## Métodos Bayesianos

(Grado en Economía. Cuarto curso)

Curso 16/17

Ejercicio de clase

**EJERCICIO.** Supongamos que las ganancias de una multinacional (en millones de euros) pueden ajustarse mediante un tipo de distribución de Maxwell de parámetro  $\theta$ , es decir,

$$f(x|\theta) = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \theta^{3/2} x^2 \exp\left(-\frac{\theta x^2}{2}\right), \quad x > 0, \ \theta > 0,$$

cuya media es  $2\sqrt{2/\pi\theta}$  y su varianza  $(3\pi - 8)/\pi\theta$ . Si disponemos de una muestra aleatoria simple de tamaño  $n, x_1, ..., x_n$ , de dicha población, se pide:

- 1. Obtener una distribución a priori no informativa de tipo Jeffreys,  $\pi^J(\theta)$ .
- 2. Obtener la distribución a posteriori con la a priori anterior e identificar con alguna densidad conocida.
- 3. Para una caso no informativo, realizar (en general) el test de hipótesis:  $H_0: \theta = \theta_0$  vs  $H_1: \theta = \theta_1$ .

Se han observado (n = 10) los siguientes datos: 2.21, 3.41, 2.16, 3.86, 1.49, 1.21, 2.62, 2.01, 1.25, 2.07. En lo que sigue, se utilizarán los datos anteriores para el análisis que se pida.

- 4. Obtener el factor Bayes,  $B_{01}$ , en el test de hipótesis del apartado (3) para:  $H_0: \theta = 0.3$  vs  $H_1: \theta = 0.7$ . Comentar.
- 5. Determinar el estimador puntual bayesiano de  $\theta$  que corresponde a unas pérdidas cuadráticas.
- 6. Calcular las probabilidades a posteriori de  $H_0: 0.2 \le \theta < 0.5$  vs  $H_1: \theta \ge 0.5$ .