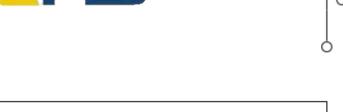


LAPORAN RESMI

HUKUM KIRCHOFF





NAMA : SEPTIAN BAGUS JUMANTORO

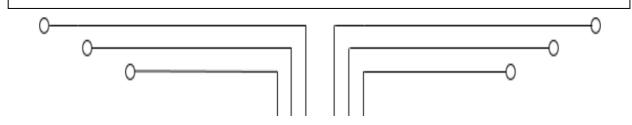
NRP : 3221600021

KELAS : 1 D4 TEKNIK KOMPUTER B

DOSEN : MOCHAMAD MOBED BACHTIAR

MATA KULIAH : PRAKTIKUM RANGKAIAN ELEKTRONIKA 1

TGL PRAKTIKUM : 13 SEPTEMBER 2021



BAB 4 – HUKUM KIRCHOFF

A. TUJUAN

- a) Mahasiswa memahami konsep Hukum Kirchoff
- b) Mahasiswa memahami hukum kirchoff arus (KCL)
- c) Mahasiswa memahami hukum kirchoff tegangan (KVL)

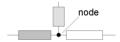
B. DASAR TEORI

a) PENGERTIAN BRANCH DAN NODE

Cabang (Branch) : Suatu group elemen, biasanya dalam hubungan seri, yang mempunyai 2 ujung.

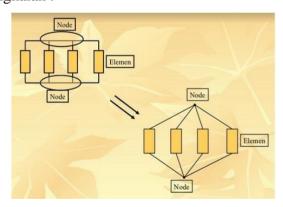


Titik Cabang (Node): Suatu titik pertemuan antara minimum 3 ujung elemen-elemen rangkaian.



Berikut adalah contoh branch dan node pada rangkaian:



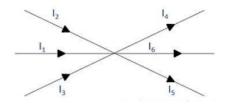


b) Hukum Kirchoff

Hukum Kirchhoff ditemukan oleh Gustav Robert Kirchhoff yang merupakan ahli fisika asal Jerman. Kirchhoff menjelaskan hukumnya tentang kelistrikan ke dalam dua bagian, yaitu Hukum I Kirchhoff dan Hukum II Kirchhoff.

c) Kirchoff's Current Law (KCL)

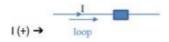
Hukum Kirchoff 1: "Arus Total yang masuk melalui suatu titik percabangan dalam suatu rangkaianlistrik sama dengan arus total yang keluar dari titik percabangan tersebut."



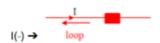
$$|_1 + |_2 + |_3 = |_4 + |_5 + |_6$$

d) Tanda Arus

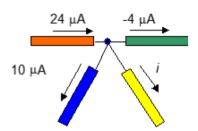
Jika arah arus listrik searah dengan arah loop, maka tanda arus listriknya (+)



Jika arah arus listrik berlawanan dengan arah loop, maka tanda arus listriknya (-)



e) KCL Example

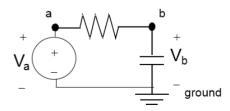


Currents entering the node: 24uA

Currents leaving the node: -4uA +

10uA + iThree formulations of KCL:

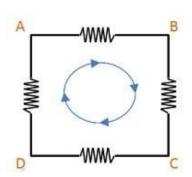
f) Node Voltages



The voltage drop from node X to a reference node (ground) is called the node voltage Vx.

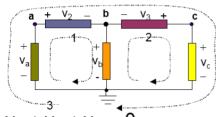
g) Kirchoff's Voltage Law (KVL)

Hukum Kirchoff 2 : "Total Tegangan (beda potensial) pada suatu rangkaian tertutup adalah nol"



$$V_{AB} + V_{BC} + V_{CD} + V_{DA} = 0$$

Contoh KVL pada rangkaian:



Path 1: $-V_a + V_2 + V_b = 0$

Path 2: $-V_{b}^{a} - V_{3}^{2} + V_{c}^{5} = 0$

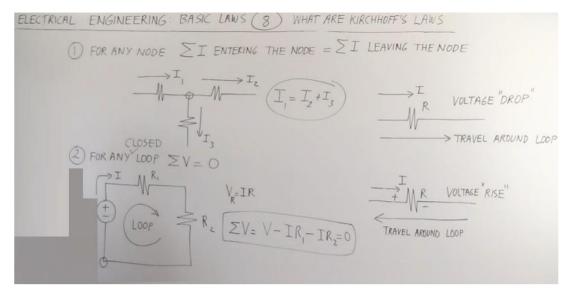
Path 3: $-v_a + v_2 - v_3 + v_c = 0$

h) Tanda untuk tegangan [$GGL(\mathcal{E})$]

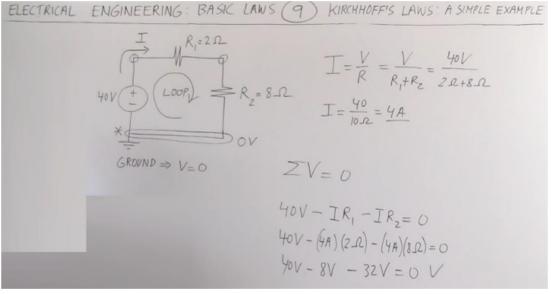
Jika arah arus listrik searah dengan arah loop dan arus listrik bertemu dengan kutub (+) potensialtegangan terlebih dulu, maka tanda tegangan adalah (+).

Jika arah arus listrik searah dengan arah loop dan arus listrik bertemu dengan kutub (-) potensial tegangan terlebih dulu, maka tanda tegangan adalah (-)

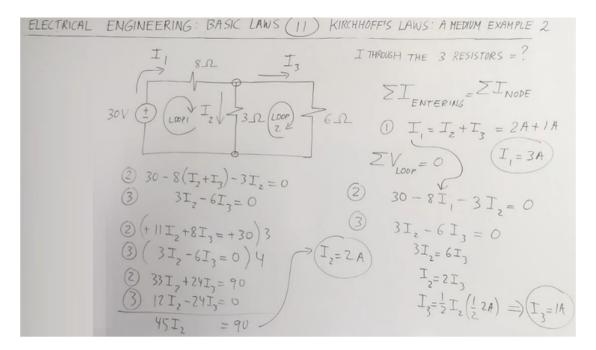
i) BASIC KCL & KVL



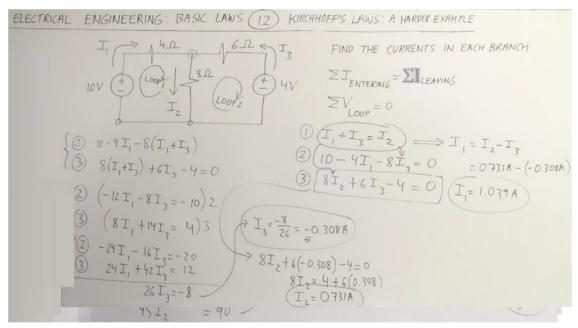
j) KCL EXAMPLE 1



k) KCL EXAMPLE 2

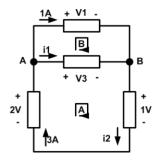


1) KCL EXAMPLE 3



m) LATIHAN 1

Solve for i1, i2, v1 and v3 and the current i1 from the figures beside :



Solusi:

By KCL at node A:

$$3A - 1A - i1 = 0$$

$$i1 = 2$$

AmpBy KCL at node B

:

$$1A + i1 - i2 = 0$$

$$i2 = 1A + 2A = 3A$$

By KVL around mesh A:

$$-2V + v3 + 1V$$

$$= 0v3 = 1V$$

By KVL around mesh B:

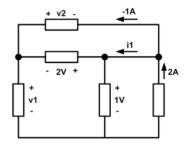
$$v3 - v1 = 0$$

$$v1 = v3 =$$

1V

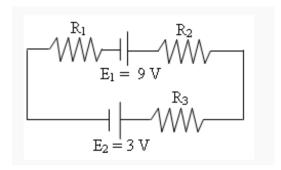
n) LATIHAN 2

Solve for the voltages v1 and v2 and current i1 in figures below:



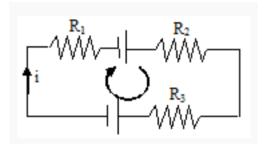
o) LATIHAN 3

Apabila R1 = 2, R2 = 4 dan R3 = 6, maka kuat arus yang mangalir pada rangkaian adalah?



Solusi:

Kita terlebih dahulu tentukan arah arus dan arah loop, dalam hal ini kita akan menentukan arahloop searah dengan arah jarum jam.



Hasil:

$$\Sigma IR + \Sigma \epsilon = 0$$

$$i \cdot R_1 - E_1 + i \cdot R_2 + i \cdot R_3 + E_2 = 0$$

$$i(R_1 + R_2 + R_3) + E_2 - E_1 = 0$$

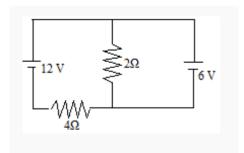
$$i(2\Omega + 4\Omega + 6\Omega) + 3V - 9V = 0$$

$$12i - 6V = 0$$

$$12i = 6V \text{ maka } i = 0.5A$$

p) LATIHAN 4

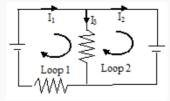
Tentukan besarnya daya pada R1!



Solusi:

Jawaban:

Kita tentukan arah loop sebagai berikut:



Kita akan menerapkan hukum Kirchhof 1, dimana:

$$l_1 = l_2 + l_3$$

Hasil:

➤ Loop 1

$$-12 \text{ V} + I_3(2 \Omega) + I_1(4 \Omega) = 0$$

$$I_1 (4 \Omega) + I_3 (2 \Omega) = 12 \text{ V}$$

➤ Loop 2

$$6\mathrm{V}-I_3(2\;\Omega)=0$$

 I_3 (2 Ω) = 6 V maka diperoleh I_3 = 3A

Subtitusi hasil dari Loop 2 ke Loop 1.

$$I_1\left(4\;\Omega\right)+\left(3\mathrm{A}\right)\left(2\Omega\right)=12\mathrm{V}$$

$$I_1(4 \Omega) + 6 V = 12 V$$

$$I_1 (4 \Omega) = 6 \text{ V}$$

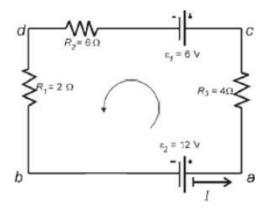
$$I_1 = \frac{6V}{4\Omega} = 1.5A$$

Menghitung daya (P):

$$P = I_1^2$$
. $R = (1.5)^2(4) = 9$ Watt

q) LATIHAN 5

Dengan menggunakan hukum II Kirchoff, besar kuat arus listrik yang mengalir di dalam rangkaiantersebut adalah?



Ditanya: 1?

Jawab:

$$\sum \varepsilon + \sum IR = 0$$

$$-\varepsilon_2 + IR_3 + \varepsilon_1 + IR_2 + IR_1 = 0$$

$$-12 + I(4) + 6 + I(6) + I(2) = 0$$

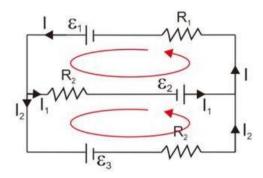
$$12I - 6 = 0$$

$$I = \frac{6}{12} \longrightarrow I = 0, 5A$$

r) LATIHAN 6

Jika diketahui $\epsilon 1=16$ V; $\epsilon 2=8$ V; $\epsilon 3=10$ V; $\epsilon 1=12$ ohm; $\epsilon 1=12$ ohm; $\epsilon 1=16$ Ohm. Besar kuat

arus lisrik I adalah?

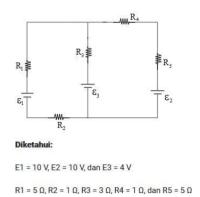


Hasil:

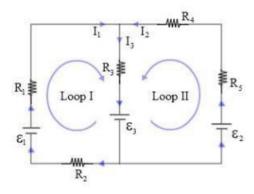
Loop I (atas): $\Sigma \varepsilon + \Sigma IR = 0$ $I(12) + I_1(6) - 16 = 0$ $12I + 6I_1 = 16(:2)$ $6I + 3I_1 = 8$ $\Sigma \varepsilon + \Sigma IR = 0$ $I_2(6) - I_1(6) + 8 + 10 = 0$ $6I_2 - 6I_1 = -18(:2)$ $3I_2 - 3I_1 = -9$ $-3I_1 + 3I_2 = -9(2)$ $-6I_1 = -18(:2)$ $-6I_2 = -18(:2)$ $-6I_3 = -18(:2)$ $-6I_4 = -18($	inasi: $+6I_2 = 8$ $I_1 + 6I_2 = -18$ $I_1 + 0 = 26 \longrightarrow I_1 = \frac{26}{15}A$ $I_1 + 6I_2 = -8 \longrightarrow -6(\frac{26}{15}) + 6I_2 = -8 \longrightarrow I_2 = \frac{12}{5}$ $I_1 + I_2 \longrightarrow I = \frac{26}{15} + \frac{12}{5} \longrightarrow I = 4,13A$
--	--

s) LATIHAN 7

Perhatikan gambar di bawah ini. Berapa Daya yang melalui R3?



Untuk menyelesaikan soal ini, terlebih dahulu tentukan arah rangkaiannya. Dari ketiga sumber gaya gerak listrik (GGL) yang ada, diketahui bahwa E3 memiliki nilai paling kecil dibandingkan E1 dan E2, sehingga anggaplah arah loopnya seperti ini:



Dari gambar di atas, diperoleh persamaan untuk menentukan I3 melalui hukum Kirchoff 1, di mana: I3 = I1 + I2

Berikutnya, kita cari persamaan dari loop I dengan menggunakan rumus hukum Kirchoff 2:

$$\sum E + \sum V = 0$$

$$\sum E + \sum I.R = 0$$

$$E1 + E3 + (R1 + R2)I1 + R3.I3 = 0$$

$$-10 + 4 + (5 + 1)I1 + 3I3 = 0$$

$$-6 + 6I1 + 3I3 = 0$$

$$-6 + 6I1 + 3(I1 + I2) = 0$$

$$-6 + 9I1 + 3I2 = 0$$

$$9I1 + 3I2 = 6$$

$$3I1 + I2 = 2$$

Sekarang, kita cari persamaan pada loop II.

$$\Sigma E + \Sigma V = 0$$

$$\Sigma E + \Sigma I.R = 0$$

$$E2 + E3 + (R4 + R5)I2 + R3.I3 = 0$$

$$-10V + 4V + (1\Omega + 5\Omega)I2 + 3\Omega(I1 + I2) = 0$$

$$-6V + 6\Omega I2 + 3\Omega I1 + 3\Omega I2 = 0$$

$$9\Omega I2 + 3\Omega I1 = 6$$

$$3I2 + I1 = 2$$

3I2 + I1 = 2 3(2 - 3I1) + I1 = 2 6 - 9I1 + I1 = 2 -10I1 = -8I1 = 8/10 atau 4/5A

I2 adalah:

$$I2 = 2 - 3 I1$$

$$I2 = 2 - 3 (4/5)$$

$$I2 = 10/5 - 12/5$$

$$= -2/5 A$$

Lalu,

$$I3 = I1 + I2$$

= $4/5 A + (-2/5) A$
= $2/5 A$

Sehingga Daya pada R3:

$$P = (I_3)2 R_3$$

 $P = (2/5)2 3$
 $P = 0.48 W$

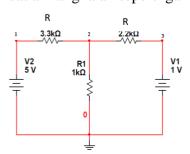
t) df

C. ALAT DAN BAHAN

- a) Simulator Livewire
- b) Multimeter
- @1
- c) Resistor 1K Ω , 2K2 Ω , 3K3 Ω , dan 4K7 Ω
- d) Kabel secukupnya
- e) Project Board
- @1
- f) Power Supply /Baterai 9V @1

D. PROSEDUR PERCOBAAN 1

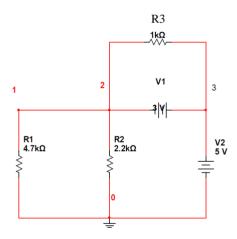
a) Buatlah rangkaian seperti gambar 1 berikut:



- b) Dari gambar 1 ukur tegangan pada node-node berikut, kemudian catat hasilnya:
 - a. Node 1-0
 - b. Node 2-0
 - c. Node 3-0
 - d. Node 1-2
 - e. Node 2-3
- c) Dari gambar 1 ukur arus yang mengalir pada node-node berikut :
 - a. Node 1-2, Seri dengan R3
 - b. Node 2-3, seri dengan R2
 - c. Node 2-0, seri dengan R1

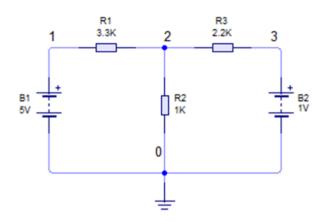
E. PROSEDUR PERCOBAAN KEDUA

a) Buatlah rangkaian seperti gambar 2 berikut :



- b) Dari gambar 2 ukur tegangan pada node-node berikut, kemudian catat hasilnya:
 - a. Node 1-0
 - b. Node 2-0
 - c. Node 3-0
 - d. Node 2-3
- c) Dari gambar 2 ukur arus yang mengalir pada node-node berikut :
 - a. Node 2-1, seri dengan R1
 - b. Node 2-0, seri dengan R2
 - c. Node 2-3, seri dengan R3

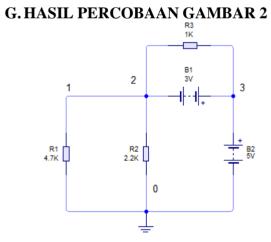
F. HASIL PERCOBAAN GAMBAR 1



Gambar rangkaian 1

Parameter	Node 1-0	Node 2-0	Node 3-0	Node 1-2	Node 2-3
Tegangan	5 V	1.12 V	1 V	3.88 V	-120.67 mV

Parameter	Node 1-2	Node 2-3	Node 2-0
Arus	1.175 mA	-54.85 mA	1.12 mA



Gambar rangkaian 2

Parameter	Node 1-0	Node 2-0	Node 3-0	Node 2-3
Tegangan	2 V	2V	5 V	3 V

Parameter	Node 2-1	Node 2-0	Node 3-2
Arus	425.5 μA	909 μΑ	3 mA

H. TUGAS

a) Pada gambar percobaan 1, lakukan perhitungan sebagai

berikut !a.
$$V(2,0) -> V(R1)$$

- b. $V(3,2) \rightarrow V(R2)$
- c. $V(1,2) \rightarrow V(R3)$
- d. $I(2,0) \rightarrow I(R1)$
- e. $I(3,2) \rightarrow I(R2)$
- f. $I(1,2) \rightarrow I(R3)$
- b) Pada gambar percobaan 2, lakukan perhitungan sebagai

berikut !g.
$$V(2,0) -> V(R2)$$

- h. $V(1,0) \rightarrow V(R1)$
- i. $V(3,2) \rightarrow V(R3)$
- j. $I(1,0) \rightarrow I(R1)$
- k. $I(2,0) \rightarrow I(R2)$
- 1. $I(3,2) \rightarrow I(R3)$
- 3. Bandingkan hasil percobaan yang saudara lakukan dengan hasil perhitungan! Beri komentartentang hukum Kirchoff!

I. ANALISA

Percobaan rangkaian 1

Pada percobaan rangkaian 1 diketahui sebuah rangkaian dengan 2 buah power supply yang memiliki tegangan output 1 V dan 5 V. Pada rangkaian tersebut juga terdapat 3 buah resistor yang memiliki hambatan R1 = 1K ohm, R2 = 2.2K ohm, R3 = 3.3K ohm. Pada rangkaian tersebut diketahui arah loopnya searah jarum jam, karena perbedaan tegangan yang menyebabkan arus bergerak dari power supply terbesar menuju terkecil(kiri ke kanan).

Hukum Kirchoff 1:

"Arus Totalyang masuk melalui suatu titik percabangan dalam suatu rangkaian listrik sama dengan arus total yang keluar dari titik percabangan tersebut "

Hukum kirchoff 2:

"Total tegangan (beda potensial) pada suatu rangkaian tertutup adalah nol"

> Diketahui:

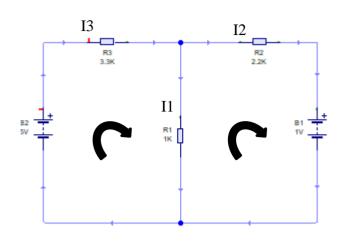
R1 = 1K ohm

R2 = 2.2K ohm

R3 = 3.3K ohm

V1 = 1V

V2 = 5V



Penerapan Hkum Kirchoff 1

$$> I3 + I2 = I1$$

Penerapan Hukum Kirchoff 2

$$> 5V - 3300 \text{ ohm} \cdot I3 - 1000 \text{ ohm} \cdot (I3+I2) = 0$$

$$5V - 3300 \text{ ohm}$$
 . $I3 - 1000 \text{ ohm}$. $13 + 1000 \text{ ohm}$. $I2 = 0$

$$5V - 4300$$
 ohm . $I3 - 1000$. $12 = 0$

$$> 1000 . I1 + 2200 . I2 - 1 = 0$$

$$1000(I3 + I2) + 2200 \cdot I2 - 1 = 0$$

$$1000 \cdot I3 + 3200 \cdot I2 - 1 = 0$$

> Eliminasi untuk memnentukan I3

$$(5-4300 \cdot I3 - 1000 \cdot I2 = 0)$$
 $\begin{vmatrix} x3,2 \\ x1 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -13760 \cdot I3 - 3200 \cdot I2 = -16 \\ 1000 \cdot I3 + 3200 \cdot I2 = 0 \end{vmatrix}$ $+$

$$-12760 \cdot I3 = -15$$

$$I3 = 15/12760$$

$$= 0.001175 A$$

$$= 1,175 \text{ mA}$$

> Masukkan I3 dalam persamaan rangkaian

$$5 - 3300 \cdot I3 - 1000 \cdot I1 = 0$$

$$5 - 3300(0,001175) - 1000$$
. I1 = 0

$$5 - 3,879 - 1000$$
. I1 = 0

$$1,12 - 1000 \cdot I1 = 0$$

$$-1000 \cdot I1 = -1,12$$

$$I1 = 1,12 / 1000$$

$$= 0.001122 A$$

$$= 1,12 \text{ mA}$$

> Masukkan dalam persamaan

$$I3 + I2 = I1$$

$$I2 = I1 - I3$$

$$= 0,001122 - 0,001175$$

$$= -0.00005485 A$$

$$= -54,85 \text{ mA}$$

PENGISIAN PADA TABEL

a)
$$V(2,0) => V(R1)$$

$$= I1 . R1$$

$$= 0.00112 \text{ A} \cdot 1000 \text{ ohm}$$

$$= 1,12 \text{ V}$$

b)
$$V(3,2) => V(R2)$$

$$= I2 . R2$$

= -0,00005485 A . 2200 ohm

$$= -0.12067 \text{ V}$$

= -120,67 mV

c)
$$V(1,2) => V(R3)$$

$$= I3 . R3$$

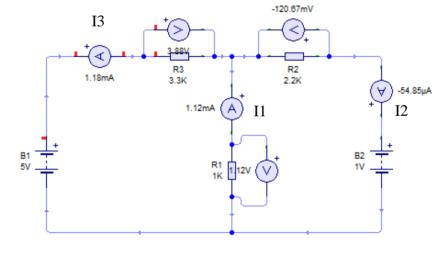
 $= 0.001175 \text{ A} \cdot 3300 \text{ ohm}$

$$= 3.88 \text{ V}$$

d)
$$V(1,0) => V2$$

$$=5 \text{ V}$$

e)
$$V(3,0) => V1$$



$$= 1 V$$

f)
$$I(2,0) => I(R1)$$

$$= 1,12 \text{ mA}$$

g)
$$I(3,2) => I(R2)$$

$$= -54,85 \text{ mA}$$

h)
$$I(1,2) => I(R3)$$

$$= 1,175 \text{ mA}$$

• Percobaan rangkaian 2

Pada percobaan rangkaian 2 diketahui sebuah rangkaian dengan 2 buah power supply yang memiliki tegangan output 3 V dan 5 V. Pada rangkaian tersebut juga terdapat 3 buah resistor yang memiliki hambatan R1 = 4,7K ohm, R2 = 2.2K ohm, R3 = 1K ohm.

> Diketahui

$$R1 = 4.7K \text{ ohm}$$

$$R2 = 2.2K \text{ ohm}$$

$$R3 = 1K \text{ ohm}$$

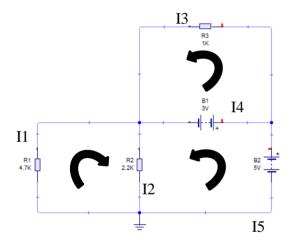
$$V1 = 3 V$$

$$V2 = 5 V$$

> Penerapan Hukum Kirchoff 1

$$I1 + I2 = I5$$

$$I5 + I4 = I3$$



Penerapan Hukum Kirchoff 2

$$> 5 - 2200 \cdot I2 - 3 = 0$$

$$2 - 2200 \cdot I2 = 0$$

$$-2200 . I2 = -2$$

$$I2 = 2 / 2200$$

$$= 0,000909 A$$

$$= 909 \mu A$$

$$> 4700 \cdot I1 - 2200 \cdot I2 = 0$$

$$4700 - 2200(0,000909) = 0$$

$$4700 - 2 = 0$$

$$I1 = 2/4700$$

$$= 0.0004255 A$$

$$= 425,5 \mu A$$

$$> I5 = I2 + I1$$

$$= 0,000909 A + 0,0004255 A$$

$$= 0.001363 A$$

$$= 1,363 \text{ mA}$$

$$> 1000 \cdot I3 - 3 = 0$$

$$I3 = 3 / 1000$$

$$= 0.003 A$$

$$= 3 \text{ mA}$$

$$> I4 = I3 - I5$$

$$= 0.003 A - 0.001363 A$$

$$= 1,637 \text{ mA}$$

PENGISIAN PADA TABEL

a)
$$V(2,0) => V(R2)$$

$$= I2 . R2$$

= 0,000909 A . 2200 ohm

$$=2V$$

b)
$$V(1,0) => V(R1)$$

$$= I1 . R1$$

= 0,0004255 A . 4700 ohm

$$=2V$$

c)
$$V(3,2) => V(R3)$$

$$= I3 . R3$$

= 0,003 A . 1000 ohm

$$=3V$$

d)
$$V(3,0) => V2$$

$$=5V$$

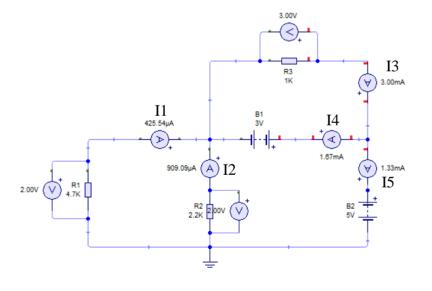
e)
$$I(1,0) => I(R1)$$

$$= 425,5 \mu A$$

f)
$$I(2,0) => I(R2)$$

$$= 909 \mu A$$

g)
$$I(3,2) => I(R3) = 3 \text{ mA}$$



J. KESIMPULAN

Berdsarkan hasil percobaan diatas dapat disimpulkan bahwa bunyi Hukum Kirchoff 1 yaitu Jumlah kuat arus yang masuk sama dengan kuat arus yang keluar. Lalu bunyi Hukum Kirchoff 2 yaitu total tegngan(beda potensial) pada suatu rangkaian tertutup adalah nol(0). Untuk power supply arah tegangan output nya mengalir dari tegangan yang terbesar menuju ke tegangan terkecil, untuk membantu menentukan hipotesa arah loop pada rangkaian tersebut.

K. REFERENSI

- a) Tony R. Kuphaldt, Lessons In Electric Circuits, Volume I DC , Fifth Edition, last updateOctober 18, 2006, www.ibiblio.org/obp/electricCircuits
- b) Anant Agarwal, Jeffreyh.lang Foundations of Analog and Digital Electronic Circuits "
- c) Dari berbagai sumber