## Linguagens de Programação 2009/2010

Departamento de Informática, Universidade de Évora

## 1° Teste

30 de Abril de 2010

## Observações:

- A prova tem a duração de 2 horas e é sem consulta.
- Todas as respostas devem ser devidamente justificadas.
- 1. Considere a seguinte descrição:

Um texto é composto por uma sequência de parágrafos iniciados por §. Um parágrafo é uma sequência de frases terminadas por ponto final (.), de interrogação (?) ou de exclamação (!). Uma frase é uma sequência de palavras separadas por espaços ou vírgula e espaços. Considere que palavras são tokens terminais.

- (a) Usando a notação BNF defina uma gramática não ambígua para textos.
- (b) Represente a árvore sintáctica para o seguinte texto:

```
§ML é uma linguagem.
0 C também.
§E XPTO, será uma linguagem?
```

2. Verifique se os seguintes fragmentos de código a) e b) são equivalentes. Justifique aplicando semântica denotacional. Considere uma gramática apenas com sequências de instruções, atribuições e expressões aritméticas usuais sobre inteiros e assuma que no estado inicial  $s_0$  o valor de  $x \in x_0$ , ou seja  $s_0(x) = x_0$ .

```
a) t:=x+x; b) t:=2*x;
y:=t+x; t:=2*t;
y:=t-x;
```

- 3. Considere o termo  $(\lambda f.(\lambda g.(\lambda f.f 3)(g f))(\lambda f.\lambda x.f x + 1))(\lambda x.x + x)$ .
  - (a) Identifique as diferentes variáveis que nele ocorrem.
  - (b) Apresente um termo  $\alpha$ -equivalente onde todas as variáveis têm nomes distintos.
  - (c) Simplifique-o, sublinhando o redex escolhido em cada  $\beta$ -redução.
- 4. Considere o seguinte programa em C

```
int s(int x) { return x*x; }
int p(int x) { return s(s(x)); }
int main() { return s(p(2)); }
```

- (a) Traduza-o para uma expressão  $\lambda$ -cálculo.
- (b) Reduza-o.
- 5. Considere a função f definida em ML como

```
fun f (g,x) = g(x, f(g, h x))
```

- (a) Desenhe a árvore sintáctica que representa a função f.
- (b) Sabendo que h é do tipo h:'a ->'a, indique qual o tipo de f aplicando o algoritmo de inferência de tipos.
- 6. Indique as vantagens e inconvenientes da verificação de tipos ser feita em tempo de execução versus tempo de compilação.