

ICPC 模板

ICPC 模板

第零部分 引言

第一部分 常用算法和数据结构

二分查找

Mint 自动取模

ST 表

并查集

红黑树

第二部分 图论

最短路

最近公共祖先（倍增法）

第三部分 字符串

KMP 字符串匹配

第零部分 引言

这份模板中的代码必须满足：

- 它可以在 C++ 17 标准下运行。
- 模板中的代码必须尽可能简单，函数、变量的命名不能过于冗长，以避免抄写时的麻烦。
- 默认选手使用了 `using namespace std;`，所以不应该添加 `std::` 前缀。
- 模板中的代码，尽可能封装成函数或类。但是，如果将一道经典例题的 AC 代码放入模板中，则不受这一点限制。
- 模板中的代码，如果针对于一个算法，则必须说明 **模板的使用方法（或算法功能，或使用例）**。如果针对一道经典例题，则必须 **简述题意**。

这份模板中的代码**不需要**满足：

- 严格的代码规范。

程序的模板为：

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
using ll = long long;
void solve() {

}
int main() {
    ios::sync_with_stdio(false); cin.tie(nullptr);
    //int t; cin >> t; while(t--)
    solve();
    return 0;
}
```

第一部分 常用算法和数据结构

二分查找

```
using ll = long long;

ll lower(ll l, ll r, ll target, function< ll(ll) > f) {
    if(f(r) < target) return r + 1;
    while (l < r) {
        ll mid = (l + r) / 2;
        if (f(mid) < target)
            l = mid + 1;
        else
            r = mid;
    }
    return l;
}
```

功能：在 $[l, r]$ 范围内，求最小的 x 使得 $f(x) \geq \text{target}$

例子：求 $[1, 10^9]$ 中最小的数 x ，使得递增函数 $x^2 + 5x$ 的值达到或超过给定的数 K

```
long long val = lower(1, 1e9, K, [](ll x){
    return x * (x + 5);
});
```

Mint 自动取模

```
template<int mod> class mint {
    unsigned int x = 0;
public:
    int get_modular() { return mod; }
    mint inv() const { return pow(mod-2); }
    mint pow(long long t) const {
        assert(t ≥ 0 && x > 0);
        mint res = 1, cur = x;
        for(; t; t>>=1) {
            if(t & 1) res *= cur;
            cur *= cur;
        }
        return res;
    }
    mint() = default;
    mint(unsigned int t): x(t % mod) { }
    mint(int t){ t %= mod; if(t < 0) t += mod; x = t; }
    mint(long long t){ t %= mod; if(t < 0) t += mod; x = t; }
    explicit operator int(){ return x; }

    mint& operator+= (const mint& t){ x += t.x; if(x ≥ mod) x-=mod; return *this; }
    mint& operator-= (const mint& t){ x += mod - t.x; if(x ≥ mod) x-=mod; return *this; }
    mint& operator*= (const mint& t){ x = (unsigned long long)x * t.x % mod; return *this; }
    mint& operator/= (const mint& t){ *this *= t.inv(); return *this; }
    mint& operator^= (const mint& t){ *this = this->pow(t.x); return *this; }
    mint operator+ (const mint& t){ return mint(*this) += t; }
    mint operator- (const mint& t){ return mint(*this) -= t; }
    mint operator* (const mint& t){ return mint(*this) *= t; }
    mint operator/ (const mint& t){ return mint(*this) /= t; }
    mint operator^ (const mint& t){ return mint(*this) ^= t; }
    bool operator== (const mint& t){ return x == t.x; }
    bool operator!= (const mint& t){ return x != t.x; }
    bool operator< (const mint& t){ return x < t.x; }
    bool operator≤ (const mint& t){ return x ≤ t.x; }
    bool operator> (const mint& t){ return x > t.x; }
    bool operator≥ (const mint& t){ return x ≥ t.x; }
    friend istream& operator>>(istream& is, mint& t){ return is >> t.x; }
    friend ostream& operator<<(ostream& os, const mint& t){ return os << t.x; }
    friend mint operator+ (int y, const mint& t){ return mint(y) + t.x; }
    friend mint operator- (int y, const mint& t){ return mint(y) - t.x; }
```

```

friend mint operator* (int y, const mint& t){ return mint(y) * t.x; }
friend mint operator/ (int y, const mint& t){ return mint(y) / t.x; }
};

```

例子：读入 x 和 y ，计算 $(3x+5) / y$ ，对 $\text{mod} = 998244353$ 取模。

```

Mint x, y;
cin >> x >> y;
cout << (3 * x + 5) / y;

```

ST 表

```

template <typename T>
struct ST {
    ST(T a[], int n) {
        int t = __lg(n) + 1;
        maxv.resize(t); minv.resize(t);

        for(int i = 0; i < t; i++) maxv[i].resize(n + 1), minv[i].resize(n +
1);

        for(int i = 1; i ≤ n; i++) maxv[0][i] = minv[0][i] = a[i];

        for (int j = 1; j < t; j++)
            for (int i = 1; i ≤ n - (1 << j) + 1; i++) {
                maxv[j][i] = max(maxv[j - 1][i], maxv[j - 1][i + (1 << (j -
1))]);
                minv[j][i] = min(minv[j - 1][i], minv[j - 1][i + (1 << (j -
1))]);
            }
    }

    T getmax(int l, int r) {
        int k = __lg(r - l + 1);
        return max(maxv[k][l], maxv[k][r - (1 << k) + 1]);
    }

    T getmin(int l, int r) {
        int k = __lg(r - l + 1);
        return min(minv[k][l], minv[k][r - (1 << k) + 1]);
    }

private:
    vector<vector<T>> maxv, minv;

```

```
};
```

例子：对于一个大小为 n ，1-index 的数组 a 建立 ST 表，然后求第 4 个元素至第 8 个元素的最小值

```
ST<int> st(a, n);  
cout << st.getmin(4, 8);
```

并查集

```
struct dsu {  
    vector<int> p;  
    dsu(int n) { p.resize(n + 1); for(int i = 1; i ≤ n; i++) p[i] = i; }  
    int find(int x) { if(x ≠ p[x]) p[x] = find(p[x]); return p[x]; }  
    void merge(int x, int y) { p[find(x)] = find(y); }  
};
```

例子：建立一个并查集，连接 (1, 3) 和 (1, 2) 两条边，并查询 2 和 3 是否在同一集合

```
dsu d(10721);  
d.merge(1, 3);  
d.merge(1, 2);  
assert(d.find(2) == d.find(3));
```

拓展：并查集可以实时查询每个集合的信息（例如集合大小），需要对 merge 函数进行一些处理。

使用并查集，连接 (1, 3) 和 (1, 2) 两条边，然后查询 1 所在集合的大小

```

struct dsu {
    vector<int> p, s;
    dsu(int n) { p.resize(n + 1); s.resize(n + 1); for(int i = 1; i ≤
n; i++) p[i] = i, s[i] = 1; }
    int find(int x) { if(x ≠ p[x]) p[x] = find(p[x]); return p[x]; }
    void merge(int x, int y) { x = find(x); y = find(y); if(x ≠ y) p[x]
= y, s[y] += s[x]; }
};

dsu d(0721);
d.merge(1, 3);
d.merge(1, 2);
assert(d.s[d.find(1)] == 3);

```

红黑树

```

#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
typedef
tree<int, null_type, less<int>, rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update>
rbtree;

```

比起 `std::set`，它更支持排名的查询。

用法

```

T.insert(x) 插入
T.erase(x) 删除
T.order_of_key(x) 求排名(比它小的元素个数)
T.find_by_order(k) 找排名为 k 的元素的迭代器
T.lower_bound / upper_bound(x) 找大于(等于) x 的迭代器

```

例子：红黑树的插入和查询

```

rbtree rbt;
rbt.insert(1);
rbt.insert(2);
rbt.insert(3);
cout << rbt.order_of_key(2) << endl; // 查询比 2 小的元素个数, 即 1 个
cout << *rbt.find_by_order(2) << endl; // 查询排名为 2 的元素, 即 3。

```

第二部分 图论

最短路

```

struct WeightedGraph{
    int n;
    int root = 0;

    WeightedGraph(int n): n(n), adj(n + 1) { }

    void add_edge(int u, int v, int dis = 0) {
        adj[u].push_back( {v, dis} );
    }

    /*void read_edges(int m, int read_weight = true) {
        for(int i = 1; i ≤ m; i++) {
            int u, v, w = 1;
            std::cin >> u >> v;
            if(read_weight) std::cin >> w;
            add_edge(u, v, w);
        }
    }*/

    vector<long long> dijkstra(int start) {
        priority_queue<array<long long, 2>, vector<array<long long, 2>>,
greater<array<long long, 2>>> pq;
        vector<long long> dist(n + 1, 1e18);
        vector<long long> vis(n + 1, 0);
        dist[start] = 0;
        pq.push( {0, start} );

        while(!pq.empty()) {
            auto [disx, from] = pq.top(); pq.pop();

```

```

        if(vis[from]) continue;
        vis[from] = 1;

        for(auto [to, dis]: adj[from]) {
            if(disx + dis < dist[to]) {
                dist[to] = disx + dis;
                pq.push( {dist[to], to} );
            }
        }
    }
    return dist;
}

vector<vector<array<long long, 2>>> adj;
};

```

功能：堆优化 dijkstra 求最短路，时间复杂度是 $\Theta((n + m) \log n)$

例子：(P4779) 建图，然后求以 s 为源点的最短路

```

int n, m, s; cin >> n >> m >> s;
WeightedGraph G(n);
G.read_edges(m);
auto v = G.dijkstra(s);
for(int i = 1; i ≤ n; i++) cout << v[i] << " ";

```

最近公共祖先（倍增法）

```

struct LCA{
    int n;
    int root = 1;

    LCA(int n): n(n), adj(n+1) { }

    void add_edge(int u, int v) {
        adj[u].push_back(v);
        adj[v].push_back(u);
    }

    /*void read_edges(){

```



```

        for(int i = 1; i < n; i++) {
            int u, v;
            std::cin >> u >> v;
            add_edge(u, v);
        }
    }*/

    int lca(int u, int v) {
        static vector<array<int, 20>> pa(n + 1);
        static bool prepared = false;
        if(!prepared) {
            depth.resize(n + 1);
            function<void(int, int, int)> dfs = [&](int now, int fa, int d) {
                pa[now][0] = fa;
                depth[now] = d;
                for(auto it: adj[now]) {
                    if(it == fa) continue;
                    dfs(it, now, d + 1);
                }
            };
            dfs(root, root, 0);
            for(int i = 1; i < 20; i++)
                for(int j = 1; j ≤ n; j++)
                    pa[j][i] = pa[pa[j][i-1]][i-1];
            prepared = true;
        }

        if(depth[u] < depth[v]) swap(u, v);

        for(int i = 19; depth[u] > depth[v]; i--)
            if(depth[pa[u][i]] ≥ depth[v])
                u = pa[u][i];
        // 将 u 和 v 放到同一高度

        if(u == v) return u;

        for(int i = 19; i ≥ 0; i--)
            if(pa[u][i] ≠ pa[v][i]) {
                u = pa[u][i];
                v = pa[v][i];
            }

        return pa[u][0];
    }
private:
    vector<vector<int>> adj;

```

```
vector<int> depth;
};
```

说明：预处理 $\Theta(n \log n)$ ，单次查询 $\Theta(\log n)$

例子：(P3379) 建树，然后多次查询 LCA

```
LCA t(n);
t.root = s; // 指定根结点，一般来说是 1
t.read_edges();
while(m--) {
    int u, v; cin >> u >> v;
    cout << t.lca(u, v) << '\n';
}
```

第三部分 字符串

KMP 字符串匹配

```
vector<int> get_next(string s){
    // next[i] 表示 s[0..i-1] 的最长公共真前缀后缀长度
    // 返回的长度是 n，如果需要整个串的border，需要 s += '&';
    // "123123" → [-1 0 0 0 1 2]
    //      s += '&';
    int n = s.length();
    vector<int> next(n);
    next[0] = -1;
    for(int i = 1; i < n; i++)
    {
        int val = next[i-1];
        while(val != -1 && s[val] != s[i-1]) val = next[val];
        next[i] = val + 1;
    }
    return next;
};

vector<int> find(const string& s, string t, const vector<int>& next) {
    // 在 s 中找 t 的所有出现，返回 vector
    // next 需要传入 get_next(t)
    // 如果是 1-index，答案需要 + 1
```

```

int n = s.length();
int m = t.length();
vector<int> res;
int j = -1;
for(int i = 0; i < n; i++) {
    // 第 j 位失配, 回到第 next[j] 位
    while(j != -1 && s[i] != t[j + 1]) j = next[j];
    if(s[i] == t[j+1]) j++;
    if(j == m - 1) res.push_back(i - m + 1), j = next[j];
}
return res;
}

```

例子：求 s 中 t 的所有出现，然后输出所有下标(1-index)

```

string s, t; cin >> s >> t;
for(auto it : find(s, t, get_next(t))) cout << it + 1 << '\n';

```