

A 题题解

算法：贪心+优先队列

对于题目，多举几个例子就不难发现：只要每次从集合里面取出最短的两根香肠，并且把长度为两根香肠之和放入集合即可，最后把所有的答案进行累加即可。如果纯粹的试用贪心算法，时间复杂度是 $O(N^2)$ 。这里可以配合使用**优先队列 (priority_queue)** 进行高效实现：按照小顶堆的顺序存放香肠的长度，每次从队列的队首取出两个元素相加得到 sum，并弹出两个队首元素，将 sum 压入队列，并将 sum 加给 ans，最后队列里面没有元素的时候，输出 ans。时间复杂度可以为 $O(N\log N)$ 。

B 题题解

算法：区间 DP

$dp[i][j]$ 表示前 i ($1 \leq i \leq n$) 个数分为 j ($1 \leq j \leq m$) 部分的和的乘积的最大值。样例中 $(5+3)*(3+5) = 64$ 。状态转移方程为：

$$dp[i][j] = \max(dp[i][j], dp[k][j-1] * (sum[i] - sum[k]))$$

其中， $sum[i] - sum[k]$ 表示区间 $(k, i]$ 的累加和！

核心代码：

```
for(int i=1;i<=n;i++)
    for(int j=1;j<=m;j++)
        for(int k=j-1;k<i;k++)
        {
            dp[i][j]=max(dp[i][j],dp[k][j-1]*(sum[i]-sum[k]));
        }
```

C 题题解

算法：“二分”字符串

第一步：判断前 k 个字母中有多少个字母没有包含在原字符串 s 中，把不包含的字母按照字典序由大到小的顺序放在一个字符数组 rst 里面，并记录个数 cnt ；

第二步：从 s 中开始“二分”放字母。找到 s 的中间位置，左边的下标给 L ，右边的下标给 R 。

(1) 如果 $in[l] != '?' \ \&\& \ in[r] != '?' \ \&\& \ in[l] != in[r]$ ，那么说明 s 必不对称，输出 "IMPOSSIBLE"；

(2) 如果 $in[l] == '?' \ \&\& \ in[r] == '?'$ ，就往里面按字典序从大到小放 $rst[t]$ (t 初始值为 0) --- $in[l] = in[r] = rst[t++]$ ；如果放满了 cnt 个字母，则放字母 a ；

(3) 除了上面两种情况，如果 $in[l] == '?'$ ，则 $in[l] = in[r]$ ；

(4) 除了上面三种情况， $in[r] = in[l]$ 。

(5) 每处理一次， $l--$, $r++$ ，直到 $l=0$ 。

第三步：如果最后 cnt 个字母没有放完，输出 "IMPOSSIBLE"；反之，输出填满后的字符串 s 。