МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

Радиофизический факультет

С. А. Скороходов

ОТВЕТЫ НА ФИЗИКУ

Ответы на вопросы экзамена Дисциплины – Физика

Студента группы 417/0424С1ИБг1 1 курса специалитета

Основная образовательная программа подготовки по направлению 10.05.02 «Информационная безопасность телекоммуникационных систем» (направленность «Системы подвижной цифровой защищенной связи»)

Нижний Новгород Издательство "Невыспавшийся Студент" 2025

Содержание

1	Отв	еты на вопросы	5
	1.1	Теорема об изменении импульса с.м.т. Условия сохранения импульса.	6
		Замечания	7
	1.2	Теорема о движении центра масс.	9
		Замечания	9
	1.3	Уравнение Мещерского. Реактивная сила	10
	1.4	Теорема об изменении момента импульса с.м.т. Закон сохранения момента импульса.	15
	1.5	Теорема об изменении кинетической энергии с.м.т.	16
	1.6	Потенциальная энергия с.м.т. Теорема об изменении механической энергии с.м.т. Условия со-	
		хранения механической энергии.	17
	1.7	Абсолютно неупругое соударение двух частиц	18
		1.7.1 Абсолютно неупругий удар	18
		1.7.2 Абсолютно упругий удар	19
	1.8	Уравнение Бернулли	20
	1.9	Уравнение вращательного движения твердого тела вокруг неподвижной оси. Момент инер-	
		ции, примеры его вычисления.	21
	1.10	Теорема Гюйгенса-Штейнера	22
	1.11	Кинетическая энергия и работа при вращении твердого тела вокруг неподвижной оси	24
	1.12	Кинематика плоского движения твердого тела. Мгновенная ось вращения	25

1.13	Уравнения динамики плоского движения твер- дого тела. Кинетическая энергия твердого тела при плоском движении	28
1.14	Приближенная теория гироскопа. Прецессия гироскопа.	29
1.15	Распределение молекул по объёму сосуда в отсутствие внешних силовых полей. Флуктуации числа молекул .	30
1.16	Распределение Максвелла по проекции и вектору скорости	31
1.17	Распределение Максвелла по модулю скорости. Наиболее вероятная, средняя и средняя квадратичная скорости	32
1.18	Распределение Больцмана , барометрическая формула	33
1.19	Давление идеального газа. Уравнение Клапейрона- Менделеева	34
1.20	Внутренняя энергия идеального газа и ее связь с температурой	35
1.21	Средняя длина свободного пробега молекул в газах	36
	Распределение Максвелла	37
1.22	Диффузия в газах. Закон Фика, расчёт коэффициента диффузии	39
1.23	Внутреннее трение в газах. Формула Ньютона, расчет вязкости	40
1.24	Теплопроводность в газах. Закон Фурье, расчет коэффициента теплопроводности	41
1.25	Броуновское движение. Формула Эйнштейна	42
1.26	Классическая теория теплоемкости газов. Теорема о равнораспределении энергии по степеням свободы. Недостатки классической теории теплоемкости	45
	OTOTIVI IMMOOTI IUUIUH TUUMH TUUMIUUMINUUTI	TU

1.27	Общий и нулевой принципы термодинамики. Измерение температуры. Классификация процессов	46
1.28	Первый принцип термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа. Примеры применения: соотношение Майера, уравнение адиабатического процесса	47
1.29	Второй принцип термодинамики. Формулировки для тепловых двигателей и холодильных машин	48
1.30	Цикл Карно и его КПД. Первая теорема Карно	49
1.31	Необратимые циклы, вторая теорема Карно	50
1.32	Уравнение Ван-дер-Ваальса. Фазовые переходы	51
1.33	Внутренняя энергия газа Ван-дер-Ваальса.	52
1.34	Приведенное количество теплоты. Равенство Клаузиуса. Энтропия. Энтропия идеального газа	53
	Неравенство Клаузиуса. Закон возрастания энтропии (с примерами)	54
C**	OROTO HORO	

1. Ответы на вопросы

В данном разделе представлены ответы на все билеты по физике за 1 курс 2 семестра.

Предупреждение

Данные ответы были составлены не самым умным студентом изза чего могут встречаться различного рода ошибки. Просим сооб-AIR ASIM, S щать о их нахождении по контактным данным, указанные в конце документа.

1.1. Теорема об изменении импульса с.м.т. Условия сохранения импульса.

Запишем теорему об изменении импульса для материальной точ- κu :

$$\vec{p} = m\vec{v}$$
 $\frac{d\vec{p}}{dt} = \sum_{i=1}^{n} \vec{F}_{i}$

Обобщим для системы. Импульсом системы материальных точек называется сумма импульсов всех точек входящих в систему:

$$\vec{p} = \sum_{i=1}^{n} \vec{p}_i$$

Физический смысл: Характерное поступательное движение системы как единого целого.

$$\frac{d\vec{p}_{1}}{dt} = \vec{f}_{21} + \vec{f}_{31} + \dots + \vec{f}_{i1} + \dots + \vec{f}_{n1} + \vec{F}_{1};$$

$$\frac{d\vec{p}_{i}}{dt} = \vec{f}_{1i} + \dots + \vec{f}_{(i-1)1} + \vec{f}_{(i+1)1} + \dots + \vec{f}_{ni} + \vec{F}_{i};$$

$$\frac{d\vec{p}_{n}}{dt} = \vec{f}_{1n} + \dots + \vec{f}_{in} + \dots + \vec{f}_{(n-1)n} + \vec{F}_{n};$$

Сложим попарно внутренние силы и сократим: $\vec{f}_{ik} + \vec{f}_{ki} = 0$.

$$\sum_{i=1}^{n} \frac{d\vec{p_i}}{dt} = \sum_{i=1}^{n} \vec{F_i}$$

Где $\vec{F}_{\text{внеш}} = \sum_{i=1}^{n} \vec{F}_{i}$ – суммарная внешняя сила. Из чего следует:

$$\sum_{i=1}^{n} \frac{d\vec{p_i}}{dt} = \frac{d}{dt} \sum_{i=1}^{n} \vec{p_i} = \frac{d\vec{p}}{dt} \quad \Rightarrow \quad \boxed{\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F}_{\text{внеш}}}$$

Запишем в интегральной форме:

$$\vec{p}(t) - \vec{p}(t_0) = \int_{t_0}^t \vec{F}_{\text{внеш}} dt$$

Замечания

- 1. Теорема справедлива и в HCO^a (нужно учесть силы инерции);
- 2. Описывает поступательное движение в целом и не включает внутреннюю силу;

 a Неинерциальная система отсчета (HCO) — система отсчета, движущаяся с ускорением относительно инерциальной. Простейшими HCO являются системы, движущиеся ускоренно прямолинейно, и вращающиеся системы.

Условия сохранения импульса

Импульс сохраняется, если сумма внешних сил равна нулю:

$$\vec{p} = \mathrm{const}, \quad \mathrm{ec}$$
ли $\vec{F}_{\mathrm{внеш}} = 0.$

1. Замкнутая (изолированная) система:

$$\vec{F}_i^{\text{внеш}} = 0$$

2. Сбалансированная система:

$$\vec{F}_{i}^{\text{внеш}} \neq 0, \quad \text{но} \quad \sum_{i=1}^{n} \vec{F}_{i}^{\text{внеш}} = 0;$$

3. Сохранение проекции импульса: Если внешняя сила вдоль оси x равна нулю, то соответствующая проекция импульса сохраняется:

$$F_x^{\text{внеш}} = 0 \quad \Rightarrow \quad p_x = \text{const.}$$

Случай мгновенного взаимодействия ($\Delta t \to 0$):

Если внешняя сила конечна, а время взаимодействия стремится к нулю ($\Delta t = t - t_0 \to 0$), то изменение импульса также стремится к нулю:

$$\Delta \vec{p} = \int_{t_0}^t \vec{F}^{\text{BHeIII}} dt \to 0.$$

Это означает, что при очень коротких взаимодействиях (например, ударах) импульс системы можно считать приблизительно постоянным, даже если внешние силы не равны нулю.

Примеры:

- Движение ракеты в открытом космосе (замкнутая система);
- Столкновение бильярдных шаров на столе (силы реакции опоры компенсируются);
- CKORD CORDINATION • Движение снаряда в горизонтальной плоскости (если прене-

1.2. Теорема о движении центра масс.

Центр масс системы материальных точек называется геометрическая точка такая, что \vec{r} которой равен:

$$\vec{r}_c = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i}{M} \qquad M = \sum_{i=1}^n m_i$$

Рассчитаем скорость центра масс:

$$\vec{v}_c = \frac{d\vec{r}_c}{dt} = \frac{1}{M} \frac{d}{dt} \left(\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i \right) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i = \frac{\vec{p}}{M} \Rightarrow \left[\vec{p} = M \vec{v}_c \right]$$

Центру масс можно приписать импульс всей системы:

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F}_{\text{внеш}}$$
 $\vec{p} = M\vec{v}_c \rightarrow M\vec{a}_c = \vec{F}$

Замечания

1. Расположение центра масс не зависит от выбора точки:

$$\vec{r}_{i} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_{i} \vec{r}_{i} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_{i} \vec{r}_{i}' + \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{n} m_{i} \vec{\rho} = \vec{r}_{i}' + \vec{\rho}$$

 $\vec{r}_i = \vec{r}_i' + \vec{\rho}$

- 2. Внутренние силы не влияют на движение центра масс. Они воздействуют на него, но опосредованно;
- 3. Теорема о движении центра масс предоставляет общее представление о системе. Для более детального анализа систему переводят в систему отсчета, связанную с центром масс, и исследуют ее более подробно.

1.3. Уравнение Мещерского. Реактивная сила.

На практике часть массы тела изменяется из-за присоединения или отсоединения вещества. Примерами такого рода движения могут быть: ракета, реактивный самолет, нагружаемая на ходу платформа, катер с водометным двигателем, метеорит.

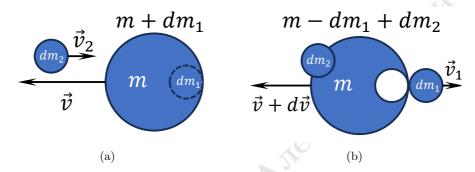


Рис. 1 Реактивное движение

Запишем уравнение импульса (см. рис. 1):

$$\begin{split} d\vec{p} &= (m - dm_1 + dm_2)(\vec{v} + d\vec{v}) + dm_1 \vec{v}_1 - (m\vec{v} + dm_2 \vec{v}_2) \\ d\vec{p} &= m\vec{v} - dm_1 \vec{v} + dm_2 \vec{v} + m d\vec{v} - \underbrace{(dm_1 - dm_2)}_{0} d\vec{v} + dm_1 \vec{v} - m\vec{v} - dm_2 \vec{v}_2 \end{split}$$

Величины dm_1 и dm_2 бесконечно малые, поэтому при вычислении их разницы получим значение стремящиеся к нулю.

$$d\vec{p} = dm_2(\vec{v} - \vec{v}_2)$$

Изменение импульса системы:

$$d\vec{p} = (m - dm_1 + dm_2)(\vec{v} + d\vec{v}) + dm_1\vec{v}_1 - dm_2\vec{v}_2 - m\vec{v}$$

Раскрываем скобки и упрощаем:

$$d\vec{p} = m\vec{v} + md\vec{v} - dm_1\vec{v} - dm_1\vec{d}\vec{v} + dm_2\vec{v} \pm dm_2\vec{d}\vec{v} + dm_1\vec{v}_1 - dm_2\vec{v}_2 - m\vec{v}$$

После отбрасывания малых второго порядка и сокращений:

$$d\vec{p} = md\vec{v} - dm_1\vec{v} + dm_2\vec{v} + dm_1\vec{v}_1 - dm_2\vec{v}_2$$

$$| d\vec{p} = m d\vec{v} + dm_1(\vec{v}_1 - \vec{v}) - dm_2(\vec{v}_2 - \vec{v}) | : dt$$

Для удобства произведем замену переменных:

- $u_1 = \vec{v}_1 \vec{v}$ скорость отделяемого вещества, относительно тела;
- $u_2 = \vec{v}_2 \vec{v}$ скорость присоединяемого вещества, относительно тела.

$$\boxed{\frac{d\vec{p}}{dt} = m\frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{dm_1}{dt}\vec{u}_1 - \frac{dm_2}{dt}\vec{u}_2}$$

Уравнение Мещерского

$$\boxed{m\frac{d\,\vec{v}}{d\,t} = \vec{F} - \vec{u}_1 \frac{d\,m_1}{d\,t} + \vec{u}_2 \frac{d\,m_2}{d\,t}},$$

где $\frac{dm_1}{dt}$ — темп отсоединения вещества $(\frac{dm_1}{dt} < 0)$, $\frac{dm_2}{dt}$ — темп присоединения вещества $(\frac{dm_2}{dt} > 0)$, \vec{u}_1 — скорость отсоединяемого вещества относительно тела, \vec{u}_2 — скорость присоединяемого вещества относительно тела, \vec{F} — сумма внешних сил, действующих на систему.

Замечание: Массу m нельзя выносить за знак производной, так как она зависит от времени: $m=m(t)=m_0+m_2(t)-|m_1(t)|$.

Реактивная сила - это реальная сила, действующая на тело со стороны отделяемого и присоединяемого вещества:

$$\vec{F}_{\text{peakt}} = \vec{u}_1 \frac{d \, m_1}{d \, t} - \vec{u}_2 \frac{d \, m_2}{d \, t}$$

Примеры

1. Прямоточный воздушно-реактивный двигатель (ПВРД)

В прямоточном воздушно-реактивном двигателе (ПВРД) воздух сжимается за счёт скоростного напора потока на входе, из чего следует, что ему нужна окружающая среда. В камере сгорания нагревается смесь сжатого воздуха и продуктов горения топлива. В выходном сопле газы расширяются, преобразуя тепловую энергию в кинетическую, что приводит к истечению газов с высокой скоростью.

Для ПВРД уравнение реактивной силы принимает вид:

$$\vec{F}_{\rm p} = \vec{u}_1 \frac{d \, m_1}{d \, t} - \vec{u}_2 \frac{d \, m_2}{d \, t} = \frac{d \, m_1}{d \, t} (\vec{u}_1 - \vec{u}_2)$$

где \vec{u}_1 — скорость истечения газов, \vec{u}_2 — скорость поступающего воздуха.

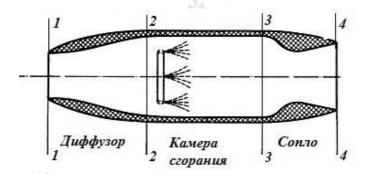


Рис. 2 Схема работы прямоточного воздушно-реактивного двигателя

2. Твердотопливный реактивный двигатель (РДТТ)

В ракетном двигателе твердого топлива (РДТТ) топливо и окислитель содержатся в самом корпусе двигателя. При горении топлива образуются газы, истекающие через сопло:

$$\vec{F}_{\rm p} = \vec{u} \frac{d\,m}{d\,t}$$

где $\frac{d\,m}{d\,t} < 0$ (масса ракеты уменьшается).

3. Жидкостный ракетный двигатель (ЖРД)

В жидкостном ракетном двигателе отдельно хранятся топливо и окислитель, которые подаются в камеру сгорания. Преимущество — возможность регулирования тяги:

$$\vec{F}_{\rm p} = \vec{u} \frac{d\,m}{d\,t} + p_e A_e$$

где p_e – давление на срезе сопла, A_e – площадь выходного сечения.

4. Турбореактивный двигатель (ТРД)

В турбореактивном двигателе воздух сжимается компрессором, затем в камере сгорания смешивается с топливом. Продукты сгорания расширяются в турбине и реактивном сопле:

$$\vec{F}_{\rm p} = \vec{u}_{\rm r} \frac{d \, m_{\rm r}}{d \, t} - \vec{u}_{\rm \scriptscriptstyle B} \frac{d \, m_{\rm \scriptscriptstyle B}}{d \, t}$$

где $\vec{u}_{\scriptscriptstyle \Gamma}$ — скорость истечения газов, $\vec{u}_{\scriptscriptstyle B}$ — скорость поступающего воздуха.

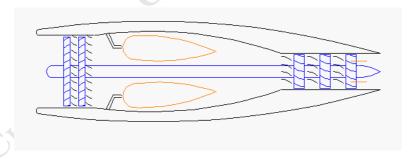


Рис. 3 Схема турбореактивного двигателя

Задача Циолковского

Определить скорость, которую развивает летательный аппарат под воздействием тяги ракетного двигателя, неизменной по направлению, при отсутствии всех других сил.

Введем начальные условия:

$$ec{F}=0$$
 $ec{v}(0)=0$ $m(0)=m_0$ $ec{u}_1=ec{u}=const$ $v(t)-?$
$$m \frac{d \, ec{v}}{d \, t}=-\frac{d \, m_1}{d \, t} ec{u}_1$$

$$\frac{d \, m_1}{d \, t}>0 \quad \frac{d \, m}{d \, t}<0 \quad \frac{d \, m_1}{d \, t}=-\frac{d \, m}{d \, t}$$
 рецируем на ось полета (x) :

Спроецируем на ось полета (x):

$$x: m\frac{dv}{dt} = -\left(\frac{dm}{dt}\right)(-u) = -\frac{dm}{dt}u \mid dt$$

$$mdv = -udm$$

$$\int_{0}^{v} dv = -\int_{-\infty}^{m} u\frac{dm}{m} \quad \Rightarrow \quad v = -u\ln\left(\frac{m_{0}}{m}\right)$$

Таким образом получаем формулу Циолковского:

$$v = u \ln \left(\frac{m_0}{m}\right)$$

1.4. Теорема об изменении момента импульса с.м.т. Закон сохранения момента импульса.

CKOBOXOVOR CODIENT WILLIAM CARTIFICATION CONTRACTOR CON

1.5. Теорема об изменении кинетической энергии с.м.т.

CKOPOKOHOB CEPTEN A HEKCHILIROBING

1.6. Потенциальная энергия с.м.т. Теорема об изменении механической энергии с.м.т. Условия сохранения механической энергии.

Теорема об изменении механической энергии с.м.т.

Запишем теорему для материальной точки:

$$W_{\Pi}(\vec{r}) = A_{\vec{r} \to \vec{r}_0}^{\text{KOHC}} = \int_{r_0}^{r} F_r \, dr,$$

где \vec{r}_0 – точка, в которой потенциальная энергия принимается за 0.

Консервативная сила — это сила, которая зависит только от положения (координат) частицы и ее работа не зависит от формы траектории частицы, а зависит только от начального или конечного положения.

Физический смысл потенциальной энергии

Потенциальная энергия характеризует запас работы или возможную работу, которую совершает точка при переходе из одной точки в другую.

Распишем изменение кинетической энергии:

$$W_{
m kuh} = A_{12}^{
m bcex\ cuj} = A_{12}^{
m kohc} + A_{12}^{
m hekohc} = -\Delta W_{
m not} + A_{12}^{
m hekohc}$$

1.7. Абсолютно неупругое соударение двух частиц.

Соударение (удар, столкновение) — сильное кратковременное взаимодействие тел. Если нет силы реакции и внешние силы не успевают изменить импульс системы, можно применить Закон Сохранения Импульса.



Абсолютно неупругий удар

При абсолютно неупругом ударе тела соединяются и движутся как одно целое. Изменение кинетической энергии системы:

$$\begin{split} \Delta W_{\text{кин}} &= \frac{m_1 + m_2}{2} v^2 - \left(\frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2}\right) = \\ &= \frac{(m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2)^2}{2(m_1 + m_2)} - \frac{m_1 v_1^2}{2} - \frac{m_2 v_2^2}{2} = \\ &= \frac{m_1^2 v_1^2 + 2 m_1 m_2 \vec{v}_1 \vec{v}_2 + m_2^2 v_2^2 - m_1 (m_1 + m_2) v_1^2 - m_2 (m_1 + m_2) v_2^2}{2(m_1 + m_2)} = \\ &= -\frac{m_1 m_2 (\vec{v}_2 - \vec{v}_1)^2}{2(m_1 + m_2)} = -\frac{m_{\text{пр}} v_{\text{отн}}^2}{2} \end{split}$$

где $m_{\mathrm{np}} = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}$ — приведённая масса.

Потерянная кинетическая энергия переходит в:

• Тепловую энергию

- Энергию деформации
- Энергию вращения по теореме Кенинга: $W_{\mathbf{k}} = \underbrace{W'_{\mathbf{k}}}_{\mathbf{k}} + \frac{m_1 + m_2}{2} v_c^2$

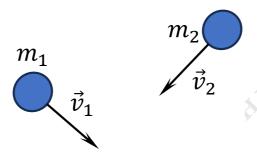


Рис. 4 Схема соударения двух тел

Абсолютно упругий удар

Для сравнения приведём основные характеристики абсолютно упругого удара:

- \bullet Сохранение кинетической энергии: $\frac{m_1v_1^2}{2}+\frac{m_2v_2^2}{2}=\frac{m_1u_1^2}{2}+\frac{m_2u_2^2}{2}$
- Сохранение импульса: $m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2$
- Скорости после удара (1D случай):

$$u_1 = \frac{(m_1 - m_2)v_1 + 2m_2v_2}{m_1 + m_2}$$

$$u_2 = \frac{(m_2 - m_1)v_2 + 2m_1v_1}{m_1 + m_2}$$

1.8. Уравнение Бернулли

За время Δt жидкость течет из сечения: $1 \to 1'$ и $2 \to 2'$ (см. рис. 5b).

Запишем теорему об изменении механической энергии.

$$dW_{\text{механическая}} = dA^{\text{давления}}$$

$$\frac{dm}{2}(v_2^2 - v_1^2) + g(h_2 - h_2)dm = v_1p_1dS_1 \cdot dt_1 + v_2p_2dS_2 \cdot dt_2$$

$$dm = \rho_1v_1dS_1 \cdot dt \qquad v_1dS_1 = v_2dS_2$$

$$\frac{\rho v_1^2}{2} + \rho gh_1 + p_1 = \frac{\rho v_2^2}{2} + \rho gh_2 + p_2 \quad \Rightarrow \quad \boxed{\frac{\rho v^2}{2} + \rho gh + p = const}$$

Обобщение: Выполняется вдоль линии тока¹.

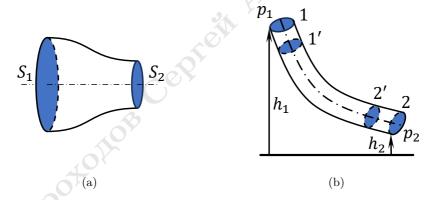


Рис. 5 Пример уравнения Бернулли

Пример: (см. рис. **5**а)

$$\frac{\rho v_1^2}{2} + p_1 = \frac{\rho v_2^2}{2} + p_2 \quad (h = const)$$

Так как $S_1 > S_2$, то $v_1 < v_2$ и поэтому $p_1 > p_2$.

 $^{^{1}}$ Линия тока – линия, касательная которой в каждой точке совпадает с вектором движения

1.9. Уравнение вращательного движения твердого тела вокруг неподвижной оси. Момент инерции, примеры его вычисления.

CKOBOXOIOB

1.10. Теорема Гюйгенса-Штейнера

$$J = J_c + ma^2$$

Момент инерции относительно произвольной оси равен сумме момента инерции относительно оси, параллельной данной и проходящей через центр масс тема, и произведению массы тела на квадрат расстояния между осями.

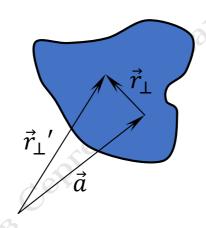


Рис. 6 Доказательство теоремы Гюгенса-Штейнера

Доказательство

$$\vec{r_{\perp}'} = \vec{r_{\perp}} + \vec{a}$$

$$J = \int_{m} r_{\perp}'^{2} dm = \int_{m} r_{\perp}^{2} dm + 2\vec{a} \underbrace{\int_{m} \vec{r_{\perp}} dm}_{0} + a^{2} \int_{m} dm = \boxed{J_{c} + ma^{2}}$$

Что и требовалось доказать!

Точки O и O' являются взаимными или сопряженными в том смысле если, подвесить маятник в точке O', то центр качания будет в точке O, а период не изменится.

Доказательство

$$l'_{
m np}=r'_c+rac{J_c}{mr'_c}=rac{J_c}{mr_c}+r_c=l_{
m np}$$
 $r'_c=rac{J_c}{mr_c}$

1.11. Кинетическая энергия и работа при вращении твердого тела вокруг неподвижной оси

CKOBOKOKOB CEDREM AMERICALINDOBINIA

1.12. Кинематика плоского движения твердого тела. Мгновенная ось вращения

Плоское движение твердого тела — это движение, при котором каждая точка движется в плоскости и плоскости параллельной друг другу.

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{r}' \left| \frac{d}{dt} \right|$$
$$\vec{v} = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}']$$

Математическое выражение плоского движения.

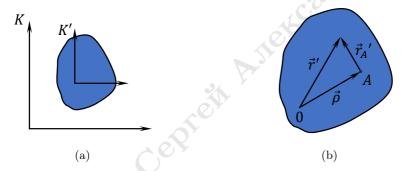


Рис. 7 Иллюстрации к вопросу

Возьмем разные полюса. Будет ли ω зависеть от выбора полюса?

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}']$$

$$\vec{v} = \vec{v}_A + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$\vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}'] = \vec{v}_A + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$\vec{v}_A = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{\rho}] - \text{т.к. точка } A \text{ вращается вокруг } O$$

$$\vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}'] = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{\rho}] + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$[\vec{\omega}; (\vec{r}' - \vec{\rho})] = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{\rho}] + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$[\vec{\omega}; (\vec{r}' - \vec{\rho})] = [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$\vec{v}' = \vec{\rho} + \vec{r}'_A \\ \vec{r}' - \vec{\rho} = \vec{r}'_A \end{vmatrix} \Rightarrow [\vec{\omega}; \vec{r}'_A] = [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

В общем случае $\vec{\omega} \neq \vec{\omega}_A$, но в случае плоского движения $\vec{\omega}_A = \vec{\omega}$.

Вывод: Угловая скорость вращения носит абсолютный характер, то есть можно не указывать ось вращения. Часто за полюс берут центр масс.

$$\vec{v} = \vec{v} + [\vec{\omega}; \, \vec{r}^*]$$

где \vec{r}^* – радиус-вектор от центра масс до произвольной точки.

Мгновенная ось вращения

Мгновенная ось вращения – это ось, связанная с точкой тела, у которой скорость равна нулю ($\vec{v}=0$) в данный момент времени. Такую точку всегда можно найти:

$$\vec{v} = \vec{v}_c + [\vec{\omega}; \vec{r}_M^*] = 0 \mid \cdot \vec{\omega}$$
$$[\vec{\omega}; \vec{v}_c] + [\vec{\omega}; [\vec{\omega}; \vec{r}_M^*]] = 0$$
$$[\vec{\omega}; \vec{v}_c] + \omega \underbrace{(\vec{\omega}; \vec{r}_M^*)}_{0} - \vec{r}_M^* \vec{\omega}^2 = 0$$
$$\vec{r}_M^* = \frac{[\vec{\omega}; \vec{v}_c]}{\omega^2} \rightarrow \vec{r}_M^* = \frac{v_c}{\omega}$$

Пример: Цилиндр без проскальзывания движется по плоскости. (см. рис. 8) **Важно!** Понятие Мгновенной Оси Вращения нельзя использовать для поиска распределения ускорения.

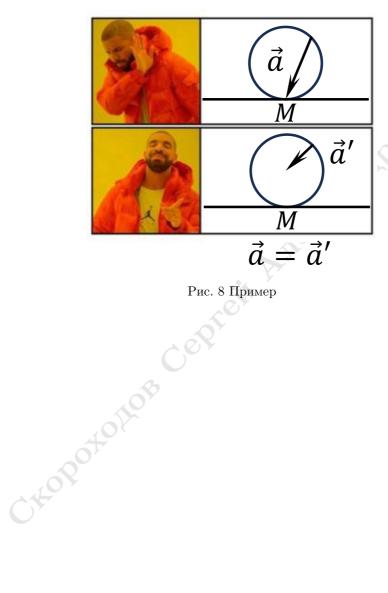


Рис. 8 Пример

1.13. Уравнения динамики плоского движения твердого тела. Кинетическая энергия твердого тела при плоском движении

CKOPOKOILOB COROKOILOB

1.14. Приближенная теория гироскопа. Прецессия гироскопа.

CKOBOAOILOB CEBIEN AMERICALINIBOBINI

1.15. Распределение молекул по объёму сосуда в отсутствие внешних силовых полей. Флуктуации числа молекул

CKOBOXOIOB CEDIEN WILLIAM CARINIBORNE

1.16. Распределение Максвелла по проекции и вектору скорости

CKOBOXOIOB

1.17. Распределение Максвелла по модулю скорости. Наиболее вероятная, средняя и средняя квадратичная скорости

CKOROXOIOB
CORDICIN AMERICALINIDOBINIA

1.18. Распределение Больцмана, барометрическая формула

CKOPOKOLOB
COPIEM ALIEKCALILIROBINIA

1.19. Давление идеального газа. Уравнение Клапейрона-Менделеева

CKOBOXOLOB CONTRACTOR

1.20. Внутренняя энергия идеального газа и ее связь с температурой.

CKOPOKOILOB

1.21. Средняя длина свободного пробега молекул в газах

Средняя длина свободного пробега - это среднее расстояние, проходимое молекулой между двумя соударениями. Обозначается как λ [м].

Элемент	Символ	$\mathbf{Э}$ ффективный диаметр, $d\left(\mathring{A} ight)$
Гелий	Не	2,0
Неон	Ne	2,2
Аргон	Ar	3,6
Криптон	Kr	4,0
Ксенон	Xe	4,5
Радон	Rn	5,0
Водород	H_2	2,4
Азот	N_2	3,7
Кислород	O_2	3,5
Углекислый газ	CO_2	4,6

Таблица 1 Эффективные диаметры атомов и молекул в газовой фазе

Будем считать что все молекулы кроме одной неподвижны. Среднее расстояние проходимое молекулой за время t тогда будет равно:

$$L = \langle v \rangle \cdot t$$
 и $V = \pi d^2 L = \pi d^2 \langle v \rangle t$

Среднее число соударений:

$$z = Vn = \pi d^2 n \langle v \rangle t$$

Средняя частота соударения:

$$\vartheta = \frac{z}{t} = \pi d^2 n \langle v \rangle$$

Средняя длина свободного пробега:

$$\lambda = \frac{\langle v \rangle}{\vartheta} = \frac{1}{\pi d^2 n}$$

Если учитывать движение всех молекул, то:

$$artheta=\sqrt{2}\pi d^2n\langle v
angle=\sqrt{2}\sigma n\langle v
angle,$$
 где $\sigma=\pi d^2$
$$\lambda=\frac{1}{\sqrt{2}\pi d^2n}=\frac{1}{\sqrt{2}\sigma n}$$

При нормальных условиях концентрация равна:

$$\sqrt{2\pi}d^2n$$
 $\sqrt{2}\sigma n$ условиях концентрация равна: $n=N_L=2.7\times 10^{19}~{
m cm}^{-3}$ $\lambda\approx 1.7\times 10^{-5}~{
m cm}=170~{
m hm}$ $\langle v\rangle\approx 10^{-1}~{
m km/c}$ $au=\frac{1}{\vartheta}\approx 10^{-9}~{
m c}$ анавливается распределение Максвелла. Максвелла

За это время устанавливается распределение Максвелла.

Распределение Максвелла

Распределение Максвелла описывает распределение молекул газа по скоростям в условиях термодинамического равновесия. Для идеального газа вероятность того, что молекула имеет скорость в интервале от v до v+dv, задаётся функцией:

$$f(v) = 4\pi \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} v^2 \exp\left(-\frac{mv^2}{2kT}\right)$$

где:

- т масса молекулы
- k постоянная Больцмана $(1,380649 \times 10^{-23} \frac{\text{Дж}}{\text{V}})$
- Т абсолютная температура
- v скорость молекулы

Характерные скорости:

1. Наиболее вероятная скорость (соответствует максимуму распределения):

$$v_{\mathrm{Bep}} = \sqrt{\frac{2k_BT}{m}}$$

2. Средняя скорость:

Chobotol

$$\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8k_BT}{\pi m}}$$

3. Среднеквадратичная скорость:

$$v_{\rm ck} = \sqrt{\frac{3k_BT}{m}}$$

Соотношение между характерными скоростями:

$$v_{\text{вер}}: \langle v \rangle: v_{\text{ск}} = 1: \sqrt{\frac{4}{\pi}}: \sqrt{\frac{3}{2}} \approx 1: 1, 128: 1, 225$$

За время порядка $\tau \approx 10^{-9}$ с после соударения устанавливается распределение Максвелла.

38

1.22. Диффузия в газах. Закон Фика, расчёт коэффициента диффузии

CKOBOXOTOB Cedicin Wiletestillooping

1.23. Внутреннее трение в газах. Формула Ньютона, расчет вязкости

CKOBOXOIOB

Скороходов С.А.

1.24. Теплопроводность в газах. Закон Фурье, расчет коэффициента теплопроводности

Теплопроводность – это явление возникновения потока тепла в неравномерно нагретой среде, обусловленное передачей энергии PEL SARTE LE LE CALLILLE DE LA CALLE LE от более нагретых участков к менее нагретым за счет теплового движения и взаимодействия частиц (атомов, молекул, электронов).

1.25. Броуновское движение. Формула Эйнштейна

Броуновское движение

Броуновское движение - это непрерывное хаотическое движение макроскопических частиц в жидкости или газе, вызванное ударами молекул окружающей среды.

Частица образует с молекулами газа единую систему **ТРРЭПСС** (термодинамически равновесную систему с равномерно распределённой энергией по степеням свободы).

Будем считать, что смещения статистически независимы: смещение от 0 до t_1 и от t_1 до t ничего не дает в корреляции.

$$\langle x^2 \rangle = \langle x_1^2 \rangle + \langle x_2^2 \rangle$$
$$\langle x^2 \rangle = f(t)$$
$$\langle x_1^2 \rangle = f(t_1) \quad \langle x_2^2 \rangle = f(t - t_1)$$
$$f(t) = f(t_1) + f(t - t_1)$$

Единственное решение, удовлетворяющее этому функциональному уравнению - линейная зависимость:

$$f(t) = \alpha t$$
 где $\alpha = \text{const}$

Таким образом получаем:

$$\langle x^2 \rangle = \alpha t$$
 $\langle x^2 \rangle = \langle y^2 \rangle = \langle z^2 \rangle = \alpha t$

Формулы Эйнштейна

Уравнение Ланжевена для броуновской частицы:

$$m\ddot{x} = -h\dot{x} + F_x(t) \quad \bigg| \cdot x$$

где:

• т — масса частицы [кг]

- h коэффициент трения [кг/с]
- $F_x(t)$ случайная сила [H]
- x координата частицы [м]

$$mx\ddot{x} = -hx\dot{x} + xF_x(t)$$

Используем тождества для производных:

$$mx\ddot{x} = -hx\dot{x} + xF_x(t)$$
 тождества для производных: $\frac{d}{dt}(x^2) = 2x\dot{x}, \quad \frac{d^2}{dt^2}(x^2) = 2\dot{x}^2 + 2x\ddot{x}$ \ddot{x} : \ddot{x} :

Выражаем $x\ddot{x}$:

$$x\ddot{x} = rac{1}{2}rac{d^{2}}{dt^{2}}x^{2} - \dot{x}^{2}$$
 ение:

Подставляем в уравнение:

$$\frac{m}{2}\frac{d^2}{dt^2}x^2 - m\dot{x}^2 = -\frac{h}{2}\frac{d}{dt}x^2 + xF_x(t)$$

Усредняем:

$$\frac{m}{2}\frac{d^2}{dt^2}\langle x^2\rangle - \langle m\dot{x}^2\rangle = -\frac{h}{2}\frac{d}{dt}\langle x^2\rangle + \langle xF_x(t)\rangle$$

Учитываем:

- $\langle m\dot{x}^2\rangle = kT$ [Дж], где k постоянная Больцмана [Дж/K], T температура [К]
- $\langle xF_x(t)\rangle = 0$ [H·M]

Для стационарного режима $(t \gg m/h)$:

$$-kT = -\frac{h}{2}\frac{d}{dt}\langle x^2 \rangle$$

Получаем:

$$\frac{d}{dt}\langle x^2\rangle = \frac{2kT}{h} \quad [M^2/c]$$

Интегрируем:

$$\langle x^2 \rangle = \frac{2kT}{h}t = \frac{kT}{3\pi\eta a}t \quad [\text{M}^2]$$

 $n=3\pi\eta a^{-\frac{1}{2}}$ где η — вязкость жидкости [Па·с], a — радиус частицы [м] Для трехмерного случая:

$$\langle r^2 \rangle = \frac{kT}{\pi \eta a} t \quad [\text{M}^2]$$

Итоговые формулы:

$$\left[\langle x^2 \rangle = \frac{kT}{3\pi\eta a}t \quad [\text{M}^2]\right], \quad \left[\langle r^2 \rangle = \frac{kT}{\pi\eta a}t \quad [\text{M}^2]\right]$$

1.26. Классическая теория теплоемкости газов. Теорема о равнораспределении энергии по степеням свободы. Недостатки классической теории теплоемкости

CKOPOKOKOB CEDIEW AMERICANINDOBINIA

1.27. Общий и нулевой принципы термодинамики. Измерение температуры. Классификация процессов

CKOBOXOTOB CODICM WILLIAM CHORDS CONTROL OF THE PROPERTY OF TH

Первый принцип термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа. Примеры применения: соотношение Майера, уравнение адиабатического процесса

1.28. Первый принцип термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа. Примеры применения: соотношение Майера, уравнение адиабатического процесса

CKOBOXOIOB

1.29. Второй принцип термодинамики. Формулировки для тепловых двигателей и холодильных машин

CKOBOXOIOB

1.30. Цикл Карно и его КПД. Первая теорема Карно

CKOPOKOKOB COPIEW AND CARIFORNIA

1.31. Необратимые циклы, вторая теорема Карно

CKODOKOHOB CEDIEW WILLIAM CONTROL CONT

1.32. Уравнение Ван-дер-Ваальса. Фазовые переходы.

CHOPOTOHOR CEPTEN AND THE CONTROL OF THE CONTROL OF

1.33. Внутренняя энергия газа Ван-дер-Ваальса.

CKOBOXONOB CEDIEN AND KEGATINDOBINI

1.34. Приведенное количество теплоты. Равенство Клаузиуса. Энтропия. Энтропия идеального газа.

Ckoboxonos Cebieji Wiekcaliliboshin Энтропия - это функция её состояния,

1.35. Неравенство Клаузиуса. Закон возрастания энтропии (с примерами).

CKOBOXOTOB COBIENT PRICE STITUTO BILLIO

Скороходов Сергей Александрович

Студент 1 курса

Email: sergey.skor007@gmail.com

Telegram: t.me/SerKin0

GitHub: github.com/SerKin0 VK: vk.com/serking2