

Práctica 5

Cálculo de rutas utilizando A* y celdas de ocupación

M.I. Marco Negrete

Robots Móviles y Agentes Inteligentes

Objetivos

- A partir del mapa creado en la práctica 4, calcular una ruta mediante el algoritmo A*.
- Suavizar la ruta utilizando descenso del gradiente.
- Publicar la ruta en un tópico y desplegarla en el visualizador `rviz`.

1. Marco Teórico

1.1. El algoritmo A*

La planeación de rutas consiste en la obtención de un movimiento continuo libre de colisiones que conecte una configuración inicial, con una final. Se asume que se dispone de una representación del ambiente con información sobre el espacio navegable y el ocupado por los obstáculos. En esta práctica se considera que el robot sólo se mueve sobre un plano y que se tiene una representación que consiste en un mapa de celdas de ocupación (obtenido en la práctica 4).

Una posible solución es aplicar un algoritmo de búsqueda en grafos. En el caso de las celdas de ocupación, cada celda representa un nodo en el grafo y se considera que está conectada únicamente con aquellas celdas vecinas que pertenezcan al espacio libre. Para determinar los nodos vecinos se puede utilizar conectividad cuatro u ocho. En esta práctica se utilizará la conectividad cuatro.

A* es un algoritmo de búsqueda que explora la ruta con el menor costo esperado. Para un nodo n , el costo esperado $f(n)$ se calcula como

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

donde $g(n)$ es el costo de la ruta desde el nodo origen hasta el nodo n y $h(n)$ es una heurística que determina *un* costo que se esperaría tener desde el mismo nodo n hasta el nodo objetivo. Este costo esperado de hecho subestima el valor real, es decir, se debe cumplir que $h(n) \leq g(n) \quad \forall n \in \text{Grafo}$.

En la búsqueda por A* se manejan dos conjuntos principales: la *lista abierta* y la *lista cerrada*. La lista abierta contiene todos los nodos que han sido visitados pero no expandidos y la cerrada, aquellos que han sido visitados *y* expandidos (también llamados nodos conocidos). El algoritmo 1 muestra los pasos en pseudocódigo para implementar A*.

Algoritmo 1: Búsqueda con A^*

Datos: Grafo, nodo inicial, nodo meta

Resultado: Ruta óptima expresada como una secuencia de nodos

Cerrado $\leftarrow \emptyset$

Abierto $\leftarrow \{\text{nodo_inicial}\}$

previo(nodo_inicial) $\leftarrow \emptyset$

mientras *Abierto* $\neq \emptyset$ **hacer**

 nodo_actual \leftarrow nodo con el menor valor f del conjunto *Abierto*

 Abierto \leftarrow Abierto - {nodo_actual}

 Cerrado \leftarrow Cerrado \cup {nodo_actual}

si *nodo_actual* es *nodo_meta* **entonces**

 Anunciar éxito y salir de este ciclo

fin

para cada *nodo_vecino* de *nodo_actual* **hacer**

si *nodo_vecino* \in *Cerrado* **entonces**

 Continuar con el siguiente *nodo_vecino*

fin

si *nodo_vecino* \in *Abierto* **entonces**

 costo_temporal $\leftarrow g(\text{nodo_actual}) + d(\text{nodo_actual}, \text{nodo_vecino})$

si *costo_temporal* $< g(\text{nodo_vecino})$ **entonces**

$g(\text{nodo_vecino}) \leftarrow \text{costo_temporal}$

$f(\text{nodo_vecino}) \leftarrow \text{costo_temporal} + \text{heurística}(\text{nodo_vecino}, \text{nodo_meta})$

 previo(nodo_vecino) \leftarrow nodo_actual

fin

en otro caso

$g(\text{nodo_vecino}) \leftarrow g(\text{nodo_actual}) + d(\text{nodo_actual}, \text{nodo_vecino})$

$f(\text{nodo_vecino}) \leftarrow g(\text{nodo_vecino}) + \text{heurística}(\text{nodo_vecino}, \text{nodo_meta})$

 previo(nodo_vecino) \leftarrow nodo_actual

 Abierto \leftarrow Abierto \cup {nodo_vecino}

fin

fin

fin

si *nodo_actual* \neq *nodo_meta* **entonces**

 Anunciar falla

en otro caso

 RutaOptima $\leftarrow \emptyset$

mientras *nodo_actual* $\neq \emptyset$ **hacer**

 //El nodo actual se inserta al principio de la ruta

 RutaÓptima $\leftarrow \{\text{nodo_actual}\} \cup \text{RutaÓptima}$

 nodo_actual \leftarrow previo(nodo_actual)

fin

 Regresar RutaÓptima

fin

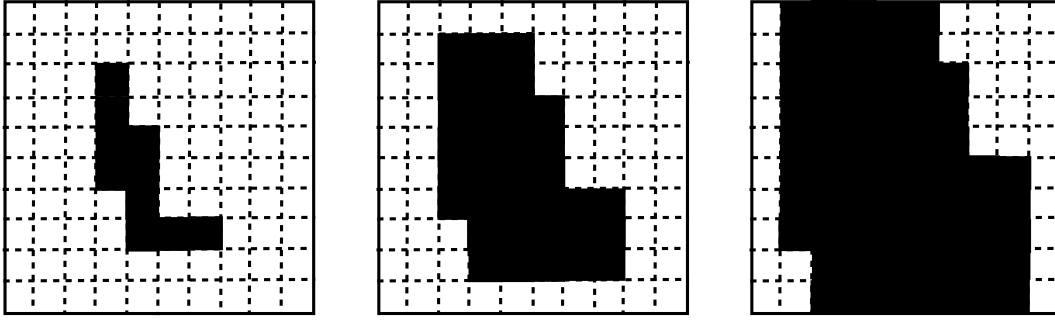


Figura 1: Crecimiento de obstáculos

1.2. Crecimiento de obstáculos

Como se mencionó anteriormente, se asume que se tiene un mapa con información sobre el espacio libre y ocupado, sin embargo, en una implementación en un robot real, las celdas que están junto al espacio ocupado no se pueden considerar como libres ya que si el robot se mueve hacia ellas seguramente chocará con algo. Una forma de solucionar esto sería hacer las celdas tan grandes de modo que puedan contener al robot, sin embargo, esta resolución sería muy baja y la representación del ambiente sería muy mala. Otra posible solución es *crecer* los obstáculos de modo que las celdas que están muy cerca del espacio ocupado se consideren también como ocupadas.

La figura 1 muestra un ejemplo en el que los obstáculos se han aumentado dos celdas. Este procedimiento se conoce como *dilatación* y es un tipo de *operador morfológico*. La explicación de estos conceptos está fuera del alcance de esta práctica.

Los obstáculos deben aumentarse cuando menos el radio del robot. Para el mapa obtenido en la práctica 4, dado que la resolución es de 5[cm] y los robots utilizados tienen casi 0.5[m] de diámetro, los obstáculos deben aumentarse cuando menos 5 celdas. El algoritmo 2 enumera los pasos para crecer obstáculos en un mapa.

Algoritmo 2: Crecimiento de obstáculos.

Datos: Mapa de celdas de ocupación $M = \{c_0 \dots c_n\}$, número de celdas a aumentar k .

Resultado: Mapa con los obstáculos aumentados.

Repetir k veces los siguientes pasos:

para todo $c \in M$ **hacer**

si c está en el espacio ocupado **entonces**

$V(c) \leftarrow$ Conjunto de celdas vecinas de c (conectividad ocho)

para todo $v \in V(c)$ **hacer**

 Marcar v como parte del espacio ocupado

fin

fin

fin

Regresar M

1.3. Suavizado de la ruta: función de costo

Dado que se está utilizando conectividad cuatro en el algoritmo de A*, la ruta calculada tendrá siempre vueltas con ángulos rectos, lo cual no es deseable por varias razones: la prime-

sencilla es mediante el método del descenso del gradiente, que consiste en mover el argumento pequeñas cantidades proporcionales al gradiente de la función V y en sentido contrario a éste. Dado que el cambio entre cada iteración es proporcional a ∇V , se puede asumir que cuando el cambio en el argumento es menor que una tolerancia, entonces se ha alcanzado el mínimo.

El algoritmo 3 contiene los pasos en pseudocódigo para implementar descenso del gradiente. La constante $\delta > 0$ debe ser lo suficientemente pequeña para evitar inestabilidad en el algoritmo, sin embargo, se debe considerar que entre más pequeña sea ésta, mayor será el costo computacional.

Algoritmo 3: Descenso del gradiente.

Datos: Función V cuyo mínimo se desea encontrar, condición inicial $p(0)$, tolerancia tol .

Resultado: Argumento p que minimiza V .

$i = 0$

$p_i \leftarrow p(0)$

mientras $\|\nabla V(p_i)\| > tol$ **hacer**

$p_{i+1} \leftarrow p_i - \delta \nabla V(p_i)$

$i \leftarrow i + 1$

fin

Regresar p_i

La ecuación 1 toma como argumentos las posiciones tanto de la ruta original como de la suavizada, sin embargo, dado que sólo varían los puntos de la nueva ruta, se puede considerar que el gradiente ∇V está dado por:

$$\left[\underbrace{\alpha(p_1 - q_1) + \beta(p_1 - p_2)}_{\frac{\partial V}{\partial p_1}}, \dots, \underbrace{\alpha(p_i - q_i) + \beta(2p_i - p_{i-1} - p_{i+1})}_{\frac{\partial V}{\partial p_i}}, \dots, \underbrace{\alpha(p_n - q_n) + \beta(p_n - p_{n-1})}_{\frac{\partial V}{\partial p_n}} \right] \quad (2)$$

Nótese que se está derivando con respecto a p (puntos de la ruta suavizada), no con respecto a q (puntos de la ruta original). Recuerde que cada punto de la ruta tiene coordenadas $[x \ y]$, por lo que el descenso de gradiente se tiene que aplicar a ambas coordenadas.

2. Tareas

2.1. Prerrequisitos

Antes de continuar, actualice el repositorio y recompile:

```
cd ~/RoboticsCourses
git pull origin master
cd catkin_ws
catkin_make
```

Con el objetivo de facilitar las pruebas, se ha incluido un paquete llamado `navig_msgs` que contiene un servicio llamado `CalculatePath`. El archivo se encuentra en `navig_msgs/srv` y tiene el siguiente contenido:

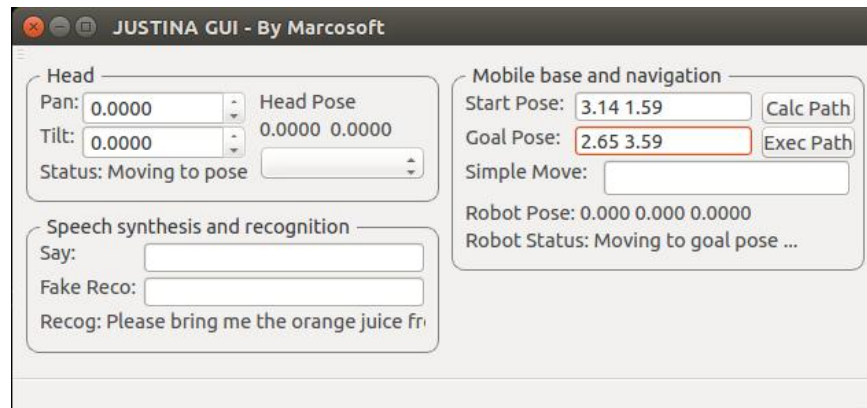


Figura 3: Interfaz gráfica

```
geometry_msgs/Pose start_pose
geometry_msgs/Pose goal_pose
nav_msgs/OccupancyGrid map
---
nav_msgs/Path path
```

La idea es utilizar este servicio en el nodo que calcula las rutas mediante A*.

El paquete `map_server` contiene un nodo del mismo nombre que publica periódicamente un mapa de celdas de ocupación y atiende un servicio con el que se puede obtener dicho mapa.

También se ha incluido una interfaz gráfica sencilla para facilitar el llamado del servicio `nav_msgs/CalculatePath`. Esta interfaz se encuentra en `catkin_ws/src/hri/justina.simple_gui` y la figura 3 muestra una captura de pantalla de ella. Cuando se presiona `enter` en alguno de los campos del cuadro *navigation*, este programa llama al servicio de nombre `/navigation/a_star` de tipo `nav_msgs/CalculatePath` con los datos correspondientes en la parte de la petición (`start_pose`, `goal_pose` y `map`).

2.2. Nodo que calcula y publica la ruta

Crear un paquete de ROS con el nombre `path_calculator` que tenga las siguientes características:

- Atender un servicio con el nombre `/navigation/a_star`, de tipo `nav_msgs/CalculatePath`, que calcule una ruta a partir de un mapa y posiciones inicial y final.
- La respuesta del servicio debe corresponder al éxito al calcular la trayectoria.
- En el *callback* del servicio se deben ejecutar los algoritmos expuestos en la sección anterior: crecimiento de los obstáculos, cálculo de la ruta mediante A* y suavizado de la ruta (en ese orden).
- Los obstáculos deben crecerse un número de celdas que equivalga a cuando menos 30 [cm].
- Es tarea del alumno calcular los parámetros α , β y δ para el suavizado de la ruta.
- El nodo debe publicar de manera periódica la última ruta calculada. El nombre del tópico debe ser `/navigation/a_star_path` de tipo `/nav_msgs/Path`.

- Todos los algoritmos deben estar contenidos en funciones o métodos bien definidos. No debe haber *código espagueti*.

El servicio que calcula la ruta debe ser de este tipo. Recuerde que para poder usar este nodo, el paquete `navig_msgs` debe estar incluido en las dependencias de `path_calculator`.

3. Evaluación

- El cálculo debe ser rápido (retardo no perceptible para un humano).
- El programa debe verificar que inicio y meta NO estén en el espacio ocupado.
- Se probará con tres pares de posiciones iniciales y finales aleatorias.
- Los parámetros de suavizado se deben poder fijar fácilmente.
- El número de celdas a crecer se debe modificar fácilmente.
- No es necesario poder cambiar los params anteriores en tiempo de ejecución.
- Las posiciones iniciales y finales sí se deben poder cambiar en tiempo de ejecución y se fijarán haciendo uso de la GUI.
- El código debe estar ordenado.