

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное  
образовательное учреждение высшего образования  
«Национальный исследовательский Нижегородский  
государственный университет им. Н.И. Лобачевского»

Радиофизический факультет

С. А. Скороходов

# ОТВЕТЫ НА ФИЗИКУ

Ответы на вопросы экзамена  
Дисциплины – Физика

Студента группы 417/0424С1ИБг1  
1 курса специалитета

Основная образовательная программа  
подготовки по направлению  
10.05.02 «Информационная безопасность  
телекоммуникационных систем»  
(направленность «Системы подвижной цифровой  
защищенной связи»)

Нижний Новгород  
Издательство "Невыспавшийся Студент"  
2025

# Содержание

<b>1</b>	<b>Ответы на вопросы</b>	<b>5</b>
1.1	<b>Теорема об изменении импульса с.м.т. Условия сохранения импульса.</b>	6
	Замечания	7
1.2	<b>Теорема о движении центра масс.</b>	9
	Замечания	9
1.3	<b>Уравнение Мещерского. Реактивная сила.</b>	10
1.4	<b>Теорема об изменении момента импульса с.м.т. Закон сохранения момента импульса.</b>	15
1.5	<b>Теорема об изменении кинетической энергии с.м.т.</b>	16
1.6	<b>Потенциальная энергия с.м.т. Теорема об изменении механической энергии с.м.т. Условия сохранения механической энергии.</b>	17
1.7	<b>Абсолютно неупругое соударение двух частиц.</b>	18
1.8	<b>Уравнение Бернулли</b>	20
1.9	<b>Уравнение вращательного движения твердого тела вокруг неподвижной оси. Момент инерции, примеры его вычисления.</b>	21
	Условие равновесия твердого тела	21
1.10	<b>Теорема Гюйгенса-Штейнера</b>	22
1.11	<b>Кинетическая энергия и работа при вращении твердого тела вокруг неподвижной оси</b>	24
1.12	<b>Кинематика плоского движения твердого тела. Мгновенная ось вращения</b>	25
1.13	<b>Уравнения динамики плоского движения твердого тела. Кинетическая энергия твердого тела при плоском движении</b>	28

1.14	<b>Приближенная теория гироскопа. Прецессия гироскопа.</b>	29
1.15	Распределение молекул по объёму сосуда в отсутствие внешних силовых полей. Флуктуации числа молекул	30
1.16	<b>Распределение Максвелла по проекции и вектору скорости</b>	31
1.17	<b>Распределение Максвелла по модулю скорости.</b> Наиболее вероятная, средняя и средняя квадратичная скорости	32
1.18	<b>Распределение Больцмана, барометрическая формула</b>	34
1.19	<b>Давление идеального газа. Уравнение Клапейрона-Менделеева</b>	35
1.20	Внутренняя энергия идеального газа и ее связь с температурой.	36
1.21	Средняя длина свободного пробега молекул в газах	37
	Распределение Максвелла	38
1.22	Диффузия в газах. Закон Фика, расчёт коэффициента диффузии	40
1.23	Внутреннее трение в газах. Формула Ньютона, расчет вязкости	41
1.24	Теплопроводность в газах. Закон Фурье, расчет коэффициента теплопроводности	42
1.25	Броуновское движение. Формула Эйнштейна	43
1.26	Классическая теория теплоемкости газов. Теорема о равнораспределении энергии по степеням свободы. Недостатки классической теории теплоемкости	46
1.27	Общий и нулевой принципы термодинамики. Измерение температуры. Классификация процессов	47

1.28 Первый принцип термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа. Примеры применения: соотношение Майера, уравнение адиабатического процесса . . . . .	48
1.29 Второй принцип термодинамики. Формулировки для тепловых двигателей и холодильных машин . . . . .	49
1.30 Цикл Карно и его КПД. Первая теорема Карно . .	50
1.31 Необратимые циклы, вторая теорема Карно . . . . .	51
1.32 Уравнение Ван-дер-Ваальса. Фазовые переходы. . . .	52
1.33 Внутренняя энергия газа Ван-дер-Ваальса. . . . .	53
1.34 Приведенное количество теплоты. Равенство Клаузиуса. Энтропия. Энтропия идеального газа. . . . .	54
ВАЖНО! . . . . .	55
1.35 Неравенство Клаузиуса. Закон возрастания энтропии (с примерами). . . . .	57

# 1. Ответы на вопросы

В данном разделе представлены ответы на все билеты по физике за 1 курс 2 семестра.

## Предупреждение

Данные ответы были составлены не самым умным студентом из-за чего могут встречаться различного рода ошибки. Просим сообщать о их нахождении по контактными данным, указанные в конце документа.

## Благодарность

Благодарность хотелось бы выразить таким людям, как:

- [Osso](#) за предоставление красиво оформленных лекций;
- [Помелову Сергею Дмитриевичу](#);

## 1.1. Теорема об изменении импульса с.м.т. Условия сохранения импульса.

Запишем теорему об изменении импульса для одной материальной точки:

- $\vec{p} = m\vec{v}$  – определение импульса;
- $\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F}$  – II закон Ньютона (Теорема об изменении импульса материальной точки).

**Импульсом системы материальных точек** называется сумма импульсов всех точек, входящих в систему.

$$\vec{p} = \sum_{i=1}^n \vec{p}_i$$

Импульс системы является характеристикой поступательного движения системы как целого.

$$\begin{aligned} \frac{d\vec{p}_1}{dt} &= \vec{f}_{21} + \vec{f}_{31} + \cdots + \vec{f}_{i1} + \cdots + \vec{f}_{n1} + \vec{F}_1; \\ \frac{d\vec{p}_i}{dt} &= \vec{f}_{1i} + \cdots + \vec{f}_{(i-1)i} + \vec{f}_{(i+1)i} + \cdots + \vec{f}_{ni} + \vec{F}_i; \\ \frac{d\vec{p}_n}{dt} &= \vec{f}_{1n} + \cdots + \vec{f}_{in} + \cdots + \vec{f}_{(n-1)n} + \vec{F}_n; \end{aligned}$$

Сложим попарно внутренние силы и сократим:  $\vec{f}_{ik} + \vec{f}_{ki} = 0$ .

$$\sum_{i=1}^n \frac{d\vec{p}_i}{dt} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$$

Где  $\vec{F}_{\text{внеш}} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$  – суммарная внешняя сила. Из чего следует:

$$\sum_{i=1}^n \frac{d\vec{p}_i}{dt} = \frac{d}{dt} \sum_{i=1}^n \vec{p}_i = \frac{d\vec{p}}{dt} \Rightarrow \boxed{\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F}_{\text{внеш}}}$$

Запишем в интегральной форме:

$$\vec{p}(t) - \vec{p}(t_0) = \int_{t_0}^t \vec{F}_{\text{внеш}} dt$$

### Замечания

1. Теорема справедлива и в НСО<sup>a</sup> (нужно учесть силы инерции);
2. Описывает поступательное движение в целом и не включает внутреннюю силу;

<sup>a</sup>Неинерциальная система отсчета (НСО) — система отсчета, движущаяся с ускорением относительно инерциальной. Простейшими НСО являются системы, движущиеся ускоренно прямолинейно, и вращающиеся системы.

### Условия сохранения импульса

Импульс сохраняется, если сумма внешних сил равна нулю:

$$\vec{p} = \text{const}, \quad \text{если} \quad \vec{F}_{\text{внеш}} = 0.$$

1. **Замкнутая (изолированная) система:**

$$\vec{F}_i^{\text{внеш}} = 0$$

2. **Сбалансированная система:**

$$\vec{F}_i^{\text{внеш}} \neq 0, \quad \text{но} \quad \sum_{i=1}^n \vec{F}_i^{\text{внеш}} = 0;$$

3. **Сохранение проекции импульса:** Если внешняя сила вдоль оси  $x$  равна нулю, то соответствующая проекция импульса сохраняется:

$$F_x^{\text{внеш}} = 0 \quad \Rightarrow \quad p_x = \text{const}.$$

**Случай мгновенного взаимодействия ( $\Delta t \rightarrow 0$ ):**

Если внешняя сила конечна, а время взаимодействия стремится к нулю ( $\Delta t = t - t_0 \rightarrow 0$ ), то изменение импульса также стремится к нулю:

$$\Delta \vec{p} = \int_{t_0}^t \vec{F}^{\text{внеш}} dt \rightarrow 0.$$

Это означает, что при очень коротких взаимодействиях (например, ударах) импульс системы можно считать приблизительно постоянным, даже если внешние силы не равны нулю.

**Примеры:**

- Движение ракеты в открытом космосе (замкнутая система);
- Столкновение бильярдных шаров на столе (силы реакции опоры компенсируются);
- Движение снаряда в горизонтальной плоскости (если пренебречь сопротивлением воздуха).



## 1.2. Теорема о движении центра масс.

Центр масс системы материальных точек называется геометрической точкой такая, что  $\vec{r}$  которой равен:

$$\vec{r}_c = \frac{\sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i}{M} \quad M = \sum_{i=1}^n m_i$$

Рассчитаем скорость центра масс:

$$\vec{v}_c = \frac{d\vec{r}_c}{dt} = \frac{1}{M} \frac{d}{dt} \left( \sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i \right) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i = \frac{\vec{p}}{M} \Rightarrow \boxed{\vec{p} = M \vec{v}_c}$$

Центру масс можно приписать импульс всей системы:

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{F}_{\text{внеш}} \quad \vec{p} = M \vec{v}_c \quad \rightarrow \quad M \vec{a}_c = \vec{F}$$

### Замечания

1. Расположение центра масс не зависит от выбора точки:

$$\vec{r}_i = \vec{r}'_i + \vec{\rho}$$

$$\vec{r}_i = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{r}_i = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{r}'_i + \frac{1}{M} \sum_{i=1}^n m_i \vec{\rho} = \vec{r}'_i + \vec{\rho}$$

2. Внутренние силы не влияют на движение центра масс. Они воздействуют на него, но опосредованно;
3. Теорема о движении центра масс предоставляет общее представление о системе. Для более детального анализа систему переводят в систему отсчета, связанную с центром масс, и исследуют ее более подробно.

### 1.3. Уравнение Мещерского. Реактивная сила.

На практике часть массы тела изменяется из-за присоединения или отсоединения вещества. Примерами такого рода движения могут быть: ракета, реактивный самолет, нагружаемая на ходу платформа, катер с водометным двигателем, метеорит.

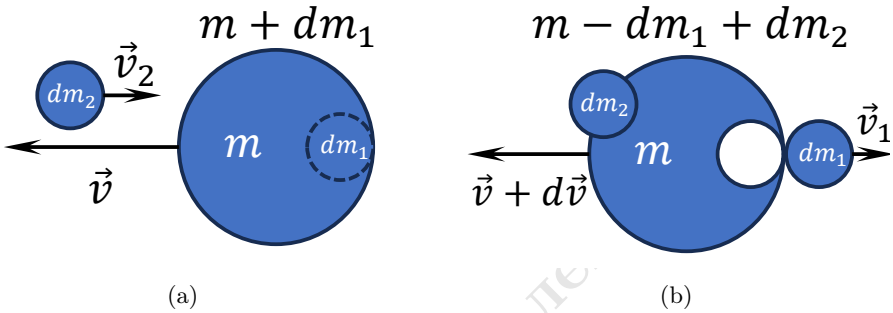


Рис. 1 Реактивное движение

Запишем уравнение импульса (см. рис. 1):

$$d\vec{p} = (m - dm_1 + dm_2)(\vec{v} + d\vec{v}) + dm_1\vec{v}_1 - (m\vec{v} + dm_2\vec{v}_2)$$

$$d\vec{p} = m\vec{v} - \cancel{dm_1\vec{v}} + dm_2\vec{v} + md\vec{v} - \underbrace{(dm_1 - dm_2)d\vec{v}}_0 + \cancel{dm_1\vec{v}} - m\vec{v} - dm_2\vec{v}_2$$

Величины  $dm_1$  и  $dm_2$  бесконечно малые, поэтому при вычислении их разницы получим значение стремящиеся к нулю.

$$d\vec{p} = dm_2(\vec{v} - \vec{v}_2)$$

Изменение импульса системы:

$$d\vec{p} = (m - dm_1 + dm_2)(\vec{v} + d\vec{v}) + dm_1\vec{v}_1 - dm_2\vec{v}_2 - m\vec{v}$$

Раскрываем скобки и упрощаем:

$$d\vec{p} = m\vec{v} + md\vec{v} - \cancel{dm_1\vec{v}} - \cancel{dm_1d\vec{v}} + dm_2\vec{v} + \cancel{dm_2d\vec{v}} + dm_1\vec{v}_1 - dm_2\vec{v}_2 - m\vec{v}$$

После отбрасывания малых второго порядка и сокращений:

$$d\vec{p} = m d\vec{v} - dm_1 \vec{v} + dm_2 \vec{v} + dm_1 \vec{v}_1 - dm_2 \vec{v}_2$$

$$\boxed{d\vec{p} = m d\vec{v} + dm_1 (\vec{v}_1 - \vec{v}) - dm_2 (\vec{v}_2 - \vec{v})} \Big| : dt$$

Для удобства произведем замену переменных:

- $u_1 = \vec{v}_1 - \vec{v}$  – скорость отделяемого вещества, относительно тела;
- $u_2 = \vec{v}_2 - \vec{v}$  – скорость присоединяемого вещества, относительно тела.

$$\boxed{\frac{d\vec{p}}{dt} = m \frac{d\vec{v}}{dt} + \frac{dm_1}{dt} \vec{u}_1 - \frac{dm_2}{dt} \vec{u}_2}$$

### Уравнение Мещерского

$$\boxed{m \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{F} - \vec{u}_1 \frac{dm_1}{dt} + \vec{u}_2 \frac{dm_2}{dt}},$$

где  $\frac{dm_1}{dt}$  – темп отсоединения вещества ( $\frac{dm_1}{dt} < 0$ ),

$\frac{dm_2}{dt}$  – темп присоединения вещества ( $\frac{dm_2}{dt} > 0$ ),

$\vec{u}_1$  – скорость отсоединяемого вещества относительно тела,

$\vec{u}_2$  – скорость присоединяемого вещества относительно тела,

$\vec{F}$  – сумма внешних сил, действующих на систему.

**Замечание:** Массу  $m$  нельзя выносить за знак производной, так как она зависит от времени:  $m = m(t) = m_0 + m_2(t) - |m_1(t)|$ .

**Реактивная сила** – это реальная сила, действующая на тело со стороны отделяемого и присоединяемого вещества:

$$\vec{F}_{\text{реакт}} = \vec{u}_1 \frac{dm_1}{dt} - \vec{u}_2 \frac{dm_2}{dt}$$

## Примеры

### 1. Прямоточный воздушно-реактивный двигатель (ПВРД)

В прямоточном воздушно-реактивном двигателе (ПВРД) воздух сжимается за счёт скоростного напора потока на входе, из чего следует, что ему нужна окружающая среда. В камере сгорания нагревается смесь сжатого воздуха и продуктов горения топлива. В выходном сопле газы расширяются, преобразуя тепловую энергию в кинетическую, что приводит к истечению газов с высокой скоростью.

Для ПВРД уравнение реактивной силы принимает вид:

$$\vec{F}_p = \vec{u}_1 \frac{dm_1}{dt} - \vec{u}_2 \frac{dm_2}{dt} = \frac{dm_1}{dt} (\vec{u}_1 - \vec{u}_2)$$

где  $\vec{u}_1$  – скорость истечения газов,  $\vec{u}_2$  – скорость поступающего воздуха.

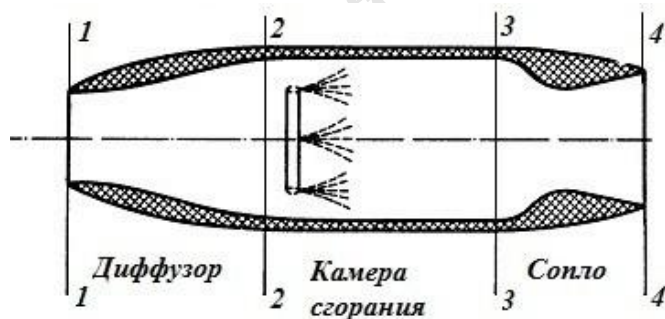


Рис. 2 Схема работы прямого воздушно-реактивного двигателя

### 2. Твёрдотопливный реактивный двигатель (РДТТ)

В ракетном двигателе твёрдого топлива (РДТТ) топливо и окислитель содержатся в самом корпусе двигателя. При горении топлива образуются газы, истекающие через сопло:

$$\vec{F}_p = \vec{u} \frac{dm}{dt}$$

где  $\frac{dm}{dt} < 0$  (масса ракеты уменьшается).

### 3. Жидкостный ракетный двигатель (ЖРД)

В жидкостном ракетном двигателе отдельно хранятся топливо и окислитель, которые подаются в камеру сгорания. Преимущество – возможность регулирования тяги:

$$\vec{F}_p = \vec{u} \frac{dm}{dt} + p_e A_e$$

где  $p_e$  – давление на срезе сопла,  $A_e$  – площадь выходного сечения.

### 4. Турбореактивный двигатель (ТРД)

В турбореактивном двигателе воздух сжимается компрессором, затем в камере сгорания смешивается с топливом. Продукты сгорания расширяются в турбине и реактивном сопле:

$$\vec{F}_p = \vec{u}_r \frac{dm_r}{dt} - \vec{u}_b \frac{dm_b}{dt}$$

где  $\vec{u}_r$  – скорость истечения газов,  $\vec{u}_b$  – скорость поступающего воздуха.

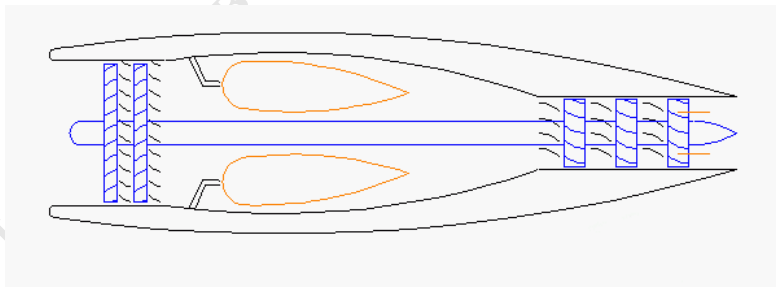


Рис. 3 Схема турбореактивного двигателя

### Задача Циолковского

Определить *скорость*, которую развивает летательный аппарат под воздействием тяги ракетного двигателя, неизменной по направлению, при отсутствии всех других сил.

Введем начальные условия:

$$\vec{F} = 0 \quad \vec{v}(0) = 0 \quad m(0) = m_0 \quad \vec{u}_1 = \vec{u} = \text{const} \quad v(t) = ?$$

$$m \frac{d\vec{v}}{dt} = - \frac{dm_1}{dt} \vec{u}_1$$

$$\frac{dm_1}{dt} > 0 \quad \frac{dm}{dt} < 0 \quad \frac{dm_1}{dt} = - \frac{dm}{dt}$$

Спроецируем на ось полета ( $x$ ):

$$x : m \frac{dv}{dt} = - \left( \frac{dm}{dt} \right) (-u) = - \frac{dm}{dt} u \Big| \cdot dt$$

$$mdv = -u dm$$

$$\int_0^v dv = - \int_{m_0}^m u \frac{dm}{m} \Rightarrow v = -u \ln \left( \frac{m}{m_0} \right)$$

Таким образом получаем **формулу Циолковского**:

$$v = u \ln \left( \frac{m_0}{m} \right)$$

# **1.4. Теорема об изменении момента импульса с.м.т. Закон сохранения момента импульса.**

**Момент импульса системы материальных точек** относительно начала координат  $O$  — это сумма моментов импульса всех точек системы, взятых относительно того же начала  $O$ .

$$\vec{N} = \sum_{i=1}^n [\vec{r}_i; \vec{p}_i]$$

$$\frac{d\vec{N}_1}{dt} = [\vec{r}_1; \vec{f}_{21}] + \cdots + [\vec{r}_i; \vec{f}_{i1}] + \cdots + [\vec{r}_1; \vec{f}_{n1}] + [\vec{r}_1; \vec{F}_1]$$

$$\frac{d\vec{N}_i}{dt} = [\vec{r}_i; \vec{f}_{1i}] + \cdots + [\vec{r}_i; \vec{f}_{i-1i}] + [\vec{r}_i; \vec{f}_{i+1i}] + \cdots + [\vec{r}_i; \vec{f}_{ni}] + [\vec{r}_i; \vec{F}_i]$$

$$\frac{d\vec{N}_n}{dt} = [\vec{r}_n; \vec{f}_{1n}] + \cdots + [\vec{r}_n; \vec{f}_{in}] + \cdots + [\vec{r}_n; \vec{f}_{n-1n}] + [\vec{r}_n; \vec{F}_n]$$

$$\sum_{i=1}^n \frac{d\vec{N}_i}{dt} = \sum_{i=1}^n [\vec{r}_i; \vec{F}_i] \quad \sum_{i=1}^n \frac{d\vec{N}_i}{dt} = \frac{d}{dt} \sum_{i=1}^n \vec{N}_i = \frac{d\vec{N}}{dt}$$

1.5. Теорема об изменении кинетической энергии с.м.т.

Скороходов Сергей Александрович



## 1.6. Потенциальная энергия с.м.т. Теорема об изменении механической энергии с.м.т. Условия сохранения механической энергии.

### Теорема об изменении механической энергии с.м.т.

Запишем теорему для *материальной точки*:

$$W_{\text{п}}(\vec{r}) = A_{\vec{r} \rightarrow \vec{r}_0}^{\text{конс}} = \int_{r_0}^r F_r dr,$$

где  $\vec{r}_0$  – точка, в которой потенциальная энергия принимается за 0.

**Консервативная сила** – это сила, которая зависит только от положения (координат) частицы и ее работа не зависит от формы траектории частицы, а зависит только от начального или конечного положения.

### Физический смысл потенциальной энергии

Потенциальная энергия характеризует запас работы или возможную работу, которую совершает точка при переходе из одной точки в другую.

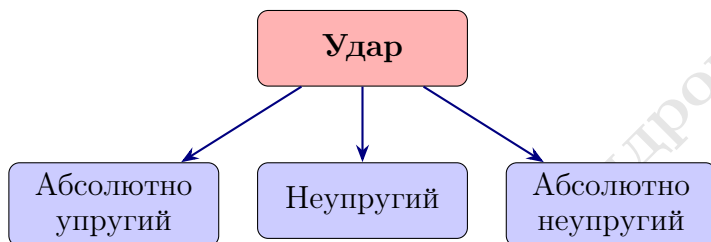
Распишем изменение кинетической энергии:

$$W_{\text{кин}} = A_{12}^{\text{всех сил}} = A_{12}^{\text{конс}} + A_{12}^{\text{неконс}} = -\Delta W_{\text{пот}} + A_{12}^{\text{неконс}}$$

$$\vec{F} = -\nabla W_{\text{пот}} \rightarrow \left( F_x = -\frac{\partial W_{\text{п}}}{\partial x} \quad F_y = -\frac{\partial W_{\text{пот}}}{\partial y} \quad F_z = -\frac{\partial W_{\text{пот}}}{\partial z} \right)$$

## 1.7. Абсолютно неупругое соударение двух частиц.

**Соударение (удар, столкновение)** — сильное кратковременное взаимодействие тел. Если нет силы реакции и внешние силы не успевают изменить импульс системы, можно применить *Закон Сохранения Импульса*.



### Абсолютно неупругий удар

При абсолютно неупругом ударе тела соединяются и движутся как одно целое. Изменение кинетической энергии системы:

$$\begin{aligned}
 \Delta W_{\text{кин}} &= \frac{m_1 + m_2}{2} v^2 - \left( \frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2} \right) = \\
 &= \frac{(m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2)^2}{2(m_1 + m_2)} - \frac{m_1 v_1^2}{2} - \frac{m_2 v_2^2}{2} = \\
 &= \frac{m_1^2 v_1^2 + 2m_1 m_2 \vec{v}_1 \vec{v}_2 + m_2^2 v_2^2 - m_1(m_1 + m_2)v_1^2 - m_2(m_1 + m_2)v_2^2}{2(m_1 + m_2)} = \\
 &= -\frac{m_1 m_2 (\vec{v}_2 - \vec{v}_1)^2}{2(m_1 + m_2)} = -\frac{m_{\text{пр}} v_{\text{отн}}^2}{2}
 \end{aligned}$$

где  $m_{\text{пр}} = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}$  — приведённая масса.

Потерянная кинетическая энергия переходит в:

- Тепловую энергию

- Энергию деформации
- Энергию вращения по теореме Кенинга:  $W_{\text{к}} = \underbrace{W'_{\text{к}}}_{\text{вращения}} + \frac{m_1+m_2}{2} v_c^2$

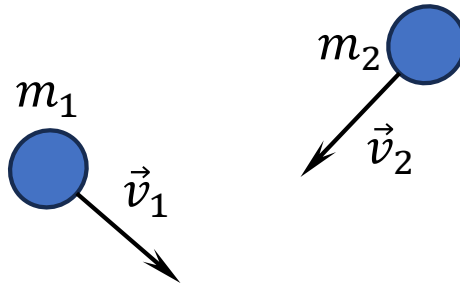


Рис. 4 Схема соударения двух тел

### Абсолютно упругий удар

Для сравнения приведём основные характеристики абсолютно упругого удара:

- Сохранение кинетической энергии:  $\frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2} = \frac{m_1 u_1^2}{2} + \frac{m_2 u_2^2}{2}$
- Сохранение импульса:  $m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2$
- Скорости после удара (1D случай):

$$u_1 = \frac{(m_1 - m_2)v_1 + 2m_2 v_2}{m_1 + m_2}$$

$$u_2 = \frac{(m_2 - m_1)v_2 + 2m_1 v_1}{m_1 + m_2}$$

## 1.8. Уравнение Бернулли

За время  $\Delta t$  жидкость течет из сечения:  $1 \rightarrow 1'$  и  $2 \rightarrow 2'$  (см. рис. 5b).

Запишем теорему об изменении механической энергии.

$$dW_{\text{механическая}} = dA^{\text{давления}}$$

$$\frac{dm}{2}(v_2^2 - v_1^2) + g(h_2 - h_1)dm = v_1 p_1 dS_1 \cdot dt_1 + v_2 p_2 dS_2 \cdot dt_2$$

$$dm = \rho_1 v_1 dS_1 \cdot dt \quad v_1 dS_1 = v_2 dS_2$$

$$\frac{\rho v_1^2}{2} + \rho g h_1 + p_1 = \frac{\rho v_2^2}{2} + \rho g h_2 + p_2 \Rightarrow \boxed{\frac{\rho v^2}{2} + \rho g h + p = \text{const}}$$

**Обобщение:** Выполняется вдоль линии тока<sup>1</sup>.

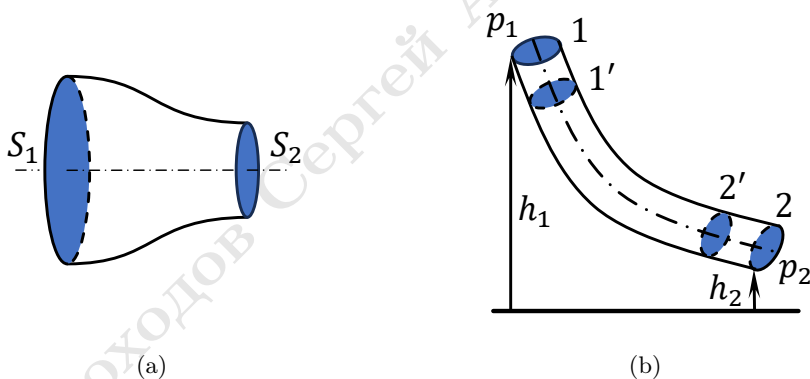


Рис. 5 Пример уравнения Бернулли

**Пример:** (см. рис. 5a)

$$\frac{\rho v_1^2}{2} + p_1 = \frac{\rho v_2^2}{2} + p_2 \quad (h = \text{const})$$

Так как  $S_1 > S_2$ , то  $v_1 < v_2$  и поэтому  $p_1 > p_2$ .

<sup>1</sup>Линия тока – линия, касательная которой в каждой точке совпадает с вектором движения

### 1.9. Уравнение вращательного движения твердого тела вокруг неподвижной оси. Момент инерции, примеры его вычисления.

**Твердое тело** – это недеформированное тело или система материальных точек расстояние между которыми не изменяется в процессе движения.

Механика твердого тела является частным случаем механики системы материальных точек.

#### Признаки:

- Недеформированный;
- Сплошное (Масса размазана непрерывно);
- Переходим от материальной точки к элементу массы ( $\Sigma \rightarrow \int$ ).

#### Условие равновесия твердого тела

$$\begin{cases} m \frac{d\vec{v}_0}{dt} = \vec{F} \\ \frac{d\vec{N}}{dt} = \vec{M} \end{cases} \Rightarrow \vec{F} = 0 \quad \vec{v}_c(0) = 0 \\ \vec{M} = 0 \quad \vec{N}(0) = 0$$

## 1.10. Теорема Гюйгенса-Штейнера

$$J = J_c + ma^2$$

Момент инерции относительно произвольной оси равен сумме момента инерции относительно оси, параллельной данной и проходящей через центр масс тела, и произведению массы тела на квадрат расстояния между осями.

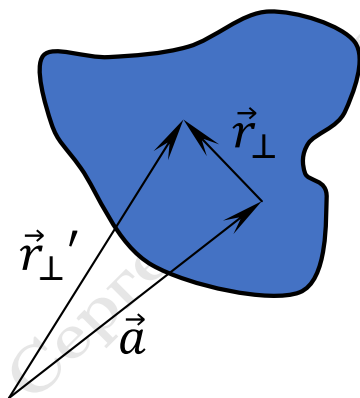


Рис. 6 Доказательство теоремы Гюенса-Штейнера

## Доказательство

$$r_{\perp}'^2 = r_{\perp}^2 + a^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{r}_{\perp}$$

$$J = \int_m r_{\perp}'^2 dm = \int_m r_{\perp}^2 dm + 2\vec{a} \cdot \underbrace{\int_m \vec{r}_{\perp} dm}_0 + a^2 \int_m dm = J_c + ma^2$$

**Что и требовалось доказать!**

Точки  $O$  и  $O'$  являются взаимными или сопряженными в том смысле если, подвесить маятник в точке  $O'$ , то центр качания будет в точке  $O$ , а период не изменится.

### Доказательство

$$l'_{\text{цр}} = r'_c + \frac{J_c}{mr'_c} = \frac{J_c}{mr_c} + r_c = l_{\text{цр}} \quad r'_c = \frac{J_c}{mr_c}$$

### **1.11. Кинетическая энергия и работа при вращении твердого тела вокруг неподвижной оси**

Скороходов Сергей Александрович



## 1.12. Кинематика плоского движения твердого тела. Мгновенная ось вращения

**Плоское движение твердого тела** – это движение, при котором каждая точка движется в плоскости и плоскости параллельной друг другу.

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{r}' \left| \frac{d}{dt} \right.$$

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}']$$

Математическое выражение плоского движения.

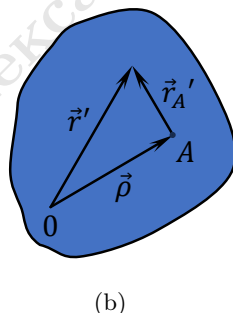
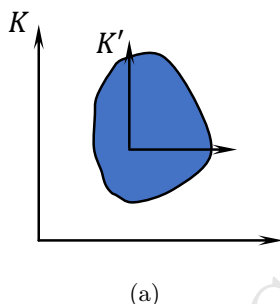


Рис. 7 Иллюстрации к вопросу

Возьмем разные полюса. Будет ли  $\omega$  зависеть от выбора полюса?

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}']$$

$$\vec{v} = \vec{v}_A + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$\vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}'] = \vec{v}_A + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$\vec{v}_A = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{\rho}] \text{ – т.к. точка } A \text{ вращается вокруг } O$$

$$\vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{r}'] = \vec{v}_0 + [\vec{\omega}; \vec{\rho}] + [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$[\vec{\omega}; (\vec{r}' - \vec{\rho})] = [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$[\vec{\omega}; (\vec{r}' - \vec{\rho})] = [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

$$\left. \begin{aligned} \vec{r}' &= \vec{\rho} + \vec{r}'_A \\ \vec{r}' - \vec{\rho} &= \vec{r}'_A \end{aligned} \right| \Rightarrow [\vec{\omega}; \vec{r}'_A] = [\vec{\omega}_A; \vec{r}'_A]$$

В общем случае  $\vec{\omega} \neq \vec{\omega}_A$ , но в случае плоского движения  $\vec{\omega}_A = \vec{\omega}$ .

**Вывод:** Угловая скорость вращения носит абсолютный характер, то есть можно не указывать ось вращения. Часто за полюс берут центр масс.

$$\vec{v} = \vec{v} + [\vec{\omega}; \vec{r}^*]$$

где  $\vec{r}^*$  – радиус-вектор от центра масс до произвольной точки.

### Мгновенная ось вращения

**Мгновенная ось вращения** – это ось, связанная с точкой тела, у которой скорость равна нулю ( $\vec{v} = 0$ ) в данный момент времени. Такую точку всегда можно найти:

$$\begin{aligned} \vec{v} = \vec{v}_c + [\vec{\omega}; \vec{r}_M^*] = 0 & \quad | \cdot \vec{\omega} \\ [\vec{\omega}; \vec{v}_c] + [\vec{\omega}; [\vec{\omega}; \vec{r}_M^*]] = 0 \\ [\vec{\omega}; \vec{v}_c] + \underbrace{\omega (\vec{\omega}; \vec{r}_M^*)}_{0} - \vec{r}_M^* \omega^2 = 0 \\ \vec{r}_M^* = \frac{[\vec{\omega}; \vec{v}_c]}{\omega^2} \rightarrow \vec{r}_M^* = \frac{v_c}{\omega} \end{aligned}$$

**Пример:** Цилиндр без проскальзывания движется по плоскости. (см. рис. 8) **Важно!** Понятие Мгновенной Оси Вращения нельзя использовать для поиска распределения ускорения.

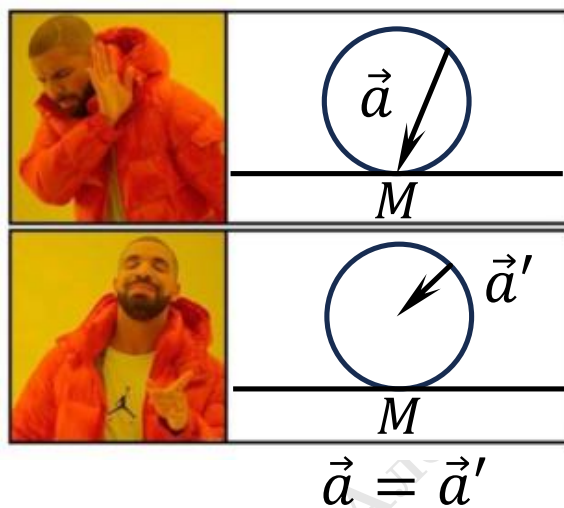


Рис. 8 Пример

**1.13. Уравнения динамики плоского движения твердого тела. Кинетическая энергия твердого тела при плоском движении**

Скороходов Сергей Александрович

#### 1.14. Приближенная теория гироскопа. Прецессия гироскопа.

Скороходов Сергей Александрович

### **1.15. Распределение молекул по объёму сосуда в отсутствии внешних силовых полей. Флуктуации числа молекул**

Скороходов Сергей Александрович

### 1.16. Распределение Максвелла по проекции и вектору скорости

Скороходов Сергей Александрович

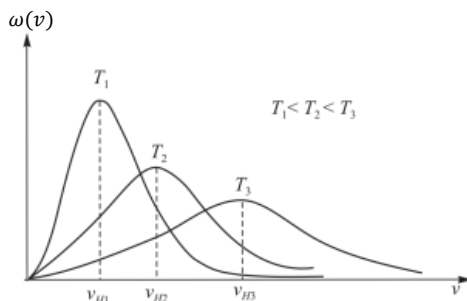


Рис. 9 Распределение Максвелла по модулю скорости

### 1.17. Распределение Максвелла по модулю скорости. Наиболее вероятная, средняя и средняя квадратичная скорости

#### Распределение Максвелла по модулю скорости

**Задача:** Найти плотность вероятности  $\omega(v)$ , которая определяет вероятность того, что скорость молекулы находится в интервале  $[v; v + dv]$ .

$$\omega(v) = 4\pi v^2 \left( \frac{m}{2\pi kT} \right)^{\frac{3}{2}} \exp \left( -\frac{mv^2}{2kT} \right) \quad (1.17.1)$$

$$\int_0^{\infty} \omega(v) dv = 1$$

**Наиболее вероятный исход** – это скорость, при которой функция распределения достигает максимума.

$$v_{\text{вер.}} = \sqrt{\frac{2RT}{\mu}} \quad \langle v \rangle = \int_0^{\infty} v \cdot \omega(v) dv = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m}}$$



**Среднеквадратичная скорость:**

$$v_{\text{кв}} = \sqrt{\langle v^2 \rangle} \qquad \langle v^2 \rangle = \int_0^\infty v^2 \omega(v) dv = \frac{3kT}{m}$$

$$\langle v^2 \rangle = \langle v_x^2 \rangle + \langle v_y^2 \rangle + \langle v_z^2 \rangle = \frac{3kT}{m}$$

**Среднеквадратичная скорость** определяет среднюю кинетическую энергию:

$$\langle W_{\text{кин}} \rangle = \left\langle \frac{mv^2}{2} \right\rangle = \frac{m}{2} \langle v^2 \rangle = \frac{mv_{\text{кв}}^2}{2} = \frac{3}{2}kT$$

### 1.18. Распределение Больцмана, барометрическая формула

Скороходов Сергей Александрович

**1.19. Давление идеального газа. Уравнение  
Клапейрона-Менделеева**

Скороходов Сергей Александрович

**1.20. Внутренняя энергия идеального газа и ее связь с температурой.**

Скороходов Сергей Александрович

## 1.21. Средняя длина свободного пробега молекул в газах

**Средняя длина свободного пробега** - это среднее расстояние, проходимое молекулой между двумя соударениями. Обозначается как  $\lambda$  [м].

Таблица 1 Эффективные диаметры атомов и молекул в газовой фазе

Элемент	Символ	Эффективный диаметр, $d$ (Å)
Гелий	He	2,0
Неон	Ne	2,2
Аргон	Ar	3,6
Криптон	Kr	4,0
Ксенон	Xe	4,5
Радон	Rn	5,0
Водород	H <sub>2</sub>	2,4
Азот	N <sub>2</sub>	3,7
Кислород	O <sub>2</sub>	3,5
Углекислый газ	CO <sub>2</sub>	4,6

Будем считать что все молекулы кроме одной неподвижны. Среднее расстояние проходимое молекулой за время  $t$  тогда будет равно:

$$L = \langle v \rangle \cdot t \quad \text{и} \quad V = \pi d^2 L = \pi d^2 \langle v \rangle t$$

Среднее число соударений:

$$z = Vn = \pi d^2 n \langle v \rangle t$$

Средняя частота соударения:

$$\vartheta = \frac{z}{t} = \pi d^2 n \langle v \rangle$$

Средняя длина свободного пробега:

$$\lambda = \frac{\langle v \rangle}{\vartheta} = \frac{1}{\pi d^2 n}$$

Если учитывать движение всех молекул, то:

$$\vartheta = \sqrt{2}\pi d^2 n \langle v \rangle = \sqrt{2}\sigma n \langle v \rangle, \quad \text{где } \sigma = \pi d^2$$

$$\lambda = \frac{1}{\sqrt{2}\pi d^2 n} = \frac{1}{\sqrt{2}\sigma n}$$

При нормальных условиях концентрация равна:

$$n = N_L = 2,7 \times 10^{19} \text{ см}^{-3}$$

$$\lambda \approx 1,7 \times 10^{-5} \text{ см} = 170 \text{ нм}$$

$$\langle v \rangle \approx 10^{-1} \text{ км/с}$$

$$\tau = \frac{1}{\vartheta} \approx 10^{-9} \text{ с}$$

За это время устанавливается распределение Максвелла.

## Распределение Максвелла

**Распределение Максвелла** описывает распределение молекул газа по скоростям в условиях термодинамического равновесия. Для идеального газа вероятность того, что молекула имеет скорость в интервале от  $v$  до  $v + dv$ , задаётся функцией:

$$f(v) = 4\pi \left( \frac{m}{2\pi kT} \right)^{3/2} v^2 \exp \left( -\frac{mv^2}{2kT} \right)$$

где:

- $m$  — масса молекулы
- $k$  — постоянная Больцмана ( $1,380649 \times 10^{-23} \frac{\text{Дж}}{\text{К}}$ )
- $T$  — абсолютная температура
- $v$  — скорость молекулы

Характерные скорости:

1. **Наиболее вероятная скорость** (соответствует максимуму распределения):

$$v_{\text{вер}} = \sqrt{\frac{2k_B T}{m}}$$

2. **Средняя скорость**:

$$\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8k_B T}{\pi m}}$$

3. **Среднеквадратичная скорость**:

$$v_{\text{ск}} = \sqrt{\frac{3k_B T}{m}}$$

Соотношение между характерными скоростями:

$$v_{\text{вер}} : \langle v \rangle : v_{\text{ск}} = 1 : \sqrt{\frac{4}{\pi}} : \sqrt{\frac{3}{2}} \approx 1 : 1,128 : 1,225$$

За время порядка  $\tau \approx 10^{-9}$  с после соударения устанавливается распределение Максвелла.

### **1.22. Диффузия в газах. Закон Фика, расчёт коэффициента диффузии**

Скороходов Сергей Александрович



### **1.23. Внутреннее трение в газах. Формула Ньютона, расчет вязкости**

Скороходов Сергей Александрович

### 1.24. Теплопроводность в газах. Закон Фурье, расчет коэффициента теплопроводности

**Теплопроводность** – это явление возникновения потока тепла в неравномерно нагретой среде, обусловленное передачей энергии от более нагретых участков к менее нагретым за счет теплового движения и взаимодействия частиц (атомов, молекул, электронов).

Скороходов Сергей Александрович

## 1.25. Броуновское движение. Формула Эйнштейна

### Броуновское движение

**Броуновское движение** - это непрерывное хаотическое движение макроскопических частиц в жидкости или газе, вызванное ударами молекул окружающей среды.

Частица образует с молекулами газа единую систему **ТТРЭПСС** (термодинамически равновесную систему с равномерно распределённой энергией по степеням свободы).

Будем считать, что смещения статистически независимы: смещение от 0 до  $t_1$  и от  $t_1$  до  $t$  ничего не дает в корреляции.

$$\begin{aligned}\langle x^2 \rangle &= \langle x_1^2 \rangle + \langle x_2^2 \rangle \\ \langle x^2 \rangle &= f(t) \\ \langle x_1^2 \rangle &= f(t_1) \quad \langle x_2^2 \rangle = f(t - t_1) \\ f(t) &= f(t_1) + f(t - t_1)\end{aligned}$$

Единственное решение, удовлетворяющее этому функциональному уравнению - линейная зависимость:

$$f(t) = \alpha t \quad \text{где } \alpha = \text{const}$$

Таким образом получаем:

$$\langle x^2 \rangle = \alpha t \quad \langle x^2 \rangle = \langle y^2 \rangle = \langle z^2 \rangle = \alpha t$$

### Формулы Эйнштейна

Уравнение Ланжевена для броуновской частицы:

$$m\ddot{x} = -h\dot{x} + F_x(t) \quad \Big| \cdot x$$

где:

- $m$  — масса частицы [кг]

- $h$  — коэффициент трения [кг/с]
- $F_x(t)$  — случайная сила [Н]
- $x$  — координата частицы [м]

$$m\ddot{x} = -h\dot{x} + xF_x(t)$$

Используем тождества для производных:

$$\frac{d}{dt}(x^2) = 2x\dot{x}, \quad \frac{d^2}{dt^2}(x^2) = 2\dot{x}^2 + 2x\ddot{x}$$

Выражаем  $x\ddot{x}$ :

$$x\ddot{x} = \frac{1}{2} \frac{d^2}{dt^2} x^2 - \dot{x}^2$$

Подставляем в уравнение:

$$\frac{m}{2} \frac{d^2}{dt^2} x^2 - m\dot{x}^2 = -\frac{h}{2} \frac{d}{dt} x^2 + xF_x(t)$$

Усредняем:

$$\frac{m}{2} \frac{d^2}{dt^2} \langle x^2 \rangle - \langle m\dot{x}^2 \rangle = -\frac{h}{2} \frac{d}{dt} \langle x^2 \rangle + \langle xF_x(t) \rangle$$

Учитываем:

- $\langle m\dot{x}^2 \rangle = kT$  [Дж], где  $k$  — постоянная Больцмана [Дж/К],  $T$  — температура [К]
- $\langle xF_x(t) \rangle = 0$  [Н·м]

Для стационарного режима ( $t \gg m/h$ ):

$$-kT = -\frac{h}{2} \frac{d}{dt} \langle x^2 \rangle$$

Получаем:

$$\frac{d}{dt}\langle x^2 \rangle = \frac{2kT}{h} \quad [\text{м}^2/\text{с}]$$

Интегрируем:

$$\langle x^2 \rangle = \frac{2kT}{h}t = \frac{kT}{3\pi\eta a}t \quad [\text{м}^2]$$

где  $\eta$  — вязкость жидкости [Па·с],  $a$  — радиус частицы [м]

Для трехмерного случая:

$$\langle r^2 \rangle = \frac{kT}{\pi\eta a}t \quad [\text{м}^2]$$

Итоговые формулы:

$$\boxed{\langle x^2 \rangle = \frac{kT}{3\pi\eta a}t \quad [\text{м}^2]}, \quad \boxed{\langle r^2 \rangle = \frac{kT}{\pi\eta a}t \quad [\text{м}^2]}$$

**1.26. Классическая теория теплоемкости газов. Теорема о равнораспределении энергии по степеням свободы. Недостатки классической теории теплоемкости**

Скороходов Сергей Александрович

**1.27. Общий и нулевой принципы термодинамики.  
Измерение температуры. Классификация процессов**

Скороходов Сергей Александрович

Первый принцип термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа. Примеры применения: соотношение Майера, уравнение адиабатического процесса

---

1.28. Первый принцип термодинамики. Внутренняя энергия идеального газа. Примеры применения: соотношение Майера, уравнение адиабатического процесса

Скороходов Сергей Александрович



**1.29. Второй принцип термодинамики. Формулировки для тепловых двигателей и холодильных машин**

Скороходов Сергей Александрович

### 1.30. Цикл Карно и его КПД. Первая теорема Карно

Скороходов Сергей Александрович

### 1.31. Необратимые циклы, вторая теорема Карно

Скороходов Сергей Александрович

### 1.32. Уравнение Ван-дер-Ваальса. Фазовые переходы.

Скороходов Сергей Александрович

### 1.33. Внутренняя энергия газа Ван-дер-Ваальса.

Скороходов Сергей Александрович

### 1.34. Приведенное количество теплоты. Равенство Клаузиуса. Энтропия. Энтропия идеального газа.

**Энтропия** - это функция её состояния,

**Равенство Клаузиуса. II принцип термодинамики для обратимых процессов**

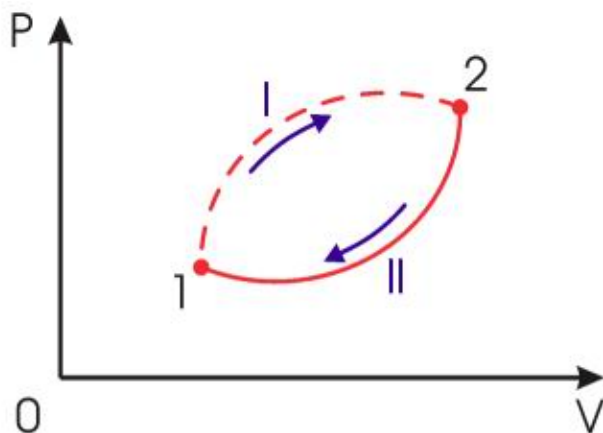


Рис. 10 График  $pV$ -диаграммы. Кривые I и II представляют разные термодинамические процессы между состояниями 1 и 2.

Из его равенства вытекает важное следствие. Приведенное количество теплоты при конечном обратимом переходе не зависит от пути, а зависит от:

$$\oint \frac{dQ}{T} = 0 \quad (1.34.1)$$

$$\int_{1 \rightarrow 2} \frac{dQ}{T} + \int_{2 \rightarrow 1} \frac{dQ}{T} = 0 \quad (1.34.2)$$

Математическая формула II принципа термодинамики для обратных процессов.

### ВАЖНО!

Существует такая функция состояния системы ее энтропии  $S$ , что разность значений этой функции в состояниях 1 и 2 ( $S_1$  и  $S_2$ ) равна:

$$S_2 - S_1 = \int_1^2 \frac{dQ}{T} \quad (1.34.3)$$

*(для обратимых процессов)*

### Энтропия идеального газа

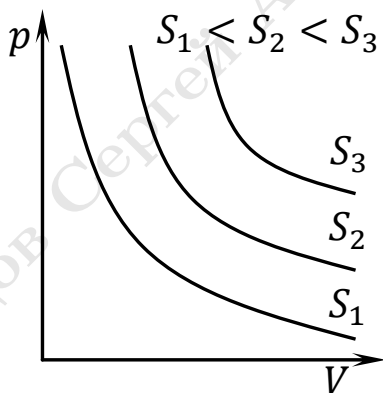


Рис. 11 Энтропия идеального газа

Запишем I принцип термодинамики и определение энтропии:

$$dS = \frac{dQ}{T} \quad \begin{aligned} dQ &= dU + dA' = \vartheta C_{\vartheta} dT + p dV = \\ &= \vartheta C_{\vartheta} dT + \vartheta R T dV \end{aligned}$$

$$dS = \frac{\vartheta C_{\vartheta} dT}{T} + \vartheta R dV$$

$$S = \vartheta C_{\vartheta} \ln T + \vartheta R \ln V + const$$

$$S = \vartheta C_{\vartheta} (\ln T + \frac{R}{C_{\vartheta}} \ln V) + const$$

Пусть  $\frac{R}{C_{\vartheta}} = \gamma - 1$ :

$$S = \vartheta C_{\vartheta} \ln(TV^{\gamma-1}) + const$$

$$S = \vartheta C_{\vartheta} \ln(pV^{\gamma}) + const \quad (1.34.4)$$



### 1.35. Неравенство Клаузиуса. Закон возрастания энтропии (с примерами).

#### Неравенство Клаузиуса

Из первой и второй теоремы Карно следует следующие неравенство:

$$\frac{Q_1 - Q'_2}{Q_1} \leq \frac{T_1 - T_2}{T_1} \quad (1.35.1)$$

В данном случае знак в неравенстве обоснован тем, что при равенстве (=) он соответствует случаю описания *обратимой* тепловой машины, а знак меньше (<) - описанию *необратимой тепловой машины*.

Формулу (1.35.1) можно преобразовать к виду:

$$\frac{T_2}{T_1} \leq \frac{Q'_2}{Q_1} \quad (1.35.2)$$

В свою очередь выражение (1.35.2) дает:

$$\frac{Q_1}{T_1} - \frac{Q'_2}{T_2} \leq 0 \quad (1.35.3)$$

Если полученное выражение записать через количество теплоты, подводимой к рабочему телу от нагревателя и холодильника, то оно примет окончательную форму:

$$\boxed{\frac{Q_1}{T_1} + \frac{Q_2}{T_2} \leq 0} \quad (1.35.4)$$

При переходе к бесконечному числу тепловых резервуаров, с которыми рабочее тело тепловой машины обменивается теплотой:

$$\boxed{\oint \frac{dQ}{T} \leq 0} \quad (1.35.5)$$

## Закон возрастания энтропии

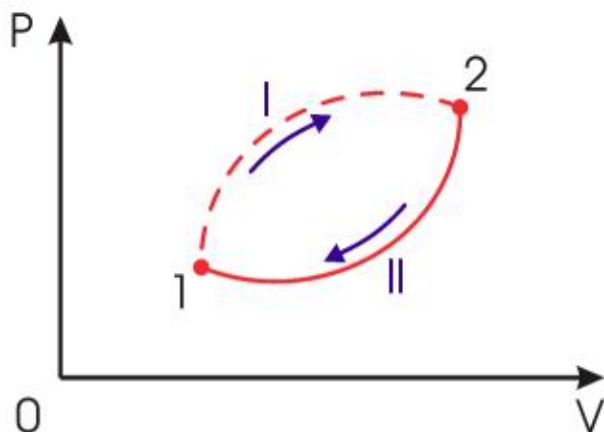


Рис. 12 График  $pV$ -диаграммы, иллюстрирующий закон возрастания энтропии. Кривые I и II представляют разные термодинамические процессы между состояниями 1 и 2.

Для любого необратимого процесса в замкнутой системе энтропия возрастает, а для обратимого процесса остается постоянной. Математически это выражается через интеграл Клаузиуса и изменение энтропии.

$$\int_{1 \rightarrow 2} \frac{dQ}{T} + \int_{2 \rightarrow 1} \frac{dQ}{T} < 0 \Rightarrow S_2 - S_1 > \int_1^2 \frac{dQ}{T} \quad (1.35.6)$$

Здесь интегралы представляют циклический процесс, где первый интеграл - по пути I из состояния 1 в 2, а второй - по пути II из 2 в 1. Неравенство показывает, что для необратимого процесса изменение энтропии больше, чем интеграл от приведенного тепла.

Из чего следует фундаментальное неравенство:

$$S_2 - S_1 \geq \int_1^2 \frac{dQ}{T} \quad (1.35.7)$$

В этом обобщенном виде неравенство объединяет оба случая: для обратимых процессов (равенство) и необратимых (строгое неравенство).  $dQ$  - элементарное количество тепла, переданное системе при температуре  $T$ .

В тепло изолированной системе ( $dU = 0$ ), следует запись:

$$\boxed{S_2 - S_1 \geq 0} \quad (1.35.8)$$

### Физические смыслы энтропии

1. **Энтропия (S)** мера необратимости процессов (если  $\Delta S = 0$ , то процесс обратим). Чем больше  $\Delta S = S_2 - S_1$ , тем необратимее процесс.

Если  $S_2 > S_1$ , то процесс  $1 \rightarrow 2$  возможен, а  $2 \rightarrow 1$  нет, так как энтропия не может возрасть.

Второй принцип термодинамики играет роль директора – определяет направление протекающих процессов. В замкнутой системе при достижении системой термодинамического равновесия энтропия достигает максимального значения.

2. **Энтропия (S)** – мера близости системы и состояния термодинамического равновесия.
3. **Энтропия (S)** – мера качества тепловой энергии.  
В замкнутой системе внутренняя энергия постоянна.
4. **Энтропия (S)** – мера вероятности макро состояния. Чем выше  $S$ , тем более вероятно состояние.
5. **Энтропия (S)** – мера беспорядка (хаоса) в системе. Чем более хаотично, тем более вероятно.

## Список литературы

1. 3.7. Неравенство Клаузиуса | Физическая термодинамика | МГТУ им. Н.Э. Баумана. Кафедра физики. — 17.11.2005. — URL: [http://fn.bmstu.ru/data-physics/library/physbook/tom2/ch3/texthtml/ch3\\_7.htm](http://fn.bmstu.ru/data-physics/library/physbook/tom2/ch3/texthtml/ch3_7.htm) (дата обр. 18.06.2025).
2. 3.9. Закон возрастания энтропии | Физическая термодинамика | МГТУ им. Н.Э. Баумана. Кафедра физики. — 17.11.2005. — URL: [http://fn.bmstu.ru/data-physics/library/physbook/tom2/ch3/texthtml/ch3\\_9.htm](http://fn.bmstu.ru/data-physics/library/physbook/tom2/ch3/texthtml/ch3_9.htm) (дата обр. 18.06.2025).
3. 4.2. Вывод распределения Максвелла. — 19.06.2025. — URL: <https://studfile.net/preview/4574654/page:15> (дата обр. 19.06.2025).
4. Aviaki. Сердце реактивного самолета: Как устроен и работает турбореактивный двигатель. — 18.06.2025. — URL: <https://zen.ru/a/Z4u6g2frv2sfr803> (дата обр. 18.06.2025).
5. П6. Прямоточный воздушно-реактивный двигатель (ПВРД). — 18.06.2025. — URL: <https://studfile.net/preview/7524987/page:22> (дата обр. 18.06.2025).

# Скороходов Сергей Александрович

*Студент 1 курса*

**Email:** [sergey.skor007@gmail.com](mailto:sergey.skor007@gmail.com)  
**Telegram:** [t.me/SerKin0](https://t.me/SerKin0)  
**GitHub:** [github.com/SerKin0](https://github.com/SerKin0)  
**VK:** [vk.com/serking2](https://vk.com/serking2)