جلسه اول – مقدمه درس

كارايي برنامه:

در درس الگوریتم و ساختمان داده مورد بررسی قرار می گیرد. با موازی سازی تا حدی می توان کارایی را افزایش داد.

خوانایی برنامه (Readability)

كاربردپذيري

نگهداری برنامه (Maintenance)

امنیت برنامه

مقیاس پذیری (scalability) که در درس مهندسی اینترنت مورد بررسی است.

درستى عملكرد

كتابخانههاي آماده

قابلیت تغییر برنامه

به عنوان مثال استفاده از global variable چندان توصیه نمی شود.

دستور Go to که در زبان های قدیمی تر موجود بود و کنترل اجرای برنامه را پیچیده می کرد.

تست نرم افزار را برای لحظه آخر نگه ندارید.

تاکید درس: نوشتن برنامه های خوب

Correctness: Testing, Debugging

Maintainability: Object orientation, coding style

Reusability: object orientation

از قطعات نرمافزار بتوانيم مجددا استفاده كنيم.

زبان اصلى: ++C

JAVA هم كاربردي است.

زبان ها: ++C، #C ،MATLAB، Python، C،

++C کارایی C (تاکید روی سرعت و استفاده بهینه از منابع) را با شیگرایی و انعطاف پذیری ترکیب کرده است. کتاب:

Deitel: C++ How to program

Google Search

Stackoverflow.com

Cplusplus.com

Ramtung.ir/apnotes/html

جلسه دوم – مفاهیم مقدماتی زبان ++C

سلام دنیا: یک برنامهی بسیار ساده در زبان سی پلاس پلاس که صرفاً یک رشته را در خروجی مینویسد.

```
1. #include <iostream>
2. using namespace std;
3.
4. int main()
5. {
6.     cout << "Hello World\n";
7.     return 0;
8. }</pre>
```

lostream هدرفایلی است که امکانات ورودی و خروجی ++C را در اختیار ما می گذارد.

قاعده قرار دادن h. قدیمی است و تقریبا منسوخ شده است.

Std مخفف استاندارد است و تمام امکانات استاندارد ++C در این فضای نام قرار دارد.

فضاهای نام برای پرهیز از تداخل بین کتابخانههای نرم افزاری مختلف مورد استفاده قرار می گیرند.

اگر خط دوم را ننویسم بایستی هربار بنویسیم std::cout

امصا تابع: نام تابع، نوع پارامتر ورودى، نوع پارامتر خروجي

در مورد خط چهارم فعلا بدانیم که امکان پاس کردن آرگومان به تابع main از طریق command line وجود دارد.

در ++C بلافاصله بعد از امضای تابع و در خط بعدی، آکلاد را باز می کنیم. این کار در جاوا درست بعد از امضای تابع و در همان خط انجام می گیرد.

در داخل بدنهی تابع، یک تب (TAB) قرار میدهیم.

console out مخفف command line است که اصطلاح اطلاق شده به همان ترمینال یا command line می باشد.

++G کامپایلر ++C در لینوکس. فایل اجرایی در لینوکس پسوند out. و در ویندوز پسوند exe. دارد.

باز گرداندن صفر اطمینان از موفقیت آمیز بودن اجرای برنامه را تضمین می کند.

تایپ رشته - خواندن از ورودی: این مثال استفاده اولیه از تایپ رشته و نحوه ی خواندن از ورودی را نشان می دهد.

```
1. #include <iostream>
2. #include <string>
3. using namespace std;
4.
5. int main()
6. {
7.
        string name;
       cout << "Please enter your name: ";</pre>
8.
9.
        cin >> name;
             cout << "Hello " << name << '\n';</pre>
10.
11.
              return 0;
12.
       }
```

string هدرفایلی است که امکان کار روی رشتهها را به ما می دهد.

Name شي (object) از نوع string است.

تابع cin فقط کلمه اول از ورودی را می گیرد. کلمه دنباله ای از کاراکترها است که به فضای سفید محدود می شود.

فضاى سفيد: space، TAB،

Cin کاراکترهای غیر فضای سفید را میخواند.

خواندن کل یک خط با تابع getline انجام می گیرد.

خواندن چند قلم از ورودی: در این مثال چند مقدار به دنبال هم از ورودی خوانده می شود. دقت کنید که اگر رشته ای از cin خوانده شود، یک کلمه از ورودی خوانده شده در آن متغیر قرار می گیرد. مثلاً اگر ورودی Cholam رشته ای از age برابر age برابر مقدار name برابر مقدار عقدار عقدار

```
1. #include <iostream>
2. #include <string>
3. using namespace std;
5. int main()
6. {
7.
         string name;
8.
         int age;
         cout << "Please enter your name followed by your age: ";</pre>
               cin >> name >> age;
11.
               cout << "Hello " << name << "!\n";</pre>
12.
               cout << "Your age is " << age << endl;</pre>
13.
```

Endl ثابتی که در هدرفایل iostream تعریف شده است و با کاراکتر 'n' مترادف است.

تایپ ده انگشتی

چنانچه return 0 را برنگردانید، ++C خود به صورت پیشفرض مقدار صفر را برمی گرداند.

البته این ویژگی چندان خوب نیست. لذا سعی کنید همواره بصورت explicit مقدار صفر را برگردانید و چنانچه تابع قرار است مقدار خروجی نداشته باشد، نوع خروجی را void تعریف کنید.

خواندن از ورودی در حلقه: این برنامه تعدادی کلمه را از ورودی میخواند و در صورتی که کلمهای تکرار شود این موضوع را با نمایش پیغامی اطلاع میدهد.

خواندن ورودی تا آنجا ادامه می یابد که کاربر با ctrl-d (یا ctrl-z در ویندوز) خاتمه ورودی را مشخص کند.

در برنامه بالا تا زمانی که اینتر نزنیم، ++C به خواندن از ورودی ادامه می هد و پس از آن پردازش خط بعد را آغاز می کند.

خواندن ورودی از فایل، پاس کردن به فایل اجرایی در لینوکس و نوشتن خروجی در فایل

a.out<masalan.txt>output.txt

نمایش مختویات فایل text در لینوکس

Cat output.txt

پاس کردن خروجی برنامه به تابع sort لینوکس (piping in linux)

a.out<masalan.txt|sort

از مشکلات آرایه این است که اندازه آن باید ثابت باشد. جهت حل این مشکل کتابخانه استاندارد ++C و کتورها را در اختیار ما قرار می دهد. تایپ vector جزئی از کتابخانه ی استاندارد سیپلاس پلاس است که کار با دنبالهای از عناصر را بدون دغدغههای مدیریت حافظه مهیا می کند.

محاسبهی میانگین و میانه: در این برنامه تعدادی عدد اعشاری (که نمایندهی دما هستند) از ورودی گرفته می شود و میانگین و میانه آنها در خروجی نوشته می شود. تعداد این اعداد در زمان نوشتن برنامه نامعلوم است.

```
1. #include <iostream>
2. #include <vector>
3. #include <algorithm>
4. using namespace std;
6. int main()
7. {
8.
         vector<double> temps;
9.
         double temp;
10.
         while (cin >> temp)
               temps.push back(temp);
13.
         double sum = 0;
14.
         for (int i = 0; i < temps.size(); ++i)
15.
               sum += temps[i];
16.
17.
       cout << "Mean temperature: " << sum/temps.size() << endl;</pre>
18.
         sort(temps.begin(), temps.end());
19.
         cout << "Median temperature: " << temps[temps.size()/2];</pre>
20.
         }
```

در سر فایل algorithm عدهای از توابع همچون sort که در برنامه بالا در خط ۱۸ مورد استفاده قرار گرفته، تعریف شدهاند.

مقداردهی اولیهی بردارها: این مثال نشاندهندهی مقداردهی اولیهی اندازه و عناصر بردار است.

```
1. #include <vector>
2. #include <string>
3. #include <iostream>
4. using namespace std;
6. int main()
7. {
8.
       vector<double> vec;
9.
       // \text{ vec}[0] = 10;
10.
       vec.push back(1.3);
11.
      vec[0] = 12.4;
12.
13.
      vector<int> v(6);
14.
15.
      v[0] = 5; v[1] = 7;
16.
       v[2] = 9; v[3] = 4;
17.
       v[4] = 6; v[5] = 8;
18.
19.
      vector<string> philosopher(4);
20.
21.
       philosopher [0] = "Kant";
22.
       philosopher [1] = "Plato";
23.
       philosopher [2] = "Hume";
24.
       philosopher [3] = "Kierkegaard";
25.
26.
      //philosopher[2] = 99;
27.
28.
       vector<double> vd(1000, 1.2);
29.
        //vd[1000] = 4.7;
30.
        }
```

در مثال بالا اگر خط ۹ را کامنت نکنیم با RUNTIME ERROR مواجه خواهیم شد. زیرا در لحظه ی تعریف، vector شامل صفر عنصر است و با هر pushback حافظه تخصیص می یابد.

Segmentation fault

خطای دسترسی غیرمجاز به حافظه در لینوکس است.

در خط ۶ یک بردار ساختهایم که دارای ۶ عنصر integer است و مقدار اولیهی هریک از این عناصر صفر است. خط ۲۶ با خطای کامپایلر روبرو می گردد. چون ۹۹ رشته نیست. اما "۹۹" یا '۹۹' رشته است.

در خط ۲۸، برداری ساختهایم که ۱۰۰۰ عنصر اولیه آن با مقدار اعشاری ۱/۲ پر شده است. خط ۲۹ هم با خطای segmentation (دسترسی غیرمجاز به حافظه) روبرو است.

بردار دو بعدی:

Vector<vector<int>>twod(3);

Twod[0].push_back(12);

Twod[1].push back(4);

Twod[2].push_back(65);

Cout<< Twod[1][0]<<endl;

Vector<vector<int>>twod(3,vector<int>(4));

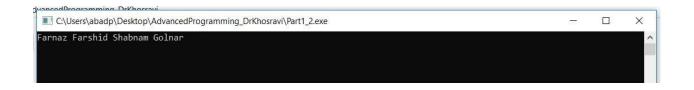
وکتوری با ۳ عنصر اولیه بساز و هرکدام از عناصر اولیهی آن را با یک بردار چهارتایی از نوع مقدار صحیح، مقدار اولیه بده.

تمرین: برنامهای بنویسید که تعدادی کلمه را از ورودی بخواند و آنها را در قالب یک لیست که با کاما جدا شدهاند چاپ کند. به عنوان مثال اگر کلمات ورودی به ترتیب Aang و Kyoshi و باشند خروجی چاپ شده باید دقیقاً به صورت [Aang, Kyoshi, Roku] باشد. توجه داشته باشید که تعداد کلمهها مشخص نیست و تا انتهای ورودی بخوانید.

```
#include <iostream>
#include <sstream>
#include <string>
int main()
{
      std::string line;
      std::getline(std::cin, line);
      std::istringstream stream{ line };
      std::string s;
      stream >> s;
      std::cout << "[" << s;
      while (stream >> s)
      {
             std::cout << ", " << s;
      }
      std::cout << "]";
      std::cout << std::endl;</pre>
      system("pause");
      return 0;
}
 خط اول سرفایل iostream را به سورس اضافه می کند. این سرفایل بخشی از کتابخانه ورودی اخروجی است.
    خط دوم سرفایل sstream را به سورس اضافه می کند که آن نیز بخشی از کتابخانه ورودی/خروجی است.
                                                 سرفایل string بخشی از کتابخانه رشتهها است.
                                                                              با قطعه کد
std::getline(std::cin, line);
                            ورودی را تا زمانی که کاربر Enter بزند، خوانده و در line ذخیره می کنیم.
    istream& getline (istream& is, string& str, char delim);
 (1) istream& getline (istream&& is, string& str, char delim);
(2) istream& getline (istream& is, string& str);
istream& getline (istream&& is, string& str);
```

Get line from stream into string

Extracts characters from is and stores them into str until the delimitation character delim is found (or the newline character, '\n', for (2)).



لذا وقتى كاربر Enter مىزند، داريم:

Line = "Farnaz Farshid Shabnam Golnar"

سپس آنچه را در بافر ورودی است به نام stream مینامیم و با line مقدار دهی میکنیم.

std::istringstream stream{ line };

ىا كد

stream >> s;

کلمات (آنچه محصور بین دو فضای سفید است) را از بافر ورودی استخراج می کنیم و در S میریزیم.

خطوط ۱۱ و ۱۲

stream >> s;

std::cout << "[" << s;

اجرا میشوند و داریم s = Farnaz و چاپ میشود:

[Farnaz

سپس وارد حلقه while می شویم. چون کاراکتر << فضای سفید را ندید می گیرد، مقداری که در شروع حلقه در S ذخیره است عبارت است از s=Farshid و farnaz و Farshid ندید گرفته شده است. لذا به دنبال [Farnaz کاراکتر ',' و بعد از آن Farshid نوشته می شود:

[Farnaz, Farshid

در دومین تکرار حلقه S=Shabnam و داریم:

[Farnaz, Farshid, Shabnam

و در سومین تکرار s=Golnar و داریم:

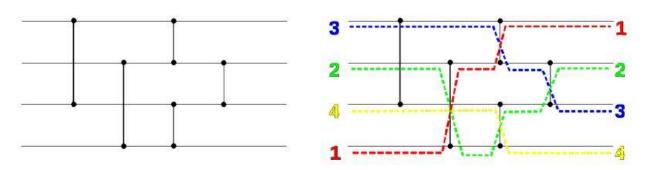
[Farnaz, Farshid, Shabnam, Golnar

دیگر وارد حلقه نمی شویم. چون در جریان ورودی stream از نوع stream(input string) دیگر وارد حلقه نمی شویم. چون در جریان ورودی stream (پیزی باقی نمانده است. از حلقه خارج شده و به دنبال مواد بالا، [نیز چاپ می شود.

[Farnaz, Farshid, Shabnam, Golnar]

جلسه سوم - طراحي بالا به پايين

شبکههای مرتبسازی و sorting network: شبکه مرتبسازی یک مدل انتزاعی ریاضی شامل شبکهای از سیمها و واحدهای مقایسه کننده است که برای مرتبسازی دنبالهای از اعداد ار آن استفاده می شود. هر مقایسه کننده دو سیم را به هم متصل می کند و مقادیر را با قرار دادن مقدار کوچکتر روی یکی از سیمها و مقدار بزرگتر



روی سیم دیگر، مرتب می کند. هر سیم دارای یک مقدار می باشد، و هر مقایسه کننده دو سیم را به عنوان ورودی و خروجی می گیرد. زمانی که دو مقدار وارد مقایسه کننده می شود، مقایسه کننده مقدار کوچکتر را در سیم بالاتر، و مقدار بزرگتر را در سیم پایین قرار می دهد. به شبکه ای از سیمها و مقایسه کننده ها که به طور صحیح تمام مقادیر ورودی را به صورت صعودی مرتب کنند یک شبکه مرتبسازی گفته می شود.

شکل زیر (چپ)، نشاندهنده یک شبکه مرتبسازی است. سیمها در این شکل به صورت افقی و مقایسه کنندهها به صورت عمودی نشان داده شدهاند. مراحل انجام مرتبسازی توسط این شبکه در شکل راست نشان داده شده است. فهم چگونگی صحیح عمل کردن این شبکه مرتبسازی آسان است. این را مدنظر داشته باشید که مقایسه کنندهها مقدار بزرگ را به سیم پایین و مقدار کوچک را به سیم بالا منتقل می کنند.

هدف این تمرین این است که عملکرد یک شبکه را روی یک دنبالهی ورودی شبیهسازی کنیم. در ورودی، شبکه و دنبالهی اعداد داده میشوند. خروجی برنامه تعیین می کند که آیا شبکهی داده شده اعداد را به درستی مرتب می کند یا نه. توضیح این که لزوماً هر شبکه، به طور صحیح اعداد را مرتب نمی کند. مثال هایی از حالتهای درست و نادرست در نمونههای زیر ذکر می شوند. علاوه بر این، ممکن است در توصیف شبکه ی ورودی خطاهایی وجود داشته باشد که برنامه ی شما باید آن ها را تشخیص دهد.

برای توصیف یک شبکهی ورودی، از ماتریسی از کاراکترها استفاده می کنیم. به عنوان مثال شبکهی نشان داده شده در شکل فوق توسط ماتریس زیر توصیف می شود:

-bce

a-de

-bd-

هر سطر از ماتریس یک سیم را مشخص می کند. هر کاراکتر از یک سطر یا '-'است که نشان دهنده ی عدم وجود مقایسه کننده در آن بخش است یا با یک حرف لاتین مشخص میشود که در این صورت، باید در یکی (و تنها یکی) دیگر از کاراکترهای آن ستون کاراکتر مشابهی پیدا شود. به این ترتیب، فرض می شود یک واحد مقایسه کننده بین سیم های متناظر آن دو سطر وجود دارد. به عنوان مثال، در توصیف فوق یک مقایسه کننده بین دو سیم اول و سوم وجود دارد که با حرف a مشخص شده. ستون دوم نیز وجود یک مقایسه کننده بین سیمهای دوم و چهارم است. ترتیب انتقال اعداد از چپ به راست فرض می شود.

در توصیف داده شده از شبکه ممکن است خطاهایی به شرح زیر وجود داشته باشد که برنامهی شما باید آنها را تشخیص دهد:

- در یک ستون تنها یک مورد از یک حرف پیدا میشود یا این که بیش از دو مورد از آن حرف وجود دارد.
 - در توصیف شبکه کاراکتری غیر از حروف کوچک لاتین و '-' وجود دارد.

دقت کنید که دو مقایسه کننده در دو ستون مختلف می توانند با یک حرف یکسان نمایش داده شوند، چون این امر ابهامی در عملکرد شبکه ایجاد نمی کند.

ورودي

خط اول هر مورد آزمون حاوی دو عدد صحیح N و N است که به ترتیب تعداد سطرها و تعداد ستونهای ماتریس شبکه را مشخص میکنند. کنند. بعد از آن N خط پشت سر هم میآیند که هریک از N کاراکتر تشکیل شدهاند. سپس در یک خط N عدد صحیح که به ترتیب روی سیمهای N تا N قرار خواهند گرفت ذکر میشوند. در ورودی مسئله ممکن است تعداد بیش از یک مورد آزمون ذکر شود که هریک از قالب فوق پیروی میکند. آخرین خط ورودی شامل دو عدد صفر است.

خروجي

برای هر مورد آزمون، یک خط در خروجی بنویسید که با قالبی مانند آنچه در بخش «نمونه خروجی» آمده، یکی از سه نتیجه ی ممکن را مشخص کند: Not Sorted به این معنی که اعداد ورودی پس از پردازش توسط شبکه

مرتب نمی شوند، Sorted به این معنی که اعداد ورودی پساز پردازش توسط شبکه مرتب می شوند و Network به این معنی که ورودی داده شده قوانین مطرح شده در توصیف مساله را نقض می کند.

نمونه خروجي	نمونه ورودى		
	4 4		
	ac -e		
	a—de		
Sorted	b—df		
	bc—f		
	1 3 2 0		
	3 2		
	a—		
Not⊔sorted	ab		
	- b		
	1 3 0		
	3 2		
	a -		
Invalid⊔network	ab		
Invacionhetwork	ab		
	1 3 0		
	0 0		

دقت كنيد

- برنامهی خود را فقط در قالب یک فایل به زبان سی پلاس تحویل دهید.
- به جز کتابخانههای استاندارد زبان سی پلاس پلاس و std_lib_facilities.h از هدرفایل دیگری استفاده نکنید.
- قبل از تحویل، برنامه ی خود را با انواع ورودی ها بیازمایید. حالت های مرزی ورودی های مسئله را در نظر بگیرید.

• به قالب خروجی دقت کنید. بزرگی و کوچکی حروف، فاصله های خالی و شکست خطها مهم هستند. به هیچ وجه چیزی به جز آنچه در بخش خروجی اشاره شده در خروجی برنامه ننویسید (مثل پیغامهایی به کاربر برنامه)

مطالعهي بيشتر

آیا می دانید قضیهای وجود دارد که اگر شبکهای هر دنبالهی ورودی از صفر و یک را به درستی مرتب کند، تمام دنبالههای های دیگر از اعداد دلخواه را نیز به درستی مرتب می کند؟ شبکههای مرتبسازی در عین سادگی دارای مباحث نظری عمیق و جالبی هستند. برای مطالعهی بیشتر می توانید به فصل ۲۷ کتاب زیر مراجعه کنید.

T. Cormen, C. Leiserson, R. Rivest, and C. Stein, "Introduction to Algorithms", 2nd edition, MIT Press, 2001.

همچنین صفحهی Sorting Networks از ویکی پیدیا نیز دارای پیوندهای مفیدی در این زمینه است. بخشی از توضیحات این بخش از ویکی پیدیای فارسی برداشته شده است.

برای درک عملکرد این شبکه، جدول زیر و اعداد ورودی به آن را در سمت چپ در نظر بگیرید.

	مرحله ۱	مرحله ۲	مرحله ۳	مرحله ۴	
١	а	С	-	е	سیم ۱
٣	а	-	d	е	سیم ۲
۲	b	-	d	f	سیم ۳
٠	b	С	-	f	سیم ۴

- در مرحلهی اول دو کامپاراتور (مقایسه کننده) بین سیم ۱ و ۲ و سیم ۳ و ۴ داریم.
 - در مرحلهی دوم یک کامپاراتور بین سیم ۱ و ۴ داریم.
 - در مرحلهی سوم یک کامپاراتور بین سیم ۲ و ۳ داریم.
 - در مرحلهی چهارم دو کامپاراتور بین سیم ۱ و ۲ و سیم ۳ و ۴ داریم.

مرحلهی اول: مقایسهی سیم ۱ و ۲ باعث جابجایی نمی شود. مقایسهی سیم ۳ و ۴ باعث می شود صفر در بالا و ۲ در پایین قرار بگیرد.

	مرحله ۱	نتیجه مرحله ۱	مرحله ۲	مرحله ۳	مرحله ۴	
١	а	١	С	-	е	سیم ۱
٣	а	٣	-	d	е	سیم ۲
۲	b	٠	-	d	f	سیم ۳
•	b	٢	С	-	f	سیم ۴

مرحلهی دوم: مقایسهی سیم ۱ و ۴ تاثیری ندارد.

	مرحله ۱	نتیجه مرحله ۱	مرحله ۲	نتیجه مرحله ۲	مرحله ۳	مرحله ۴	
١	а	١	С	١	-	е	سیم ۱
٣	а	٣	-	٣	d	е	سیم ۲
۲	b	•	-	•	d	f	سیم ۳
•	b	٢	С	٢	-	f	سیم ۴

مرحلهی سوم: مقایسهی سیم ۲ و ۳ باعث می شود صفر در بالا روی سیم دوم و ۳ در پایین روی سیم سوم قرار بگیرد.

	مرحله ۱	نتیجه مرحله ۱	مرحله ۲	نتیجه مرحله ۲	مرحله ۳	نتیجه مرحله ۳	مرحله ۴	
١	а	١	С	١	-	١	е	سیم ۱
٣	а	٣	-	٣	d	•	е	سیم ۲
۲	b	•	-	•	d	٣	f	سیم ۳
•	b	٢	С	٢	-	٢	f	سیم ۴

مرحلهی چهارم: مقایسهی سیم ۱ و ۲ باعث می شود صفر در بالا روی سیم اول و ۱ در پایین روی سیم دوم قرار بگیرد. بگیرد. مقایسهی سیم ۳ و ۴ باعث می شود ۲ در بالا روی سیم سوم و ۳ در پایین روی سیم چهارم قرار بگیرد.

	مرحله ۱	نتیجه مرحله ۱	مرحله ۲	نتیجه مرحله ۲	مرحله ۳	نتیجه مرحله ۳	مرحله ۴	نتیجه مرحله ۴	
١	а	١	С	١	-	١	е	٠	سیم ۱

٣	а	٣	-	٣	d	•	е	١	سیم ۲
۲	b	•	-	•	d	٣	f	٢	سیم ۳
•	b	٢	С	٢	-	٢	f	٣	سیم ۴

مارتین فولر، یکی از دانشمندان برجستهی علوم کامپیوتر، CodeSmell) ها را به ترتیب زیر اولویتبندی می کند.

Duplicated Code	Long Method	
Large Class	Long Parameter List	
Divergent Change	Shotgun Surgery	
Feature Envy	Data Clumps	
Primitive Obsession	Switch Statements	
Parallel Inheritance Hierarchies	Lazy Class	
Speculative Generality	Temporary Field	
Message Chains	Middle Man	
Inappropriate Intimacy	Alternative Classes with Different Interfaces	
Incomplete Library Class	Data Class	
Refused Bequest	Comments	

فصل سوم کتاب <u>Refactoring: Improving the Design of Existing Code</u>

Comment is deodorant

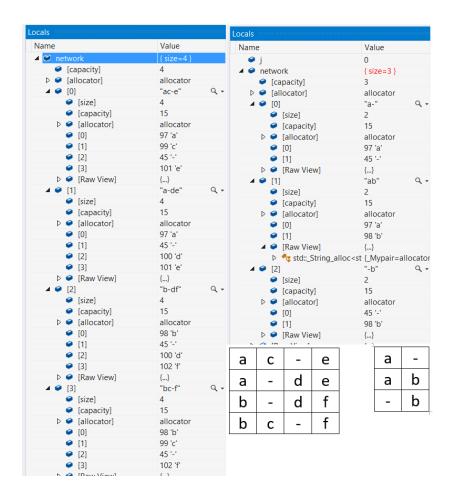
refactoring smell code
smell code cheat sheet
code smell martin fowler

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
using namespace std;
vector<int> read_numbers(int count) {
     vector<int> result;
     for (int i = 0; i < count; i++) {</pre>
           int number;
           cin >> number;
           result.push back(number);
     return result;
}
vector<string> read_network(int num_of_inputs) {
     vector<string> result;
     for (int i = 0; i < num_of_inputs; ++i) {</pre>
           string line;
           cin >> line;
           result.push back(line);
     return result;
}
void swap(int& a, int& b) {
     int temp = a;
     a = b;
     b = temp;
}
bool is_valid_network(vector<string> network, int num_of_stages) {
     for (int j = 0; j < num_of_stages; ++j) {</pre>
           for (int i = 0; i < network.size(); ++i) {</pre>
                 if (network[i][j] == '-')
                       continue;
                 int count = 0;
                 for (int k = 0; k < network.size(); k++)</pre>
                       if (network[i][j] == network[k][j])
                             count++;
```

```
if (count != 2) {
                       return false;
                 }
           }
      }
     return true;
}
void apply(vector<string> network, int j, vector<int>& numbers) {
     for (int i = 0; i < network.size() - 1; i++) {</pre>
           if (network[i][j] == '-')
                 continue;
           for (int k = i + 1; k < network.size(); k++)</pre>
                 if (network[i][j] == network[k][j])
                       if (numbers[i] > numbers[k])
                             swap(numbers[i], numbers[k]);
     }
}
bool sorted(vector<int> numbers) {
     for (int i = 0; i < numbers.size() - 1; i++)</pre>
           if (numbers[i] > numbers[i + 1])
                 return false;
     return true;
}
void process testcase(int num of inputs, int num of stages) {
     vector<string> network = read_network(num_of_inputs);
     vector<int> numbers = read numbers(num of inputs);
     if (!is valid network(network, num of stages)) {
           cout << "Invalid network\n";</pre>
           return;
      }
     for (int j = 0; j < num_of_stages; j++)</pre>
           apply(network, j, numbers);
      if (sorted(numbers))
           cout << "Sorted";</pre>
      else
           cout << "Not sorted";</pre>
     cout << endl;</pre>
}
```

```
int main() {
      int num_of_inputs;
      int num of stages;
      cin >> num_of_inputs >> num_of_stages;
      while (num_of_inputs != 0 && num_of_stages != 0) {
             process_testcase(num_of_inputs, num_of_stages);
             cin >> num of inputs >> num of stages;
      return 0;
}
                                         خط ۶: تایپ بازگشتی یک تابع می تواند از نوع بر دار باشد.
vector<int> read numbers(int count) {
در خط ۵۵، تابع مذکور ستون j ام از شبکه را روی بردار numbers اعمال می کند. دقت کنید که بردار مذکور
                                                                با ارجاع تعریف شده است.
void apply(vector<string> network, int j, vector<int>& numbers) {
      منظور از خط ۹۴، ورودیهای شبکهی مرتب ساز است که عملا تعداد سطرهای جدول مربوطه می باشد.
int num_of_inputs;
    منظور از خط ۹۵، تعداد طبقات شبکهی مرتب ساز است که عملا تعداد ستونهای جدول مربوطه می باشد.
int num of stages;
                                                                         ساختار داده:
در اینجا شبکهی خود را برداری از رشتهها (<vector<string) تعریف کردیم که هر stage، یک ستون از شبکه
```

است و شبکهای که تابع read_network تشکیل می داد و به تابع apply پاس می شد به صورت زیر بود:



می توانستیم شبکه را طوری تعریف کنیم که هر stage یک سطر از شبکه باشد. در آن صورت به تابع appy به جای کل شبکه فقط یک عضو شبکه یا یک سطر (یک stage) را پاس می کردیم.

اما در آن صورت برای خواندن ورودی بایستی یک حلقه مینوشتیم و transpose می کردیم.

گاه ممکن است سخت کردن فرآیند اخذ و ذخیره سازی داده و در عوض سادهتر کردن پردازش به صرفه باشد. در این حالت پیادهسازی به صورت زیر خواهد بود:

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
using namespace std;

typedef vector<char> Stage;
typedef vector<Stage> Network;
typedef vector<int> Numbers;
```

```
Numbers read numbers(int num of inputs) {
     Numbers result;
     for (int i = 0; i < num_of_inputs; i++) {</pre>
           int number;
           cin >> number;
           result.push_back(number);
     return result;
}
Network read_network(int num_of_inputs, int num_of_stages) {
     Network net(num_of_stages);
     for (int i = 0; i < num of inputs; i++) {</pre>
           string row;
           cin >> row;
           for (int j = 0; j < row.length(); j++) {</pre>
                 net[j].push back(row[j]);
     return net;
}
int stages(Network net) {
     return net.size();
}
int inputs(Network net) {
     return net[0].size();
}
Stage ith stage(Network net, int i) {
      return net[i];
}
void swap(int& a, int& b) {
     int temp = a;
     a = b;
     b = temp;
}
bool is valid network(Network network) {
     for (int j = 0; j < stages(network); ++j) {</pre>
           for (int i = 0; i < inputs(network); ++i) {</pre>
                 if (network[j][i] == '-')
                       continue;
```

```
int count = 0;
                 for (int k = 0; k < inputs(network); k++)</pre>
                       if (network[j][i] == network[j][k])
                             count++;
                 if (count != 2) {
                       return false;
                 }
           }
     return true;
}
void pass through(Numbers &nums, Stage stage) {
     for (int r = 0; r < stage.size(); r++) {</pre>
           if (stage[r] == '-')
                 continue;
           for (int i = r + 1; i < stage.size(); i++)</pre>
                 if (stage[r] == stage[i])
                       if (nums[r] > nums[i])
                             swap(nums[r], nums[i]);
     }
}
bool sorted(Numbers numbers) {
     for (int i = 0; i < numbers.size() - 1; i++)</pre>
           if (numbers[i] > numbers[i + 1])
                 return false;
     return true;
}
void process_testcase(int num_of_inputs, int num_of_stages) {
     Network net = read network(num of inputs, num of stages);
     Numbers numbers = read numbers(num of inputs);
     if (!is valid network(net)) {
           cout << "Invalid network\n";</pre>
           return;
     }
     for (int j = 0; j < num of stages; j++)</pre>
           pass_through(numbers, ith_stage(net, j));
     if (sorted(numbers))
           cout << "Sorted";</pre>
```

در رابطه با قطعه کد زیر:

```
typedef vector<char> Stage;
typedef vector<Stage> Network;
typedef vector<int> Numbers;
```

کلمهی کلیدی typedef مکانیسمی برای ایجاد نام دوم برای انواع دادهای از پیش تعریف شده فراهم می کند. نام انواع دادهای struct اغلب اوقات با typedef تعریف می شوند که نام نوع داده ی کوتاه تر، ساده تر و یا خواناتر را ایجاد می کند. برای مثال دستور:

typedef Card *CardPtr;

نام نوع جدید CardPtr را به عنوان نام دوم * Card تعریف می کند.

روش خوب برنامهنویسی: نامهای typedef را با حروف بزرگ بنویسید تا تاکیدی بر این مطلب باشد که این نامها، نام دوم نامهای نوع دیگر هستند.

ایجاد نام جدید با typedef، نوع جدید ایجاد نمی کند. typedef فقط یک نوع نام جدید ایجاد می کند که می تواند در برنامه به عنوان نام دوم برای یک نام نوع موجود به کار گرفته شود.

نکتهای درباره ی قابلیت حمل برنامهها: نامهای دوم برای انواع دادهای کتابخانهای را می توان با typedef ایجاد کرد تا برنامهها را قابل حمل تر سازد. برای مثال برنامه می تواند با استفاده از typedef نام دوم حمل تر سازد. برای مثال برنامه می تواند با استفاده از Integer نام دوم در سیستمهایی با عدد صحیح اعداد صحیح چهار بایتی ایجاد کند. آن گاه از Integer می توان به عنوان نام دوم در سیستمهایی با چهار عدد صحیح چهاربایتی به جای int استفاده کرد و نیز از آن می توان به عنوان نام دوم در سیستمهای با چهار عدد صحیح

چهار بایتی به جای long int استفاده کرد که در آن مقادیر long int چهار بایت از حافظه را اشغال میکند. سپس، برنامه نویس به سادگی تمام متغیرهای صحیح چهار بایتی را به صورت نوع Integer اعلان میکند.

ممکن است در رابطه با تابع ith_stage سوال پیش بیاید که چرا در فراخوانی تابع pass_through همان عضو اام network را استفاده نکردهایم و برای آن یک تابع جدا نوشته ایم؟

علت همان افزایش خوانایی و encapsulation است. یک برنامه نویس دیگر وقتی کد ما را میخواند، خبر ندارد که network برداری از stageهاست. با این تابع سعی کرده ایم با network به مثابه شیئی برخورد کنیم که خبری از محتویات درون آن نداریم و می دانیم روی این شی میتوان یک تابع فراخوانی کرد و مرحلهی آام آن را بدست آورد.

روش دیگر و باصرفهتر برای ساختار داده این است که stage خود را به جای برداری از کاراکترها، به صورت برداری از کامپراتورها یا برداری از زوجهای مرتب ذخیره کنیم. به عنوان مثال شبکهی زیر را در نظر بگیرید:

а	-	ı	b
a	-	-	-
-	-	-	-
-	а	ı	ı
-	1	-	-
-	-	а	-
b	-	b	-
С	-	-	а
-	-	-	а
-	-	-	-
-	а	-	-
С	-	-	-
b	-	а	-
-	-	b	b

a a - - - b c - - c b -

-	-	-	а	-	-	1	-	ı	ı	а	-	-	-
-	-	-	-	-	а	b	-	-	-	-	-	а	b
b	-	-	-	-	-	-	а	а	-	-	-	-	b

اکثر خانههای این شبکه، حاوی – است که عملا کاری انجام نمی دهند و به خاطر این – ها، قطعه کد:

```
if (network[i][j] == '-')
    continue;
```

در تابع apply، یا قطعه کد

```
if (stage[r] == '-')
    continue;
```

در تابع pass_through:

- برای stage 1 بار اجرا می شود.
- برای stage 2 بار اجرا میشود.
- برای stage 3، ۱۰ بار اجرا می شود.
- برای stage 4 بار اجرا می شود.

از سوی دیگر کد:

در تابع apply، سطر اول شبکه زیر را در هر stage، ۱ بار، سطر دوم را ۲ بار، ... سطر سیزدهم را ۱۳ بار و سطر چهاردهم را ۱۴ بار ملاقات می کند.

a	ı	ı	b
а	-	-	-
-	-	-	-
-	а	-	-
-	-	-	-
-	-	а	-

b	ı	b	1	
С	ı	ı	а	
-	-	-	а	
-	-	-	-	
-	а	-	-	
С	-	-	-	
b	-	а	-	
-	-	b	b	

يس تعداد محاسبات انجام شده برابر است با:

$$4 \times (14 + 13 + \dots + 2 + 1) = 4 \times \left(\frac{14 \times 13}{2}\right) = 364$$

و یا کد:

در تابع pass_through برای هر stage شبکهی زیر، ۹۱ بار انجام می شود.

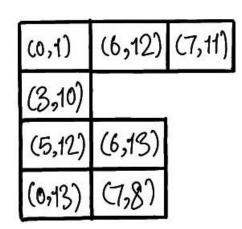
а	а	-	ı	1	-	b	С	ı	ı	ı	С	b	-
-	-	1	а	-	-	-	-	-	-	а	-	-	-
-	-	-	-	-	а	b	-	-	-	-	-	а	b
b	-	-	-	-	-	-	а	а	-	-	-	-	b

چون عضو اول stage را ۱ بار، عضو دوم را ۲ بار، ...، عضور سیزدهم را ۱۳ بار و عضور چهاردهم را ۱۴ بار ملاقات می کند.

$$14+13+...+2+1=\frac{14\times13}{2}=91$$

چنانچه شبکه را هنگام خواندن آن به یکی از صورتهای زیر ذخیره کنیم:

(0,1)	(3,10)	(5,12)	(0,13)
(6,12)		(6,13)	(7,8°)
(7,11)			



برای stage1 فقط ۳ خانه، برای stage2 فقط یک خانه، برای stage3 و stage4 نیز فقط دو خانه و هرکدام از خانه ها نیز فقط یکبار دیدار خواهد شد. لذا در مجموع ۸ دیدار داریم نه ۹۱ یا ۳۶۴ دیدار و پردازش ساده تر و سریع تر خواهد بود. از سوی دیگر در میزان حافظه ی مورد نیاز جهت ذخیره سازی شبکه نیز صرفه جویی خواهیم کرد. البته خواندن ورودی ها اندکی دشوار تر خواهد بود.

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>
using namespace std;
struct Comparator {
     int end1;
     int end2;
};
typedef vector<Comparator> Stage;
typedef vector<Stage> Network;
typedef vector<int> Numbers;
Comparator new_comparator(int, int);
Numbers read numbers(int);
Network read network(int, int);
Stage ith_stage(Network, int);
void swap(int&, int&);
void apply(Numbers&, Stage);
bool sorted(Numbers);
void process_testcase(int, int);
```

```
int main() {
     int num_of_inputs;
     int num of stages;
     cin >> num_of_inputs >> num_of_stages;
     process_testcase(num_of_inputs, num of stages);
     system("pause");
     return 0;
}
Comparator new comparator(int e1, int e2) {
     Comparator c;
     c.end1 = e1;
     c.end2 = e2;
     return c;
}
Numbers read numbers(int num of inputs) {
     Numbers result;
     for (int i = 0; i < num_of_inputs; i++) {</pre>
           int number;
           cin >> number;
           result.push_back(number);
     }
     return result;
}
Network read_network(int num_of_inputs, int num of stages) {
     Network net(num_of_stages);
     vector<string> temp_net;
     for (int i = 0; i < num of inputs; i++) {</pre>
           string line;
           cin >> line;
           temp net.push back(line);
     }
     for (int i = 0; i < num of stages; i++) {</pre>
           for (int j = 0; j < num of inputs; <math>j++) {
                 if (temp_net[j][i] == '-')
                       continue;
                 for (int k = j + 1; k < num_of_inputs; k++)</pre>
                       if (temp net[j][i] == temp net[k][i])
                             net[i].push_back(new_comparator(j, k));
           }
     }
     return net;
```

```
}
Stage ith stage(Network net, int i) {
     return net[i];
}
void swap(int& a, int& b) {
     int temp = a;
     a = b;
     b = temp;
}
void apply(Numbers &nums, Stage stage) {
     for (int c = 0; c < stage.size(); c++) {</pre>
           if (nums[stage[c].end1] > nums[stage[c].end2])
                 swap(nums[stage[c].end1], nums[stage[c].end2]);
     }
}
bool sorted(Numbers numbers) {
     for (int i = 0; i < numbers.size() - 1; i++)</pre>
           if (numbers[i] > numbers[i + 1])
                 return false;
     return true;
}
void process_testcase(int num_of_inputs, int num_of_stages) {
     Network net = read network(num of inputs, num of stages);
     Numbers numbers = read_numbers(num_of_inputs);
     for (int j = 0; j < num of stages; j++)</pre>
           apply(numbers, ith stage(net, j));
     if (sorted(numbers))
           cout << "Sorted";</pre>
     else
           cout << "Not sorted";</pre>
     cout << endl;</pre>
}
```

```
struct Comparator {
    int end1;
    int end2;
};

Struct عنی آنها را میتوان با استفاده از عضوهایی از چند نوع دادهی مجتمع هستند یعنی آنها را میتوان با استفاده از عضوهایی از چند نوع مختلف که میتوانند شامل structهای دیگری باشند تعریف کرد. تعریف کرد. تعریف درد. تعریف درد تعریف کرد. تعری
```

کلمه ی کلیدی struct تعریف رکورد Card را معرفی می کند. شناسه ی Card نام رکورد) است و کلمه ی کلیدی struct تعریف رکورد (در این مثال نوع card struct است. دادههایی (و در ++) برای اعلان متغیرهایی از نوع struct به کار می در داخل آکولادهای باز و بسته ی تعریف رکورد struct احتمالا تابعها به همان صورت که با کلاسها است) که در داخل آکولادهای باز و بسته ی تعریف رکورد struct اعلان شده باشند، عضوهای نام دارند. نام عضوهای یک رکورد باید منحصر به فرد باشند اما دو struct باید مختلف می توانند عضوهای همنام داشته باشند بدون آن که در کار هم تداخل ایجاد کنند. هر تعریف struct باید سمی کالن (ز) به پایان رشد.

خطای رایج در برنامه نویسی: ننوشتن سمی کالن در پایان تعریف struct خطای دستوری است.

تعریف Card شامل دو عضو از نوع *char یعنی face و struct است. عضوهای struct می توانند متغیرهایی از انواع داده ای و اصلی (مانند int و double و غیره) یا مجتمع مانند آرایهها، structهای دیگر و یا کلاسها باشند. داده ی عضو در تعریف یک struct می تواند از چند نوع داده باشد. برای مثال رکورد employee می تواند حاوی عضوهای رشته ای کاراکتری برای نام خانوادگی، یک عضو int برای سن کارمند، یک عضو char شامل برای جنس کارمند، یک عضو double برای حقوق ساعتی کارمند و غیره باشد.

Struct نمی تواند حاوی یک نمونه از خودش باشد. برای مثال متغیر رکوردی Card را نمی توان در تعریف struct Card کنجاند. اگر struct Card اعلان کرد. اما اشاره گر به رکورد می توان در داخل تعریف کرد. اما اشاره گر به رکورد باشد، به آن رکورد خودار جاعی رکوردی شامل عضوی باشد که آن عضو یک اشاره گر به همان نوع رکورد باشد، به آن رکورد خودار جاعی می گویند. در فصل ۲۱ با عنوان ساختمان داده ها، از ساختار مشابهی به نام کلاسهای خودار جاعی استفاده کردیم که به کمک آن انواع متعددی از ساختارهای لیست پیوندی را ایجاد کردیم.

تعریف رکورد Card هیچ حافظه ای لز سیستم نمی گیرد بلکه نوع داده ی جدیدی ایجاد می کند که از آن برای اعلان متغیرهای رکوردی استفاده می شود. متغیرهای رکوردی مانند متغیرهای نوع دیگر اعلان می شوند. اعلانهای زیر:

```
Card oneCard;
Card deck[52];
Card *CardPtr;
```

OneCard را یک متغیر رکوردی از نوع deck ،Card را آرایهای با ۵۲ عضو از نوع Card و CardPtr را به عنوان یک اشاره گر به رکورد Card اعلان می کند. متغیرهای یک نوع داده ی رکوردی معین را می توان با قرار دادن لیست نام متغیرها که با کاما از هم جدا شدهاند بین آکولادهای باز و بسته تعریف رکورد و سمی کالن پایان تعریف رکورد اعلان کرد. برای مثال اعلانهای بالا را می توان در تعریف رکورد زیر قرار داد:

```
struct Card {
     char *face;
     char *suit;
} oneCard, deck[52], *CardPtr;
```

نام رکورد اختیاری است. اگر تعریف رکورد حاوی نام رکورد نباشد متغیرهای نوع رکورد را میتوان تنها بین آکلاد بستهی تعریف رکورد و سمی کالن پایان تعریف رکورد اعلان کرد.

ملاحظاتی دربارهی مهندسی نرمافزار: هنگامی که نوع struct را ایجاد می کنید نام struct را مشخص کنید. به نام struct برای اعلان متغیرهای جدید از نوع struct اعلان پارامترهایی از نوع struct اندکی بعد در برنامه احتیاج است، در صورت استفاده از struct مانند کلاس ++C به نام struct برای مشخص کردن سازنده و نابودکننده احتیاج است.

تنها عملیات مجاز کتابخانهای که می توان روی اشیا struct انجام داد عبارتند از جایگزینی یک شی struct در struct به struct از همان نوع، گرفتن آدرس (&) یک شی struct، دسترسی به عضوهای یک شی struct به همان صورتی که عضوهای یک کلاس در دسترس قرار می گیرد و استفاده از عملگر sizeof برای طول اندازهی یک struct.

اکثر عملگرها را مانند کار با کلاسها میتوان سربارگذاری کرد تا با اشیایی از نوع struct کار کنند.

خطای رایج در برنامه نویسی: مقایسهی رکوردها (structها) خطای زمان کامپایل است.

Structها (رکوردها) را میتوان با استفاده از لیستهای مقدار اولیه، به همان صورتی که با آرایهها عمل کردیم، مقدار اولیه دهیم. برای مثال، اعلان

Card oneCard = { "Three", "Hearts" };

متغیر OneCard را از نوع Card اعلان می کند و به عضو face مقدار اولیهی "Three" و به عضو suit مقدار اولیهی "Hearts" می دهد. اگر تعداد مقادیر اولیهی داخل لیست کمتر از تعداد عضوهای داخل رکورد باشد به عضوهای باقیمانده با مقادیر پیش فرض شان مقدار اولیه داده می شود.

جمع بندی: به یک برنامه از دو جنبه می توان نگریست.

۱- کارهایی که برنامه قرار است انجام دهد (وظایف برنامه را باید به بلاکهای کوجک بشکنیم)

۲- نگهداری دادههای برنامه (پردازش را چگونه بشکنیم و دادهها را چگونه نگهداریم که تصمیم در مورد آن اثر مستقیم بر زمان و اجرای برنامه دارد)

درس ساختمان داده و الگوريتم: آرايش داده چگونه باشد تا پردازش سريعتر شود.

درخت دودویی: تعداد محاسبات متناسب با لگاریتم تعداد عناصر

در نوشتن برنامهها اصرار داریم که از global variable استفاده نکنیم.

Global variable نگهداری برنامه را دشوار می کند.

اما به عنوان مثال اگر در برنامه ی مربوز به این جلسه شبکه را به صورت global تعریف می کردیم نیازی نبود که در spply شبکه را پاس کنیم و یا در apply لازم نبود که شبکه را پاس کنیم و یا هنگام خواندن شبکه در تابع read_network نیازی به return کردن نبود.

اما هدف از تقسم برنامه این است که به هر بلوک به صورت مستقل نگاه کنیم. تعریف global variable باعث می شود که اثر توابع روی هم فقط از طریق پارامترها نباشد و لذا خوانایی برنامه کاهش می یابد.

برای دریافت اینکه global variable کجا تغییر مییابد، بایستی کل برنامه را بخوانیم که این یعنی کاهش خوانایی برنامه.

Global variable باعث می شود نتوانیم تابع را در جایی دیگر استفاده کنیم و قابلیت نگهداری، خوانایی و استفاده مجدد را کاهش می دهد.

اصولا استفاده از global variable توصیه نمی شود مگر اینکه بدانید طول عمر کد کم است. مثلا اگر در مسابقه ی ACM شرکت می کنید نیازی به لحاظ کردن این موارد نیست. چون این کد قرار نیست maintain شود و شما در کمترین زمان جواب می خواهید.

جلسه چهارم - مبانی توابع بازگشتی

رد کردن پارامتر با مقدار: این برنامه ی خیلی ساده رد کردن پارامترها با مقدار (call by value) را نشان میدهد.

```
#include <iostream>
using namespace std;

void f(int x)
{
    int i = 5;
        x = i + 1;
}

int main()
{
    int a = 10;
    f(a);
    cout << a << endl;
    return 0;
}</pre>
```

در خط ۱۲ مقدار a یعنی ۱۰ به تابع f فرستاده می شود. لذا پس از فراخوانی تابع f در خط ۱۳، کماکان مقدار متغیر a برابر ۱۰ است. چون متغیر به تابع فرستاده نشده و لذا تابع تغییری در متغیر ایجاد نکرده. بلکه مقدار متغیر، هنگام فراخوانی در متغیر x فرار گرفته و عملیات روی متغیر x درون تابع انجام شده است.

رد کردن پارامتر با ارجاع: این برنامه ی خیلی ساده رد کردن پارامترها با ارجاع (call by reference) را نشان می دهد. این نوع رد کردن با ارجاع، خاص زبان سی پلاس پلاس است و در زبان سی این کار با اشاره گرها صورت می گیرد.

```
#include <iostream>
using namespace std;

void f(int x, int& y)
{
    int i = 5;
        x = i + 1;
        y = 18;
}

int main()
{
    int a = 10;
    int b = 11;
        f(a, b);
        cout << a << endl;
        cout << b << endl;
        f(a + 1, b + 1);
        return 0;
}</pre>
```

b در خط 4 ، پارامتر 7 با ارجاع رد می شود و تغییری که در خط 8 ایجاد می شود، به بیرون منتقل می گردد یعنی در خط 1 برابر 1 نمایش داده می شود.

در خط ۱۸ با compilation error مواجه می شویم:

error C2664: 'void f(int,int &)': cannot convert argument 2 from 'int' to 'int &' چون 1+1 مقدار است که در همان لحظه پاس به تابع تولید می شود و متغیر نیست و آدرس ندارد که آدرس به تابع داده شود.

فراخوانی تودر توی توابع: این مثال ساده رد کردن پارامتر هنگام فراخوانیهای متوالی توابع را بررسی می کند.

```
#include <iostream>
using namespace std;

void g(int& y)
{
    int j = 2;
    y = j * 3;
}

void f(int x)
{
    g(x);
    cout << x << endl;
}

int main()
{
    int a = 10;
    f(a);
    cout << a << endl;
    return 0;
}</pre>
```

در خط ۱۲ پیش از فراخوانی تابع g مقدار x برابر ۱۰ است اما در خط ۱۳ به مقدار ۶ تغییر میکند. در خط ۲۰ مقدار a پس از فراخوانی کماکان برابر ۱۰ است.

توابع بازگشتی: حل مساله به صورت بازگشتی یعنی تبدیل مساله به مسالهای با اندازه ی کوچکتر از همان جنس هر فراخوانی از تابع یک فریم از حافظه می گیرد.

محاسبه ی فاکتوریل: این برنامه به روش بازگشتی فاکتوریل یک عدد را محاسبه می کند. ایده ی اصلی در حل این مسئله بر این رابطه استوار است که برای n>1 داریم $n!=n^*(n-1)!$

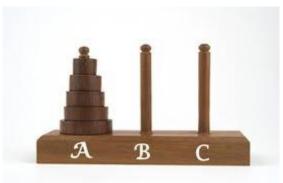
```
#include <iostream>
using namespace std;
int fact(int n)
{
   if (n <= 1)
      return 1;
   else
      return n * fact(n - 1);
}</pre>
```

```
int main()
{
    int num;
    cout << "Enter a positive integer number: ";
    cin >> num;
    int num_fact = fact(num);
    cout << num << "! = " << num_fact << endl;
}</pre>
```

سوالی که ممکن است پیش بیاید این است که با توجه به اینکه می دانیم، فاکتوریل تنها برای اعداد طبیعی تعریف می شود، چرا در خط α به عوض استفاده از شرط α == α از شرط α == α استفاده کردهایم.

برنامهها دارای دو ویژگی correctness و robustness هستند. correctness یعنی اینکه برنامه وظیفه ی موردنظر را به درستی انجام دهد اما robustness یعنی اینکه برنامه در قبال ورودی غیرمجاز رفتار معقول داشته باشد. شرط را بدین صورت نوشتیم تا اگر کاربر اعداد ۰ یا منفی را وارد کرد، سیستم دچار crash نشود.



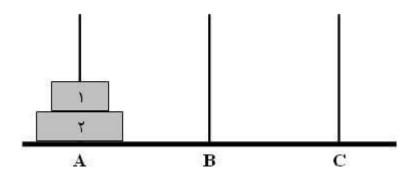


سه میلهی – میلهی مبدأ (A) ، میلهی کمکی (B) و میلهی مقصد (C) – و تعدادی دیسک در میلهی مبدأ داریم. هدف انتقال تمام دیسکها از این میله به میلهی مقصد با رعایت دو شرط زیر است:

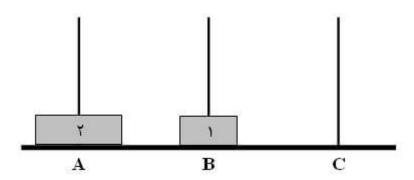
- در هر زمان فقط یک دیسک را می توان جابجا نمود.
- نباید در هیچ زمانی دیسکی بر روی دیسک با اندازهی کوچکتر قرار بگیرد.

به طور حتم می توان با روش آزمون و خطا به نتیجه ی مطلوب رسید. اما هدف ما ارائه ی الگوریتمی برای انتقال دیسکها با کمترین جابجایی ممکن است.

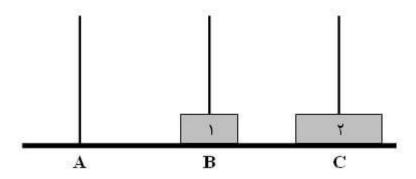
به عنوان مثال، اگر n = 2 باشد:



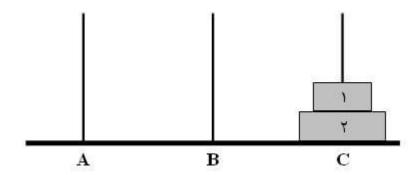
 B دیسک ۱ را به میلهی B منتقل می کنیم (۱



:($A \rightarrow C$) منتقل می کنیم (C را به میله (C را به میله)



 $(B \to C)$ دیسک ۱ را به میلهی C منتقل می کنیم (۳



توجه داشته باشید که بر اساس قانون اول، نمی توان به غیر از بالاترین دیسک هر میله، به دیسک دیگری از آن دسترسی پیدا کرد.

حل بازگشتی مسئله ی برج هانوی: برای اینکه بتوان از روش بازگشتی تقسیم و حل (یا تقسیم و غلبه - Divide and Conquer) برای حل یک مسئله استفاده نمود، مسئله باید قابلیت خرد شدن به زیرمسئلههایی از همان نوع مسئله ی اصلی و اندازه ی کوچکتر را داشته باشد. این ویژگی در مورد مسئله ی برج هانوی صدق می کند.

ایده ی اصلی از آنجا ناشی می شود که برای جابجا کردن بزرگترین دیسک از میله ی A به میله ی A ابتدا باید میله ی A منتقل B منتقل شوند. پس از تمام شدن این مرحله، دیسک بزرگ را از میله ی A منتقل کرده و مجددا به کمک میله ی A تمامی دیسکهای میله ی A را به میله ی A منتقل می کنیم. پس به طور خلاصه می توان گفت:

مرحلهی یک: n-1 دیسک بالایی میلهی مبدأ با شرایط ذکر شده و به کمک میلهی D به میلهی D منتقل می شوند.

```
hanoi(from, _using, to, num_of_discs - 1);
```

مرحلهی دو: بزرگترین دیسک از میلهی مبدأ به میلهی مقصد منتقل میشود.

```
move(from, to);
```

مرحلهی سه: n-1 دیسک میلهی B با کمک گرفتن از میلهی A به میلهی مقصد منتقل میشوند.

```
hanoi(_using, to, from, num_of_discs - 1);
```

میبینیم که توانستیم عملیات جابجا کردن n دیسک را به دو عملیات مشابه ولی با اندازهی کمتر و یک عملیات ساده تقسیم کنیم. برنامهی زیر، ترتیب حرکتها را چاپ میکند:

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
// definition of the three pegs
vector<int> a;
vector<int> b;
vector<int> c;
void print peg(vector<int> peg)
    for (int i = 0; i < peg.size(); i++)
        cout << peg[i] << ' ';
    cout << '\n';
}
void print pegs()
    cout << "A: ";
   print peg(a);
   cout << "B: ";
    print peg(b);
    cout << "C: ";
    print peg(c);
    cout << endl;</pre>
}
void move(vector<int>& from peg, vector<int>& to peg)
    to peg.push back(from peg.back());
    from peg.pop back();
    print pegs();
}
void hanoi(vector<int>& from, vector<int>& to,
           vector<int>& _using, int num of discs)
{
    if (num of discs == 1)
        move(from, to);
    else {
        hanoi(from, using, to, num of discs - 1);
        move(from, to);
        hanoi (using, to, from, num of discs - 1);
    }
}
```

```
int main()
{
    int num_of_discs;
    cout << "How many discs? ";
    cin >> num_of_discs;

for (int i = num_of_discs; i >= 1; i--)
        a.push_back(i);

    print_pegs();
    hanoi(a, b, c, num_of_discs);
}
```

در این کد سه میله به نامهای a و b و عداریم که میله یه در ابتدا حاوی a قرص با اندازههای متفاوت است طوری که از بالا به پایین اندازه یقرصها زیاد می شود. هدف منتقل کردن تمام قرصها به میله ی a است با این شرط که اولاً هربار فقط یک قرص منتقل شود و ثانیاً هیچوقت یک قرص روی قرص کوچک تر قرار نگیرد. از میله ی a نیز می توان کمک گرفت.

واضح است که تابع بازگشتی فوق کمترین تعداد حرکت را چاپ می کند. چرا که برای جابجا کردن بزرگترین دیسک از پایین میله ی A، بقیه ی دیسک ها باید در میله ی B باشند. فقط در این صورت این دیسک جابجا می شود. در فراخوانی های بعدی، دیسک دوم از نظر بزرگی جابجا می شود و الی آخر. پس در این فراخوانی ها جابجایی بیهوده ای صورت نمی گیرد. نیز توالی حرکت ها برای هر n منحصر بفرد است. یعنی برای یک n مشخص، دو توالی متمایز از جابجایی ها وجود ندارد که تعداد جابجایی آنها کمتر یا مساوی این حالت باشد.

تحلیل پیچیدگی زمانی مسئلهی برج هانوی: در حالت کلی میخواهیم بدانیم اگر تعداد دیسکها n باشد، کمترین تعداد حرکت برای جابجا نمودن دیسکها چقدر است؟

فرض کنید T(n) تعداد حرکتهای لازم جهت انتقال n دیسک به مقصد باشد. بر اساس توضیحات فوق، تعداد T(n-1) حرکت برای انتقال T(n-1) دیسک به میله T(n-1) دیسک موجود در میله کمکی به میله مقصد نیاز است. پس: T(n-1) حرکت برای انتقال T(n-1) دیسک موجود در میله کمکی به میله مقصد نیاز است. پس:

برای حل این رابطهی بازگشتی فرض کنید که

U(n) = T(n) + 1

T(n) = 2T(n-1) + 1

$$U(n) = 2T(n-1) + 1 + 1$$

$$U(n) = 2T(n-1) + 2$$

$$U(n) = 2(T(n-1)+1)$$

$$U(n) = 2U(n-1) \Rightarrow U(n) = 2^n$$

پس:

$$T(n)+1=2^n \Rightarrow T(n)=2^n-19$$

مرتبه ی اجرایی این الگوریتم $O(2^n)$ است که چندان مرتبه ی مطلوبی به نظر نمی رسد. اما همانگونه که بحث شد، این روش حداقل تعداد حرکتهای ممکن را می دهد؛ و هرگز نمی توان روش دیگری با مرتبه ی پایین تر برای حل آن یافت.

حل غیربازگشتی مسئله ی برج هانوی: مسئله ی برج هانوی علاوه بر روش تابع بازگشتی، راه حلهای غیربازگشتی نیز دارد. تا به اینجا مشخص شده است که بهترین راه حل برای جابجا کردن n دیسک، به تعداد نمایی حرکت نیز دارد. در نتیجه مرتبه ی راه حلهای آن در بهینه ترین حالت - چه بازگشتی و چه غیربازگشتی - از مرتبه ی نیز دارد. در نتیجه مرتبه ی راه حل بازگشتی و غیربازگشتی را از هم متمایز می کند، مرتبه ی فضای مصرفی آن 2^n خواهد بود. اما آنچه که راه حل بازگشتی و غیربازگشتی را از هم متمایز می کند، مرتبه ی فضای مصرفی آن است.

حل بازگشتی مسئله، فراخوانیهای تو در تو و فضای پشته از مرتبه ی O(n) نیاز دارد. در حالی که میتوان با استفاده از روش غیربازگشتی این مرتبه را به O(1) کاهش داد. البته این مسئله تنها دلیل بررسی روش غیربازگشتی نیست. تبدیل مرتبه ی مصرف فضا از O(n) به O(1) زمانی که مرتبه ی اجرای الگورینم $O(2^n)$ است، چندان قابل توجه نیست. دلیل دیگر میتواند این باشد که برخی زبانهای برنامهنویسی از فراخوانی بازگشتی توابع پشتیبانی نمی کنند و مجبور به استفاده ار روشهای غیربازگشتی هستند. اما دلیل اصلی این است که با بررسی این روشها، تمرین کوچکی برای تبدیل الگوریتمهای بازگشتی به غیربازگشتی انجام می دهیم.

جهت مطالعهی بیشتر رجوع شود به:

C_{++} بررسی مسئله C_{++} بررسی مسئله و روشهای حل بازگشتی و غیربازگشتی آن به همراه کد به زبان

- Tower of Hanoi Wikipedia, the free encyclopedia
- New fast iterative computer algorithms for the Tower of Hanoi puzzle
- <u>Data Structures and Algorithms TOWERS OF HANOI</u>