Prácticas Inteligencia de Negocio

Sergio Quijano Rey - 72103503k sergioquijano@correo.ugr.es 5º Doble Grado Ingeniería Informática y Matemáticas Grupo de prácticas 1

7 de noviembre de 2021

Índice

1.	Intr	roducción	7
	1.1.	Información general	7
	1.2.	Heart Failure Prediction	8
	1.3.	Mobile Price Classification	13
	1.4.	Bank Marketing	18
	1.5.	Tanzania Water Pump	22
2.	Res	ultados Obtenidos	27
	2.1.	Consideraciones iniciales	27
	2.2.	Heart Failure Prediction	28
	2.3.	Mobile Price Classification	41
	2.4.	Bank Marketing	44
	2.5.	Tanzania Water Pump	48
3.	Aná	ilisis de resultados	50
4.	Con	diguración de los algoritmos	53
	4.1.	Consideraciones iniciales	53
	4.2.	Heart Failure Prediction	54
	4.3.	Mobile Price Classification	58
	4.4.	Bank Marketing	60
	4.5.	Tanzania Water Pump	62
5.	Pro	cesado de datos	64
	5.1.	Consideraciones iniciales	64
	5.2.	Heart Failure Prediction	64
	5.3.	Mobile Price Classification	68
	5.4.	Bank Marketing	70
	5.5	Tanzania Water Pump	72

6.	Inte	erpretación de los resultados	7 3
	6.1.	Consideraciones iniciales	73
	6.2.	Heart Failure Prediction	73
	6.3.	Mobile Price Classification	75
	6.4.	Bank Marketing	76
	6.5.	Tanzania Water Pump	77
7.	Refe	erencias	78
Ín	dic	e de figuras	
	1.	Workflow de más alto nivel para el primer dataset	8
	2.	Workflow de Análisis Exploratorio de Datos para el primer $dataset$	9
	3.	Distribución de la variable sexo. A izquierda, los hombres. A la derecha, las mujeres. Es claro que tenemos muchos más hombres que mujeres en nuestra población	9
	4.	Distribución de la variable RestingBP. Podemos ver claramente cómo se acumula más hacia la derecha.	10
	5.	Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa	10
	6.	Boxplots de algunas de las variables con las que trabajamos. Queda claro que tenemos outliers (sabiendo que están alejados de la media más de 3 veces la desviación típica). Por tanto, tendremos que tratar de alguna forma estos outliers	11
	7.	Gráficas de todas las posibles combinaciones de dos variables de nuestro dataset	11
	8.	Resultado de aplicar PCA en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenecen	12
	9.	Cambiamos el nombre de la clase positiva al principio de todo nuestros procesos. Esto lo hacemos para que en los siguientes <i>datasets</i> tengamos que hacer los mínimos cambios posibles	13
	10.	Las cuatro clases de salida están perfectamente balanceadas, con 500 ejemplos por cada clase	14
	11.	Las distribuciones según cada variable son bastante normales. Tenemos distribuciones prácticamente uniformes, decrecientes, No sabemos cómo podríamos explotar esta información	14
	12.	Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, v un color rojo significa correlación lineal negativa	15

13.	Boxplots de algunas variables	16
14.	$\operatorname{Gráfica}$ de todas las posibles combinaciones de dos variables de nuestro dataset $% \operatorname{Gráfica}$.	16
15.	Resultado de aplicar <i>PCA</i> en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenecen	17
16.	Distribución de la variable de salida	18
17.	Distribuciones de algunas variables de entrada. No sabemos cómo explotar esta información en el problema que estamos estudiando	19
18.	Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa	19
19.	Boxplots de algunas de las variables del dataset	20
20.	Resultado de aplicar <i>PCA</i> en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenece	21
21.	Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa	23
22.	Consideramos un árbol de clasificación, y usando la relevancia de las variables, seleccionamos las columnas que vamos a usar	24
23.	Matriz de correlaciones lineales tras realizar el filtrado de las variables. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa	25
24.	Distribución de la variable de salida	25
25.	Boxplots de algunas de las variables con las que trabajamos	26
26.	Resultado de aplicar <i>PCA</i> en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenece	26
27.	Workflow en el que realizamos todos los Cross Validation de los algoritmos considerados	28
28.	$Workflow$ en el que realizamos todos los $Cross\ Validation$ de los algoritmos considerados, con algo de $zoom$ para que se aprecie mejor la estructura desarrollada	29
29.	Nodo de Cross Validation para AdaBoost	29
30.	Preprocesamiento de los datos del fold de training	30
31.	Nodo que usamos para crear los <i>Missing Values</i> que KNIME no detecta	30
32.	Preprocesamiento de los datos del fold de test	31
33.	Nodo de procesamiento de la salida de Custom Cross Validation	32
34.	Preprocesado general previo a probar Redes Neuronales simples	32

35.	Nodo de Cross Validation para Neural Net	33
36.	Procesado de la salida de Neural Net	33
37.	Preprocesado general previo a probar Support Vector Machine	34
38.	Nodo de Cross Validation para Support Vector Machine	34
39.	Preprocesado general previo a probar $Support\ Vector\ Machine\ con\ normalización.$ Esto es lo único que cambia respecto al modelo anterior: SVM sin normalización	34
40.	Preprocesado general previo a probar K - NN	35
41.	Nodo de Cross Validation para K-NN	35
42.	Preprocesado general previo a probar $Naive\ Bayes$. En este caso no estamos realizando ningún tipo de preprocesado previo a $Custom\ Cross\ Validation\ .\ .\ .$	36
43.	Nodo de Cross Validation para Naive Bayes	36
44.	Preprocesado general previo a probar Random Forest. En este caso tampoco estamos realizando ningún tipo de preprocesado previo a Custom Cross Validation	37
45.	Nodo de Cross Validation para Random Forest	37
46.	Todas las curvas ROC de los algoritmos estudiados	39
47.	Todas las curvas ROC para el primer $\mathit{dataset}$, mostradas de forma individual	40
48.	Todas las curvas ROC para el segundo $\mathit{dataset}$, mostradas de forma individual	43
49.	Particionado de los datos, para que SVM en sus dos variantes trabaje con menos datos, y podamos así entrenar y evaluar estos dos modelos en un tiempo razonable. A pesar de esto, SVM con normalización no es capaz de ejecutarse en un tiempo razonable. Y por ello, borramos ese modelo	44
50.	Normalización de los datos previo a evaluar un modelo $K\text{-}NN$	45
51.	Todas las curvas ROC para el tercer $\mathit{dataset},$ mostradas de forma individual	47
52.	Todas las curvas ROC para el primer $\mathit{dataset}$, mostradas de forma individual	49
53.	Workflow global para ajustar los dos algoritmos elegidos	54
54.	Workflow para ajustar Random Forest	54
55.	Workflow para ajustar Redes Neuronales Simples	54
56.	Workflow para ajustar K-NN	58
57.	Workflow de más alto nivel para el procesado de los datos	64
58.	Workflow de más alto nivel para el procesado de los datos	65
59.	Workflow general aplicado para el procesado de datos	68

60.	Workflow para aplicar PCA de forma correcta	68
61.	Evaluando el procesado de los datos usando un modelo de aprendizaje automático concreto	69
62.	Workflow para balancear las clases	70
63.	decision tree entrenado sobre todo el dataset tras aplicar el procesado anteriormente descrito	73
64.	Mostramos el añadido al nodo de procesado de datos, para poder mostrar gráficamente el árbol de decisión que nos da información sobre la relevancia de las variables	74
65.	Árbol de decisión construido sobre todo el conjunto de datos. Solo mostramos los primeros niveles	75

1. Introducción

En esta sección hablaremos de cada uno de los problemas abordados, tratando las particularidades de cada caso y algunas consideraciones en base a estas peculiaridades tratadas.

1.1. Información general

En todas las partes en las que necesitemos usar números aleatorios, usaremos la semilla 123456789 para poder reproducir bajo las mismas condiciones los experimentos y para que las comparaciones entre los distintos algoritmos sean lo más justas posible. En los siguientes subapartados, introduciremos los distintos problemas a tratar, sus características y problemas que puedan plantear.

En todos los datasets hemos usado la misma estructura jerárquica apoyándonos en los metanodos de KNIME. Esta estructura busca una mayor limpieza en el "c'odigo". Dicha estructura se va a ir vislumbrando a lo largo de las secciones de estas memorias, donde incluiremos capturas de pantalla de los distintos workflows desarrollados.

1.2. Heart Failure Prediction

En primer lugar, la fuente original del dataset se puede encontrar en [1]. Aunque podemos estar trabajando con un dataset ligeramente modificado por los profesores de la asignatura, al igual que con el resto de datasets que estudiaremos en esta práctica.

En la propia página de la que se obtiene el dataset [1], se especifica que la tarea a resolver para este dataset es "Create a model to assess the likelihood of a possible heart disease event. This can be used to help hospitals in assessing the severity of patients with cardiovascular diseases". Es decir, nuestra tarea es generar un modelo de clasificación para predecir, con los datos de entrada dados, si un paciente puede desarrollar algún problema de tipo cardiaco.

En el siguiente apartado, pasamos a comentar las particularidades de este *dataset*, información que hemos extraído con el análisis exploratorio hecho en KNIME:

1.2.1. Análisis Exploratorio de los Datos

Realizamos un pequeño Análisis Exploratorio Inicial (EDA) de los datos usando las herramientas que nos proporciona KNIME.

Como ya comentábamos en "1.2. Heart Failure Prediction", buscamos predecir si una persona tendrá problemas de tipo cardiaco. Por tanto, la variable de salida con la que vamos a trabajar es HeartDisease. Consideraremos, por su mayor relevancia, como clase positiva, a la clase 1.

Lo primero que vemos es que tenemos 12 variables (11 variables de entrada más la variable de salida) y 918 filas (y por tanto, 918 ejemplos).

El workflow de mayor nivel, para este primer dataset, se muestra en la siguiente figura:

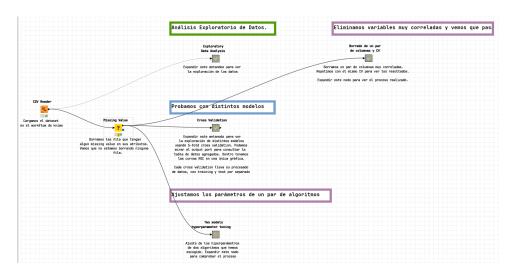


Figura 1: Workflow de más alto nivel para el primer dataset

La parte que ahora nos interesa es la de Análisis Exploratorio de Datos, que mostramos en la siguiente figura:

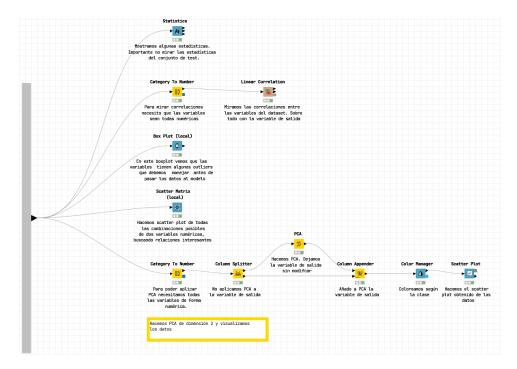


Figura 2: Workflow de Análisis Exploratorio de Datos para el primer dataset

Empezamos con el nodo de estadísticas, que nos muestra que tenemos 410 ejemplos para la clase de salida 0 y 508 para la clase 1. Por tanto tenemos un ligero desbalanceo ($44.66\,\%$ para la clase 0 y $55.34\,\%$ para la clase 1), pero en este dataset no vamos a tratar dicho desbalanceo. En futuros datasets nos vamos a encontrar con clases mucho más desbalanceadas.

Dentro del anterior nodo vemos las distribuciones de las otras variables con las que trabajamos, sin llegar a conclusiones de gran relevancia, salvo razonamientos del tipo hay una característica que predomina en un valor sobre el otro valor en la población, o la población tiene una distribución de la variable normal o con cierta asimetría hacia un lado. Ejemplo de característica que predomina se muestra en la siguiente figura:

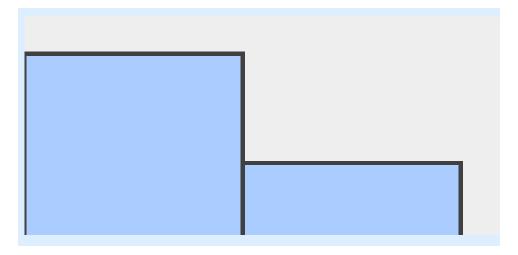


Figura 3: Distribución de la variable sexo. A izquierda, los hombres. A la derecha, las mujeres. Es claro que tenemos muchos más hombres que mujeres en nuestra población.

Esta información puede ser utilizada de forma experta en nuestros sistemas automáticos.

Sin embargo, por una cuestión de tiempo, no realizamos un ajuste tan a fondo de los modelos que vamos a generar (sobre todo teniendo en cuenta que practicar esto para los cuatro *datasets* es inviable. En otros *datasets* realizaremos una selección de variables usando otras técnicas).

Ejemplo de una distribución con cierta asimetría se muestra a continuación:

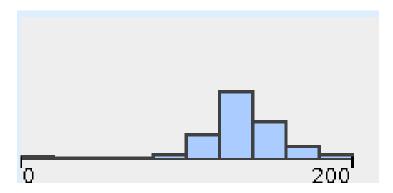


Figura 4: Distribución de la variable RestingBP. Podemos ver claramente cómo se acumula más hacia la derecha.

De nuevo, esta información es interesante para plantear los modelos de aprendizaje automático de una forma mucho más concienzuda, pero por la extensión de la práctica en técnicas y aspectos a tener en cuenta, no entramos en detalle en este aspecto.

Lo siguiente que hacemos en el Análisis Exploratorio de Datos es mostrar la matriz de correlaciones lineales, que presentamos a continuación:

corr = -1 corr = +1 corr = n/a	, j	Sex	C::	곱 :	C	<u>:</u>	Д :	Ξ.	<u>:</u>	0	.: S	Ξ.
Age												
Sex												
ChestPainType												
RestingBP												
Cholesterol												
FastingBS												
RestingECG												
MaxHR												
ExerciseAngina												
Oldpeak												
ST_Slope												
HeartDisease												

Figura 5: Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa.

Vemos algunas variables correladas. Las más interesantes son el grupo que forman las variables MaxHR ExerciseAngina, Oldpeak, ST_Slope y la variable de salida HeartDisease. Sabiendo que estas variables están muy correladas, y que una de ellas es la variable de salida, podríamos probar a construir los modelos predictivos en base a este grupo de variables. Por tanto, estamos justificando el interés de que, más adelante, probemos a eliminar ciertas filas empleando esta matriz de correlaciones, y ver cómo afecta esto al rendimiento de nuestros modelos.

Mostramos ahora los *boxplots* de algunas variables, para ver que tenemos ciertos valores *outliers*:

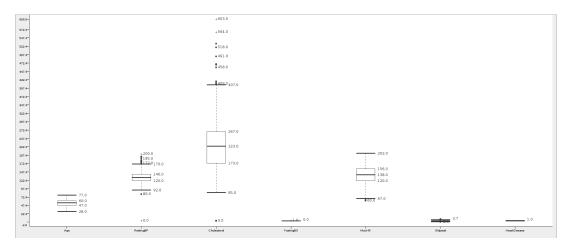


Figura 6: Boxplots de algunas de las variables con las que trabajamos. Queda claro que tenemos outliers (sabiendo que están alejados de la media más de 3 veces la desviación típica). Por tanto, tendremos que tratar de alguna forma estos outliers

También hacemos plots de todas las combinaciones posibles entre dos variables, obteniendo la siguiente gráfica:

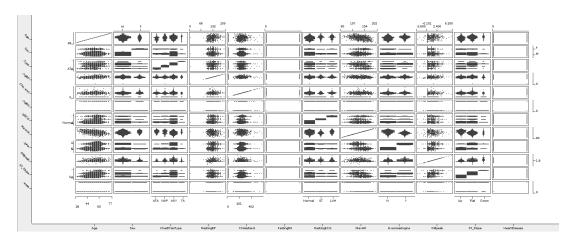


Figura 7: Gráficas de todas las posibles combinaciones de dos variables de nuestro dataset

De nuevo, como ya comentábamos para "3. Distribución de la variable sexo. A izquierda, los hombres. A la derecha, las mujeres. Es claro que tenemos muchos más hombres que mujeres en nuestra población.", podemos extraer de esta gráfica algunas conclusiones sobre la distribución de las variables y algunas relaciones que, por simpleza del problema y por falta de tiempo, no vamos a incluir en nuestro modelo.

En último lugar, probamos a aplicar PCA al dataset para obtener solo dos variables de entrada junto con la variable de salida, buscando sacar alguna información de alto nivel del problema. Esta técnica busca transformar el conjunto de datos con nuevas variables, de modo que estas variables no estén correlacionadas entre sí manteniendo el máximo posible de la varianza del conjunto de datos original. Este procedimiento se apoya en la descomposición en valores propios de la matriz de covarianzas [2]. Mostramos las dos variables obtenidas usando PCA, coloreando cada punto del plano 2D según a la clase a la que pertenecen:

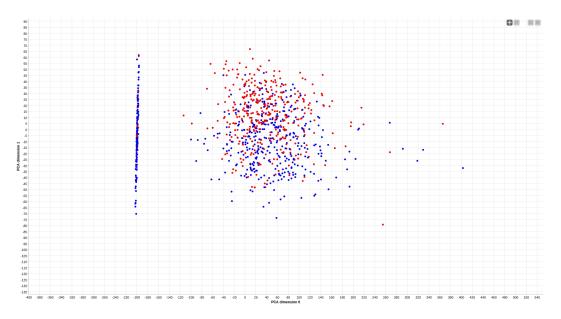


Figura 8: Resultado de aplicar PCA en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenecen

Los resultados obtenidos no nos invitan a usar PCA para usarlo como base a modelos de aprendizaje automático. Sin embargo es interesante que se ha obtenido una línea a la izquierda con clara predominancia de la clase representada por el color azul, mientras que a la derecha se obtiene un *clúster* ligeramente circular donde los datos de las dos clases están mezclados sin un patrón claro (quizás la clase roja tiene mayor predominancia en la parte superior). Estamos seguros de que aplicando PCA con dimensiones mayores obtendríamos un buen *performance* en los modelos de aprendizaje automático. Pero como para otros *datasets* es más interesante aplicar esta técnica, lo dejamos para más adelante.

En último lugar, tratamos los *missing values*. En el *workflow* de más alto nivel, hacemos una primera aproximación al tratamiento de los *missing values*. Tratamos de borrar todas las filas que contengan *missing values*, pero no borramos ninguna fila. En un principio pensamos que no tenemos *missing values* en este *dataset*. Sin embargo, explorando la colección de datos comprobamos el siguiente hecho: la variable Cholesterol contiene *missing values* codificados con el valor 0. Para tratar estos *missing values*, en *Cross Validation* los marcaremos como tal, y los trataremos convenientemente en cada nodo de validación (para evitar hacer *data snooping*). Entraremos en detalles más adelante.

El nodo que usamos para realizar esta comprobación sobre los missing values se muestra en el workflow general que aparece en "63. decision tree entrenado sobre todo el dataset tras aplicar el procesado anteriormente descrito".

1.3. Mobile Price Classification

En primer lugar, la fuente original del *dataset* se puede encontrar en [3]. De nuevo, podemos estar trabajando con un dataset ligeramente modificado por los profesores de la asignatura.

Según [3], la tarea a resolver es: "In this problem you do not have to predict actual price but a price range indicating how high the price is" para un cliente que quiere hacer la competencia a grandes compañías fabricantes de dispositivos móviles. Por lo tanto, tenemos que generar modelos que sean capaces de predecir dicho rango de precios.

En el siguiente apartado pasamos a comentar las particularidades de este dataset, particularidades que hemos extraído del EDA realizado sobre el conjunto de datos.

1.3.1. Análisis Exploratorio de los datos

Estamos usando el mismo workflow para el EDA que en el dataset anterior, así que no mostramos las capturas de los workflows de nuevo, sino que mostramos directamente los resultados, que es lo verdaderamente novedoso respecto al dataset anterior.

El primer problema que nos encontramos es que tenemos cuatro clases, en vez de dos clases. Por tanto, ya no estamos en un problema de clasificación binaria. Comentaremos más adelante, en "2.3. Mobile Price Classification", cómo hemos trabajado este problema. Ahora mismo, en el EDA, este paso a clasificación multiclase no nos supone ningún problema.

La primera diferencia en los workflows con el dataset anterior es que estamos haciendo un rename de la clase positiva (que en nuestro caso consideramos la clase con valor 1, por los motivos que se explican en "2.3. Mobile Price Classification"), para que en datasets posteriores tengamos que realizar los mínimos cambios posibles en los distintos worflows. Este cambio de nombre se muestra enla siguiente figura:

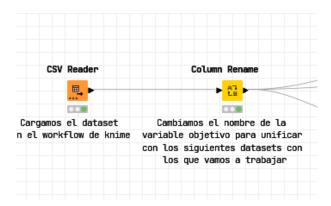


Figura 9: Cambiamos el nombre de la clase positiva al principio de todo nuestros procesos. Esto lo hacemos para que en los siguientes *datasets* tengamos que hacer los mínimos cambios posibles.

Lo primero que merece la pena comentar es que tenemos 20 variables de entrada, y una variable de salida. En nuestro *dataset* tenemos 2000 ejemplos, lo que ya supone un tamaño bastante más grande con respecto al *dataset* anterior.

En el nodo de estadísticas nos fijamos primeramente en la variable de salida. La siguiente

figura muestra que tenemos un balanceo perfecto entre las cuatro clases consideradas:

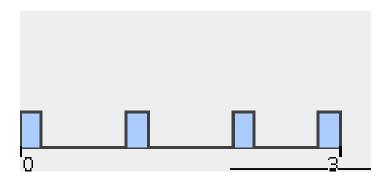


Figura 10: Las cuatro clases de salida están perfectamente balanceadas, con 500 ejemplos por cada clase

Para el resto de variables, podemos ver las distribuciones de los datos según cada variable, pero no sacamos conclusiones de utilidad. Las distribuciones son bastante normales, como se muestra en la siguiente figura:

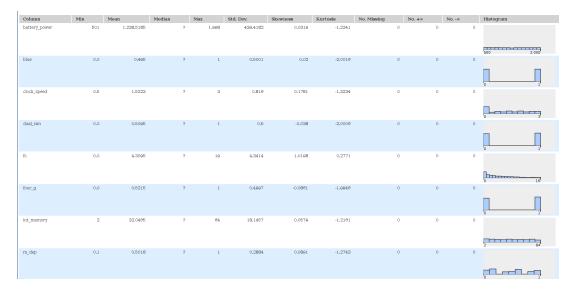


Figura 11: Las distribuciones según cada variable son bastante normales. Tenemos distribuciones prácticamente uniformes, decrecientes, ... No sabemos cómo podríamos explotar esta información.

Mostramos ahora la matriz de correlaciones lineales:

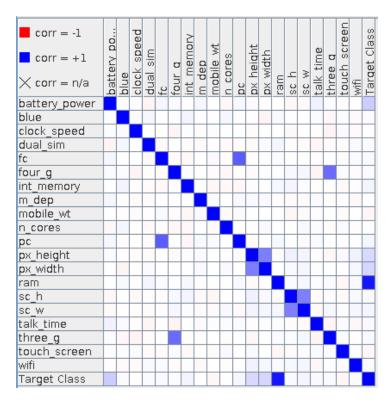


Figura 12: Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa

Era de esperar la correlación entre la anchura y altura de píxeles (los móviles suelen guardar unos aspect ratio fijados), pero esto no nos es del todo útil, salvo para eliminar una columna, lo que no parece que vaya a tener un impacto enorme. También tenemos la misma correlación con las medidas en la unidad sc_h, sc_w, y de nuevo nos encontramos en la misma situación.

Lo que sí que es realmente interesante es que la variable que representa la memoria RAM correla mucho (0.917) con la variable de salida. Por tanto, podemos decir, adelantándonos a lo que comentaremos más adelante, que la memoria RAM es un factor decisivo para fijar el precio de un móvil.

Mostramos ahora los boxplots de algunas variables:

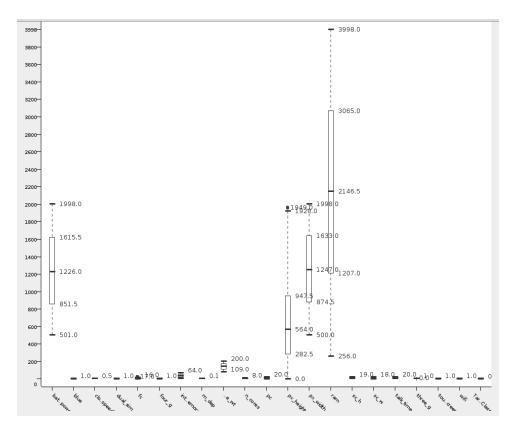


Figura 13: Boxplots de algunas variables

Queda claro que en este caso también tenemos bastantes *outliers* fijándonos solo en información unidimensional (variable a variable). Por tanto seguiremos borrando *outliers* usando el criterio $3 \cdot IQR$.

Mostramos ahora la gráfica de combinar algunas variables dos a dos, sin obtener resultados relevantes, como ya nos ha pasado previamente. Elegimos las variables que mostramos quitando aquellas que mostraban información del todo irrelevante, al menos según nuestra interpretación de esta gráfica:

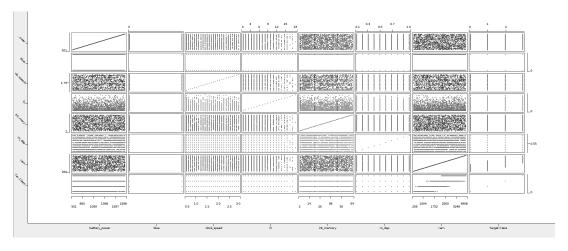


Figura 14: Gráfica de todas las posibles combinaciones de dos variables de nuestro dataset

En último lugar, aplicamos PCA para reducir nuestro conjunto de datos a tener dos variables

de entrada y la variable de salida. Al igual que hacíamos en el *dataset* anterior, mostramos los resultados visualmente, donde el color indica la clase a la que pertenece cada punto:

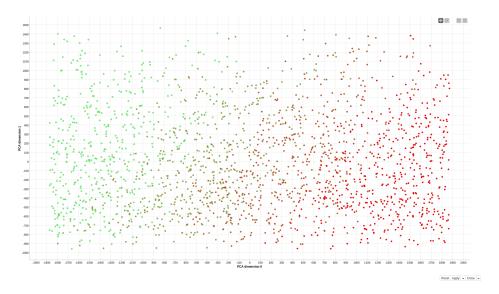


Figura 15: Resultado de aplicar PCA en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenecen

Para este dataset obtenemos un resultado muy interesante tras aplicar *PCA*. Gracias al coloreado vemos que los puntos tras transformarse se distribuyen de forma más o menos continua, en un gradiente que va en diagonal decreciente. Esto nos hace pensar que esta transformación, que pasa de 20 variables de entrada a únicamente 2, es útil para considerarse como paso previo a la generación de nuestros modelos de aprendizaje automático.

En último lugar, vemos que no tenemos missing values en el dataset. El nodo que borra las filas que contienen algún missing value deja el dataset con las mismas filas, y por tanto no detecta ningún missing value.

1.4. Bank Marketing

De nuevo, empezamos mostrando la fuente original de dataset, que se puede encontrar en [4]. En este caso estamos trabajando con un dataset del conocido repositorio UCI, y no con Kaggle como hemos hecho con los datasets previos. En la fuente del dataset [4] se dice que el objetivo es: "The classification goal is to predict if the client will subscribe (yes/no) a term deposit $(variable\ y)$ ".

1.4.1. Análisis Exploratorio de los Datos

Como ya hemos comentado, el objetivo es predecir si un cliente se suscribirá (salida yes) o no (salida no). Estamos por tanto ante un problema de clasificación binaria.

Lo primero que vemos es que tenemos 21 columnas (20 variables de entrada y una de salida) y 41188 ejemplos. Por tanto, estamos ante un problema con unas dimensionalidades mucho mayores que las que hemos trabajado hasta ahora.

Comenzamos mostrando la distribución de la variable de salida:

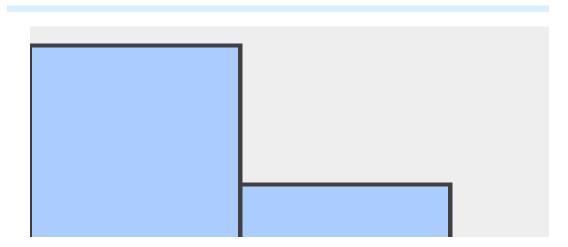


Figura 16: Distribución de la variable de salida

Visualmente, queda claro que tenemos un desbalanceo enorme. La salidas no tiene 36548 ejemplos. La salida yes, por tanto, tiene 4640 ejemplos. Tenemos por tanto solo un 11.27% de ejemplos para la clase positiva (yes).

Como ya hemos repetido anteriormente, las distribuciones de otras variables no nos dan pistas relevantes sobre cómo podemos atacar el problema que se nos presenta:



Figura 17: Distribuciones de algunas variables de entrada. No sabemos cómo explotar esta información en el problema que estamos estudiando.

Consideramos ahora la matriz de correlaciones, que hasta ahora ha sido uno de los puntos clave en este análisis exploratorio de datos:

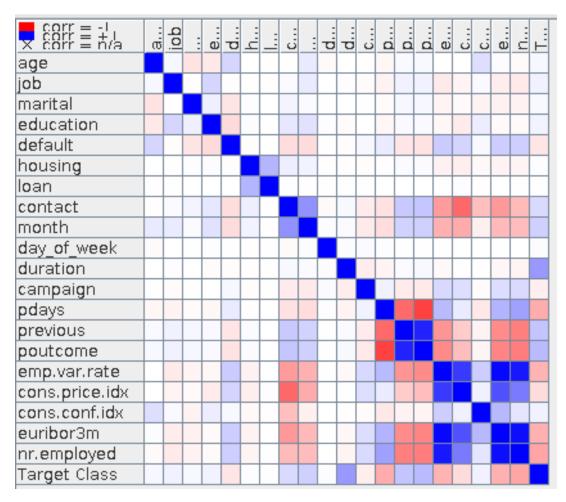


Figura 18: Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa

Para comenzar, ninguna variable está excesivamente correlada con la variable de salida,

así que no nos podemos aprovechar de esto como hemos hecho anteriormente. Sí que tenemos conjuntos de variables que están correladas entre sí, pro ejemplo Emp.var.rate y cons. price.idx, o housing y loan. Sin embargo, en este dataset concreto que presenta otro tipo de problema (el desbalanceo que ya hemos visto), vamos a emplear otras técnicas de procesado de datos.

Mostramos ahora los boxplots de algunas variables:

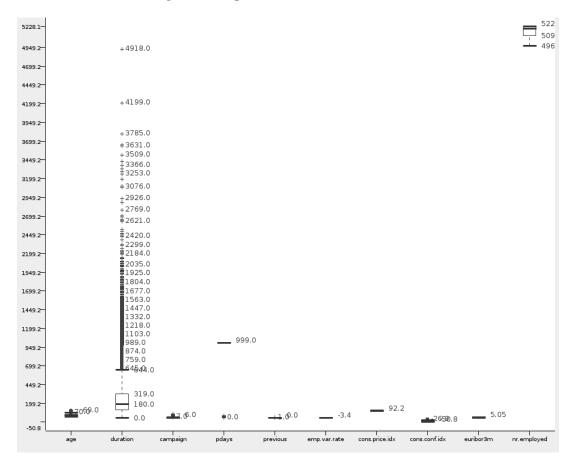


Figura 19: Boxplots de algunas de las variables del dataset

Claramente hay variables con demasiados *outliers*, por ejemplo duration. Por tanto, seguimos usando el criterio $3 \cdot IQR$ que llevamos usando toda la práctica para intentar paliar el efecto de estos valores atípicos.

El plot de las parejas de variables ha sido tan inútil durante toda la práctica que esta vez no lo mostramos. Se puede consultar en KNIME expandiendo el nodo correspondiente, pero no hemos sido capaces de extraer información relevante de esta gráfica conjunta.

En último lugar, mostramos el resultado de aplicar *PCA* para obtener solo dos variables de entrada. El resultado, coloreado según la clase de salida, se muestra en la siguiente figura:

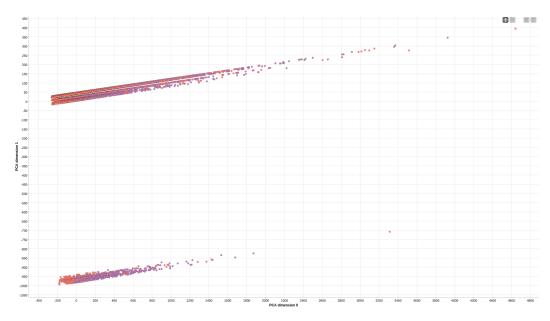


Figura 20: Resultado de aplicar PCA en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenece

Con esta transformación hemos creado dos *clusters* afilados claramente separados. Sin embargo, las dos clases de salida están mezcladas en estos dos *clusters*, y por tanto parece que en este problema *PCA* no va a ser una técnica útil.

Como hemos hecho previamente, borramos aquellas filas que contengan $missing\ values$. Como el nodo de KNIME no borra ninguna fila, podemos afirmar que al menos KNIME no ha detectado ningún $missing\ value$.

Es destacable comentar que, según lo que indica [4], hay variables que tienen valores especiales. Por ejemplo, un valor de 999 en pdays indica que el cliente no ha sido previamente contactado. Si tuviésemos el tiempo y herramientas necesarias, esto habría que tratarlo de una mejor forma. Por ejemplo, añadiendo una variable adicional que sea un flag de este hecho. Sin embargo esto tampoco es óptimo. Por tanto, hay que tener esto en cuenta en el rendimiento de nuestros modelos.

1.5. Tanzania Water Pump

Para este dataset, la fuente original de los datos no es ni Kaggle ni UCI, sino DrivenData, otro famoso repositorio de datasets. Los datos originales (los nuestros pueden haber sido ligeramente modificados por los profesores) se encuentran en [5].

En la fuente original de los datos [5], se dice que el problema a resolver en este dataset es: "Using data from Taarifa and the Tanzanian Ministry of Water, can you predict which pumps are functional, which need some repairs, and which don't work at all?". Por tanto, tenemos que conseguir clasificar las fuentes como funcionales o no funcionales. Por ser más relevantes, consideramos como la clase positiva aquella que indica que una fuente **no** es funcional.

1.5.1. Análisis Exploratorio de Datos

Partimos de un *dataset* que tiene x filas y 23123 columnas. Por tanto, estamos trabajando con un *dataset* realmente grande, tanto en altura como anchura. Para tratar de hacer el problema más manejable, elegimos las columnas con las que vamos a trabajar usando la matriz de correlaciones lineales. Dicha matriz de correlaciones se muestra a continuación:

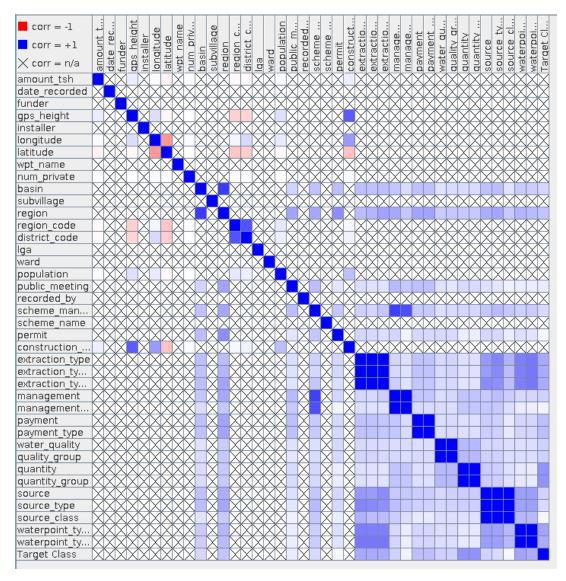


Figura 21: Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa

El proceso de filtrado se muestra en el siguiente workflow:

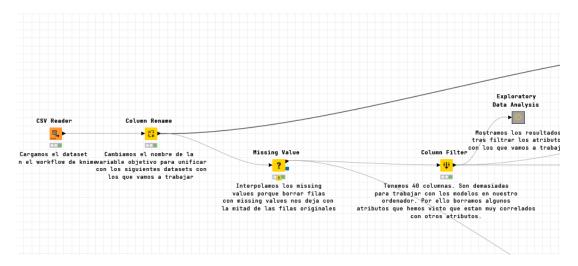


Figura 22: Consideramos un árbol de clasificación, y usando la relevancia de las variables, seleccionamos las columnas que vamos a usar

Tras esto realizo el siguiente filtrado:

- Quito extraction_type:_group, class y me quedo con extraction_type
- Quito source_:type, class y me quedo con source
- Quito waterpoint_type y me quedo con waterpoint
- Quito management_group, scheme_managemente y me quedo con management
- Quito basin y me quedo con region
- Quito district_code y me quedo con region_code
- Quito payment_type y me quedo con payment
- Quito quality_group y me quedo con water_quality
- Quito quantity_group y me quedo con quantity

Tras este filtrado, pasamos de tener 40 columnas a tener 28, con lo cual estamos haciendo que el problema sea más manejable. A partir de aquí el EDA se realiza sobre el conjunto de datos filtrado. Mostramos de nuevo la matriz de correlaciones:

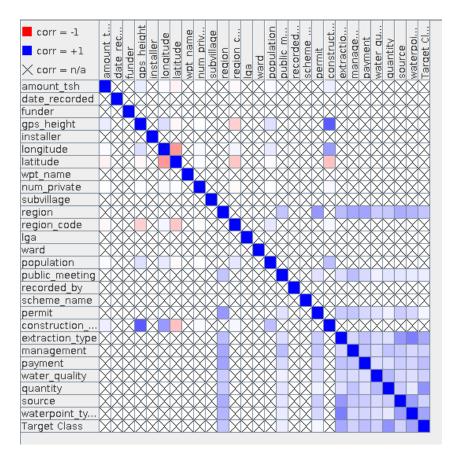


Figura 23: Matriz de correlaciones lineales tras realizar el filtrado de las variables. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa

Con esto queda claro que hemos generado un conjunto de datos más sencillo al tener menos variables de entrada. Además es un *dataset* más ortogonal, es decir, con menos correlaciones entre las variables de entrada.

Mostramos ahora la distribución de la variable de salida:

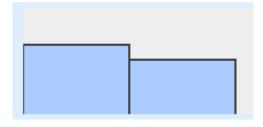


Figura 24: Distribución de la variable de salida

La clase de salida está ligeramente desbalanceada. En otros dataset no nos habría preocupado, pero al tener un dataset con tantos ejemplos, un ligero desbalanceo relativo puede suponer muchos ejemplos de diferencia. Por tanto, en este caso también aplicaremos SMOTE para realizar el balanceo de las clases.

En todos los *datasets* anteriores mostrar la distribución de algunas variables ha sido inútil. Este *dataset* no es la excepción, así que no mostramos dichas distribuciones pues no hemos sido capaces de explotar esa información.

Mostramos los boxplots de algunas variables:

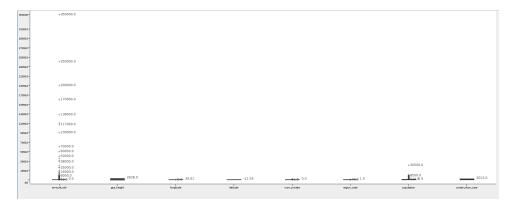


Figura 25: Boxplots de algunas de las variables con las que trabajamos

Como viene siendo habitual, tenemos algunos *outliers*, que de nuevo tratamos con el criterio $3 \cdot IQR$.

Mostramos ahora el resultado de aplicar PCA buscando reducir la dimensionalidad del problema a solo dos variables de entrada:

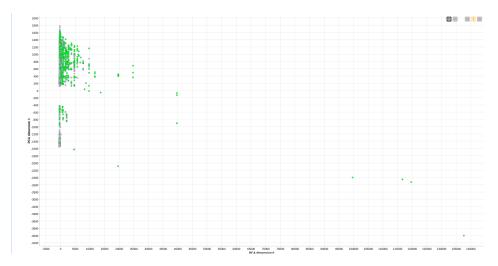


Figura 26: Resultado de aplicar PCA en dos dimensiones, coloreando cada punto según la clase a la que pertenece

No encontramos ningún patrón interesante que explotar. Cabe también mencionar que, KNIME con toda la potencia de nuestro equipo, no es capaz de mostrar todos los puntos que componen el dataset. Pero aún así hemos probado experimentalmente a entrenar modelos previa aplicación PCA, sin resultados satisfactorios.

Para acabar, usamos nuestro nodo que borra las filas con *missing values*. Esto provocaba que borrásemos aproximadamente la mitad de los datos, una pérdida que no nos podemos permitir. Por ello, aplicamos interpolación lineal para los valores numéricos y el valor más frecuente para los valores categóricos.

Sabemos que lo ideal habría sido interpolar estos valores usando predictores entrenados sobre la parte del *dataset* que no tiene *missing values*. Sin embargo, por falta de tiempo, no exploramos este camino y usamos la interpolación simple que ya hemos comentado..

2. Resultados Obtenidos

2.1. Consideraciones iniciales

Para esta práctica, hemos considerado 7 modelos de aprendizaje automático distintos, que puedan ser interesantes para los cuatro problemas a los que nos vamos a enfrentar. Algunos de estos modelos pueden tener muy poco sentido para algún problema concreto. Sin embargo, elegimos los mismo 7 modelos para los 4 datasets, porque esto nos permitirá realizar una comparación entre ellos en distintos ambientes. De hecho, el que algunos modelos no tengan sentido en ciertas situaciones será una buena conclusión a extraer en el análisis posterior.

Los modelos considerados son:

- 1. Árbol de decisión construido con AdaBoost
- 2. Red Neuronal Simple
- 3. Support Vector Machine
- 4. Support Vector Machine con normalización
- 5. K-NN
- 6. Naive Bayes
- 7. Random Forest

Pensamos que con estos modelos tenemos una variedad suficiente para comparar en situaciones diferentes. Además, todos los modelos tienen sentido para al menos uno de los datasets con los que vamos a trabajar.

En este proceso, usaremos un nodo al que llamamos *Custom Cross Validation*. Este nodo tiene la misma base que el nodo de KNIME *Cross Validation*. Sin embargo, añadimos dos nodos, uno para preprocesar el *fold* de entrenamiento y otro para aplicar dicho preprocesado al *test*, sin hacer *data snooping*. Es decir, las operaciones se calculan y aplican con *training*, y se aplican en *test* usando el cálculo realizado sobre *training*.

En "2.2. Heart Failure Prediction" mostraremos de forma extensa los distintos workflows que componen nuestras siete validaciones cruzadas. Sin embargo, para los siguientes datasets no repetiremos el mismo proceso, para evitar ser demasiado repetitivos y extensos. Solo mostraremos aquellas partes en las que haya diferencias con lo mostrado en "2.2. Heart Failure Prediction" y con los datasets desarrollados previamente.

2.2. Heart Failure Prediction

2.2.1. Workflows empleados para Cross Validation

En primer lugar, tenemos un *metanodo* para encapsular todo el trabajo con los 7 algoritmos que hemos considerado. Este *metanodo* se mostraba en el *workflow* más general en "63. decision tree *entrenado sobre todo el* dataset *tras aplicar el procesado anteriormente descrito*". Dentro de este nodo para *Cross Validation* tenemos la siguiente estructura:

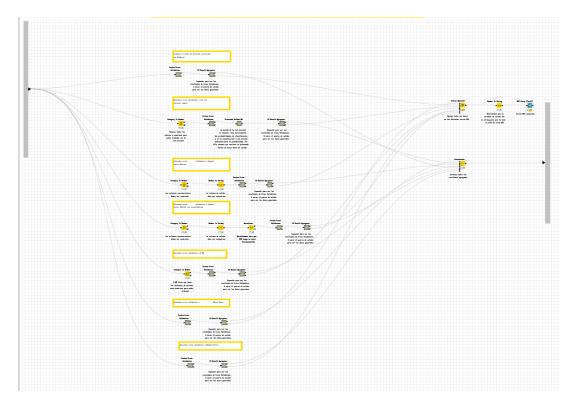


Figura 27: Workflow en el que realizamos todos los Cross Validation de los algoritmos considerados

Mostramos una captura con mayor *zoom* para que se vea claramente la estructura generada, dejando sin mostrar alguna de las filas correspondientes a algunos de los 7 modelos estudiados:

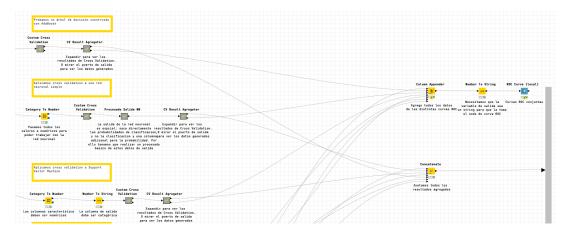


Figura 28: Workflow en el que realizamos todos los Cross Validation de los algoritmos considerados, con algo de zoom para que se aprecie mejor la estructura desarrollada

Mostramos el contenido del nodo Custom Cross Validation para AdaBoost. Este nodo Custom Cross Validation tiene ciertas diferencias como ya hemos mencionado en "2.1. Consideraciones iniciales":

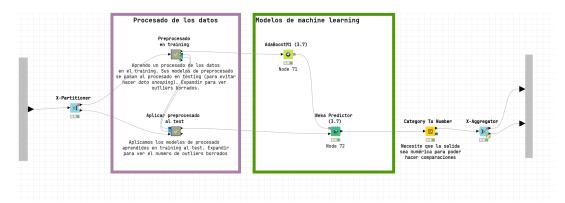


Figura 29: Nodo de Cross Validation para AdaBoost

Mostramos ahora el nodo para preprocesamiento en training:

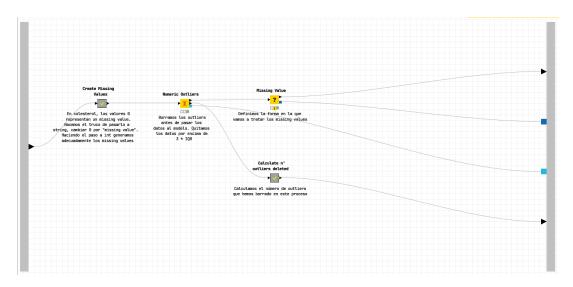


Figura 30: Preprocesamiento de los datos del fold de training

En esta figura se muestran dos partes fundamentales del procesamiento en este dataset. La primera es que, como ya comentábamos, tenemos missing values en la columna Cholesterol marcados con el valor 0. KNIME no detecta esto como missing values, así que empleamos el nodo Create Missing Values para marcarlos como tal.

En segundo lugar, tratamos los *outliers* para intentar reducir algo el ruido. Para ello, borramos aquellos valores que distan de la media más de tres veces la desviación típica (fundamentándonos en las propiedades de una distribución normal, en la que la mayoría de los datos están en el intervalo $[\mu - \sigma, \mu + \sigma]$ [6]).

Mostramos el nodo *Create Missing Values* para dejar claro el proceso que hemos descrito previamente:

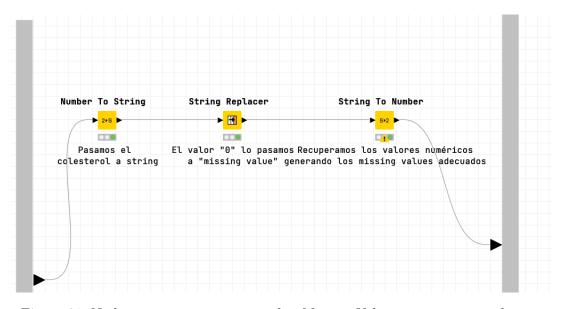


Figura 31: Nodo que usamos para crear los Missing Values que KNIME no detecta

Mostramos ahora el nodo para preprocesamiento en test:

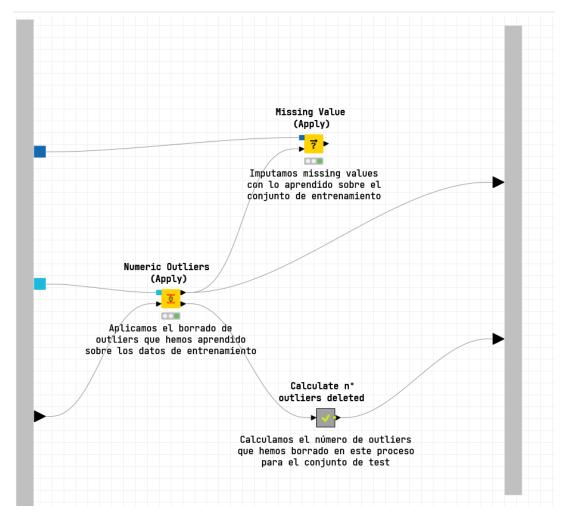


Figura 32: Preprocesamiento de los datos del fold de test

En "32. Preprocesamiento de los datos del fold de test" queda claro lo que ya comentábamos, preprocesamos usando los parámetros de procesamiento calculados sobre el fold de training. Esto es fundamental para evitar hacer data snooping.

Además, de ahora en adelante, salvo que se diga lo contrario, estos dos nodos de preprocesamiento serán exactamente los mismos en todos los nodos de *Custom Cross Validation*, en todos los *dataset*, salvo que se indique lo contrario.

Como se muestra en "28. Workflow en el que realizamos todos los Cross Validation de los algoritmos considerados, con algo de zoom para que se aprecie mejor la estructura desarrollada", estamos pasando la salida de Custom Cross Validation a un nodo de procesamiento, que mostramos a continuación:

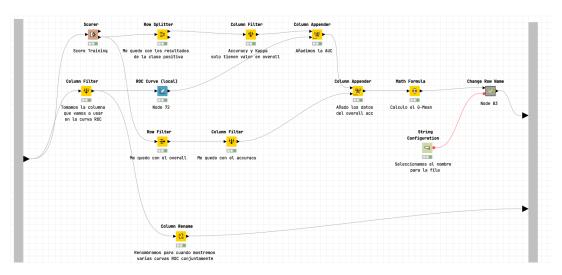


Figura 33: Nodo de procesamiento de la salida de Custom Cross Validation

En este nodo, tomamos la salida del scorer y la procesamos, tomando las métricas para la clase positiva y añadiendo el área debajo de la curva ROC. Además, calculamos la fórmula de la métrica G-Mean. También devolvemos las probabilidades en bruto para poder calcular las curvas ROC globales.

Se muestra también que estamos usando una flow variable para establecer el nombre del modelo cuyos resultados estamos procesando. Esto es útil para que en las tablas globales, cada fila esté etiquetada por el nombre del modelo que estamos tratando (esto es lo que consigue el nodo *Change Row Name*).

De nuevo, salvo que se diga lo contrario, todos los nodos de este tipo son idénticos.

Mostramos ahora el workflow para redes neuronales simples. Realizamos un preprocesado general básico antes de usar nuestro nodo Custom Cross Validation que mostramos en la siguiente figura:

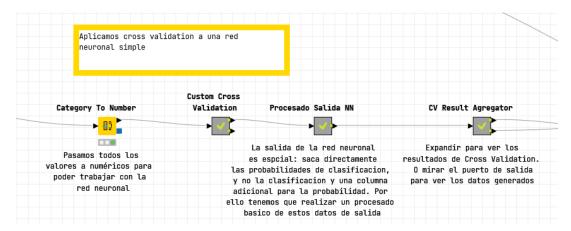


Figura 34: Preprocesado general previo a probar Redes Neuronales simples

Con esto queda claro que lo único que estamos realizando es pasar todas las variables categóricas a numéricas, pues esto es un requerimiento de las redes neuronales para que puedan funcionar. Mostramos el nodo de *Custom Cross Validation* para este caso:

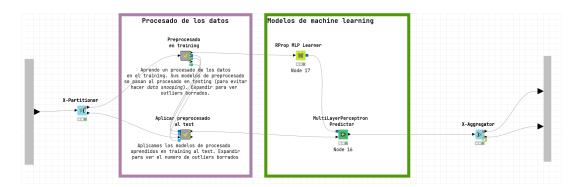


Figura 35: Nodo de Cross Validation para Neural Net

En este caso no estamos normalizando las variables, lo cual puede generar resultados no óptimos (pues las redes neuronales se benefician mucho de que las variables de entrada estén normalizadas. De hecho en deep learning se usa batch normalization para normalizar las salidas entre capas ocultas). Por simpleza del modelo no hacemos esta normalización para el dataset, pero en siguientes datasets sí que haremos la normalización.

La salida de las redes neuronales suponen un caso concreto que tratar. La red neuronal no nos da la clasificación directamente, sino un valor $x \in [0,1]$. Tenemos que tratar la salida a mano. Para ello duplicamos la salida de este valor x que representa la probabilidad de clasificación que usaremos para las curvas ROC. En una de las dos ramas, colapsamos ese valor al conjunto $\{0,1\}$ redondeando, y consideramos eso la salida de clasificación. Mostramos ese proceso, que se hace en el nodo de $Procesado\ Salida\ NN$, en la siguiente figura:

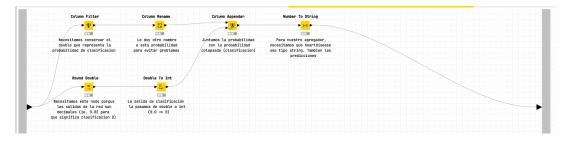


Figura 36: Procesado de la salida de Neural Net

Con esto, usamos el nodo que procesa la salida de *Cross Validation* que ya hemos mostrado previamente, y que no volvemos a mostrar para evitar ser repetitivos.

Mostramos ahora el preprocesado general para Support Vector Machine. Consiste en pasar a variables numéricas todas las variables menos la de salida, que debe ser de tipo categórica:

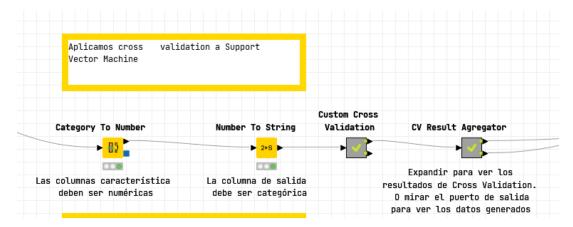


Figura 37: Preprocesado general previo a probar Support Vector Machine

Mostramos ahora el nodo Custom Cross Validation para este modelo:

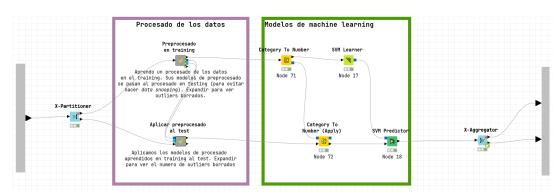


Figura 38: Nodo de Cross Validation para Support Vector Machine

En este caso, nos aseguramos de nuevo que estamos usando variables numéricas para las variables de entrada. En este dataset, usamos los nodos de KNIME para SVM. En otros datasets donde la eficiencia sea clave, pasaremos a usar los nodos de Weka que aparentemente funcionan de forma más rápida.

En el caso de *Supoort Vector Machine* con normalización, lo único que cambiamos es el preprocesado general que aplicamos antes de *Custom Cross Validation*. Mostramos esto a continuación:

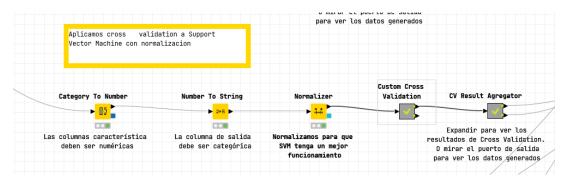


Figura 39: Preprocesado general previo a probar $Support\ Vector\ Machine\ con\ normalización.$ Esto es lo único que cambia respecto al modelo anterior: SVM sin normalización

Mostramos ahora el preprocesado general para K-NN. K-NN tiene que trabajar con todas las variables de entrada en formato numérico, y esto es lo que hacemos:

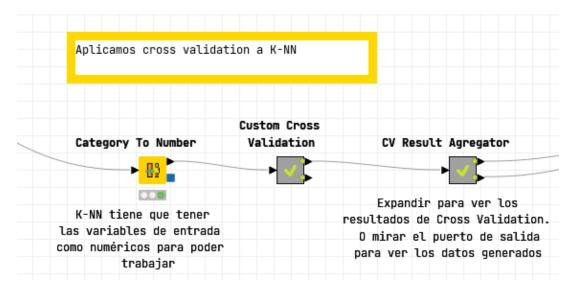


Figura 40: Preprocesado general previo a probar K-NN

Dentro del nodo de $Custom\ Cross\ Validation\$ lo que hacemos es, de nuevo asegurar que tenemos las variables en el formato correcto, y formatear la salida de K-NN para que el nodo $X\text{-}Aggregator\$ pueda funcionar correctamente. Mostramos esto a continuación:

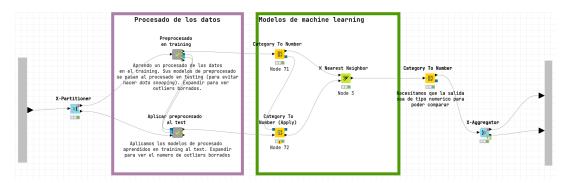


Figura 41: Nodo de Cross Validation para K-NN

Mostramos ahora el preprocesado general para $Naive\ Bayes$. En este caso, no estamos realizando ningún preprocesado general:

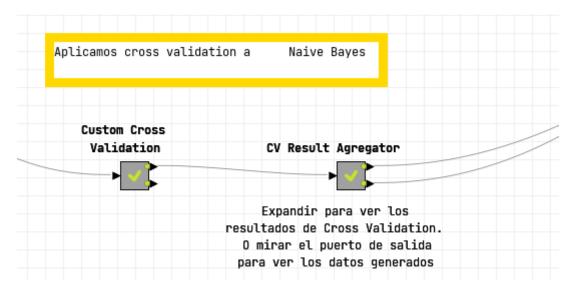


Figura 42: Preprocesado general previo a probar $Naive\ Bayes$. En este caso no estamos realizando ningún tipo de preprocesado previo a $Custom\ Cross\ Validation$

Mostramos lo que hacemos dentro del nodo *Custom Cross Validation*. No realizamos ningún preprocesado adicional además de los que ya hemos comentado previamente. La salida la pasamos a valores numéricos, para que el nodo X-Aggregator pueda trabajar correctamente:

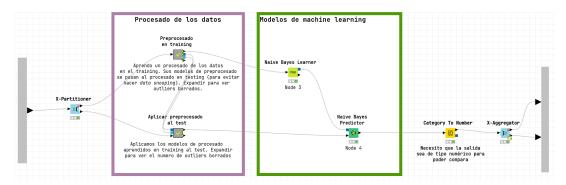


Figura 43: Nodo de Cross Validation para Naive Bayes

Terminamos esta sección mostrando el proceso para Random Forest. De nuevo, no realizamos un preprocesado previo general para aplicar el algoritmo, como se muestra a continuación:

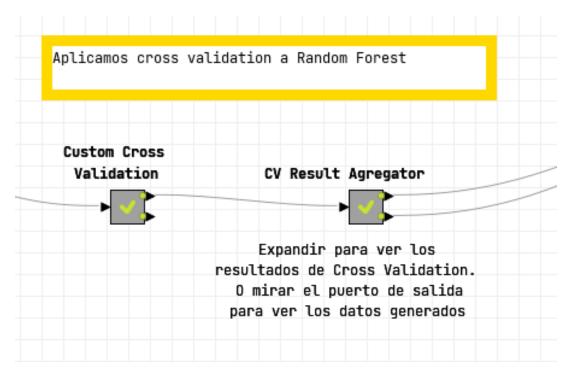


Figura 44: Preprocesado general previo a probar Random Forest. En este caso tampoco estamos realizando ningún tipo de preprocesado previo a Custom Cross Validation

Y de nuevo, nos encontramos con la misma situación dentro de *Custom Cross Validation*. Simplemente pasamos a variable numérica la salida para que funcione bien el nodo de X-Aggregator. Mostramos esto en la siguiente figura:

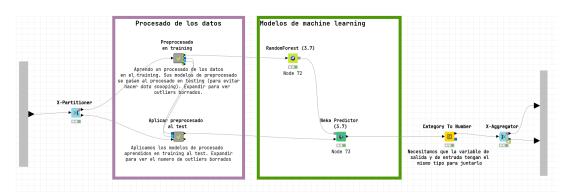


Figura 45: Nodo de Cross Validation para Random Forest

2.2.2. Mostrando los resultados obtenidos

En primer lugar, mostramos la tabla que resume todos los resultados obtenidos tras el proceso de *Cross Validation*:

Algo Name	TP	FP	TN	FN	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	AUC	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	212	106	247	79	0.73	0.67	0.73	0.70	0.70	0.92	0.71	0.71
Neural Net	212	42	179	48	0.82	0.83	0.82	0.81	0.82	0.88	0.81	0.81
Support Vector Machine	6	1	352	285	0.02	0.86	0.02	1.00	0.04	1	0.56	0.14
Support Vector Machine + Normalization	141	33	332	195	0.42	0.81	0.42	0.91	0.55	1	0.67	0.62
K-NN	155	161	192	136	0.53	0.49	0.53	0.54	0.51	0.72	0.54	0.54
AdaBoost	208	102	251	83	0.71	0.67	0.71	0.71	0.69	0.92	0.71	0.71
Random Forest	215	107	246	76	0.74	0.67	0.74	0.70	0.70	0.92	0.72	0.72

Cuadro 1: Resultados de $Cross\ Validation$, para los distintos algoritmos estudiados, en el primer dataset

Mostramos ahora una tabla con las medidas de complejidad de cada uno de los algoritmos estudiados:

Algo Name	Medida de Complejidad				
Naive Bayes	20 valores únicos por atributo				
Neural Net	1 hidden layer, 10 neuronas				
Support Vector Machine	Kernel RBF $\sigma = 2.0$				
Support Vector Machine + Normalization	Kernel RBF $\sigma = 2.0$				
K-NN	10 vecinos				
AdaBoost	10 iteraciones				
Random Forest	50 árboles, profundidad no acotada				

Cuadro 2: Medidas de complejidad de los algoritmos considerados

2.2.3. Mostrando las curvas ROC obtenidas

En todos los algoritmos, hemos tomado las probabilidades de clasificación, con las que hemos mostrado las curvas ROC para la clase positiva. Estas curvas las mostramos tanto de forma individual como de forma conjunta. Empezamos mostrando la gráfica con todas las curvas ROC agrupadas:

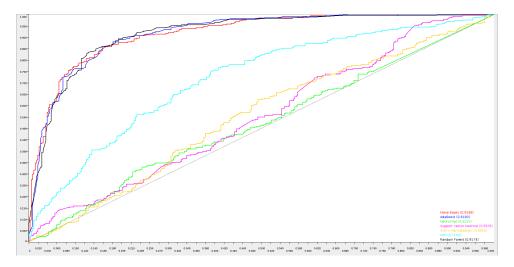


Figura 46: Todas las curvas ROC de los algoritmos estudiados

Algunos algoritmos se muestran de forma correcta. Es el caso de Naive Bayes, Random Forest, AdaBoost y K-NN. Los otros tres algoritmos (SVM en sus dos variantes y la red neuronal) se muestran de forma incorrecta. Esto se explica porque estos algoritmos no tratan de la misma forma los *missing values*, en muchos casos ignorándolos. Por tanto, obtenemos dos tipos de tablas que juntar, un tipo con todas las filas originales, y otro tipo de tabla en la que faltan algunas filas. Por tanto la visualización no es correcta. Es por esto que mostramos a continuación todas las curvas de forma individual:

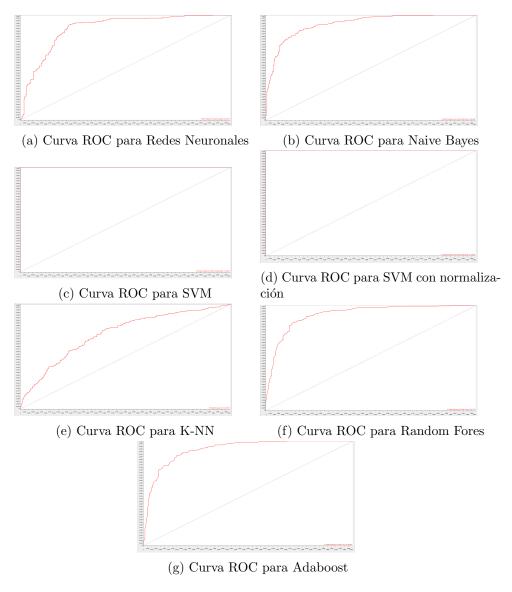


Figura 47: Todas las curvas ROC para el primer dataset, mostradas de forma individual

Con esta visualización sí que se pueden extraer más conclusiones sobre el comportamiento de los algoritmos, como desarrollaremos más adelante.

2.3. Mobile Price Classification

2.3.1. Workflows empleados para Cross Validation

Como ya hemos comentado previamente, no vamos a mostrar capturas de pantalla de los workflows de cada Custom Cross Validation para cada algoritmo. Esto pues las diferencias respecto al dataset anterior son mínimas. Consideramos, por tanto, que es mucho más interesante que solo mostremos las diferencias con respecto lo desarrollado previamente.

Un **problema fundamental** con el que nos encontramos es que tenemos un problema de clasificación multiclase. Se nos presentan las siguientes posibles soluciones:

- Trabajar este problema con KNIME. Para los algoritmos que trabajan directamente con clasificación multiclase, solo hace falta recopilar las métricas y curvas ROC clase por clase. En los algoritmos que no trabajan con multiclase, realizar alguna adaptación (como One vs All) usando loops
- 2. Realizar una adaptación incorrecta pero que simplifica nuestro trabajo. Colapsar las cuatro clases en solo dos clases. Es decir, los datos de la clase 2 tomarlos como datos de la clase 1, y los datos de la clase 4 tomarlos como datos de la clase 3. Con ello tenemos un problema de clasificación binaria que ya hemos trabajado.
- 3. Trabajar con KNIME como lo hemos hecho antes, y solo considerar la clase 1 como clase positiva. Intentar usar directamente los algoritmos sin realizar adaptaciones, y descartar aquellos que no funcionen.

En un primer momento, consideramos la primera posibilidad por ser la más correcta. Sin embargo, suponía demasiada carga de trabajo trabajar las tablas en KNIME, y no nos daba tiempo. Y más fundamentalmente, no hemos encontrado de realizar la adaptación *One vs All* en KNIME. Se puede hacer con los nodos de voto y haciendo *loops*, pero en ningún caso hemos conseguido que esto funcione.

La segunda opción la hemos descartado. Quizá sea más correcta (dentro de la gran simplificación que hacemos del problema) que la tercera. Sin embargo, el interés de este *dataset* es precisamente trabajar con un problema multiclase, y con esa aproximación perdemos la oportunidad de realizar todos los análisis respecto a este aspecto.

La tercera opción, que es la que hemos seguido, dista mucho de ser perfecta. Sin embargo, nos permite extraer conclusiones sobre el factor multiclase. Indicaremos así las carencias que tiene KNIME para trabajar de forma eficiente con problemas multiclase, y los problemas que tienen ciertos algoritmos con clasificación que no sea binaria. Además, también podremos discutir sobre la información que nos dan ciertas métricas respecto a tener más de una clase.

Por tanto, al seguir este proceder, no hemos realizado ningún cambio sustancial en los workflows que ya hemos mostrado en "2.2.1. Workflows empleados para Cross Validation".

2.3.2. Mostrando los resultados obtenidos

En primer lugar, mostramos la tabla que resume todos los resultados obtenidos tras el proceso de *Cross Validation*:

Algo Name	TP	FP	TN	FN	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	AUC	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	283	90	1064	86	0.767	0.759	0.767	0.922	0.763	0.582	0.685	0.841
Neural Net	0	789	734	0	??	0	??	0.482	??	0.995	0	??
Support Vector Machine	0	0	1145	378	0	??	0	1	??	0.488	0.247	0
Support Vector Machine + Normalization	42	28	1117	336	0.111	0.600	0.111	0.976	0.188	0.784	0.557	0.329
K-NN	275	118	1036	94	0.745	0.700	0.745	0.898	0.722	0.599	0.734	0.818
AdaBoost	204	537	608	174	0.540	0.275	0.540	0.531	0.365	0.719	0.234	0.535
Random Forest	266	126	1028	103	0.721	0.679	0.721	0.891	0.699	0.490	0.677	0.801

Cuadro 3: Resultados de $Cross\ Validation$, para los distintos algoritmos estudiados, en el segundo dataset

Notar que hay valores marcados con ??. Ciertos algoritmos no han clasificado ningún valor en la clase positiva o ningún valor en la clase no positiva. Por tanto, en algunas métricas se divide por cero, lo que provoca estos valores ??.

Mostramos ahora una tabla con las medidas de complejidad de cada uno de los algoritmos estudiados:

Algo Name	Medida de Complejidad				
Naive Bayes	20 valores únicos por atributo				
Neural Net	1 hidden layer, 10 neuronas				
Support Vector Machine	Kernel RBF $\sigma = 3.0$				
Support Vector Machine + Normalization	Kernel RBF $\sigma = 2.0$				
K-NN	5 vecinos				
AdaBoost	10 iteraciones				
Random Forest	50 árboles, profundidad no acotada				

Cuadro 4: Medidas de complejidad de los algoritmos considerados, en el segundo dataset

En este caso hemos modificado el valor de σ para SVM no normalizado y el número de vecinos para K-NN, respecto el primer dataset.

2.3.3. Mostrando las curvas ROC obtenidas

Por la decisión tomada en "2.3.1. Workflows empleados para Cross Validation", tenemos algoritmos con resultados catastróficos. Esto hace que la curva ROC conjunta muestre comportamiento muy malos, y por ello, no podemos extraer información útil a partir de dicha gráfica conjunta. Por tanto, mostramos directamente las curvas ROC individuales:

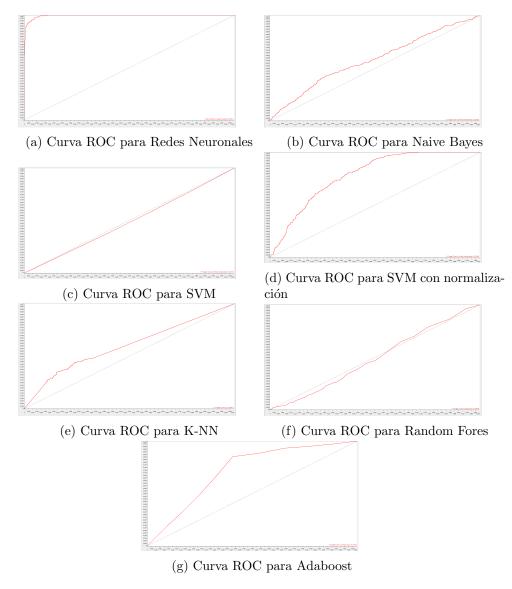


Figura 48: Todas las curvas ROC para el segundo dataset, mostradas de forma individual

2.4. Bank Marketing

2.4.1. Workflows empleados para Cross Validation

Para este dataset realizamos dos cambios respecto a los datasets anteriores:

- 1. SVM en sus dos variantes tarda demasiado tiempo en ejecutarse en nuestro ordenador (más de 5h tras haber otorgado a KNIME toda la potencia disponible en nuestra máquina). Por tanto, usamos el nodo partitioning para ejecutar y evaluar ambos algoritmos en solo el 15 % de los datos.
- 2. Tras esta reducción de los ejemplos, SVM con normalización no seguía sin ejecutarse en un tiempo razonable. Es por esto que decidimos no ejecutar este algoritmo para este problema, y comentar este hecho en los análisis pertinentes
- 3. Aplicamos normalización a K-NN. Sin esta normalización el rendimiento obtenido en este modelo es demasiado malo. Esto no nos había pasado hasta este dataset, y por tanto no nos habíamos dado cuenta del fallo. Además, decidimos dejar el fallo en los dos datasets previos por la posibilidad de análisis que abre dejar este fallo en el "código"

El particionado de los datos para aplicar SVM en un tiempo razonable, y el borrado de SVM con normalización, se muestra en la siguiente captura:

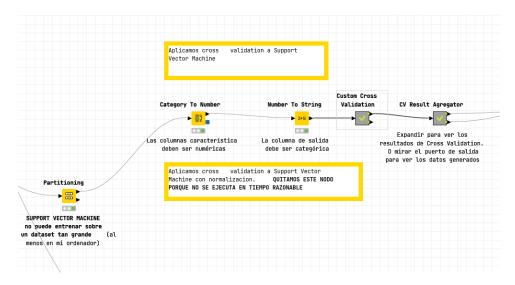


Figura 49: Particionado de los datos, para que SVM en sus dos variantes trabaje con menos datos, y podamos así entrenar y evaluar estos dos modelos en un tiempo razonable. A pesar de esto, SVM con normalización no es capaz de ejecutarse en un tiempo razonable. Y por ello, borramos ese modelo

Mostramos ahora el proceso de normalización de los datos para mejorar el rendimiento de K-NN:

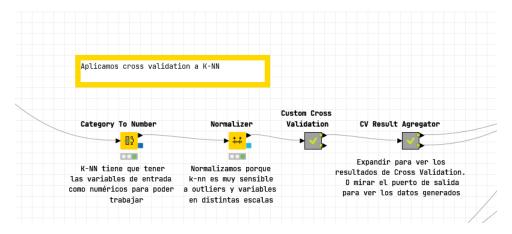


Figura 50: Normalización de los datos previo a evaluar un modelo K-NN

2.4.2. Mostrando los resultados obtenidos

Mostramos los resultados obtenidos tras aplicar los distintos nodos de *Custom Cross Validation*:

Algo Name	TP	FP	TN	FN	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	AUC	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	1668	4684	26324	902	0.649	0.263	0.649	0.849	0.374	0.864	0.834	0.742
Neural Net	529	356	18886	1296	0.290	0.598	0.290	0.981	0.390	0.928	0.922	0.533
Support Vector Machine	0	0	2918	288	0	??	0	1	??	0.843	0.910	0
K-NN	18866	1406	419	376	0.980	0.931	0.980	0.230	0.955	0.879	0.915	0.474
AdaBoost	663	522	30486	1907	0.258	0.559	0.258	0.983	0.353	0.927	0.928	0.504
Random Forest	824	582	30426	1746	0.321	0.586	0.321	0.981	0.414	0.936	0.931	0.561

Cuadro 5: Resultados de $Cross\ Validation$, para los distintos algoritmos estudiados, en el tercer dataset

De nuevo, y como nos pasaba en el *dataset* anterior, tenemos ciertos valores no definidos que marcamos con un ??.

Mostramos ahora una tabla con las medidas de complejidad de cada uno de los algoritmos estudiados:

Algo Name	Medida de Complejidad
Naive Bayes	20 valores únicos por atributo
Neural Net	1 hidden layer, 10 neuronas
Support Vector Machine	Kernel RBF $\sigma = 3.0$
K-NN	10 vecinos
AdaBoost	10 iteraciones
Random Forest	50 árboles, profundidad no acotada

Cuadro 6: Medidas de complejidad de los algoritmos considerados, en el tercer dataset

2.4.3. Mostrando las curvas ROC obtenidas

De nuevo, la gráfica conjunta es demasiado mala como para extraer información relevante. Y por tanto, de nuevo, mostramos las gráficas individuales:

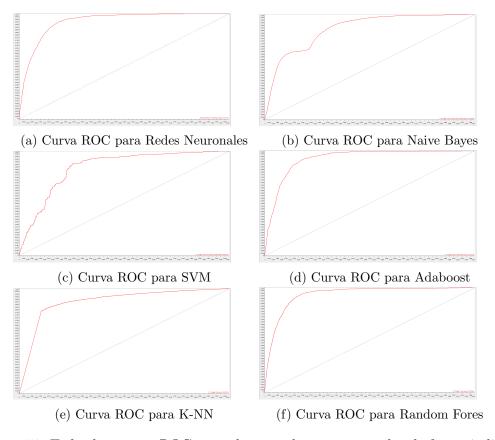


Figura 51: Todas las curvas ROC para el tercer dataset, mostradas de forma individual

2.5. Tanzania Water Pump

2.5.1. Workflows empleados para Cross Validation

En este caso, tenemos el mismo workflow que en el dataset anterior. Solo realizamos tres cambios:

- Para las dos variantes de SVM, usamos los nodos de Weka. De otro modo era imposible ejecutar los algoritmos en un tiempo razonable
- Volvemos a usar el truco del *partitioning* para *SVM*, solo que esta vez nos quedamos con el 80 % de los datos (una cantidad mucho más decente que en el caso anterior)
- Por tanto, esta vez sí que consideramos SVM con normalización

A estas alturas no tiene demasiado sentido que mostremos capturas de pantalla de estos cambios, pues ya hemos desarrollado ampliamente la estructura de nuestros workflows a lo largo de esta memoria.

2.5.2. Mostrando los resultados obtenidos

En la siguiente tabla mostramos los resultados agregados:

Algo Name	TruePositives	FalsePositives	TrueNegatives	FalseNegatives	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	Area Under Curve	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	11016	3675	17601	6262	0.638	0.750	0.638	0.827	0.689	0.802	0.742	0.726
Neural Net	5671	2103	11269	3649	0.608	0.729	0.608	0.843	0.664	0.801	0.747	0.716
Support Vector Machine	44	10	4962	2645	0.016	0.815	0.016	0.998	0.032	0.507	0.653	0.128
K-NN	5744	2859	9674	4410	0.566	0.668	0.566	0.772	0.612	0.714	0.680	0.661
AdaBoost	4413	2206	10331	5742	0.435	0.667	0.435	0.824	0.526	0.676	0.650	0.598
Support Vector Machine + Normalization	1153	382	4590	1536	0.429	0.751	0.429	0.923	0.546	0.676	0.750	0.629
Random Forest	6078	2417	10120	4077	0.599	0.715	0.599	0.807	0.652	0.747	0.714	0.695

Cuadro 7: Resultados de $Cross\ Validation$, para los distintos algoritmos estudiados, en el cuarto dataset

Mostramos a continuación la tabla con la complejidad de los modelos generados:

Algo Name	Medida de Complejidad			
Naive Bayes	20 valores únicos por atributo			
Neural Net	1 hidden layer, 10 neuronas			
Support Vector Machine	Kernel RBF $\sigma = 2.0$			
Support Vector Machine + Normalization	Kernel RBF $\sigma = 2.0$			
K-NN	10 vecinos			
AdaBoost	10 iteraciones			
Random Forest	50 árboles, profundidad no acotada			

Cuadro 8: Medidas de complejidad de los algoritmos considerados

2.5.3. Mostrando las curvas ROC obtenidas

Mostramos, de nuevo, las curvas de forma indiviudal:

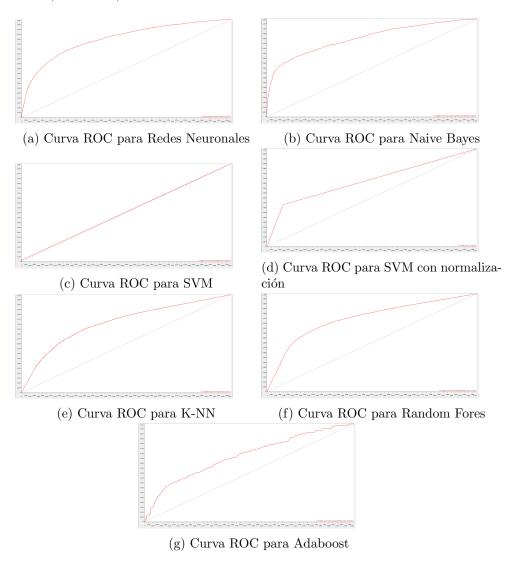


Figura 52: Todas las curvas ROC para el primer dataset, mostradas de forma individual

3. Análisis de resultados

En la anterior sección, "2. Resultados Obtenidos", hemos mostrados los resultados obtenidos. Estos resultados han sido las tablas con las distintas métricas recolectadas, las medidas de complejidad de los algoritmos, y las distintas curvas ROC obtenidas. En base a esto, y a la siguiente tabla comparativa, realizaremos un análisis de los algoritmos obtenidos. En la siguiente tabla, usamos como medida base G-Mean, pues como veremos a lo largo de esta memoria, es una medida mucho más representativa que accuracy. También, es una medida lo suficientemente representativa como para ser considerada por sí sola.

G-Mean	Dataset 01	Dataset 02	Dataset 03	Dataset 04	Valor Medio	Desv. Tipica
Naive Bayes	0.710	0.841	0.742	0.726	0.755	0.059
Neural Net	0.810		0.533	0.716	0.686	0.141
Support Vector Machine	0.140	0		0.128	0.089	0.078
Support Vector Machine + Normalization	0.620	0.329	0	0.661	0.403	0.306
K-NN	0.540	0.818	0.474	0.598	0.608	0.149
AdaBoost	0.710	0.535	0.504	0.629	0.595	0.094
Random Forest	0.720	0.801	0.561	0.695	0.694	0.100

Cuadro 9: Resumen de los resultados obtenidos con los distintos modelos, en los disntintos datasets. Usamos como métrica base G-Mean

Como ya hemos comentado, los valores que están vacíos se deben a operaciones no definidas (por ejemplo, intentar dividiro por cero).

Empezamos ordenando los algoritmos por el valor medio de *G-Mean*, de menor a mayor, obteniendo:

- 1. Support Vector Machine
- 2. Support Vector Machine + Normalization
- 3. AdaBoost
- 4. K-NN
- 5. Neural Net
- 6. Random Forest
- 7. Naive Bayes

Nos sorprende que SVM en sus dos variantes haya sido el peor algoritmo considerado. Esto se puede explicar porque la implementación de KNIME no sea del todo buena. O más probablemente, que no hayamos ajustado correctamente los parámetros que definen el aprendizaje del modelo. A pesar de esto, en "9. Resumen de los resultados obtenidos con los distintos modelos, en los distintos datasets. Usamos como métrica base G-Mean" podemos ver el gran impacto que tiene la normalización, pasando de un valor medio de 0.09 a 0.403. Lo mismo es aplicable a K-NN. Aunque sin haber aplicado normalización en todos los datasets ha obtenido resultados realmente buenos.

No nos sorprende que *Random Forest* sea el segundo mejor algoritmo en media. Por su naturaleza, es de esperar que obtenga resultados de alta calidad, y además, de forma consistente en distintas situaciones.

Sí que sorprende que Naive Bayes haya sido el mejor algoritmo en media. Pensábamos que no iba a ser capaz de obtener buenos resultados consistentemente por la hipótesis de independencia en las variables. Pensábamos que en algún dataset iba a funcionar mal por estas correlaciones entre variables. Sin embargo, gracias a la complejidad de los datos con los que hemos trabajado, el que teóricamente esta hipótesis pueda fallar no afecta demasiado al rendimiento del modelo aprendido.

El siguiente modelo también era de esperar. Las redes neuronales son conocidas por su gran capacidad de ajuste en multitud de escenarios. Sin embargo no han obtenido resultados excelentes. Como ya hemos comentado, KNIME no nos proporciona muchas opciones para definir estos modelos. Echamos especialmente de menos opciones como:

- Mejor definición de la arquitectura. Poder definir el número de neuronas en la salida. Poder definir las funciones de activación. Por ejemplo, en la salida, n neuronas donde n es el número de clases con las que trabajamos, y aplicar una función sofmax para elegir la clase que damos como salida de clasificación. Esto permitiría trabajar cómodamente con problemas multiclase. También sería interesante disponer de batch normalization para mejorar el rendimiento de la red.
- Definir medidas de regularización como por ejemplo weight decay, para evitar que nuestra red tenga overfitting
- Definir regularizaciones más avanzadas como por ejemplo dropout
- O incluso poder definir arquitecturas avanzadas, como *skip connections* para montar una arquitectura tipo *ResNet*, que ha demostrado ser muy eficaz

Sabemos que esto se puede hacer con la extensión de Keras, pero no hemos sido capaces de configurarla de forma correcta.

K-NN ha quedado en la mitad del *ranking*. Esto era de esperar. Es un algoritmo simple, y por ello en general no obtiene grandes resultados. Sin embargo, por su simplicidad, es muy generalizable y se adapta a variedad de situaciones. Y es por ello que era de esperar que quedase en un puesto medio. Es un algoritmo en general ni muy bueno ni muy malo.

Sin embargo es destacable el buen rendimiento que alcanza en "6.3. Mobile Price Classification". Por tanto, no podemos descartar que este modelo simple pueda tener resultados realmente buenos.

Nos sorprende que AdaBoost haya quedado en la parte baja de la tabla. Incluso por debajo de k-NN. La explicación más razonable a este hecho es que no hayamos ajustado de forma efectiva los parámetros que definen este modelo.

Ordenamos ahora los algoritmos según la desviación típica, de menor a mayor:

- 1. Naive Bayes
- 2. Support Vector Machine
- 3. AdaBoost
- 4. Random Forest

- 5. Neural Net
- 6. K-NN
- 7. Support Vector Machine + Normalization

De nuevo, sorprende lo bien que funciona $Naive\ Bayes$. Es el modelo que mejor valor de G-mean obtiene y, además, el más estable.

Es curioso el caso de SVM. Sin normalización es de los más estables, pero con normalización es el más inestable. Cuando es estable, es porque es un mal algoritmo de forma consistente. Y al ser inestable con normalización, vemos que el algoritmo es malo salvo en casos concretos en los que obtiene buenos resultados.

AdaBoost es malo de forma estable, así que esto no nos da más información que lo que ya sospechábamos: tenemos que estar ajustando de forma ineficiente los parámetros que definen el modelo.

Por su naturaleza de *ensemble*, era de esperar que *Random Forest* sea un algoritmo estable. Aunque esté a mitad del *ranking*, notar que solo *Naive Bayes* es un buen algoritmo que además sea estable (es irrelevante que tengamos malos algoritmos de forma consistente).

Tampoco sorprende que las redes neuronales sean inestables por lo que ya hemos comentado. En los casos que tengamos sobreajuste, obtendremos malos resultados. Con KNIME no hemos conseguido introducir medidas efectivas de regularización.

4. Configuración de los algoritmos

4.1. Consideraciones iniciales

Por cada *dataset*, hemos seleccionado dos de los mejores modelos para ese problema, y hemos realizado un ajuste de los parámetros de forma iterativa buscando la máxima eficacia de los modelos considerados. Por tanto, desarrollaremos una sección para cada *dataset* en el que realizaremos este estudio.

Observar que estamos optimizando la métrica accuracy, que como sabemos de teoría, tiene ciertos problemas y no es del todo representativa de la eficacia real de los modelos obtenidos. Sin embargo, esto ha sido así porque, para el nodo Parameter Optimization Loop End, tenemos que pasar una métrica por flow variable, como es posible hacer con el scorer. Sin embargo esto no ha sido posible usando un nodo math formula, por lo que nos hemos conformado con ajustar el accuracy (mala métrica) a través de un proceso iterativo metódico (buena forma de proceder). En otro software sería sencillo cambiar esta optimización para ajustar una mejor medida como G-Mean siguiendo la misma filosofía.

En este caso, no estamos usando *Cross Validation* para obtener las métricas. En su lugar, estamos dividiendo el conjunto de datos en 2 particiones, una para *training* (70%) y otra para *test* (30%). Con esto calculamos las métricas sobre el conjunto de *test*. Esta decisión ha sido tomada con el objetivo de reducir los tiempos de cómputo, que ya son elevados por la forma de proceder modificando los valores de los parámetros de forma iterativa.

Al igual que hemos hecho previamente, vamos a ser completamente explícitos en "4.2. Heart Failure Prediction", y en los siguientes datasets, para evitar ser repetitivos, solo incluiremos las diferencias respecto a lo desarrollado anteriormente y los resultados concretos obtenidos para ese dataset. Por ejemplo, solo mostramos todas las capturas de los workflows en "4.2. Heart Failure Prediction".

4.2. Heart Failure Prediction

Para este dataset, elegimos optimizar $Random\ Forest$ y la red neuronal simple. Mostramos el workflow global en el que ajustamos los dos modelos:

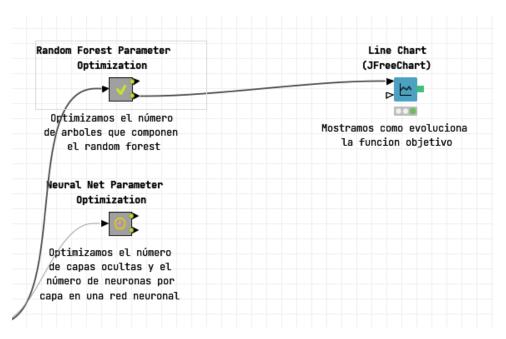


Figura 53: Workflow global para ajustar los dos algoritmos elegidos

Ahora mostramos la optimización que realizamos, en cada uno de los dos modelos:

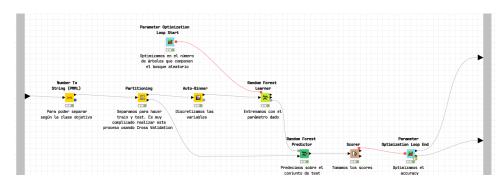


Figura 54: Workflow para ajustar Random Forest

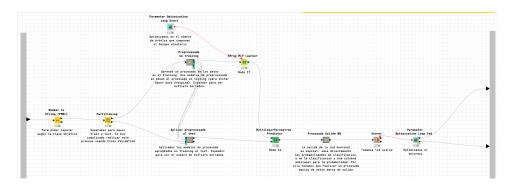


Figura 55: Workflow para ajustar Redes Neuronales Simples

En ambos casos estamos usando el nodo Parameter Optimization Loop. Para trabajar con este nodo, especificamos los parámetros que queremos optimizar, los rangos y los *steps* que tomar. Además, optimizamos usando la opción de fuerza bruta, pues estamos probando con pocas combinaciones de parámetros, por lo que nos podemos permitir este proceder. Una vez hecho esto, especificamos a nuestro modelo que use en cada iteración estos parámetros, usando para ello *flow variables*.

Una vez mostrado esto, a continuación tenemos las tablas obtenidas del proceso de optimización:

Number of trees	Objective value
10	0.837
20	0.841
30	0.859
40	0.862
50	0.859
60	0.848
70	0.851
80	0.855
90	0.859
100	0.862
110	0.862
120	0.859
130	0.862
140	0.862
150	0.866

Cuadro 10: Optimización para Random Forest, ajustando el número de árboles

En este caso, vemos que el accuracy crece de forma más o menos monótona conforme aumentamos el número de árboles que conforman el bosque. Por tanto, obtenemos el mejor resultado en el valor más alto de número de árboles, y lo lógico sería continuar aumentando dicho valor y ver cómo evoluciona la métrica estudiada. Pero como ya hemos comentado, estamos usando como métrica el accuracy, que no es una métrica del todo fiable, y por tanto decidimos no aumentar este valor en pro de obtener un modelo más simple y, por tanto, potencialmente mucho más generalizable.

Neurons per h.layer	Hidden Layers	Objective value
10	1	0.446
20	1	0.446
30	1	0.554
40	1	0.446
50	1	0.511
60	1	0.522
70	1	0.551
80	1	0.464
90	1	0.446
100	1	0.554
10	2	0.554
20	2	0.551
30	2	0.554
40	2	0.446
50	2	0.446
60	2	0.446
70	2	0.406
80	2	0.554
90	2	0.388
100	2	0.554
10	3	0.446
20	3	0.493
30	3	0.446
40	3	0.554
50	3	0.446
60	3	0.554
70	3	0.471
80	3	0.554
90	3	0.446
100	3	0.446

Cuadro 11: Optimización para Redes Neuronales Simples, ajustando el número de capas ocultas y el número de neuronas por capa oculta

En este caso, obtenemos los mejores resultados para 30 neuronas y una única capa oculta. Esto lo que nos muestra es que los mejores resultados no los estamos obteniendo con un modelo más potente, sino con uno más simple con menor capacidad de sobreajustar.

Hay que tener en cuenta que las redes neuronales de KNIME son muy simples, y dan muy poco de sí. Para poder trabajar con modelos más potentes de redes neuronales (más capas ocultas con más neuronas por capa), necesitamos **técnicas de regularización**. Por ejemplo, no podemos establecer una regularización tipo weight decay. Tampoco podemos usar dropout para paliar el sobreajuste. Y con ello, es lógico que modelos más simples generen mejores resultados en test, por su menor capacidad de sobreajuste.

Además, por problemas con el nodo Parameter Optimization Loop, no podemos tratar los missing values ni normalizar las variables sin que esto provoque fallos que no sabemos resolver. Por esto, obtenemos resultados peores que los mostrados previamente para Custom Cross Validation. Sin embargo, la metodología y el ajuste es correcto. Sería cuestión de encon-

trar el fallo que nos da ${\tt KNIME}$ y solucionarlo, o emplear otro ${\it Software}$ para este ajuste.

4.3. Mobile Price Classification

Para este dataset, elegimos optimizar Random Forest por los buenos resultados que nos ha dado, y K-NN. Tanto el workflow global como el workflow para Random Forest no han cambiado sustancialmente, así que no mostramos capturas de pantalla para estos dos workflows. El workflow para K-NN se muestra en la siguiente figura:

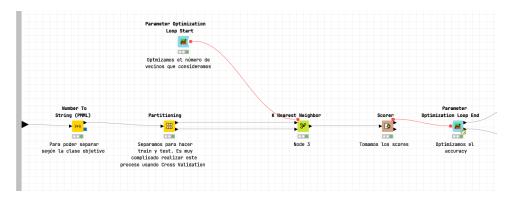


Figura 56: Workflow para ajustar K-NN

Mostramos la tabla obtenida en la optimización para Random Forest:

Number of trees	Objective value
10	0.805
20	0.843
30	0.872
40	0.877
50	0.870
60	0.868
70	0.867
80	0.868
90	0.865
100	0.875
110	0.873
120	0.875
130	0.873
140	0.868
150	0.870

Cuadro 12: Optimización para Random Forest, ajustando el número de árboles

Obtenemos los mejores resultados con una cantidad de árboles por cada *forest* modesta, por debajo del valor por defecto que nos da KNIME. A diferencia del *dataset* anterior, esta vez no tenemos ese crecimiento monótono en el *accuracy*, y para este caso, queda claro que en ocasiones es mejor un modelo más simple, por tanto menos potente, pero con mejor capacidad de generalización.

Mostramos ahora los resultados para la optimización de K-NN:

Number of neighbours	Objective value
1	0.908
2	0.908
3	0.923
4	0.925
5	0.933
6	0.937
7	0.945
8	0.940
9	0.945
10	0.942
11	0.943
12	0.947
13	0.947
14	0.948
15	0.947

Cuadro 13: Optimización para K-NN, ajustando el número de vecinos considerados para la clasificación

En este caso, estamos ajustando el número de vecinos considerados. Al aumentar este parámetro, no estamos aumentando la complejidad del modelo. Estamos aumentando la regularización que aplica al modelo. Al considerar más vecinos, suavizamos las fronteras generadas, y por tanto reducimos algo la capacidad de sobreajuste de nuestro modelo.

Con ello, estamos viendo que nuestro modelo se beneficia enormemente de la regularización aplicada. Regularización que, en general, hemos echado de menos en las herramientas que KNIME pone a nuestra disposición.

Además, cabe resaltar los buenos resultados que obtenemos en *accuracy*. Al tener cuatro clases perfectamente balanceadas, este buen *accuracy* no puede explicarse por un clasificado constante o algún problema de esta índole. Y por tanto, podemos asegurar que estamos obteniendo un modelo de muy buen rendimiento.

4.4. Bank Marketing

En este dataset elegimos optimizar los parámetros de los modelos Random Forest y Neural Net. Ambos modelos han obtenido resultados muy buenos que queremos ajustar al máximo. Ambos modelos ya han sido optimizados previamente, así que mostramos directamente los resultados sin mostrar las capturas de pantalla de los workflows. Empezamos con Random Forest:

Number of trees	Objective value
10	0.890
20	0.890
30	0.891
40	0.891
50	0.891
60	0.891
70	0.891
80	0.891
90	0.891
100	0.892
110	0.892
120	0.892
130	0.892
140	$\boldsymbol{0.892}$
150	0.892

Cuadro 14: Optimización para Random Forest, ajustando el número de árboles

En este caso, obtenemos un comportamiento curioso. Apenas estamos afectando al *accuracy* modificando los parámetros en el rango en el que nos movemos. Esto puede estar ocasionado por dos motivos:

- Como ya hemos comentado repetidas veces, la medida *accuracy* no es del todo representativa, y se ve muy afectada por problemas como el desbalanceo de clases (que en nuestro *dataset* es crítico)
- Los rangos de valores son muy pequeños como para que generen una diferencia notable

Sin embargo, sabiendo que nuestro dataset tiene un importante desbalanceo, nos inclinamos más por la primera hipótesis.

Mostramos ahora los resultados para la optimización de redes neuronales:

Neurons per layer	Hidden Layers	Objective value
10	1	0.914
30	1	0.914
50	1	0.914
10	2	0.914
30	2	0.915
50	2	0.915
10	3	0.913
30	3	0.915
50	3	0.912

Cuadro 15: Optimización para Redes Neuronales, ajustando el número de capas ocultas y el número de neuronas por capa

Aquí también obtenemos el mismo comportamiento. Esto reafirma nuestra sospecha de que el desbalanceo de las clases está dominando la métrica de accuracy. Gracias a esto, sabemos que los resultados obtenidos en "5. Resultados de Cross Validation, para los distintos algoritmos estudiados, en el tercer dataset", en lo que a accuracy se refiere, son demasiado optimistas.

4.5. Tanzania Water Pump

En este caso, por ser los algorimtos con mejores resultados, optimizamos una red neuronal simple y a *Naive Bayes*. Los resultados para la red neuronal se muestran a continuación:

Neurons per layer	Hidden Layers	Objective value
10	1	0.740
20	1	0.740
30	1	0.740
40	1	0.740
50	1	0.740
60	1	0.740
70	1	0.740
10	2	0.740
20	2	0.740
30	2	0.740
40	2	0.740
50	2	0.740
60	2	0.740
70	2	0.740
10	3	0.740
20	3	0.740
30	3	0.740
40	3	0.740
50	3	0.740
60	3	0.740
70	3	0.740

Cuadro 16: Optimización para Redes Neuronales, ajustando el número de capas ocultas y el número de neuronas por capa

Esta ocurriendo lo mismo que pasaba anteriormente. El desbalanceo de las clases hace que nuestro modelo se quede anclado en un *accuracy* que, modificando los parámetros del modelo. No podemos mover. Todo lo comentado al respecto en el *dataset* anterior, aplica en este caso.

Mostramos ahora los resultados de optimizar Naive Bayes:

Maximum Number Nodes	Objective value
5	0.649
10	0.713
15	0.731
20	0.741
25	0.738
30	0.738
35	0.738
40	0.738
45	0.738
50	0.738

Cuadro 17: Optimización para Naive Bayes:w

En este caso ocurre lo mismo que hemos comentado para K-NN. Estamos aumentando el nivel de regularización, y no la complejidad del modelo en sí. Y estamos viendo que se obtienen los mejores resultados con una regularización media (es claro que no es conveniente aplicar demasiada regularización, porque esto provoca que tengamos un modelo que generaliza muy bien, pero generaliza unos resultados de por sí muy malos)

Es destacable que este modelo ha evitado el problema que teníamos con redes neuronales. Por tanto pensamos que este es un modelo que trata mejor el problema que supone las clases desbalanceadas.

5. Procesado de datos

5.1. Consideraciones iniciales

Desarrollaremos distintos apartados para cada uno de los datasets. En vista de los análisis previos para cada dataset, tomaremos ciertas decisiones de procesado buscando mejorar el rendimiento de los modelos planteados. Compararemos dicho rendimiento antes y después del procesado, lo que nos permitirá extraer ciertas conclusiones sobre la técnica empleada, sobre el comportamiento de los algoritmos o sobre el problema en sí.

5.2. Heart Failure Prediction

Como hemos estudiado en "5. Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa.", tenemos variables que están muy correladas entre sí. Así que para mejorar este dataset, decidimos borrar algunas variables que estén altamente correladas con otras, para ver si conseguimos obtener mejores resultados o, al menos, mantener el mismo rendimiento con menos variables, y por tanto, con modelos más sencillos.

Podríamos haber aplicado otras técnicas. *PCA* ya se demostró poco efectivo (al menos con dos dimensiones) en el análisis exploratorio de datos, pues no proporcionaba una buena distribución de datos. Además tenemos muy pocas variables como para necesitar un método automático de reducción de dimensionalidad (es factible seleccionar las variables manualmente). Tampoco tenemos un desbalanceo excesivo de las clases como para aplicar una técnica como *SMOTE*. Son estas las razones por las que nos decantamos por un procesado de los datos tan básico de los datos (que ya de por sí son básicos).

Este procesado de los datos se realiza del siguiente modo:

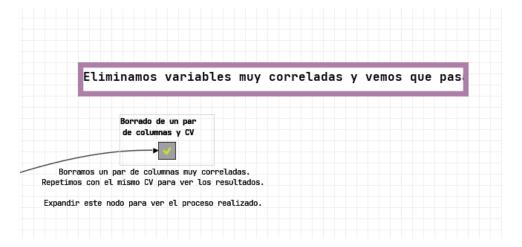


Figura 57: Workflow de más alto nivel para el procesado de los datos

Mostramos el contenido de este nodo:

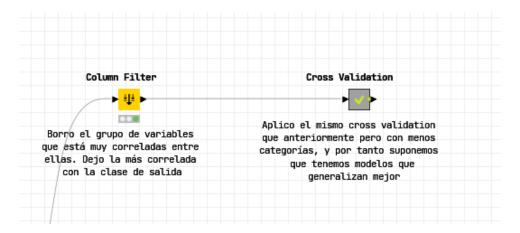


Figura 58: Workflow de más alto nivel para el procesado de los datos

En este nodo nos quedamos solo con las variables MaxHR, ExerciseAngina, Oldpeak, ST_Slope y la variable de salida (decisión justificada por lo que comentábamos en el *EDA* para este *dataset*).

Además, tenemos que adaptar los nodos de *Custom Cross Validation*. Como no estamos usando la variable Cholesterol, no tenemos que crear los *missing values*, porque ya no tenemos. Este es el cambio que realizamos en todos los nodos de *Custom Cross Validation*.

Los resultados obtenidos tras aplicar $Cross\ Validation\$ tras esta transformación son los siguientes:

	Algo Name	TruePositives	FalsePositives	TrueNegatives	FalseNegatives	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	Area Under Curve	Accuracy	G-Mean
Γ	Naive Bayes	328	135	314	140	0.701	0.708	0.701	0.699	0.705	0.559	0.700	0.700
	Neural Net	431	86	324	76	0.850	0.834	0.850	0.790	0.842	0.880	0.823	0.820
	Support Vector Machine	421	102	308	86	0.830	0.805	0.830	0.751	0.817	1	0.795	0.790
	Support Vector Machine + Normalization	429	93	317	78	0.846	0.822	0.846	0.773	0.834	1	0.814	0.809
- 1	K-NN	151	268	142	356	0.298	0.360	0.298	0.346	0.326	0.828	0.320	0.321
	AdaBoost	388	87	362	80	0.829	0.817	0.829	0.806	0.823	0.565	0.818	0.818
L	Random Forest	314	128	321	154	0.671	0.710	0.671	0.715	0.690	0.576	0.692	0.693

Cuadro 18: Resultados de *Cross Validation*, para los distintos algoritmos estudiados, en el primer dataset, tras realizar la selección de variables

Aunque ya hemos mostrado esta tabla previamente, mostramos por claridad la tabla de *Cross Validation* obtenida sin el procesado de los datos, para que sea más sencillo realizar la comparación:

Algo Name	TP	FP	TN	FN	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	AUC	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	212	106	247	79	0.73	0.67	0.73	0.70	0.70	0.92	0.71	0.71
Neural Net	212	42	179	48	0.82	0.83	0.82	0.81	0.82	0.88	0.81	0.81
Support Vector Machine	6	1	352	285	0.02	0.86	0.02	1.00	0.04	1	0.56	0.14
Support Vector Machine + Normalization	141	33	332	195	0.42	0.81	0.42	0.91	0.55	1	0.67	0.62
K-NN	155	161	192	136	0.53	0.49	0.53	0.54	0.51	0.72	0.54	0.54
AdaBoost	208	102	251	83	0.71	0.67	0.71	0.71	0.69	0.92	0.71	0.71
Random Forest	215	107	246	76	0.74	0.67	0.74	0.70	0.70	0.92	0.72	0.72

Cuadro 19: Resultados de *Cross Validation*, para los distintos algoritmos estudiados, en el primer dataset, sin aplicar el procesado de datos

5.2.1. Conclusiones

En base a las dos tablas de resultados anteriores, "18. Resultados de Cross Validation, para los distintos algoritmos estudiados, en el primer dataset, tras realizar la selección de variables" y "19. Resultados de Cross Validation, para los distintos algoritmos estudiados, en el primer dataset, sin aplicar el procesado de datos", realizamos el siguiente análisis.

Nos fijaremos en la métrica *G-Mean*, pues es más informativa que le *accuracy*, como ya hemos señalado varias veces a lo largo de esta memoria. En general hemos mejorado significativamente esta métrica quedándonos con menos columnas en comparación a los resultados sin este preprocesado de datos. Esto es claro pues pasamos de tener un *G-Mean* medio de 0.6071 a tener un *G-Mean* medio de 0.7072. Por tanto, **mejoramos el rendimiento generando modelos más sencillos**.

Nos fijamos ahora en las diferencias algoritmo a algoritmo:

Algo Name	$procesado-sin_procesar$
Naive Bayes	-0.010
Neural Net	0.010
SVM	0.650
SVM Norm	0.189
KNN	-0.219
Adaboost	0.108
Random Forest	-0.027

Cuadro 20: Tabla con las diferencias algoritmo a algoritmo, rendimiento del algoritmo tras el procesado menos el rendimiento algoritmo sin el procesado. El rendimiento es G-Mean

Cuando el algoritmo pierde rendimiento, este empeoramiento es muy pequeño (la peor diferencia es ≈ -0.22). Por tanto podemos decir que, en esos casos estamos manteniendo el rendimiento con modelos más sencillos. Las mejoras, sin embargo, son más grandes (prácticamente el triple de grandes que los empeoramientos, llegando a ≈ 0.65). Y todo esto teniendo en cuenta que estamos trabajando con un dataset mucho más pequeño y, por tanto, generando modelos mucho más simples, por tanto mucho más generalizables y, cuando el algoritmo lo permite, modelos muchos más interpretables.

El algoritmo más perjudicado ha sido K-NN. Esto puede ser debido a que, a diferencia de lo que estamos haciendo más adelante, no estamos normalizando los datos de entrada. Por tanto es más sensible a diferencias de escala en las variables. Y al tener menos variables, este efecto es mucho más crítico. Además, al ser un algoritmo que considera información de forma local, al estar quitando variables en las que mirar en la vecindad, es un algoritmo que pierde mucha información por este procesado.

El algoritmo más beneficiado ha sido SVM sin normalización. Es destacable que SVM con normalización no se haya beneficiado tanto. Por tanto, y como comentábamos para K-NN, las distintas escalas de las variables han tenido mucho que ver en este resultado. Creemos que SVM sin normalización estaba sufriendo demasiado por diferencias en escala de alguna de las variables que hemos eliminado. Al eliminar estas variables problemáticas, hemos conseguido que el algoritmo tenga mucho mayor rendimiento.

A pesar de esto último, no olvidar que SVM con normalización también se ve beneficiado

del procesado. Por tanto, además de haber eliminado variables problemáticas para SVM sin normalizar, el procesado es en sí mismo beneficioso para el rendimiento de estos modelos.

5.3. Mobile Price Classification

Como hemos comentado en "1.3.1. Análisis Exploratorio de los datos", aplicar PCA resultando en solo dos variables de entrada parecía muy prometedor. Así que hemos aplicado esto a nuestro dataset, y luego hemos comparado con el rendimiento de un algoritmo en concreto.

La estructura general se muestra en el siguiente workflow:

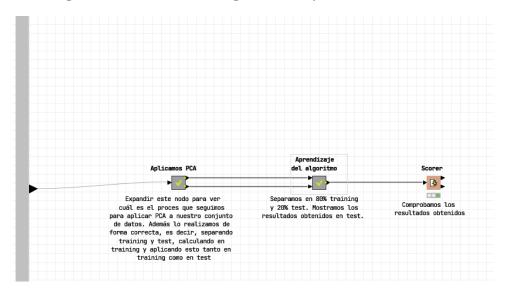


Figura 59: Workflow general aplicado para el procesado de datos

Aplicamos PCA de la forma correcta. Para ello separamos en training y test. Realizamos los cálculos de PCA sobre training, y los aplicamos a training. Con esos cálculos, aplicamos PCA a test. Esto es importante para evitar hacer data snooping. Esto se muestra en el siguiente workflow:

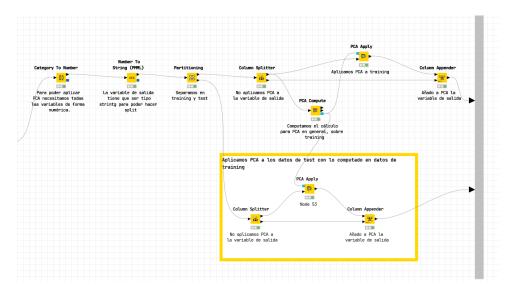


Figura 60: Workflow para aplicar PCA de forma correcta

Con esto, usamos k-NN para realizar las predicciones. Ya hemos visto que este algoritmo bien empleado puede obtener resultados realmente buenos. Mostramos este workflow:

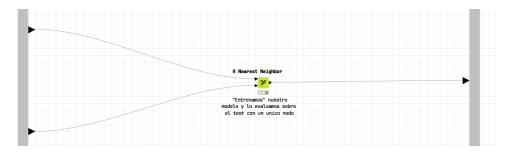


Figura 61: Evaluando el procesado de los datos usando un modelo de aprendizaje automático concreto

Los resultados obtenidos del *scorer* se muestran en la siguiente tabla:

Classification Class	TruePositives	FalsePositives	TrueNegatives	FalseNegatives	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	Accuracy	Cohen's kappa
1	116	41	409	34	0.773	0.739	0.773	0.909	0.756		
2	109	38	412	41	0.727	0.741	0.727	0.916	0.734		
3	134	18	432	16	0.893	0.882	0.893	0.960	0.887		
0	132	12	438	18	0.880	0.917	0.880	0.973	0.898		
Overall										0.818	0.758

Cuadro 21: Resultados de entrenar K-NN, con 10 vecinos, en el conjunto de datos tras el procesado

5.3.1. Conclusiones

En "13. Optimización para K-NN, ajustando el número de vecinos considerados para la clasificación" conseguíamos, tras un ajuste, un accuracy de ≈ 0.94 . Tras este procesado, y sin ajuste alguno, obtenemos un accuracy de 0.818.

Esto es realmente sorprendente por dos motivos. El primero y más obvio es que estamos reduciendo toda la información del dataset a solamente dos variables. De 20 variables de entradad hemos pasado a solamente utilizar 2 variables, una reducción x10, lo cual de por sí ya es muy relevante. El segundo motivo es que estamos obteniendo resultados realmente buenos con un modelo realmente simple, como es K-NN.

Estamos perdiendo aproximadamente un 0.13 de accuracy para el caso concreto de K-NN. Sin embargo, estamos simplificando el problema de forma masiva manteniendo un accuracy muy decente. El único problema que le vemos a este procedimiento es que perdemos la interpretabilidad en el momento en que colapsamos todo el dataset a dos variables continuas. Sin embargo, la simplificación es innegable. Y lo que ello conlleva: modelos más rápidos de entrenar, más rápidos en inferencia y mucho más generalizables.

5.4. Bank Marketing

En el análisis exploratorio de datos hemos visto que el principal problema que tenemos es el gran desbalanceo de las clases. También, en el ajuste de los parámetros de dos algoritmos, hemos visto que no hemos variado apenas el *accuracy* debido al desbalanceo de las clases.

Es por esto que decidimos aplicar SMOTE [7], con el objetivo de tener las clases más balanceadas y, en consecuencias, generar modelos con mejor rendimiento.

En este caso, el proceso que tenemos que realizar es muy sencillo. Simplemente usamos el nodo que nos proporciona KNIME para aplicar SMOTE y usamos el mismo nodo de *Custom Cross Validation* sobre todos los algoritmos para generar los resultados. Mostramos este *workflow* a continuación:

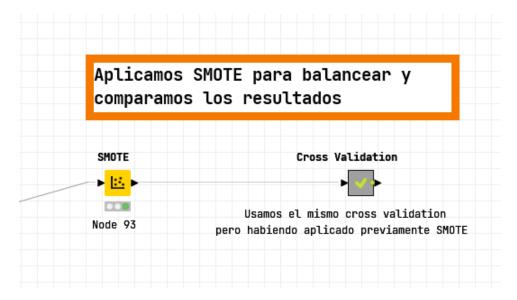


Figura 62: Workflow para balancear las clases

Con esto, los resultados obtenidos tras el procesado de datos son los siguientes:

Algo Name	TP	FP	TN	FN	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	AUC	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	12999	6361	24740	9042	0.590	0.671	0.590	0.795	0.628	0.841	0.710	0.685
Neural Net	14534	3088	16524	1491	0.907	0.825	0.907	0.843	0.864	0.939	0.872	0.874
Support Vector Machine	29	2	971	761	0.037	0.935	0.037	0.998	0.071	0.761	0.567	0.191
K-NN	17070	390	15635	2542	0.870	0.978	0.870	0.976	0.921	0.971	0.918	0.922
AdaBoost	19586	3870	27231	2455	0.889	0.835	0.889	0.876	0.861	0.953	0.881	0.882
Random Forest	21525	1774	29327	516	0.977	0.924	0.977	0.943	0.949	0.995	0.957	0.960

Cuadro 22: Resultados de Cross Validation tras aplicar SMOTE

Aunque mostramos los resultados de *Custom Cross Validation* sin procesar previamente, volvemos a mostrar la tabla para facilitar la comparación de los dos ambientes al lector:

Algo Name	TP	FP	TN	FN	Recall	Precision	Sensitivity	Specificity	F-measure	AUC	Accuracy	G-Mean
Naive Bayes	1668	4684	26324	902	0.649	0.263	0.649	0.849	0.374	0.864	0.834	0.742
Neural Net	529	356	18886	1296	0.290	0.598	0.290	0.981	0.390	0.928	0.922	0.533
Support Vector Machine	0	0	2918	288	0	??	0	1	??	0.843	0.910	0
K-NN	18866	1406	419	376	0.980	0.931	0.980	0.230	0.955	0.879	0.915	0.474
AdaBoost	663	522	30486	1907	0.258	0.559	0.258	0.983	0.353	0.927	0.928	0.504
Random Forest	824	582	30426	1746	0.321	0.586	0.321	0.981	0.414	0.936	0.931	0.561

Cuadro 23: Resultados de *Cross Validation*, para los distintos algoritmos estudiados, en el tercer dataset, sin aplicar el balanceo de las clases

5.4.1. Conclusiones

La primera diferencia que observamos es que, tras balancear las clases, los resultados en SVM ya no tienen valores ??, aunque el modelo obtenido es muy malo comparado al resto.

En segundo lugar, es claro que hemos obtenido modelos con un accuracy menor que su modelo correspondiente en el dataset sin procesar. Sin embargo, los valores de G-Mean han aumentado enormemente (salvo Naive Bayes que empeora un poco, y la red neuronal de la que hablamos más adelante). De hecho, los modelos con mayor aumento en G-Mean son SVM, K-NN, AdaBoost y Random Forest.

La red neuronal es la que mayor decrecimiento tiene en *G-Mean*. Pensamos que el motivo de esto puede ser que SMOTE haya generado datos sintéticos no lo suficientemente buenos para la red neuronal. Estos modelos tienen una capacidad enorme de sobreajuste, por lo que malos datos sintéticos dan más oportunidades a la red para realizar un sobreajuste duro de los datos. Además esto se puede ver empeorado con el hecho de que KNIME no nos permite especificar ninguna medida de regularización, por lo que es muy difícil controlar el sobreajuste en este modelo.

Salvando este problema con un modelo concreto de KNIME, queda claro que el balanceo de las clases ha provocado que nuestros modelos tengan un rendimiento mucho mayor. Además, también ha dejado de manifiesto que la métrica de *accuracy* es insuficiente, pues hemos visto que ha descendido a pesar de que los modelos ahora trabajen mejor con el problema.

5.5. Tanzania Water Pump

En este caso, y al igual que hacíamos en el *dataset* anterior, buscamos paliar el problema de desbalanceo de clases. Del mismo modo, usando el nodo de KNIME para aplicar SMOTE. Sin embargo, no podemos llevar a cabo este estudio porque KNIME lanza un problema con el heap de Java. Nuestra máquina tiene 8GB que KNIME consume sin éxito.

Por tanto, no desarrollamos el análisis que hemos realizado en los otros *datasets*. Al haber intentado aplicar el mismo procesamiento, esperábamos obtener unos resultados y conclusiones parecidas. Es decir, modelos con un *accuracy* ligeramente menor, a cambio de un mejor rendimiento real, reflejado en parte por la métrica *G-Mean*.

KNIME de por sí no ha demostrado trabajar con facilidad con grandes conjuntos de datos. Podríamos intentar resolver estos problemas usando la integración con *Apache Spark*, herramienta de referencia para tareas de *Big Data*. Sin embargo no tenemos tiempo para realizar estas pruebas, y además escapa a los conocimientos de los que disponemos.

6. Interpretación de los resultados

6.1. Consideraciones iniciales

Al igual que en otras secciones, desarrollaremos una interpretación de los resultados por cada uno de los problemas enfrentados. Además, realizaremos una interpretación integrando todas las conclusiones individuales desarrolladas para cada uno de los datasets.

6.2. Heart Failure Prediction

La observación más importante y directa para este problema, tras el estudio que hemos desarrollado de este, es la relevancia de las variables que componen el dataset. En "5.2. Heart Failure Prediction" ha quedado claro que solo con un subconjunto de variables, muy correladas entre sí pero sobre todo correladas con la variable de salida, es más que suficiente para generar modelos con buen rendimiento. Es más, no es que haya sido suficiente, sino que ha sido mejor que considerar todo el conjunto de variables, como se ha demostrado en "5.2.1. Conclusiones".

Como comentábamos previamente, las variables fundamentales que han aportado todo el conocimiento necesario para generar los modelos predictivos han sido MaxHR, ExerciseAngina, Oldpeak, ST_Slope.

Para ver la relevancia de estas variables, entrenamos un árbol de decisión con el dataset procesado y mostramos dicho árbol de forma gráfica, en la siguiente figura:

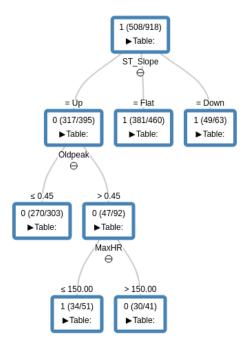


Figura 63: decision tree entrenado sobre todo el dataset tras aplicar el procesado anteriormente descrito

Con esto queda clara la relevancia de las variables. En primer lugar tenemos a la variable ST_Slope, que es la que permite una mayor división del *dataset* en *subdatasets* con menor diversidad. En segundo lugar, tenemos la variable Oldpeak, y para terminar la variable MaxHR

Esta visualización la realizamos añadiendo lo siguiente al nodo de procesado de datos, que hemos mostrado previamente en esta memoria de prácticas:

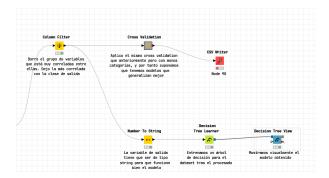


Figura 64: Mostramos el añadido al nodo de procesado de datos, para poder mostrar gráficamente el árbol de decisión que nos da información sobre la relevancia de las variables

En segundo lugar, ha sido crítico percatarnos de la existencia de missing values que KNIME no ha detectado. Esto nos ha permitido ignorar ciertas filas en el proceso de entrenamiento. Si no hubiésemos hecho esto, habríamos obtenido un modelo que explota datos sobre missing values de forma "tramposa", produciendo un modelo mucho más frágil y por tanto, menos generalizable. Esto porque hacer esto es equivalente a seleccionar los missing values y tratarlos asignando una variable constante arbitraria. Hemos visto en la teoría de esta asignatura que esta forma de proceder no es buena.

En definitiva, un dataset que ya de por sí era sencillo (solo 11 variables de entrada), hemos conseguido trabajarlo para emplear todavía menos variables conservando (es más, mejorando) las medidas de rendimiento de nuestros modelos generados.

6.3. Mobile Price Classification

Como pasaba en el anterior dataset, la observación más directa y relevante viene a partir del procesamiento de datos. Hemos conseguido reducir un problema con 20 variables de entrada a un problema con 2 variables de entrada empleando PCA, y con un modelo de aprendizaje automático simple como K-NN. Como ya hemos mencionado en "5.3.1. Conclusiones", esto es relevante por dos motivos. El primero, porque estamos reduciendo un problema de 20 variables de entrada a solo dos variables. Con ello, estamos reduciendo la estructura del problema a tratar a una mucho más sencilla, y con ello podremos entrenar e inferir modelos de una forma mucho más rápida, con una capacidad de generalización mucho más alta. En segundo lugar, es relevante que un modelo simple como K-NN logre unos resultados tan buenos, simplemente regularizando adecuadamente el modelo entrenado.

Como hacíamos en el primer dataset, exploramos algo más la estructura del problema usando árboles de decisión. Mostramos los primeros niveles, que nos muestran las variables más relevantes (pues producen las subdivisiones con menor diversidad) en nuestro dataset:

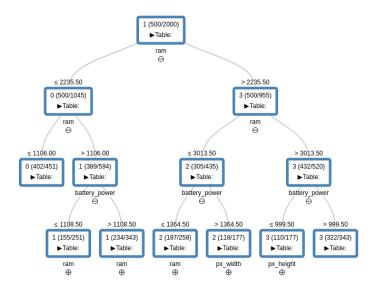


Figura 65: Árbol de decisión construido sobre todo el conjunto de datos. Solo mostramos los primeros niveles

Vemos que claramente la variable ram tiene un peso enorme a la hora de construir el clasificador. Esto ya lo sospechábamos por lo que hemos comentado en "12. Matriz de correlaciones lineales. Un color azul significa correlación lineal positiva, y un color rojo significa correlación lineal negativa".

Por tanto, hemos comenzado con un dataset relativamente complicado, conteniendo 20 variables. Y trabajando los datos y resultados obtenidos, hemos logrado conseguir reducir el problema a uno brutalmente más sencillo, en el que usando 2 variables hemos obtenido resultados muy buenos. Además, hemos escogido reducirlo a solo 2 variables por la facilidad que otorga en la visualización. Si usásemos 3 variables, seguramente obtendríamos unos modelos con un rendimiento todavía mucho más bueno, manteniendo una gran simplicidad en el modelo.

6.4. Bank Marketing

En este dataset podríamos, como hemos hecho con los dos datasets previos, estudiar la relevancia de las variables a través de visualizar un árbol de decisión, o estudiar qué pasaría si quitásemos algunas variables mirando la matriz de correlaciones. Sin embargo, no lo hacemos. Ya hemos hecho un estudio de este tipo dos veces y, aunque pudiera ser también interesante para este problema, sería repetitivo y no añadiría nada nuevo.

Sin embargo, sí que es interesante comentar es lo aprendido sobre el balanceo de las clases. En el análisis exploratorio de datos hemos visto que teníamos un grave desbalanceo en la variable de salida. A pesar de esto, hemos aplicado (pues así está especificado en el guión de prácticas) Cross Validation sin solventar este problema. Como consecuencia, hemos obtenido modelos con un accuracy demasiado optimista, que se aprovechaba de este desbalanceo (un baseline que siempre clasificase dando como salida la clase mayoritaria obtendría un accuracy muy alto).

Cuando hemos aplicado SMOTE para balancear algo las clases, en general, hemos obtenido modelos con un accuracy menor, pero con un mayor G-Mean, que es una medida más fiel del rendimiento de nuestros modelos. Por tanto hemos sacrificado algo de accuracy por un mejor rendimiento real.

Otro fenómeno que ha pasado es que hemos podido ejecutar SVM sin dar resultados constantes, como pasaba antes de realizar el balanceo de las clases. Además, el tiempo de ejecución tanto para el entrenamiento como para la inferencia ha sido mucho menor, fruto de este balanceo.

Por tanto, queda claro que en cualquier problema de análisis y procesado de datos que involucre clasificación es fundamental tratar con cuidado el problema que supone trabajar con clases desbalanceadas.

6.5. Tanzania Water Pump

Como ya hemos comentado, KNIME ha tenido muchos problemas para trabajar con un dataset de estas dimensiones. Para evitar problemas mayores, hemos realizado un filtrado inicial de variables correladas entre sí, que nos ha permitido trabajar sin perder demasiada eficacia en los modelos, en tiempos de ejecución más o menos razonables.

Dicha ineficiencia de KNIME (y aquí hablamos de KNIME sin considerar extensiones) se ha vuelto a poner de manifiesto con los nodos de *SVM*. Ha sido completamente necesario emplear la extensión de *Weka* para trabajar medianamente bien, y aún así hemos tenido problemas que hemos intentando resolver reduciendo el *dataset* al 80 %.

Por tanto, habría sido interesante realizar algunas pruebas con herramientas de *Big Data*, pues precisamente el mayor problema que hemos tenido con este *dataset* ha sido que el gran volumen de datos no nos ha permitido trabajar correctamente el problema.

No hablamos de la importancia de las variables usando algún modelo, porque con los problemas que ya hemos comentado sobre el volumen de datos no hemos sido capaces de aplicar esta información de forma efectiva para reducir la dimensionalidad de nuestro problema.

7. Referencias

- [1] "Heart failure prediction dataset kaggle." https://www.kaggle.com/fedesoriano/heart-failure-prediction. (Accessed on 11/05/2021).
- [2] "A step-by-step explanation of principal component analysis (pca) built in." https://builtin.com/data-science/step-step-explanation-principal-component-analysis. (Accessed on 11/05/2021).
- [3] "Mobile price classification kaggle." https://www.kaggle.com/iabhishekofficial/mobile-price-classification. (Accessed on 11/07/2021).
- [4] "Uci machine learning repository: Bank marketing data set." https://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/bank+marketing. (Accessed on 11/07/2021).
- [5] "Competition: Pump it up: Data mining the water table." https://www.drivendata.org/competitions/7/pump-it-up-data-mining-the-water-table/. (Accessed on 11/07/2021).
- [6] "Distribución normal wikipedia, la enciclopedia libre." https://es.wikipedia.org/wiki/Distribuci%C3%B3n_normal#Desviaci%C3%B3n_t%C3%ADpica_e_intervalos_de_confianza. (Accessed on 11/06/2021).
- [7] "Smote for imbalanced classification with python." https://machinelearningmastery.com/smote-oversampling-for-imbalanced-classification/. (Accessed on 11/07/2021).