

小小青蛙听风就是雨

HiedanoAkyuu、Oneman233、KR12138

2019 年 10 月 19 日

目录

1	字符串	1
1.1	KMP	1
1.2	EX-KMP	1
1.3	Manacher	1
1.4	串的最小表示	2
1.5	后缀数组	2
1.5.1	倍增 SA	2
1.5.2	DC3	2
1.6	回文自动机	2
1.7	AC 自动机	2
1.7.1	多模匹配	2
1.7.2	自动机上 DP	3
1.8	后缀自动机	4
2	计算几何	4
2.1	二维几何	4
2.2	三维几何	5
3	图论	5
3.1	最短路	5
3.1.1	Dijkstra	5
3.1.2	SPFA	5
3.1.3	Floyd	5
3.1.4	负环	5
3.1.5	差分约束	5
3.2	最小生成树	5
3.2.1	Prim	5
3.2.2	Kruskal	5
3.2.3	最小生成树计数	5
3.2.4	次小生成树	5
3.2.5	最小乘积生成树	5
3.3	树的直径	5
3.4	LCA	5
3.4.1	Tarjan 离线	5
3.4.2	倍增 LCA	5
3.5	无向图与有向图联通性	6
3.5.1	割点	6
3.5.2	桥	6
3.5.3	e-DCC	6
3.5.4	v-DCC	6
3.5.5	SCC	6
3.5.6	2-SAT	6
3.5.7	支配树	6
3.6	二分图	6
3.6.1	最大匹配-匈牙利	6
3.6.2	带权匹配-KM	6
3.7	网络流	6
3.7.1	最大流-Dinic	6
3.7.2	最小费用最大流-Dij+Dinic	7
3.7.3	上下界流	8
3.8	欧拉路	8
3.9	Prufer 序列	8
4	数据结构	8
4.1	树状数组	8
4.2	线段树	8
4.2.1	带优先级线段树	8
4.2.2	吉司机线段树	8
4.2.3	线段树维护扫描线	9
4.3	RMQ	9
4.3.1	一维	9
4.3.2	二维	9
4.4	树链剖分	9
4.4.1	点剖分	9
4.4.2	边剖分	10
4.5	平衡树	10
4.5.1	Treap	10
4.5.2	Splay	12
4.6	动态树	12
4.7	主席树	12
4.8	树套树	12
4.8.1	线段树套 Treap	12
4.8.2	树状数组套线段树	14
4.9	K-D Tree	15
4.10	分治	15
4.10.1	CDQ	15
4.10.2	点分治	15
4.10.3	dsu on tree	15
4.10.4	整体二分	16
4.11	分块	16
4.11.1	普通分块	16
4.11.2	莫队	16
4.12	线性基	16
4.13	珂朵莉树	16
4.14	跳舞链	16
5	动态规划	16
5.1	SOS	16
5.2	动态 DP	16
5.3	插头 DP	16
6	数学	16
6.1	矩阵类	16
6.2	质数筛	16
6.2.1	埃筛	16
6.2.2	线筛	16
6.3	质数判定	16
6.3.1	Miller Rabin	16
6.4	质因数分解	16
6.4.1	Pollard-Rho	16
6.5	逆元	16
6.5.1	EX-GCD 求逆元	16
6.5.2	线性筛逆元	16
6.5.3	阶乘逆元	16
6.6	欧拉函数	16
6.6.1	欧拉线筛	16
6.6.2	求单个数的欧拉函数	16
6.6.3	欧拉降幂	16
6.6.4	一般积性函数求法	16
6.7	EX-GCD	16
6.8	CRT	16
6.9	N 次剩余	16
6.10	数论分块	16
6.11	高斯消元	16
6.11.1	普通消元	16
6.11.2	异或方程组消元	16
6.12	莫比乌斯反演	16
6.12.1	莫比乌斯函数	16
6.12.2	杜教筛	16
6.12.3	洲阁筛	16
6.12.4	min25 筛	16
6.13	BSGS	16
6.14	FFT	16
6.15	FWT	16
6.16	NTT	16
6.17	数值计算	16
6.17.1	辛普森	16
6.17.2	自适应辛普森	16
6.18	康拓展开	17
6.19	卢卡斯定理	17

7 其他17

7.1 快读快写17

7.2 约瑟夫环17

7.3 悬线法17

7.4 蔡勒公式17

7.5 三角公式17

7.6 海伦公式17

7.7 匹克定理17

7.8 组合计数17

7.8.1 计数原理17

7.8.2 卡特兰数17

7.8.3 Polya17

7.8.4 二项式反演公式17

7.8.5 斯特林反演公式17

7.8.6 组合数恒等式17

1 字符串

1.1 KMP

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 const int MAXN=1000005;
5 char s1[MAXN],s2[MAXN];
6 int nxt[MAXN];
7
8 /*
9  nxt[i] s2[i-x..i-1]=s2[0..x-1]且x最大
10  即s2[0..i]的真前缀与真后缀的最大匹配
11  "ABAAB\0"=>[-1 0 0 1 1 2]
12 */
13
14 void get_fail(char *s,int l)
15 {
16     int i=0,j;
17     j=nxt[0]=-1;
18     while(i<l)
19     {
20         while(~j&&s[j]!=s[i]) j=nxt[j];
21         nxt[++i]=++j;
22     }
23 }
24
25 void kmp(char *s1,char *s2,int l1,int l2)
26 {
27     int i=0,j=0;
28     get_fail(s2,l2);
29     while(i<l1)
30     {
31         while(~j&&s1[i]!=s2[j]) j=nxt[j];
32         i++,j++;
33         if(j>=l2); //匹配上了
34     }
35 }
36
37 int main()
38 {
39     scanf("%s%s",s1,s2);
40     int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2);
41     kmp(s1,s2,l1,l2);
42     for(int i=0;i<=l2;i++)
43         printf("%d ",nxt[i]);
44     return 0;
45 }

```

1.2 EX-KMP

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 /*
5  ex[i]: s1[i..l1-1]与s2的最大公共前缀长度
6  exnext[i]: s2[i..l2-1]与s2的最大公共前缀长度
7  get_exnext(s2) 求exnext[]
8  exkmp(s1,s2) 求ex[]
9 */
10
11 const int N=500005;
12 char s1[N],s2[N];

```

```

13 int ex[N],exnext[N];
14
15 void get_exnext(char s[N])
16 {
17     int n=strlen(s),p=1,j,i;
18     exnext[0]=n;
19     for(i=0;i<n-1&&s[i]==s[i+1];i++);
20     exnext[1]=i;
21     for(i=2;i<n;i++)
22         if(exnext[i-p]+i<p+exnext[p])
23             exnext[i]=exnext[i-p];
24     else
25     {
26         j=exnext[p]+p-i;
27         if(j<0) j=0;
28         while(i+j<n&&s[j]==s[i+j]) j++;
29         exnext[i]=j;
30         p=i;
31     }
32 }
33
34 void exkmp(char s1[N],char s2[N])
35 {
36     int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2),p=0,i,j;
37     get_exnext(s2);
38     for(i=0;i<l1&&i<l2&&s1[i]==s2[i];i++);
39     ex[0]=i;
40     for(int i=1;i<l1;i++)
41     {
42         if(exnext[i-p]+i<p+ex[p])
43             ex[i]=exnext[i-p];
44         else
45         {
46             j=ex[p]+p-i;
47             if(j<0) j=0;
48             while(i+j<l1&&s1[i+j]==s2[j]) j++;
49             ex[i]=j;
50             p=i;
51         }
52     }
53 }

```

1.3 Manacher

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 const int N=1000005;
5 int cnt,len,ans,p[N*2];
6 char s[N],ss[N*2];
7
8 void init() //将每两个字符中插入一个字符
9 {
10     len=strlen(s),cnt=1;
11     ss[0]='!',ss[cnt]='#';
12     for(int i=0;i<len;i++)
13         ss[++cnt]=s[i],ss[++cnt]='#';
14 }
15
16 void manacher()
17 {
18     int pos=0,mx=0;
19     for(int i=1;i<=cnt;i++)
20     {

```

```

21     if(i<mx) p[i]=min(p[pos*2-i],mx-i);
22     else p[i]=1;
23     while(ss[i+p[i]]==ss[i-p[i]]) p[i]++;
24     if(mx<i+p[i]) mx=i+p[i],pos=i;
25     ans=max(ans,p[i]-1);
26 }
27 }
28
29 int main()
30 {
31     scanf("%s",s);
32     init();
33     manacher();
34     printf("%d\n",ans);
35     return 0;
36 }

```

1.4 串的最小表示

1.5 后缀数组

1.5.1 倍增 SA

```

1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3
4  /*
5   str[0..len-1] 原串
6   sa[1..len] 排名第i的后缀的下标[1..len]
7   Rank[1..len] 从i开始的后缀的排名[1..len]
8   height[1..len] 排名第i的后缀与排名第i-1的后缀的lcp
9   i开始的后缀与j开始的后缀的lcp (Rank[i]<Rank[j])
10  min{height[Rank[i]+1..Rank[j]]}
11  */
12
13  const int MAXN=100005;
14  const int inf=0x3f3f3f3f;
15  int wa[MAXN],wb[MAXN],wv[MAXN],wz[MAXN],sa[MAXN],Rank
    [MAXN],height[MAXN];
16  char str[MAXN];
17
18  inline bool cmp(int *r,int a,int b,int l){return r[a
    ]==r[b]&&r[a+l]==r[b+l];}
19
20  void da(const char r[],int sa[],int n,int m)
21  {
22      int i,j,p,*x=wa,*y=wb,*t;
23      for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;
24      for(i=0;i<n;i++) wz[x[i]=r[i]]++;
25      for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];
26      for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[x[i]]]=i;
27      for(j=1,p=1;p<n;j*=2,m=p)
28      {
29          for(p=0,i=n-j;i<n;i++) y[p++]=i;
30          for(i=0;i<n;i++) if(sa[i]>=j) y[p++]=sa[i]-j;
31          for(i=0;i<n;i++) wv[i]=x[y[i]]++;
32          for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;
33          for(i=0;i<n;i++) wz[wv[i]]++;
34          for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];
35          for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[wv[i]]]=y[i];
36          for(t=x,x=y,y=t,p=1,x[sa[0]]=0,i=1;i<n;i++)
37              x[sa[i]]=cmp(y,sa[i-1],sa[i],j)?p-1:p++;
38      }
39  }
40

```

```

41  void calheight(const char *r,int *sa,int n)
42  {
43      int i,j,k=0;
44      for(i=1;i<=n;i++) Rank[sa[i]]=i;
45      for(i=0;i<n;height[Rank[i++]]=k)
46          for(k?k--:0,j=sa[Rank[i]-1];r[i+k]==r[j+k];k++);
47      for(int i=n;i>=1;--i) sa[i]++,Rank[i]=Rank[i-1];
48  }
49
50  int main()
51  {
52      scanf("%s",str);
53      int len=strlen(str);
54      da(str,sa,len+1,130); //字符的值域
55      calheight(str,sa,len);
56      for(int i=1;i<=len;i++)
57          printf("sa[%d] %d\n",i,sa[i]);
58      for(int i=1;i<=len;i++)
59          printf("Rank[%d] %d\n",i,Rank[i]);
60      for(int i=1;i<=len;i++)
61          printf("height[%d] %d\n",i,height[i]);
62      return 0;
63  }

```

1.5.2 DC3

1.6 回文自动机

1.7 AC 自动机

1.7.1 多模匹配

```

1  #include <bits/stdc++.h>
2  using namespace std;
3
4  /*
5   trie静态开点+trie图优化
6   */
7
8  int sz,hd=1,nxt[1000005][26],fail[1000005],id
    [1000005],n;
9  char s[1000005];
10
11  void trie_clean()
12  {
13      sz=1;
14      memset(nxt,0,sizeof(nxt));
15      memset(fail,0,sizeof(fail));
16      memset(id,0,sizeof(id));
17  }
18
19  void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
20  {
21      int p=head;
22      for(int i=0;i<len;i++)
23      {
24          int c=s[i]-'a';
25          if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
26          p=nxt[p][c];
27      }
28      id[p]=idx;
29  }
30
31  void acatm_build(int head)
32  {

```

```

29         p=nxt[p][c];
30     }
31     cnt[p]+=idx;
32 }
33
34 void acatm_build(int head)
35 {
36     queue<int> q;
37     q.push(head);
38     while(!q.empty())
39     {
40         int p=q.front();
41         q.pop();
42         for(int i=0;i<26;i++)
43             if(nxt[p][i])
44             {
45                 fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
46                 cnt[nxt[p][i]]+=cnt[fail[nxt[p][i]]];
47                 q.push(nxt[p][i]);
48             }
49         else
50             nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
51     }
52 }
53
54 bool scmp(string a,string b)
55 {
56     if(a.length()==b.length()) return a<b;
57     else return a.length()<b.length();
58 }

```

[illegible]

```

        j][k]];
    }
    for(int i=0;i<=n;i++)
        for(int j=1;j<=sz;j++)
            if(dp[i][j]>ans||dp[i][j]==ans&&scmp(dps[i][j],anss))
            {
                ans=dp[i][j];
                anss=dps[i][j];
            }
    for(int i=0;i<anss.length();i++)
        printf("%c",anss[i]);
    printf("\n");
}

int main()
{
    int _;
    scanf("%d",&_);
    while(--) solve();
    return 0;
}

```

1.8 后缀自动机

2 计算几何

2.1 二维几何

```

1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 #define db double
5 const db EPS=1e-9;
6 inline int sign(db a){return a<-EPS?-1:a>EPS;}
7 inline int cmp(db a,db b){return sign(a-b);}
8 struct P
9 {
10     db x,y;
11     P(){}
12     P(db x,db y):x(x),y(y){}
13     P operator+(P p){return {x+p.x,y+p.y};}
14     P operator-(P p){return {x-p.x,y-p.y};}
15     P operator*(db d){return {x*d,y*d};}
16     P operator/(db d){return {x/d,y/d};}
17     bool operator<(P p) const
18     {
19         int c=cmp(x,p.x);
20         if(c) return c==1;
21         return cmp(y,p.y)==-1;
22     }
23     bool operator==(P o) const
24     {
25         return cmp(x,o.x)==0&&cmp(y,o.y)==0;
26     }
27     db distTo(P p){return (*this-p).abs();}
28     db alpha(){return atan2(y,x);}
29     void read(){scanf("%lf%lf",&x,&y);}
30     void write(){printf("%.10f,%.10f\n",x,y);}
31     db abs(){return sqrt(abs2());}
32     db abs2(){return x*x+y*y;}
33     P rot90(){return P(-y,x);}
34     P unit(){return *this/abs();}

```

```

35     int quad() const {return sign(y)==1||((sign(y)==0&&
        sign(x)>=0);}
36     db dot(P p){return x*p.x+y*p.y;}
37     db det(P p){return x*p.y-y*p.x;}
38     P rot(db an){return {x*cos(an)-y*sin(an),x*sin(an)
        +y*cos(an)};}
39 };
40
41 //For segment
42 #define cross(p1,p2,p3) ((p2.x-p1.x)*(p3.y-p1.y)-(p3.
        x-p1.x)*(p2.y-p1.y))
43 #define crossOp(p1,p2,p3) sign(cross(p1,p2,p3))
44
45 bool chkLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //0:parallel
46 {
47     db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
48     return sign(a1+a2)!=0;
49 }
50
51 P isLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //crossover point if
        chkLL()
52 {
53     db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
54     return (p1*a2+p2*a1)/(a1+a2);
55 }
56
57 bool intersect(db l1,db r1,db l2,db r2)
58 {
59     if(l1>r1) swap(l1,r1);if(l2>r2) swap(l2,r2);
60     return !(cmp(r1,l2)==-1||cmp(r2,l1)==-1);
61 }
62
63 bool isSS(P p1,P p2,P q1,P q2)
64 {
65     return intersect(p1.x,p2.x,q1.x,q2.x)&&intersect(
        p1.y,p2.y,q1.y,q2.y)&&
66     crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<=0&&crossOp(q1
        ,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<=0;
67 }
68
69 bool isSS_strict(P p1,P p2,P q1,P q2)
70 {
71     return crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<0
        &&crossOp(q1,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<0;
72 }
73
74 bool isMiddle(db a,db m,db b)
75 {
76     return sign(a-m)==0||sign(b-m)==0||((a<m!=b<m);
77 }
78
79 bool isMiddle(P a,P m,P b)
80 {
81     return isMiddle(a.x,m.x,b.x)&&isMiddle(a.y,m.y,b.y
        );
82 }
83
84 bool onSeg(P p1,P p2,P q)
85 {
86     return crossOp(p1,p2,q)==0&&isMiddle(p1,q,p2);
87 }
88
89 bool onSeg_strict(P p1,P p2,P q)
90 {
91     return crossOp(p1,p2,q)==0&&sign((q-p1).dot(p1-p2)

```

```

    )*sign((q-p2).dot(p1-p2))<0;
93 }
94
95 P proj(P p1,P p2,P q)
96 {
97     P dir=p2-p1;
98     return p1+dir*(dir.dot(q-p1)/dir.abs2());
99 }
100
101 P reflect(P p1,P p2,P q)
102 {
103     return proj(p1,p2,q)*2-q;
104 }
105
106 db nearest(P p1,P p2,P q)
107 {
108     P h=proj(p1,p2,q);
109     if(isMiddle(p1,h,p2))
110         return q.distTo(h);
111     return min(p1.distTo(q),p2.distTo(q));
112 }
113
114 db disSS(P p1,P p2,P q1,P q2) //dist of 2 segments
115 {
116     if(isSS(p1,p2,q1,q2)) return 0;
117     return min(min(nearest(p1,p2,q1),nearest(p1,p2,q2)),
118                min(nearest(q1,q2,p1),nearest(q1,q2,p2)));
119 }
120
121 db rad(P p1,P p2)
122 {
123     return atan2l(p1.det(p2),p1.dot(p2));
124 }
125
126 db area(vector<P> ps)
127 {
128     db ret=0;
129     for(int i=0;i<ps.size();i++)
130         ret+=ps[i].det(ps[(i+1)%ps.size()]);
131     return ret/2;
132 }
133
134 int contain(vector<P> ps,P p) //2:inside,1:on_seg,0:
135     outside
136 {
137     int n=ps.size(),ret=0;
138     for(int i=0;i<n;i++)
139     {
140         P u=ps[i],v=ps[(i+1)%n];
141         if(onSeg(u,v,p)) return 1;
142         if(cmp(u.y,v.y)<=0) swap(u,v);
143         if(cmp(p.y,u.y)>0||cmp(p.y,v.y)<=0) continue;
144         ret^=crossOp(p,u,v)>0;
145     }
146     return ret*2;
147 }
148
149 vector<P> convexHull(vector<P> ps)
150 {
151     int n=ps.size();if(n<=1) return ps;
152     sort(ps.begin(),ps.end());
153     vector<P> qs(n*2);int k=0;
154     for(int i=0;i<n;qs[k++]=ps[i++])
155         while(k>1&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)
156             --k;

```

```

154     for(int i=n-2,t=k;i>=0;qs[k++]=ps[i--])
155         while(k>t&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)
156             --k;
157     qs.resize(k-1);
158     return qs;
159 }
160
161 db convexDiameter(vector<P> ps)
162 {
163     int n=ps.size();if(n<=1) return 0;
164     int is=0,js=0;
165     for(int k=1;k<n;k++) is=ps[k]<ps[is]?k:is,js=ps[js]
166         <ps[k]?js:k;
167     int i=is,j=js;
168     db ret=ps[i].distTo(ps[j]);
169     do{
170         if((ps[(i+1)%n]-ps[i]).det(ps[(j+1)%n]-ps[j])
171             >=0) (++j)%=n;
172         else (++i)%=n;
173         ret=max(ret,ps[i].distTo(ps[j]));
174     }while(i!=is||j!=js);
175     return ret;
176 }

```

2.2 三维几何

3 图论

3.1 最短路

3.1.1 Dijkstra

3.1.2 SPFA

3.1.3 Floyd

3.1.4 负环

3.1.5 差分约束

3.2 最小生成树

3.2.1 Prim

3.2.2 Kruskal

3.2.3 最小生成树计数

3.2.4 次小生成树

3.2.5 最小乘积生成树

3.3 树的直径

3.4 LCA

3.4.1 Tarjan 离线

3.4.2 倍增 LCA

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 /*
5     预处理 O(nlogn)
6     单次查询 O(logn)
7 */
8
9 const int MAXN=500005;

```



```

10 int n,q,dep[MAXN],s,lg[MAXN],fa[MAXN][32];
11 vector<int> e[MAXN];
12
13 void dfs(int now,int pa)
14 {
15     dep[now]=dep[pa]+1;
16     fa[now][0]=pa;
17     for(int i=1;(1<<i)<=dep[now];i++)
18         fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-1];
19     for(auto to:e[now])
20         if(to!=pa) dfs(to,now);
21 }
22
23 int lca(int x,int y)
24 {
25     if(dep[x]<dep[y]) swap(x,y);
26     while(dep[x]>dep[y]) x=fa[x][lg[dep[x]-dep[y]]-1];
27     if(x==y) return x;
28     for(int i=lg[dep[x]]-1;i>=0;i--)
29         if(fa[x][i]!=fa[y][i])
30             x=fa[x][i],y=fa[y][i];
31     return fa[x][0];
32 }
33
34 int main()
35 {
36     for(int i=1;i<MAXN;i++)
37         lg[i]=lg[i-1]+(1<<lg[i-1]==i);
38     scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
39     for(int i=0,x,y;i<n-1;i++)
40     {
41         scanf("%d%d",&x,&y);
42         e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
43     }
44     dep[0]=0;
45     dfs(s,0);
46     for(int i=0,x,y;i<q;i++)
47     {
48         scanf("%d%d",&x,&y);
49         printf("%d\n",lca(x,y));
50     }
51     return 0;
52 }

```

3.5 无向图与有向图联通性

3.5.1 割点

3.5.2 桥

3.5.3 e-DCC

3.5.4 v-DCC

3.5.5 SCC

3.5.6 2-SAT

3.5.7 支配树

3.6 二分图

3.6.1 最大匹配-匈牙利

3.6.2 带权匹配-KM

3.7 网络流

3.7.1 最大流-Dinic

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef long long ll;
4
5 /*
6  s,t 超级源、超级汇
7  cur[] 当前弧优化
8  时间复杂度 O(n^2*m)
9 */
10
11 const int MAXN=10005;
12 const ll inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f;
13 int n,m,s,t,tot,dis[MAXN],cur[MAXN];
14 struct edge
15 {
16     int to,cap,rev;
17     edge(){}
18     edge(int to,int cap,int rev):to(to),cap(cap),rev(
19         rev){}
20 };
21 vector<edge> E[MAXN];
22
23 inline void add_edge(int x,int y,int f)
24 {
25     E[x].emplace_back(y,f,E[y].size());
26     E[y].emplace_back(x,0,E[x].size()-1);
27 }
28
29 int bfs()
30 {
31     for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f;
32     dis[s]=0;
33     queue<int> q;
34     q.push(s);
35     while(!q.empty())
36     {
37         int now=q.front();q.pop();
38         for(int i=0;i<E[now].size();i++)
39         {
40             edge &e=E[now][i];
41             if(dis[e.to]>dis[now]+1&&e.cap)
42             {
43                 dis[e.to]=dis[now]+1;

```

```

43         if(e.to==t) return 1;
44         q.push(e.to);
45     }
46 }
47 }
48 return 0;
49 }
50
51 ll dfs(int now,ll flow)
52 {
53     if(now==t) return flow;
54     ll rest=flow,k;
55     for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)
56     {
57         edge &e=E[now][i];
58         if(e.cap&&dis[e.to]==dis[now]+1)
59         {
60             cur[now]=i;
61             k=dfs(e.to,min(rest,(long long)e.cap));
62             e.cap-=k;
63             E[e.to][e.rev].cap+=k;
64             rest-=k;
65         }
66     }
67     return flow-rest;
68 }
69
70 ll dinic()
71 {
72     ll ret=0,delta;
73     while(bfs())
74     {
75         for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=0;
76         while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
77     }
78     return ret;
79 }

```

3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef pair<int,int> pii;
4
5 /*
6  第一遍跑的spfa,然后是加上势函数的dij,玄学
7  h[] 势函数
8  cur[] 当前弧优化
9  msmf 最大流时的最小费用
10 s,t 超级源、超级汇
11 时间复杂度 O(n^2*m)
12 */
13
14 const int MAXN=2005;
15 const int inf=0x3f3f3f3f;
16 int msmf,s,t,cur[MAXN],dis[MAXN],vis[MAXN],h[MAXN];
17 struct edge
18 {
19     int to,val,cap,rev;
20     edge(){}
21     edge(int to,int cap,int val,int rev):to(to),cap(
22         cap),val(val),rev(rev){}
23 };
24 vector<edge> E[MAXN];

```

```

24 inline void add_edge(int x,int y,int f,int cost)
25 {
26     E[x].emplace_back(y,f,cost,E[y].size());
27     E[y].emplace_back(x,0,-cost,E[x].size()-1);
28 }
29
30 int dij()
31 {
32     fill(dis,dis+t+1,inf);
33     priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
34     q.emplace(0,s);dis[s]=0;
35     while(!q.empty())
36     {
37         pii p=q.top();q.pop();
38         int now=p.second;
39         if(dis[now]<p.first) continue;
40         for(int i=0;i<E[now].size();i++)
41         {
42             edge &e=E[now][i];
43             if(e.cap>0&&dis[e.to]>p.first+e.val+h[now]-
44                 h[e.to])
45             {
46                 dis[e.to]=p.first+e.val+h[now]-h[e.to];
47                 q.emplace(dis[e.to],e.to);
48             }
49         }
50     }
51     return dis[t]!=inf;
52 }
53
54 int dfs(int now,int flow)
55 {
56     if(now==t) return flow;
57     int rest=flow,k;
58     vis[now]=1;
59     for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)
60     {
61         edge &e=E[now][i];
62         if(e.cap&&dis[now]+e.val+h[now]-h[e.to]==dis[e
63             .to]&&!vis[e.to])
64         {
65             cur[now]=i;
66             k=dfs(e.to,min(e.cap,rest));
67             e.cap-=k;
68             E[e.to][e.rev].cap+=k;
69             rest-=k;
70             msmf+=k*e.val;
71         }
72     }
73     vis[now]=0;
74     return flow-rest;
75 }
76
77 int dinic()
78 {
79     int ret=0,delta;
80     while(dij())
81     {
82         for(int i=s;i<=t;i++) cur[i]=0;
83         while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
84         for(int i=s;i<=t;i++) h[i]+=(dis[i]==inf)?0:
85             dis[i];
86     }
87     return ret;
88 }

```

```
86 }
```

3.7.3 上下界流

3.8 欧拉路

3.9 Prufer 序列

4 数据结构

4.1 树状数组

4.2 线段树

4.2.1 带优先级线段树

4.2.2 吉司机线段树

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef long long ll;
4
5 /*
6  modify 将区间大于x的数变成x
7  query 询问区间和
8  单次复杂度 O(log^2(n))
9 */
10
11 const ll INF=0xc0c0c0c0c0c0c0c0ll;
12 const int MAXN=200005;
13 ll seg[MAXN<<2],m1[MAXN<<2],m2[MAXN<<2],cnt[MAXN<<2],
14   tag[MAXN<<2],a[MAXN];
15 int n,q;
16
17 void pushdown(int rt)
18 {
19     if(!tag[rt]) return;
20     ll y=m1[rt];
21     if(y<m1[rt<<1])
22     {
23         tag[rt<<1]=1;
24         seg[rt<<1]-=(m1[rt<<1]-y)*cnt[rt<<1];
25         m1[rt<<1]=y;
26     }
27     if(y<m1[rt<<1|1])
28     {
29         tag[rt<<1|1]=1;
30         seg[rt<<1|1]-=(m1[rt<<1|1]-y)*cnt[rt<<1|1];
31         m1[rt<<1|1]=y;
32     }
33     tag[rt]=0;
34 }
35
36 void pushup(int rt)
37 {
38     seg[rt]=seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1];
39     if(m1[rt<<1]==m1[rt<<1|1])
40     {
41         m1[rt]=m1[rt<<1];
42         cnt[rt]=cnt[rt<<1]+cnt[rt<<1|1];
43         m2[rt]=max(m2[rt<<1],m2[rt<<1|1]);
44     }
45     else if(m1[rt<<1]>m1[rt<<1|1])
46     {
```

```
47     cnt[rt]=cnt[rt<<1];
48     m2[rt]=max(m2[rt<<1],m1[rt<<1|1]);
49 }
50 else
51 {
52     m1[rt]=m1[rt<<1|1];
53     cnt[rt]=cnt[rt<<1|1];
54     m2[rt]=max(m2[rt<<1|1],m1[rt<<1]);
55 }
56 }
57
58 void build(int rt,int l,int r)
59 {
60     tag[rt]=0;
61     if(l==r)
62     {
63         seg[rt]=m1[rt]=a[l];
64         cnt[rt]=1;
65         m2[rt]=INF;
66         return;
67     }
68     int m=l+r>>1;
69     if(l<=m) build(rt<<1,l,m);
70     if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
71     pushup(rt);
72 }
73
74 void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll y)
75 {
76     if(y>=m1[rt]) return;
77     if(L<=l&&r<=R&&y>=m2[rt])
78     {
79         tag[rt]=1;
80         seg[rt]-=(m1[rt]-y)*cnt[rt];
81         m1[rt]=y;
82         return;
83     }
84     pushdown(rt);
85     int m=l+r>>1;
86     if(L<=m) modify(rt<<1,l,m,L,R,y);
87     if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,y);
88     pushup(rt);
89 }
90
91 ll query(int rt,int l,int r,int L,int R)
92 {
93     if(L<=l&&r<=R) return seg[rt];
94     int m=l+r>>1;
95     pushdown(rt);
96     ll ret=0;
97     if(L<=m) ret+=query(rt<<1,l,m,L,R);
98     if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,L,R);
99     pushup(rt);
100     return ret;
101 }
```

4.2.3 线段树维护扫描线

4.3 RMQ

4.3.1 一维

4.3.2 二维

4.4 树链剖分

4.4.1 点剖分

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef long long ll;
4
5 /*
6 轻重链剖分 单次复杂度  $O(\log^2(n))$ 
7  $a[i]$  表示dfs标号为i的点的值,而非点i的值
8 1 x y z 表示将树从x到y结点最短路径上所有节点值都加上z
9 2 x y 表示求树从x到y结点最短路径上所有节点值之和
10 3 x z 表示将以x为根节点的子树内所有节点值都加上z
11 4 x 表示求以x为根节点的子树内所有节点值之和
12 */
13
14 const int MAXN=100005;
15 ll mod,lazy[MAXN<<2],seg[MAXN<<2],a[MAXN],tmp[MAXN];
16 int n,q,r,cnt,tot,dep[MAXN],top[MAXN],id[MAXN],son[
17     MAXN],num[MAXN],fa[MAXN];
18 vector<int> e[MAXN];
19 void dfs1(int now,int f)
20 {
21     dep[now]=dep[f]+1;
22     fa[now]=f;
23     num[now]=1;
24     son[now]=0;
25     for(auto to:e[now])
26     {
27         if(to==f) continue;
28         dfs1(to,now);
29         num[now]+=num[to];
30         if(num[to]>num[son[now]]) son[now]=to;
31     }
32 }
33
34 void dfs2(int now,int f)
35 {
36     id[now]=++cnt;
37     top[now]=f;
38     if(son[now]) dfs2(son[now],f);
39     for(auto to:e[now])
40         if(to!=fa[now]&&to!=son[now])
41             dfs2(to,to);
42 }
43
44 inline void pushdown(int rt,ll lnum,ll rnum)
45 {
46     if(!lazy[rt]) return;
47     seg[rt<<1]=(seg[rt<<1]+lazy[rt]*lnum%mod)%mod;
48     seg[rt<<1|1]=(seg[rt<<1|1]+lazy[rt]*rnum%mod)%mod;
49     lazy[rt<<1]=(lazy[rt<<1]+lazy[rt])%mod;
50     lazy[rt<<1|1]=(lazy[rt<<1|1]+lazy[rt])%mod;
51     lazy[rt]=0;
52 }
53
54 inline void pushup(int rt)

```

```

55 {
56     seg[rt]=(seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1])%mod;
57 }
58
59 void build(int rt,int l,int r)
60 {
61     lazy[rt]=0;
62     if(l==r)
63     {
64         seg[rt]=a[l]%mod;
65         return;
66     }
67     int m=l+r>>1;
68     if(l<=m) build(rt<<1,l,m);
69     if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
70     pushup(rt);
71 }
72
73 void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll x)
74 {
75     if(L<=l&&r<=R)
76     {
77         lazy[rt]=(lazy[rt]+x)%mod;
78         seg[rt]=(seg[rt]+x*(r-l+1)%mod)%mod;
79         return;
80     }
81     int m=l+r>>1;
82     pushdown(rt,m-l+1,r-m);
83     if(L<=m) modify(rt<<1,l,m,L,R,x);
84     if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,x);
85     pushup(rt);
86 }
87
88 ll query(int rt,int l,int r,int L,int R)
89 {
90     if(L<=l&&r<=R) return seg[rt];
91     int m=l+r>>1;
92     ll ret=0;
93     pushdown(rt,m-l+1,r-m);
94     if(L<=m) ret=(ret+query(rt<<1,l,m,L,R))%mod;
95     if(m<R) ret=(ret+query(rt<<1|1,m+1,r,L,R))%mod;
96     pushup(rt);
97     return ret;
98 }
99
100 int main()
101 {
102     scanf("%d%d%d%lld",&n,&q,&r,&mod);
103     for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%lld",&tmp[i]);
104     for(int i=1,x,y;i<=n;i++)
105     {
106         scanf("%d%d",&x,&y);
107         e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
108     }
109     num[0]=0,dep[r]=0;
110     dfs1(r,r);
111     dfs2(r,r);
112     for(int i=1;i<=n;i++) a[id[i]]=tmp[i];
113     build(1,1,n);
114
115     while(q--)
116     {
117         int op,x,y,ll z;
118         scanf("%d%d",&op,&x);
119         if(op==4)

```

```

120 {
121     printf("%lld\n", query(1, 1, n, id[x], id[x] + num
122         [x] - 1));
123     continue;
124 }
125 if(op == 1)
126 {
127     scanf("%d%lld", &y, &z); z %= mod;
128     while(top[x] != top[y])
129     {
130         if(dep[top[x]] < dep[top[y]]) swap(x, y);
131         modify(1, 1, n, id[top[x]], id[x], z);
132         x = fa[top[x]];
133     }
134     if(dep[x] > dep[y]) swap(x, y);
135     modify(1, 1, n, id[x], id[y], z);
136 }
137 else if(op == 2)
138 {
139     scanf("%d", &y);
140     ll ans = 0;
141     while(top[x] != top[y])
142     {
143         if(dep[top[x]] < dep[top[y]]) swap(x, y);
144         ans = (ans + query(1, 1, n, id[top[x]], id[x])) %
145             mod;
146         x = fa[top[x]];
147     }
148     if(dep[x] > dep[y]) swap(x, y);
149     ans = (ans + query(1, 1, n, id[x], id[y])) % mod;
150     printf("%lld\n", ans);
151 }
152 else
153 {
154     scanf("%lld", &z); z %= mod;
155     modify(1, 1, n, id[x], id[x] + num[x] - 1, z);
156 }
157 }
158 return 0;
159 }

```

4.4.2 边剖分

4.5 平衡树

4.5.1 Treap

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 const int MAXN = 1e5 + 5;
5 const int inf = 0x7fffffff;
6 int n, op, x;
7
8 /*
9  树内初始化时有无穷大和无穷小两个结点
10  _delete(root, x) 删除一个x
11  _insert(root, x) 插入一个x
12  getRank(root, x) 返回x的排名+1(包含了无穷小)
13  getVal(root, x+1) 返回排名为x的数
14  getPrev(x) x的前驱
15  getNext(x) x的后继
16 */
17
18 namespace Treap

```

```

19 {
20     int tot, root;
21     struct node
22     {
23         int cnt, val, dat, siz, lc, rc;
24     } bst[MAXN];
25
26     inline void pushup(int rt)
27     {
28         bst[rt].siz = bst[rt].cnt;
29         if(bst[rt].lc) bst[rt].siz += bst[bst[rt].lc].
30             siz;
31         if(bst[rt].rc) bst[rt].siz += bst[bst[rt].rc].
32             siz;
33     }
34
35     inline void zig(int &rt)
36     {
37         int p = bst[rt].lc;
38         bst[rt].lc = bst[p].rc;
39         bst[p].rc = rt;
40         rt = p;
41         pushup(bst[rt].rc); pushup(rt);
42     }
43
44     inline void zag(int &rt)
45     {
46         int p = bst[rt].rc;
47         bst[rt].rc = bst[p].lc;
48         bst[p].lc = rt;
49         rt = p;
50         pushup(bst[rt].lc); pushup(rt);
51     }
52
53     int new_node(int val)
54     {
55         bst[++tot].val = val;
56         bst[tot].dat = rand();
57         bst[tot].siz = bst[tot].cnt = 1;
58         bst[tot].lc = bst[tot].rc = 0;
59         return tot;
60     }
61
62     void build()
63     {
64         new_node(-inf); new_node(inf);
65         root = 1, bst[1].rc = 2;
66         pushup(1);
67     }
68
69     void _insert(int &rt, int val)
70     {
71         if(rt == 0)
72         {
73             rt = new_node(val);
74             return;
75         }
76         if(bst[rt].val == val)
77         {
78             bst[rt].cnt++;
79             pushup(rt);
80             return;
81         }
82         if(val < bst[rt].val)
83         {
84

```

```

82     _insert(bst[rt].lc,val);
83     if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].lc].dat) zig(rt)
84         ;
85 }
86 else
87 {
88     _insert(bst[rt].rc,val);
89     if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].rc].dat) zag(rt)
90         ;
91 }
92 pushup(rt);
93 }
94 void _delete(int &rt,int val)
95 {
96     if(rt==0) return;
97     if(bst[rt].val==val)
98     {
99         if(bst[rt].cnt>1)
100         {
101             bst[rt].cnt--;
102             pushup(rt);
103             return;
104         }
105         if(bst[rt].rc||bst[rt].lc)
106         {
107             if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<
108                 bst[bst[rt].lc].dat)
109                 zig(rt),_delete(bst[rt].rc,val);
110             else
111                 zag(rt),_delete(bst[rt].lc,val);
112             pushup(rt);
113         }
114         else rt=0;
115         return;
116     }
117     if(val<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,val);
118     else _delete(bst[rt].rc,val);
119     pushup(rt);
120 }
121 int getPrev(int val)
122 {
123     int ret=1,rt=root;
124     while(rt)
125     {
126         if(bst[rt].val==val)
127         {
128             if(bst[rt].lc)
129             {
130                 rt=bst[rt].lc;
131                 while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
132                 ret=rt;
133             }
134             break;
135         }
136         if(bst[rt].val<val&&bst[rt].val>bst[ret].
137             val) ret=rt;
138         if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
139         else rt=bst[rt].rc;
140     }
141     return bst[ret].val;
142 }

```

```

143 int getNext(int val)
144 {
145     int ret=2,rt=root;
146     while(rt)
147     {
148         if(bst[rt].val==val)
149         {
150             if(bst[rt].rc)
151             {
152                 rt=bst[rt].rc;
153                 while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
154                 ret=rt;
155             }
156             break;
157         }
158         if(bst[rt].val>val&&bst[rt].val<bst[ret].
159             val) ret=rt;
160         if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
161         else rt=bst[rt].rc;
162     }
163     return bst[ret].val;
164 }
165 int getRank(int rt,int val)
166 {
167     if(rt==0) return 0;
168     if(val==bst[rt].val) return bst[bst[rt].lc].
169         siz+1;
170     if(val<bst[rt].val) return getRank(bst[rt].lc,
171         val);
172     else return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt+
173         getRank(bst[rt].rc,val);
174 }
175 int getVal(int rt,int k)
176 {
177     if(rt==0) return inf;
178     if(bst[bst[rt].lc].siz>=k) return getVal(bst[
179         rt].lc,k);
180     if(bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt>=k) return
181         bst[rt].val;
182     return getVal(bst[rt].rc,k-bst[bst[rt].lc].siz
183         -bst[rt].cnt);
184 }
185 }
186 int main()
187 {
188     using namespace Treap;
189     srand(time(0));
190     build();
191     scanf("%d",&n);
192     while(n--)
193     {
194         scanf("%d",&op,&x);
195         if(op==1) _insert(root,x);
196         else if(op==2) _delete(root,x);
197         else if(op==3) printf("%d\n",getRank(root,x)
198             -1);
199         else if(op==4) printf("%d\n",getVal(root,x+1))
200             ;
201         else if(op==5) printf("%d\n",getPrev(x));
202         else if(op==6) printf("%d\n",getNext(x));
203     }
204     return 0;

```

199 }

4.5.2 Splay

4.6 动态树

4.7 主席树

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 /*
5  离散化+区间k小
6 */
7
8 const int MAXN=200005;
9 int n,m,a[MAXN],tmp[MAXN],org[MAXN],root[MAXN],tot=0;
10 struct tree
11 {
12     int cnt,lc,rc;
13 }seg[30*MAXN];
14
15 int build(int l,int r)
16 {
17     int p=tot++;
18     if(l==r)
19     {
20         seg[p].cnt=0;
21         return p;
22     }
23     int m=l+r>>1;
24     seg[p].lc=build(l,m);
25     seg[p].rc=build(m+1,r);
26     seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
27     return p;
28 }
29
30 int modify(int rt,int l,int r,int x)
31 {
32     int p=tot++;
33     seg[p]=seg[rt];
34     if(l==r)
35     {
36         seg[p].cnt++;
37         return p;
38     }
39     int m=l+r>>1;
40     if(x<=m) seg[p].lc=modify(seg[rt].lc,l,m,x);
41     else seg[p].rc=modify(seg[rt].rc,m+1,r,x);
42     seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
43     return p;
44 }
45
46 int query(int p,int q,int l,int r,int k)
47 {
48     if(l==r) return l;
49     int m=l+r>>1;
50     int lcnt=seg[seg[q].lc].cnt-seg[seg[p].lc].cnt;
51     if(lcnt>=k) return query(seg[p].lc,seg[q].lc,l,m,k);
52     else return query(seg[p].rc,seg[q].rc,m+1,r,k-lcnt);
53 }
54
55 int main()

```

```

56 {
57     scanf("%d%d",&n,&m);
58     for(int i=1;i<=n;i++)
59         scanf("%d",a+i),tmp[i]=a[i];
60     sort(tmp+1,tmp+n+1);
61     root[0]=build(1,n);
62     for(int i=1;i<=n;i++)
63     {
64         int k=lower_bound(tmp+1,tmp+n+1,a[i])-tmp;
65         org[k]=a[i];
66         a[i]=k;
67         root[i]=modify(root[i-1],1,n,a[i]);
68     }
69     while(m--)
70     {
71         int x,y,k;
72         scanf("%d%d%d",&x,&y,&k);
73         printf("%d\n",org[query(root[x-1],root[y],1,n,k)]);
74     }
75     return 0;
76 }

```

4.8 树套树

4.8.1 线段树套 Treap

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 /*
5  空间 O(nlogn)
6  单点修改,区间rank,前驱后继(不存在则为±2147483647) 单
7  次 O(log^2(n))
8  区间排名为k的值 单次 O(log^3(n))
9 */
10
11 const int inf=2147483647;
12 const int MAXN=50005;
13 int root[MAXN<<2],n,m,a[MAXN];
14 struct Treap
15 {
16     int tot;
17     struct node
18     {
19         int lc,rc,dat,val,cnt,siz;
20     }bst[MAXN*4*20];
21
22     int newNode(int v)
23     {
24         bst[++tot].val=v;
25         bst[tot].dat=rand();
26         bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
27         bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
28         return tot;
29     }
30
31     void zig(int &rt)
32     {
33         int p=bst[rt].lc;
34         bst[rt].lc=bst[p].rc;
35         bst[p].rc=rt;
36         rt=p;
37         pushup(bst[rt].rc);
38         pushup(rt);
39     }

```

```

38 }
39
40 void zag(int &rt)
41 {
42     int p=bst[rt].rc;
43     bst[rt].rc=bst[p].lc;
44     bst[p].lc=rt;
45     rt=p;
46     pushup(bst[rt].lc);
47     pushup(rt);
48 }
49
50 void pushup(int rt)
51 {
52     bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
53     if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
        siz;
54     if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
        siz;
55 }
56
57 int build()
58 {
59     int rt=newnode(-inf);
60     bst[rt].rc=newnode(inf);
61     pushup(rt);
62     return rt;
63 }
64
65 void _delete(int &rt,int x)
66 {
67     if(bst[rt].val==x)
68     {
69         if(bst[rt].cnt>1)
70         {
71             bst[rt].cnt--;
72             pushup(rt);
73             return;
74         }
75         if(bst[rt].lc||bst[rt].rc)
76         {
77             if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<
                bst[bst[rt].lc].dat)
78                 zig(rt),_delete(bst[rt].rc,x);
79             else
80                 zag(rt),_delete(bst[rt].lc,x);
81             pushup(rt);
82         }
83         else rt=0;
84         return;
85     }
86     if(x<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,x);
87     else _delete(bst[rt].rc,x);
88     pushup(rt);
89 }
90
91 void _insert(int &rt,int x)
92 {
93     if(rt==0)
94     {
95         rt=newnode(x);
96         return;
97     }
98     if(bst[rt].val==x) bst[rt].cnt++;
99     else if(x<bst[rt].val)

```

```

100 {
101     _insert(bst[rt].lc,x);
102     if(bst[bst[rt].lc].dat>bst[rt].dat) zig(rt)
        ;
103 }
104 else
105 {
106     _insert(bst[rt].rc,x);
107     if(bst[bst[rt].rc].dat>bst[rt].dat) zag(rt)
        ;
108 }
109 pushup(rt);
110 }
111
112 int get_rank(int rt,int x)
113 {
114     if(!rt) return 1;
115     if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz
        +1;
116     if(x<bst[rt].val) return get_rank(bst[rt].lc,x
        );
117     else return get_rank(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt]
        ].lc].siz+bst[rt].cnt;
118 }
119
120 int get_num(int rt,int x)
121 {
122     if(!rt) return 0;
123     if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+
        bst[rt].cnt;
124     if(x<bst[rt].val) return get_num(bst[rt].lc,x)
        ;
125     else return get_num(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].
        lc].siz+bst[rt].cnt;
126 }
127
128 int get_prev(int rt,int x)
129 {
130     int ret=-inf;
131     while(rt)
132     {
133         if(bst[rt].val==x)
134         {
135             if(bst[rt].lc)
136             {
137                 rt=bst[rt].lc;
138                 while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
139                 ret=bst[rt].val;
140             }
141             break;
142         }
143         if(bst[rt].val<x&&bst[rt].val>ret) ret=bst[
            rt].val;
144         if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
145         else rt=bst[rt].rc;
146     }
147     return ret;
148 }
149
150 int get_nxt(int rt,int x)
151 {
152     int ret=inf;
153     while(rt)
154     {
155         if(bst[rt].val==x)

```



```

156     {
157         if(bst[rt].rc)
158         {
159             rt=bst[rt].rc;
160             while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
161             ret=bst[rt].val;
162         }
163         break;
164     }
165     if(bst[rt].val>x&&bst[rt].val<ret) ret=bst[rt].val;
166     if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
167     else rt=bst[rt].rc;
168 }
169 return ret;
170 }
171 }treap;
172
173 void build(int rt,int l,int r)
174 {
175     root[rt]=treap.build();
176     if(l==r) return;
177     int m=l+r>>1;
178     build(rt<<1,l,m);
179     build(rt<<1|1,m+1,r);
180 }
181
182 void modify(int rt,int l,int r,int x,int v,int y)
183 {
184     if(y==1) treap._delete(root[rt],v);
185     else treap._insert(root[rt],v);
186     if(l==r) return;
187     int m=l+r>>1;
188     if(x<=m) modify(rt<<1,l,m,x,v,y);
189     else modify(rt<<1|1,m+1,r,x,v,y);
190 }
191
192 int query(int rt,int l,int r,int op,int L,int R,int x)
193 {
194     if(L<=l&&r<=R)
195     {
196         if(op==1) return treap.get_rank(root[rt],x)-2;
197         if(op==2) return treap.get_num(root[rt],x)-1;
198         if(op==4) return treap.get_prev(root[rt],x);
199         if(op==5) return treap.get_nxt(root[rt],x);
200     }
201     int m=l+r>>1,ret;
202     if(op==1||op==2)
203     {
204         ret=0;
205         if(L<=m) ret+=query(rt<<1,l,m,op,L,R,x);
206         if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x);
207     }
208     if(op==4)
209     {
210         ret=-inf;
211         if(L<=m) ret=max(ret,query(rt<<1,l,m,op,L,R,x));
212         if(m<R) ret=max(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x));
213     }
214     if(op==5)
215     {
216         ret=inf;

```

```

217         if(L<=m) ret=min(ret,query(rt<<1,l,m,op,L,R,x));
218         if(m<R) ret=min(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x));
219     }
220     return ret;
221 }
222
223 int main()
224 {
225     srand(time(0));
226     scanf("%d%d",&n,&m);
227     build(1,1,n);
228     for(int i=1;i<=n;i++)
229     {
230         scanf("%d",a+i);
231         modify(1,1,n,i,a[i],1);
232     }
233     while(m--)
234     {
235         int op,l,r,k,pos;
236         scanf("%d",&op);
237         if(op==1)
238         {
239             scanf("%d%d%d",&l,&r,&k);
240             printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k)+1);
241         }
242         else if(op==2)
243         {
244             scanf("%d%d%d",&l,&r,&k);
245             int L=-inf,R=inf,mid;
246             while(L<R)
247             {
248                 mid=(L+R+1)>>1;
249                 if(query(1,1,n,1,l,r,mid)+1>k) R=mid-1;
250                 else L=mid;
251             }
252             printf("%d\n",L);
253         }
254         else if(op==3)
255         {
256             scanf("%d%d",&pos,&k);
257             modify(1,1,n,pos,a[pos],-1);
258             a[pos]=k;
259             modify(1,1,n,pos,k,1);
260         }
261         else
262         {
263             scanf("%d%d%d",&l,&r,&k);
264             printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k));
265         }
266     }
267     return 0;

```

4.8.2 树状数组套线段树

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3
4 /*
5 带单点修区间k小
6 用的时候注意下空间 时空 O(nlog^2(n))
7 外层 add(pos,x,y) 空间上为pos的点且值域上为x的点加上y

```

```

8     query(l,r,k) 询问区间[l,r]里k小
9     内层 modify 值域线段树动态开点
10    query 值域线段树区间k小
11    VAL 值域大小
12 */
13
14 const int MAXN=200005;
15 int n,a[MAXN],X[MAXN],Y[MAXN],c1,c2,VAL;
16 struct SEG
17 {
18     int root[MAXN],lc[MAXN*500],rc[MAXN*500],cnt[MAXN
19         *500],tot;
20     void modify(int &rt,int l,int r,int x,int y)
21     {
22         if(rt==0) rt=++tot;
23         cnt[rt]+=y;
24         if(l==r) return;
25         int m=l+r>>1;
26         if(x<=m) modify(lc[rt],l,m,x,y);
27         else modify(rc[rt],m+1,r,x,y);
28     }
29     int query(int l,int r,int k)
30     {
31         if(l==r) return l;
32         int sum=0,m=l+r>>1;
33         for(int i=0;i<c1;i++) sum+=cnt[lc[X[i]]];
34         for(int i=0;i<c2;i++) sum+=cnt[lc[Y[i]]];
35         if(sum>=k)
36         {
37             for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=lc[X[i]];
38             for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=lc[Y[i]];
39             return query(l,m,k);
40         }
41         else
42         {
43             for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=rc[X[i]];
44             for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=rc[Y[i]];
45             return query(m+1,r,k-sum);
46         }
47     }
48 }seg;
49 void add(int pos,int x,int y)
50 {
51     for(;pos<=n;pos+=pos&-pos) seg.modify(seg.root[pos],1,VAL,x,y);
52 }
53
54 int query(int l,int r,int k)
55 {
56     c1=c2=0;
57     for(int i=l-1;i;i-=i&-i) X[c1++]=seg.root[i];
58     for(int i=r;i;i-=i&-i) Y[c2++]=seg.root[i];
59     return seg.query(1,VAL,k);
60 }

```

4.9 K-D Tree

4.10 分治

4.10.1 CDQ

4.10.2 点分治

4.10.3 dsu on tree

```

1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 typedef long long ll;
4
5 /*
6     统计每颗子树内的出现次数最多的数(们)的和
7     复杂度 O(nlogn)
8 */
9
10 int n,c[100005],cnt[100005],mx,son[100005],siz
11     [100005],hson;
12 ll ans[100005],sum;
13 vector<int> e[100005];
14
15 void dfs1(int now,int fa)
16 {
17     son[now]=0,siz[now]=1;
18     for(auto to:e[now])
19     {
20         if(to==fa) continue;
21         dfs1(to,now);
22         siz[now]+=siz[to];
23         if(siz[to]>siz[son[now]]) son[now]=to;
24     }
25
26 void cal(int now,int fa,int y)
27 {
28     cnt[c[now]]+=y;
29     if(cnt[c[now]]==mx) sum+=c[now];
30     else if(cnt[c[now]]>mx) mx=c[now],sum=c[now];
31     for(auto to:e[now])
32     {
33         if(to!=fa&&to!=hson) cal(to,now,y);
34     }
35
36 void dfs2(int now,int fa,int keep)
37 {
38     for(auto to:e[now])
39     {
40         if(to==fa||to==son[now]) continue;
41         dfs2(to,now,0);
42     }
43     if(son[now]) dfs2(son[now],now,1);
44     hson=son[now];
45     cal(now,fa,1);
46     hson=0;
47     ans[now]=sum;
48     if(!keep) cal(now,fa,-1),sum=0,mx=0;
49 }
50
51 int main()
52 {
53     scanf("%d",&n);
54     for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",c+i);
55     for(int i=1,x,y;i<n;i++)
56     {
57         scanf("%d%d",&x,&y);
58         e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
59     }
60     dfs1(1,1);
61     dfs2(1,1,1);
62     for(int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",ans[i]);
63     return 0;

```

4.10.4 整体二分

4.11 分块

4.11.1 普通分块

4.11.2 莫队

4.12 线性基

4.13 珂朵莉树

4.14 跳舞链

5 动态规划

5.1 SOS

```
1 for(int i=0;i<(1<<N);i++) dp[i]=a[i];
2 for(int i=0;i<N;i++)
3     for(int mask=0;mask<(1<<N);mask++)
4         if(mask&(1<<i))
5             dp[mask]+=dp[mask^(1<<i)];
```

5.2 动态 DP

5.3 插头 DP

6 数学

6.1 矩阵类

6.2 质数筛

6.2.1 埃筛

6.2.2 线筛

6.3 质数判定

6.3.1 Miller Rabin

6.4 质因数分解

6.4.1 Pollard-Rho

6.5 逆元

6.5.1 EX-GCD 求逆元

6.5.2 线性筛逆元

6.5.3 阶乘逆元

6.6 欧拉函数

6.6.1 欧拉线筛

6.6.2 求单个数的欧拉函数

6.6.3 欧拉降幂

6.6.4 一般积性函数求法

6.7 EX-GCD

6.8 CRT

6.9 N 次剩余

6.10 数论分块

6.11 高斯消元

6.11.1 普通消元

6.11.2 异或方程组消元

6.12 莫比乌斯反演

6.12.1 莫比乌斯函数

6.12.2 杜教筛

6.12.3 洲阁筛

6.12.4 min25 筛

6.13 BSGS

6.14 FFT

6.15 FWT

6.16 NTT

6.17 数值计算

6.17.1 辛普森

6.17.2 自适应辛普森

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 const double eps=1e-12;
4
5 /*
6  调用 asr(l,r,simpson(l,r))
7 */
8
9 inline double f(double x)
10 {
11     return x; //被积函数
12 }
13
14 double simpson(double l,double r)
15 {
16     double mid=(l+r)/2;
17     return (f(l)+4*f(mid)+f(r))*(r-l)/6;
18 }
19
20 double asr(double l,double r,double ans)
21 {
22     double mid=(l+r)/2;
23     double l1=simpson(l,mid),r1=simpson(mid,r);
24     if(fabs(l1+r1-ans)<eps) return l1+r1;
25     return asr(l,mid,l1)+asr(mid,r,r1);
26 }
27
28 int main()
29 {
30
31     return 0;
32 }
```

6.18 康拓展开

6.19 卢卡斯定理

7 其他

7.1 快读快写

7.2 约瑟夫环

7.3 悬线法

7.4 蔡勒公式

7.5 三角公式

7.6 海伦公式

7.7 匹克定理

7.8 组合计数

7.8.1 计数原理

7.8.2 卡特兰数

7.8.3 Polya

7.8.4 二项式反演公式

7.8.5 斯特林反演公式

7.8.6 组合数恒等式