

Функциональное

программирование: базовый курс

Лекция 6.

Отображение и свертка последовательностей.



Функциональное программирование: базовый курс

Лекция 6 Отображение и свертка последовательностей

Отображение последовательностей

Обработка последовательностей



- отображение
- фильтрация
- поиск
- свертка

Отображение вместо цикла



Отображение вместо цикла



```
(defun simple-map (fn lst)
        (let (acc)
                 (dolist (i lst)
                          (push (funcall fn i) acc))
                 (nreverse acc)))
[1]> (simple-map #'abs '(-1 3.4 -7.1))
(1 \ 3.4 \ 7.1)
[2]> (simple-map #'(lambda (x) (* x x)) *nums*)
(1 \ 4 \ 9 \ 16 \ 25)
[3]> (simple-map #'(lambda (s) (string-upcase s))
        '("my" "other" "CaR" "is" "cDr"))
("MY" "OTHER" "CAR" "IS" "CDR")
```





(мар тип-результата функция последовательности)

```
[1]> (map 'list #'abs '(-1 3.4 -7.1))
(1 3.4 7.1)

[2]> (map 'vector #'(lambda (x) (* x x)) *nums*)
(1 4 9 16 25)

[3]> (map nil #'(lambda (x) (* x x)) *nums*)
NIL
```





```
[1]> (map nil #'(lambda (x) (print (* x x))) *nums*)
1
4
9
16
25
NIL
```



Обработка нескольких последовательностей с помощью тар

Функция mapcar



Функция тарс



Функция maplist



Функция maplist









Количество элементов в результирующей последовательности

 Если количество элементов в результирующей последовательности должно отличаться от количества элементов в исходных последовательностях, то следует использовать функции mapcan и mapcon

$$(1 2 0 3 0 4 0 0 5) \longrightarrow (1 2 3 4 5)$$

$$(1 2 3 4) \longrightarrow (1 a 2 b 3 c 4 d)$$

$$(a b c d)$$

Функция mapcan



Функция тарсап



Функция тарсап



Сглаживание списка



Функция map-into



```
[1]> (defparameter *a* '(0 0 0))
*A*

[2]> (map-into *a* #'+ '(1 2 3) '(20 40 50))
(21 42 53)
```



Функциональное программирование: базовый курс

Лекция 6 Отображение и свертка последовательностей

Фильтрация и свертка последовательностей

Фильтрация последовательностей



Функция remove



```
[1]> (remove 4 '(1 2 3 4 5 6 7) :test #'<)
(1 \ 2 \ 3 \ 4)
[2]> (remove 4 '(1 2 3 4 5 6 7) :test #'< :count 2)
(1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 7)
[3]> (remove "lisp"
                '("Python" "Lisp" "C++" "Ruby")
                :test-not #'string-equal)
("Lisp")
```

Функция remove



Функции remove-if и remove-if-not



```
[1] > (mapcan #'(lambda (x)
                         (if (oddp x) (list x) nil))
                '(1 2 3 4 5))
(1 \ 3 \ 5)
[2]> (remove-if #'(lambda (x) (not (oddp x)))
                '(1 2 3 4 5))
(1 \ 3 \ 5)
[3]> (remove-if-not #'oddp '(1 2 3 4 5))
(1 \ 3 \ 5)
```

Функции remove-if и remove-if-not



```
[1]> (remove-if #'(lambda (x) (> x 4)
                '(1 2 3 4 5 6 7))
(1 \ 2 \ 3 \ 4)
[2]> (remove-if \#'(lambda (x) (> x 4)
                '(1 2 3 4 5 6 7) :count 2)
(1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 7)
[3]> (remove-if-not \#'(lambda (x) (> x 4)
                '(1 2 3 4 5 6 7))
(5 6 7)
```

Семейство функций substitute



```
[1]> (substitute 42 24 '(24 0 24))
(42 0 42)

[2]> (substitute-if 42 #'oddp '(1 2 3 4 5))
(42 2 42 4 42)

[3]> (substitute-if-not 42 #'oddp '(1 2 3 4 5))
(1 42 3 42 5)
```

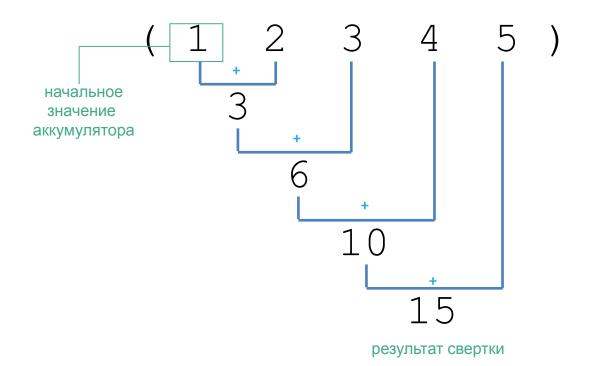
Функции поиска



Функция	Назначение
find, find-if, find-if-not	Поиск первого элемента, отвечающего заданному критерию
<pre>position, position-if, position-if-not</pre>	Поиск индекса первого элемента, отвечающего заданному критерию
member, member-if, member-if-not	Проверка наличия элемена, отвечающего заданному критерию
assoc, assoc-if, assoc-if-not	Поиск элемента по ключу в ассоциативном списке
rassoc, rassoc-if, rassoc-if-not	Поиск элемента по значению в ассоциативном списке
count, count-if, count-if-not	Подсчет количества элементов, отвечающих заданному критерию
search	Поиск одной последовательности внутри другой
mismatch	Поиск индекса первого несовпадающего элмента двух последовательностей

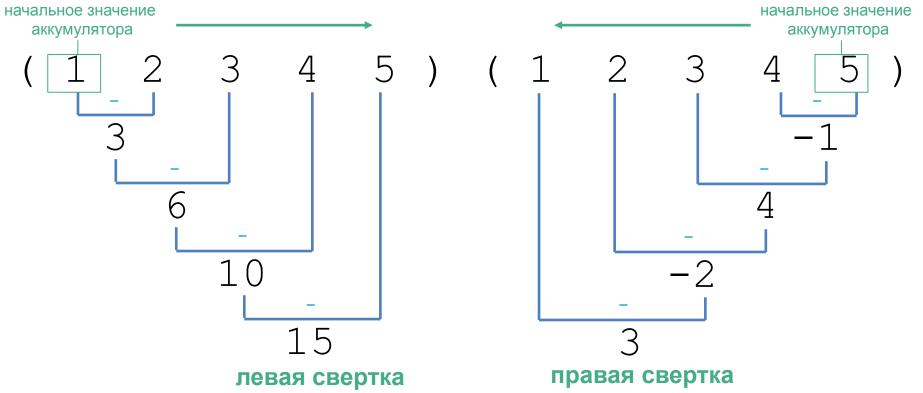
Свертка последовательностей





Свертка последовательностей





Функция reduce



```
[1]> (reduce #'+ '(1 2 3 4 5))
15

[2]> (reduce #'- '(1 2 3 4 5))
-13

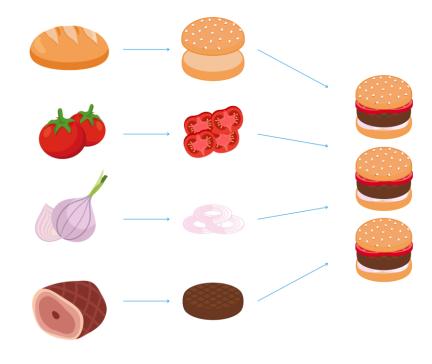
[3]> (reduce #'- '(1 2 3 4 5) :from-end t)
3
```

Реализация map с помощью reduce



MapReduce





map reduce



Задача: подсчет количества простых чисел в списке

```
(defparameter *max-random-num* 100)
(defun random-list (n)
        (let (test-list)
                (dotimes (i n)
                       (push
                               (1+ (random *max-random-num*))
                               test-list))
               test-list))
[1]> (random-list 10)
(82 77 29 76 34 33 6 3 78 8)
```



Задача: подсчет количества простых чисел в списке

- Способы получения простых чисел
 - решето Эратосфена
 - решето Сундарама
 - решето Аткина
- Проверки простоты числа
 - перебор делителей
 - тест Вильсона
 - тест Миллера
 - тест Агравала-Каяла-Саксены
 - тесты для специальных чисел (тест Пепина, тест Люка, ...)



Если $n-1 = (n-1)! \mod n$, то n- простое.

n	(n - 1)! mod n
2	1
3	2
4	2
5	4
6	0
7	6





```
(defun factr (n &optional (res 1))
       (if (or (= n 0) (= n 1))
               res
               (factr (- n 1) (* res n)))
[1]> (factr 3)
6
[2]> (factr 300)
30605751221644063603537046129726862938858880417357699941677674
12594765331767168674655152914224775733499391478887017263688642
63907759003154226842927906974559841225476930271954604008012215
77625217685425596535690350678...
```



Проверка на простоту с помощью теста Вильсона



Задача: подсчет количества простых чисел в списке

```
[1] > (defparameter lst (random-list 10))
LST
[2]> lst
(92 39 77 70 3 16 59 77 9 44)
[3]> (reduce #'+
        (mapcar #'(lambda (x) (if x 1 0))
                 (mapcar #'primep lst)))
[4]> (remove-if-not #'primep lst)
(359)
```



Функциональное программирование: базовый курс

Лекция 6 Отображение и свертка последовательностей

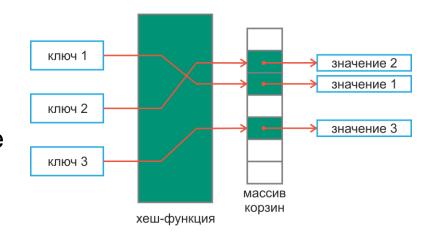
Работа с хеш-таблицами

Хеш-таблицы



Хеш-таблица (hash table) – структура данных для хранения пар "ключ – значение"

 поиск, добавление и удаление элементов происходит в среднем за время O(1)



Хеш-таблицы и ассоциативные списки



```
[1]> (defparameter *alist*
       '((one . 1) (two . 2) (four . 4)))
[2]> (assoc 'two *alist*)
(TWO . 2)
[31> (assoc-if
               \#'(lambda (x) (not (eq x 'two)))
       *alist*)
(ONE . 1)
```

Создание хеш-таблицы



```
B CLISP:
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table))
*HT*
[2]> *HT*
#S(HASH-TABLE:TEST FASTHASH-EQL)
B SBCL:
CL-USER(1): (defparameter *ht* (make-hash-table))
*HT*
CL-USER(2): *HT*
#<HASH-TABLE :TEST EQL :COUNT 0 {1005DCE043}>
```

Создание хеш-таблицы



```
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table :test #'equal))
*HT*
[2]> *HT*
#S(HASH-TABLE : TEST FASTHASH-EQUAL)
[3]> (eql "test" "test")
NTI
[4] > (equal "test" "test")
Т
[5]> (eqlual "test" "Test")
NIL
[6]> (equalp "test" "Test")
```

Создание хеш-таблицы



```
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table :test #'string=))
*** - MAKE-HASH-TABLE: Illegal :TEST argument
                                              только
                                              eq
                                              eql
                                              equal
                                              equalp
```

Поиск по ключу в хеш-таблицах



```
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table :test #'equal))
*HT*
[2]> (gethash "test" *ht*)
NIL ;
NIL
[3]> (gethash "test" *ht* 42)
42 ;
NIL
```



Добавление или обновление пары ключзначение в хеш-таблице

```
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table :test #'equal))
*HT*

[2]> (setf (gethash "test" *ht*) 42)
42

[3]> (gethash "test" *ht*)
42;
```



Добавление или обновление пары ключзначение в хеш-таблице

```
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table :test #'equal))
*HT*
[2]> (setf (gethash "NIL but T" *ht*) nil)
NIL
[3]> (gethash "NIL but T" *ht*)
NIL ;
         —— такой ключ есть, и его значение – NIL
[4]> (gethash "just NIL" *ht*)
NIL ;
               такого ключа нет
NIL
```



Добавление или обновление пары ключзначение в хеш-таблице

```
[1]> (defparameter *ht* (make-hash-table :test #'equal))
*HT*
[2]> (setf (gethash "test" *ht*) 42)
NIL
[3]> (remhash "test" *ht*)
Т
[4]> (gethash "test" *ht*)
NIL ;
NTI
```

Инициализация хеш-таблицы



Функция hash-table-from-list



```
(defun hash-table-from-list
               (1st &rest keyword-pairs
                      &key (start 0) end &allow-other-keys)
       (let ((h (apply
                      #'make-hash-table
                       :allow-other-keys t keyword-pairs))
               (ls (subseq lst start end)))
               ; вспомогательная функция, которая
               ; добавляет в хэш h пары ключ-значение
               ; из списка ls
               (hash-table-add-list h ls)))
```

Функция hash-table-add-list





```
(defun set% (h key val &rest other-pairs)
       (let ((pairs (append (list key val) other-pairs)) k v)
               (hash-table-add-list h pairs)))
[1]> (defparameter *h* (hash-table-from-list
               '("oliver" "twist" "david" "copperfield")
               :test #'equal))
*H*
[21> (set% *h* "david" "bowie" "oliver" "stone")
#S(HASH-TABLE : TEST FASTHASH-EQUAL
       ("david" . "bowie") ("oliver" . "stone"))
```



Обработка хеша в цикле



```
(defun hash-iterate (fn h)
        (with-hash-table-iterator (get-e h)
               (dotimes (i (hash-table-count h))
                       (multiple-value-call fn (get-e))))
[1]> (hash-iterate #'(lambda (has-more k v)
                               (format t "~a ~a~%" k v)) *h*)
david bowie
oliver stone
NTI
```



Отображение хеш-таблицы с помощью функции maphash



Отображение хеш-таблицы с помощью функции maphash

```
(defun real-maphash (fn h)
   ; возвращает новую хеш-таблицу,
   ; каждое значение в которой модифицировано
   ; функцией fn
   )
```



Функциональное программирование: базовый курс

Лекция 6 Отображение и свертка последовательностей

Использование отображений и сверток на практике



Дан список номеров транспортных средств, нарушивших скоростной режим:



Необходимо выяснить, водители-частники из каких регионов совершили наибольшее количество нарушений?









регистрационные знаки легковых такси и транспортных средств для перевозки более 8 человек



регистрационные знаки транспортных средств МВД России



План решения задачи:

- 1. Оставить в списке только номера частных транспортных средств.
- 2. Преобразовать список номеров в список регионов.
- 3. Подсчитать количество нарушителей из каждого региона.
- 4. Расположить список регионов в порядке убывания количества нарушителей.



План решения задачи:

- 1. Оставить в списке только номера частных транспортных средств.
 - remove-if
- 2. Преобразовать список номеров в список регионов.
 - mapcar
- 3. Подсчитать количество нарушителей из каждого региона.
 - reduce
- 4. Расположить список регионов в порядке убывания количества нарушителей.
 - sort



Проверка типа регистрационного номерного знака

- в серии могут встречаться буквы кириллицы
 - A, B, E, K, M, H, O, P, C, T, Y, X

```
(defun vrp-letter-p (c)
(and (find c "авекмнорстух"
:test #'char-equal) t))
```



Проверка типа регистрационного номерного знака

```
(defun private-vrp-p (v)
        (and (>= (length \lor) 9)
                (char= #\; (elt v 6))
                (vrp-letter-p (elt v 0))
                (digit-char-p (elt v 1))
                (digit-char-p (elt v 2))
                (digit-char-p (elt v 3))
                (vrp-letter-p (elt v 4))
                (vrp-letter-p (elt v 5))))
```







Свертка списка с кодами регионов



Инкремент значения в хеш-таблице



Получение списка пар из хеш-таблицы



```
(defun get-region-list (lst)
  (hash-table-key-value-pairs
    (reduce
     #'(lambda (h e) (hash++ h e) h)
      (mapcar
        #'region-from-vrp
        (remove-if
          (complement #'private-vrp-p)
         lst))
     :initial-value (make-hash-table :test #'equal))))
```

Функция sort



```
[1]> (defparameter lst '(20 4 6 8 0 3 1 7))
LST

[2]> (sort lst #'>)
(20 8 7 6 4 3 1 0)

[3]> (sort lst #'<)
(0 1 3 4 6 7 8 20)</pre>
```





```
[1]> (defparameter lst
               '(("177" 14) ("78" 30) ("98" 10)))
LST
[2]> (sort 1st
               \#'(lambda (x y) (> (second x) (second y))))
(("78" 30) ("177" 14) ("98" 10))
[3]> (sort lst #'> :key #'second)
(("78" 30) ("177" 14) ("98" 10))
```

Получение отсортированного списка пар



```
(defun get-region-list (lst)
  (sort
    (hash-table-key-value-pairs
      (reduce
        #'(lambda (h e) (hash++ h e) h)
        (mapcar
          #'region-from-vrp
          (remove-if
            (complement #'private-vrp-p)
            lst))
        :initial-value (make-hash-table :test #'equal)))
   #'> :key #'second))
```



```
[1]> *vrps*
("ao365;78" "0245ok;43" "c227ha;69" "a1234;78" "ek201;69"
"c304BB;70" "y333yx;71" "o001oo;78" "xy045;78" "a144hc;78"
"a144hc;78" "e4433;98" "002cd1;178" "a144hc;78" "e042kx;777"
"e043kx;777" "3340ho;150" "e044kx;777")

[2]> (get-region-list *vrps*)
(("78" 4) ("777" 3) ("69" 1) ("70" 1) ("71" 1))
```



```
(defun get-region-list (lst)
  (sort
    (hash-table-key-value-pairs
      (reduce
        #'(lambda (h e) (hash++ h (region-from-vrp e)) h)
        (remove-duplicates
          (remove-if
            (complement #'private-vrp-p) lst)
          :test #'string-equal)
        :initial-value (make-hash-table :test #'equal)))
   #'> :key #'second))
```



```
[1]> *vrps*
("ao365;78" "0245ok;43" "c227ha;69" "a1234;78" "ek201;69"
"c304BB;70" "y333yx;71" "o001oo;78" "xy045;78" "a144hc;78"
"a144hc;78" "e4433;98" "002cd1;178" "a144hc;78" "e042kx;777"
"e043kx;777" "3340ho;150" "e044kx;777")

[2]> (get-region-list *vrps*)
(("777" 3) ("78" 2) ("69" 1) ("70" 1) ("71" 1))
```

Что мы узнали из этой лекции



- что такое отображение последовательностей
- какие функции используются для отображения: map, mapcar, mapc, maplist, mapcan, mapcon
- что такое свертка последовательностей
- чем отличается левая свертка от правой
- как работать с хеш-таблицами
- как применять отображения, фильтрации и свертки при решении практических задач