# Задача 1. Два станка

На производстве имеется два станка. Необходимо изотовить как можно больше деталей за сегодняшнюю смену, продложительность которой k минут.

Станки находятся в законсервированном состоянии. Для того, чтобы ввести в строй первый станок, требуется a минут, после чего он будет производить x деталей в минуту. Для того, чтобы ввести в строй второй станок, требуется b минут, после чего он будет производить y деталей в минуту.

Для введения в строй станка требуется присутствие инженера, поэтому нельзя вводить в строй два станка одновременно. При этом введение станка в строй и изготовление деталей на другом станке, а также одновременное изготовление деталей на двух станках разрешается.

Требуется выяснить, какое максимальное количество деталей удастся изготовить за k минут.

#### Формат входных данных

В первой строке ввода дано единственное целое неотрицательное число k — количество минут в смене  $(0 \le k \le 10^9)$ .

Во второй строке ввода даны целые неотрицательные числа a и x — время введения первого станка в строй и количество деталей, которое он изготавливает за одну минуту ( $0 \le a, x \le 10^9$ ).

В третьей строке ввода даны целые неотрицательные числа b и y — время введения второго станка в строй и количество деталей, которое он изготавливает за одну минуту ( $0 \le b, y \le 10^9$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите единственное число — максимальное количество деталей, которое удастся изготовить за смену.

Обратите внимание, что ответ в этой задаче может быть довольно большим и не помещаться в 32-битные типы данных. Рекомендуется использовать 64-битный тип данных, например «long long» в C++ или «int64» в Паскале.

#### Система оценивания

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Доп. ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	17	a = 0, x = 0		полная
2	14	a = 0, b = 0		полная
3	20	a = b	2	первая ошибка
4	20	x = y		первая ошибка
5	29	нет	1-4	первая ошибка

### Пример

стандартный вывод	
65	

# Пояснение к примеру

В примере выгодно сначала ввести в строй второй станок и за оставшиеся 15 минут изготовить 45 деталей, а затем ввести в строй первый и за оставшиеся 5 минут изготовить на нём еще 20 деталей.

Если сначала ввести в строй первый станок и изготовить на нем в оставшиеся 10 минут 40 деталей, то после введения в строй второго на нем удастся изготовить лишь 15 деталей, суммарно 55, что меньше, чем 65.

# Задача 2. Разбиение таблицы

Рассмотрим таблицу из n строк и m столбцов, в клетки которой по строкам записаны числа от 1 до  $n \cdot m$ . Сначала заполняется первая строка слева направо, затем вторая, и так далее. Другими словами в клетку (r,c) записано число  $(r-1)\cdot m+c$ .

На рисунке приведен пример такой таблицы для n=3, m=5.

1	2	3	4	5
6	7	8	9	10
11	12	13	14	15

Требуется разделить таблицу одним вертикальным или горизонтальным разрезом, проходящим по сторонам клеток, так чтобы сумма чисел в получившихся частях таблицы отличалась как можно меньше. В этой задаче в одном тесте вам придётся ответить на несколько запросов об оптимальном разрезании таблицы.

#### Формат входных данных

В первой строке ввода задано целое число t — количество запросов ( $1 \le t \le 10^5$ ).

В следующих t строках заданы по два числа  $n, m \ (1 \leqslant n, m \leqslant 10^9, 2 \leqslant n \times m \leqslant 10^9).$ 

#### Формат выходных данных

В t строках выведите ответы на запросы, по одному на строке.

Ответ на каждый запрос должен быть выведен в формате «D x», где D — это «V», если нужно резать по вертикали, «H» — если по горизонтали, а x — номер столбца или строки, перед которым надо сделать разрез. Строки пронумерованы от 1 до n, столбцы пронумерованы от 1 до m.

Если правильных ответов несколько, то надо вывести вариант с вертикальным разрезом, если он есть, а если и после этого вариантов несколько, то из вариантов с различными x следует выбрать тот, в котором x меньше.

## Система оценивания

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	20	$t = 1,  1 \leqslant n, m \leqslant 100$		полная
2	14	$t = 1, 1 \leqslant n, m \leqslant 2000$	1	первая ошибка
3	15	$t = 1, 1 \leqslant n, m \leqslant 10^7$	1, 2	первая ошибка
4	16	$1\leqslant t\leqslant 1000,1\leqslant n\times m\leqslant 10000$	1	первая ошибка
5	15	$1 \leqslant t \leqslant 100000,  n = 1,  1 \leqslant m \leqslant 10^9$		первая ошибка
6	20	$1 \leqslant t \leqslant 100000, \ 1 \leqslant n, m \leqslant 10^9$	1–5	первая ошибка

#### Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	V 3
1 3	V 5
4 7	V 8
1 10	Н 3
3 3	V 4
3 5	

# Задача 3. Изменённая ДНК

Биологи обнаружили новый живой организм и решили изучить его ДНК. ДНК кодируется последовательностью символов «A», «G», «С» и «Т».

Так как строка, кодирующая ДНК, часто очень длинная, для её хранения применяют RLE-кодирование. А именно, каждый блок, состоящий из двух или более идущих подряд одинаковых символов, заменяется на число, равное длине этого блока, после которого записывается соответствующий символ. Например, последовательность «AAAGGTCCA» в закодированной форме имеет вид «ЗА2GT2CA».

В результате экспериментов, проводимых в лаборатории, ДНК может мутировать. Каждая мутация — это либо удаление одного символа из последовательности, либо добавление одного символа, либо замена одного символа на другой.

Уходя вечером из лаборатории, учёный записал ДНК в закодированной форме. Когда он вернулся на работу утром, он обнаружил, что в ДНК произошла ровно одна мутация. Теперь ученых интересует, какая минимальная и максимальная длина может получиться у новой ДНК в закодированной форме.

Требуется по заданной ДНК в закодированной форме определить, какая мутация может привести к тому, что у новой ДНК будет закодированная форма минимальной возможной длины, а какая—к тому, что у новой ДНК будет закодированная форма максимальной возможной длины.

#### Формат входных данных

В единственной строке входа находится строка s, состоящая из цифр и букв «A», «G», «С» и «Т» — закодированная ДНК.

Гарантируется, что это строка является корректной закодированной записью некоторой строки из символов «A», «G», «C» и «T».

#### Формат выходных данных

В первой строке выведите мутацию, после которой закодированная строка имеет минимальную длину. Выведите:

- 1 x Z, если надо вставить символ Z так, чтобы слева от него было ровно x старых символов. Символ Z должен быть из множества  $\{A, C, G, T\}$ .
- $\bullet$  2 x, если надо удалить символ с номером x из последовательности.
- 3 x Z, если надо заменить символ с номером x заменить на символ Z. Символ Z должен быть из множества {A, C, G, T}. При этом на этом месте до мутации обязательно должен был находиться символ, не равный Z.

В следующей строке выведите мутацию, после которой закодированная строка имеет максимальную длину, в таком же формате.

Если подходящих ответов несколько, можно вывести любой из них.

### Система оценивания

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и всех необходимых подзадач успешно пройдены.

Обозначим за n длину закодированной строки, а за L длину исходной строки.

Подзадача	Баллы	Ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	9	$1 \leqslant n \leqslant L \leqslant 10$		полная
2	17	$1 \leqslant n \leqslant 100,  1 \leqslant L \leqslant 10^4$	1	первая ошибка
3	21	$1 \leqslant n \leqslant 1000, \ 1 \leqslant L \leqslant 10^5$	1, 2	первая ошибка
4	11	$1 \leqslant n \leqslant 10^5,  1 \leqslant L \leqslant 10^7$	1–3	первая ошибка
5	42	$1 \leqslant n \leqslant 10^5,  1 \leqslant L \leqslant 10^9$	1–4	первая ошибка

#### Всероссийская олимпиада школьников по информатике 2020–2021 Региональный этап, 1 тур, 16 января 2021 года

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5AC5A2C	3 6 A
	1 2 C

## Пояснение к примеру

Исходная последовательность имела вид «АААААСАААААСС».

Первая операция превращает её в последовательность «ААААААААААСС», которая кодируется как «11A2С». Эта закодированная последовательность имеет минимальную возможную для этого теста длину, равную 5.

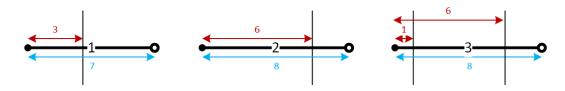
Вторая операция превращает её в последовательность «AACAAACC», которая кодируется как «2AC3AC5A2C». Эта закодированная последовательность имеет максимальную возможную для этого теста длину, равную 10.

# Задача 4. Антенна

Для связи с Землёй членам экспедиции на Марс необходимо собрать антенну. Антенна в разобранном состоянии представляет собой n фрагментов, i-й фрагмент представляет собой штангу длиной  $s_i$  сантиметров, на которой закреплены  $m_i$  перекладин. Каждый фрагмент содержит хотя бы одну перекладину.

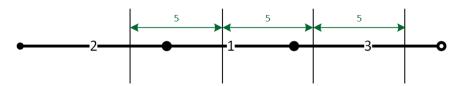
У каждой штанги есть начало, в котором расположен штекер, и конец, в котором расположено гнездо. Любые две штанги можно последовательно соединить, присоединив начало одной к концу другой. Для каждой перекладины известно расстояние от начала её штанги в сантиметрах. Для i-го фрагмента это расстояние может быть от 0 до  $s_i$ , значение 0 означает, что перекладина находится непосредственно в начале штанги, значение  $s_i$  — что она находится непосредственно в конце штанги. Толщиной перекладин и размерами штекера и гнезда следует пренебречь.

На рисунке показаны три фрагмента антенны из первого примера и отмечены расстояния от начала штанги до перекладины.



Чтобы корректно собрать антенну, необходимо соединить в некотором порядке все n фрагментов, при этом расстояние между любыми двумя соседними перекладинами должно быть одинаковым.

На рисунке показан корректный способ соединить фрагменты в первом примере.



К сожалению, члены экспедиции забыли инструкцию по сборке антенны на Земле, а передать её на Марс не представляется возможным— ведь антенна ещё не собрана. Помогите исследователям!

Требуется определить, в каком порядке необходимо соединить фрагменты антенны, чтобы установить связь с Землей.

#### Формат входных данных

В первой строке дано одно число n — количество фрагментов ( $1 \le n \le 100\,000$ ).

Далее дано описание n фрагментов. В первой строке описания фрагмента даны два целых числа  $m_i$  и  $s_i$  — количество перекладин и длина штанги в i-м фрагменте ( $1 \le m_i \le 100\,000,\ 0 \le s_i \le 10^9$ ). В следующей строке даны  $m_i$  целых чисел  $p_{i,j}$  — позиции перекладин,  $p_{i,j}$  равно расстоянию в сантиметрах от начала штанги до j-й перекладины на ней ( $0 \le p_{i,1} < p_{i,2} < \cdots < p_{i,m_i} \le s_i$ ).

Сумма всех  $m_i$  не превышает  $100\,000$ .

## Формат выходных данных

Если собрать антенну указанным образом возможно, в первой строке выведите «Yes», а во второй строке выведите перестановку чисел от 1 до n — номера фрагментов в порядке, в котором их следует соединить, начало каждого следующего фрагмента в этом порядке присоединяется к концу предыдущего фрагмента. Если существует несколько подходящих ответов, можно вывести любой из них.

Если собрать антенну невозможно, в единственной строке выведите «No».

## Система оценивания

Баллы за каждую подзадачу начисляются только в случае, если все тесты для этой подзадачи и необходимых подзадач успешно пройдены.

Подзадача	Баллы	Доп. ограничения	Необходимые подзадачи	Информация о проверке
1	8	$n \leqslant 8, m_i = 1, s_i \leqslant 100$		первая ошибка
2	8	$n \leqslant 8, s_i \leqslant 100$	1	первая ошибка
3	21	$n \leqslant 1000$	1, 2	первая ошибка
4	21	$\sum m_i > n$		первая ошибка
5	21	$s_i \leqslant 100$	1, 2	первая ошибка
6	21	нет	1–5	первая ошибка

# Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3	Yes
1 7	2 1 3
3	
1 8	
6	
2 8	
1 6	
1	Yes
1 7	1
5	
1	No
3 10	
2 5 9	
3	No
1 5	
3	
1 3	
3	
1 6	
3	
4	Yes
1 5	3 2 4 1
0	
1 0	
0	
1 3	
3	
1 0	
0	