AG3 - Actividad Guiada 3

Nombre: Sergio Gisbert

Link: https://colab.research.google.com/drive/1JacSgGyN6YNORz3dWh56og5m80RMJUpl?usp=sharing

Github: https://github.com/SergioGisbert/03MIAR---Algoritmos-de-Optimizacion

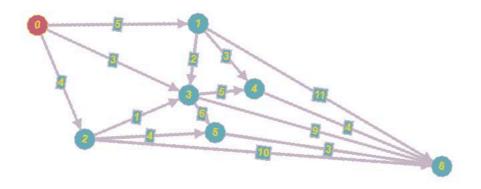
import math

Programación Dinámica. Viaje por el rio

- Definición: Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante.
- Características que permiten identificar problemas aplicables:
 - -Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante
 - -Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda sub-secuencia también es óptima" (*)
 - -La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

Problema

En un río hay **n** embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j, puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k. El problema consiste en determinar la combinación más barata.



- *Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos.
- *Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

#Viaje por el rio - Programación dinámica

```
TARIFAS = [
[0,5,4,3,float("inf"),999,999],
                                #desde nodo 0
[999,0,999,2,3,999,11], #desde nodo 1
[999,999, 0,1,999,4,10], #desde nodo 2
[999,999,999, 0,5,6,9],
[999,999, 999,999,0,999,4],
[999,999, 999,999,0,3],
[999,999,999,999,999,0]
#999 se puede sustituir por float("inf") del modulo math
TARIFAS
→ [[0, 5, 4, 3, inf, 999, 999],
      [999, 0, 999, 2, 3, 999, 11],
      [999, 999, 0, 1, 999, 4, 10],
      [999, 999, 999, 0, 5, 6, 9],
      [999, 999, 999, 999, 0, 999, 4],
      [999, 999, 999, 999, 0, 3],
      [999, 999, 999, 999, 999, 0]]
```

```
#Calculo de la matriz de PRECIOS y RUTAS
# PRECIOS - contiene la matriz del mejor precio para ir de un nodo a otro
# RUTAS - contiene los nodos intermedios para ir de un nodo a otro
def Precios(TARIFAS):
#Total de Nodos
 N = len(TARIFAS[0])
 #Inicialización de la tabla de precios
 PRECIOS = [ [9999]*N for i in [9999]*N] #n x n
  RUTA = [ [""]*N for i in [""]*N]
  #Se recorren todos los nodos con dos bucles(origen - destino)
  # para ir construyendo la matriz de PRECIOS
  for i in range(N-1):
    for j in range(i+1, N):
     MIN = TARIFAS[i][j]
     RUTA[i][j] = i
     for k in range(i, j):
       if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:
           MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
            RUTA[i][j] = k
       PRECIOS[i][j] = MIN
  return PRECIOS, RUTA
PRECIOS, RUTA = Precios(TARIFAS)
#print(PRECIOS[0][6])
print("PRECIOS")
for i in range(len(TARIFAS)):
 print(PRECIOS[i])
print("\nRUTA")
for i in range(len(TARIFAS)):
 print(RUTA[i])
→ PRECIOS
     [9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
     [9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
     [9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
     [9999, 9999, 9999, 5, 6, 9]
     [9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
     [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 3]
     [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]
     RUTA
    ['', 0, 0, 0, 1, 2, 5]
['', '', 1, 1, 1, 3, 4]
['', '', '', 2, 3, 2, 5]
['', '', '', '', 3, 3, 3]
['', '', '', '', '', 4, 4]
['', '', '', '', '', '', '', 5]
#Calculo de la ruta usando la matriz RUTA
def calcular_ruta(RUTA, desde, hasta):
 if desde == RUTA[desde][hasta]:
 #if desde == hasta:
    #print("Ir a :" + str(desde))
 else:
   return str(calcular_ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' + str(RUTA[desde][hasta])
print("\nLa ruta es:")
calcular_ruta(RUTA, 0,6)
     La ruta es:
     '0,2,5'
```

Haz doble clic (o pulsa Intro) para editar

Problema de Asignacion de tarea

```
#Asignacion de tareas - Ramificación y Poda
TAREA
#
#
   Е
#
   N
   Т
#
#
  Е
COSTES=[[11,12,18,40],
       [14,15,13,22],
       [11,17,19,23],
       [17,14,20,28]]
#Calculo del valor de una solucion parcial
def valor(S,COSTES):
 VALOR = 0
 for i in range(len(S)):
   VALOR += COSTES[S[i]][i]
  return VALOR
valor((3,2, ),COSTES)
→ 34
#Coste inferior para soluciones parciales
# (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1
def CI(S,COSTES):
 VALOR = 0
  #Valores establecidos
 for i in range(len(S)):
   VALOR += COSTES[i][S[i]]
 #Estimacion
 for i in range( len(S), len(COSTES) ):
   VALOR += min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
 return VALOR
def CS(S,COSTES):
 VALOR = 0
  #Valores establecidos
 for i in range(len(S)):
   VALOR += COSTES[i][S[i]]
 #Estimacion
  for i in range( len(S), len(COSTES) ):
   VALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
  return VALOR
CI((0,1),COSTES)
→ 68
#Genera tantos hijos como como posibilidades haya para la siguiente elemento de la tupla
\#(0,) \rightarrow (0,1), (0,2), (0,3)
def crear_hijos(NODO, N):
 HIJOS = []
 for i in range(N ):
   if i not in NODO:
     HIJOS.append({'s':NODO +(i,)
 return HIJOS
crear_hijos((0,), 4)
```

```
def ramificacion_y_poda(COSTES):
#Construccion iterativa de soluciones(arbol). En cada etapa asignamos un agente(ramas).
#Nodos del grafo { s:(1,2),CI:3,CS:5 }
  #print(COSTES)
 DIMENSION = len(COSTES)
 MEJOR_SOLUCION=tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
  CotaSup = valor(MEJOR_SOLUCION,COSTES)
  #print("Cota Superior:", CotaSup)
 NODOS=[]
 NODOS.append({'s':(), 'ci':CI((),COSTES) })
  iteracion = 0
  while( len(NODOS) > 0):
    iteracion +=1
    nodo prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
    #print("Nodo prometedor:", nodo_prometedor)
    #Ramificacion
    #Se generan los hijos
    HIJOS =[ {'s':x['s'], 'ci':CI(x['s'], COSTES) } for x in crear_hijos(nodo_prometedor, DIMENSION) ]
    #Revisamos la cota superior y nos quedamos con la mejor solucion si llegamos a una solucion final
    NODO FINAL = [x \text{ for } x \text{ in HIJOS if } len(x['s']) == DIMENSION ]
    if len(NODO_FINAL ) >0:
      \#print("\n^{******}Solutiones:", [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION ])
      if NODO_FINAL[0]['ci'] < CotaSup:</pre>
        CotaSup = NODO_FINAL[0]['ci']
        MEJOR_SOLUCION = NODO_FINAL
   HIJOS = [x for x in HIJOS if x['ci'] < CotaSup
    #Añadimos los hijos
    NODOS.extend(HIJOS)
    #Eliminamos el nodo ramificado
    NODOS = [ x \text{ for } x \text{ in NODOS if } x['s'] != nodo_prometedor
  print("La solucion final es:" ,MEJOR_SOLUCION , " en " , iteracion , " iteraciones" , " para dimension: " ,DIMENSION )
ramificacion_y_poda(COSTES)
The La solucion final es: [{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64}] en 10 iteraciones para dimension: 4
```

Descenso del gradiente

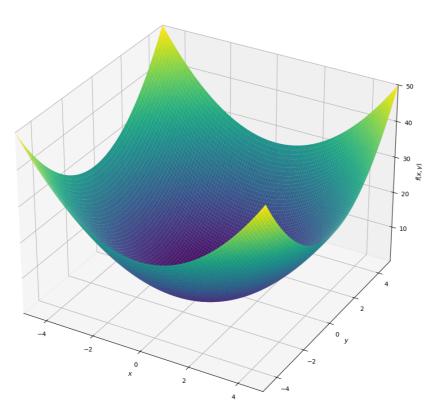
Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloide :

$$f(x) = x^2 + y^2$$

Obviamente se encuentra en (x,y)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiante.



x**2 + y**2



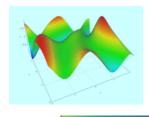
 $< sympy.plotting.backends.matplotlibbackend.matplotlib. MatplotlibBackend \ at 0x7f649a601110>$

```
#Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango=5.5
X=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Y=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Z=np.zeros((resolucion, resolucion))
for ix,x in enumerate(X):
 for iy,y in enumerate(Y):
    Z[iy,ix] = f([x,y])
#Pinta el mapa de niveles de Z
plt.contourf(X,Y,Z,resolucion)
plt.colorbar()
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
P=[random.uniform(-5,5 ),random.uniform(-5,5 ) ]
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="white")
#Tasa de aprendizaje. Fija. Sería más efectivo reducirlo a medida que nos acercamos.
TA=.1
#Iteraciones:50
for _ in range(50):
  grad = df(P)
  #print(P,grad)
 P[0], P[1] = P[0] - TA*grad[0], P[1] - TA*grad[1]
 plt.plot(P[0],P[1],"o",c="red")
#Dibujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="green")
plt.show()
print("Solucion:" , P , f(P))
```



¿Te atreves a optimizar la función?:

$$f(x) = sin(1/2 * x^2 - 1/4 * y^2 + 3) * cos(2 * x + 1 - e^y)$$



#Definimos la funcion f= lambda X: math. $\sin(1/2 * X[0]**2 - 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.\cos(2*X[0] + 1 - math.\exp(X[1]))$