

#### PONTIFÍCIA UNIVERSIDADE CATÓLICA DE MINAS GERAIS

Instituto de Ciências Exatas e Informática

Disciplina	Curso	Período								
Técnicas Avançadas de Programação	Sistemas de Informação	5°								
Professor										
Kleber Jacques F. de Souza (klebersouza@pucminas.br)										

# Exercícios - Programação Dinâmica

## Instruções

- Esta lista de exercícios deve ser entregue individualmente.
- Esta lista deve ser manuscrita.

## Questões

- 1. Apresente um esboço do esquema geral da Técnica de Projeto de Programação Dinâmica.
- 2. Considere os algoritmos baseados em Programação Dinâmica. Quando eles são utilizados? Qual é o principal problema que enfrentam os algoritmos de Programação Dinâmica?
- 3. Suponha que tenhamos disponíveis moedas com valores de 15, 10, 5, 3 e 1. O problema é criar um algoritmo que para conseguir obter um determinado valor com o menor número de moedas possível (problema do troco). Execute o algoritmo de Programação Dinâmica para resolver este problema e mostre o resultado para os seguintes valores de troco: 9, 13, 17 e 20.

#### Resposta:

M	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
3	0	1	2	1	2	3	2	3	4	3	4	5	4	5	6	5	6	7	6	7	8
5	0	1	2	1	2	1	2	3	2	3	2	3	4	3	4	3	4	5	4	5	4
10	0	1	2	1	2	1	2	3	2	3	1	2	3	2	3	2	3	4	3	4	2
15	0	1	2	1	2	1	2	3	2	3	1	2	3	2	3	1	2	3	2	3	2

4. Digamos que vocês desejam transportar alguns itens de materiais de construção com o intuito de leválos da loja ao local da construção. Para tanto, conseguiram emprestado um caminhão que possui 20 m³ e volume como capacidade máxima. Como o edifício deverá ser devolvido o mais rápido possível, poderá ser realizada apenas uma viagem. Assim, deverão ser escolhidos os itens de forma a otimizar o conteúdo transportado pelo caminhão ao fazer o frete. Para efetuar a escolha dos produtos utilizem-se da tabela abaixo. Execute o algoritmo de Programação Dinâmica para resolver este problema.

Ítem	$\mathbf{Q}$ tde em $m^3$	Benefício
Areia	12	8
Pedra	12	7
Cimento	3	13
Cal	4	11,5
Madeira	8	10
Ferro	2	10

#### Resposta:

В	QTD	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
10	2	0	0	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10
13	3	0	0	10	13	13	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23	23
11,5	4	0	0	10	13	13	23	23	24,5	24,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5
10	8	0	0	10	13	13	23	23	24,5	24,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	44,5	44,5	44,5	44,5
8	12	0	0	10	13	13	23	23	24,5	24,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	44,5	44,5	44,5	44,5
7	12	0	0	10	13	13	23	23	24,5	24,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	34,5	44,5	44,5	44,5	44,5

5. Resolva o problema da maior subsequencia crescente abaixo com Programação Dinâmica.

 $\bullet$  Use a instância: x = A C T G T G C A com o seu reverso y = A C G T G T C A.

Dica: sabe-se que tem que dar 7. Original: A C T G T G C A Reverso: A C G T G T C A

### Resposta:

	Y	A	С	Т	G	Т	G	С	A
X	0	0	0	0	0	0	0	0	0
A	0	1	1	1	1	1	1	1	1
С	0	1	2	2	2	2	2	2	2
G	0	1	2	2	3	3	3	3	3
Т	0	1	2	3	3	4	4	4	4
G	0	1	2	3	4	4	5	5	5
Т	0	1	2	3	4	5	5	5	5
С	0	1	2	3	4	5	5	6	6
A	0	1	2	3	4	5	5	6	7