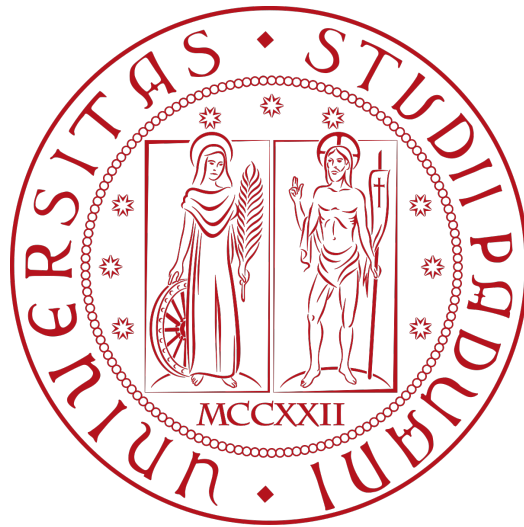


Università degli Studi di Padova



Relazione per: Ricerca Operativa

Per Simulare una:

Minimizzare il numero di turni per sconfiggere un Boss
nei giochi RPG

Realizzata da:

Gabriele Di Pietro, matricola 2010000

GitHub Repository:

<https://github.com/SerpenTaki/ProgettoR0-2025>

1 Introduzione

1.1 Abstract

Si presenta un problema di ottimizzazione strategica nei giochi RPG dove il giocatore deve comporre un team di personaggi per minimizzare il numero di turni impiegati per uccidere un eventuale boss.

1.2 Descrizione del problema

Per un gioco di ruolo il giocatore può scegliere di comporre un team di personaggi. Ogni *party*¹ è formato da 3 personaggi scelti tra Cavalieri e Maghi. Questo significa che un team può essere formato da 3 Cavalieri, 3 Maghi o da un misto di entrambi. La stamina e il mana sono statistiche separate ma condivise tra i personaggi; in generale il mana viene usato dai Maghi, mentre la stamina dai Cavalieri. I 3 personaggi possono decidere di attaccare durante lo stesso turno o di non attaccare per quello specifico turno per recuperare un certo quantitativo di mana e stamina. I Cavalieri, quando attaccano, possono decidere di usare la spada con 2 mani consumando il 75% di stamina in più ma infliggendo il doppio dei danni. Mentre i Maghi, decidendo di non attaccare, potenziano l'attacco dei Cavalieri del 20% in più per i 2 turni successivi. Non è possibile che 2 Maghi si riposino nello stesso turno. Si vuole minimizzare il numero di turni totali per uccidere un grande mostro con un determinato quantitativo di vita. Sapendo che:

- Un Boss ha un certo numero di punti vita;
- Nei turni di riposo il mago ripristina il 20% di mana consumato;
- Nei turni di riposo il cavaliere ripristina il 30% di stamina consumata;
- Il boost del cavaliere ottenuto dal mago che si riposa aumenta del 20% il danno base con una mano che il cavaliere infligge;

2 Modello

2.1 Insiemi

- T : Insieme dei turni possibili, con $t \in T \subseteq \mathbb{Z}^+$
- K : Insieme dei cavalieri, con $k \in K \subseteq \mathbb{Z}^+$ e $k = \{0, 1, 2, 3\}$
- M : Insieme dei maghi, con $m \in M \subseteq \mathbb{Z}^+$ e $m = 3 - k$

¹Insieme di cavalieri e maghi che compongono il team.

2.2 Parametri

- PV_{Boss} : punti vita del Boss
- DK : danno che un cavaliere può infliggere
- DM : danno che un mago può infliggere
- SKC : consumo di stamina da parte di un cavaliere
- MMC : consumo di mana da parte di un mago
- S_{max} : stamina massima del team
- M_{max} : mana massimo del team
- S_{min} : stamina minima del team = 0
- M_{min} : mana minima del team = 0

2.3 Variabili decisionali

- S_t : Stamina disponibile all'inizio del turno
- M_t : Mana disponibile all'inizio del turno
- DPT_t : Danno per turno, quindi il danno totale inflitto dal *party* al turno t
- $x_{k,t} = \begin{cases} 1 & \text{se il cavaliere } k \text{ attacca al turno } t \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$
- $y_{k,t} = \begin{cases} 1 & \text{se il cavaliere } k \text{ usa 2 mani per attaccare} \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$
- $z_{m,t} = \begin{cases} 1 & \text{se il mago } m \text{ attacca nel turno } t \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$
- $Boost_t = \begin{cases} 1 & \text{se un mago si è riposato in uno dei 2 turni precedenti} \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$
- $u_t = \begin{cases} 1 & \text{se il boss è stato sconfitto nel turno } t \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$

2.4 Funzione obiettivo

$$\min \sum_{t \in T} t \cdot u_t \quad (1)$$

L'obiettivo è quello di trovare il turno minimo in cui il boss viene sconfitto. Quindi sommiamo tutti i turni ma solo quello dove viene sconfitto non va a 0.

2.4.1 Vincoli

La stamina e il mana sono valori che si aggiornano in base al consumo (*durante la fase di attacco*) o alla ricarica (*durante la fase di riposo*).

$$S_{t+1} \geq S_{min} \quad S_{t+1} \leq S_{max} \quad M_{t+1} \geq M_{min} \quad M_{t+1} \leq M_{max} \quad \forall t$$

$$y_{k,t} \leq x_{k,t} \quad \forall k, t$$

$$\sum_{k \in K} SKC(x_{k,t} + 0.75y_{k,t}) \leq S_t \quad \forall t$$

$$\sum_{m \in M} z_{m,t} \cdot MMC \leq M_t \quad \forall t$$

$$S_{t+1} = S_t - \sum_{k \in K} SKC(x_{k,t} + 0.75 \cdot y_{k,t}) + 0.3 \cdot r_{k,t} \quad \forall k, t$$

$$M_{t+1} = M_t - \sum_{m \in M} z_{m,t} \cdot MMC + 0.2 \cdot \gamma_{m,t} \quad \forall m, t$$

dove definiamo r e γ come 2 variabili ausiliarie usate per linearizzare il vincolo di riposo dei cavalieri e maghi, e sono soggette a:

$$r_{k,t} \leq S_{max}(1 - x_{k,t}) \quad \gamma_{m,t} \leq M_{max}(1 - z_{m,t})$$

$$r_{k,t} \geq (S_{max} - S_t) - M \cdot x_{k,t} \quad \gamma_{m,t} \geq (M_{max} - M_t) - M \cdot z_{m,t}$$

$$r_{k,t} \leq S_{max} - S_t \quad \gamma_{m,t} \leq M_{max} - M_t$$

$$r_{k,t} \geq 0 \quad \gamma_{m,t} \geq 0$$

Dove M è un numero sufficientemente grande per garantire che il vincolo sia soddisfatto, ad esempio $M = S_{max}$.

Vincoli sul danno e sulla condizione di vittoria

$$Boost_t \leq \sum_{m \in M} ((1 - z_{m,t-1}) + (1 - z_{m,t-2})) \quad \forall t$$

$$z_{m,t-1} + z_{m,t-2} \leq 1 \quad \forall t$$

$$DPT_t = (\sum_{k \in K} DK \cdot (x_{k,t} + y_{k,t} + (0.2 \cdot Boost_t))) + \sum_{m \in M} z_{m,t} \cdot DM \quad \forall t$$

$$\sum_{t \in T} DPT_t \geq PV_{Boss} \cdot u_t \quad \forall t$$

Vincolo di riposo dei maghi, in un turno solo 1 mago

$$\sum_{m \in M} (1 - z_{m,t}) \leq 1 \quad \forall t$$

Domini:

$$x_{k,t}, y_{k,t}, z_{m,t}, u_t, Boost_t \in \{0, 1\} \text{ in } \mathbb{Z}^+$$

$$S_t, M_t, DPT_t \geq 0, \text{ con } S_t, M_t, DPT_t \in \mathbb{R}^+$$

3 Implementazione

3.1 File .mod

3.2 File .run

4 Primo scenario

4.1 File .dat

4.2 Risultati

5 Secondo scenario

5.1 File .dat

5.2 Risultati