Pràctiques d'Àlgebra

Solució de les activitats de la Pràctica 0

1. Donats els nombres $x=14,32,\,y=27,12$ i z=3,5, calculeu el valor de l'expressió

$$\frac{8x + y^2}{2 - \sqrt[6]{x^3 - \frac{1}{z}}}$$

2. Indiqueu com introduirieu, en Scilab, la matriu $\mathsf{A}=(a_{ij})$ d'ordre 50×50 tal que $a_{ii}=10$ i $a_{ij}=0$ per a $i\neq j$.

3. Introduïu per blocs, en Scilab, la matriu següent. Indiqueu les instruccions que feu servir.

$$\mathsf{E} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 8 & 8 & 8 & 8 \\ 0 & 1 & 0 & 8 & 8 & 8 & 8 \\ 0 & 0 & 1 & 8 & 8 & 8 & 8 \\ 0 & 0 & 1 & 8 & 8 & 8 & 8 \\ -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

4. Escriviu el bucle que hi ha a continuació per obtenir la matriu $\mathsf{C} = (c_{ij})$ d'ordre 30×30 de manera que $c_{ij} = i \cdot j$.

```
C=zeros (30,30);
for i=1:30 for j=1:30 do C(i,j)=i*j;
end end
```

Calculeu la matriu $\mathsf{D}=\mathsf{C}^2-3\mathsf{C}$ i indiqueu quin és l'element de la matriu D que hi ha a la posició fila 17 columna 25.

- 5. Escriviu les instruccions de Scilab que extrauen de la matriu C de l'activitat 4 la submatriu formada per les files 3 i 7 i les columnes 3 i 7. Escriviu aquesta submatriu.
- 6. Escriviu les instruccions de Scilab que extrauen de la matriu C de l'activitat 4 la submatriu formada por las filas de la 13 a la 16 i les columnes de la 17 a la 19. Escriviu la matriu que obteniu.

7. Donats els vectors u=(1/4,-1/6,5/6) i v=(1/5,3/4,-2/3), calculeu el producte escalar de tots dos i l'angle que fan. Escriviu aquest angle en graus.

8. Resoleu el sistema matricial $\left\{ \begin{array}{l} 3\mathsf{X} + \mathsf{Y} = \mathsf{A} \\ 2\mathsf{X} - 5\mathsf{Y} = \mathsf{B} \end{array} \right. \text{ essent}$

$$A = \begin{pmatrix} 1/2 & 0 & -1/3 \\ 0 & -2/3 & 3 \end{pmatrix}, \qquad B = \begin{pmatrix} 1/5 & 1 & -1/6 \\ 1/6 & 1/5 & 2/3 \end{pmatrix}$$

9. Donada la matriu

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 7 & 8 & 9 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix},$$

calculeu la matriu $\mathsf{Z} = \mathsf{A}^3 - 16\mathsf{A}^2 - 2\mathsf{I},$ on I és la matriu identitat d'ordre 3.

10. Siga V la matriu

$$\mathsf{V} = \begin{pmatrix} 1 \\ 7 \\ 6 \end{pmatrix},$$

Calculeu la matriu ZV, on Z és la matriu de l'activitat anterior. Escriviu la matriu ZV com a combinació lineal de les columnes de Z.