

Prepoznavanje govora

LPC

Speaker dependant

- Postoje dva opšta pristupa kod prepoznavanja govora:
 - Speaker dependant
 - Speaker independant
- Kod speaker dependant prepoznavanja sistem treba da prepozna same reči, kao i govornika, i (eventualno) da prihvata prepoznavanje samo ako je reč izgovorio poznati govornik.
- Kod speaker independant sistema, prepoznavanje govora treba da funkcioniše nezavisno od govornika.

LPC

- Linear Predictive Coding
- Koristi se u kompresiji audio signala, kao i metod zapisa koeficijenata koji se često primenjuju kod speaker dependant sistema.
- Osnova je ideja da se trenutni sempl može predstaviti kao linearna kombinacija prethodnih semplova.
- Posmatrano sa druge strane, linearnom kombinacijom skupa semplova može da se izvrši predikcija budućeg sempla.
- Ovo posebno ima smisla ako se posmatra relativno kratak prozor (10-20ms) u kojem pretpostavljamo da se signal ponaša kao da je periodičan, iako to zapravo nije slučaj.

Osnovne LPC jednačine (1)

$s(n)$ – sempl

$\hat{s}(n)$ – predikcija sempla

p – preciznost (vrednost u opsegu 8 - 16, zavisno od frekvencije semplovanja)

α_k – koeficijent za k-ti prethodni sempl

$$\hat{s}(n) = \sum_{k=1}^p \alpha_k s(n-k)$$

Osnovne LPC jednačine (2)

N – veličina prozora

$e(n)$ – greška predikcije

$$e(n) = s(n) - \hat{s}(n)$$

$$E = \sum_{n=1}^N e(n)^2 \Rightarrow E = \sum_{n=1}^N \left[s(n) - \sum_{k=1}^p \alpha_k s(n-k) \right]^2$$

- E predstavlja srednju kvadratnu grešku unutar prozora. Nju želimo da minimiziramo.

Minimiziranje

- Minimizaciju E vršimo parcijalnim diferenciranjem po svim α i izjednačavanjem sa 0. Dobićemo p jednačina sa p nepoznatih.

$$i = 1, 2, \dots, p$$

$$\frac{\partial E}{\partial \alpha_i} = \sum_{n=1}^N 2 \left[s(n) - \sum_{k=1}^p \alpha_k s(n-k) \right] [-s(n-i)] = 0$$
$$\sum_{k=1}^p \alpha_k \sum_{n=1}^N s(n-k) s(n-i) = \sum_{n=1}^N s(n) s(n-i)$$

Autokorelacija

- Radi pojednostavljenja prethodnog zapisa, uvodi se autokorelaciona funkcija:

$$R(k) = \sum_{n=0}^{N-1} s(n)s(n-k)$$

$$R(k) = R(-k)$$

- Tipično se pre računanja R na ulazni niz $s(n)$ primenjuje prozorska funkcija kao što su Hamingova ili Haningova.

Autokorelacioni metod

$$R(k) = \sum_{n=0}^{N-1} s(n)s(n-k)$$

$$\sum_{k=1}^p \alpha_k \sum_{n=1}^N s(n-k)s(n-i) = \sum_{n=1}^N s(n)s(n-i)$$

$$\sum_{k=1}^p \alpha_k R(|k-i|) = R(i)$$

- Ako ovo razvijemo po i , dobićemo p jednačina.

Autokorelacione jednačine

$$\begin{aligned}\alpha_1 R(0) + \alpha_2 R(1) + \cdots + \alpha_p R(p-1) &= R(1) \\ \alpha_1 R(1) + \alpha_2 R(0) + \cdots + \alpha_p R(p-2) &= R(2) \\ \vdots \\ \alpha_1 R(p) + \alpha_2 R(p-1) + \cdots + \alpha_p R(0) &= R(p)\end{aligned}$$

Matriční oblik

$$\begin{bmatrix} R(0) & R(1) & \cdots & R(p-2) & R(p-1) \\ R(1) & R(0) & \cdots & R(p-3) & R(p-2) \\ \cdots & R(1) & \cdots & \cdots & \cdots \\ R(p-2) & \cdots & \cdots & R(0) & R(1) \\ R(p-1) & R(p-2) & \cdots & R(1) & R(0) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \cdots \\ \alpha_{p-1} \\ \alpha_p \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R(1) \\ R(2) \\ \cdots \\ R(p-1) \\ R(p) \end{bmatrix}$$