











# Week03 비즈니스 애널리틱스 개요 (II)

국민대학교 비즈니스IT전문대학원 안 현 철 교수 (hcahn@kookmin.ac.kr)

#### 목 차











#### 1

#### 통계학 개요

- 통계 및 통계분석
- 통계의 기본 개념들
- 통계의 2가지 분야
- 통계분석의 절차
- 통계분석과 컴퓨터

#### 2

#### SPSS Statistics 활용

- SPSS Statistics 기본 구성
- 자료의 입력
- 기술통계 실습
- 카이제곱 검정: 교차분석
- 독립표본 t검정
- 대응표본 t검정
- 일원배치 분산분석: One-way ANOVA

### 통계 및 통계분석

❖ 통계학(Statistics) 이란?

진실된 현황을 가능한 정확히 알아내고, 미래에 대한 적절한 예측을 하기 위해 자료를 효율적으로 수집 정리하고, 분석하는 학문분야

- ❖ 통계분석의 목적
  - 1. 진실된 현황을 제대로 파악하기 위해
  - 2. 미래를 예측하기 위해
- ❖ 통계학이 적용되는 대표적인 예들
  - 공학자 : 현재 생산되는 제품의 품질이 어떤 상태에 있는가?
  - 경영자: 제품에 대한 소비자의 선호도가 어떻게 나타나고 있는가?
  - 사회과학자 : 정치에 대한 국민들의 의견은 어떻게 나타나고 있는가?





### 통계의 기본 개념들 : 모집단과 표본 (1)

우리나라 국회의원들이 소유하고 있는 주택의 평균가격은 얼마인가?

- ❖ 모집단 (population)
  - 관심의 대상이 되는 집단 전체
  - (예) 우리나라 국회의원들이 소유하고 있는 모든 주택
- ❖ 모수 (parameter)
  - 모집단이 가지고 있는 특징을 나타내는 수치
  - (예) 평균 가격
- ❖ 전수조사 (census)
  - 모집단의 모든 개체를 전부 조사하는 방법
  - 모수의 값을 가장 정확하게 알아내는 방법 : 하지만 시간과 비용은?

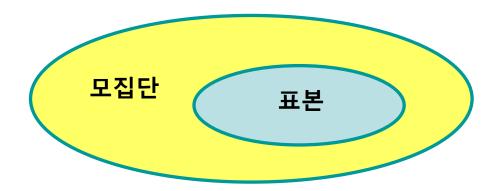




### 통계의 기본 개념들 : 모집단과 표본 (2)

#### ❖ 표본 (Sample)

- 모수의 값을 알아내기 위해 추출된 모집단의 일부분
- 일반적인 통계분석에서는 모집단의 일부만 조사하여, 모집단의 모수를 추측!
- 100% 정확하지는 않지만, 거의 근접한 값을 제공해 줄 수 있음
- 대신 시간과 비용을 크게 절약할 수 있는 방법



#### ❖ 표본 추출

- 표본이 모집단을 대표할 수 있도록 추출하는 것이 중요
- 표본추출이 잘못되어 발생한 해프닝 사례 : 미국의 1936년 대선 → 민주당 Franklin Roosevelt vs. 공화당 Alf Landon





#### 통계의 2가지 분야

기술통계학

수집된 자료들이 가지고 있는 정보를 손쉽게 파악할 수 있도록 표현하는 방법에 대한 내용을 다루는 학문분야

- 통계조사를 마치고 나면, 대부분 많은 양의 정보가 발생
   → 수집 자료들이 가지고 있는 정보를 쉽게 파악할 수 있도록 하는 방안 필요
- 그래프를 이용하거나, 평균치 등의 대표값을 구하여 제공하는 방법 등을 포함
- ❖ 추리통계학

수집된 자료들을 분석해 볼 때, 알아내고자 했던 모집단의 모수는 얼마로 추정되는지, 미래의 예측치는 얼마라고 예상되는지 등의 결론을 도출하는 학문 분야

- 수집된 자료를 통하여 원래 알아보고자 했던 문제에 대한 결론을 도출
- 통계학의 대부분 내용들이 여기에 해당





### 통계분석의 절차

- ❖ 1. 문제의 올바른 파악
  - 대상이 되는 모집단에 대해 정확하게 설정
  - 알아내려는 사항이 무엇인지 제대로 파악
- 2. 표본의 추출과 자료의 수집
  - 비표본오차(nonsampling error)가 발생하지 않도록 설계
    - 표본오차 : 모집단을 표본으로 추정하는데서 비롯되는 오차 (피할 수 없음)
    - 비표본오차 : 표본추출이 잘못할 경우, 발생되는 오차 (피할 수 있음)
  - 자료 수집의 2가지 방법
    - 실험 (experiment) : 자연과학 분야
    - 설문 (survey) : 사회과학 분야
- ❖ 3. 수집된 자료의 적절한 정리 (전처리): 기술통계학
- ❖ 4. 모집단에 대한 추론 : 추리통계학





### 통계분석과 컴퓨터

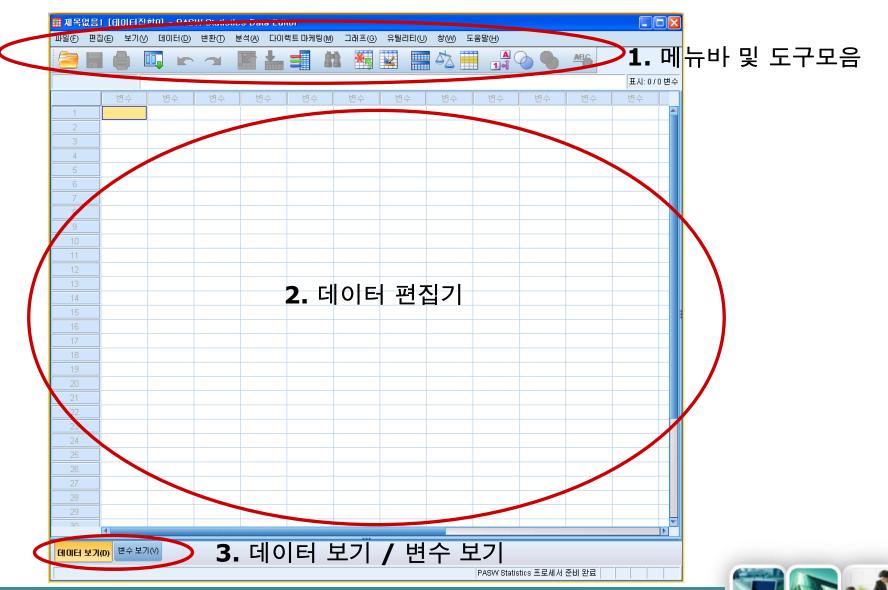
- ❖ 통계분석과 컴퓨터는 불가분의 관계
  - 통계는 많은 데이터를 수집, 정리, 분석해야 함 → 컴퓨터 활용이 필수
  - 많은 통계분석용 컴퓨터 패키지 존재
- ❖ 대표적인 통계 패키지
  - SAS (Statistical Analysis System) : 공학자들에게 선호 / 방대한 자료 처리
    - "SAS라는 통계상자", 김충련, 데이터리서치, 1993
  - SPSS (Statistical Package for the Social Science) : 사회과학자들이 선호
    - 우수하고 편리한 Interface로 유명한 패키지
    - ▶ 본 실습은 SPSS를 중심으로 강의를 전개
    - "SPSS17.0 사회과학 통계분석", 강병서, 김계수 공저, 한나래 아카데미, 2009
  - Minitab
  - IBM Scientific Subroutine Packages
  - eViews, Statistica 등





#### SPSS Statistics의 기본 구성 (1)

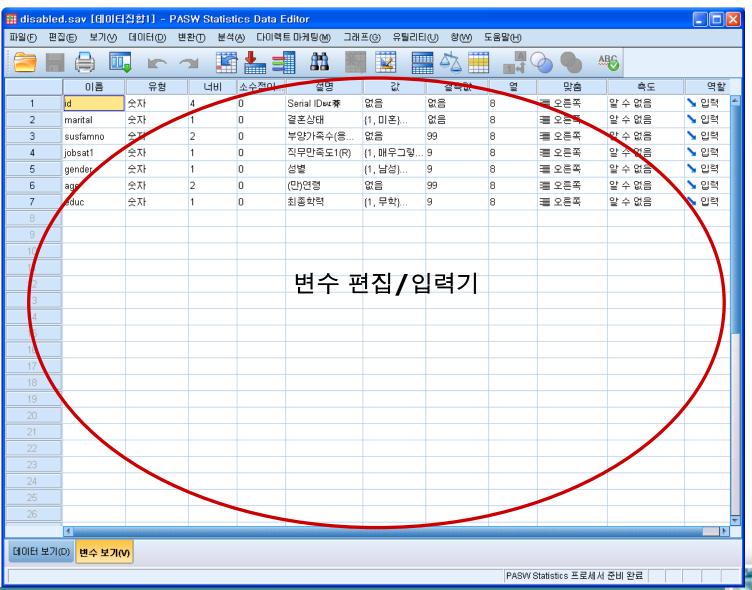
❖ SPSS Statistics의 기본 화면 구성 : 데이터 편집기





#### SPSS Statistics의 기본 구성 (2)

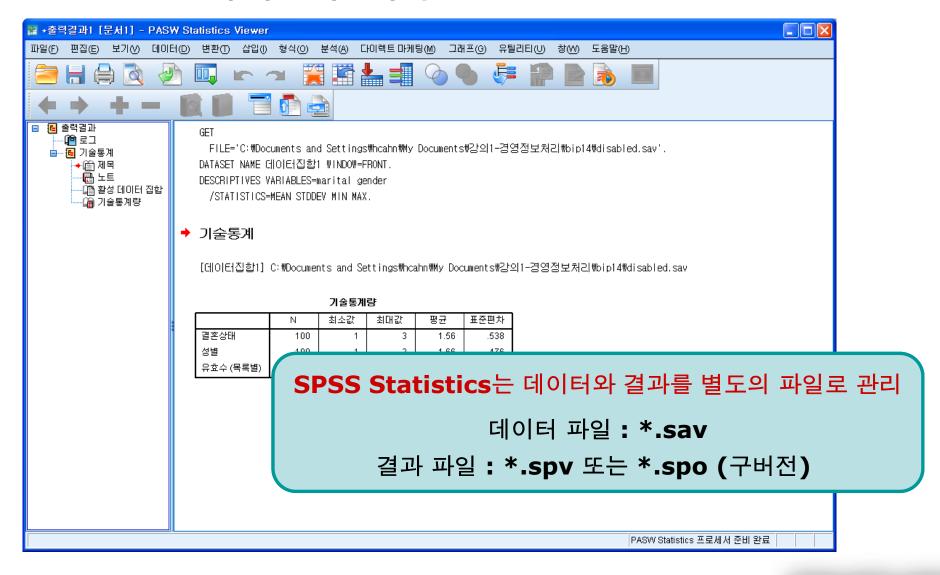
❖ SPSS Statistics의 기본 화면 구성 : 변수 편집기





#### SPSS Statistics의 기본 구성 (3)

❖ SPSS Statistics의 기본 화면 구성 : SPSS Statistics Viewer

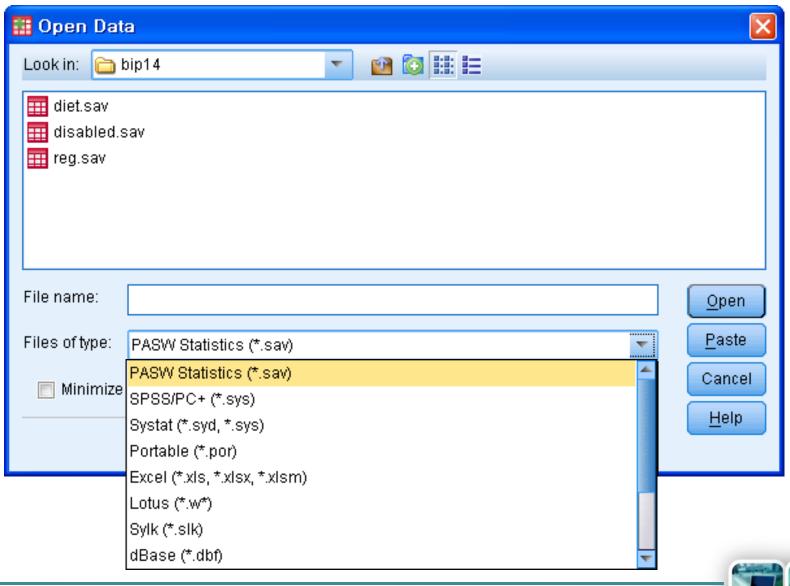






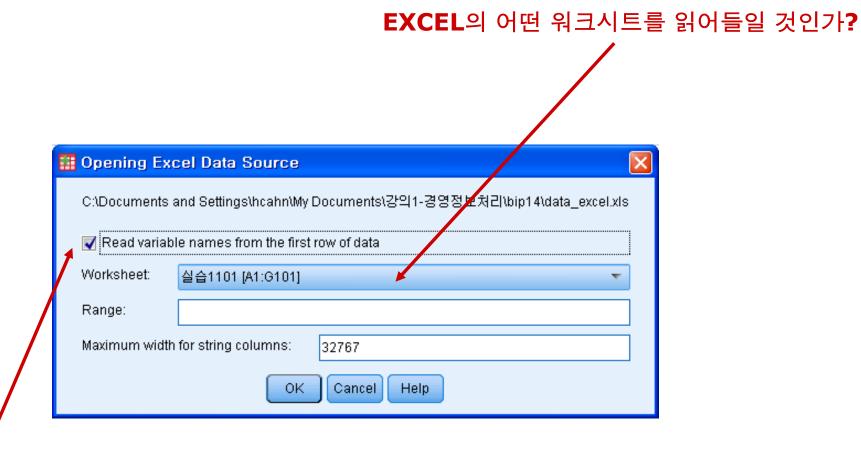
### 자료의 입력(1)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기



### 자료의 입력 (2)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : EXCEL 파일



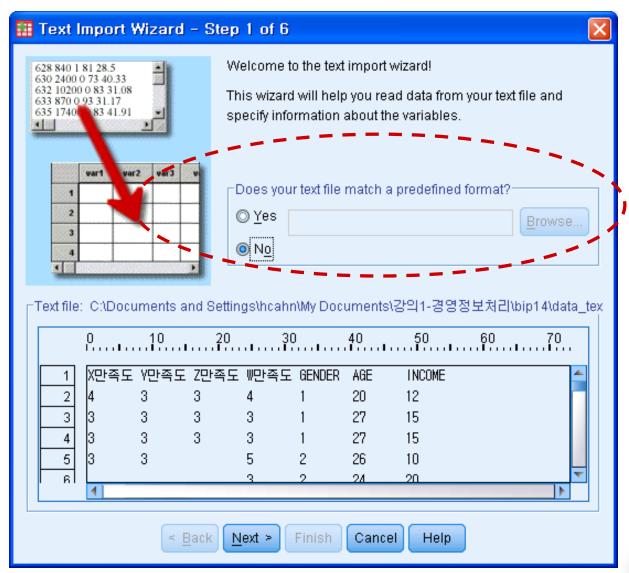
EXCEL 워크시트의 맨 앞줄을 변수명으로 입력받을 것인가?





## 자료의 입력 (3)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : Text 파일 (1)

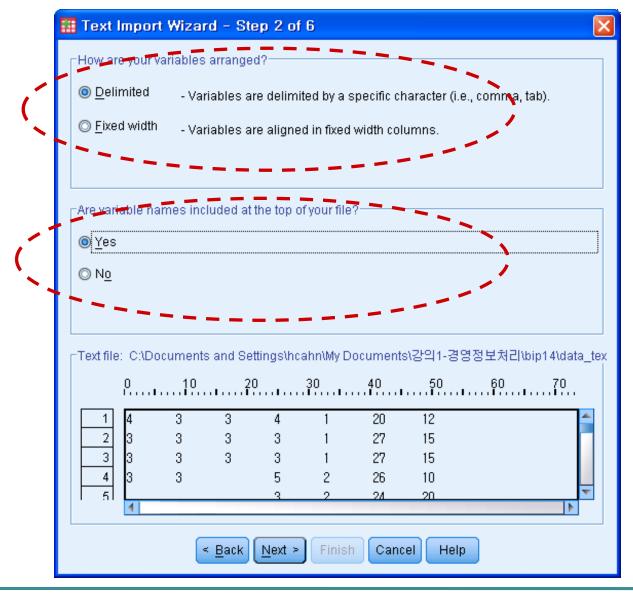






### 자료의 입력 (4)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : Text 파일 (2)

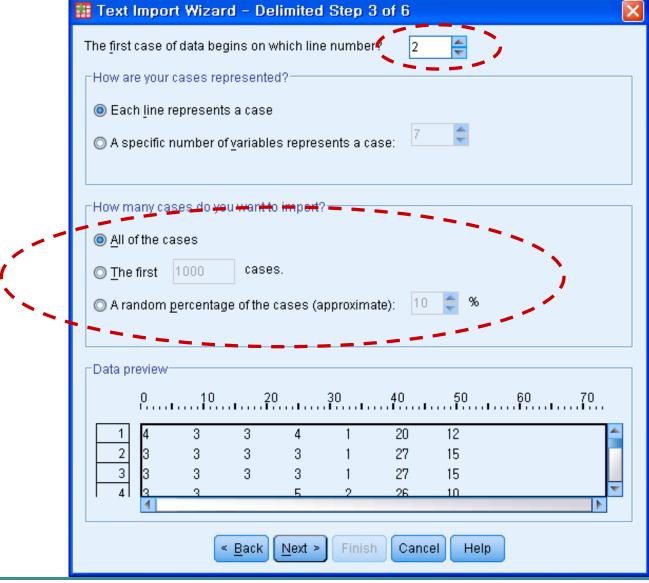






## 자료의 입력 (5)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : Text 파일 (3)

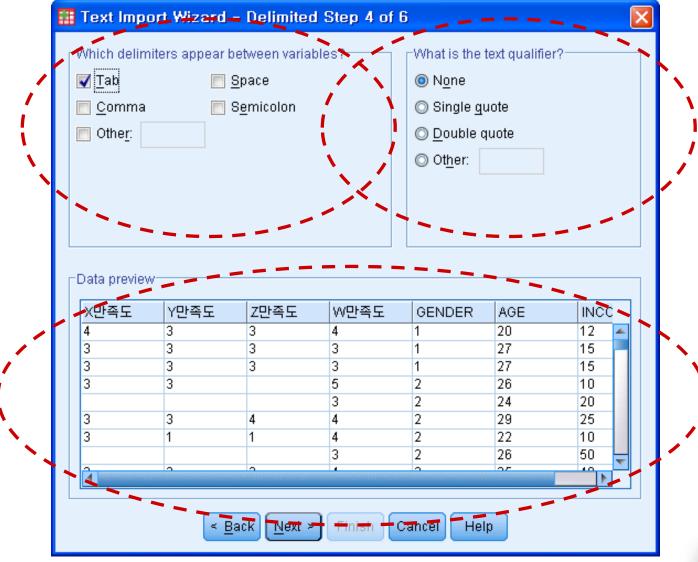






### 자료의 입력 (6)

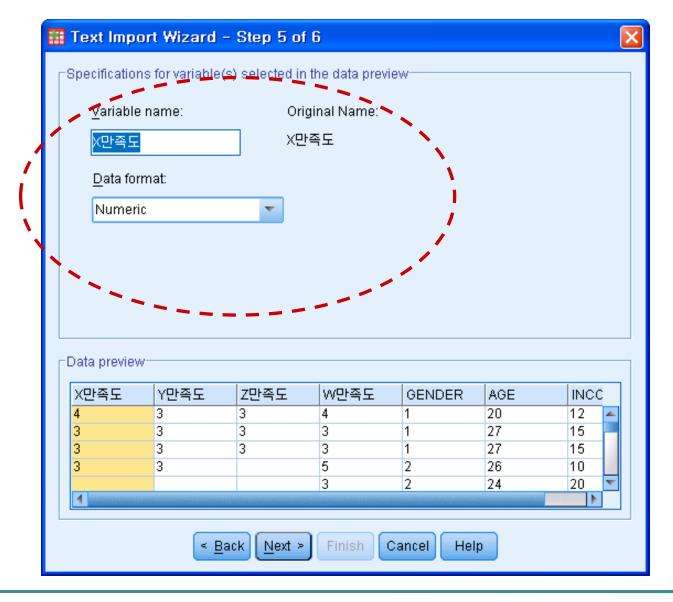
❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : Text 파일 (4)





### 자료의 입력 (7)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : Text 파일 (5)

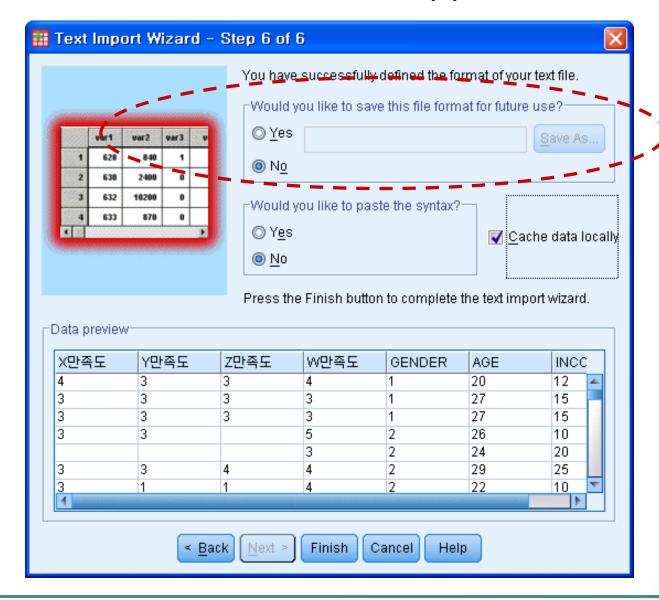






### 자료의 입력 (8)

❖ 다른 유형의 자료를 입력 받기 : Text 파일 (6)







### 기술통계 실습 (1)

- ❖ 빈도분석
  - 남자가 더 많을까? 여자가 더 많을까?
  - Analysis > Descriptive Statistics > Frequencies
  - 'Statistics' 버튼을 누르면, 다음과 같은 추가적인 통계정보 파악 가능
    - Percentile Values (백분위수): 상위 x%의 기준이 되는 값이 어디인가?
    - Quartile (사분위수) : 상위 25%, 50%, 75%의 기준이 되는 값이 어디인가?
    - Mean (산술평균)
    - Median (중앙값)
    - Mode (최빈값)



- Variance (분산) / Std. deviation (표준편차) / Kurtosis (첨도) / Skewness (왜도)
   : 다음 슬라이드에 상세 설명
- 'Charts' 버튼을 누르면, Histogram 등을 그릴 수 있음





### 기술통계 실습 (2)

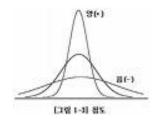
- ❖ 왜도와 첨도
  - 왜도(Skewness) : 분포의 편중(치우침)을 나타내는 지표

$$skewness = rac{\sum_{i=1}^{N}(Y_i-ar{Y})^3}{(N-1)s^3}$$



- A measure of the asymmetry of a distribution. The normal distribution is symmetric and has a skewness value of zero. A distribution with a significant positive skewness has a long right tail. A distribution with a significant negative skewness has a long left tail. As a rough guide, a skewness value more than twice its standard error is taken to indicate a departure from symmetry.
- 첨도(Kurtosis) : 분포의 뾰족한 정도를 나타내는 지표

$$kurtosis = \frac{\sum_{i=1}^{N} (Y_i - \bar{Y})^4}{(N-1)s^4}$$

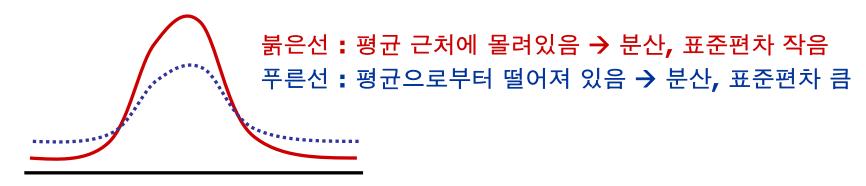


A measure of the extent to which observations cluster around a central point. For a normal distribution, the value of the kurtosis statistic is 0. Negative kurtosis indicates that the observations cluster more and have longer tails than those in the normal distribution and positive kurtosis indicates the observations cluster less and have shorter tails.

#### 기술통계 실습(3)

#### ❖ 기술통계량

- 응답자 중 용돈이 가장 높은(혹은 낮은) 사람의 소득은 얼마일까?
- 응답자 나이의 평균은 몇 살일까?
- X상품 선호도에 대한 관측치들은 평균을 중심으로 얼마나 퍼져있을까?→ 분산 이나 표준편차를 통해 확인 가능



$$S = \sqrt{\frac{\sum_{i} (X_{i} - \overline{X})^{2}}{n - 1}}$$

$$V = S^{2} = \frac{\sum_{i} (X_{i} - \overline{X})^{2}}{n - 1}$$

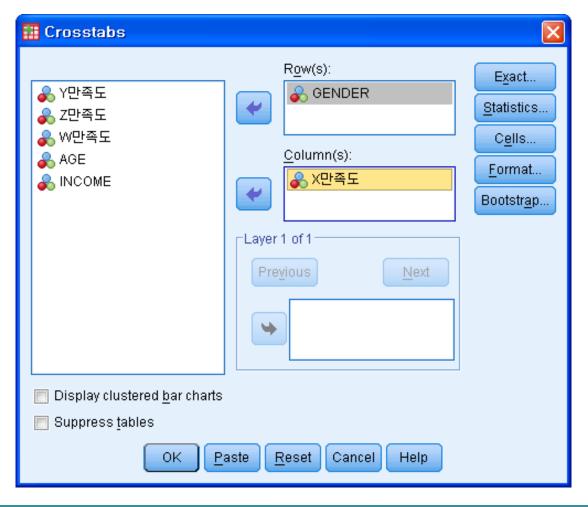
Analysis > Descriptive Statistics > Descriptives





### 기술통계 실습 (4)

- ❖ 교차표
  - 응답자의 성별에 따른 제품X에 대한 평가결과는 어떻게 달라지는가?
  - Analysis > Descriptive Statistics > Crosstabs







#### 카이제곱 검정: 교차분석 (1)

- ❖ 언제 쓰는가?
  - 다음의 예를 보자.

(disabled.sav : 장애인복지 종사자들의 근무실태에 대한 설문조사)

|       |    |               | 성      | 별      |        |
|-------|----|---------------|--------|--------|--------|
|       |    |               | 남성     | 여성     | Total  |
| 결혼    | 미혼 | Count         | 6      | 40     | 46     |
| 상태    |    | % within 결혼상태 | 13.0%  | 87.0%  | 100.0% |
|       |    | % within 성별   | 17.6%  | 60.6%  | 46.0%  |
|       |    | % of Total    | 6.0%   | 40.0%  | 46.0%  |
|       | 기혼 | Count         | 28     | 24     | 52     |
|       |    | % within 결혼상태 | 53.8%  | 46.2%  | 100.0% |
|       |    | % within 성별   | 82.4%  | 36.4%  | 52.0%  |
|       |    | % of Total    | 28.0%  | 24.0%  | 52.0%  |
|       | 기타 | Count         |        | 2      | 2      |
|       |    | % within 결혼상태 |        | 100.0% | 100.0% |
|       |    | % within 성별   |        | 3.0%   | 2.0%   |
|       |    | % of Total    |        | 2.0%   | 2.0%   |
| Total |    | Count         | 34     | 66     | 100    |
|       |    | % within 결혼상태 | 34.0%  | 66.0%  | 100.0% |
|       |    | % within 성별   | 100.0% | 100.0% | 100.0% |
|       |    | % of Total    | 34.0%  | 66.0%  | 100.0% |

결혼상태 \* 성별 Crosstabulation

- "결혼 상태가 성별에 따라 차이가 있을까?"
  - → 차이가 있다고 보여질 경우, 과연 그 차이가 통계적으로 유의한가?





### 카이제곱 검정: 교차분석 (2)

❖ 언제 쓰는가?

이산형 변수로 구성된 2개의 변수가 서로 독립인지 아닌지를 확인하고자 할 때 사용한다.

즉, 두 이산형 변수가 서로 상관관계가 있는지, 없는지를 통계적으로 검정할 때 사용되는 기법이 카이제곱 검정(교차분석)이라고 할 수 있다.

- 이산형(discrete) 변수: 비계량적인 변수로서, 관측대상을 범주로 나누어 분류한 후, 그에 따라 기호나 숫자를 부여한 변수. 여기서는 "평균"의 의미가 없다!
  - (예) 성별, 선호정당, 출신국가, 직업구분, 주택보유 여부 등
- 연속형(continuous) 변수 : 계량적인 변수로서, 일반적인 수치적 방법에 의해 측정 가능한 변수. 여기서는 "평균"이 의미가 있다! (예) 금액, 거리, 무게, 시간 등





#### 카이제곱 검정: 교차분석 (3)

#### ❖ 척도의 4가지 종류

- 명목척도 (Nominal Scales)
  - 정의: 대상의 특성을 분류하거나 확인할 목적으로 사용하는 척도
  - 예시 : 축구선수 등번호, 입시에 사용되는 출신학교 코드
  - 분석방법 : 최빈값(Mode), 교차분석(Cross Tabulation) 등
- 서열척도 (Ordinal Scales)
  - 정의 : 측정대상간의 순서를 밝히기 위해 사용하는 척도 (양적 비교 불가)
  - 예시 : 수학시험 석차, 선호도 우선순위
  - 분석방법 : 중간값(Median), 서열상관관계, 비모수통계기법 등
- 등간척도 (Interval Scales)
  - 정의 : 부여된 순위 사이의 간격이 동일한 척도
  - 예시 : 온도
  - 분석방법 : 평균값(Mean), 상관계수, 표준편차, 모수통계기법 등
- 비율척도 (Ratio Scales)
  - 정의 : 순위 사이의 간격이 동일하고, 비율계산이 가능한 척도
  - 예시: 무게, 투표율
  - 분석방법 : 모든 모수통계기법

"이산형 변수" 로 통칭

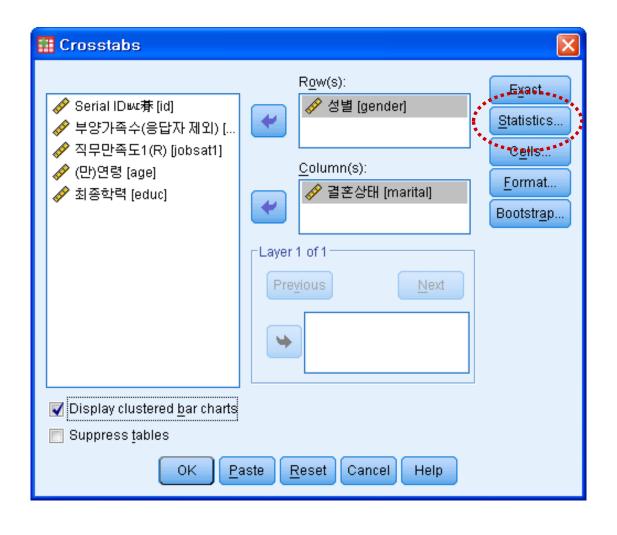
"연속형 변수" 로 통칭





### 카이제곱 검정: 교차분석 (4)

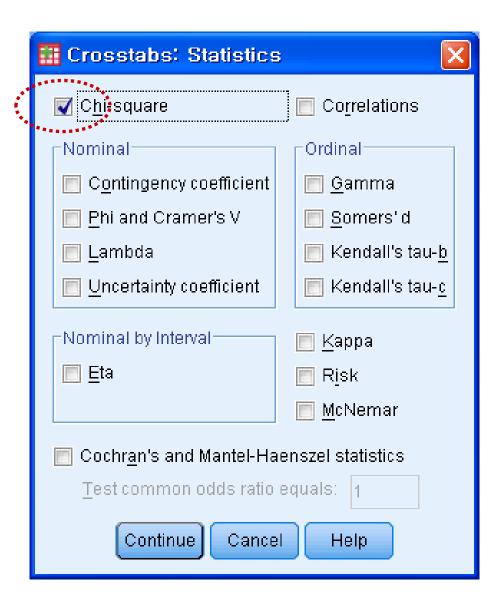
- ❖ 적용 방법
  - Analysis > Descriptive Statistics > Crosstabs







### 카이제곱 검정: 교차분석 (5)







#### 카이제곱 검정: 교차분석 (6)

#### ❖ 결과 해석

Chi-Square Tests

|                                 | Value               | df | Asymp. Sig. (2-sided) |
|---------------------------------|---------------------|----|-----------------------|
| Pearson Chi-Square              | 19.160 <sup>a</sup> | 2  | .000                  |
| Likelihood Ratio                | 20.804              | 2  | .000                  |
| Linear-by-Linear<br>Association | 12.367              | 1  | .000                  |
| N of Valid Cases                | 100                 |    |                       |

- a. 2 cells (33.3%) have expected count less than 5. The minimum expected count is .68.
- 우리는 Asy. Sig. (점근 유의확률, *p-value*라고도 함)을 토대로 평가한다.
- "95% 신뢰수준 하에서" 로 해석하고 싶으면, 유의확률 < 0.05 인지 확인
- "90% 신뢰수준 하에서"로 해석하고 싶으면, 유의확률 < 0.1 인지 확인 (즉, 유의확률은 작으면 작을수록 좋다!)



#### 가설검정의 기초

- ❖ 과학분야에서의 증명: 반증법에 의거해 증명
  - "모든 사람은 정직하다"라는 명제가 있을 때, 이 명제가 참인지 거짓인지를 확인하는 접근법에는 2가지가 존재
    - (1) 모든 사람을 일일이 뒷조사해서, 정직한지 확인하는 방법
    - (2) 정직하지 못한 사람(사례)을 하나 찾아내, 명제가 거짓임을 입증하는 방법
  - 위 2가지 방법 중 어느 것이 효율적일까? (현실적으로 가능한 방법일까?)
    - 1,000명이 정직함을 확인했을 때, 1,001명째 사람이 정직하다고 확언할 수 있을까?
  - 귀무가설(H₀)과 대립가설(H₂)
    - 우리가 알고 싶은 명제(주로 A와 B는 다르다, A와 B는 차이가 있다 등)는 대립가설로 두고, 그 반대인 귀무가설(주로 A와 B는 같다, A와 B는 차이가 없다 등) 이 기각됨을 보임으로서 내가 입증해 보이고 싶은 명제를 증명
  - ㆍ대표적인 귀무가설과 대립가설

$$H_0: \rho_{AB} = 0$$
  $H_0: \mu_A = \mu_B$   $H_0: v_A = v_B$ 

$$H_0: \mu_A = \mu_B$$

$$H_0: v_A = v_B$$

$$H_0: \mu_A = \mu_B = \mu_C$$

$$H_a: \rho_{AB} \neq 0$$

$$H_a: \mu_A \neq \mu_B \qquad H_a: \nu_A \neq \nu_B$$

$$H_a: v_A \neq v_B$$

$$H_a: \mu_A \neq \mu_B \neq \mu_C$$

[카이제곱검정]

[t-검정] [F-검정(등분산검정)]





### 독립표본 t-검정 (1)

- ❖ 언제 쓰는가?
  - 전체 응답자 중 남자와 여자 사이의 연령은 차이가 있는가?

**Group Statistics** 

|       | 성별 | N  | Mean  | Std. Deviation | Std. Error<br>Mean |
|-------|----|----|-------|----------------|--------------------|
| (만)연령 | 남성 | 34 | 37.68 | 9.929          | 1.703              |
|       | 여성 | 66 | 28.61 | 6.346          | .781               |

서로 독립된 두 집단간의 평균의 차이가 통계적으로 유의미한지 비교하고자 할 때 사용한다.

즉, 서로 독립된 두 집단에 대해 각 집단별 특정 연속형 변수 평균값이 서로 차이가 있는지, 없는지를 통계적으로 검정할 때 사용되는 기법이 독립표본 t-검정이다.

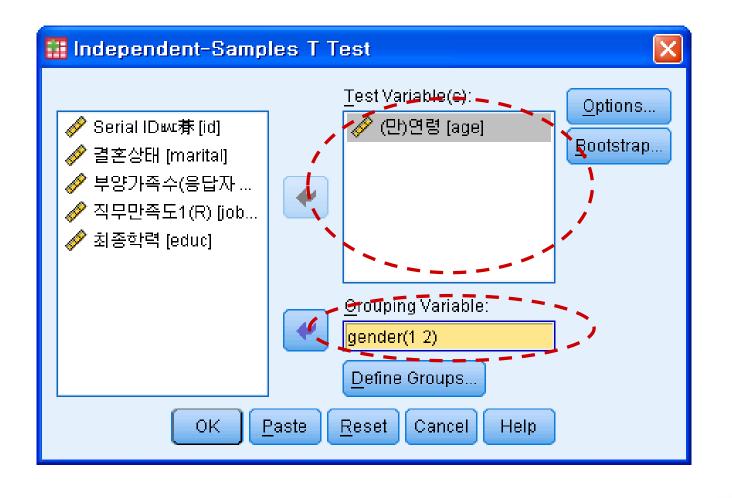




### 독립표본 t-검정 (2)

#### ❖ 적용 방법

Analysis > Compare Means > Independent-Samples t-test

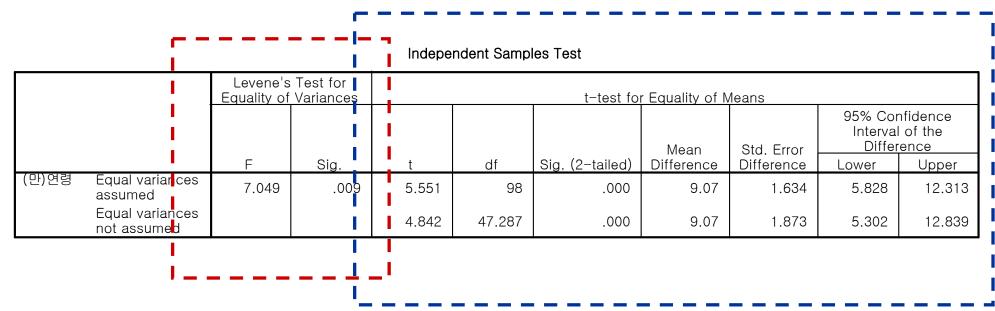






#### 독립표본 t-검정 (3)

- ❖ 결과 해석
  - 1단계. "분산이 같다"는 가정이 제대로 성립되는지 확인
  - 2단계. "두 집단간 평균이 같다"는 가설이 맞는지 확인



- 위와 같은 경우, 분산은 같다는 가정이 깨지게 되며, 따라서 아래의 값들을 보고 판단해야 함
- 결과적으로 두 집단간 연령의 평균은 통계적으로 유의하게 차이가 난다고 할 수 있음 (95% 신뢰수준 하에서)





#### 대응표본 t-검정 (1)

- ❖ 언제 쓰는가?
  - 앞의 독립표본 t-검정의 경우, "남성"집단과 "여성"집단은 서로 공통요소가 없는 '독립된 집단'임
  - 하지만, 다음과 같은 경우는 어떤가? (diet.sav)
    - 한 회사에서 자사가 개발한 한 달간의 식이요법 프로그램이 효과가 있는지 여부를 분석하고자 함
    - 식이요법에 참가한 10명의 몸무게가 Before / After에서 다음과 같이 변화하였음
       Descriptive Statistics

|                    | N  | Minimum | Maximum | Mean  | Std. Deviation |
|--------------------|----|---------|---------|-------|----------------|
| 요법전                | 10 | 54      | 82      | 66.50 | 9.801          |
| 요법후                | 10 | 50      | 76      | 63.50 | 9.312          |
| Valid N (listwise) | 10 |         |         |       |                |

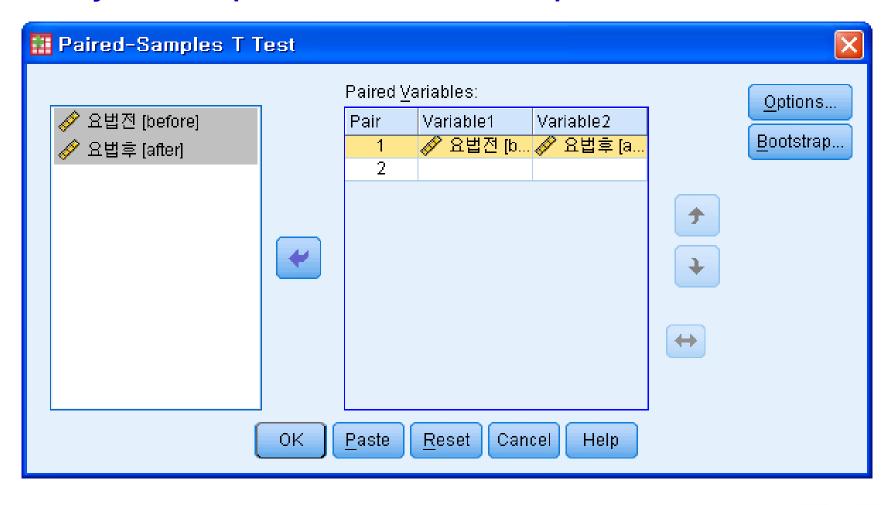
위 예와 같이, 서로 동일한 모집단에서 추출된 두 표본에 대해 특정 연속형 변수 평균값이 서로 차이가 있는지, 없는지를 통계적으로 검정할 때 사용되는 기법이 대응표본 t-검정(Paired-samples t-test)이다.





### 대응표본 t-검정 (2)

- ❖ 적용 방법
  - Analysis > Compare Means > Paired-Samples t-test







### 대응표본 t-검정(3)

- ❖ 결과 해석
  - "두 집단간 평균이 같다"는 가설이 맞는지 확인

#### Paired Samples Test

|                  |       | Paire          | d Difference: | S                             |        |       |    |    |                |
|------------------|-------|----------------|---------------|-------------------------------|--------|-------|----|----|----------------|
|                  |       |                | Std. Error    | 95% Cor<br>Interval<br>Differ | of the |       |    | ႕- |                |
|                  | Mean  | Std. Deviation | Mean          | Lower                         | Upper  | t     | df | Si | ig. (2-tailed) |
| Pair 1 요법전 - 요법후 | 3.000 | 3.232          | 1.022         | .688                          | 5.312  | 2.935 | C  |    | .017           |

- p-value가 0.017이므로, 95% 신뢰수준 하에서 두 집단간 평균은 통계적으로 유의하게 차이가 난다고 할 수 있음
  - 따라서, 통계적으로 볼 때, 이 회사의 식이요법 프로그램은 효과가 있다고 잠정적으로 결론지을 수 있음





#### 일원배치 분산분석: One-way ANOVA (1)

- ❖ 언제 쓰는가?
  - 학력수준에 따라 직무만족도의 수준은 차이가 있는가?(현재 학력수준은 8개로 나누어져 있음)

**Descriptives** 

직무만족도1(R)

|           |     |      |                | 5% Confidence Interval for Mean |             |             |         |         |
|-----------|-----|------|----------------|---------------------------------|-------------|-------------|---------|---------|
|           | Ν   | Mean | Std. Deviation | Std. Error                      | Lower Bound | Upper Bound | Minimum | Maximum |
| 고등학교 이하   | 34  | 3.38 | .985           | .169                            | 3.04        | 3.73        | 1       | 5       |
| 초급/전문/대학교 | 55  | 3.36 | .950           | .128                            | 3.11        | 3.62        | 2       | 5       |
| 대학원이상     | 11  | 3.45 | 1.214          | .366                            | 2.64        | 4.27        | 1       | 5       |
| Total     | 100 | 3.38 | .982           | .098                            | 3.19        | 3.57        | 1       | 5       |

세 개 이상의 집단간의 평균의 차이가 통계적으로 유의미한지 비교하고자 할 때 사용한다.

즉, 셋 이상의 집단에 대해 각 집단별 특정 비율변수 평균값이 서로 차이가 있는지, 없는지를 통계적으로 검정할 때 사용되는 기법이 ANOVA다.

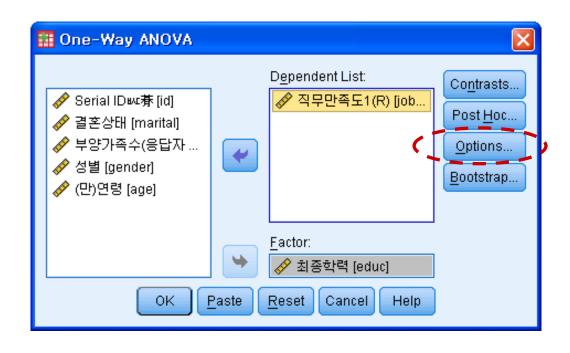


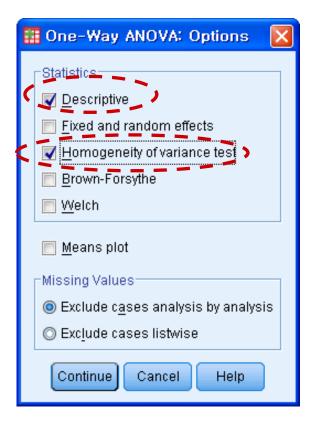


#### 일원배치 분산분석: One-way ANOVA (2)

#### ❖ 적용 방법

Analysis > Compare Means > One-way ANOVA









### 일원배치 분산분석: One-way ANOVA (3)

#### ❖ 결과 해석

Test of Homogeneity of Variances

직무만족도1(R)

|                     |     | •   |      |
|---------------------|-----|-----|------|
| Levene<br>Statistic | df1 | df2 | Sig. |
| .327                | 2   | 97  | .722 |

**ANOVA** 

직무만족도1(R)

|                | Sum of<br>Squares | df | Mean Square | F    | Sig. |
|----------------|-------------------|----|-------------|------|------|
| Between Groups | .076              | 2  | .038        | .039 | .962 |
| Within Groups  | 95.484            | 97 | .984        |      |      |
| Total          | 95.560            | 99 |             |      |      |

- 분산이 같다는 가정에 대해서는 유의확률>0.05이면, 신뢰수준 95%하에서 각 집단의 분산은 같음
- 유의확률>0.05 이면, 신뢰수준 95%하에서 각 집단간 직무만족도는 같음 (평균 간 통계적으로 유의한 차이가 없음)





### 가설검정의 정리

❖ 분석의 대상이 되는 두 변수의 특징에 따라, 다음과 같이 다른 검정기법을 적용해야 함

| 기법        | 대상변수A             | 대상변수B | 적용 예                             |
|-----------|-------------------|-------|----------------------------------|
| 카이제곱검정    | 이산형               | 이산형   | 성별과 결혼유무 사이에<br>유의한 관계가 있는가?     |
| 독립표본t검정   | 이산형<br>(2그룹/독립)   | 연속형   | 성별에 따른 평균 취업율의<br>차이가 있는가?       |
| 대응표본t검정   | 이산형<br>(2그룹/Pair) | 연속형   | 보충수업 후, 3학년 1반<br>수학성적의 향상이 있는가? |
| 일원배치 분산분석 | 이산형<br>(3그룹 이상)   | 연속형   | 거주지역에 따른 평균<br>소득액의 차이가 있는가?     |







#### 개인과제 01:

다이어트 인터넷 쇼핑몰 데이터셋에 대해 전처리한 뒤, 종속변수(특정상품 구매여부)와 95% 신뢰수준 하에서 통계적으로 유의한 독립변수들의 리스트를 산출하시오.

제출물: 전처리 완료된 데이터 파일 및 통계분석 결과(변수 리스트)

제출기한: Week04 강의일 밤(00:00)까지