
ANEXO

Este anexo contiene los pasos para comenzar a usar el programa desarrollado y por otra parte contiene el código fuente de todas las funciones esenciales de dicho programa.

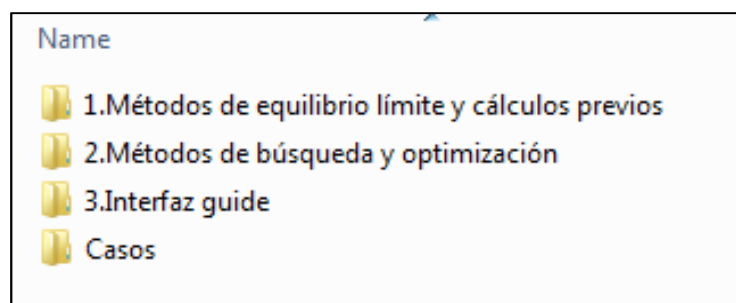
Tabla de contenido del anexo

1	Instalación del programa e interfaz	II
2	Código fuente	IV
2.1	Métodos de equilibrio límite y cálculos previos.....	IV
2.1.1	Cálculo de la superficie	IV
2.1.1.1	Función taludgeometria	IV
2.1.1.2	Función raicircunferecta.....	IV
2.1.1.3	Función puntosposibles.....	V
2.1.1.4	Función puntosposibles.....	VI
2.1.2	Rebanadas.....	VII
2.1.2.1	Función divisor derebanadas	VII
2.1.2.2	Función parametros	X
2.1.3	Métodos de equilibrio límite	XI
2.1.3.1	Función mFelle	XI
2.1.3.2	Función mBishop	XII
2.1.3.3	Función mMorgPri.....	XIII
2.1.3.4	Función ZhuLeeChen	XIV
2.2	Algoritmos de búsqueda y optimización	XV
2.2.1	Factor de seguridad en un punto.....	XV
2.2.1.1	Procedimiento elegirmetodo	XV
2.2.1.2	Función FSP	XVI
2.2.2	Factor de seguridad variando el radio en un punto.....	XVI
2.2.2.1	Función FSRMinSinOpt	XVI
2.2.2.2	Función FSRMinConOpt.....	XVII
2.2.3	Factor de seguridad global.....	XXIII
2.2.3.1	Función Rastreo.....	XXIII
2.2.3.2	Función marcosoptimos	XXIII

1 INSTALACIÓN DEL PROGRAMA E INTERFAZ

Todas las funciones que se han desarrollado en el programa vienen incluidas en la carpeta *TaludMet Ulpge*, incluidas en el CD entregado. Dentro de esta carpeta se pueden observar las siguientes subcarpetas:

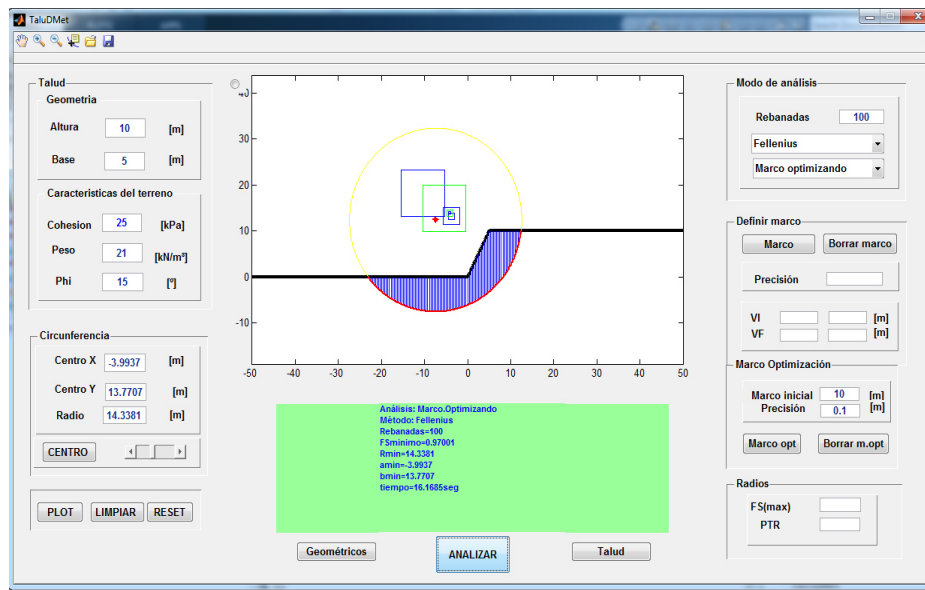
ILUSTRACIÓN I



En la imagen se observan las carpetas en las que se ha subdivido el programa. El código fuente de todas las funciones que se encuentran en las carpetas uno y dos se muestra en este anexo. La carpeta número tres contiene las funciones que se desarrollaron para implementar la interfaz de usuario. La carpeta titulada *Casos* contiene siete taludes de referencia, que son los que han sido usados en las simulaciones en la memoria técnica.

Por otro lado, para poder usar el programa, será necesario tener instalado Matlab. Se tendrán que introducir dentro del *path* de Matlab todos los archivos mostrados en la ilustración I. Una vez están todos los archivos incluidos en el path de Matlab, se deberá teclear en el *Command Window* de Matlab la palabra *TaludMet*. Después de esto se abrirá la interfaz de usuario, mostrado en la ilustración II.

ILUSTRACIÓN II



En la Ilustración III se puede observar el aspecto de esta interfaz. Esta interfaz contiene una serie de paneles en la que se introducen los datos necesarios para realizar los métodos explicados en la memoria técnica del proyecto. Además se pueden cargar los taludes que están en la carpeta *Casos*.

Por último cabe decir, que todas las simulaciones realizadas en la memoria se pueden llevar a cabo con facilidad con esta aplicación, ya que esta misma fue desarrollada para servir en la redacción del proyecto.

2 CÓDIGO FUENTE

A continuación se muestra el código fuente de las funciones y procedimientos que se encuentran en la carpeta número uno y dos de la ilustración I.

2.1 MÉTODOS DE EQUILIBRIO LÍMITE Y CÁLCULOS PREVIOS

2.1.1 CÁLCULO DE LA SUPERFICIE

2.1.1.1 FUNCIÓN TALUDGEOMETRIA

```
function y_talud = taludgeometria( B,x,H )
% Devuelve la superficie del talud
% Inputs
% B (m):Base del talud
% H (m):Altura del talud
% x:Puntos del eje x sobre los que se quiere saber su ordenada en
% en el eje y
% Outputs
% y_talud: Ordenada de los puntos x sobre la superficie del talud
m=H/B; % Se calcula pendiente de la recta inclinada
y1=m.*x;
y2=0; % El talud siempre arranca en y=0;x=0.
y3=H;
y_talud=y2.*(x<=0)+y1.*((x>0)&(x<B))+y3.*(x>=B);
end
```

2.1.1.2 FUNCIÓN RAIRCUNFERECTA

```
function [ x ] = raircunferecta( a,b,m,n,R )
% Calcula los puntos de corte entre una circunferencia y una y una recta
% Devuelve las soluciones en la variable x
% ordenados de menor a mayor.
% Inputs
% a=Desplazamiento del centro sobre el eje x
% b=Desplazamiento del centro sobre el eje y
% m=Pendiente de la recta
% n=Ordenada en el origen
% R=Radio de la circunferencia
% Outputs
% x=puntos de corte de la circunferencia ordenados de menor a mayor.
A=m^2+1;
B=2*m*(n-b)-2*a;
C=(a^2)-(R^2)+(n-b)^2;
coeficientes=[A B C];
```

```
[X] = segundogrado( coeficientes);
end
```

2.1.1.3 FUNCIÓN PUNTOSPOSIBLES

```
function [puntosposibles] = intersectaludcirc( a,b,H,R,B )
% Esta función calcula la matriz puntos posibles.
% Inputs
%   a,b,R : Centro y radio de la circunferencia
%   H,B: Altura y base del talud
% Outputs
% puntosposibles: Matriz que contiene las raíces de los posibles
% extremos del talud

% Recta k1.  $y=m*x$  ,  $n=0$ 
m1=H/B;
n1=0;
%raices
[ X1 ] = raicircunferecta( a,b,m1,n1,R );
k1x1=X1(1);k1x2=X1(2);
% Eliminamos casos de tangencia y complejos
if k1x1==k1x2 || imag(k1x1)~=0
    k1x1=NaN;k1y1=NaN;
    k1x2=NaN;k1y2=NaN;
else
    %imagen
    k1y1=m1*k1x1;k1y2=m1*k1x2;
end
%puntos
k1p1=[k1x1 k1y1];k1p2=[k1x2 k1y2];
%Recta k2.  $y=0$  para todo x
m2=0;
n2=0;
%raices
[ X2 ] = raicircunferecta( a,b,m2,n2,R );
k2x1=X2(1);k2x2=X2(2);
% Eliminamos casos de tangencia y complejos
if k2x1==k2x2 || imag(k2x1)~=0
    k2x1=NaN;k2y1=NaN;
else
    %Imagen
    k2y1=0;k2y2=0;
end
%Puntos
k2p1=[k2x1 k2y1];

%Recta k3.  $y=H$ 
m3=0;
n3=H;
%raices
[ X3 ] = raicircunferecta( a,b,m3,n3,R );
k3x1=X3(1);k3x2=X3(2);
% Eliminamos casos de tangencia y complejos
if k3x1==k3x2 || imag(k2x1)~=0
    k3x2=NaN;k3y2=NaN;
```

```

else
%imagen
k3y1=H;k3y2=H;
end
%Puntos
k3p2=[k3x2 k3y2];
% Se agrupan en la matriz puntosposibles los puntos que pertenecen
% al conjunto de posibles soluciones
puntosposibles=[k1p1; k1p2;k2p1; k3p2];

% Eliminamos la posibilidad de que dos puntos sean iguales
if round(puntosposibles(1,:)*100000)/100000==round(puntosposibles(3,:)*100000)/100000
%R==Dv1 % puntosposibles(3,:)==puntosposibles(1,:)
puntosposibles(3,:)=nan;
puntosposibles(1,:)= [0 0];
end

if round(puntosposibles(2,:)*100000)/100000==round(puntosposibles(4,:)*100000)/100000
%R==Dv2 % puntosposibles(2,:)==puntosposibles(4,:)
puntosposibles(4,:)=nan;
puntosposibles(2,:)= [B H];
end

end

end

```

2.1.1.4 FUNCIÓN PUNTOSPOSIBLES

```

function [ xti,xtld,k4,r] = calculoextremos(a,b,B,H,R)
% Esta función finaliza con el procedimiento de búsqueda de extremos
% del talud
% Inputs
% Mismos inputs que funcion intersectalud
% Outputs
% xti,xtld : Raíces de los extremos del talud
% k4 : Informa si la superficie de deslizamiento es válida
% r: Informa de las rectas con las que corta la superficie de deslizamiento
% B=H/tand(beta); % Base del talud
[puntosposibles] = intersectaludcirc( a,b,H,R,B ); % Puntos de corte
circunferencia-talud
% Corte con la recta k1. Si no corta con k1 la solución no es válida.k4=0
k1x1=puntosposibles(1,1);
Q1=~isnan(k1x1);
if Q1==1
% Eliminamos las ordenadas mayores a b (centro de la circunferencia)
ordmayqueb= puntosposibles(:,2)>b;
puntosposibles(ordmayqueb,:)=nan;
% Comprobamos que los valores de las ordenadas de las rectas coinciden
% con los valores del talud
y_t =taludgeometria( B,puntosposibles(:,1),H );
d_t=find(y_t==puntosposibles(:,2));
% Mínimo dos puntos en común
if length(d_t)<2

```

```

k4=0;r=[0 0 0];xti=NaN;xtd=NaN;
else
% Extraemos de la matriz puntosposibles la solucion
puntosextremos=puntosposibles(d_t,:); %pares extremos
raicesextremas=puntosextremos(:,1); %extraemos las raices extremas y ordenamos
raicesextremas=sort(raicesextremas);
% Eliminamos la situacion "doble entrada" escogiendo el ultimo y
% el penultimo valor despues de ordenar
xti=raicesextremas(end-1);
xtd=raicesextremas(end);
% Buscamos en la matriz puntosextremos la imagen de xti,xtd
reunimos1=find(xti==puntosextremos(:,1));
reunimos2=find(xtd==puntosextremos(:,1));
yti=puntosextremos(reunimos1(1),2);
ytd=puntosextremos(reunimos2(1),2);
% Eliminamos los casos limite en los que k1x1=k2x1 etc. Un talud
% formado en la misma altura.
if yti==ytd;
    k4=0;r=[0 0 0];xti=NaN;xtd=NaN;
else
    k4=1;
    r=[ ((xti>=0 & xti<=B)|(xtd>=0 & xtd<=B)) xti<0 xtd>B];
end
end
else
k4=0;xti=NaN;xtd=NaN;r=[0 0 0];
end
end

```

2.1.2 REBANADAS

2.1.2.1 FUNCIÓN DIVISORDEREBANADAS

```

function [ x,x_medio,pasovector ] = divisorderebanadas( xti,xtd,rebanadas,r,B)
% Esta función divide la superficie de deslizamiento en rebanadas
% Inputs
% xti,xtd: Abscisas de los puntos de corte de la superficie deslizante
% con el talud
% rebanadas: Número de rebanadas en que se quiere dividir la superficie
% r: Vector que informa de las rectas sobre las que se encuentran los
% puntos de corte pti,ptd
% B: Base del talud
% Outputs:
% x: Vector que contiene la abscisa de los puntos sobre los que se dibujan
% las rebanadas.
% x_medio: Vector que contiene la abscisa del punto medio de cada rebanada
% pasovector: Vector que contiene el ancho de cada rebanada.
%
%
% % Subproceso repartoderebanadas
% Definimos el caso en el que estamos

```



```

if isequal(r,[0 1 1])
    l1=xti;l2=0;l3=B;l4=xtd;
elseif isequal(r,[1 1 0])
    l1=xti;l2=0;l3=xtd;l4=[];
elseif isequal(r,[1 0 1])
    l1=xti;l2=B;l3=xtd;l4=[];
elseif isequal(r,[ 1 0 0])
    l1=xti;l2=xtd; l3=[];l4=[];
end

%
%   Distancias y proporciones por tramo
distanciatotal=xtd-xti;
dist1=l2-l1;
dist2=l3-l2;
dist3=l4-l3;
%   Proporciones por tramo
prop1=dist1/distanciatotal;
prop2=dist2/distanciatotal;
prop3=dist3/distanciatotal;
%   Rebanadas enteras por tramo
reb1=round(prop1*rebanadas);
reb2=round(prop2*rebanadas);
reb3=round(prop3*rebanadas);

%   Tramos no representados
if reb1==0;
    reb1=reb1+1;
end;
if reb2==0;
    reb2=reb2+1;
end;
if reb3==0;
    reb3=reb3+1;
end

%   Generamos el vector reb
reb=[reb1 reb2 reb3];
dimensionreb=length(reb);

%   Reajuste de rebanadas
while rebanadas < sum(reb)
    [rebmayor,pos]=max(reb); %#ok<ASGLU>
    reb(pos)=reb(pos)-1;
end

while rebanadas > sum(reb)
    [rebmayor,pos]=max(reb);
    reb(pos)=reb(pos)+1;
end

%Se vuelven a construir las variables reb1, reb2 reb3
if dimensionreb==1
    reb1=reb(1);
    reb2=[];

```

```

reb3=[];

elseif dimensionreb==2
    reb1=reb(1);
    reb2=reb(2);
    reb3=[];

elseif dimensionreb==3
    reb1=reb(1);
    reb2=reb(2);
    reb3=reb(3);
end

% %
% % Subproceso vectoresrebanada.
% Calculo del vector x, x_medio, pasovector
% Numero de total de puntos del vector x:x1,x2,x3
Mtotal=rebanadas+1; %#ok<NASGU>
M1=reb1+1;
M2=reb2+1;
M3=reb3+1;
% Tramo 1
x1=linspace(l1,l2,M1); % vector x1
paso1=x1(2)-x1(1); % Paso1
x1_medio=x1+paso1/2;x1_medio(end)=[]; % vector x1 medios
paso1vector=paso1*ones(1,reb1); % Vector de pasos por rebanada
% Tramo 2
if length(dist2)==1
    x2=linspace(l2,l3,M2); % vector x2
    paso2=x2(2)-x2(1); % Paso2
    x2_medio=x2+paso2/2;x2_medio(end)=[]; % vector x2 medios
    paso2vector=paso2*ones(1,reb2); % Vector de pasos por rebanada
else
    x2=[];paso2vector=[];x2_medio=[];
end
% Tramo 3
if length(dist3)==1
    x3=linspace(l3,l4,M3); % Puntos x3
    paso3=x3(2)-x3(1); % Paso3
    x3_medio=x3+paso3/2;x3_medio(end)=[];% Puntos x3 medios
    paso3vector=paso3*ones(1,reb3);% Vector de pasos por rebanada
else
    x3=[];paso3vector=[];x3_medio=[];
end
% Juntamos todos los resultados
pasovector=[paso1vector paso2vector paso3vector];%Pasos vector
x_medio=[x1_medio x2_medio x3_medio];% Vector x medio
x= [x1 x2 x3 ];%Vector x. Este vector tiene valores repetidos

% Eliminamos los valores repetidos de x.
countrep=0;
repetidos=0;
for s=2:1:length(x)
    if x(s)== x(s-1)
        countrep=countrep+1;
        repetidos(countrep)=s; %#ok<*AGROW>
    end
end

```

```

end

if repetidos~=0
x(repetidos)=[];
end
end

```

2.1.2.2 FUNCIÓN PARAMETROS

```

function [ x,x_medio,y_talud_med ,y_circ_med,alfa,pasovector,y_talud,y_circ ] =
parametros( rebanadas,xti,xtd,B,H,a,b,R,r)
% Esta función calcula valores asociados a las rebanadas
% Inputs
% rebanadas: Número de rebanadas
% xti,xtd: Puntos de corte entre la superficie de rotura y el talud
% B,H: Base y altura del talud
% a,b,R: Centro y radio de la circunferencia
% r: Vector que informa de las rectas sobre las que se encuentran los
% puntos de corte pti,ptd

% Outputs
% x,x_medio,pasovector: Outputs de la funcion divisorderebanadas
% y_talud_med: Ordenada del talud en los puntos del vector x_med
% y_circ_med: Ordenada de la circunferencia en los puntos del vector x_med
% alfa: Angulo respecto de la horizontal de la linea inferior de cada
% rebanada.
% y_talud: Ordenada del talud en los puntos del vector x
% y_circ: Ordenada de la circunferencia en los puntos del vector x
%
%
%
% Llamamos al divisor de rebanadas
[ x,x_medio,pasovector ] = divisorderebanadas( xti,xtd,rebanadas,r,B);

% Talud
y_talud = taludgeometria( B,x,H);
y_talud_med = taludgeometria( B,x_medio,H);

% Calculo de ordenada de los puntos M
y_circ=real(-sqrt(R^2-(x-a).^2)+b);
% y_circ=(round(y_circ*precisiondecimal)/precisiondecimal);

y_circ_sinpri=y_circ;y_circ_sinpri(1)=[];
y_circ_sinfin=y_circ;y_circ_sinfin(end)=[];
x_sinpri=x;x_sinpri(1)=[];x_sinfin=x;x_sinfin(end)=[];

% Altura rebanadas punto medio
y_circ_med=(y_circ_sinpri+y_circ_sinfin)./2;
% y_circ_med=(round(y_circ_med*masprecision)/masprecision);

```

```
% Angulo de cada rebanada
pendiente=(y_circ_sinpri-y_circ_sinfin)./(x_sinpri-x_sinfin);
alfa=real(atan(pendiente));
% alfa=(round(alfa*precisiondecimal)/precisiondecimal);
end
```

2.1.3 MÉTODOS DE EQUILIBRIO LÍMITE

2.1.3.1 FUNCIÓN MFELLE

```
function [ FS,num,den ] = mFelle( y_talud_med,y_circ_med,alfa
,pasovector,gd,C,fi )
% Esta función calcula el FS por el método de Fellenius
% Inputs
% y_talud_med,y_circ_med,alfa,pasovector: Outputs función parametros
% Outputs
% gd: Peso específico del terreno
% C: Cohesión efectiva del terreno
% fi: Angulo de rozamiento del terreno
%
%
%
% 1) Calculamos la superficie inferior de la rebanada
l=pasovector./cosd(alfa);
% 2) Peso de cada rebanada
altura=y_talud_med-y_circ_med;
area=pasovector.*altura;
w=gd*area;
% 3) Calculamos Denominador (fuerzas desestabilizadoras (Stress))
T=w.*sind(alfa); % descomposicion del peso(w) en la tangencial
den=sum(T);
% 4) Calculamos Numerador (fuerzas estabilizadoras (Strength))
cohesion=C*l;
N=w.*cosd(alfa); % descomposicion del peso(w) en la normal
rozamiento=N*tand(fi);
num=sum(cohesion+rozamiento);
% 5) Calculamos el factor de seguridad (FS)
FS=abs(num/den);
end
```

2.1.3.2 FUNCIÓN MBISHOP

```
function [FS,num,den] = mBishop( y_talud_med,y_circ_med,alfa,pasovector,gd,C,fi
)
% Esta función calcula el FS por el método de Bishop simplificado
% Inputs
% y_talud_med,y_circ_med,alfa,pasovector: Outputs función parametros
% Outputs
% gd: Peso específico del terreno
% C: Cohesión efectiva del terreno
% fi: Angulo de rozamiento del terreno
% Outputs
% FS: Factor de seguridad por el método de Bishop simplificado
% num: Numerador del cociente FS=num/den
% den: Denominador del cociente FS=num/den
%
%
%
% 1) Peso de cada rebanada
altura=y_talud_med-y_circ_med;
area=pasovector.*altura;
w=gd*area;

% 2) Calculamos Denominador (fuerzas desestabilizadoras (Stress))
T=w.*sind(alfa);
den=sum(T);

% 3) Calculamos Numerador (fuerzas estabilizadoras (Strength))y FSB
B1=C*pasovector;B2=w*tand(fi);B3=cosd(alfa);B4=tand(fi)*sind(alfa);
% Contador i=0 % Primer FS=1 % definimos toleranciaB1=1>0.001 para entrar
i=0;FS(1)=1;toleranciaB=1;
while toleranciaB>0.0001
    i=i+1 ;
    B5=B3+B4./FS(i) ;B6=1./B5;
    num=sum((B1+B2).*B6);
    FSB=abs(num/den);
% 4) Guardamos el FSB en un vector y calculamos el error
    FS(i+1)=FSB; %#ok<AGROW> % Guardamos cada valor de FSB en el vector FS(i)
    toleranciaB=abs(FS(i+1)-FS(i)); % Calculamos el error
end
% 5) Escogemos el último puesto como representante
    FS=FS(end); % Nos quedamos con el último FS
end
```

2.1.3.3 FUNCIÓN MMORGPRI

```
function [FS,lambda] = mMorgPri( x,y_talud_med,y_circ_med,alfa
,pasovector,gd,C,fi )
% Esta función calcula el FS por el método de Morgenstern-Price
% Inputs
% y_talud_med,y_circ_med,alfa,pasovector: Outputs de la función parametros
% Outputs
% gd: Peso específico del terreno
% C: Cohesión efectiva del terreno
% fi: Ángulo de rozamiento del terreno
% Outputs
% FS: Factor de seguridad por el método de Morgenstern-Price
% lambda: Factor de corrección lambda
%
%
%
%
% Cálculo de R,T
altura=y_talud_med-y_circ_med;
area=pasovector.*altura;
w=gd*area;
% R
N=w.*cosd(alfa);
rozamiento=N*tand(fi);
cohesion=C*pasovector.*secd(alfa);
R=rozamiento+cohesion;
% T
T=w.*sind(alfa);
% Elección de f(x)
for mu=1:1:2 %0-5
    for uve=0.5:0.5:2 %0.5-2
        aa=x(1);
        bb=x(end);
        argumento=pi*(((x-aa)/(bb-aa)).^uve);
        medioseno=(sin(argumento)).^mu;
        f=medioseno; %f(1)=f0,f(2)=f1,f(i)=fi-1,f(n)=f(n-1)
        % Si se quiere plotear la función activar este módulo
        %plot(x,f);
        % axis([aa bb 0 1.1])

% Metodo para Fi,Psi, Factor de seguridad
[FS,lambda] = ZhuLeeChen(alfa ,pasovector,fi,R,T,f);
% 5) Escogemos el último puesto como representante
FS=FS(end); % Nos quedamos con el último FS
if isnan(FS)==0
    break
end
end
end
end
```

2.1.3.4 FUNCIÓN ZHULEECHEN

```

function [FS,lambda,num,den] = ZhuLeeChen(alfa,pasovector,fi,R,T,f)
% Esta funcion forma parte de la funcion mMorgPri. Esta calcula el FS de
% Mogenstern-Price por el método de Zhu, Lee y Chen.
% Inputs
% alfa,pasovector,fi: Inputs de la duncion mMorgPri
% R,T,f: Variable calculada en la funcion mMorgPri
% Outputs
% FS: FS en la iteracion i por el método de Morgenster-Price
% lambda: Factor de corrección en la iteración i.
% num,den: numerador y denominador del cociente FS=num/den.
%
%
%
% Definicion de variables necesarias
toleranciaMP=0.0001;
FS(1)=1;lambda(1)=0;
contadorFS=1;contadorlambda=1;
errorFS=1;errorlambda=1;
while (errorFS>=toleranciaMP || errorlambda>=toleranciaMP )
    if contadorFS>=20
        FS=nan;lambda=nan;
        break
    end
    contadorFS=contadorFS+1;

    for j=1:2
        % FI (FI1...FIN)
        fsinfo=f;fsinfo(1)=[];
        FI=(sind(alfa)-lambda(end)*fsinfo.*cosd(alfa))...
            *tand(fi)+(cosd(alfa)+lambda(end)*fsinfo...
            .*sind(alfa))*FS(end);
        % PSI (PSI1...PSI(n-1))
        fsinfofn=fsinfo; fsinfofn(end)=[];
        asint1=alfa;asint1(1)=[];
        FISinFIN=FI;FISinFIN(end)=[];

        PSI=((sind(asint1)-lambda(end)*fsinfofn.*cosd(asint1))...
            *tand(fi)+(cosd(asint1)+lambda(end)...
            *fsinfofn.*sind(asint1))*FS(end))./FISinFIN;
        % FS
        N=length(alfa); %N rebanadas;
        numi=zeros(1,N-1);deni=zeros(1,N-1);
        for i=1:N-1
            prodPSI=prod(PSI(i:end));
            % numerador
            numi(i)=R(i)*prodPSI;
            % denominador
            deni(i)=T(i)*prodPSI;
        end
        num=sum(numi)+R(end);den=sum(deni)+T(end);
        FS(contadorFS)=abs(num/den); %#ok<AGROW>
    end
end

```

```

% E (E1...E(n-1))
E=zeros(1,N-1);
E(1)=FS(end)*T(1)-R(1)/FI(1);

for i=2:N-1
    E(i)=(PSI(i-1)*E(i-1)*FisinFin(i-1)+FS(end)*T(i)-R(i))/FI(i);
end
% Lambda
% Adaptamos E a la ecuación de lambda. Eo y En =0.
fsinfn=f;
fsinfn(end)=[];

Eimenos1=[0 E];Ei=[E 0];
Enum=Ei+Eimenos1;
fsinfnEimenos1=Eimenos1.*fsinfn;fsinfoEi=Ei.*fsinfo;
fEden=fsinfoEi+fsinfnEimenos1;

contadorlambda=contadorlambda+1;

lambdanum=sum(pasovector.*(Enum).*tand(alfa));
lambdaden=sum(pasovector.*fEden);
lambda(contadorlambda)=lambdanum/lambdaden;

% errores
errorFS=abs(FS(end)-FS(end-1));
errorlambda=abs(lambda(end)-lambda(end-1));

end
end

```

2.2 ALGORITMOS DE BÚSQUEDA Y OPTIMIZACIÓN

2.2.1 FACTOR DE SEGURIDAD EN UN PUNTO

2.2.1.1 PROCEDIMIENTO ELEGIRMETODO

```

% Procedimiento: elegirmetodo
% Este procedimiento adapta una cadena para poder llamar a cada método
if strcmp(Metodo,'mMorgPri')==1
    Met=['[FS,lambda] =' Metodo '( x,y_talud_med,y_circ_med,alfa,pasovector,gd,C,fi)'];
else
    Met=['[ FS ] =' Metodo '( y_talud_med,y_circ_med,alfa,pasovector,gd,C,fi )'];
end

```


2.2.1.2 FUNCIÓN FSP

```
function [ FS,xti,xtd,k4,lambda] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo)
%#ok<INUSL>
% Esta función permite calcular el FS en un punto.
% Inputs
% a,b,R: Centro y radio de la circunferencia
% C,gd,fi: Cohesión, Peso específico y ángulo de rozamiento del terreno
% B,H: Base y altura del terreno
% rebanadas: Numero de rebanadas
% Met,Metodo: Cadenas de caracteres que informa del método elegido
% Outputs
% FS: Factor de seguridad por el metodo que aparezca en la variable Met
% xti,xtd: Abscisas de los puntos de corte de la circunferencia con el
% talud.
% k4: variable que informa si la superficie de deslizamiento es valida o
% no.
% lambda: Factor de corrección calculado en la funcion ZhuLeeChen.
[ xti,xtd,k4,r] = calculoextremos(a,b,B,H,R);
    if k4==0 % No hay superficie de deslizamiento válida
        FS=nan;
        lambda=nan;
    else
        [ x,x_medio,y_talud_med ,y_circ_med,alfa,...
        pasovector,y_talud,y_circ ] = parametros( rebanadas,...
        xti,xtd,B,H,a,b,R,r); %#ok<*ASGLU,*NASGU>
        switch Metodo
            case 'mMorgPri'
                eval(Met);
            case {'mFelle','mBishop'}
                eval(Met);lambda=nan;
        end
    end
end
```

2.2.2 FACTOR DE SEGURIDAD VARIANDO EL RADIO EN UN PUNTO

2.2.2.1 FUNCIÓN FSRMINSINOPT

```
function [FSRmin,FSR]=FSRMinSinOpt(a,b,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo)
% Esta función calcula el FS mínimo asociado a un punto sin aplicar técnicas
% de optimización.
pr=0.01;
% Calculamos distancias
[Dmin,R2max,DV1,~,DV2,~]=distminR1(B,H,a,b);
Dfin=0;
% Distancia final
if b>H
    CFRDf=0;
    R=max([DV1 DV2]);
    while 2<3
        CFRDf=CFRDf+1;
        R=R+0.5;
        [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
    end
end
```

```

        FSRDf(cFSRDf,:)= [FS R]; % contiene [FS R]
    try
        [ derivadaprimera] = FSderivada( a,b,R,pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo
    );
        if derivadaprimera>0
            Dfin=FSRDf(cFSRDf,2);
            break
        end
    end
end
end
%
l1=Dmin+pr;
l2=R2max*(b<=H)+Dfin*(b>H);
cFSR=0;
for R=l1:pr:l2
    cFSR=cFSR+1;
    [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
    FSR(cFSR,:)= [FS(end) R]; % contiene [FS; R]
    R=R+pr;
end
% Buscamos la pareja FSmin,R
[FSmin,pFSmin] = min(FSR(:,1)); % Buscamos FSmin
FSRmin=[FSmin FSR(pFSmin,2)]; % contiene [FSmin R]
end

```

2.2.2.2 FUNCIÓN FSRMINCONOPT

```

function [ FSRmintotal,FSR,minFSR,FSRminFSR,minFSRminFSR ] = FSRminConOpt(
a,b,PT,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo )
% Esta función calcula el FS mínimo asociado a un punto aplicando técnicas
% de optimización.
% Inputs
% Mismos inputs que FSP
% Outputs
% FSRmintotal: El FS minimo asociado al punto
% Solo interesa FSRmintotal.
% El resto de outputs se utilizan para dibujar las gráficas.
%
%
pr=0.01; % Paso con el que avanza el radio
frenarderivada=0.05; % Derivada que se acepta como nula
% Calculamos distancia mínima y tramos
[Dmin,R2max,Dv1,~,Dv2,zona]=distminR1(B,H,a,b);
zona=zona';
if b>H
% % Subproceso R2max
cFSRDf=0;
R=max([Dv1 Dv2]);
while 2<3
    cFSRDf=cFSRDf+1;
    R=R+0.5;
    [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
    FSRDf(cFSRDf,:)= [FS R]; % contiene [FS; R]

```

```

try %#ok<TRYNC>
    [ derivadaprimera] = FSderivada( a,b,R,pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo
);
    if derivadaprimera>0
        Dfin=FSRdf(CFSRdf,2);
        break
    end
end
end
end
%% % fin R2max
%
% %Subproceso: asignacionli
% Las distintas posibilidades son
if b<=H
    if isequal(zona,[0 1 0]) %Dmin==Dmc % Se encuentra en la zona central
        if min([Dv1 R2max])==Dv1 % Primero llega a Dv1
            l1=Dmin;l2=Dv1;l3=R2max;l4=0;
        elseif min([Dv1 R2max])==R2max % No llega a Dv1
            l1=Dmin; l2=R2max; l3=0;l4=0;
        end
    elseif isequal(zona,[1 0 0])%Dmin~=Dmc Se encuentra en la zona exterior
        l1=Dv1;l2=R2max; l3=0;l4=0;
    end
elseif b>H
    if isequal(zona,[0 1 0]) && Dv1~=Dv2
        l1=Dmin;l2=min([Dv1 Dv2]);l3=max([Dv1 Dv2]);l4=Dfin;
    elseif isequal(zona,[1 0 0]) || isequal(zona,[0 0 1])
        l1=Dmin;l2=max([Dv1 Dv2]);l3=Dfin;l4=0;
    elseif isequal(zona,[0 1 0]) && Dv1==Dv2
        l1=Dmin;l2=Dv1;l3=Dfin;l4=0;
    end
end
end
%% % fin asignacionli
%
% Subproceso reparticionN
tramo1=l2-l1;
tramo2=l3-l2;
if tramo2==-l2
    tramo2=0;
end
tramo3=l4-l3;
if tramo3==-l3
    tramo3=0;
end
end
% Todo el recorrido
Tramototal=tramo1+tramo2+tramo3;
% Proporciones
prop1=tramo1/Tramototal;
prop2=tramo2/Tramototal;
prop3=tramo3/Tramototal;
% fin reparticionN
%
% Empezamos con tramo 1
% Numero de puntos
puntostramo1=ceil(prop1*PT)+2;

```

```

Rtramo1=linspace(l1+pr,l2,puntostramo1);
paso1=Rtramo1(2)-Rtramo1(1);
if paso1>2*pr
    %Primera búsqueda.Matriz FSR
    CFSR=0;
    for R=Rtramo1
        CFSR=CFSR+1;
        [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
        FSR1(CFSR,:)= [FS R]; %ok<AGROW>
    end
    % Primer mínimo.minFSR
    [FSmin1,pFSmin1] = min(FSR1(:,1)); %Buscamos FSmin
    minFSR1=[FSmin1 FSR1(pFSmin1,2)]; % contiene [FSmin R]
    if minFSR1(1,2)~=l1+pr && minFSR1(1,2)~=l2
        % Definimos la derivada para saber en que dirección hacemos la búsqueda
        [derivadaprimera1] = FSderivada(
a,b,minFSR1(1,2),pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
        % Si la derivada es cercana a cero, ya se encontró el mínimo.
        if abs(derivadaprimera1)<frenarderivada
            FSR1minFSR1=[nan nan];
            minFSR1minFSR1=minFSR1;
        else
            FSR1minFSR1(1,:)=minFSR1;
            CFSR=1;
            R=minFSR1(1,2);
            sentido=-derivadaprimera1/abs(derivadaprimera1);
            nuevosentido=sentido;
            while sentido==nuevosentido
                CFSR=CFSR+1;
                R=R+pr*sentido;
                if R>=l2 || R<=l1
                    break
                end
                [FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
                FSR1minFSR1(CFSR,:)= [FS R];
                [derivadaprimera1] = FSderivada(
a,b,R,pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
                nuevosentido=-derivadaprimera1/abs(derivadaprimera1);
            end
            % Buscamos el minimo del tramo minFSRminFSR
            [FSmin1,pFSmin1] = min(FSR1minFSR1(:,1));
            minFSR1minFSR1=[FSmin1 FSR1minFSR1(pFSmin1,2)];

        end
    else
        FSR1minFSR1=[nan nan];
        minFSR1minFSR1=minFSR1;
    end
else
    % Si el tramo es muy pequeño analizamos tres puntos nada más
    Rtramo1=linspace(l1,l2,3);
    CFSR=0;
    for R=Rtramo1
        CFSR=CFSR+1;
        [FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
        FSR1(CFSR,:)= [FS R];
    end
end

```

```

end
% Buscamos el minimo total del tramo FSR1
[FSmin1,pFSmin1] = min(FSR1(:,1));
minFSR1minFSR1=[FSmin1 FSR1(pFSmin1,2)];
% Asignamos valores a todas las variables
FSR1minFSR1=[nan nan];
minFSR1=[nan nan];
end

% pause

% Empezamos con tramo 2

if tramo2~=0
    puntostramo2=ceil(prop2*PT)+2;
    Rtramo2=linspace(l2+pr,l3,puntostramo2);
    paso2=Rtramo2(2)-Rtramo2(1);
    if paso2>2*pr
        %Primera búsqueda.Matriz FSR
        cFSR=0;
        for R=Rtramo2
            cFSR=cFSR+1;
            [FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
            FSR2(cFSR,:)= [FS R] ; %#ok<AGROW>
        end
        %Primer mínimo.minFSR
        [FSmin2,pFSmin2] = min(FSR2(:,1));
        minFSR2=[FSmin2 FSR2(pFSmin2,2)] ;
        if minFSR2(1,2)~l2+pr && minFSR2(1,2)~l3
            %Definimos la derivada para saber en que dirección hacemos la búsqueda
            [derivadaprimera2] = FSderivada(
a,b,minFSR2(1,2),pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
            if abs(derivadaprimera2)<frenarderivada
                FSR2minFSR2=[nan nan];
                minFSR2minFSR2=minFSR2;
            else
                FSR2minFSR2(1,:)=minFSR2;
                cFSR=1;
                R=minFSR2(1,2);
                sentido=-derivadaprimera2/abs(derivadaprimera2);
                nuevosentido=sentido;
                while sentido==nuevosentido
                    cFSR=cFSR+1;
                    R=R+pr*sentido;
                    if R>=l3 || R<=l2
                        break
                    end
                    [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
                    FSR2minFSR2(cFSR,:)= [FS R];
                    [derivadaprimera2] = FSderivada(
a,b,R,pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
                    nuevosentido=-derivadaprimera2/abs(derivadaprimera2);
                end
                %Buscamos el mínimo del tramo
                [FSmin2,pFSmin2] = min(FSR2minFSR2(:,1));
                minFSR2minFSR2=[FSmin2 FSR2minFSR2(pFSmin2,2)];
            end
        end
    end
end

```

```

        end
    else
        FSR2minFSR2=[nan nan];
        minFSR2minFSR2=minFSR2;
    end
else
    %Si el tramo es muy pequeño se analizan tres puntos
    CFSR=0;
    for Rtramo2=linspace(12,13,3)
        CFSR=CFSR+1;
        [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
        FSR2(CFSR,:)= [FS R]; %#ok<AGROW>
    end
    % Buscamos el minimo total del tramo FSR1
    [FSmin2,pFSmin2] = min(FSR2(:,1));
    minFSR2minFSR2=[FSmin2 FSR2(pFSmin2,2)];
    % Asignamos valor a todas las variables
    FSR2minFSR2=FSR2;
    minFSR2=[nan nan];
end
end
% pause
% Tramo 3
if tramo3~=0
    puntostramo3=ceil(prop3*PT)+2;
    Rtramo3=linspace(13+pr,14,puntostramo3);
    paso3=Rtramo3(2)-Rtramo3(1);
    if paso3>2*pr
        %Primera búsqueda.Matriz FSR
        CFSR=0;
        for R=Rtramo3
            CFSR=CFSR+1;
            [FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
            FSR3(CFSR,:)= [FS R]; %#ok<AGROW>
        end
        %Buscamos el primer mínimo minFSR
        [FSmin3,pFSmin3] = min(FSR3(:,1));
        minFSR3=[FSmin3 FSR3(pFSmin3,2)];
        if minFSR3(1,2)~=13+pr && minFSR3(1,2)~=14
            %Definimos la derivada para saber en que dirección hacemos la búsqueda
            [derivadaprimera3] = FSderivada(
a,b,minFSR3(1,2),pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
            if abs(derivadaprimera3)<frenarderivada
                FSR3minFSR3=[nan nan];
                minFSR3minFSR3= minFSR3;
            else
                FSR3minFSR3(1,:)=minFSR3;
                CFSR=1;
                R=minFSR3(1,2);
                sentido=-derivadaprimera3/abs(derivadaprimera3);
                nuevosentido=sentido;
                while sentido==nuevosentido
                    CFSR=CFSR+1;
                    R=R+pr*sentido;
                    if R>=14 || R<=13

```

```

        break
    end
    [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
    FSR3minFSR3(cFSR,:)= [FS R];
    [derivadaprimer3] = FSderivada( a,b,R,pr,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
    nuevosentido=-derivadaprimer3/abs(derivadaprimer3);
end
%Buscamos el minimo del tramo minFSR3minFSR3
[FSmin3,pFSmin3] = min(FSR3minFSR3(:,1)); %Buscamos FSmin
minFSR3minFSR3=[FSmin3 FSR3minFSR3(pFSmin3,2)]; % contiene [FSmin R]
end
else
    FSR3minFSR3=[nan nan];
    minFSR3minFSR3= minFSR3;
end
else
    cFSR=0;
    for Rtramo3=linspace(13,14,3)
        cFSR=cFSR+1;
        [ FS] = FSP( a,b,R,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo);
        FSR3(cFSR,:)= [FS R];      %#ok<AGROW>
    end
    % Buscamos el minimo total del tramo FSR1
    [FSmin3,pFSmin3] = min(FSR3(:,1));
    minFSR3minFSR3=[FSmin3 FSR3(pFSmin3,2)];
    % Asignamos valor a todas las variables
    FSR3minFSR3=FSR3;
    minFSR3=[nan nan];
end
end
%
% Se unen aquí todos los vectores
FSR=FSR1;
FSRminFSR=FSR1minFSR1;
minFSR=minFSR1;
minFSRminFSR=minFSR1minFSR1;

if tramo2~=0
    FSR=[FSR1;nan nan; FSR2];
    FSRminFSR=[FSR1minFSR1; nan nan; FSR2minFSR2];
    minFSR=[minFSR1; minFSR2];
    minFSRminFSR=[minFSR1minFSR1; minFSR2minFSR2];
end
if tramo3~=0
    FSR=[FSR1;nan nan; FSR2;nan nan; FSR3];
    FSRminFSR=[FSR1minFSR1;nan nan; FSR2minFSR2; nan nan;FSR3minFSR3];
    minFSR=[minFSR1; minFSR2; minFSR3];
    minFSRminFSR=[minFSR1minFSR1; minFSR2minFSR2; minFSR3minFSR3];
end

%Elegimos el mínimo total
[FSmin,pFSmin] = min(minFSRminFSR(:,1)); %Buscamos FSmin
FSRmintotal=[FSmin minFSRminFSR(pFSmin,2)]; % contiene [FSmin R]

end

```

2.2.3 FACTOR DE SEGURIDAD GLOBAL

2.2.3.1 FUNCIÓN RASTREO

```
function [FSRabmin,FSRmab,FS3D,i,j] =
Rastreo(a1,a2,b1,b2,pa,pb,C,PT,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo )
% Esta función permite calcular el mínimo FS asociado a un talud. Necesita
% ser usada por otra función que la utilice, como por ejemplo la funcion
% marcosoptimos
% Inputs
% a1,a2,b1,b2: Son las esquinas del marco de búsqueda
% pa,pb: Pasos con los que se quiere rastrear dicho marco
% resto de variables: ver funcion FSP
% Outputs
% FSRabmin: Es el factor de seguridad mínimo global.
% Resto de variable: Ver memoria descriptiva

cFSRmab=0;
j=0; % Este contador permite crear la matriz FS3D
for a=linspace(a1,a2,pa+1)
j=j+1;
i=0; % Este contador permite crear la matriz FS3D
for b=linspace(b1,b2,pb+1)
i=i+1;
cFSRmab=cFSRmab+1;
[D,R2max,D1,D2,D3,zona]=distminR1(B,H,a,b);

% Parche de proteccion
if b<=0 || D2<=0 || (a>=B && b<=H)
FSRmab(cFSRmab,:)=nan; %FSRmab=[FSmin R(FSmin) a b]
FS3D(i,j)=nan;
continue
end

[FSminR]=FSRminConOpt( a,b,PT,C,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
FSRmab(cFSRmab,:)=FSminR; %FSRmab=[FSmin R(FSmin) a b]
FS3D(i,j)=FSminR(1,1); % Matriz FSmin en 3D
end
end
% Buscamos la pareja FSmin,R
[FSmin,pFSmin] = min(FSRmab(:,1)); %Buscamos FSmin
FSRabmin=[FSmin FSRmab(pFSmin,2:end)]; % FSRabmin=[FSmin R]
```

2.2.3.2 FUNCIÓN MARCOSOPTIMOS

```
function [FSRabmin,FRab,npmt,et,p,npt] =
marcosoptimos(ca,cb,l1,pn,fe,C,PT,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo )
% Esta función calcula el mínimo FS asociado a un talud aplicando técnicas
% de optimización.
% Inputs
% ca,cb: punto alrededor del cual se dibujará un marco cuadrado
% l1: mitad del largo de cada lado de cuadrado
```



```
% pn : precisión final con la que se quiere dar el resultado
% fe: factor de ensanchamiento a aplicar a los marcos sucesivos
% Resto de variables: ver funcion FSP
% Outputs
% FSRabmin: Es el factor de seguridad mínimo global.
% Resto de variable: Ver memoria descriptiva
%
%
%
%
pregunta=questdlg('¿Desea dibujar los marcos?', 'SALIR', 'Si', 'No', 'No');
if strcmp(pregunta, 'Si')
dibujarmarco=1;
else
dibujarmarco=0;
end
% Calculamos los parámetros de optimización
po=11/2;
et=round(log(po/pn)); % número de etapas o marcos optimo
% Definimos el vector p=(p1,p2...pet)
p=0*(1:et-1); % Restamos 1 porque el último el primero son dato
for q=1:et-1
p(q)=nthroot((pn^q)*po^(et-q),et);
end
p=[po p pn]; % Conjunto de pasos optimo
npt=round(2*fe*nthroot((po/pn),et)+1); % El número de puntos a repartir en cada tramo
será
pa=npt;pb=npt;
%
repeticiones=0; % Esta variable informará las veces que se tuvo que repetir una
operación porque el centro quedó en el borde
hold on
for q=1:et
a1=ca-fe*p(q);
a2=ca+fe*p(q);
b1=cb-fe*p(q);
b2=cb+fe*p(q);
if dibujarmarco==1
hold on
vp=[a1 b1];vf=[a2 b2];
rectangulo
rectang(q)=plot([a1,a2,a2,a1,a1],[b1,b1,b2,b2,b1]);
end
[FSRabmin] = Rastreo(a1,a2,b1,b2,pa,pb,C,PT,gd,fi,B,H, rebanadas, Met, Metodo );
if isnan(FSRabmin(1,1))
return
end
% El centro encontrado no puede estar en el borde
w=0;
while FSRabmin(3)==a1 || FSRabmin(3)==a2 || FSRabmin(4)==b1 || FSRabmin(4)==b2
w=w+1;
if w>10
break
end
a1=FSRabmin(3)-fe*p(q);
a2=FSRabmin(3)+fe*p(q);
```

```

b1=FSRabmin(4)-fe*p(q);
b2=FSRabmin(4)+fe*p(q);
repeticiones=repeticiones+1;
    if dibujarmarco==1
        hold on
        vp=[a1 b1];vf=[a2 b2];
        rectangulo
        rectang(q+repeticiones)=plot([a1,a2,a2,a1,a1],[b1,b1,b2,b2,b1],'g');
    end
    [FSRabmin] = Rastreo(a1,a2,b1,b2,pa,pb,C,PT,gd,fi,B,H,rebanadas,Met,Metodo );
    if isnan(FSRabmin(1,1))
        continue
    end
end
% Asignamos los nuevos centros sobre los que dibujar el marco
ca=FSRabmin(3);
cb=FSRabmin(4);
% Guardamos todos los valores en un vector
FRab(q,:)=FSRabmin;
end
npmt=(et+repeticiones)*(npt+1)^2; % Calculamos el número total de simulaciones
end

```

