Напишите программу, которая преобразует выражения, записанные в инфиксной записи в выражения в префиксной записи. Доступные языки: C++, Java. Пример (a \* b + a / c) -> (+ \* a b / a c). (5 баллов)





## Серия 5. Ассемблер. Синтаксис. Условные операторы

- 1. Учебные задачки
  - а) Даны 3 числа, сложите их. (0,5 балла)
- b) Даны 2 числа, проверьте, что первое больше удвоенного второго. (0,5 балла)
- с) Даны 3 числа, сложите их попарные произведения, учитывая переполнение типа данных uint32 t. (0,5 балла)
  - d) Даны 2 даты. Сравните их на равенство. (0,5 балла)
- **2.** Даны 3 числа a,b,c. Положить среднее из  $\frac{a+b}{2},\frac{b+c}{2},\frac{a+c}{2}$  в 0-ой регистр. (1 балл)
- **3.** Дан год. Выведите в 0-ой регистр, сколько дней в этом году. (Прикол в том, что бывают високосные года) (1 балл)
- **4.** Даны 5 чисел. Отсортируйте их пузырьковой сортировкой. Запишите результат сортировки в первые 5 регистров. (2 балла).
- **5.** Даётся шахматная доска. Также даны сначала координаты чёрного слона, потом координаты белого. Через какое минимальное число ходов на доске может остаться ровно 1 слон? Ответ должен быть в первом регистре. (3 балла)
- 6. Крестики-нолики! Дана доска 3\*3. Клетки нумеруются от 1 до 9. Игроки играют в крестики-нолики. В регистрах лежит информация по каждому ходу в виде 32-битного числа, где первые 8 битов ASCII-код (0) или (х), ещё по 2 следующих бита на 2 координаты символа на доске. В нулевом регистре должна появиться информация о том, на каком ходу закончилась игра. Также в первом регистре должна появиться информация о результате игры. (7 баллов)
- P.S. Вы сами можете определять в каких регистрах будут производиться вычисления и в каких лежат данные.





## Серия 6. Ассемблер. Циклы. Рекурсия

- **1.** Дано число N. Положите в первый регистр число (N!) (1 балл)
- 2. Дано число N. Найдите N-ое число Фибоначчи. (1 балл)
- **3.** Даны числа a, b. Найдите ближайшее к b число, делящееся на a. Числа могут быть отрицательными. (1 балл)
- **4.** Дано натуральное число. Определить, сколько в его троичной записи битов, равных 0 или 1. (1 балл)
- **5.** Дано число вида  $2^n 3^k 5^m$ . Вывести список делителей этого числа в разные регистры. (3 балла)
- **6.** Дано число N. Найдите максимальное такое нечётное K, что K  $< N^2$  и среди чисел N+1,N+3,...,N+K не более 5 простых. (6 баллов)





## Серия 7. Чемпионат по ассемблеру

#### Серия 7..1 Правила

В чём состоит игра? В начале у каждой команды есть по 100 баллов. Вам будут даваться некоторые задачи на минимизацию/максимизацию ответа, в которых нужно будет дать только ответ. Раунд происходит следующим образом: сначала все команды ставят по 5 баллов и на доске пишется какой-то неоптимальный ответ. З раза по истечении 2 минут можно поднимать ставку. Каждая из команд может поддержать и поставить столько же, поднять, или же может уйти и отдать ставку. В конце оставшиеся в игре команды открывают свои ответы, та команда, у которой ответ больше, демонстрирует алгоритм решения. Если алгоритм неверный, команда проигрывает и право доказывать решение переходит к следующей команде и так до тех пор, пока одна из команд не докажет ответ. Выигравшая команда забирает на свой счёт очки. Игра заканчивается, когда все команды обанкротятся, или когда задачи закончатся.

#### Серия 7..2 Стоимости операций

Рассмотрим стоимости операций:

Операции за 20 тактов: деление (div r1 r2), взятие остатка от деления (rem r3 r1 r2).

Операции за 10 таков: добавление переменной (load x).

Операции за 4 такта: умножение (mul r1 r2).

Операции за 1 такт: загрузка констант (load const), сложение (add/addi r3 r1 r2/const), вычитание (sub r3 r1 r2), битовые операции(xor/or/and r3 r2 r1/const).

#### Серия 7..3 Задачи

Будут на игре. Эти задачи можно будет сдать только сегодня, за них тоже будут поставлены баллы, возможно частичные, каждому члену команды.