## Inhalt des Übungsblatts:

- Gleichungen (S. 7)
- Monotonie, Achsenschnittpunkte (S. 13), Trigonometrie (S. 16)
- Ableiten (S. 23)
- Tangenten, Normalen (S. 22)

**A1: Gleichungen:** Löse die Gleichungen für  $x \in \mathbb{R}$ 

a) 
$$3x + 5 = 23$$

e) 
$$4(9x-11)-12(3x-4)=4$$

b) 
$$8x - 12 = 28$$

f) 
$$\frac{x+2}{3} + \frac{x-1}{15} = \frac{2x+3}{5}$$

c) 
$$7x + 3 = 5x + 12$$

g) 
$$(x-5)^2 = (x-3)(x+3)$$

d) 
$$17 - 4x = 1 - 12x$$

g) 
$$(x-5)^2 = (x-3)(x+3)$$

**A2:** Mitternachtsformel: Löse die Gleichungen für  $x \in \mathbb{R}$  mithilfe der Mitternachtsformel

a) 
$$x^2 - 10x + 24 = 0$$

c) 
$$x^2 - 9x = 22$$

e) 
$$\frac{x(x-10)}{2} = 12$$

b) 
$$x^2 + 6x - 16 = 0$$

d) 
$$x^2 = 3x + 18$$

a) 
$$4\sqrt{7} - 6\sqrt{7} + 3\sqrt{7}$$

c) 
$$\sqrt{192x^5}$$

e) 
$$\sqrt{3} \cdot \sqrt{300}$$

b) 
$$\sqrt{180}$$

d) 
$$\sqrt{\frac{80x^2}{147}}$$

f) 
$$\sqrt{27} - \sqrt{25} - \sqrt{3}$$

**A4: Satz vom Nullprodukt:** Löse die Gleichungen für  $x \in \mathbb{R}$  mit dem Satz vom Nullprodukt

a) 
$$\sin(x) \cdot (\cos(x) - 2) = 0$$
  
mit  $(0 \le x \le 2\pi)$ 

b) 
$$\sin^2(x) - 2\sin(x) = 0$$
  
mit  $(0 \le x \le 2\pi)$ 

c) 
$$x^3 - 4x = 0$$

d) 
$$3x^3 - 6x^2 = 0$$

A5: Substitution: Löse die Gleichungen - ohne CAS

a) 
$$2x^4 - 5x^2 + 2 = 0$$

c) 
$$\sin(3x) = 1(0 \le x \le 2\pi)$$
 e)  $e^{2x} - e^x = 0$ 

$$e^{2x} - e^x - 0$$

b) 
$$x^4 - 4x^2 + 3 = 0$$

d) 
$$\sin^2(2x) + 2\sin(2x) = -1$$

d) 
$$\sin^2(2x) + 2\sin(2x) = -1$$
 f)  $\cos^2(x) - 3\cos(x) + 2 = 0$   $(0 \le x \le 2\pi)$ 

A6: Nullstellen von Funktionen: Bestimme die Nullstellen der Funktionen

a) 
$$f(x) = \frac{1}{2}(x-2)^2 - 4$$

b) 
$$f(x) = 3x^2 - 2x + 2$$
 c)  $f(x) = x^4 - 1$ 

c) 
$$f(x) = x^4 - 1$$

A7: Schnittpunkte von Funktionen: In welchen Punkten schneiden sich die Funktionen?

a) 
$$f(x) = x^2$$
,  $g(x) = 2x$ 

b) 
$$f(x) = \frac{1}{2}x^4$$
,  $g(x) = x^2 + 4$ 

## **A8: Trigonometrie:**

- a) Beschreiben Sie in Worten, wie sich der Graph von  $g(x) = 3\sin(3(x+1)) 3$  von  $\sin(x)$  unterscheidet.
- b) Gib die Amplitude, Verschiebung und Periode der folgenden Sinus-Funktionen an:
  - $\sin(2(x-2)) + 1$
  - $4\sin\left(\frac{3x}{4\pi}\right)$
  - $-2\sin(4x+8) 3\pi$
- c) In Abbildung ?? gegeben ist der Graph F einer verschobenen Sinusfunktion. Gib einen möglichen Funktionsterm f(x) an.

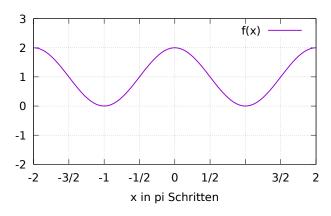


Abbildung 1: Sinus-Funktion

A9: Ableitungen: Berechne jeweils die erste Ableitung der Funktionen

a) 
$$f(x) = 3x^4 + 2x^3 + x^2 - 10$$
 e)  $k(x) = 2(3x^2 + x)^3$ 

e) 
$$k(x) = 2(3x^2 + x)^3$$

h) 
$$n(x) = \sqrt{x}\sin(x^2)$$

b) 
$$q(x) = x^2 e^x$$

f) 
$$l(x) = \frac{4}{(2x+1)^2}$$

i) 
$$o(x) = \sqrt{\cos(x) \cdot \sqrt{x+1}}$$

c) 
$$h(x) = x^x$$

d) 
$$j(x) = \ln(e^{3x}\sin(2x))$$

g) 
$$m(x) = 2x\sqrt{x^2 + 1}$$

j) 
$$p(x) = \frac{2x+3}{\sin(3x)}$$

## A10: Monotonieuntersuchung:

- a) Definiere, wann eine Funktion in einem Intervall als streng monoton steigend bezeichnet wird.
- b) Untersuche die gegebenen Funktionen auf Monotonie und gib Art und Lage der Extrempunkte an:

(a) 
$$f(x) = x^2 - 4x + 5$$

(c) 
$$h(x) = 3x^4 + 8x^3 - 48x^2 + 3$$

(b) 
$$g(x) = x^3 - 3x^2 - 24x + 6$$

(d) 
$$j(x) = \frac{2x^2}{2x-1}$$
 (Achtung: gebrochenrational)

## A11: Tangenten:

- a) Gegeben ist die Funktion g mit  $g(x) = 2x^2 + 1$ . Bestimme die Gleichung der Tangente und der Normalen an den Graphen G von g im Punkt P(1|3).
- b) Bestimme die Gleichung der Tangente und Normalen an den Graphen G von q mit der Steigung 1.
- c) Bestimme die Gleichungen der beiden Tangenten an den Graphen G von g, die durch den Punkt Q(3|17)gehen und gib die Berührpunkte der Tangenten mit dem Graphen G von g an.