Práctica 5

Cálculo de rutas utilizando A* y celdas de ocupación

M.I. Marco Negrete

Robots Móviles y Agentes Inteligentes

Objetivos

- A partir del mapa creado en la práctica 4, calcular una ruta mediante el algoritmo A*.
- Suavizar la ruta utilizando descenso del gradiente.
- Publicar la ruta en un tópico y desplegarla en el visualizador rviz.

1. Marco Teórico

1.1. El algoritmo A*

La planeación de rutas consiste en la obtención de un movimiento continuo libre de colisiones que conecte una configuración inicial, con una final. Se asume que se dispone de una representación del ambiente con información sobre el espacio navegable y el ocupado por los obstáculos. En esta práctica se considera que el robot sólo se mueve sobre un plano y que se tiene una representación que consiste en un mapa de celdas de ocupación (obtenido en la práctica 4).

Una posible solución es aplicar un algoritmo de búsqueda en grafos. En el caso de las celdas de ocupación, cada celda representa un nodo en el grafo y se considera que está conectada únicamente con aquellas celdas vecinas que pertenezcan al espacio libre. Para determinar los nodos vecinos se puede utilizar conectividad cuatro u ocho. En esta práctica se utilizará la conectivad cuatro.

 A^* es un algoritmo de búsqueda que explora la ruta con el menor costo esperado. Para un nodo n, el costo esperado f(n) se calcula como

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

donde g(n) es el costo de la ruta desde el nodo origen hasta el nodo n y h(n) es una heurística que determina un costo que se esperaría tener desde el mismo nodo n hasta el nodo objetivo. Este costo esperado de hecho subestima el valor real, es decir, se debe cumplir que $h(n) \leq g(n) \quad \forall n \in Grafo$.

En la búsqueda por A^* se manejan dos conjuntos principales: la lista abierta y la lista cerrada. La lista abierta contiene todos los nodos que han sido visitados pero no expandidos y la cerrada, aquellos que han sido visitados y expandidos (también llamados nodos conocidos). El algoritmo 1 muestra los pasos en pseudocódigo para implementar A^* .

```
Datos: Grafo, nodo inicial, nodo meta
Resultado: Ruta óptima expresada como una secuencia de nodos
Cerrado \leftarrow \emptyset
Abierto \leftarrow \{ nodo\_inicial \}
previo(nodo\_inicial) \leftarrow \emptyset
mientras Abierto \neq \emptyset hacer
    nodo\_actual \leftarrow nodo con el menor valor f del conjunto Abierto
    Abierto \leftarrow Abierto - {nodo_actual}
    Cerrado \leftarrow Cerrado \cup \{nodo\_actual\}
    si nodo_actual es nodo_meta entonces
        Anunciar éxito y salir de este ciclo
    fin
    para cada nodo_vecino de nodo_actual hacer
        si nodo\_vecino \in Cerrado entonces
            Continuar con el siguiente nodo_vecino
        fin
        si nodo\_vecino \in Abierto entonces
            costo\_temporal \leftarrow g(nodo\_actual) + d(nodo\_actual, nodo\_vecino)
            si\ costo\_temporal < q(nodo\_vecino)\ entonces
                 q(\text{nodo\_vecino}) \leftarrow \text{costo\_temporal}
                 f(\text{nodo\_vecino}) \leftarrow \text{costo\_temporal} + \text{heurística}(\text{nodo\_vecino}, \text{nodo\_meta})
                 previo(nodo\_vecino) \leftarrow nodo\_actual
            fin
        en otro caso
            g(\text{nodo\_vecino}) \leftarrow g(\text{nodo\_actual}) + d(\text{nodo\_actual}, \text{nodo\_vecino})
            f(\text{nodo\_vecino}) \leftarrow g\text{nodo\_vecino}) + \text{heurística}(\text{nodo\_vecino}, \text{nodo\_meta})
            previo(nodo\_vecino) \leftarrow nodo\_actual
            Abierto \leftarrow Abierto \cup {nodo_vecino}
        fin
    fin
fin
si \ nodo\_actual \neq nodo\_meta \ entonces
    Anunciar falla
en otro caso
    RutaOptima \leftarrow \emptyset
    mientras nodo\_actual \neq \emptyset hacer
        //El nodo actual se inserta al principio de la ruta
        RutaÓptima \leftarrow {nodo_actual} \cup RutaÓptima
        nodo\_actual \leftarrow previo(nodo\_actual)
    fin
    Regresar RutaÓptima
fin
```

Algoritmo 1: Búsqueda con A*

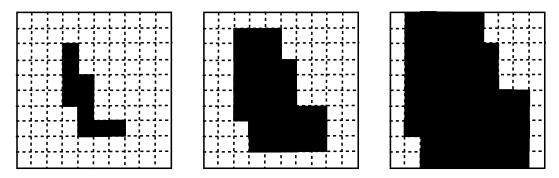


Figura 1: Crecimiento de obstáculos

1.2. Crecimiento de obstáculos

Como se mencionó anteriormente, se asume que se tiene un mapa con información sobre el espacio libre y ocupado, sin embargo, en una implementación en un robot real, las celdas que están junto al espacio ocupado no se pueden considerar como libres ya que si el robot se mueve hacia ellas seguramente chocará con algo. Una forma de solucionar esto sería hacer las celdas tan grandes de modo que puedan contener al robot, sin embargo, esta resolución sería muy baja y la representación del ambiente sería muy mala. Otra posible solución es *crecer* los obstáculos de modo que las celdas que están muy cerca del espacio ocupado se consideren también como ocupadas.

La figura 1 muestra un ejemplo en el que los obstáculos se han aumentado dos celdas. Este procedimiento se conoce como dilatación y es un tipo de operador morfológico. La explicación de estos conceptos se hará en temas posteriores.

Los obstáculos deben aumentarse cuando menos el radio del robot. Para el mapa obtenido en la práctica 4, dado que la resolución es de 5[cm] y los robots utilizados tienen casi 0.5[m] de diámetro, los obstáculos deben aumentarse cuando menos 5 celdas. El algoritmo 2 enumera los pasos para crecer obstáculos en un mapa.

1.3. Suavizado de la ruta: función de costo

Dado que se está utilizando conectividad cuatro en el algoritmo de A*, la ruta calculada tendrá siempre vueltas con ángulos rectos, lo cual no es deseable por varias razones: la prime-

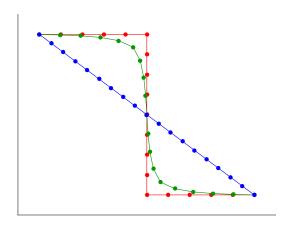


Figura 2: Ejemplos de suavizado

ra de ellas es que la función de posición no es diferenciable en las esquinas, además, este tipo de vueltas ocasionan cambios bruscos en las señales de control, lo que finalmente ocasiona daños a los motores de la base móvil. Por otro lado, las restricciones de movimiento en algunos tipos de bases (como es el caso de los automóviles) pueden impedir ejecutar vueltas en ángulo recto.

Por lo anterior, es conveniente suavizar la ruta calculada por A* de modo que la nueva ruta sea lo suficientemente parecida a la original pero al mismo tiempo, lo suficientemente suave para evitar curvas muy pronunciadas. La figura 2 muestra un ejemplo de suavizado con dos casos extremos: la ruta roja es una ruta igual a la original, la azul es una ruta sin vueltas pero que ha dejado de ser una ruta útil, y la verde, que es un promedio ponderado de las dos anteriores.

Para poder obtener una ruta como la verde de la figura 2, plantearemos una función de costo que tome en cuenta el parecido con la ruta original y el *nivel de suavizado* que se desee. Estos dos criterios están en conflicto: entre más suavizado, menor será el parecido con la ruta original y viceversa, es decir, la función de costo será grande con mucho suavizado y también debe ser muy grande si la ruta es muy parecida a la orignal. La idea es que dicha función de costo tenga un mínimo en un punto intermedio de modo que este punto corresponda a una ruta como la verde de la figura 2.

Las funciones cuadráticas son una buena opción como función de costo ya que tienen un mínimo global y además son diferenciables. Para el suavizado de la ruta se propone la función de costo

$$V = \frac{1}{2}\alpha \sum_{i=1}^{n} (p_i - q_i)^2 + \frac{1}{2}\beta \sum_{i=1}^{n-1} (p_i - p_{i+1})^2$$
(1)

donde $Q = \{q_1 \dots q_n\}$ son todos los puntos q = [x y] que forman la ruta original calculada con A* y $P = \{p_1 \dots p_n\}$ son los puntos de la ruta ya suavizada. La constante $\alpha \geq 0$ es un parámetro de diseño para indicar cuánto peso se le quiere dar al parecido de la ruta original con la suavizada y $\beta \geq 0$ indica el peso que se le da al suavizado en sí. Con $\alpha = 0$ se obtendría una línea recta, como la ruta azul de la figura 2, y con $\beta = 0$ se obtendría una ruta igual a la original.

1.4. Suavizado de la ruta: descenso del gradiente

La ruta suavizada se obtiene encontrando el argumento que minimiza la función 1, sin embargo, dada la cantidad tan grande de variables, es difícil encontrarlo analíticamente. Una forma más

sencilla es mediante el médoto del descenso del gradiente, que consiste en mover el argumento pequeñas cantidades proporcionales al gradiente de la función V y en sentido contrario a éste. Dado que el cambio entre cada iteración es proporcional a ∇V , se puede asumir que cuando el cambio en el argumento es menor que una tolerancia, entonces se ha alcanzado el mínimo.

El algoritmo 3 contiene los pasos en pseudocódigo para implementar descenso del gradiente. La constante $\delta > 0$ debe ser lo suficientemente pequeña para evitar inestabilidad en el algoritmo, sin embargo, se debe considerar que entre más pequeña sea ésta, mayor será el costo computacional.

Algoritmo 3: Descenso del gradiente.

```
Datos: Función V cuyo mínimo se desea encontrar, condición inicial p(0), tolerancia tol.

Resultado: Argumento p que minimiza V.

i=0

p_i \leftarrow p(0)

mientras \|\nabla V(p_i)\| > tol hacer

\begin{vmatrix} p_{i+1} \leftarrow p_i - \delta \nabla V(p_i) \\ i \leftarrow i+1 \end{vmatrix}

fin

Regresar p_i
```

La ecuación 1 toma como argumentos las posiciones tanto de la ruta original como de la suavizada, sin embargo, dado que sólo varían los puntos de la nueva ruta, se puede considerar que el gradiente ∇V está dado por:

$$\underbrace{\left[\alpha(p_1-q_1)+\beta(p_1-p_2),\ldots,\underbrace{\alpha(p_i-q_i)+\beta(2p_i-p_{i-1}-p_{i+1}),\ldots,\underbrace{\alpha(p_n-q_n)+\beta(p_n-p_{n-1})}_{\frac{\partial V}{\partial p_n}},\ldots,\underbrace{\alpha(p_n-q_n)+\beta(p_n-p_{n-1})}_{\frac{\partial V}{\partial p_n}}\right]}_{(2)}$$

Nótese que se está derivando con respecto a p (puntos de la ruta suavizada), no con respecto a q (puntos de la ruta original). Recuerde que cada punto de la ruta tiene coordenadas $[x\,y]$, por lo que el descenso de gradiente se tiene que aplicar a ambas coordenadas.

2. Tareas

2.1. Prerrequisitos

Antes de continuar, actualice el repositorio y recompile:

```
cd ~/RoboticsCourses
git pull origin master
cd catkin_ws
catkin_make
```

Con el objetivo de facilitar las pruebas, se ha incluido un paquete llamado navig_msgs que contiene un servicio llamado CalculatePath. El archivo se encuentra en navig_msgs/srv y tiene el siguinte contenido:

Hea Pan: Tilt:	0.0000	÷	Head Pose 0.0000 0.0000	Start Pose: Goal Pose:	3.14 1.59	Calc Path
	0.0000	-			2.65 3.59	Exec Path
Status: Moving to pose 🗘				Simple Move:		
Speech synthesis and recognition ————————————————————————————————————				Robot Pose: 0.000 0.000 0.0000 Robot Status: Moving to goal pose		
Fake	Reco:					
Reco	g: Please bri	ing me	the orange juice fr			

Figura 3: Interfaz gráfica

```
geometry_msgs/Pose start_pose
geometry_msgs/Pose goal_pose
nav_msgs/OccupancyGrid map
---
nav_msgs/Path path
```

La idea es utilizar este servicio en el nodo que calcula las rutas mediante A*.

El paquete map_server contiene un nodo del mismo nombre que publica periódicamente un mapa de celdas de ocupación y atiende un servicio con el que se puede obtener dicho mapa. Este nodo recibe por parámetro el nombre del archivo .yaml que contiene la información sobre el mapa a utilizar, en este caso, biorobotics_lab.yaml.

También se ha incluido una interfaz gráfica sencilla para facilitar el llamado del servicio navig_msgs/CalculatePath. Esta interfaz se encuentra en en catkin_ws/src/hri/justina_simple_gui y la figura 3 muestra una captura de pantalla de ella. Cuando se presiona enter en alguno de los campos del cuadro *Mobile base and navigation*, este programa llama al servicio de nombre /navigation/a_star de tipo navig_msgs/CalculatePath con los datos correspondientes en la parte de la petición (start_pose, goal_pose y map).

Para correr todos los nodos necesarios (map_server, justina_simple_gui) ejecute el comando

roslaunch bring_up path_calculation.launch

2.2. Nodo que calcula y publica la ruta

Crear un paquete de ROS con el nombre path_calculator que tenga las siguientes características:

- Atender un servicio con el nombre /navigation/a_star, de tipo navig_msgs/CalculatePath,
 que calcule una ruta a partir de un mapa y posiciones inicial y final.
- La respuesta del servicio debe corresponder al éxito al calcular la trayectoria y la ruta resultante debe asignarse a la parte de respuesta del servicio.
- En el *callback* del servicio se deben ejecutar los algoritmos expuestos en la sección anterior: crecimiento de los obstáculos, cálculo de la ruta mediante A* y suavizado de la ruta (en ese orden).

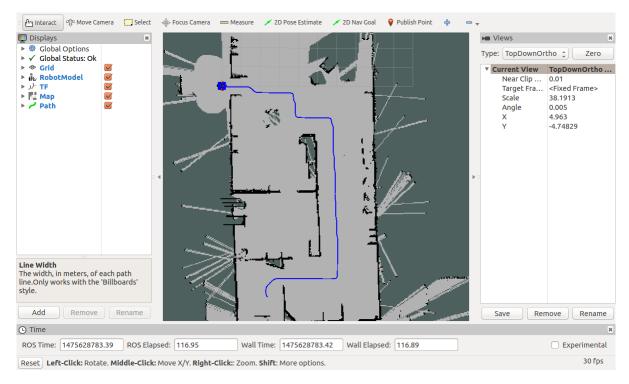


Figura 4: Ejemplo de ruta calculada

- Los obstáculos deben crecerse un número de celdas que equivalga a cuando menos 30 [cm].
- Es tarea del alumno calcular los parámetros α , β y δ para el suavizado de la ruta.
- El nodo debe publicar de manera periódica la última ruta calculada. El nombre del tópico debe ser /navigation/a_star_path de tipo /nav_msgs/Path.
- Todos los algoritmos deben estar contenidos en funciones o métodos bien definidos. No debe haber código espagueti.

La figura 4 muestra un ejemplo del resultado esperado en rviz.

3. Evaluación

- El cálculo debe ser rápido (retardo no perceptible para un humano).
- El programa debe verificar que inicio y meta NO estén en el espacio ocupado.
- Se probabará con varios pares de posiciones iniciales y finales aleatorias.
- Los parámetros de suavizado y el número de celdas que se aumenta a los obstáculos deben poderse cambiar fácilmente.
- No es necesario que los valores anteriores se puedan cambiar en tiempo de ejecución.
- Las posiciones iniciales y finales sí se deben poder cambiar en tiempo de ejecución y se fijarán haciendo uso de la GUI.

- $\bullet\,$ El código debe estar ordenado.
- Importante: Si el alumno no conoce su código, NO se contará la práctica.