小小青蛙听风就是雨

HiedanoAkyuu、Oneman233、KR12138

2019 年 10 月 18 日

目录

1 字符串

1.1 KMP

1.2 EX-KMP

```cpp
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    ex[i]: s1[i..l1-1]与s2的最大公共前缀长度
    exnext[i]: s2[i..l2-1]与s2的最大公共前缀长度
    get_exnext(s2) 求exnext[]
    exkmp(s1,s2) 求ex[]
*/

const int N=50005;
char s1[N],s2[N];
int ex[N],exnext[N];

void get_exnext(char s[N])
{
    int n=strlen(s),p=1,j,i;
    exnext[0]=n;
    for(i=0;i<n-1&&s[i]==s[i+1];i++);
    exnext[1]=i;
    for(i=2;i<n;i++)
        if(exnext[i-p]+i<p+exnext[p])
            exnext[i]=exnext[i-p];
        else
        {
            j=exnext[p]+p-i;
            if(j<0) j=0;
            while(i+j<n&&s[j]==s[i+j]) j++;
            exnext[i]=j;
            p=i;
        }
}

void exkmp(char s1[N],char s2[N])
{
    int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2),p=0,i,j;
    get_exnext(s2);
    for(i=0;i<l1&&i<l2&&s1[i]==s2[i];i++);
    ex[0]=i;
    for(int i=1;i<l1;i++)
    {
        if(exnext[i-p]+i<p+ex[p])
            ex[i]=exnext[i-p];
        else
        {
            j=ex[p]+p-i;
            if(j<0) j=0;
            while(i+j<l1&&s1[i+j]==s2[j]) j++;
            ex[i]=j;
            p=i;
        }
    }
}
```

1.3 Manacher

1.4 串的最小表示

1.5 后缀数组

1.5.1 倍增 SA

1.5.2 DC3

1.6 回文自动机

1.7 AC 自动机

1.7.1 多模匹配

```cpp
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    trie静态开点+trie图优化
*/

int sz,hd=1,nxt[1000005][26],fail[1000005],id
    [1000005],n;
char s[1000005];

void trie_clean()
{
    sz=1;
    memset(nxt,0,sizeof(nxt));
    memset(fail,0,sizeof(fail));
    memset(id,0,sizeof(id));
}

void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
{
    int p=head;
    for(int i=0;i<len;i++)
    {
        int c=s[i]-'a';
        if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
        p=nxt[p][c];
    }
    id[p]+=idx;
}

void acatm_build(int head)
{
    int p,tp;
    queue<int> q;
    q.push(head);
    fail[head]=0;
    while(!q.empty())
    {
        p=q.front();
        q.pop();
        for(int i=0;i<26;i++)
            if(nxt[p][i])
            {
                fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                    ]][i];
                q.push(nxt[p][i]);
            }
            else
                nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
    }
```

```
}

int acatm_match(int head,char s[],int len)
{
    int p=head,ret=0;
    for(int i=0;i<len;i++)
    {
        int c=(int)s[i]-'a';
        p=nxt[p][c];
        for(int tp=p;tp;tp=fail[tp])
            if(id[tp]) ret++;
    }
    return ret;
}
```

1.7.2 自动机上 DP

1.8 后缀自动机

2 计算几何

2.1 二维几何

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define db double
const db EPS=1e-9;
inline int sign(db a){return a<-EPS?-1:a>EPS;}
inline int cmp(db a,db b){return sign(a-b);}
struct P
{
    db x,y;
    P(){}
    P(db x,db y):x(x),y(y){}
    P operator+(P p){return {x+p.x,y+p.y};}
    P operator-(P p){return {x-p.x,y-p.y};}
    P operator*(db d){return {x*d,y*d};}
    P operator/(db d){return {x/d,y/d};}
    bool operator<(P p) const
    {
        int c=cmp(x,p.x);
        if(c) return c==-1;
        return cmp(y,p.y)==-1;
    }
    bool operator==(P o) const
    {
        return cmp(x,o.x)==0&&cmp(y,o.y)==0;
    }
    db distTo(P p){return (*this-p).abs();}
    db alpha(){return atan2(y,x);}
    void read(){scanf("%lf%lf",&x,&y);}
    void write(){printf("(%.10f,%.10f)\n",x,y);}
    db abs(){return sqrt(abs2());}
    db abs2(){return x*x+y*y;}
    P rot90(){return P(-y,x);}
    P unit(){return *this/abs();}
    int quad() const {return sign(y)==1||(sign(y)==0&&
        sign(x)>=0);}
    db dot(P p){return x*p.x+y*p.y;}
    db det(P p){return x*p.y-y*p.x;}
    P rot(db an){return {x*cos(an)-y*sin(an),x*sin(an)
        +y*cos(an)};}
};

//For segment
#define cross(p1,p2,p3) ((p2.x-p1.x)*(p3.y-p1.y)-(p3.
    x-p1.x)*(p2.y-p1.y))
#define crossOp(p1,p2,p3) sign(cross(p1,p2,p3))

bool chkLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //0:parallel
{
    db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
    return sign(a1+a2)!=0;
}

P isLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //crossover point if
    chkLL()
{
    db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
    return (p1*a2+p2*a1)/(a1+a2);
}

bool intersect(db l1,db r1,db l2,db r2)
{
    if(l1>r1) swap(l1,r1);if(l2>r2) swap(l2,r2);
    return !(cmp(r1,l2)==-1||cmp(r2,l1)==-1);
}

bool isSS(P p1,P p2,P q1,P q2)
{
    return intersect(p1.x,p2.x,q1.x,q2.x)&&intersect(
        p1.y,p2.y,q1.y,q2.y)&&
    crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<=0&&crossOp(q1
        ,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<=0;
}

bool isSS_strict(P p1,P p2,P q1,P q2)
{
    return crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<0
    &&crossOp(q1,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<0;
}

bool isMiddle(db a,db m,db b)
{
    return sign(a-m)==0||sign(b-m)==0||(a<m!=b<m);
}

bool isMiddle(P a,P m,P b)
{
    return isMiddle(a.x,m.x,b.x)&&isMiddle(a.y,m.y,b.y
        );
}

bool onSeg(P p1,P p2,P q)
{
    return crossOp(p1,p2,q)==0&&isMiddle(p1,q,p2);
}

bool onSeg_strict(P p1,P p2,P q)
{
    return crossOp(p1,p2,q)==0&&sign((q-p1).dot(p1-p2)
        )*sign((q-p2).dot(p1-p2))<0;
}

P proj(P p1,P p2,P q)
{
    P dir=p2-p1;
    return p1+dir*(dir.dot(q-p1)/dir.abs2());
```

```
}

P reflect(P p1,P p2,P q)
{
    return proj(p1,p2,q)*2-q;
}

db nearest(P p1,P p2,P q)
{
    P h=proj(p1,p2,q);
    if(isMiddle(p1,h,p2))
        return q.distTo(h);
    return min(p1.distTo(q),p2.distTo(q));
}

db disSS(P p1,P p2,P q1,P q2) //dist of 2 segments
{
    if(isSS(p1,p2,q1,q2)) return 0;
    return min(min(nearest(p1,p2,q1),nearest(p1,p2,q2)
        ),min(nearest(q1,q2,p1),nearest(q1,q2,p2)));
}

db rad(P p1,P p2)
{
    return atan2l(p1.det(p2),p1.dot(p2));
}

db area(vector<P> ps)
{
    db ret=0;
    for(int i=0;i<ps.size();i++)
        ret+=ps[i].det(ps[(i+1)%ps.size()]);
    return ret/2;
}

int contain(vector<P> ps,P p) //2:inside,1:on_seg,0:
    outside
{
    int n=ps.size(),ret=0;
    for(int i=0;i<n;i++)
    {
        P u=ps[i],v=ps[(i+1)%n];
        if(onSeg(u,v,p)) return 1;
        if(cmp(u.y,v.y)<=0) swap(u,v);
        if(cmp(p.y,u.y)>0||cmp(p.y,v.y)<=0) continue;
        ret^=crossOp(p,u,v)>0;
    }
    return ret*2;
}

vector<P> convexHull(vector<P> ps)
{
    int n=ps.size();if(n<=1) return ps;
    sort(ps.begin(),ps.end());
    vector<P> qs(n*2);int k=0;
    for(int i=0;i<n;qs[k++]=ps[i++])
        while(k>1&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)
            --k;
    for(int i=n-2,t=k;i>=0;qs[k++]=ps[i--])
        while(k>t&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)
            --k;
    qs.resize(k-1);
    return qs;
}

db convexDiameter(vector<P> ps)
{
    int n=ps.size();if(n<=1) return 0;
    int is=0,js=0;
    for(int k=1;k<n;k++) is=ps[k]<ps[is]?k:is,js=ps[js
        ]<ps[k]?js:k;
    int i=is,j=js;
    db ret=ps[i].distTo(ps[j]);
    do{
        if((ps[(i+1)%n]-ps[i]).det(ps[(j+1)%n]-ps[j])
            >=0) (++j)%=n;
        else (++i)%=n;
        ret=max(ret,ps[i].distTo(ps[j]));
    }while(i!=is||j!=js);
    return ret;
}
```

2.2 三维几何

3 图论

3.1 最短路

3.1.1 Dijkstra

3.1.2 SPFA

3.1.3 Floyd

3.1.4 负环

3.1.5 差分约束

3.2 最小生成树

3.2.1 Prim

3.2.2 Kruskal

3.2.3 最小生成树计数

3.2.4 次小生成树

3.2.5 最小乘积生成树

3.3 树的直径

3.4 LCA

3.4.1 Tarjan 离线

3.4.2 倍增 LCA

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    预处理 O(nlogn)
    单次查询 O(logn)
*/

const int MAXN=500005;
int n,q,dep[MAXN],s,lg[MAXN],fa[MAXN][32];
vector<int> e[MAXN];

void dfs(int now,int pa)
{
    dep[now]=dep[pa]+1;
    fa[now][0]=pa;
```

```
    for(int i=1;(1<<i)<=dep[now];i++)
        fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-1];
    for(auto to:e[now])
        if(to!=pa) dfs(to,now);
}

int lca(int x,int y)
{
    if(dep[x]<dep[y]) swap(x,y);
    while(dep[x]>dep[y]) x=fa[x][lg[dep[x]-dep[y]]-1];
    if(x==y) return x;
    for(int i=lg[dep[x]]-1;i>=0;i--)
        if(fa[x][i]!=fa[y][i])
            x=fa[x][i],y=fa[y][i];
    return fa[x][0];
}

int main()
{
    for(int i=1;i<MAXN;i++)
        lg[i]=lg[i-1]+(1<<lg[i-1]==i);
    scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
    for(int i=0,x,y;i<n-1;i++)
    {
        scanf("%d%d",&x,&y);
        e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
    }
    dep[0]=0;
    dfs(s,0);
    for(int i=0,x,y;i<q;i++)
    {
        scanf("%d%d",&x,&y);
        printf("%d\n",lca(x,y));
    }
    return 0;
}
```

3.5 无向图与有向图联通性

3.5.1 割点

3.5.2 桥

3.5.3 e-DCC

3.5.4 v-DCC

3.5.5 SCC

3.5.6 2-SAT

3.5.7 支配树

3.6 二分图

3.6.1 最大匹配-匈牙利

3.6.2 带权匹配-KM

3.7 网络流

3.7.1 最大流-Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*
    s,t 超级源、超级汇
    cur[] 当前弧优化
    时间复杂度 O(n^2*m)
*/

const int MAXN=10005;
const ll inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3fll;
int n,m,s,t,tot,dis[MAXN],cur[MAXN];
struct edge
{
    int to,cap,rev;
    edge(){}
    edge(int to,int cap,int rev):to(to),cap(cap),rev(
        rev){}
};
vector<edge> E[MAXN];

inline void add_edge(int x,int y,int f)
{
    E[x].emplace_back(y,f,E[y].size());
    E[y].emplace_back(x,0,E[x].size()-1);
}

int bfs()
{
    for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f;
    dis[s]=0;
    queue<int> q;
    q.push(s);
    while(!q.empty())
    {
        int now=q.front();q.pop();
        for(int i=0;i<E[now].size();i++)
        {
            edge &e=E[now][i];
            if(dis[e.to]>dis[now]+1&&e.cap)
            {
                dis[e.to]=dis[now]+1;
                if(e.to==t) return 1;
                q.push(e.to);
            }
        }
    }
    return 0;
}

ll dfs(int now,ll flow)
{
    if(now==t) return flow;
    ll rest=flow,k;
    for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)
    {
        edge &e=E[now][i];
        if(e.cap&&dis[e.to]==dis[now]+1)
        {
            cur[now]=i;
            k=dfs(e.to,min(rest,(long long)e.cap));
            e.cap-=k;
            E[e.to][e.rev].cap+=k;
            rest-=k;
        }
    }
    return flow-rest;
}

```

```
ll dinic()
{
    ll ret=0,delta;
    while(bfs())
    {
        for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=0;
        while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
    }
    return ret;
}
```

3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef pair<int,int> pii;

/*
    第一遍跑的spfa,然后是加上势函数的dij,玄学
    h[] 势函数
    cur[] 当前弧优化
    msmf 最大流时的最小费用
    s,t 超级源、超级汇
    时间复杂度 O(n^2*m)
*/

const int MAXN=2005;
const int inf=0x3f3f3f3f;
int msmf,s,t,cur[MAXN],dis[MAXN],vis[MAXN],h[MAXN];
struct edge
{
    int to,val,cap,rev;
    edge(){}
    edge(int to,int cap,int val,int rev):to(to),cap(
        cap),val(val),rev(rev){}
};
vector<edge> E[MAXN];

inline void add_edge(int x,int y,int f,int cost)
{
    E[x].emplace_back(y,f,cost,E[y].size());
    E[y].emplace_back(x,0,-cost,E[x].size()-1);
}

int dij()
{
    fill(dis,dis+t+1,inf);
    priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
    q.emplace(0,s);dis[s]=0;
    while(!q.empty())
    {
        pii p=q.top();q.pop();
        int now=p.second;
        if(dis[now]<p.first) continue;
        for(int i=0;i<E[now].size();i++)
        {
            edge &e=E[now][i];
            if(e.cap>0&&dis[e.to]>p.first+e.val+h[now]-
                h[e.to])
            {
                dis[e.to]=p.first+e.val+h[now]-h[e.to];
                q.emplace(dis[e.to],e.to);
            }
        }
    }
    return dis[t]!=inf;
}

int dfs(int now,int flow)
{
    if(now==t) return flow;
    int rest=flow,k;
    vis[now]=1;
    for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)
    {
        edge &e=E[now][i];
        if(e.cap&&dis[now]+e.val+h[now]-h[e.to]==dis[e
            .to]&&!vis[e.to])
        {
            cur[now]=i;
            k=dfs(e.to,min(e.cap,rest));
            e.cap-=k;
            E[e.to][e.rev].cap+=k;
            rest-=k;
            msmf+=k*e.val;
        }
    }
    vis[now]=0;
    return flow-rest;
}

int dinic()
{
    int ret=0,delta;
    while(dij())
    {
        for(int i=s;i<=t;i++) cur[i]=0;
        while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
        for(int i=s;i<=t;i++) h[i]+=(dis[i]==inf)?0:
            dis[i];
    }
    return ret;
}
```

3.7.3 上下界流

3.8 欧拉路

3.9 Prufer 序列

4 数据结构

4.1 树状数组

4.2 线段树

4.2.1 带优先级线段树

4.2.2 吉司机线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*
    modify 将区间大于x的数变成x
    query 询问区间和
    单次复杂度 O(log^2(n))
*/
```

```

const ll INF=0xc0c0c0c0c0c0c0c0ll;
const int MAXN=200005;
ll seg[MAXN<<2],m1[MAXN<<2],m2[MAXN<<2],cnt[MAXN<<2],
    tag[MAXN<<2],a[MAXN];
int n,q;

void pushdown(int rt)
{
    if(!tag[rt]) return;
    ll y=m1[rt];
    if(y<m1[rt<<1])
    {
        tag[rt<<1]=1;
        seg[rt<<1]-=(m1[rt<<1]-y)*cnt[rt<<1];
        m1[rt<<1]=y;
    }
    if(y<m1[rt<<1|1])
    {
        tag[rt<<1|1]=1;
        seg[rt<<1|1]-=(m1[rt<<1|1]-y)*cnt[rt<<1|1];
        m1[rt<<1|1]=y;
    }
    tag[rt]=0;
}

void pushup(int rt)
{
    seg[rt]=seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1];
    if(m1[rt<<1]==m1[rt<<1|1])
    {
        m1[rt]=m1[rt<<1];
        cnt[rt]=cnt[rt<<1]+cnt[rt<<1|1];
        m2[rt]=max(m2[rt<<1],m2[rt<<1|1]);
    }
    else if(m1[rt<<1]>m1[rt<<1|1])
    {
        m1[rt]=m1[rt<<1];
        cnt[rt]=cnt[rt<<1];
        m2[rt]=max(m2[rt<<1],m1[rt<<1|1]);
    }
    else
    {
        m1[rt]=m1[rt<<1|1];
        cnt[rt]=cnt[rt<<1|1];
        m2[rt]=max(m2[rt<<1|1],m1[rt<<1]);
    }
}

void build(int rt,int l,int r)
{
    tag[rt]=0;
    if(l==r)
    {
        seg[rt]=m1[rt]=a[l];
        cnt[rt]=1;
        m2[rt]=INF;
        return;
    }
    int m=l+r>>1;
    if(l<=m) build(rt<<1,l,m);
    if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
    pushup(rt);
}

```

```
void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll y)
{
    if(y>=m1[rt]) return;
    if(L<=l&&r<=R&&y>m2[rt])
    {
        tag[rt]=1;
        seg[rt]-=(m1[rt]-y)*cnt[rt];
        m1[rt]=y;
        return;
    }
    pushdown(rt);
    int m=l+r>>1;
    if(L<=m) modify(rt<<1,l,m,L,R,y);
    if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,y);
    pushup(rt);
}

ll query(int rt,int l,int r,int L,int R)
{
    if(L<=l&&r<=R) return seg[rt];
    int m=l+r>>1;
    pushdown(rt);
    ll ret=0;
    if(L<=m) ret+=query(rt<<1,l,m,L,R);
    if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,L,R);
    pushup(rt);
    return ret;
}
```

4.2.3 线段树维护扫描线

4.3 RMQ

4.3.1 一维

4.3.2 两维

4.4 树链剖分

4.4.1 点剖分

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*
    轻重链剖分 单次复杂度 O(log^2(n))
    a[i] 表示dfs标号为i的点的值,而非点i的值
    1 x y z 表示将树从x到y结点最短路径上所有节点值都加上z
    2 x y 表示求树从x到y结点最短路径上所有节点值之和
    3 x z 表示将以x为根节点的子树内所有节点值都加上z
    4 x 表示求以x为根节点的子树内所有节点值之和
*/

const int MAXN=100005;
ll mod,lazy[MAXN<<2],seg[MAXN<<2],a[MAXN],tmp[MAXN];
int n,q,r,cnt,tot,dep[MAXN],top[MAXN],id[MAXN],son[
    MAXN],num[MAXN],fa[MAXN];
vector<int> e[MAXN];

void dfs1(int now,int f)
{
    dep[now]=dep[f]+1;
    fa[now]=f;
    num[now]=1;
    son[now]=0;
```

```
    for(auto to:e[now])
    {
        if(to==f) continue;
        dfs1(to,now);
        num[now]+=num[to];
        if(num[to]>num[son[now]]) son[now]=to;
    }
}

void dfs2(int now,int f)
{
    id[now]=++cnt;
    top[now]=f;
    if(son[now]) dfs2(son[now],f);
    for(auto to:e[now])
        if(to!=fa[now]&&to!=son[now])
            dfs2(to,to);
}

inline void pushdown(int rt,ll lnum,ll rnum)
{
    if(!lazy[rt]) return;
    seg[rt<<1]=(seg[rt<<1]+lazy[rt]*lnum%mod)%mod;
    seg[rt<<1|1]=(seg[rt<<1|1]+lazy[rt]*rnum%mod)%mod;
    lazy[rt<<1]=(lazy[rt<<1]+lazy[rt])%mod;
    lazy[rt<<1|1]=(lazy[rt<<1|1]+lazy[rt])%mod;
    lazy[rt]=0;
}

inline void pushup(int rt)
{
    seg[rt]=(seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1])%mod;
}

void build(int rt,int l,int r)
{
    lazy[rt]=0;
    if(l==r)
    {
        seg[rt]=a[l]%mod;
        return;
    }
    int m=l+r>>1;
    if(l<=m) build(rt<<1,l,m);
    if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
    pushup(rt);
}

void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll x)
{
    if(L<=l&&r<=R)
    {
        lazy[rt]=(lazy[rt]+x)%mod;
        seg[rt]=(seg[rt]+x*(r-l+1)%mod)%mod;
        return;
    }
    int m=l+r>>1;
    pushdown(rt,m-l+1,r-m);
    if(L<=m) modify(rt<<1,l,m,L,R,x);
    if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,x);
    pushup(rt);
}

ll query(int rt,int l,int r,int L,int R)
{
    if(L<=l&&r<=R) return seg[rt];
    int m=l+r>>1;
    ll ret=0;
    pushdown(rt,m-l+1,r-m);
    if(L<=m) ret=(ret+query(rt<<1,l,m,L,R))%mod;
    if(m<R) ret=(ret+query(rt<<1|1,m+1,r,L,R))%mod;
    pushup(rt);
    return ret;
}

int main()
{
    scanf("%d%d%d%lld",&n,&q,&r,&mod);
    for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%lld",&tmp[i]);
    for(int i=1,x,y;i<n;i++)
    {
        scanf("%d%d",&x,&y);
        e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
    }
    num[0]=0,dep[r]=0;
    dfs1(r,r);
    dfs2(r,r);
    for(int i=1;i<=n;i++) a[id[i]]=tmp[i];
    build(1,1,n);

    while(q--)
    {
        int op,x,y;ll z;
        scanf("%d%d",&op,&x);
        if(op==4)
        {
            printf("%lld\n",query(1,1,n,id[x],id[x]+num
                [x]-1));
            continue;
        }
        if(op==1)
        {
            scanf("%d%lld",&y,&z);z%=mod;
            while(top[x]!=top[y])
            {
                if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);
                modify(1,1,n,id[top[x]],id[x],z);
                x=fa[top[x]];
            }
            if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
            modify(1,1,n,id[x],id[y],z);
        }
        else if(op==2)
        {
            scanf("%d",&y);
            ll ans=0;
            while(top[x]!=top[y])
            {
                if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);
                ans=(ans+query(1,1,n,id[top[x]],id[x]))%
                    mod;
                x=fa[top[x]];
            }
            if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
            ans=(ans+query(1,1,n,id[x],id[y]))%mod;
            printf("%lld\n",ans);
        }
        else
        {
            scanf("%lld",&z);z%=mod;
```

```
            modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);
        }
    }
    return 0;
}
```

4.4.2 边剖分

4.5 平衡树

4.5.1 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int MAXN=1e5+5;
const int inf=0x7fffffff;
int n,op,x;

/*
    树内初始化时有无穷大和无穷小两个结点
    _delete(root,x) 删除一个x
    _insert(root,x) 插入一个x
    getRank(root,x) 返回x的排名+1(包含了无穷小)
    getVal(root,x+1) 返回排名为x的数
    getPrev(x) x的前驱
    getNext(x) x的后继
*/

namespace Treap
{
    int tot,root;
    struct node
    {
        int cnt,val,dat,siz,lc,rc;
    }bst[MAXN];

    inline void pushup(int rt)
    {
        bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
        if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].siz;
        if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].siz;
    }

    inline void zig(int &rt)
    {
        int p=bst[rt].lc;
        bst[rt].lc=bst[p].rc;
        bst[p].rc=rt;
        rt=p;
        pushup(bst[rt].rc);pushup(rt);
    }

    inline void zag(int &rt)
    {
        int p=bst[rt].rc;
        bst[rt].rc=bst[p].lc;
        bst[p].lc=rt;
        rt=p;
        pushup(bst[rt].lc);pushup(rt);
    }

    int new_node(int val)
    {
        bst[++tot].val=val;
        bst[tot].dat=rand();
        bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
        bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
        return tot;
    }

    void build()
    {
        new_node(-inf);new_node(inf);
        root=1,bst[1].rc=2;
        pushup(1);
    }

    void _insert(int &rt,int val)
    {
        if(rt==0)
        {
            rt=new_node(val);
            return;
        }
        if(bst[rt].val==val)
        {
            bst[rt].cnt++;
            pushup(rt);
            return;
        }
        if(val<bst[rt].val)
        {
            _insert(bst[rt].lc,val);
            if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].lc].dat) zig(rt);
        }
        else
        {
            _insert(bst[rt].rc,val);
            if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].rc].dat) zag(rt);
        }
        pushup(rt);
    }

    void _delete(int &rt,int val)
    {
        if(rt==0) return;
        if(bst[rt].val==val)
        {
            if(bst[rt].cnt>1)
            {
                bst[rt].cnt--;
                pushup(rt);
                return;

            }
            if(bst[rt].rc||bst[rt].lc)
            {
                if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<bst[bst[rt].lc].dat)
                    zig(rt),_delete(bst[rt].rc,val);
                else
                    zag(rt),_delete(bst[rt].lc,val);
                pushup(rt);
            }
            else rt=0;
```

```
        return;
    }
    if(val<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,val);
    else _delete(bst[rt].rc,val);
    pushup(rt);
}

int getPrev(int val)
{
    int ret=1,rt=root;
    while(rt)
    {
        if(bst[rt].val==val)
        {
            if(bst[rt].lc)
            {
                rt=bst[rt].lc;
                while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
                ret=rt;
            }
            break;
        }
        if(bst[rt].val<val&&bst[rt].val>bst[ret].val) ret=rt;
        if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
        else rt=bst[rt].rc;
    }
    return bst[ret].val;
}

int getNext(int val)
{
    int ret=2,rt=root;
    while(rt)
    {
        if(bst[rt].val==val)
        {
            if(bst[rt].rc)
            {
                rt=bst[rt].rc;
                while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
                ret=rt;
            }
            break;
        }
        if(bst[rt].val>val&&bst[rt].val<bst[ret].val) ret=rt;
        if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
        else rt=bst[rt].rc;
    }
    return bst[ret].val;
}

int getRank(int rt,int val)
{
    if(rt==0) return 0;
    if(val==bst[rt].val) return bst[bst[rt].lc].siz+1;
    if(val<bst[rt].val) return getRank(bst[rt].lc,val);
    else return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt+getRank(bst[rt].rc,val);
}

int getVal(int rt,int k)
{
    if(rt==0) return inf;
    if(bst[bst[rt].lc].siz>=k) return getVal(bst[rt].lc,k);
    if(bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt>=k) return bst[rt].val;
    return getVal(bst[rt].rc,k-bst[bst[rt].lc].siz-bst[rt].cnt);
}
}

int main()
{
    using namespace Treap;
    srand(time(0));
    build();
    scanf("%d",&n);
    while(n--)
    {
        scanf("%d%d",&op,&x);
        if(op==1) _insert(root,x);
        else if(op==2) _delete(root,x);
        else if(op==3) printf("%d\n",getRank(root,x)-1);
        else if(op==4) printf("%d\n",getVal(root,x+1));
        else if(op==5) printf("%d\n",getPrev(x));
        else if(op==6) printf("%d\n",getNext(x));
    }
    return 0;
}
```

4.5.2 Splay

4.6 动态树

4.7 主席树

4.8 树套树

4.8.1 线段树套 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    空间 O(nlogn)
    单点修改,区间rank,前驱后继(不存在则为±2147483647) 单次 O(log^2(n))
    区间排名为k的值 单次 O(log^3(n))
*/

const int inf=2147483647;
const int MAXN=50005;
int root[MAXN<<2],n,m,a[MAXN];
struct Treap
{
    int tot;
    struct node
    {
        int lc,rc,dat,val,cnt,siz;
    }bst[MAXN*4*20];

    int newnode(int v)
    {
```

```
    bst[++tot].val=v;
    bst[tot].dat=rand();
    bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
    bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
    return tot;
}

void zig(int &rt)
{
    int p=bst[rt].lc;
    bst[rt].lc=bst[p].rc;
    bst[p].rc=rt;
    rt=p;
    pushup(bst[rt].rc);
    pushup(rt);
}

void zag(int &rt)
{
    int p=bst[rt].rc;
    bst[rt].rc=bst[p].lc;
    bst[p].lc=rt;
    rt=p;
    pushup(bst[rt].lc);
    pushup(rt);
}

void pushup(int rt)
{
    bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
    if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].siz;
    if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].siz;
}

int build()
{
    int rt=newnode(-inf);
    bst[rt].rc=newnode(inf);
    pushup(rt);
    return rt;
}

void _delete(int &rt,int x)
{
    if(bst[rt].val==x)
    {
        if(bst[rt].cnt>1)
        {
            bst[rt].cnt--;
            pushup(rt);
            return;
        }
        if(bst[rt].lc||bst[rt].rc)
        {
            if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<bst[bst[rt].lc].dat)
                zig(rt),_delete(bst[rt].rc,x);
            else
                zag(rt),_delete(bst[rt].lc,x);
            pushup(rt);
        }
        else rt=0;
        return;
    }
    if(x<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,x);
    else _delete(bst[rt].rc,x);
    pushup(rt);
}

void _insert(int &rt,int x)
{
    if(rt==0)
    {
        rt=newnode(x);
        return;
    }
    if(bst[rt].val==x) bst[rt].cnt++;
    else if(x<bst[rt].val)
    {
        _insert(bst[rt].lc,x);
        if(bst[bst[rt].lc].dat>bst[rt].dat) zig(rt);
    }
    else
    {
        _insert(bst[rt].rc,x);
        if(bst[bst[rt].rc].dat>bst[rt].dat) zag(rt);
    }
    pushup(rt);
}

int get_rank(int rt,int x)
{
    if(!rt) return 1;
    if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+1;
    if(x<bst[rt].val) return get_rank(bst[rt].lc,x);
    else return get_rank(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt;
}

int get_num(int rt,int x)
{
    if(!rt) return 0;
    if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt;
    if(x<bst[rt].val) return get_num(bst[rt].lc,x);
    else return get_num(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt;
}

int get_prev(int rt,int x)
{
    int ret=-inf;
    while(rt)
    {
        if(bst[rt].val==x)
        {
            if(bst[rt].lc)
            {
                rt=bst[rt].lc;
                while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
                ret=bst[rt].val;
            }
            break;
```

```
            }
            if(bst[rt].val<x&&bst[rt].val>ret) ret=bst[rt].val;
            if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
            else rt=bst[rt].rc;
        }
        return ret;
    }

    int get_nxt(int rt,int x)
    {
        int ret=inf;
        while(rt)
        {
            if(bst[rt].val==x)
            {
                if(bst[rt].rc)
                {
                    rt=bst[rt].rc;
                    while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
                    ret=bst[rt].val;
                }
                break;
            }
            if(bst[rt].val>x&&bst[rt].val<ret) ret=bst[rt].val;
            if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;
            else rt=bst[rt].rc;
        }
        return ret;
    }
}treap;

void build(int rt,int l,int r)
{
    root[rt]=treap.build();
    if(l==r) return;
    int m=l+r>>1;
    build(rt<<1,l,m);
    build(rt<<1|1,m+1,r);
}

void modify(int rt,int l,int r,int x,int v,int y)
{
    if(y==-1) treap._delete(root[rt],v);
    else treap._insert(root[rt],v);
    if(l==r) return;
    int m=l+r>>1;
    if(x<=m) modify(rt<<1,l,m,x,v,y);
    else modify(rt<<1|1,m+1,r,x,v,y);
}

int query(int rt,int l,int r,int op,int L,int R,int x)
{
    if(L<=l&&r<=R)
    {
        if(op==1) return treap.get_rank(root[rt],x)-2;
        if(op==2) return treap.get_num(root[rt],x)-1;
        if(op==4) return treap.get_prev(root[rt],x);
        if(op==5) return treap.get_nxt(root[rt],x);
    }
    int m=l+r>>1,ret;
    if(op==1||op==2)
    {
        ret=0;
        if(L<=m) ret+=query(rt<<1,l,m,op,L,R,x);
        if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x);
    }
    if(op==4)
    {
        ret=-inf;
        if(L<=m) ret=max(ret,query(rt<<1,l,m,op,L,R,x));
        if(m<R) ret=max(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x));
    }
    if(op==5)
    {
        ret=inf;
        if(L<=m) ret=min(ret,query(rt<<1,l,m,op,L,R,x));
        if(m<R) ret=min(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x));
    }
    return ret;
}

int main()
{
    srand(time(0));
    scanf("%d%d",&n,&m);
    build(1,1,n);
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        scanf("%d",a+i);
        modify(1,1,n,i,a[i],1);
    }
    while(m--)
    {
        int op,l,r,k,pos;
        scanf("%d",&op);
        if(op==1)
        {
            scanf("%d%d%d",&l,&r,&k);
            printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k)+1);
        }
        else if(op==2)
        {
            scanf("%d%d%d",&l,&r,&k);
            int L=-inf,R=inf,mid;
            while(L<R)
            {
                mid=(L+R+1)>>1;
                if(query(1,1,n,1,l,r,mid)+1>k) R=mid-1;
                else L=mid;
            }
            printf("%d\n",L);
        }
        else if(op==3)
        {
            scanf("%d%d",&pos,&k);
            modify(1,1,n,pos,a[pos],-1);
            a[pos]=k;
            modify(1,1,n,pos,k,1);
        }
        else
        {
            scanf("%d%d%d",&l,&r,&k);
            printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k));
```

```
        }
    }
    return 0;
}
```

4.8.2 树状数组套线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    带单点修区间k小
    用的时候注意下空间 时空 O(nlog^2(n))
    外层 add(pos,x,y) 空间上为pos的点且值域上为x的点加上y
        query(l,r,k) 询问区间[l,r]里k小
    内层 modify 值域线段树动态开点
        query 值域线段树区间k小
    VAL 值域大小
*/

const int MAXN=200005;
int n,a[MAXN],X[MAXN],Y[MAXN],c1,c2,VAL;
struct SEG
{
    int root[MAXN],lc[MAXN*500],rc[MAXN*500],cnt[MAXN*500],tot;
    void modify(int &rt,int l,int r,int x,int y)
    {
        if(rt==0) rt=++tot;
        cnt[rt]+=y;
        if(l==r) return;
        int m=l+r>>1;
        if(x<=m) modify(lc[rt],l,m,x,y);
        else modify(rc[rt],m+1,r,x,y);
    }
    int query(int l,int r,int k)
    {
        if(l==r) return l;
        int sum=0,m=l+r>>1;
        for(int i=0;i<c1;i++) sum-=cnt[lc[X[i]]];
        for(int i=0;i<c2;i++) sum+=cnt[lc[Y[i]]];
        if(sum>=k)
        {
            for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=lc[X[i]];
            for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=lc[Y[i]];
            return query(l,m,k);
        }
        else
        {
            for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=rc[X[i]];
            for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=rc[Y[i]];
            return query(m+1,r,k-sum);
        }
    }
}seg;

void add(int pos,int x,int y)
{
    for(;pos<=n;pos+=pos&-pos) seg.modify(seg.root[pos],1,VAL,x,y);
}

int query(int l,int r,int k)
{
    c1=c2=0;
    for(int i=l-1;i;i-=i&-i) X[c1++]=seg.root[i];
    for(int i=r;i;i-=i&-i) Y[c2++]=seg.root[i];
    return seg.query(1,VAL,k);
}
```

4.9 K-D Tree

4.10 分治

4.10.1 CDQ

4.10.2 点分治

4.10.3 dsu on tree

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*
    统计每颗子树内的出现次数最多的数(们)的和
    复杂度 O(nlogn)
*/

int n,c[100005],cnt[100005],mx,son[100005],siz[100005],hson;
ll ans[100005],sum;
vector<int> e[100005];

void dfs1(int now,int fa)
{
    son[now]=0,siz[now]=1;
    for(auto to:e[now])
    {
        if(to==fa) continue;
        dfs1(to,now);
        siz[now]+=siz[to];
        if(siz[to]>siz[son[now]]) son[now]=to;
    }
}

void cal(int now,int fa,int y)
{
    cnt[c[now]]+=y;
    if(cnt[c[now]]==mx) sum+=c[now];
    else if(cnt[c[now]]>mx) mx=cnt[c[now]],sum=c[now];
    for(auto to:e[now])
        if(to!=fa&&to!=hson) cal(to,now,y);
}

void dfs2(int now,int fa,int keep)
{
    for(auto to:e[now])
    {
        if(to==fa||to==son[now]) continue;
        dfs2(to,now,0);
    }
    if(son[now]) dfs2(son[now],now,1);
    hson=son[now];
    cal(now,fa,1);
    hson=0;
    ans[now]=sum;
    if(!keep) cal(now,fa,-1),sum=0,mx=0;
}
```

```
int main()
{
    scanf("%d",&n);
    for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",c+i);
    for(int i=1,x,y;i<n;i++)
    {
        scanf("%d%d",&x,&y);
        e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
    }
    dfs1(1,1);
    dfs2(1,1,1);
    for(int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",ans[i]);
    return 0;
}
```

4.10.4 整体二分

4.11 分块

4.11.1 普通分块

4.11.2 莫队

4.12 线性基

4.13 珂朵莉树

4.14 跳舞链

5 动态规划

5.1 SOS

```
for(int i=0;i<(1<<N);i++) dp[i]=a[i];
for(int i=0;i<N;i++)
    for(int mask=0;mask<(1<<N);mask++)
        if(mask&(1<<i))
            dp[mask]+=dp[mask^(1<<i)];
```

5.2 动态 DP

5.3 插头 DP

6 数学

6.1 矩阵类

6.2 质数筛

6.2.1 埃筛

6.2.2 线筛

6.3 质数判定

6.3.1 Miller Rabin

6.4 质因数分解

6.4.1 Pollard-Rho

6.5 逆元

6.5.1 EX-GCD 求逆元

6.5.2 线性筛逆元

6.5.3 阶乘逆元

6.6 欧拉函数

6.6.1 欧拉线筛

6.6.2 求单个数的欧拉函数

6.6.3 欧拉降幂

6.6.4 一般积性函数求法

6.7 EX-GCD

6.8 CRT

6.9 N 次剩余

6.10 数论分块

6.11 高斯消元

6.11.1 普通消元

6.11.2 异或方程组消元

6.12 莫比乌斯反演

6.12.1 莫比乌斯函数

6.12.2 杜教筛

6.12.3 洲阁筛

6.12.4 min25 筛

6.13 BSGS

6.14 FFT

6.15 FWT

6.16 NTT

6.17 数值计算

6.17.1 辛普森

6.17.2 自适应辛普森