

# ESQUEMA GENERAL DE SOLUCIÓN DE PROBLEMAS DE OSCILACIONES

1) Leer cuidadosamente el enunciado y determinar el tipo de movimiento

2) Escribir la ecu. del movimiento. P.ej.  $\ddot{x}$  es un o. amort. Forzado. Portado:

$$\ddot{x} + 2\gamma\dot{x} + \omega_0^2 x = \frac{F(t)}{m} \quad AP$$

3) Expresar la parte homogénea de la solución de AP

$$x(t) = A e^{-(\gamma + \sqrt{\gamma^2 - \omega_0^2})t} + B e^{-(\gamma - \sqrt{\gamma^2 - \omega_0^2})t}$$

Si  $\gamma > \omega_0$  (SOBREAMORT.) : utilizar la expresión  $x(t)$  anterior

Si  $\gamma = \omega_0$  (A.M. CRÍTICO) :  $x(t) = (C + dt)e^{-\gamma t}$

Si  $\gamma < \omega_0$  (INFRAMORT.) :  $x(t) = A'e^{-\gamma t} \cos(\omega_1 t + \theta)$ , con  $\omega_1$

Normalmente debería no poderse determinar los constantes  $A, B, C, D, A'$  en este punto.  $\frac{\omega_0^2 - \gamma^2}{\omega_1^2}$

4) Buscar una solución de prueba  $x_p(t)$  'inspirándonos' en  $F(t)$  y substituir en AP  $\Rightarrow$  se plantea un sistema que permite determinar los constantes de  $x_p(t)$ .

5) Se expresa la solución general  $x(t) = x_h(t) + x_p(t)$

6) Se utilizan las condiciones iniciales  $x_0 = x(t=0)$  y  $\omega_0 \dot{x} = \dot{x}(t=0)$  y se plantea el sistema:

$$\left. \begin{aligned} x_0 &= x(t=0) = x_h(t=0) + x_p(t=0) \\ \omega_0 \dot{x} &= \dot{x}(t=0) = \dot{x}_h(t=0) + \dot{x}_p(t=0) \end{aligned} \right\}$$

$\Rightarrow$  se determinan los constantes de  $x_h(t)$ .