「明治十七年的上海爱丽丝」

Hiedano Akyuu、Oneman
233、KR12138 $2020 \ \mbox{\it figure } 7\ \mbox{\it figure } 9\ \mbox{\it figure }$

E	录				4.3.1 一维
					4.3.2 两维
1	字符		1	4.4	树链剖分
		KMP	1		4.4.1 点剖分
	1.2	EX-KMP	1		4.4.2 边剖分
	1.3	Manacher	1	4.5	平衡树
	1.4	串的最小表示	2		4.5.1 Treap
		Lyndon 分解	2		4.5.2 Splay
	1.6	后缀数组	2		4.5.3 红黑树-pbds
		1.6.1 倍增 SA	2	4.6	动态树
		1.6.2 DC3	2	4.7	主席树
		回文自动机	2	4.8	树套树
	1.8	AC 自动机	3		4.8.1 线段树套 Treap
		1.8.1 多模匹配	3		4.8.2 树状数组套线段树
		1.8.2 自动机上 DP	4		K-D Tree
	1.9	后缀自动机	5	4.10)分治
2	山皙	॥ ज	5		4.10.1 CDQ
4	计算	二维几何	5		4.10.2 点分治
			-		4.10.3 dsu on tree
	2.2	三维几何	7		4.10.4 整体二分
3	图论		7	4.11	. 分块
Ü		最短路	7		4.11.1 普通分块
	0.1	3.1.1 Dijkstra	7		4.11.2 莫队
		3.1.2 SPFA	7		9.线性基
		3.1.3 Floyd	7		3 珂朵莉树
		3.1.4 负环	7	4.14	」跳舞链 3
		3.1.5 差分约束	0	动态	·规划 3
	3.2	最小生成树	9		SOS 3
		3.2.1 Prim	9	-	动态 DP
		3.2.2 Kruskal	9		插头 DP
		3.2.3 最小生成树计数	10	0.0	
		3.2.4 次小生成树	10 6	数学	<u> </u>
		3.2.5 最小乘积生成树	11	6.1	三分
	3.3	树的直径	12	6.2	矩阵类
	3.4	LCA	12	6.3	质数筛
		3.4.1 Tarjan 离线	12		6.3.1 埃筛
		3.4.2 倍增 LCA	12		6.3.2 线筛
	3.5	无向图与有向图联通性	13	6.4	质数判定
		3.5.1 割点	13		6.4.1 Miller Rabin
		3.5.2 桥	13	6.5	质因数分解 3
		3.5.3 e-DCC	14		6.5.1 Pollard-Rho
		3.5.4 v-DCC	14	6.6	逆元 5
		3.5.5 SCC	14		6.6.1 EX-GCD 求逆元
		3.5.6 2-SAT	15		6.6.2 线性筛逆元
		3.5.7 支配树	16		6.6.3 阶乘逆元
	3.6	二分图	16	6.7	欧拉函数
		3.6.1 最大匹配-匈牙利	16		6.7.1 欧拉线筛
		3.6.2 带权匹配-KM	16		6.7.2 求单个数的欧拉函数
	3.7	网络流	17		6.7.3 欧拉降幂
		3.7.1 最大流-Dinic	17		6.7.4 一般积性函数求法
		3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic	17		EX-GCD
		3.7.3 最小费用最大流-SPFA+Dinic	18	6.9	同余方程组 3
		3.7.4 上下界流	19		6.9.1 CRT
		欧拉路	19	0.10	6.9.2 EXCRT
	3.9	Prufer 序列	20	6.10) N 次剩余
4	来人上口	61: 1 6:	20		6.10.1 模奇质数的 2 次剩余
4	数据		20	0 11	6.10.2 N 次剩余
		树状数组	20		. 数论分块
	4.2	线段树	20	6.12	2 高斯消元
		4.2.1 带优先级线段树	20		6.12.1 普通消元
		4.2.2 李超线段树	20	C 10	6.12.2 异或方程组消元
		4.2.3 吉司机线段树	21	0.13	3 莫比乌斯反演
		4.2.4 线段树维护扫描线	21		6.13.1 莫比乌斯函数 3
	19	4.2.5 区间图	22 23		6.13.2 杜教筛
	4.0	RMQ	۷۵		6.13.3 洲阁筛

		6.13.4 min25 筛	39
	6.14	BSGS	39
	6.15	FFT	10
			10
	6.17	DFT 次数优化 FFT	11
	6.18	FWT	11
	6.19	NTT	11
			11
	6.21	NTT 分治求卷积	12
			13
	6.23	数值计算	14
		*	14
		6.23.2 自适应辛普森 4	14
	6.24	康拓展开	14
	6.25	卢卡斯定理 4	15
		01-01 (VII - 1 - V X Z)	15
		6.25.2 EXLucas(分块实现)	15
	6.26	博弈论	16
		6.26.1 SG 函数	16
7	其他	-	16
	7.1	New Control of the Co	16
	7.2		16
	7.3	~:411	50
	7.4	772701	51
	7.5		51
	7.6	***************************************	51
	7.7		51
	7.8	4047	51
	7.9		51
	7.10		51
		1 3/4"-	51
		111-2%	51
			51
		7.10.4 二项式反演公式	51
		7.10.5 斯特林反演公式	51 51

1 字符串

1.1 KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1000005;
   char s1[MAXN],s2[MAXN];
   int nxt[MAXN];
       nxt[i] s2[i-x..i-1]=s2[0..x-1]且x最大
       即s2[0..i]的真前缀与真后缀的最大匹配
10
       "ABAAB\0"=>[-1 0 0 1 1 2]
11
12
13
   void get_fail(char *s,int 1)
14
       int i=0,j;
       j=nxt[0]=-1;
17
       while(i<1)
19
          while(~j&&s[j]!=s[i]) j=nxt[j];
          nxt[++i]=++j;
23
24
   void kmp(char *s1,char *s2,int 11,int 12)
25
26
   {
       int i=0, j=0;
27
       get_fail(s2,12);
       while(i<l1)
30
          while(~j&&s1[i]!=s2[j]) j=nxt[j];
31
          i++,j++;
32
          if(j>=12); //匹配上了
       }
36
   int main()
37
38
       scanf("%s%s",s1,s2);
39
       int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2);
40
       kmp(s1,s2,l1,l2);
41
       for(int i=0;i<=12;i++)</pre>
          printf("%d ",nxt[i]);
       return 0;
44
   }
```

1.2 EX-KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*

ex[i]: s1[i..l1-1]与s2的最大公共前缀长度
exnext[i]: s2[i..l2-1]与s2的最大公共前缀长度
get_exnext(s2) 求exnext[]
exkmp(s1,s2) 求ex[]

*/

const int N=50005;
char s1[N],s2[N];
```

```
int ex[N],exnext[N];
13
14
    void get_exnext(char s[N])
16
        int n=strlen(s),p=1,j,i;
17
        exnext[0]=n;
18
        for(i=0;i<n-1&&s[i]==s[i+1];i++);
19
20
        exnext[1]=i;
21
        for(i=2;i<n;i++)</pre>
           if(exnext[i-p]+i<p+exnext[p])</pre>
22
23
               exnext[i]=exnext[i-p];
24
           {
25
               j=exnext[p]+p-i;
26
27
               if(j<0) j=0;
               while(i+j<n&&s[j]==s[i+j]) j++;</pre>
28
               exnext[i]=j;
               p=i;
30
           }
31
32
33
    void exkmp(char s1[N],char s2[N])
34
35
        int l1=strlen(s1), l2=strlen(s2), p=0,i,j;
36
        get exnext(s2);
37
        for(i=0;i<l1&&i<l2&&s1[i]==s2[i];i++);</pre>
38
        ex[0]=i;
39
        for(int i=1;i<11;i++)</pre>
40
41
           if(exnext[i-p]+i<p+ex[p])</pre>
               ex[i]=exnext[i-p];
           else
44
45
               j=ex[p]+p-i;
               if(j<0) j=0;
47
               while(i+j<l1&&s1[i+j]==s2[j]) j++;</pre>
               ex[i]=j;
49
               p=i;
50
           }
51
        }
52
```

1.3 Manacher

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   int cnt,len,ans,p[N*2];
   char s[N],ss[N*2];
   void init() //将每两个字符中插入一个字符
8
9
      len=strlen(s),cnt=1;
10
      ss[0]='!',ss[cnt]='#';
11
      for(int i=0;i<len;i++)</pre>
12
          ss[++cnt]=s[i],ss[++cnt]='#';
      ss[cnt+1]=0; //这一步多组一定要有 血一样的教训...
14
   }
15
16
   void manacher()
17
18
      int pos=0,mx=0;
19
      for(int i=1;i<=cnt;i++)</pre>
20
```

```
21
           if(i<mx) p[i]=min(p[pos*2-i],mx-i);</pre>
22
           else p[i]=1;
           while(ss[i+p[i]]==ss[i-p[i]]) p[i]++;
           if(mx<i+p[i]) mx=i+p[i],pos=i;</pre>
           ans=max(ans,p[i]-1);
26
    }
    int main()
30
31
       scanf("%s",s);
32
       init();
33
       manacher();
34
       printf("%d\n",ans);
35
       return 0;
    }
```

1.4 串的最小表示

1.5 Lyndon 分解

```
S是Lyndon串 iff S<S[i:] holds for 0<i<|S|
       s1,s2,...,sn是S的Lyndon分解有S=s1s2...sn且s1>=s2
           >=...>=sn
       输入串 s[0..n-1]
       获得分解后Lyndon子串的右端点下标
       例如 acadacadac -> [3,7,9]
   char s[1024*1024+5];
   vector<int> pos;
   void LyndonFactorization(char s[])
12
13
      int n=strlen(s),i=0,j,k;
14
      while(i<n)</pre>
15
16
          j=i,k=i+1;
          while(k<n&&s[j]<=s[k])</pre>
             if(s[j]==s[k]) j++; else j=i;
             k++;
          while(i<=j) i+=k-j,pos.push_back(i-1);</pre>
```

1.6 后缀数组

1.6.1 倍增 SA

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
str[0..len-1] 原串
sa[1..len] 排名第i的后缀的下标[1..len]
Rank[1..len] 从i开始的后缀的排名[1..len]
height[1..len] 排名第i的后缀与排名第i-1的后缀的lcp
i开始的后缀与j开始的后缀的lcp (Rank[i]<Rank[j])
min{height[Rank[i]+1..Rank[j]]}
```

```
11
12
    const int MAXN=100005;
    const int inf=0x3f3f3f3f;
   int wa[MAXN],wb[MAXN],wv[MAXN],wz[MAXN],sa[MAXN],Rank
        [MAXN],height[MAXN];
    char str[MAXN];
16
   inline bool cmp(int *r,int a,int b,int 1){return r[a
        ]==r[b]&&r[a+1]==r[b+1];}
19
    void da(const char r[],int sa[],int n,int m)
20
21
       int i,j,p,*x=wa,*y=wb,*t;
22
       for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
23
       for(i=0;i<n;i++) wz[x[i]=r[i]]++;</pre>
       for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
       for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[x[i]]]=i;
       for(j=1,p=1;p<n;j*=2,m=p)</pre>
           for(p=0,i=n-j;i<n;i++) y[p++]=i;</pre>
           for(i=0;i<n;i++) if(sa[i]>=j) y[p++]=sa[i]-j;
           for(i=0;i<n;i++) wv[i]=x[y[i]];</pre>
           for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
32
           for(i=0;i<n;i++) wz[wv[i]]++;</pre>
33
           for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
34
           for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[wv[i]]]=y[i];
35
           for(t=x,x=y,y=t,p=1,x[sa[0]]=0,i=1;i<n;i++)</pre>
36
              x[sa[i]]=cmp(y,sa[i-1],sa[i],j)?p-1:p++;
37
       }
38
39
   void calheight(const char *r,int *sa,int n)
41
42
       int i,j,k=0;
43
       for(i=1;i<=n;i++) Rank[sa[i]]=i;</pre>
       for(i=0;i<n;height[Rank[i++]]=k)</pre>
45
       for(k?k--:0, j=sa[Rank[i]-1];r[i+k]==r[j+k];k++);
46
       for(int i=n;i>=1;--i) sa[i]++,Rank[i]=Rank[i-1];
47
48
49
   int main()
       scanf("%s",str);
       int len=strlen(str);
53
       da(str,sa,len+1,130); //字符的值域
       calheight(str,sa,len);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("sa[%d] %d\n",i,sa[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("Rank[%d] %d\n",i,Rank[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("height[%d] %d\n",i,height[i]);
61
       return 0;
62
```

1.6.2 DC3

1.7 回文自动机

```
#include <bits/stdc++.h>
//jisuanke 41389
/*
```

```
fail[x]: x节点失配之后跳转到不等于自身的最长后缀回文子
      len[x]: 以x结尾的最长回文子串长度
      diff[x]: 与"以x结尾的最长回文子串"本质不同的子串个
      same[x]: 与"以x结尾的最长回文子串"本质相同的子串个数
      (注意上面两个完全相反)
      son[x][c]:编号为x的节点表示的回文子串在两边添加字符c
10
          之后变成的回文子串编号
      s[x]: 第x次添加的字符, s数组即原字符串
11
      tot: 总节点个数, 节点编号由0到tot-1
12
      last: 最后一个新建立节点的编号
13
      cur: 当前节点在PAM上的父亲编号
14
15
16
   #define int long long
17
   using namespace std;
   const int N=1e6+5;
19
20
   struct PAM
21
22
      int tot,last,n,cur;
      int fail[N],len[N],same[N],diff[N],son[N][26];
      char s[N];
      int get(int p,int x)
26
27
         while(s[x-len[p]-1]!=s[x])
28
            p=fail[p];
29
         return p;
      int newnode(int x)
         len[tot]=x;
         return tot++;
      void build()
         scanf("%s",s+1);
39
         s[0]=-1,fail[0]=1,last=0;
40
         newnode(0), newnode(-1);
41
         for(n=1;s[n];++n)
42
         {
            s[n]-='a';
            cur=get(last,n);
            if(!son[cur][s[n]])
            {
               int now=newnode(len[cur]+2);
               fail[now]=son[get(fail[cur],n)][s[n]];
               diff[now]=diff[fail[diff[now]]]+1;
               son[cur][s[n]]=now;
            }
52
            same[last=son[cur][s[n]]]++;
53
54
         for(int i=tot-1;i>=0;--i)
55
            same[fail[i]]+=same[i];
   }pam;
   int v[26],ans=0;
60
   void dfs(int x,int now)
61
62
      if(pam.len[x]>0) ans+=pam.same[x]*now;
      for(int i=0;i<26;++i)</pre>
65
         if(pam.son[x][i]!=0)
66
```

```
{
67
               if(!v[i])
68
                  v[i]=1;
                   dfs(pam.son[x][i],now+1);
                  v[i]=0;
72
73
74
               else dfs(pam.son[x][i],now);
75
76
77
78
    signed main()
79
80
       pam.build();
81
       dfs(0,0);//even string
       dfs(1,0);//odd string
       printf("%11d",ans);
       return 0;
   }
86
```

1.8 AC 自动机

1.8.1 多模匹配

```
#include <bits/stdc++.h>
    using namespace std;
2
       trie静态开点+trie图优化
5
6
    int sz,hd=1,nxt[1000005][26],fail[1000005],id
        [1000005],n;
   char s[1000005];
10
   void trie_clean()
12
       sz=1;
13
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
14
       memset(fail,0,sizeof(fail));
15
       memset(id,0,sizeof(id));
16
17
    void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
19
20
       int p=head;
21
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
22
23
           int c=s[i]-'a';
           if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
           p=nxt[p][c];
27
       id[p]+=idx;
28
29
   void acatm_build(int head)
31
32
       int p,tp;
33
       queue<int> q;
34
       q.push(head);
35
       fail[head]=0;
       while(!q.empty())
37
           p=q.front();
```

```
q.pop();
40
           for(int i=0;i<26;i++)</pre>
41
              if(nxt[p][i])
                  fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                      ]][i];
                  q.push(nxt[p][i]);
45
              }
              else
                  nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
49
50
51
   int acatm_match(int head,char s[],int len)
52
53
       int p=head,ret=0;
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
           int c=(int)s[i]-'a';
           p=nxt[p][c];
           for(int tp=p;tp;tp=fail[tp])
              if(id[tp]) ret++;
       return ret;
63
```

36

37

40

42

43

46

47

48

49

54

55

57

58

59

60 61

72

73

74

75

76

93

1.8.2 自动机上 DP

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       每个串有个权值
       求一个长度为n的串使得每个串的权值乘以出现次数之和最大
   int fail[2005],nxt[2005][26],cnt[2005],sz,hd,n,m,dp
       [55][2005], from [55][2005];
   char s[105][15];
10
   string dps[55][2005];
11
12
   void clear()
13
   {
      sz=hd=1;
      memset(dp,0xc0,sizeof(dp));
      memset(fail,0,sizeof(fail));
      memset(nxt,0,sizeof(nxt));
      memset(cnt,0,sizeof(cnt));
   void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
23
      int p=head;
24
      for(int i=0;i<len;i++)</pre>
25
26
          int c=s[i]-'a';
          if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
          p=nxt[p][c];
      cnt[p]+=idx;
   }
32
   void acatm_build(int head)
```

```
queue<int> q;
   q.push(head);
   while(!q.empty())
       int p=q.front();
       q.pop();
       for(int i=0;i<26;i++)</pre>
          if(nxt[p][i])
              fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                   ]][i];
              cnt[nxt[p][i]]+=cnt[fail[nxt[p][i]]];
              q.push(nxt[p][i]);
          else
              nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
   }
bool scmp(string a, string b)
   if(a.length()==b.length()) return a<b;</pre>
   else return a.length()<b.length();</pre>
void solve()
   clear();
   scanf("%d%d",&n,&m);
   for(int i=0;i<m;i++)</pre>
       scanf("%s",s[i]);
   for(int i=0;i<m;i++)</pre>
       int x:
       scanf("%d",&x);
       trie_insert(hd,s[i],strlen(s[i]),x);
   acatm build(hd);
   for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
       for(int j=0;j<=sz;j++)</pre>
          dps[i][j]=string("");
   int ans=0;
   string anss;
   queue<pair<int,int> > q;
   dp[0][1]=0;
   for(int i=0;i<n;i++)</pre>
       for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
          for(int k=0;k<26;k++)</pre>
              if(dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]>dp[i+1][nxt[j
                   ][k]]
              ||dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]==dp[i+1][nxt[j
                   ][k]]&&scmp(dps[i][j]+char('a'+k),
                  dps[i+1][nxt[j][k]]))
                  dps[i+1][nxt[j][k]]=dps[i][j]+char('
                      a'+k);
                  dp[i+1][nxt[j][k]]=dp[i][j]+cnt[nxt[
                      j][k]];
   for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
       for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
          if(dp[i][j]>ans||dp[i][j]==ans&&scmp(dps[i
               [j],anss))
          {
```

```
ans=dp[i][j];
94
                    anss=dps[i][j];
95
        for(int i=0;i<anss.length();i++)</pre>
            printf("%c",anss[i]);
98
        printf("\n");
99
    }
100
    int main()
103
        int :
104
        scanf("%d",&);
105
        while(_--) solve();
106
        return 0;
107
    }
108
```

1.9 后缀自动机

2 计算几何

2.1 二维几何

```
#include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   #define db double
   const db EPS=1e-9;
   inline int sign(db a){return a<-EPS?-1:a>EPS;}
   inline int cmp(db a,db b){return sign(a-b);}
   struct P
       db x,y;
10
       P(){}
       P(db x,db y):x(x),y(y){}
       P operator+(P p){return {x+p.x,y+p.y};}
       P operator-(P p){return {x-p.x,y-p.y};}
       P operator*(db d){return {x*d,y*d};}
       P operator/(db d){return {x/d,y/d};}
       bool operator<(P p) const</pre>
17
18
          int c=cmp(x,p.x);
19
          if(c) return c==-1;
20
          return cmp(y,p.y)==-1;
       bool operator==(P o) const
          return cmp(x,o.x)==0&&cmp(y,o.y)==0;
       db distTo(P p){return (*this-p).abs();}
       db alpha(){return atan2(y,x);}
       void read(){scanf("%lf%lf",&x,&y);}
       void write(){printf("(%.10f,%.10f)\n",x,y);}
30
       db abs(){return sqrt(abs2());}
31
       db abs2(){return x*x+y*y;}
32
       P rot90(){return P(-y,x);}
33
       P unit(){return *this/abs();}
       int quad() const {return sign(y)==1||(sign(y)==0&&
           sign(x) >= 0);
       db dot(P p){return x*p.x+y*p.y;}
       db det(P p){return x*p.y-y*p.x;}
       P rot(db an){return {x*cos(an)-y*sin(an),x*sin(an)
           +y*cos(an)};}
   };
```

```
int compareAngle(P a,P b)
41
42
       if(a.quad()!=b.quad()) return a.quad()<b.quad();</pre>
43
       return sign(a.det(b))>0;
45
   //For segment
47
   #define cross(p1,p2,p3) ((p2.x-p1.x)*(p3.y-p1.y)-(p3.
48
        x-p1.x)*(p2.y-p1.y))
   #define crossOp(p1,p2,p3) sign(cross(p1,p2,p3))
49
   bool chkLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //0:parallel
51
52
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
53
54
       return sign(a1+a2)!=0;
55
   P isLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //crossover point if
57
        chkLL()
58
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
       return (p1*a2+p2*a1)/(a1+a2);
61
   bool intersect(db l1,db r1,db l2,db r2)
63
64
       if(l1>r1) swap(l1,r1);if(l2>r2) swap(l2,r2);
65
       return !(cmp(r1,12)==-1||cmp(r2,11)==-1);
66
67
   bool isSS(P p1,P p2,P q1,P q2)
70
       return intersect(p1.x,p2.x,q1.x,q2.x)&&intersect(
71
           p1.y,p2.y,q1.y,q2.y)&&
       crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<=0\&&crossOp(q1
72
           ,q2,p1)*cross0p(q1,q2,p2)<=0;
73
74
   bool isSS strict(P p1,P p2,P q1,P q2)
75
76
       return cross0p(p1,p2,q1)*cross0p(p1,p2,q2)<0</pre>
77
       &&crossOp(q1,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<0;
78
79
   bool isMiddle(db a,db m,db b)
81
82
       return sign(a-m)==0||sign(b-m)==0||(a < m!=b < m);
83
84
   bool isMiddle(P a,P m,P b)
86
87
       return isMiddle(a.x,m.x,b.x)&&isMiddle(a.y,m.y,b.y
88
           );
89
   bool onSeg(P p1,P p2,P q)
       return crossOp(p1,p2,q)==0&&isMiddle(p1,q,p2);
93
   }
94
   bool onSeg_strict(P p1,P p2,P q)
96
97
       return crossOp(p1,p2,q)==0&&sign((q-p1).dot(p1-p2)
98
           )*sign((q-p2).dot(p1-p2))<0;
99
```

```
161
100
    P proj(P p1,P p2,P q)
                                                                    162
101
102
                                                                    163
        P dir=p2-p1;
103
        return p1+dir*(dir.dot(q-p1)/dir.abs2());
                                                                             return 0;
104
                                                                    164
105
                                                                    165
    P reflect(P p1,P p2,P q)
                                                                    167
107
        return proj(p1,p2,q)*2-q;
                                                                     169
110
                                                                     170
111
                                                                    171
    db nearest(P p1,P p2,P q)
112
                                                                    172
113
                                                                    173
        P h=proj(p1,p2,q);
                                                                                      --k;
114
        if(isMiddle(p1,h,p2))
115
                                                                    174
            return q.distTo(h);
                                                                    175
        return min(p1.distTo(q),p2.distTo(q));
117
    }
                                                                             qs.resize(k-1);
                                                                    176
                                                                             return qs;
                                                                    177
    db disSS(P p1,P p2,P q1,P q2) //dist of 2 segments
                                                                    178
120
        if(isSS(p1,p2,q1,q2)) return 0;
                                                                     180
        return min(min(nearest(p1,p2,q1),nearest(p1,p2,q2)
                                                                    181
             ),min(nearest(q1,q2,p1),nearest(q1,q2,p2)));
                                                                    182
                                                                             int is=0, js=0;
124
                                                                    183
125
                                                                    184
    db rad(P p1,P p2)
126
                                                                    185
                                                                             int i=is,j=js;
        return atan2l(p1.det(p2),p1.dot(p2));
130
                                                                    188
    db area(vector<P> ps)
131
132
                                                                    189
        db ret=0;
                                                                    190
        for(int i=0;i<ps.size();i++)</pre>
            ret+=ps[i].det(ps[(i+1)%ps.size()]);
                                                                             return ret;
                                                                     192
        return ret/2;
136
                                                                    193
137
                                                                    194
                                                                    195
138
    int contain(vector<P> ps,P p) //2:inside,1:on_seg,0:
139
                                                                    196
         outside
                                                                             P p[2];
                                                                    197
        int n=ps.size(),ret=0;
                                                                    199
        for(int i=0;i<n;i++)</pre>
                                                                    200
                                                                                  [0]))>0;}
143
            P u=ps[i], v=ps[(i+1)%n];
                                                                    201
            if(onSeg(u,v,p)) return 1;
            if(cmp(u.y,v.y)<=0) swap(u,v);
            if(cmp(p.y,u.y)>0||cmp(p.y,v.y)<=0) continue;</pre>
            ret^=crossOp(p,u,v)>0;
                                                                    205
149
                                                                    206
        return ret*2;
                                                                         };
150
                                                                    207
151
                                                                    208
                                                                    209
    int convexContain(vector<P> &ps,P p) //1:inside|
                                                                              dir()))==0;}
153
         on_seg,0:outside
154
                                                                    211
        int n=ps.size(),l=1,r=n-1,mid;
        while(l<r)</pre>
                                                                    212
                                                                    213
            mid=(l+r+1)>>1;
                                                                    214
            if(sign(cross(ps[0],ps[mid],p))<0) r=mid-1;</pre>
                                                                    215
                else l=mid;
                                                                    216
        }
                                                                    217
160
```

```
if(l==1&&sign(cross(ps[0],ps[1],p))<0) return 0;</pre>
   if(l==n-1&&onSeg(ps[0],ps[n-1],p)) return 1;
   if(1!=n-1&&sign(cross(ps[1],ps[1+1],p))>=0) return
vector<P> convexHull(vector<P> ps)
   int n=ps.size();if(n<=1) return ps;</pre>
   sort(ps.begin(),ps.end());
   vector<P> qs(n*2);int k=0;
   for(int i=0;i<n;qs[k++]=ps[i++])</pre>
      while(k>1&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
   for(int i=n-2,t=k;i>=0;qs[k++]=ps[i--])
      while(k>t&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
db convexDiameter(vector<P> ps)
   int n=ps.size();if(n<=1) return 0;</pre>
   for(int k=1;k<n;k++) is=ps[k]<ps[is]?k:is,js=ps[js</pre>
       ]<ps[k]?js:k;
   db ret=ps[i].distTo(ps[j]);
      if((ps[(i+1)%n]-ps[i]).det(ps[(j+1)%n]-ps[j])
           >=0) (++i)%=n;
      else (++i)%=n;
      ret=max(ret,ps[i].distTo(ps[j]));
   }while(i!=is||j!=js);
struct L // p[0]->p[1]
   L(P k1,P k2){p[0]=k1,p[1]=k2;}
   P& operator [] (int k){return p[k];}
   int include(P k){return sign((p[1]-p[0]).det(k-p
   P dir(){return p[1]-p[0];}
   L push(db dis) // push dis (left hand)
      P delta=(p[1]-p[0]).rot90().unit()*dis;
      return {p[0]+delta,p[1]+delta};
bool parallel(L 10,L 11){return sign(10.dir().det(11.
bool sameDir(L 10,L 11){return parallel(10,11)&&sign(
    10.dir().dot(l1.dir()))==1;}
bool operator < (L 10,L 11)</pre>
   if(sameDir(10,11)) return 11.include(10[0]);
   return compareAngle(l0.dir(),l1.dir());
```

第7页

```
218
     P isLL(L 10,L 11){return isLL(10[0],10[1],11[0],11
219
         [1]);}
     bool check(L u,L v,L w){return w.include(isLL(u,v));}
221
     vector<P> halfPlaneIS(vector<L> &1)
223
224
         sort(1.begin(),1.end());
         deque<L> q;
         for(int i=0;i<(int)1.size();i++)</pre>
228
             if(i&&sameDir(l[i],l[i-1])) continue;
229
            while(q.size()>1&&!check(q[q.size()-2],q[q.
230
                 size()-1],l[i])) q.pop_back();
            \label{eq:while} \begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} while (q.size()>1&&!check(q[1],q[0],l[i])) q. \end{tabular}
                 pop_front();
            q.push back(l[i]);
232
         }
233
        while(q.size()>2&&!check(q[q.size()-2],q[q.size()
234
             -1],q[0])) q.pop_back();
        while(q.size()>2&&!check(q[1],q[0],q[q.size()-1]))
235
               q.pop_front();
         vector<P> ret;
         for(int i=0;i<(int)q.size();i++) ret.push back(</pre>
237
             isLL(q[i],q[(i+1)%q.size()]));
        return ret;
238
     }
239
```

2.2 三维几何

3 图论

3.1 最短路

3.1.1 Dijkstra

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define mkp(a,b) make_pair(a,b)
   #define fst first
   #define snd second
   //luogu P4779
   using namespace std;
   typedef pair<int,int> pii;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   const int N=1000005;
10
   struct edge
11
12
       int y,v;
       edge(int Y,int V):y(Y),v(V){}
   };
15
   vector<edge> e[N];
16
   void add(int x,int y,int v)
17
18
       e[x].push_back(edge(y,v));
19
   }
21
   int n,m,s;
   int dis[N];
23
   bool vis[N];
24
   void dij(int s)
```

```
memset(dis,0x3f,sizeof(dis));
28
       dis[s]=0;
29
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
       q.push(mkp(0,s));
       while(!q.empty())
32
33
           int x=q.top().snd;
34
35
           q.pop();
           if(vis[x]) continue;
           vis[x]=1;
           for(auto y:e[x])
38
39
               if(dis[x]+y.v<dis[y.y])</pre>
40
41
                   dis[y.y]=dis[x]+y.v;
42
                   q.push(mkp(dis[y.y],y.y));
43
           }
45
       }
46
47
49
    int main()
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&s);
51
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
52
53
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
54
           add(x,y,z);
55
       dij(s);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           printf("%d ",dis[i]==inf?2147483647:dis[i]);
59
       return 0;
60
61
   }
```

- 3.1.2 SPFA
- 3.1.3 Floyd
- 3.1.4 负环

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P3385
   using namespace std;
   const int N=2005;
   int _,n,m,dis[N],cnt[N];
   bool vis[N];
   vector<int> e[N],v[N];
   void add(int x,int y,int z)
9
10
       e[x].push_back(y);
       v[x].push_back(z);
12
13
14
   bool spfa(int s)
15
16
       queue<int> q;
       memset(dis,0x3f,sizeof(dis));
18
       memset(vis,0,sizeof(vis));
19
       memset(cnt,0,sizeof(cnt));
20
       dis[s]=0;
       vis[s]=cnt[s]=1;
       q.push(1);
       while(!q.empty())
```

```
25
           int f=q.front();
26
           q.pop();
           vis[f]=0;
           for(int i=0;i<e[f].size();++i)</pre>
30
               int y=e[f][i];
               if(dis[y]>dis[f]+v[f][i])
                   dis[y]=dis[f]+v[f][i];
                  if(!vis[y])
35
                   {
36
                      vis[y]=1;
37
                      q.push(y);
38
                      cnt[y]++;
39
                      if(cnt[y]>n) return 1;
                   }
               }
42
           }
43
       }
45
       return 0;
    int main()
48
49
       scanf("%d",&_);
50
       while(_--)
51
52
           scanf("%d%d",&n,&m);
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
               e[i].clear(),v[i].clear();
           for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
               scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
               if(z<0) add(x,y,z);
               else add(x,y,z),add(y,x,z);
           if(spfa(1)) puts("YE5");
62
           else puts("N0");
63
64
       return 0;
65
    }
```

3.1.5 差分约束

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   //Gym 102411 E
      差分约束找最小解
      有负环代表无解
      ai-aj<=k表示为j到i的长度为k的边(最大解)
      最小解就交换边的方向
10
      都跑最短路
11
   */
13
   int n;
14
   ll l,r,k,a[100005];
15
   vector<int> E[100005];
16
   vector<ll> V[100005];
17
   void add(int x,int y,ll z)
```

```
20
       E[x].push_back(y);
21
       V[x].push_back(z);
22
23
24
   ll dis[100005];
25
   bool vis[100005];
26
   int cnt[100005];
27
   bool spfa()
30
       31
       vis[0]=1;
32
       cnt[0]=0;
33
       queue<int> q;
       q.push(0);
       while(!q.empty())
37
          int f=q.front();
38
          q.pop();
39
          vis[f]=0;
          for(int i=0;i<E[f].size();++i)</pre>
              int e=E[f][i];
              int v=V[f][i];
44
              if(dis[e]>dis[f]+v)
45
46
                 dis[e]=dis[f]+v;
47
                 cnt[e]=cnt[f]+1;
                 if(cnt[e]>n) return 1;
                  if(!vis[e])
                  {
51
                     vis[e]=1;
52
                     q.push(e);
                 }
56
57
       return 0;
58
59
   int main()
61
       scanf("%d%11d%11d%11d",&n,&1,&r,&k);
       for(int i=1;i<=n;++i) scanf("%1ld",&a[i]);</pre>
64
       for(int i=1;i<n;++i)</pre>
65
66
          if(a[i]>a[i+1])
67
              add(i,i+1,k);
              add(i+1,i,-1);
70
71
          else if(a[i]<a[i+1])</pre>
72
73
              add(i+1,i,k);
74
              add(i,i+1,-1);
          else if(a[i]==a[i+1])
              add(i+1,i,0ll);
              add(i,i+1,011);
       for(int i=1;i<=n;++i) add(i,0,r),add(0,i,-1);//</pre>
83
       if(spfa()) return puts("-1"),0;
84
```

3.2 最小生成树

#include <bits/stdc++.h>

3.2.1 Prim

```
//luogu P3366
    using namespace std;
5
       prim/kruskal一定要注意解决重边
6
    const int N=5005;
9
    const int inf=0x3f3f3f3f;
    int n,m;
12
    int mp[N][N];
13
    int dis[N];
    int prim(int s)
16
       int sum=0;
       int cnt=0;
19
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
20
           dis[i]=mp[s][i];
21
       cnt++;
22
       while(1)
           int mn=inf;
           int now=-1;
26
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
27
               if(dis[i]!=0&&dis[i]<mn)
                   mn=dis[i];
                   now=i;
32
               }
33
34
           if(now==-1) break;
35
           sum+=dis[now];
           dis[now]=0;
           cnt++;
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           {
40
               if(dis[i]!=0&&mp[now][i]<dis[i])</pre>
                  dis[i]=mp[now][i];
       if(cnt<n) return -1;</pre>
45
       else return sum;
46
    }
47
48
    int main()
49
    {
       scanf("%d%d",&n,&m);
51
       memset(mp,0x3f,sizeof(mp));
52
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
53
           mp[i][i]=0;
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
```

3.2.2 Kruskal

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3366
2
    using namespace std;
3
       prim/kruskal一定要注意解决重边
    const int N=200005;
10
    int n,m;
    struct node
^{12}
13
       int x,y,z;
    }o[N];
15
16
    bool cmp(node a,node b)
17
18
19
       return a.z<b.z;</pre>
21
    int f[5005];
22
    int _find(int x)
23
24
       if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
25
       return f[x];
26
27
    void _merge(int x,int y)
28
29
       x=_find(x),y=_find(y);
30
       if(x!=y) f[x]=y;
31
32
    }
    int kk()
34
35
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
36
           f[i]=i;
37
       sort(o+1,o+1+m,cmp);
       int sum=0;
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
41
           if(_find(o[i].x)!=_find(o[i].y))
42
43
44
               sum+=o[i].z;
               _merge(o[i].x,o[i].y);
45
47
       int tmp=_find(1);
48
       for(int i=2;i<=n;++i)</pre>
49
           if(_find(i)!=tmp)
50
               return -1;
51
       return sum;
52
   }
```

3.2.3 最小生成树计数

3.2.4 次小生成树

```
#include <bits/stdc++.h>
    #define int long long
   using namespace std;
    const int N=5e5+5;
    const int M=1e6+5;
    int inf=1e18;
    //luogu P1480
       求解严格小于的次小生成树
11
12
    struct edge
13
14
       int to, val;
   };
    vector<edge> e[N];
17
    struct node
19
20
       int x,y,v;
    }eg[M];
    void add(int a,int b,int c)
24
25
       e[a].push_back({b,c});
26
       e[b].push_back({a,c});
27
    int fa[N][35],dep[N],mx[N][35],mn[N][35];
30
    void dfs(int x,int f)
31
32
       fa[x][0]=f;
       for(auto i:e[x])
           if(i.to==f) continue;
           dep[i.to]=dep[x]+1;
37
           mx[i.to][0]=i.val;
38
           mn[i.to][0]=-inf;
39
           dfs(i.to,x);
40
       }
41
    }
    int n,m;
    void cal()
45
46
       for(int i=1;i<=30;++i)</pre>
           for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
```

```
50
               fa[j][i]=fa[fa[j][i-1]][i-1];
51
               mx[j][i]=max(mx[j][i-1],mx[fa[j][i-1]][i
               mn[j][i]=max(mn[j][i-1],mn[fa[j][i-1]][i
                    -1]);
               if(mx[j][i-1]>mx[fa[j][i-1]][i-1])
                   mn[j][i]=max(mn[j][i],mx[fa[j][i-1]][i
                       -1]);
               else if(mx[j][i-1]<mx[fa[j][i-1]][i-1])</pre>
56
                   mn[j][i]=max(mn[j][i],mx[j][i-1]);
           }
58
59
60
61
    int lca(int x,int y)
        if(dep[x]<dep[y])</pre>
64
           swap(x,y);
65
        for(int i=30;i>=0;--i)
           if(dep[fa[x][i]]>=dep[y])
               x=fa[x][i];
        if(x==y) return x;
        for(int i=30;i>=0;--i)
           if(fa[x][i]^fa[y][i])
71
               x=fa[x][i],
72
               y=fa[y][i];
73
        return fa[x][0];
74
75
    int qmax(int u,int v,int val)
78
        int ans=-inf;
        for(int i=30;i>=0;--i)
           if(dep[fa[u][i]]>=dep[v])
               if(val!=mx[u][i])
                   ans=max(ans,mx[u][i]);
86
                   ans=max(ans,mn[u][i]);
               u=fa[u][i];
        return ans;
91
    bool cmp(node a,node b)
95
        return a.v<b.v;</pre>
96
97
    int F[N];
99
    int find(int x)
100
101
        if(x!=F[x]) F[x]=_find(F[x]);
102
        return F[x];
103
104
    bool flg[M];
106
    signed main()
107
        scanf("%11d%11d",&n,&m);
109
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
110
111
```

```
scanf("%11d%11d%11d",&eg[i].x,&eg[i].y,&eg[i].
112
                v);
113
        sort(eg+1,eg+1+m,cmp);
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
115
            F[i]=i;
117
        int cnt=0;
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
120
            int fx=_find(eg[i].x);
122
            int fy=_find(eg[i].y);
123
            if(fx!=fy)
124
            {
               cnt+=eg[i].v;
               F[fx]=fy;
               add(eg[i].x,eg[i].y,eg[i].v);
               flg[i]=1;
            }
130
131
        }
        mn[1][0]=-inf;
        dep[1]=1;
        dfs(1,-1);
        cal();
135
        int ans=inf;
136
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
137
138
            if(flg[i]) continue;
            int x=eg[i].x;
            int y=eg[i].y;
            int v=eg[i].v;
            int l=lca(x,y);
143
            int mxu=qmax(x,1,v);
145
            int mxv=qmax(y,1,v);
            ans=min(ans,cnt-max(mxu,mxv)+v);
        printf("%11d",ans);
148
        return 0;
149
150
```

3.2.5 最小乘积生成树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   //luogu P5540
       每条边有两个边权
       使得一棵生成树sigma(ai)*sigma(bi)最小
10
   const int N=205;
11
   const int M=10005;
12
   const int inf=0x3f3f3f3f;
13
   struct UFS
15
16
       int f[N];
17
      void init(int n)
19
          for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
             f[i]=i;
```

```
22
       int find(int x)
23
24
           if(x!=f[x]) f[x]=find(f[x]);
           return f[x];
26
27
       void merge(int x,int y)
           x=find(x),y=find(y);
           if(x!=y)
31
               f[x]=y;
32
33
       bool check(int x,int y)
34
35
           return find(x)==find(y);
36
37
   };
39
   struct edge
40
41
42
       int u,v,w,a,b;
43
   };
   bool cmp(edge a,edge b)
45
46
       return a.w<b.w;</pre>
47
48
49
   struct point
51
       int x,y;
53
   }:
   point operator - (point a, point b)
54
55
       return (point){a.x-b.x,a.y-b.y};
56
   int cross(point a,point b)
58
59
       return a.x*b.y-a.y*b.x;
60
61
   int n,m;
   UFS s;
    point ans=point{inf,inf};
   edge e[M];
67
   point kk()
68
69
       point res=point{0,0};
       int tot=0;
       sort(e+1,e+1+m,cmp);
72
       s.init(n);
73
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
74
75
           int u=e[i].u,v=e[i].v,a=e[i].a,b=e[i].b;
76
           if(s.check(u,v)) continue;
           s.merge(u,v);
           res.x+=a;
79
           res.y+=b;
           ++tot:
81
           if(tot==n-1) break;
82
       11 tmp=11l*ans.x*ans.y;
       11 now=111*res.x*res.y;
85
       if(tmp>now||(tmp==now&&ans.x>res.x))
86
```

```
ans=res;
        return res;
88
    }
89
    void solve(point a,point b)
91
92
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
93
            e[i].w=e[i].b*(b.x-a.x)+e[i].a*(a.y-b.y);
        point c=kk();
97
        if(cross(b-a,c-a)>=0) return;
98
        solve(a,c);
99
        solve(c,b);
100
101
    int main()
104
        scanf("%d%d",&n,&m);
105
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
106
107
            scanf("%d%d%d%d",&e[i].u,&e[i].v,&e[i].a,&e[i
            e[i].u++;
109
            e[i].v++;
110
111
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
112
            e[i].w=e[i].a;
        point a=kk();
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
            e[i].w=e[i].b;
119
        point b=kk();
        solve(a,b);
        printf("%d %d",ans.x,ans.y);
123
        return 0;
124
125
```

3.3 树的直径

3.4 LCA

3.4.1 Tarjan 离线

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P3379
using namespace std;

/*
tarjan求lca要注意时间复杂度可能会爆炸,模板题开了O2才过,并且要小心数组越界

*/
const int N=1000005;

int n,m,s,x,y;
vector<int> e[N],q[N],id[N];
int ans[N*2];
bool vis[N];
int f[N];
int _find(int x)
{
```

```
if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
18
       return f[x];
19
20
   void _merge(int x,int y)
21
22
       x=_find(x),y=_find(y);
23
       if(x!=y) f[x]=y;
24
25
   void tarjan(int u)
27
28
       vis[u]=1;
29
       for(auto v:e[u])
30
31
           if(!vis[v])
32
               tarjan(v);
               _merge(v,u);
35
36
       for(int i=0;i<q[u].size();++i)</pre>
           int v=q[u][i];
           int k=id[u][i];
           if(vis[v]&&ans[k]==0)
42
               ans[k]=_find(v);
43
       }
44
45
   int main()
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&s);
49
       for(int i=1;i<=n;++i) f[i]=i;</pre>
50
       for(int i=1;i<=n-1;++i)</pre>
51
           scanf("%d%d",&x,&y),e[x].push_back(y),e[y].
                push back(x);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
53
           scanf("%d%d",&x,&y),
54
           q[x].push_back(y),q[y].push_back(x),
55
           id[x].push_back(i),id[y].push_back(i);
56
       tarjan(s);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           printf("%d\n",ans[i]);
       return 0;
   }
61
```

3.4.2 倍增 LCA

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*

预处理 O(nlogn)
单次查询 O(logn)
多组记得清空fa

*/

const int MAXN=500005;
int n,q,dep[MAXN],s,lg[MAXN],fa[MAXN][32];
vector<int> e[MAXN];

void dfs(int now,int pa)
{
dep[now]=dep[pa]+1;
```

```
fa[now][0]=pa;
17
       for(int i=1;(1<<i)<=dep[now];i++)</pre>
18
           fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-1];
19
       for(auto to:e[now])
           if(to!=pa) dfs(to,now);
21
   }
22
   int lca(int x,int y)
24
       if(dep[x]<dep[y]) swap(x,y);</pre>
26
       while(dep[x]>dep[y]) x=fa[x][lg[dep[x]-dep[y]]-1];
       if(x==y) return x;
28
       for(int i=lg[dep[x]]-1;i>=0;i--)
29
           if(fa[x][i]!=fa[y][i])
30
               x=fa[x][i],y=fa[y][i];
31
       return fa[x][0];
   }
34
   int main()
35
36
       for(int i=1;i<MAXN;i++)</pre>
37
           lg[i]=lg[i-1]+(1<<lg[i-1]==i);
       scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
       for(int i=0,x,y;i<n-1;i++)</pre>
41
           scanf("%d%d",&x,&y);
42
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
43
44
       dep[0]=0;
       dfs(s,0);
       for(int i=0,x,y;i<q;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&v);
49
           printf("%d\n",lca(x,y));
50
52
       return 0;
```

3.5 无向图与有向图联通性

3.5.1 割点

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define int long long
   //luogu P3469
      tarjan求割点的算法中,如果不保证连通性,应该使用被注释
          掉的遍历方法
      part数组储存了被这个割点分成的不同的几块各自的大小
   using namespace std;
10
   const int N=100005;
11
12
   int n,m,x,y;
13
   vector<int> e[N],part[N];
14
   bool is[N];
   int dfn[N],low[N],timer=0;
16
   int sz[N];
17
   void tarjan(int u,int f)
19
20
      dfn[u]=low[u]=++timer;
      sz[u]++;//
```

```
int son=0,tmp=0;
23
       for(auto v:e[u])
24
25
           if(dfn[v]==0)
           {
27
              tarjan(v,u);
28
              sz[u]+=sz[v];//
              low[u]=min(low[u],low[v]);
              if(low[v]>=dfn[u]&&u!=f)
                  is[u]=1;
33
                  tmp+=sz[v];//
34
                  part[u].push_back(sz[v]);//
35
36
              if(u==f) son++;
37
38
           low[u]=min(low[u],dfn[v]);
40
       if(son>=2\&u==f) is[u]=1;//point on the top
       if(is[u]&&n-tmp-1!=0)
42
           part[u].push_back(n-tmp-1);//
43
44
45
   signed main()
46
47
       scanf("%11d%11d",&n,&m);
48
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
49
50
           scanf("%11d%11d",&x,&y);
51
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       }
54
       for(int i=1;i<=n;++i)
55
           if(!dfn[i]) tarjan(i,i);
57
       tarjan(1,0);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
60
           if(!is[i]) printf("%lld\n",2*(n-1));
61
           else{
62
              int tmp=0;
63
              for(auto j:part[i])
                  tmp+=j*(j-1);
              printf("%lld\n",n*(n-1)-tmp);
           }
67
       }
       return 0;
69
```

3.5.2 桥

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define mkp make pair
   //uva796
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   typedef pair<int,int> pii;
   inline int read(){
      char ch=getchar();int s=0,w=1;
      while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
      while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
10
           getchar();}
      return s*w;
11
   }
12
```

```
inline void write(int x){
13
       if(x<0)putchar('-'),x=-x;</pre>
14
       if(x>9)write(x/10);
       putchar(x%10+48);
   }
17
    int n:
19
    int dfn[N],low[N],timer=0;
20
   int fa[N];
    vector<int> e[N];
23
    vector<pii> ans;
24
    void tarjan(int u,int f)
25
26
       fa[u]=f;
27
       dfn[u]=low[u]=++timer;
28
       for(auto v:e[u])
30
           if(!dfn[v])
           {
              tarjan(v,u);
              low[u]=min(low[u],low[v]);
               //if(dfn[u]<low[v]) is[u][v]=1;
               //u is v's father
37
           else if(v!=f) low[u]=min(low[u],dfn[v]);
38
39
40
41
    void init()
       timer=0;
44
       for(int i=0;i<n;++i) dfn[i]=low[i]=fa[i]=0;</pre>
45
       for(int i=0;i<n;++i) e[i].clear();</pre>
46
       ans.clear();
    void gao()
50
51
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
52
           if(!dfn[i]) tarjan(i,-1);
53
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
           int F=fa[i];
           if(F!=-1&&dfn[F]<low[i])
              ans.emplace_back(min(F,i),max(F,i));
       sort(ans.begin(),ans.end());
       printf("%d critical links\n",(int)ans.size());
       for(auto i:ans)
           printf("%d - %d\n",i.first,i.second);
63
       puts("");
64
    }
65
66
   int main()
67
       while(~scanf("%d",&n))
70
           if(n==0)
              puts("0 critical links");
              puts("");
              continue;
76
           init();
77
```

```
for(int i=0,x,y,z;i<n;++i)

for(int i=0,x,y,z;i<n;++i)

scanf("%d (%d)",&x,&y);

for(int i=0;i<y;++i)

z=read(),

e[x].push_back(z),

e[z].push_back(x);

for(int i=0,x,y,z;i<n;++i)

scanf("%d (%d)",&x,&y);

scan
```

```
3.5.3 e-DCC3.5.4 v-DCC3.5.5 SCC
```

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P2341
   using namespace std;
5
       scc表示某标号的强连通分量中的点, co表示某个点属于哪个
           强连通分量
       gao函数是重建图,按照题意寻找有没有链
8
   const int N=10005;
10
   int n,m,x[N*5],y[N*5];
   vector<int> e[N],scc[N];
13
   int co[N],color=0;
   stack<int> s;
15
   bool vis[N];
16
   int dfn[N],low[N],timer=0;
   void tarjan(int u)
19
20
       dfn[u]=low[u]=++timer;
21
       s.push(u);
22
       vis[u]=1;
23
       for(auto v:e[u])
          if(!dfn[v])
26
             tarjan(v);
28
             low[u]=min(low[u],low[v]);
          else if(vis[v]) low[u]=min(low[u],dfn[v]);
       if(low[u]==dfn[u])
33
34
          ++color;
35
          int t;
36
          do
37
             t=s.top();
39
             s.pop();
             co[t]=color;
             vis[t]=0;
             scc[color].push_back(t);
43
          while(u!=t);
```

```
}
    }
47
    int f[N];
    int find(int x)
50
51
       if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
52
53
       return f[x];
    void _merge(int x,int y)
55
56
       x= find(x),y= find(y);
57
       if(x!=y) f[x]=y;
58
59
   int d[N];
   void gao()
63
       for(int i=1;i<=color;++i)</pre>
64
           f[i]=i;
65
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           if(co[x[i]]!=co[y[i]])
               _merge(co[x[i]],co[y[i]]),
               d[co[x[i]]]++;
70
71
       int F=_find(1);
72
       for(int i=1;i<=color;++i)</pre>
73
           if(_find(i)!=F) {puts("0");return;}
       int ans=0,tmp=0;
       for(int i=1;i<=color;++i)</pre>
           if(d[i]==0)
               ans+=scc[i].size(),tmp++;
79
       if(tmp>1) ans=0;
       printf("%d",ans);
82
83
84
    int main()
85
86
       scanf("%d%d",&n,&m);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           scanf("%d%d",&x[i],&y[i]);
90
           e[x[i]].push_back(y[i]);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           if(!dfn[i]) tarjan(i);
       gao();
       return 0;
96
```

3.5.6 2-SAT

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

//luogu P4782

/*

2-SAT用于求解有n个布尔变量x1-xn和m个需要满足的条件每个条件形式为xi=0(1)||xj=0(1),是否有可行解注意要开两倍空间建反向边
2-SAT输出方案的方法为:先把缩点之后的新图进行拓扑排序,然后判断每个点i,如果i所在强连通分量的拓扑序在
```

```
i'所在的强连通分量的拓扑序之后,那么第i场游戏使用
          该地图适合的第一种赛车, 否则使用第二种赛车。
      但是由于Tarjan求强连通分量就是按拓扑排序的逆序给出的,
          所以直接使用强连通分量编号判断即可。
      即如果bel[]为每个点的所在强连通分量编号,那么判断为:
11
          如果bel[i]<bel[i'],那么使用该地图适合的第一种赛
          车, 否则使用第二种赛车。
   */
12
   const int N=2e6+5;
14
   int n,m,a,va,b,vb;
16
   int dfn[N],low[N],timer=0;
17
   stack<int> s;
   bool vis[N];
19
   vector<int> e[N];
   int co[N],color=0;
22
   void add(int x,int y)
23
24
25
      e[x].push_back(y);
26
   void tarjan(int u)
28
29
      dfn[u]=low[u]=++timer;
30
      s.push(u);
31
      vis[u]=1;
32
      for(auto v:e[u])
          if(!dfn[v])
             tarjan(v),
36
             low[u]=min(low[u],low[v]);
37
          else if(vis[v])
38
             low[u]=min(low[u],dfn[v]);
39
      if(low[u]==dfn[u])
41
42
      {
          int v;
43
          color++;
44
          do
45
             v=s.top();
             s.pop();
             vis[v]=0;
             co[v]=color;
51
          while(u!=v);
52
      }
54
   bool solve()
56
57
      for(int i=1;i<=2*n;++i)</pre>
58
          if(!dfn[i]) tarjan(i);
      for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
          if(co[i]==co[i+n])
             return 0;
62
      return 1;
63
64
   int main()
66
67
      scanf("%d%d",&n,&m);
68
      for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
69
```

```
70
          scanf("%d%d%d%d",&a,&va,&b,&vb);
71
          int nota=va^1,notb=vb^1;
          add(a+nota*n,b+vb*n);//not a and b
          add(b+notb*n,a+va*n);//not b and a
       if(solve())
          puts("POSSIBLE");
          for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
              printf("%d ",co[i]>co[i+n]);
80
81
       else puts("IMPOSSIBLE");
82
       return 0;
83
   }
```

3.5.7 支配树

3.6 二分图

3.6.1 最大匹配-匈牙利

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P3386
   using namespace std;
       hungary每一次遍历必须要清空vis数组
   const int N=1005;
   vector<int> e[N];
11
   bool vis[N];
12
   int match[N],rematch[N];
13
   bool dfs(int u)
       for(auto v:e[u])
18
          if(!vis[v]){
19
              vis[v]=1;
20
              if(match[v]==0||dfs(match[v]))
21
                 match[v]=u;
                 rematch[u]=v;
                  return 1;
              }
          }
       return 0;
31
   int n,m,k;
32
33
   int main()
34
35
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
       for(int i=1,x,y;i<=k;++i)</pre>
          scanf("%d%d",&x,&y);
          if(x>n||y>m) continue;
          e[x].push_back(y);
       int ans=0;
```

```
for(int i=1;i<=n;++i)

for(int i=1;i<=n;
```

3.6.2 带权匹配-KM

```
#include <bits/stdc++.h>
   //hdu 2255
   using namespace std;
3
       KM仅用于最大带权匹配一定是最大匹配的情况中
   const int N=305;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int n,mp[N][N];
   int la[N],lb[N],delta;
   bool va[N],vb[N];
   int match[N];
15
16
   bool dfs(int x)
17
18
       va[x]=1;
       for(int y=1;y<=n;++y)
21
          if(!vb[y]){
              if(la[x]+lb[y]==mp[x][y])
23
                  vb[y]=1;
                  if(!match[y]||dfs(match[y]))
                     match[y]=x;
28
                     return 1;
29
30
31
              else
                  delta=min(delta,la[x]+lb[y]-mp[x][y]);
35
       return 0;
36
   int km()
40
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
41
42
          match[i]=0;
43
          la[i]=-inf;
44
          lb[i]=0;
45
          for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
              la[i]=max(la[i],mp[i][j]);
49
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
51
          while(1)
```

```
{
54
               memset(va,0,sizeof(va));
55
               memset(vb,0,sizeof(vb));
               delta=inf;
               if(dfs(i)) break;
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
59
                   if(va[j]) la[j]-=delta;
                   if(vb[j]) lb[j]+=delta;
           }
64
65
       int ans=0;
66
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
67
           ans+=mp[match[i]][i];
68
       return ans;
   }
71
   int main()
72
73
       while(~scanf("%d",&n))
           memset(mp,-0x3f,sizeof(mp));
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
78
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
79
80
                   scanf("%d",&mp[i][j]);
           printf("%d\n",km());
       return 0;
86
   }
```

3.7 网络流

3.7.1 最大流-Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
2
   typedef long long 11;
3
4
       s,t 超级源、超级汇
       cur[] 当前弧优化
       时间复杂度 O(n^2*m)
10
   const int MAXN=10005;
   const 11 inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f11;
   int n,m,s,t,tot,dis[MAXN],cur[MAXN];
   struct edge
14
15
       int to,cap,rev;
16
       edge(){}
17
       edge(int to,int cap,int rev):to(to),cap(cap),rev(
           rev){}
19
   vector<edge> E[MAXN];
20
21
   inline void add_edge(int x,int y,int f)
22
23
       E[x].emplace_back(y,f,E[y].size());
24
       E[y].emplace_back(x,0,E[x].size()-1);
```

```
26
27
   int bfs()
28
       for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f3f;</pre>
30
       dis[s]=0;
31
       queue<int> q;
32
       q.push(s);
       while(!q.empty())
           int now=q.front();q.pop();
36
           for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
37
           {
38
               edge &e=E[now][i];
39
               if(dis[e.to]>dis[now]+1&&e.cap)
40
41
                   dis[e.to]=dis[now]+1;
                   if(e.to==t) return 1;
43
                   q.push(e.to);
               }
45
           }
46
       return 0;
50
   11 dfs(int now, 11 flow)
51
52
       if(now==t) return flow;
53
       11 rest=flow,k;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
           edge &e=E[now][i];
57
           if(e.cap&&dis[e.to]==dis[now]+1)
58
               cur[now]=i;
               k=dfs(e.to,min(rest,(long long)e.cap));
               e.cap-=k;
               E[e.to][e.rev].cap+=k;
63
               rest-=k;
64
65
66
       return flow-rest;
   11 dinic()
70
71
       11 ret=0,delta;
       while(bfs())
           for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=0;</pre>
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
76
77
       return ret;
78
79
```

3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef pair<int,int> pii;

/*
出锅状态 勿用
```

```
第一遍跑的spfa,然后是加上势函数的dij,玄学
       h[] 势函数
9
       cur[] 当前弧优化
       msmf 最大流时的最小费用
       s,t 超级源、超级汇
12
       时间复杂度 O(n^2*m)
13
14
15
   const int MAXN=2005;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
17
   int msmf,s,t,cur[MAXN],dis[MAXN],vis[MAXN],h[MAXN];
18
   struct edge
19
20
       int to,val,cap,rev;
21
       edge(){}
22
       edge(int to,int cap,int val,int rev):to(to),cap(
           cap),val(val),rev(rev){}
   };
24
   vector<edge> E[MAXN];
25
26
   inline void add_edge(int x,int y,int f,int cost)
27
       E[x].emplace_back(y,f,cost,E[y].size());
       E[y].emplace_back(x,0,-cost,E[x].size()-1);
30
31
32
   int dij()
33
34
       fill(dis,dis+t+1,inf);
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
       q.emplace(0,s);dis[s]=0;
       while(!q.empty())
39
          pii p=q.top();q.pop();
40
          int now=p.second;
          if(dis[now]<p.first) continue;</pre>
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
          {
44
              edge &e=E[now][i];
45
              if(e.cap>0&&dis[e.to]>p.first+e.val+h[now]-
46
                  h[e.to])
47
                 dis[e.to]=p.first+e.val+h[now]-h[e.to];
                 q.emplace(dis[e.to],e.to);
              }
          }
       return dis[t]!=inf;
   int dfs(int now,int flow)
56
57
       if(now==t) return flow;
58
       int rest=flow,k;
59
       vis[now]=1;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
          edge &e=E[now][i];
          if(e.cap&&dis[now]+e.val+h[now]-h[e.to]==dis[e
               .to]&&!vis[e.to])
             cur[now]=i;
             k=dfs(e.to,min(e.cap,rest));
              e.cap-=k;
              E[e.to][e.rev].cap+=k;
```

```
rest-=k;
70
               msmf+=k*e.val;
71
72
       vis[now]=0;
       return flow-rest;
75
76
78
   int dinic()
       int ret=0,delta;
80
       while(dij())
81
       {
82
           for(int i=s;i<=t;i++) cur[i]=0;</pre>
83
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
84
           for(int i=s;i<=t;i++) h[i]+=(dis[i]==inf)?0:</pre>
86
       return ret;
87
   }
```

3.7.3 最小费用最大流-SPFA+Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
       cur[] 当前弧优化
       msmf 最大流时的最小费用
       s,t 超级源、超级汇
       多组记得清边和msmf
       时间复杂度 O(n^2*m)
10
   */
11
   const 11 inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f11;
   11 msmf,dis[5005];
   int s,t,n,m,cur[5005],vis[5005];
15
   struct edge
16
17
       int to,rev;
18
19
       11 cap,cost;
       edge(){}
       edge(int to,ll cap,ll cost,int rev):to(to),cap(cap
           ),cost(cost),rev(rev){}
22
   vector<edge> E[5005];
23
   inline void add_edge(int x,int y,ll f,ll c)
^{25}
26
       E[x].emplace_back(y,f,c,E[y].size());
       E[y].emplace_back(x,0,-c,E[x].size()-1);
28
29
30
   int spfa()
31
       for(int i=0;i<=n;i++) vis[i]=0,dis[i]=inf; //从编
           号最小的点到最大的点
       dis[s]=0;
34
       queue<int> q;
35
       q.push(s);
       while(!q.empty())
37
          int p=q.front();q.pop();
```

```
vis[p]=0;
40
           for(auto e:E[p])
41
              if(e.cap&&dis[p]+e.cost<dis[e.to])</pre>
42
                  dis[e.to]=dis[p]+e.cost;
                  if(!vis[e.to])
45
                     vis[e.to]=1,q.push(e.to);
46
47
       return dis[t]!=inf;
50
51
   11 dfs(int now, 11 flow)
52
53
       if(now==t) return flow;
54
55
       11 rest=flow,k;
       vis[now]=1;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
57
58
           edge &e=E[now][i];
59
           if(e.cap&&dis[now]+e.cost==dis[e.to]&&!vis[e.
60
               to])
              cur[now]=i;
              k=dfs(e.to,min(rest,e.cap));
63
              e.cap-=k;
64
              E[e.to][e.rev].cap+=k;
65
              msmf+=k*e.cost;
66
              rest-=k;
67
           }
       vis[now]=0;
70
       return flow-rest;
71
   }
72
   11 dinic()
75
       msmf=0;
76
       11 ret=0,delta;
77
       while(spfa())
78
79
           for(int i=0;i<=n;i++) cur[i]=vis[i]=0; //从编号
               最小的点到最大的点
          while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
       }
       return ret;
83
   }
   int main()
       scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&s,&t);
       for(int i=0;i<m;i++)</pre>
89
90
           int x,y;ll a,b;
91
           scanf("%d%d%11d%11d",&x,&y,&a,&b);
92
           add_edge(x,y,a,b);
       11 mxflow=dinic();
95
       printf("%11d %11d",mxflow,msmf);
96
       return 0;
97
   }
```

3.7.4 上下界流

3.8 欧拉路

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P2731
    using namespace std;
    const int N=505;
6
       euler_path一定要找到正确的起点
    int n;
10
    int mp[N][N];
11
    stack<int> st;
    int deg[N];
    void dfs(int x)
16
       for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
17
18
           if(mp[x][i])
19
20
               mp[x][i]--;
21
               mp[i][x]--;
               dfs(i);
23
^{24}
25
       st.push(x);
26
27
    int main()
29
30
       scanf("%d",&n);
31
       for(int i=1,x,y;i<=n;++i)</pre>
32
33
           scanf("%d%d",&x,&y);
           mp[x][y]++;
36
           mp[y][x]++;
           deg[x]++;
37
           deg[y]++;
38
39
       int s=1;
40
       for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
41
42
           if(deg[i]%2==1)
43
           {
44
               s=i;
45
               break;
46
47
49
       dfs(s);
       while(!st.empty())
50
51
           printf("%d\n",st.top());
52
           st.pop();
53
       return 0;
55
   }
56
```

3.9 Prufer 序列

4 数据结构

4.1 树状数组

```
int bit[N];
   void modify(int x,int y)
       for(;x<=n;x+=x&-x) bit[x]+=y;</pre>
   int sum(int x)
       int ret=0;
10
       for(;x;x-=x&-x) ret+=bit[x];
11
       return ret;
12
   }
13
   int kth(int k) // 权值树状数组上查询第 k 大
15
   {
16
       int cnt=0,ret=0;
17
       for(int i=log2(n);~i;i--)
19
           ret+=1<<i;
           if(ret>=n||cnt+bit[ret]>=k) ret-=1<<i;</pre>
          else cnt+=bit[ret];
22
23
       return ret+1;
24
   }
```

25 26

27

29

30

31

32 33

34

36 37

38

40

41

42

43

45

46

47

48

49

51

52

53

55

56

57

58

59

62

63

64

65

68

70

71

72

73

74

75

4.2 线段树

4.2.1 带优先级线段树

4.2.2 李超线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define lli long long int
   #define debug cout
3
   using namespace std;
   const int maxn=4e4+1e2, maxm=1e5+1e2;
   const double eps=1e-8;
   //luogu P4097
      1、在平面上加入一条线段。记第 i 条被插入的线段的标号为
10
      2、给定一个数 k,询问与直线 x = k 相交的线段中,交点最
          靠上的线段的编号。
   */
13
   int 1[maxn<<3],r[maxn<<3],lson[maxn<<3],rson[maxn</pre>
       <<3],dat[maxn<<3],cnt;
   double k[maxm],b[maxm];
15
16
   inline int dcmp(double x) {
      return fabs(x) <= eps ? 0 : x < 0 ? -1 : 1;</pre>
18
19
   inline void build(int pos,int ll,int rr) {
20
      1[pos] = 11 , r[pos] = rr;
21
      if( ll == rr ) return;
22
      const int mid = ( ll + rr ) >> 1;
      build(lson[pos]=++cnt,ll,mid);
```

```
build(rson[pos]=++cnt,mid+1,rr);
inline double f(int x,int p) {
   return k[x] * p + b[x];
inline bool judge(int x,int y,int p) {
   double fx = f(x,p), fy = f(y,p);
   return dcmp(fx-fy) ? fx < fy : x > y;
inline void update(int pos,int ll,int rr,int nw) {
   if( r[pos] < 11 || rr < 1[pos] ) return;</pre>
   if( ll <= l[pos] && r[pos] <= rr ) {
      if( judge(nw,dat[pos],l[pos]) && judge(nw,dat[
           pos],r[pos]) ) return;
      if( judge(dat[pos],nw,l[pos]) && judge(dat[pos
          ],nw,r[pos]) ) {
          dat[pos] = nw;
          return;
      }
      const int mid = ( l[pos] + r[pos] ) >> 1;
      if( judge(dat[pos],nw,mid) ) swap(dat[pos],nw)
      if( judge(dat[pos],nw,l[pos]) ) update(lson[
          pos],l[pos],r[pos],nw);
      else update(rson[pos],1[pos],r[pos],nw);
      return;
   update(lson[pos],11,rr,nw) , update(rson[pos],11,
       rr,nw);
inline int query(int pos,int x) {
   if( x < 1[pos] || r[pos] < x ) return 0;
   if( 1[pos] == r[pos] && 1[pos] == x ) return dat[
   const int mid = ( l[pos] + r[pos] ) >> 1;
   int ret = x <= mid ? query(lson[pos],x) : query(</pre>
       rson[pos],x);
   if( judge(ret,dat[pos],x) ) ret = dat[pos];
   return ret;
}
int main() {
   static int n,lastans=-1,x0,y0,x1,y1,p,cc;
   build(cnt=1,1,40000);
   scanf("%d",&n);
   for(int i=1,ope;i<=n;i++) {</pre>
      scanf("%d",&ope);
      if( ope ) {
          scanf("%d%d%d%d",&x0,&y0,&x1,&y1) , ++cc;
          x0 = (x0 + lastans + 39989) % 39989 + 1
               y0 = ((11i) y0 + lastans + 10000000000
               ) % 1000000000 + 1 ,
          x1 = (x1 + lastans + 39989) % 39989 + 1,
               y1 = ((11i) y1 + lastans + 10000000000
               ) % 1000000000 + 1 ;
          if( x1 < x0 ) swap( x1 , x0 ) , swap( y1 ,</pre>
              y0 );
          if(x0 == x1) k[cc] = 0, b[cc] = max(y0)
              , y1 );
          else k[cc] = (double)(y1-y0)/(x1-x0), b[cc
              ] = y1 - k[cc] * x1;
          update(1,x0,x1,cc);
      } else {
          scanf("%d",&p);
          p = (p + lastans + 39989) % 39989 + 1;
```

4.2.3 吉司机线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
4
5
       modify 将区间大于x的数变成x
6
       query 询问区间和
       单次复杂度 O(log^2(n))
   const 11 INF=0xc0c0c0c0c0c0c0c0ll;
   const int MAXN=200005;
   11 seg[MAXN<<2],m1[MAXN<<2],m2[MAXN<<2],cnt[MAXN<<2],</pre>
       tag[MAXN<<2],a[MAXN];
   int n,q;
14
15
   void pushdown(int rt)
16
17
       if(!tag[rt]) return;
18
       ll y=m1[rt];
       if(y<m1[rt<<1])
          tag[rt<<1]=1;
          seg[rt<<1]-=(m1[rt<<1]-y)*cnt[rt<<1];
          m1[rt<<1]=y;
       if(y<m1[rt<<1|1])
          tag[rt<<1|1]=1;
28
          seg[rt<<1|1]-=(m1[rt<<1|1]-y)*cnt[rt<<1|1];
29
          m1[rt<<1|1]=y;
30
31
       tag[rt]=0;
   }
   void pushup(int rt)
35
36
       seg[rt]=seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1];
       if(m1[rt<<1]==m1[rt<<1|1])</pre>
          m1[rt]=m1[rt<<1];
          cnt[rt]=cnt[rt<<1]+cnt[rt<<1|1];</pre>
          m2[rt]=max(m2[rt<<1],m2[rt<<1|1]);
42
43
       else if(m1[rt<<1]>m1[rt<<1|1])</pre>
44
45
          m1[rt]=m1[rt<<1];
          cnt[rt]=cnt[rt<<1];</pre>
          m2[rt]=max(m2[rt<<1],m1[rt<<1|1]);</pre>
       }
       else
          m1[rt]=m1[rt<<1|1];
          cnt[rt]=cnt[rt<<1|1];
```

```
m2[rt]=max(m2[rt<<1|1],m1[rt<<1]);</pre>
54
        }
55
    }
    void build(int rt,int l,int r)
58
59
        tag[rt]=0;
61
        if(l==r)
            seg[rt]=m1[rt]=a[l];
            cnt[rt]=1;
            m2[rt]=INF;
65
            return;
66
67
        int m=l+r>>1;
        if(l<=m) build(rt<<1,1,m);
        if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
        pushup(rt);
71
    }
72
    void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll y)
75
        if(y>=m1[rt]) return;
76
        if(L<=1&&r<=R&&y>m2[rt])
77
78
            tag[rt]=1;
79
            seg[rt]-=(m1[rt]-y)*cnt[rt];
80
            m1[rt]=y;
81
            return;
        pushdown(rt);
        int m=l+r>>1;
        if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,y);</pre>
        if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,y);</pre>
        pushup(rt);
    11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
91
92
        if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
93
        int m=l+r>>1;
94
        pushdown(rt);
        ll ret=0;
        if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,L,R);
        if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,L,R);</pre>
        pushup(rt);
        return ret;
100
101
```

4.2.4 线段树维护扫描线

```
#include <bits/stdc++.h>
#define x1 xa
#define x2 xb
#define y1 ya
#define y1 yb
using namespace std;
typedef long long ll;
const int N=500005;

//luogu P5490

/*
L面的define是为了防止某些时候的CE
```

```
时刻记得节点[3,3]表示的是3号Y坐标与4号Y坐标构成的线段长度
14
15
   int n;
    ll x1,y1,x2,y2;
18
    vector<ll> Y;
19
   struct line
21
       ll x,y1,y2;
23
24
       int mark;
25
    vector<line> v;
26
   bool cmp(line a,line b){return a.x<b.x;}</pre>
27
28
    struct seg
   {
       int 1,r,cov;
31
       ll len;
32
   }tr[N<<2];
33
34
   void build(int p,int l,int r)
35
       tr[p].l=1,tr[p].r=r;
       tr[p].len=tr[p].cov=0;
38
       if(l==r) return;
39
       int m=l+r>>1;
40
       build(p<<1,1,m);</pre>
41
       build(p<<1|1,m+1,r);
42
   }
   void up(int p)
45
46
       int l=tr[p].1,r=tr[p].r;
47
       if(tr[p].cov>0)
           tr[p].len=Y[r]-Y[l-1];//
       else
50
           tr[p].len=tr[p<<1].len+tr[p<<1|1].len;
51
    }
52
53
    void modi(int L,int R,int V,int p=1)
54
55
       int l=tr[p].1,r=tr[p].r;
       if(L<=1&&r<=R)
58
           tr[p].cov+=V;
59
          up(p);
60
           return;
       int m=l+r>>1;
       if(L<=m) modi(L,R,V,p<<1);
64
       if(R>m) modi(L,R,V,p<<1|1);
65
       up(p);
66
   }
67
   int main()
    {
       scanf("%d",&n);
71
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           scanf("%11d%11d%11d%11d",&x1,&y1,&x2,&y2);
           Y.push_back(y1);
           Y.push_back(y2);
76
           v.push_back((line){x1,y1,y2,1});
77
           v.push_back((line){x2,y1,y2,-1});
78
```

```
79
       sort(v.begin(),v.end(),cmp);
80
       sort(Y.begin(),Y.end());
81
       for(auto &i:v)
83
          i.y1=lower_bound(Y.begin(),Y.end(),i.y1)-Y.
               begin()+1;
          i.y2=lower_bound(Y.begin(),Y.end(),i.y2)-Y.
85
               begin()+1;
       build(1,1,Y.size());
       11 ans=0;
       for(int i=0;i<=v.size()-2;++i)</pre>
89
90
91
          modi(v[i].y1,v[i].y2-1,v[i].mark);//
          ans+=tr[1].len*(v[i+1].x-v[i].x);
       printf("%11d",ans);
       return 0;
95
   }
96
```

4.2.5 区间图

```
#include <bits/stdc++.h>
   //CF 786B
3
4
       建立两棵线段树分别表示出区间和入区间
5
       第1到n标号的节点表示原来的n个点
6
   using namespace std;
   const int N=1e6+5;//original N=1e5
10
   typedef long long 11;
11
   const 11 inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f;
12
   typedef pair<ll,int> pli;
   int n,q,s;
15
   11 ans[N];
16
   vector<int> e[N];
17
   vector<ll> val[N];
18
   bool vis[N];
19
   void add(int x,int y,int z)
22
       e[x].push_back(y);
23
       val[x].push_back(z);
24
25
   int cnt;
   struct seg
28
29
       int id[N];
30
       void up(int p,bool flg)
31
32
       {
          int u=id[p];
33
          int v=id[p<<1];</pre>
          if(flg) swap(u,v);
35
          add(u,v,011);
36
          u=id[p];
37
          v=id[p<<1|1];
38
          if(flg) swap(u,v);
39
          add(u,v,011);
40
       }
```

```
void build(int flg,int p=1,int l=1,int r=n)
42
43
            id[p]=++cnt;
44
            if(l==r)
            {
46
               int u=id[p];
47
               int v=1;
               if(flg) swap(u,v);
49
               add(u,v,011);
               return;
51
52
            int m=l+r>>1;
53
            build(flg,p<<1,l,m);</pre>
54
            build(flg,p<<1|1,m+1,r);
55
            up(p,flg);
56
57
        void segadd(int u,ll w,int L,int R,bool flg,int p
            =1,int l=1,int r=n)
59
            if(L <= 1\&\&r <= R)
60
            {
                int v=id[p];
               if(flg) swap(u,v);
                add(u,v,w);
                return;
65
66
            int m=l+r>>1;
67
            if(L<=m) segadd(u,w,L,R,flg,p<<1,l,m);</pre>
68
            if(R>m) segadd(u,w,L,R,flg,p<<1|1,m+1,r);
69
        }
    }in,out;
71
72
    void dij()
73
74
        priority_queue<pli,vector<pli>,greater<pli>> q;
75
        q.emplace(011,s);
        memset(ans,0x3f3f,sizeof(ans));
        ans [s]=0;
78
        while(!q.empty())
79
80
            int t=q.top().second;q.pop();
81
            if(vis[t]) continue;
 82
            vis[t]=1;
            for(int i=0;i<e[t].size();++i)</pre>
                int y=e[t][i];
               11 v=val[t][i];
               if(ans[t]+v<ans[y])</pre>
                   ans[y]=ans[t]+v;
                   q.emplace(ans[y],y);
91
                }
92
            }
93
94
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
95
            printf("%11d ",(ans[i]==inf?-111:ans[i]));
    }
    int main()
99
100
        scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
101
102
        cnt=n:
        //the first n points won't change
103
        in.build(0);
104
        out.build(1);
105
```

```
//in tree no flip,out tree must flip
106
        for(int i=1;i<=q;++i)</pre>
107
108
            int t,v,u,l,r;
109
            11 w;
110
            scanf("%d",&t);
111
            if(t==1)
112
113
                scanf("%d%d%lld",&v,&u,&w);
114
               l=r=u;
115
                t=2;
116
117
            else scanf("%d%d%d%lld",&v,&l,&r,&w);
118
            if(t==2) in.segadd(v,w,1,r,0);
119
            else if(t==3) out.segadd(v,w,l,r,1);
120
121
        dij();
        return 0;
123
124
```

4.3 RMQ

4.3.1 一维

```
//dp[i][j]表示从a[i]开始,包括a[i]在内的2的j次方个数字中
   for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
       dp[i][0]=a[i];
   for(int j=1;j<=30;++j){</pre>
4
       for(int i=1;i+(1LL<<(j-1))<=n;++i){</pre>
5
          dp[i][j]=max(dp[i][j-1],dp[i+(1LL<<(j-1))][j]
6
               -1]);//min
       }
8
   int ask(int 1,int r){
10
11
       int k=(int)log2(r-l+1);
12
       return max(dp[1][k],dp[r-(1LL<<k)+1][k]);//min</pre>
   }
13
```

4.3.2 两维

4.4 树链剖分

4.4.1 点剖分

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
6
      轻重链剖分 单次复杂度 O(log^2(n))
      a[i] 表示dfs标号为i的点的值,而非点i的值
      1 x y z 表示将树从x到y结点最短路径上所有节点值都加上z
      2 x y 表示求树从x到y结点最短路径上所有节点值之和
      3 x z 表示将以x为根节点的子树内所有节点值都加上z
10
      4 x 表示求以x为根节点的子树内所有节点值之和
11
12
13
   const int MAXN=100005;
14
   11 mod,lazy[MAXN<<2],seg[MAXN<<2],a[MAXN],tmp[MAXN];</pre>
15
   int n,q,r,cnt,tot,dep[MAXN],top[MAXN],id[MAXN],son[
      MAXN], num[MAXN], fa[MAXN];
  vector<int> e[MAXN];
```

```
83
    void dfs1(int now,int f)
                                                                    84
19
                                                                            pushup(rt);
       dep[now]=dep[f]+1;
       fa[now]=f;
       num[now]=1;
       son[now]=0;
                                                                    89
       for(auto to:e[now])
                                                                    90
                                                                            int m=l+r>>1;
           if(to==f) continue;
                                                                            11 ret=0;
           dfs1(to,now);
           num[now]+=num[to];
29
                                                                    94
           if(num[to]>num[son[now]]) son[now]=to;
30
                                                                    95
                                                                            pushup(rt);
31
                                                                    96
                                                                            return ret;
    }
32
                                                                    97
    void dfs2(int now,int f)
                                                                        int main()
35
                                                                   100
       id[now]=++cnt;
36
                                                                   101
       top[now]=f;
                                                                   102
       if(son[now]) dfs2(son[now],f);
       for(auto to:e[now])
           if(to!=fa[now]&&to!=son[now])
               dfs2(to,to);
42
                                                                   107
43
                                                                   108
    inline void pushdown(int rt,ll lnum,ll rnum)
                                                                            num[0]=0, dep[r]=0;
44
                                                                   109
                                                                            dfs1(r,r);
45
                                                                   110
       if(!lazy[rt]) return;
                                                                           dfs2(r,r);
                                                                   111
       seg[rt << 1] = (seg[rt << 1] + lazy[rt] * lnum%mod)%mod;
       seg[rt<<1|1]=(seg[rt<<1|1]+lazy[rt]*rnum%mod)%mod;</pre>
                                                                            build(1,1,n);
                                                                   113
       lazy[rt<<1]=(lazy[rt<<1]+lazy[rt])%mod;</pre>
49
                                                                   114
       lazy[rt<<1|1]=(lazy[rt<<1|1]+lazy[rt])%mod;
                                                                            while(q--)
50
                                                                   115
       lazy[rt]=0;
51
                                                                   116
52
                                                                   117
53
                                                                   118
    inline void pushup(int rt)
                                                                               if(op==4)
54
                                                                   119
                                                                               {
55
                                                                   120
       seg[rt]=(seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1])%mod;
56
                                                                   121
                                                                                        [x]-1));
57
                                                                                   continue;
58
                                                                   122
    void build(int rt,int l,int r)
                                                                   123
                                                                               if(op==1)
    {
       lazy[rt]=0;
       if(l==r)
                                                                   126
           seg[rt]=a[1]%mod;
           return;
       int m=l+r>>1;
                                                                   131
       if(l<=m) build(rt<<1,1,m);
                                                                   132
       if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);</pre>
69
                                                                   133
       pushup(rt);
70
                                                                   134
71
                                                                   135
                                                                               else if(op==2)
72
                                                                   136
    void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll x)
73
                                                                   137
    {
                                                                   138
       if(L<=1&&r<=R)
                                                                                   11 ans=0;
75
                                                                   139
                                                                   140
           lazy[rt]=(lazy[rt]+x)%mod;
                                                                   141
           seg[rt]=(seg[rt]+x*(r-l+1)%mod)%mod;
                                                                   142
           return;
                                                                   143
                                                                                            mod;
       int m=l+r>>1;
81
                                                                   144
       pushdown(rt,m-l+1,r-m);
                                                                                   }
                                                                   145
82
```

```
if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,x);</pre>
   if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,x);
11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
   if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
   pushdown(rt,m-l+1,r-m);
   if(L<=m) ret=(ret+query(rt<<1,1,m,L,R))%mod;</pre>
   if(m<R) ret=(ret+query(rt<<1|1,m+1,r,L,R))%mod;
   scanf("%d%d%d%11d",&n,&q,&r,&mod);
   for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%11d",&tmp[i]);</pre>
   for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
       scanf("%d%d",&x,&y);
       e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
   for(int i=1;i<=n;i++) a[id[i]]=tmp[i];</pre>
       int op,x,y;ll z;
       scanf("%d%d",&op,&x);
          printf("%1ld\n",query(1,1,n,id[x],id[x]+num])
          scanf("%d%11d",&y,&z);z%=mod;
          while(top[x]!=top[y])
              if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
              modify(1,1,n,id[top[x]],id[x],z);
              x=fa[top[x]];
          if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
          modify(1,1,n,id[x],id[y],z);
          scanf("%d",&y);
          while(top[x]!=top[y])
              if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
              ans=(ans+query(1,1,n,id[top[x]],id[x]))%
              x=fa[top[x]];
```

42

int p=bst[rt].rc;

```
if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
                                                                          bst[rt].rc=bst[p].lc;
146
                                                               45
              ans=(ans+query(1,1,n,id[x],id[y]))%mod;
                                                                          bst[p].lc=rt;
147
                                                               46
              printf("%11d\n",ans);
                                                                          rt=p;
                                                               47
           }
                                                                          pushup(bst[rt].lc);pushup(rt);
           else
                                                                      }
                                                               49
150
                                                               50
              scanf("%11d",&z);z%=mod;
                                                                      int new_node(int val)
                                                               51
              modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);
                                                               52
                                                                          bst[++tot].val=val;
                                                                          bst[tot].dat=rand();
155
       return 0;
                                                                          bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
156
                                                               55
                                                                          bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
157
                                                               56
                                                                          return tot;
                                                               57
                                                                      }
                                                               58
    4.4.2 边剖分
                                                                      void build()
          平衡树
    4.5
                                                                          new node(-inf);new node(inf);
    4.5.1 Treap
                                                                          root=1,bst[1].rc=2;
                                                                          pushup(1);
    #include <bits/stdc++.h>
                                                                      }
    using namespace std;
                                                                      void _insert(int &rt,int val)
    const int MAXN=1e5+5;
    const int inf=0x7ffffffff;
                                                                          if(rt==0)
                                                               69
    int n,op,x;
                                                               70
                                                                             rt=new_node(val);
                                                               71
                                                                             return;
       树内初始化时有无穷大和无穷小两个结点
       _delete(root,x) 删除一个x
                                                                          if(bst[rt].val==val)
10
       _insert(root,x) 插入一个x
11
       getRank(root,x) 返回x的排名+1(包含了无穷小)
                                                                             bst[rt].cnt++;
                                                               76
       getVal(root,x+1) 返回排名为x的数
                                                                             pushup(rt);
       getPrev(x) x的前驱
14
                                                                             return;
       getNext(x) x的后继
15
                                                                          if(val<bst[rt].val)</pre>
16
    namespace Treap
                                                                              insert(bst[rt].lc,val);
                                                               82
                                                                             if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].lc].dat) zig(rt)</pre>
                                                               83
       int tot,root;
       struct node
                                                                          }
21
                                                               84
                                                                          else
22
           int cnt,val,dat,siz,lc,rc;
23
       }bst[MAXN];
24
                                                                              _insert(bst[rt].rc,val);
                                                                             if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].rc].dat) zag(rt)</pre>
       inline void pushup(int rt)
           bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
                                                                          pushup(rt);
           if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
                                                                      }
               siz;
           if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
                                                                      void delete(int &rt,int val)
                                                               93
               siz;
                                                               94
       }
                                                                          if(rt==0) return;
                                                               95
                                                                          if(bst[rt].val==val)
32
                                                               96
       inline void zig(int &rt)
33
                                                               97
                                                                             if(bst[rt].cnt>1)
34
           int p=bst[rt].lc;
35
                                                                             {
           bst[rt].lc=bst[p].rc;
                                                                                 bst[rt].cnt--;
                                                               100
           bst[p].rc=rt;
                                                                                 pushup(rt);
                                                               101
                                                                                 return;
                                                               102
           pushup(bst[rt].rc);pushup(rt);
                                                                             if(bst[rt].rc||bst[rt].lc)
                                                               105
       inline void zag(int &rt)
```

106

107

if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>

108

116

118

119

120

121

131

132

133

134

137

139

143

144

145

146

152

156

157

158

159

162

163

168

```
bst[bst[rt].lc].dat)
              zig(rt),_delete(bst[rt].rc,val);
              zag(rt),_delete(bst[rt].lc,val);
          pushup(rt);
       }
      else rt=0;
      return;
   if(val<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,val);</pre>
   else _delete(bst[rt].rc,val);
   pushup(rt);
int getPrev(int val)
   int ret=1,rt=root;
   while(rt)
   {
       if(bst[rt].val==val)
          if(bst[rt].lc)
          {
             rt=bst[rt].lc;
             while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
             ret=rt;
          break;
      if(bst[rt].val<val&&bst[rt].val>bst[ret].
           val) ret=rt;
       if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
       else rt=bst[rt].rc;
   return bst[ret].val;
int getNext(int val)
   int ret=2,rt=root;
   while(rt)
   {
       if(bst[rt].val==val)
          if(bst[rt].rc)
          {
             rt=bst[rt].rc;
             while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
             ret=rt;
          break;
      if(bst[rt].val>val&&bst[rt].val<bst[ret].</pre>
           val) ret=rt;
      if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
      else rt=bst[rt].rc;
   return bst[ret].val;
}
int getRank(int rt,int val)
   if(rt==0) return 0;
   if(val==bst[rt].val) return bst[bst[rt].lc].
```

```
if(val<bst[rt].val) return getRank(bst[rt].lc,</pre>
169
           else return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt+
170
                getRank(bst[rt].rc,val);
        }
171
172
        int getVal(int rt,int k)
173
174
           if(rt==0) return inf;
           if(bst[bst[rt].lc].siz>=k) return getVal(bst[
176
                rt].lc,k);
           if(bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt>=k) return
177
                bst[rt].val;
           return getVal(bst[rt].rc,k-bst[bst[rt].lc].siz
178
                -bst[rt].cnt);
        }
179
180
    int main()
182
183
        using namespace Treap;
        srand(time(0));
185
        build();
        scanf("%d",&n);
        while(n--)
188
189
           scanf("%d%d",&op,&x);
190
191
           if(op==1) _insert(root,x);
           else if(op==2) _delete(root,x);
192
           else if(op==3) printf("%d\n",getRank(root,x)
193
                -1);
           else if(op==4) printf("%d\n",getVal(root,x+1))
194
           else if(op==5) printf("%d\n",getPrev(x));
195
           else if(op==6) printf("%d\n",getNext(x));
196
        return 0;
199
```

4.5.2 Splay

4.5.3 **红黑树-pbds**

4.6 动态树

4.7 主席树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       离散化+区间k小
   const int MAXN=200005;
   int n,m,a[MAXN],tmp[MAXN],org[MAXN],root[MAXN],tot=0;
   struct tree
       int cnt,lc,rc;
12
   }seg[30*MAXN];
13
   int build(int l,int r)
15
       int p=tot++;
       if(l==r)
19
          seg[p].cnt=0;
20
          return p;
21
22
       int m=l+r>>1;
       seg[p].lc=build(1,m);
       seg[p].rc=build(m+1,r);
       seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
       return p;
   }
   int modify(int rt,int l,int r,int x)
31
       int p=tot++;
32
       seg[p]=seg[rt];
33
       if(1==r)
34
          seg[p].cnt++;
          return p;
       int m=l+r>>1;
       if(x<=m) seg[p].lc=modify(seg[rt].lc,l,m,x);</pre>
40
       else seg[p].rc=modify(seg[rt].rc,m+1,r,x);
       seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
       return p;
45
   int query(int p,int q,int l,int r,int k)
46
47
       if(l==r) return 1;
48
       int m=l+r>>1;
       int lcnt=seg[seg[q].lc].cnt-seg[seg[p].lc].cnt;
       if(lcnt>=k) return query(seg[p].lc,seg[q].lc,l,m,k
           );
       else return query(seg[p].rc,seg[q].rc,m+1,r,k-lcnt
           );
   }
   int main()
55
56
       scanf("%d%d",&n,&m);
57
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
58
          scanf("%d",a+i),tmp[i]=a[i];
59
       sort(tmp+1,tmp+n+1);
       root[0]=build(1,n);
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
63
```

```
int k=lower_bound(tmp+1,tmp+n+1,a[i])-tmp;
org[k]=a[i];
a[i]=k;
root[i]=modify(root[i-1],1,n,a[i]);

while(m--)

int x,y,k;
scanf("%d%d%d",&x,&y,&k);
printf("%d\n",org[query(root[x-1],root[y],1,n,k)]);

return 0;
}
```

4.8 树套树

4.8.1 线段树套 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       空间 O(nlogn)
       单点修改,区间rank,前驱后继(不存在则为±2147483647) 单
           次 O(log^2(n))
       区间排名为k的值 单次 O(log^3(n))
   const int inf=2147483647;
   const int MAXN=50005;
   int root[MAXN<<2],n,m,a[MAXN];</pre>
   struct Treap
13
14
       int tot;
15
       struct node
16
          int lc,rc,dat,val,cnt,siz;
       }bst[MAXN*4*20];
20
       int newnode(int v)
21
22
          bst[++tot].val=v;
23
          bst[tot].dat=rand();
          bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
          bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
          return tot;
       }
       void zig(int &rt)
          int p=bst[rt].lc;
          bst[rt].lc=bst[p].rc;
33
          bst[p].rc=rt;
34
          rt=p;
35
          pushup(bst[rt].rc);
36
          pushup(rt);
37
39
       void zag(int &rt)
40
          int p=bst[rt].rc;
42
          bst[rt].rc=bst[p].lc;
43
          bst[p].lc=rt;
44
          rt=p;
```

46

47

48

50 51

54

55

56

57

58

61

62

63

68

69

70

71

76

80

81

82

83

89

93

94

95

96

97

100

101

102

103

104

105

106

```
pushup(bst[rt].lc);
                                                            107
   pushup(rt);
}
                                                            108
                                                            109
void pushup(int rt)
                                                            110
                                                            111
   bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
                                                            112
   if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
                                                            113
    if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
                                                            115
        siz:
}
                                                            116
int build()
                                                            117
    int rt=newnode(-inf);
                                                            118
   bst[rt].rc=newnode(inf);
                                                            119
   pushup(rt);
                                                            120
   return rt;
                                                            121
}
                                                            122
                                                            123
void delete(int &rt,int x)
                                                            124
    if(bst[rt].val==x)
    {
                                                            125
       if(bst[rt].cnt>1)
                                                            126
           bst[rt].cnt--;
                                                            127
           pushup(rt);
                                                            128
           return;
                                                            129
                                                            130
       if(bst[rt].lc||bst[rt].rc)
                                                            131
                                                            132
           if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
                                                            133
                bst[bst[rt].lc].dat)
                                                            134
               zig(rt),_delete(bst[rt].rc,x);
                                                            135
           else
                                                            136
               zag(rt),_delete(bst[rt].lc,x);
                                                            137
           pushup(rt);
                                                            138
       }
                                                            139
       else rt=0;
                                                            140
       return;
                                                            141
                                                            142
   if(x<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,x);</pre>
   else delete(bst[rt].rc,x);
   pushup(rt);
                                                            144
}
                                                            145
                                                            146
void _insert(int &rt,int x)
                                                            147
                                                            148
    if(rt==0)
                                                            149
    {
                                                            150
       rt=newnode(x);
                                                            151
       return;
                                                            152
                                                            153
    if(bst[rt].val==x) bst[rt].cnt++;
                                                            154
   else if(x<bst[rt].val)</pre>
                                                            155
                                                            156
        insert(bst[rt].lc,x);
                                                            157
       if(bst[bst[rt].lc].dat>bst[rt].dat) zig(rt)
                                                            158
                                                            159
    }
                                                            160
   else
                                                            161
                                                            162
        _insert(bst[rt].rc,x);
                                                            163
```

```
if(bst[bst[rt].rc].dat>bst[rt].dat) zag(rt)
   pushup(rt);
}
int get_rank(int rt,int x)
   if(!rt) return 1;
   if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz
   if(x<bst[rt].val) return get rank(bst[rt].lc,x</pre>
   else return get_rank(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt
       ].lc].siz+bst[rt].cnt;
}
int get num(int rt,int x)
   if(!rt) return 0;
   if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+
       bst[rt].cnt;
   if(x<bst[rt].val) return get_num(bst[rt].lc,x)</pre>
   else return get num(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].
       lc].siz+bst[rt].cnt;
}
int get_prev(int rt,int x)
   int ret=-inf;
   while(rt)
      if(bst[rt].val==x)
          if(bst[rt].lc)
             rt=bst[rt].lc;
             while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
             ret=bst[rt].val;
          break;
      if(bst[rt].val<x&&bst[rt].val>ret) ret=bst[
           rt].val;
      if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
      else rt=bst[rt].rc;
   }
   return ret;
int get_nxt(int rt,int x)
{
   int ret=inf;
   while(rt)
      if(bst[rt].val==x)
          if(bst[rt].rc)
             rt=bst[rt].rc;
             while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
             ret=bst[rt].val;
          break;
```

```
164
               if(bst[rt].val>x&&bst[rt].val<ret) ret=bst[</pre>
165
                    rtl.val:
               if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
                else rt=bst[rt].rc;
167
168
            return ret;
169
170
    }treap;
    void build(int rt,int l,int r)
173
174
        root[rt]=treap.build();
175
        if(l==r) return;
176
        int m=l+r>>1;
177
        build(rt<<1,1,m);</pre>
        build(rt<<1|1,m+1,r);
    }
180
    void modify(int rt,int l,int r,int x,int v,int y)
182
183
        if(y==-1) treap._delete(root[rt],v);
        else treap._insert(root[rt],v);
        if(l==r) return;
        int m=l+r>>1;
187
        if(x<=m) modify(rt<<1,1,m,x,v,y);</pre>
188
        else modify(rt<<1|1,m+1,r,x,v,y);</pre>
189
190
    }
191
    int query(int rt,int l,int r,int op,int L,int R,int x
192
193
        if(L <= 1\&\&r <= R)
194
195
            if(op==1) return treap.get_rank(root[rt],x)-2;
            if(op==2) return treap.get num(root[rt],x)-1;
            if(op==4) return treap.get_prev(root[rt],x);
            if(op==5) return treap.get nxt(root[rt],x);
199
200
        int m=l+r>>1,ret;
201
        if(op==1||op==2)
202
            ret=0;
            if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,op,L,R,x);
            if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x);
206
207
        if(op==4)
            ret=-inf:
            if(L<=m) ret=max(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
            if(m<R) ret=max(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
212
                ,x));
213
        if(op==5)
214
            ret=inf;
            if(L<=m) ret=min(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
217
            if(m<R) ret=min(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
218
                ,x));
        return ret;
    }
221
222
```

```
int main()
223
224
        srand(time(0));
225
        scanf("%d%d",&n,&m);
226
        build(1,1,n);
227
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
228
229
            scanf("%d",a+i);
230
            modify(1,1,n,i,a[i],1);
        while(m--)
234
            int op,1,r,k,pos;
235
            scanf("%d",&op);
236
            if(op==1)
237
238
                scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
                printf("%d\n", query(1,1,n,op,l,r,k)+1);
240
241
            else if(op==2)
242
243
                scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
244
                int L=-inf,R=inf,mid;
               while(L<R)</pre>
247
                   mid=(L+R+1)>>1;
248
                   if(query(1,1,n,1,l,r,mid)+1>k) R=mid-1;
249
                        else L=mid;
250
                printf("%d\n",L);
            else if(op==3)
253
254
                scanf("%d%d",&pos,&k);
255
256
               modify(1,1,n,pos,a[pos],-1);
                a[pos]=k;
               modify(1,1,n,pos,k,1);
259
            else
260
261
            {
                scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
262
                printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k));
263
        return 0;
266
    }
267
```

4.8.2 树状数组套线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
3
4
      带单点修区间k小
5
     用的时候注意下空间 时空 O(nlog^2(n))
     外层 add(pos,x,y) 空间上为pos的点且值域上为x的点加上y
         query(1,r,k) 询问区间[1,r]里k小
     内层 modify 值域线段树动态开点
         query 值域线段树区间k小
10
     VAL 值域大小
11
   */
12
  const int MAXN=200005;
  int n,a[MAXN],X[MAXN],Y[MAXN],c1,c2,VAL;
```

```
struct SEG
16
17
       int root[MAXN],lc[MAXN*500],rc[MAXN*500],cnt[MAXN
            *500],tot;
       void modify(int &rt,int l,int r,int x,int y)
19
20
           if(rt==0) rt=++tot;
21
           cnt[rt]+=y;
22
           if(l==r) return;
           int m=l+r>>1;
           if(x<=m) modify(lc[rt],1,m,x,y);</pre>
           else modify(rc[rt],m+1,r,x,y);
26
27
       int query(int 1,int r,int k)
28
29
           if(l==r) return 1;
           int sum=0, m=1+r>>1;
           for(int i=0;i<c1;i++) sum-=cnt[lc[X[i]]];</pre>
32
           for(int i=0;i<c2;i++) sum+=cnt[lc[Y[i]]];</pre>
33
           if(sum>=k)
34
           {
               for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=lc[X[i]];</pre>
              for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=lc[Y[i]];</pre>
              return query(1,m,k);
           }
39
           else
40
41
               for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=rc[X[i]];</pre>
42
              for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=rc[Y[i]];</pre>
              return query(m+1,r,k-sum);
       }
46
   }seg;
47
   void add(int pos,int x,int y)
49
50
       for(;pos<=n;pos+=pos&-pos) seg.modify(seg.root[pos</pre>
51
            ],1,VAL,x,y);
52
53
   int query(int 1,int r,int k)
54
55
   1
       c1=c2=0;
       for(int i=1-1;i;i-=i&-i) X[c1++]=seg.root[i];
       for(int i=r;i;i-=i&-i) Y[c2++]=seg.root[i];
58
       return seg.query(1,VAL,k);
59
   }
60
```

4.9 K-D Tree

```
#include<bits/stdc++.h>
#define fi first
#define se second
using namespace std;
//HDOJ 4347

/*

给出 n 个 K 维的点,又给出 t 个查询,每个查询也给出一个 K 维的点,要求查询 n 个点中距离这个点最近的 M 个点。

*/

const int maxn=5e4+10;
const int maxk=5;
```

```
int k,idx;
13
   struct Point
14
15
       int x[maxk];
16
       bool operator<(const Point &o)const</pre>
17
18
           return x[idx]<o.x[idx];</pre>
19
20
21
       void print()
       1
23
           for(int i=0;i<k;i++) printf("%d%c",x[i],(i==k)</pre>
                -1)?'\n':' ');
24
   }poi[maxn];
25
    typedef pair<double,Point> P;
    priority_queue<P> Q;
27
   void clear(priority_queue<P> &Q)
29
       if(Q.empty()) return;
30
       priority_queue<P> tp;
31
32
       swap(Q,tp);
33
   struct kdTree
34
35
       #define sqr(x) ((x)*(x))
36
       #define ls (rt<<1)
37
       #define rs (rt<<1|1)
38
       Point o[maxn<<2];
39
       int son[maxn<<2];</pre>
40
       void build(int rt,int l,int r,int dep)
43
       {
           if(l>r) return;
44
           son[rt]=r-1, son[ls]=son[rs]=-1;
45
           idx=dep%k;
46
           int mid=(l+r)>>1;
           nth_element(poi+l,poi+mid,poi+r+1);
48
           o[rt]=poi[mid];
49
           build(ls,1,mid-1,dep+1);
50
           build(rs,mid+1,r,dep+1);
51
52
       void query(int rt,Point p,int m,int dep)
53
           if(son[rt]==-1) return;
           P nd(0,o[rt]);
56
           for(int i=0;i<k;i++) nd.fi+=sqr(nd.se.x[i]-p.x</pre>
57
                [i]);
           int dim=dep%k, x=ls, y=rs; bool fg=0;
           if(p.x[dim]>=o[rt].x[dim]) swap(x,y);
           if(~son[x]) query(x,p,m,dep+1);
           if(Q.size()<m) Q.push(nd), fg=1;</pre>
61
62
63
              if(nd.fi<Q.top().fi) Q.pop(), Q.push(nd);</pre>
64
              if(sqr(p.x[dim]-o[rt].x[dim])<Q.top().fi)</pre>
65
                   fg=1;
           if(~son[y] && fg) query(y,p,m,dep+1);
67
   }kdt;
   int n;
71
   int main()
72
73
       while(scanf("%d%d",&n,&k)!=EOF)
74
```

```
75
          for(int i=0;i<n;i++) for(int j=0;j<k;j++)</pre>
76
               scanf("%d",&(poi[i].x[j]));
          kdt.build(1,0,n-1,0);
           int t; scanf("%d",&t);
           stack<Point> ans;
79
          while(t--)
80
              Point qry;
              for(int i=0;i<k;i++) scanf("%d",&qry.x[i]);</pre>
              int m; scanf("%d",&m);
              clear(Q);
85
              kdt.query(1,qry,m,0);
86
              printf("the closest %d points are:\n",m);
87
              while(Q.size()) ans.push(Q.top().se), Q.pop
              while(ans.size()) ans.top().print(), ans.
                  pop();
           }
90
       }
91
   }
```

4.10 分治

4.10.1 CDQ

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
2
3
       严格大于的三维偏序
       无法处理重复的数字,但是注意"大于"的神秘排序方法
   const int N=500005;
   int n,c[N];
11
   struct node{
12
       int a,b,c,cnt;
13
   }o[N],t[N];
14
15
   bool cmp(node a,node b){
16
       if(a.a!=b.a) return a.a>b.a;
17
       else return a.c<b.c;</pre>
   }
19
20
   inline int lowbit(int x){return x&-x;}
21
   int tr[N];
22
   void add(int x,int y){
       for(;x<=n;x+=lowbit(x)) tr[x]+=y;</pre>
   int sum(int x){
26
       int res=0;
27
       for(;x;x-=lowbit(x)) res+=tr[x];
28
       return res;
29
   }
30
   void cdq(int l,int r){
32
       if(l==r) return;
33
       int m=(1+r)/2;
34
       cdq(1,m);
35
       cdq(m+1,r);
       int p=1,q=m+1,tot=1;
       while(p<=m&&q<=r){</pre>
```

```
if(o[p].b>o[q].b) add(o[p].c,1),t[tot++]=o[p]
39
           else o[q].cnt+=sum(n)-sum(o[q].c),t[tot++]=o[q]
40
41
       while(p<=m) add(o[p].c,1),t[tot++]=o[p++];</pre>
42
       while(q <= r) o[q].cnt+=sum(n)-sum(o[q].c),t[tot++]=
43
            o[q++];
       for(int i=1;i<=m;++i) add(o[i].c,-1);</pre>
44
       for(int i=1;i<=r;++i) o[i]=t[i];</pre>
45
46
47
   int main()
48
49
       scanf("%d",&n);
50
       for(int i=1;i<=n;++i) scanf("%d",&o[i].a);</pre>
51
       for(int i=1;i<=n;++i) scanf("%d",&o[i].b);</pre>
       for(int i=1;i<=n;++i) scanf("%d",&o[i].c),c[i]=o[i</pre>
53
            1.c;
       sort(c+1,c+1+n);
54
       for(int i=1;i<=n;++i) o[i].c=lower_bound(c+1,c+1+n</pre>
            ,o[i].c)-c;
       sort(o+1,o+1+n,cmp);
       cdq(1,n);
       int ans=0;
       for(int i=1;i<=n;++i) if(o[i].cnt>0) ans++;
       printf("%d",ans);
       return 0;
61
```

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
2
3
       解决有等于的三维偏序
5
       严格小于等于的个数, 可以解决重复问题, 有离散化
6
7
   const int maxn=500005;
   int n,k;
11
   int cnt[maxn];//save the ans
12
   struct ss{
13
       int a,b,c,w,ans;
   }tmps[maxn],s[maxn];//struct
   bool cmp1(ss x,ss y){//sort1
16
       if(x.a==y.a){
17
          if(x.b!=y.b) return x.b<y.b;</pre>
18
          else return x.c<y.c;</pre>
19
20
       else return x.a<y.a;</pre>
   bool cmp2(ss x,ss y){//sort2
23
       if(x.b!=y.b) return x.b<y.b;</pre>
^{24}
       else return x.c<y.c;</pre>
25
   }
26
27
   struct tree_array{//tree_array
       int tr[maxn+5],n;
29
       int lowbit(int x){return x&-x;}
30
       int ask(int x){int ans=0;for(;x;x-=lowbit(x))ans+=
31
           tr[x];return ans;}
       void add(int x,int y){for(;x<=n;x+=lowbit(x))tr[x</pre>
32
           ]+=y;}
   }t;
```

```
void cdq(int 1,int r){
35
       if(l==r) return;
       int m=l+r>>1;
       cdq(1,m);
       cdq(m+1,r);
       sort(s+l,s+m+1,cmp2);
       sort(s+m+1,s+r+1,cmp2);//sort2
       int i=1, j=m+1;
       for(;j<=r;++j){</pre>
           while(i <= m\&\&s[i].b <= s[j].b){//the second
              t.add(s[i].c,s[i].w);//use the tree_array
45
                  to save the ans
              ++i;
           }
          s[j].ans+=t.ask(s[j].c);//contribution
       for(int j=1;j<i;++j)</pre>
          t.add(s[j].c,-s[j].w);//init the first half
   int main(){
       scanf("%d%d",&n,&k);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
56
           scanf("%d%d%d",&tmps[i].a,&tmps[i].b,&tmps[i].
57
       sort(tmps+1,tmps+1+n,cmp1);//sort1
       int now=0,nn=0;
       for(int i=1;i<=n;++i){</pre>
           if(tmps[i].a!=tmps[i+1].a||tmps[i].b!=tmps[i
               +1].b
           ||tmps[i].c!=tmps[i+1].c){
              s[++nn]=tmps[i];
              s[nn].w=now;
              now=0;
           }//compress the same
67
68
       t.n=maxn;//tree_array on the range
69
       cdq(1,nn);
70
       for(int i=1;i<=nn;++i)</pre>
           cnt[s[i].ans+s[i].w-1]+=s[i].w;//
       for(int i=0;i<n;++i)
          printf("%d\n",cnt[i]);
       return 0;
75
   }
76
```

4.10.2 点分治

4.10.3 dsu on tree

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*

统计每颗子树内的出现次数最多的数(们)的和复杂度 O(nlogn)

*/

int n,c[100005],cnt[100005],mx,son[100005],siz
[100005],hson;
ll ans[100005],sum;
vector<int> e[100005];
```

```
void dfs1(int now,int fa)
14
       son[now]=0,siz[now]=1;
16
       for(auto to:e[now])
17
           if(to==fa) continue;
19
           dfs1(to,now);
           siz[now]+=siz[to];
           if(siz[to]>siz[son[now]]) son[now]=to;
22
23
24
25
    void cal(int now,int fa,int y)
26
27
       cnt[c[now]]+=y;
28
       if(cnt[c[now]]==mx) sum+=c[now];
       else if(cnt[c[now]]>mx) mx=cnt[c[now]],sum=c[now];
30
       for(auto to:e[now])
31
           if(to!=fa&&to!=hson) cal(to,now,y);
32
33
   void dfs2(int now,int fa,int keep)
35
36
       for(auto to:e[now])
37
38
           if(to==fa||to==son[now]) continue;
39
           dfs2(to,now,0);
40
41
       if(son[now]) dfs2(son[now],now,1);
       hson=son[now];
       cal(now,fa,1);
       hson=0;
45
46
       ans[now]=sum;
       if(!keep) cal(now,fa,-1),sum=0,mx=0;
47
48
   int main()
50
51
       scanf("%d",&n);
52
       for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",c+i);</pre>
53
       for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
57
       }
       dfs1(1,1);
       dfs2(1,1,1);
       for(int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",ans[i]);</pre>
       return 0;
   }
63
```

4.10.4 整体二分

4.11 分块

4.11.1 普通分块

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P3203

using namespace std;
const int N=500005;

int n,m,tot;
int a[N],cnt[N],pos[N];
```

```
int id[N],from[N],to[N];
   int o,x,y;
9
   void modify(int i)
11
12
       if(i+a[i]>n)
13
14
15
           pos[i]=i;
           cnt[i]=0;
           return;
       if(id[i]==id[i+a[i]])
19
20
           pos[i]=pos[i+a[i]];
21
           cnt[i]=cnt[i+a[i]]+1;
22
       }
       else
25
           pos[i]=i+a[i];
26
           cnt[i]=1;
       }
    }
    void ask(int x)
31
32
       int p=x,res=0;
33
       while(p!=pos[p])
34
35
           res+=cnt[p],
           p=pos[p];
       printf("%d\n",res+1);
   }
39
   int main()
40
41
       scanf("%d",&n);
42
       tot=(int)sqrt(n);
       for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
45
           from[i]=(i-1)*tot+1;
46
           to[i]=i*tot;
47
48
       if(to[tot]<n)</pre>
49
           tot++;
           from[tot]=to[tot-1];
52
           to[tot]=n;
53
       for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
           for(int j=from[i];j<=to[i];++j)</pre>
               id[j]=i;
59
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
60
           scanf("%d",&a[i]);
61
       for(int i=n;i>=1;--i)
62
           modify(i);
       scanf("%d",&m);
       while(m--)
65
66
           scanf("%d",&o);
67
           if(o==2)
               scanf("%d%d",&x,&y);
               x++;
71
               a[x]=y;
72
```

4.11.2 莫队

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3203
    using namespace std;
    const int N=500005;
    int n,m,k,a[N];
    struct node
       int l,r,id,ans;
    }q[N];
10
    int cnt[N],ans[N];
11
12
    bool cmp(node a, node b)
13
14
       if(a.id==b.id)
           if(a.id%2==0) return a.r<b.r;</pre>
17
           else return a.r>b.r;
18
19
       else return a.id<b.id;</pre>
20
21
    int now=0;
23
    void del(int x)
^{24}
25
       now-=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
26
27
       cnt[a[x]]--;
       now+=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
    void add(int x)
30
31
       now-=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
32
       cnt[a[x]]++;
33
       now+=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
34
    int main()
37
38
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
39
       int sz=sqrt(m);
40
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
41
           scanf("%d",&a[i]);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
43
           scanf("%d%d",&q[i].1,&q[i].r),q[i].ans=i;
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
45
           q[i].id=(q[i].l+sz-1)/sz;
46
       sort(q+1,q+1+m,cmp);
47
       int L,R;
       L=R=q[1].1;
49
```

```
R--:
50
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
51
           while(L<q[i].1) del(L++);</pre>
           while(L>q[i].1) add(--L);
           while(R>q[i].r) del(R--);
55
           while(R<q[i].r) add(++R);</pre>
56
           ans[q[i].ans]=now;
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           printf("%d\n",ans[i]);
60
61
        return 0;
    }
62
```

4.12 线性基

```
bool have(int x) 返回线性基中的数字能否表示数字x
      void ins(int x) 插入数字x
      int mn() 返回能表示的最小值
      int mx() 返回能表示的最大值
      void bug() 输出p数组
      int kth(int k) 返回能表示的所有值当中排名第k的
   */
10
   struct LB{
11
      int p[100],N,tmp[100];
12
      bool flag;
13
      LB(){memset(p,0,sizeof(p));memset(tmp,0,sizeof(tmp
          ));flag=0;N=62;}
      void ins(int x){
15
          for(int i=N;i>=0;--i){
16
             if(x&(1LL<<i)){
                if(!p[i]) {p[i]=x;return;sz++;}
                else x^=p[i];
          flag=1;
22
23
      int mx(){
24
          int ans=0;
25
          for(int i=N;i>=0;--i){
             if((ans^p[i])>ans) ans^=p[i];
          return ans;
      }
30
      int mn(){
          if(flag) return 0;
          for(int i=0;i<=N;++i)</pre>
             if(p[i]) return p[i];
35
      bool have(int x){
36
         for(int i=N;i>=0;--i){
37
             if(x&(1LL<<i)){
                if(!p[i]) return 0;
                else x^=p[i];
          return 1;
43
      int kth(int k){
45
          int res=0,cnt=0;
          k-=flag;
```

```
if(!k) return 0;
48
            for(int i=0;i<=N;++i){</pre>
49
                for(int j=i-1;j>=0;--j){
                    if(p[i]&(1LL<<j)) p[i]^=p[j];</pre>
52
                if(p[i]) tmp[cnt++]=p[i];
53
54
            if(k>=(1LL<<cnt)) return -1;//can't find</pre>
            for(int i=0;i<cnt;++i)</pre>
                if(k&(1LL<<i)) res^=tmp[i];</pre>
            return res;
58
59
        void bug(){
60
            for(int i=0;i<=N;++i) cout<<p[i]<<' ';</pre>
61
            cout<<endl;</pre>
62
    }1b;
```

4.13 珂朵莉树

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define int long long //be careful
   //CF896C
   using namespace std;
6
       珂朵莉树的左右split顺序很重要,并且set集合一开始不要为
           空, 否则会RE
   const int N=1000005;
11
   int qpow(int a,int b,int mod)
12
13
       int res=1,tmp=a%mod;
14
       while(b)
15
16
          if(b&1) res=res*tmp%mod;
17
          tmp=tmp*tmp%mod;
18
          b>>=1;
19
20
21
       return res;
22
   struct node
24
25
       int 1,r;
26
       mutable int v;
       node(int L,int R=-1,int V=0):1(L),r(R),v(V){}
       bool operator < (const node& o)const{return 1<0.1</pre>
           ;}
30
   set<node> s;
31
   typedef set<node>::iterator it;
32
33
   it split(int pos)
34
35
       it i=s.lower_bound(node(pos));
36
       if(i!=s.end()&&i->l==pos) return i;
37
38
       int L=i->1,R=i->r,V=i->v;
39
       s.erase(i);
40
       s.insert(node(L,pos-1,V));
41
       return s.insert(node(pos,R,V)).first;
42
```

```
43
44
    void assign(int l,int r,int val)
45
        it ir=split(r+1),il=split(l);
47
        s.erase(il,ir);
48
        s.insert(node(1,r,val));
49
50
    }
    void add(int l,int r,int val)
52
53
        it ir=split(r+1),il=split(l);
54
        for(;il!=ir;il++)
55
           il->v+=val;
56
57
    }
    int rk(int l,int r,int k)
60
        vector<pair<int,int>> v;
61
        it ir=split(r+1),il=split(l);
62
        for(;il!=ir;il++)
           v.emplace_back(il->v,il->r-il->l+1);
        sort(v.begin(),v.end());
        for(int i=0;i<v.size();++i)</pre>
           k-=v[i].second;
68
           if(k<=0) return v[i].first;</pre>
69
70
        return -1; //can't find
71
    }
    int sum(int 1,int r,int ex,int mod)
74
75
       it ir=split(r+1),il=split(l);
76
        int res=0;
        for(;il!=ir;il++)
           res=(res+qpow(il->v,ex,mod)*(il->r-il->l+1)%
79
                mod)%mod;
        return res;
80
    }
81
82
    inline int read(){
        char ch=getchar();int s=0,w=1;
       while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
       while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
86
            getchar();}
       return s*w;
    inline void write(int x){
        if(x<0)putchar('-'),x=-x;
        if(x>9)write(x/10);
91
        putchar(x%10+48);
92
    }
93
    //Fast I/O
94
    int n,m,seed,vmax,a[N];
    int rnd()
98
        int ret=seed;
99
        seed=(seed*7+13)%1000000007;
100
        return ret;
101
102
    signed main()
104
    {
105
```

```
n=read(),m=read(),seed=read(),vmax=read();
106
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
107
108
            a[i]=(rnd()%vmax)+1;
109
            s.insert(node(i,i,a[i]));
110
111
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
112
113
            int op=(rnd()%4)+1;
            int l=(rnd()%n)+1;
115
            int r=(rnd()%n)+1;
116
            if(1>r) swap(1,r);
117
            int x,y;
118
            if(op==3) x=(rnd()%(r-1+1))+1;
119
120
            else x=(rnd()%vmax)+1;
            if(op==4) y=(rnd()%vmax)+1;
121
122
            switch(op)
            {
123
                case 1:
124
                   add(1,r,x);break;
125
               case 2:
                   assign(l,r,x);break;
128
                case 3:
                   write(rk(l,r,x)),puts("");break;
                case 4:
130
                   write(sum(1,r,x,y)),puts("");break;
131
            }
132
133
134
        return 0;
136
```

4.14 跳舞链

5 动态规划

5.1 SOS

```
/*
(1<<N)-1-a[i]是a[i]的补集

*/

for(int i=0;i<(1<<N);i++) dp[i]=a[i];
for(int i=0;i<N;i++)

for(int mask=0;mask<(1<<N);mask++)

if(mask&(1<<ii))

dp[mask]+=dp[mask^(1<<ii)];
```

- 5.2 动态 DP
- 5.3 插头 DP
- 6 数学
- 6.1 三分

第 36 页

```
if(judge(lm)>judge(rm)) l=lm;
       else r=rm;
   }
   //整数极小值
10
   while(l+1<r)</pre>
11
12
13
       int lm=(l+r)>>1,rm=(lm+r)>>1;
14
       if(judge(lm)>judge(rm)) l=lm;
       else r=rm;
15
16
17
   //浮点数极大值
18
   while(l+eps<r)</pre>
19
   {
20
       double lm=(1+r)/2, rm=(1m+r)/2;
21
       if(judge(lm)>judge(rm)) r=rm;
       else l=lm;
23
   }
24
25
   //整数极大值
26
   while(l+1<r)</pre>
27
       int lm=(l+r)>>1,rm=(lm+r)>>1;
       if(judge(lm)>judge(rm)) r=rm;
30
       else l=lm;
31
   }
32
```

- 6.2 矩阵类
- 6.3 质数筛
- 6.3.1 埃筛
- 6.3.2 线筛
- 6.4 质数判定
- 6.4.1 Miller Rabin

```
0 < x < p, p x^2 \equiv 1 \pmod{p} \Leftrightarrow x = 1 \ x = p - 1
0 < a < p, p \Rightarrow a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}
```

判错概率不超过 $4^{-S}(S)$,时间复杂度 OS*logn

```
//HDU2138多组输入判断n个数中几个是质数
   #include <cstdio>
   #include <cstdlib>
   #include <ctime>
   #include <random>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   inline ll qpow(ll a, ll b, ll P)\{ //a^b\%P \}
      ll ans=1;
10
      for(; b; b>>=1,a=a*a%P)
11
         if(b&1) ans=ans*a%P;
12
   return ans;}
13
14
   inline bool MR(int tc, ll n){ //用随机测试数据tc测n, 返
       回n是质数?1:0
      ll u=n-1, t=0;
16
      while(!(u&1)) ++t, u>>=1; //把n-1表示为u*2^t, 循环
17
           到u为奇数为止
      11 x=qpow(tc,u,n);
18
      if(x==1) return 1;
      for(int i=1; i<=t; ++i,x=x*x%n)</pre>
```

```
if(x!=n-1&&x!=1&&x*x%n==1) return 0;
21
       return x==1;
22
23
   }
   mt19937 64 rnd(time(0)); //c++11的std的魔法,下文可用
25
        rnd()生成[0,2^64)
26
   inline bool isPrime(ll n, int S=10){ //对n测试S次, 返
27
        回n是质数?1:0
       if(n==2) return 1;
28
       if(n<2 || !(n&1)) return 0;
   // srand(time(0));
30
       while(S--)
31
   // if(!MR((ll)rand()*rand()*rand()%(n-1)+1,n))
32
        return 0:
          if(!MR(rnd()%(n-1)+1,n)) return 0;
33
34
       return 1;
35
   }
36
   inline void solve(int N){
37
       int cnt=0:
38
       while(N--){
39
          11 n; scanf("%11d",&n);
40
          if(isPrime(n)) ++cnt;
41
42
       printf("%d\n",cnt);
43
44
45
   int main(int argc, char** argv){
       int _; while(~scanf("%d",&_))
          solve();
       return 0;
49
   }
50
```

6.5 质因数分解

6.5.1 Pollard-Rho

Pollard 设计的求大数因子方法,因为随机找的数会形成环形,因此常称为 ρ 算法大致原理是随机找几个数求差,让差与大数 N 求 gcd ,据说复杂度约 $O(N^{1/4})$ 随机找数的方法见 rho 函数。若要求质因子,一般需要用一下 MillerRabin 判素数

```
//洛谷P4718求最大质因子
   #include <cstdio>
   #include <cstdlib>
   #include <ctime>
   #include <random>
   #include <algorithm>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   typedef unsigned long long ull;
   typedef long double lb;
   11 m, ans; //对每个m, 将其最大质因子存进ans
12
   mt19937_64 rnd(time(0)); //c++11的std的魔法,下文可用
       rnd()生成[0,2^64)
   11 read(){
16
      ll k=0; int f=1;
17
      char c=getchar();
18
      while(!isdigit(c)){ if(c=='-') f=-1; c=getchar();
19
      while(isdigit(c)) k= k*10 + c-48, c=getchar();
20
      return k*f;
21
```

```
22
23
   inline 11 Abs(11 x){ return x<0 ? -x : x;} //取绝对值
   inline ll qmul(ull x, ull y, ll p){ //0(1)x*y\%p
26
      return (x*y - (ull)((lb)x/p*y)*p + p)%p;
27
   }
28
29
   inline 11 qpow(11 x, 11 y, 11 p){ //x^yp
      ll res=1;
31
      for(; y; y>>=1, x=qmul(x,x,p))
32
         if(y&1) res=qmul(res,x,p);
33
      return res;
34
   }
35
   inline bool MR(int tc, ll p){ //miller rabin判质数,用
      tc检测p是不是质数
      38
      11 y=p-1, z;
39
      while(!(y&1)){ //二次探测
40
         y>>=1;
         z=qpow(tc,y,p);
         if(z!=1 && z!=p-1) return 0;
         if(z==p-1) return 1;
45
      return 1;
46
47
   }
   inline bool isPrime(ll x){ //用5个小质数做MR测试,返回n
       是质数?1:0
      if(x<2) return 0;
      if(x==2 | | x==3 | | x==5 | | x==7 | | x==43) return
51
      return MR(2,x) && MR(3,x) && MR(5,x) && MR(7,x) &&
52
          MR(43,x);
53
   }
   inline 11 rho(11 p){ //玄学求出p的非平凡因子
55
      11 x,y,s,c; //s用来存(y-x)的乘积
56
      for(;;){ //求出一个因子来
57
         y=x=rnd()%p;
         c=rnd()%p;
         s=1;
         int i=0, I=1;
         while(++i){ //开始玄学倍增生成
            x=(qmul(x,x,p)+c)%p; //以平方再+c的方式生成下
            s=qmul(s,Abs(y-x),p); //将每一次的(y-x) 都累
                乘起来
            if(x==y | | !s) break; //换下一组, 当s=0时, 继
                续下去是没意义的
            if(!(i%127) || i==I){ //每127次求一次gcd,以
                及按j倍增的求gcd
               11 g=__gcd(s,p);
               if(g>1) return g;
               if(i==I) y=x, I<<=1; //维护倍增正确性,并
            }
70
         }
71
72
   }
   inline void PR(ll p){ //找p的最大质因子, 存进全局变量
      if(p<=ans) return ; //最优性剪枝
```

```
if(isPrime(p)) return ans=p, void();
77
       11 pi=rho(p); //玄学求出任一因子p_i
78
       while(p%pi==0) p/=pi;
       return PR(pi), PR(p); //向下分治
81
   int main(){
83
       int n=read();
       for(int i=0; i<n; ++i){</pre>
          ans=1;
          PR( m=read() );
          if(ans==m) puts("Prime");
88
          else printf("%lld\n",ans);
89
90
       return 0;
91
```

6.6 逆元

6.6.1 EX-GCD 求逆元

 $a\ P\ D$ 互质是 $a\$ 在模 $P\$ 时有乘法逆元的充要条件用扩展欧几里得算法解出的 ax+by=1 的解 x 即为 a 在模 P 时的乘法逆元顺带一提,有乘法逆元时,根据欧拉定理,逆元一定为 $a^{\phi(P)-1}\mod P$

```
//洛谷P1082
   #include <bits/stdc++.h>
   typedef long long 11;
   11 a,P,x,y;
   inline 11 exgcd(11 a, 11 b, 11 &x, 11 &y){
       if(!b) return x=1, y=0, a;
       11 g=exgcd(b, a%b, x, y);
       11 z=x; x=y; y=z-a/b*y;
10
       return g;
11
^{12}
   inline ll exinv(int a,int P){ //用exgcd求a模P的逆元,
       无解时返回-1
      11 x,y;
14
       if(exgcd(a,P,x,y)!=1) return -1;
15
       else return (x%P+P)%P;
16
17
   int main(){
       scanf("%11d%11d",&a,&P);
       printf("%11d",exinv(a,P));
21
       return 0;
22
```

- 6.6.2 线性筛逆元
- 6.6.3 阶乘逆元
- 6.7 欧拉函数
- 6.7.1 欧拉线筛
- 6.7.2 求单个数的欧拉函数
- 6.7.3 欧拉降幂

费马小定理: p 为质数时,

```
a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}
```

```
欧拉定理: a, p 互质时, a^{\phi(p)} \equiv 1 \pmod{p} 扩展欧拉定理: a, p 不互质时, a^b \equiv \begin{cases} a^{b \mod \phi(p) + \phi(p)} & b \geq \phi(p) \\ a^b & 0 \leq b < \phi(p) \end{cases} \pmod{p}
```

//SP10050:用扩展欧拉定理求乘方塔a^a^a……(b个a)的后九位

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   struct ST{
      int v;
      bool ge; //大于等于模数与否
      ST(int v=0,bool g=0): v(v), ge(g) {}
   };
11
   ST qpow(11 a,11 b,int p){ //快速幂过程中取模过p iff 返
12
       回值.ge==1
      ll ans=111;
13
      bool ge=0;
14
      while(b){
          if(b&1)
             ans*=a,
17
             ge |= ans>=p,
18
             ans%=p;
19
         b>>=1;
20
          if(!b) break; //防止被没有乘到的a更新ge
          ge |= a>=p, //注意ans*取余后的a可能更新不了ge, 在
23
             这也要更新
          a%=p;
24
25
      return ST(ans,ge);
26
   }
27
   map<int,int>eu;
29
   11 euler(11 n){ //欧拉函数值
30
       if(eu[n]) return eu[n];
31
      11 n0=n, ans=n, ed=sqrt(n);
32
      for(int i=2; i<=ed; ++i)</pre>
          if(n%i==0){
             ans-=ans/i;
35
             while(n%i==0) n/=i;
36
37
      if(n>1) ans-=ans/n;
38
      return eu[n0]=ans;
39
   }
   ST tower(ll a, ll b, int p){ //计算b层a取余p的值
42
       if(p==1) return ST(0,1); //特判取模1的特殊情况
43
      if(a==1) return ST(1,0); //特判不取模1但底为1的特殊
44
      if(b==1) return a<p? ST(a,0): ST(a%p,1); //递归终
       int phip=euler(p);
      ST ans=tower(a,b-1,phip); //递归计算取余phip后的指
47
       if(ans.ge) ans.v+=phip; //扩展欧拉定理
48
      return qpow(a, ans.v, p);
49
   }
```

```
void solve(){
52
       11 a,b; scanf("%11d%11d",&a,&b);
53
       if(b==0) return printf("%d\n",1), void(0);
       else if(a==0) return printf("%d\n", b%2? 0: 1),
           void(0);
       ST ans=tower(a,b,1000000000);
56
57
       if(ans.ge) printf("...%09d\n",ans.v);
       else printf("%d\n",ans.v);
58
   }
59
61
   int main(int argc, char** argv) {
       int _; scanf("%d",&_); while(_--)
62
63
          solve();
       return 0;
64
65
   }
```

- 6.7.4 一般积性函数求法
- 6.8 EX-GCD
- 6.9 同余方程组
- 6.9.1 CRT

6.9.2 EXCRT

求解 $x \mod m_i = a_i$ 方程组,其中 m_i 不一定为质数和 CRT 本身没啥关系,是用数学归纳法求解齐次同余方程组的

```
//洛谷P4777
   #include <bits/stdc++.h>
   typedef long long 11;
   const int MN = 3e5 + 5;
   11 a[MN],m[MN];
   inline 11 exgcd(11 a, 11 b, 11 &x, 11 &y){
      if(!b) return x=1, y=0, a;
10
      11 g=exgcd(b, a%b, x, y);
11
      11 z=x; x=y; y=z-a/b*y;
   return g;}
12
13
   11 smul(11 a,11 b,11 p){ //记得传参时先给ab取余一发p
      ll ans=0;
      for(;b;b>>=1){
16
          if(b&1) ans= (ans+a)%p;
17
          a= (a<<1)%p;}
18
   return ans;}
19
20
   //ll qmul(ll a,ll b,ll p){ //玄学高精度乘法,备用,可能
       可以代替上一个
   // a%=p, b%=p;
   // 11 t=(long double)a*b/p;
   // 11 ans=a*b-t*p;
   //return ans<0? ans+p: ans;}</pre>
   ll excrt(int n){ //解[0,n)
      11 X, Y, M=m[0], ans=a[0];
      for(int i=1; i<n; ++i){</pre>
29
          11 A=M, B=m[i];
30
          ll c=(a[i]-ans%B+B)%B; //新同余方程的右部
31
          11 g=exgcd(A,B,X,Y);
32
          if(c%g!=0) return -1;
33
          X=smul(X,c/g,B/g);
```

```
ans+=X*M;
35
           M*=B/g;
36
           ans=(ans%M+M)%M;}
37
    return (ans%M+M)%M;}
39
   int main(){
40
       int n; scanf("%d",&n);
41
       for(int i=0; i<n; ++i) scanf("%11d%11d",m+i,a+i);</pre>
42
       printf("%lld",excrt(n));
43
       return 0:
   }
```

6.10 N 次剩余

6.10.1 模奇质数的 2 次剩余

```
求解x^2 % P = n, 当P为奇质数时, 可用类似虚数平方的方法求
   类似实数域一元二次方程,答案可能为两不同解,两相同解或无实
       数解,详见solve()
   */
   //洛谷P5491求二次剩余
   #include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   int P; //模数, 为了避免传参而放在全局变量
10
11
   inline 11 qpow(11 a,int b){ //a^b%P
12
      ll ans=1;
      for(; b; b>>=1,a=a*a%P)
         if(b&1) ans=ans*a%P;
15
   return ans;}
16
17
   11 t,tt; //tt为t的平方。注意!!! 复数类中每次乘法都要用
18
       到tt!!!
   struct CP{ //求解二次剩余专用的魔改复数类
19
      11 x,y;
      CP(11 x=0,11 y=0):x(x),y(y){}
21
      CP operator*=(const CP&r){ //乘以r, 模数P为全局变量
22
         return *this = CP((x*r.x\%P+y*r.y\%P*tt\%P)\%P,(y*
23
             r.x%P+x*r.y%P)%P);
      CP qpow(int n){ //n次幂,模数P为全局变量
         CP rt = CP(1,0);
26
         for(; n; n>>=1){
            if(n&1) rt *= *this;
            *this *= *this;
30
         return *this = rt;
      }
   };
33
34
   int cipolla(int n){ //求x*x%P=n的一个解, P是奇质数, 无
35
       解时return-1
      if(n==0) return 0;
36
      if(qpow(n,(P-1)>>1)==P-1) return -1; //无解
      srand(time(0)); //初始化随机数种子
38
      for(;;){ //随机找到一个满足break条件的t即可
39
         t=rand()%P;
40
         tt=(t*t%P-n+P)%P;
         if(qpow(tt,(P-1)>>1)==P-1) break;
42
      CP rt=CP(t,1).qpow((P+1)>>1);
```

```
return rt.x;
45
   }
46
47
   inline void solve(){
       int n; scanf("%d%d",&n,&P); //注意P是全局变量, 之后
49
           就不传参了
       int ans=cipolla(n);
50
       int ans2=(P-ans)%P; //此处取模纯粹是为了避免ans为0时
51
           ans2为P
       if(ans==-1) return puts("Hola!"), void();
53
       if(ans2<ans) swap(ans,ans2);</pre>
       if(ans!=ans2) printf("%d %d\n",ans,ans2);
54
       else printf("%d\n",ans);
55
56
57
   int main(int argc, char** argv){
       int _; scanf("%d",&_); while(_--)
          solve();
60
61
       return 0;
   }
62
```

- 6.10.2 N 次剩余
- 6.11 数论分块
- 6.12 高斯消元
- 6.12.1 普通消元
- 6.12.2 异或方程组消元
- 6.13 莫比乌斯反演
- 6.13.1 莫比乌斯函数
- 6.13.2 杜教筛
- 6.13.3 洲阁筛
- 6.13.4 min25 筛

6.14 BSGS

求解 $a^x \mod p = b$: 当**模数** p **是质数**时可直接使用 $baby_s tep_g iant_s tep$, 设 p 的正平方根为 s , BSGS 的原理是将 a 的 p 次幂分块成 s 个,

预处理好大约 s+1 个 $b*a^i(i \in [0,s])$,再用遍历各分块,查找是否存在 a^{s*i} 等于预处理的 $b*a^i$; 当**模数** p **不是质数**时,在 EXBSGS 先约分 b,p 到 a,p 互质,再调用 BSGS。

```
//洛谷P4195
   #include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   inline 11 exgcd(11 a, 11 b, 11 &x, 11 &y){
      if(!b) return x=1, y=0, a;
      11 g=exgcd(b, a%b, x, y);
      11 z=x; x=y; y=z-a/b*y;
   return g;}
   inline ll exinv(int a,int P){ //用exgcd求a模P的逆元,
       无解时返回-1
      11 x, y;
13
      if(exgcd(a,P,x,y)!=1) return -1;
14
      else return (x%P+P)%P;
15
   }
16
```

```
inline 11 qpow(11 a,int b,int P){ //a^b%P
18
       ll ans=1;
19
       for(;b;b>>=1,a=a*a%P)
          if(b&1) ans=ans*a%P;
   return ans;}
22
23
   int bsgs(int a, int b, int p){ //a^x=b%p的最小非负x,
24
        无解时返回-1
       unordered_map<int,int>hsh;
       a%=p, b%=p;
       int s=sqrt(p)+1, bai=b;
       for(int i=0; i<s; ++i) hsh[bai]=i, bai=ll(bai)*a%p</pre>
28
       int as=qpow(a,s,p);
29
       if(as==0) return b==0? 1: -1;
30
       int asi=1;
       for(int i=0; i<=s; ++i){</pre>
          int t=hsh.find(asi)==hsh.end()? -1 : hsh[asi];
          if(t>=0&&s*i>=t) return s*i-t;
          asi=ll(asi)*as%p;
35
37
       return -1;
   }
   int exbsgs(int a, int b, int p){ //a^x=b%p的最小非负x
40
        ,无解时返回-1
       a%=p, b%=p;
41
       if(b==1) return 0;
42
       int k=1, cnt=0, d;
       while((d=__gcd(a,p))!=1){
          if(b%d) return -1;
          p/=d, b/=d, k=11(a)/d*k%p, ++cnt;
46
          if(b==k) return cnt;
47
       int ans=bsgs(a,ll(b)*exinv(k,p)%p,p);
49
       if(ans>=0) ans+=cnt;
       return ans;
51
52
53
   inline int solve(){ //模板题中以全0为输入结尾
54
       int a,b,p;
55
       cin>>a>>p>>b;
       if(!a && !b && !p) return 0;
       int x=exbsgs(a,b,p);
       if(x==-1) cout<<"No Solution\n";</pre>
59
       else cout<<x<<'\n';</pre>
60
       return 1;
61
   }
62
   int main(int argc, char** argv){
       ios::sync with stdio(0);
65
       while(solve());
66
       return 0;
67
   }
```

6.15 FFT

6.16 FFT

```
大致原理: O(NlogN)地将一个N次多项式系数表达式转化成关于(1
       的N次复数根)的N个点值
   对两个多项式的点值做乘法,得到新的点值表达式,再O(NlogN)
       地转回系数表达式
   利用R数组和"蝴蝶定理"可以将递归FFT过程转为循环过程,优化
       复杂度的常数
   写得很乱, 欢迎有空的同学来更新个好看点的
   //洛谷P3803裸的多项式乘积
   #include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
10
   typedef double db;
   const int MN = 3e6 + 5;
13
   const db pi = acos(-1);
   struct CP{
16
17
      db x,y; //实部, 虚部
      CP (db x=0, db y=0): x(x), y(y) {}
18
      CP operator+(CP &t){ return CP(x+t.x, y+t.y); }
19
      CP operator-(CP &t){ return CP(x-t.x, y-t.y); }
20
      CP operator*(CP &t){ return CP(x*t.x - y*t.y, x*t.
          y + y*t.x); }
   }a[MN],b[MN];
22
23
   int read(){
24
      int k=0, f=1;
25
      char c=getchar();
26
      while(!isdigit(c)){ if(c=='-') f=-1; c=getchar();
      while(isdigit(c)) k= k*10 + c-48 , c=getchar();
28
      return k*f;
29
30
   void write(int x){
31
      if(x<0){ putchar('-'); x=~(x-1); }</pre>
      int s[20],top=0;
      while(x){ s[++top]=x\%10; x/=10; }
34
      if(!top) s[++top]=0;
35
      while(top) putchar(s[top--]+'0');
36
37
38
   int N,M,n,ln; //左多项式次数,右多项式次数,fft次数及其
       位数
   int R[MN]; //01串逆转后对应的下标
40
   inline void calR(){ //通过NM初始化以上数据
41
      n=1:
42
      while(n<=N+M) n<<=1, ++ln;</pre>
43
      for(int i=1; i<n; ++i) R[i] = (R[i>>1] >>1) | ((i
44
          &1)<< ln-1);
45
   inline void init(){
46
      N=read(); M=read();
47
      for(int i=0; i<=N; ++i) a[i].x=read();</pre>
48
      for(int i=0; i<=M; ++i) b[i].x=read();</pre>
49
      calR();
   void fft(CP c[], int f=1){ //f取-1时是逆变换
52
      for(int i=0; i<n; ++i) if(i<R[i]) swap(c[i], c[R[i</pre>
          ]]);
      for(int j=1; j<n; j<<=1){</pre>
54
         CP wn(cos(pi/j), f*sin(pi/j));
         for(int k=0; k<n; k+=(j<<1)){</pre>
56
             CP t(1, 0);
57
             for(int l=0; l<j; ++1){</pre>
```

```
CP cl=c[k+l], cr=t*c[j+k+l];
                  c[k+1]=cl+cr;
60
                  c[j+k+1]=c1-cr;
                  t=t*wn;
              }
           }
65
   }
   int main(int argc, char** argv) {
   // ios::sync_with_stdio(0);
69
       init();
70
       fft(a), fft(b);
71
       for(int i=0; i<=n; ++i) a[i]=a[i]*b[i];</pre>
72
       fft(a,-1);
       for(int i=0; i<=N+M; ++i) write(int(a[i].x/n +</pre>
           0.5)), putchar(' ');
       return 0;
75
   }
```

6.17 DFT 次数优化 FFT

```
/*
   大致原理: O(NlogN)地将一个N次多项式系数表达式转化成关于(1
       的N次复数根)的N个点值
   对两个多项式的点值做乘法,得到新的点值表达式,再O(NlogN)
       地转回系数表达式
   利用R数组和"蝴蝶定理"可以将递归FFT过程转为循环过程,优化
       复杂度的常数
   写得很乱, 欢迎有空的同学来更新个好看点的
   //洛谷P3803裸的多项式乘积,利用了(a+bi)^2 = (a^2-b^2) +
        2abi减少变换次数
   #include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   typedef double db;
11
   const int MN = 3e6 + 5;
13
   const db pi = acos(-1);
14
15
   struct CP{
16
      db x,y; //实部, 虚部
      CP (db x=0, db y=0): x(x), y(y) {}
      CP operator+(CP &t){ return CP(x+t.x, y+t.y); }
      CP operator-(CP &t){ return CP(x-t.x, y-t.y); }
      CP operator*(CP &t){ return CP(x*t.x - y*t.y, x*t.
         y + y*t.x); }
   }a[MN];
   int read(){
      int k=0, f=1;
25
      char c=getchar();
26
      while(!isdigit(c)){ if(c=='-') f=-1; c=getchar();
      while(isdigit(c)) k= k*10 + c-48 , c=getchar();
      return k*f;
30
   void write(int x){
31
      if(x<0){ putchar('-'); x=~(x-1); }</pre>
32
      int s[20],top=0;
      while(x){ s[++top]=x%10; x/=10; }
      if(!top) s[++top]=0;
      while(top) putchar(s[top--]+'0');
```

```
37
38
   int N,M,n,ln; //左多项式次数,右多项式次数,fft次数及其
   int R[MN]; //01串逆转后对应的下标
40
   inline void calR(){ //通过NM初始化以上数据
41
       n=1:
42
       while(n<=N+M) n<<=1, ++ln;</pre>
43
       for(int i=1; i<n; ++i) R[i] = (R[i>>1] >>1) | ((i
           &1)<< ln-1);
45
   inline void init(){
46
       N=read(); M=read();
47
       for(int i=0; i<=N; ++i) a[i].x=read();</pre>
48
       for(int i=0; i<=M; ++i) a[i].y=read();</pre>
49
       calR();
   void fft(CP c[], int f=1){ //f取-1时是逆变换
52
       for(int i=0; i<n; ++i) if(i<R[i]) swap(c[i], c[R[i</pre>
53
           ]]);
       for(int j=1; j<n; j<<=1){</pre>
54
          CP wn(cos(pi/j), f*sin(pi/j));
          for(int k=0; k<n; k+=(j<<1)){</pre>
              CP t(1, 0);
57
              for(int 1=0; 1<j; ++1){
58
                 CP cl=c[k+1], cr=t*c[j+k+1];
59
                 c[k+1]=cl+cr;
60
                  c[j+k+l]=cl-cr;
61
                 t=t*wn;
              }
          }
       }
65
   int main(int argc, char** argv) {
   // ios::sync_with_stdio(0);
       init();
70
       fft(a);//, fft(b);
71
       for(int i=0; i<=n; ++i) a[i]=a[i]*a[i];</pre>
72
       fft(a,-1);
73
       for(int i=0; i<=N+M; ++i) write(int(a[i].y/n/2 +</pre>
74
           0.5)), putchar(' ');
       return 0;
```

6.18 FWT

6.19 NTT

6.20 NTT

```
1 /*
2 大致原理:令P=998244353,g=3,g的n次幂模P可得到P种值,称g为模P的原根
3 O(NlogN)地将一个N次多项式系数表达式转化成关于模P的原根的g的次幂的N个点值
```

对两个多项式的点值做乘法,得到新的点值表达式,再O(NlogN) 地转回系数表达式

利用R数组和"蝴蝶定理"可以将递归NTT过程转为循环过程,优化复杂度的常数

```
写得很乱,欢迎有空的同学来更新个好看点的
   顺带一提求逆和分治里用的是细节不同的另外两种实现的NTT,不
       过也都很乱
   */
   //洛谷P3803裸的多项式乘积,在大数据下的表现可能反而不如
   #include <bits/stdc++.h>
10
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   const int MN = 3e6 + 5;
14
   const int P = 998244353;
15
16
   int qpow(ll a,int b){
17
      ll ans=1;
18
      for(;b;b>>=1){
19
          if(b&1)
             ans=ans*a%P;
21
         a=a*a%P;}
   return ans;}
23
24
   int read(){
      int k=0, f=1;
      char c=getchar();
      while(!isdigit(c)){ if(c=='-') f=-1; c=getchar();
      while(isdigit(c)) k= k*10 + c-48 , c=getchar();
29
      return k*f;
30
31
   void write(int x){
      if(x<0){ putchar('-'); x=~(x-1); }</pre>
      int s[20], top=0;
      while(x){ s[++top]=x%10; x/=10; }
35
      if(!top) s[++top]=0;
      while(top) putchar(s[top--]+'0');
   int a[MN],b[MN],c[MN];
40
   int N,M,n,ln; //左多项式次数,右多项式次数, fft次数及其
41
       位数
   int R[MN]; //01串逆转后对应的下标
42
   inline void calR(){ //通过NM初始化以上数据
      while(n<=N+M) n<<=1, ++ln;
      for(int i=1; i<n; ++i) R[i] = (R[i>>1] >>1) | ((i
46
          &1)<< ln-1);
47
   inline void init(){
      N=read(); M=read();
      for(int i=0; i<=N; ++i) a[i]=read();</pre>
      for(int i=0; i<=M; ++i) b[i]=read();</pre>
51
      calR();
52
53
   void ntt(int c[], int f=1){ //f取-1时是逆变换
54
      for(int i=0; i<n; ++i) if(i<R[i]) swap(c[i], c[R[i</pre>
      for(int j=1; j<n; j<<=1){</pre>
         int j2=j<<1;
          int rt=qpow(3,(P-1)/j2);
          if(f==-1) rt=qpow(rt, P-2); //逆变换时除以rt, 即
              乘以rt逆元
          for(int k=0; k<n; k+=j2){</pre>
             int t=1;
             for(int 1=0; 1<j; ++1){
62
                int tl=c[k+1], tr=ll(t)*c[j+k+1]%P;
```

```
c[k+1]=(tl+tr)%P;
64
                   c[j+k+1]=((tl-tr)%P+P)%P;
65
                   t=11(t)*rt%P;
               }
           }
68
       }
70
    int main(int argc, char** argv) {
    // ios::sync_with_stdio(0);
73
74
       init();
       ntt(a), ntt(b);
75
       for(int i=0; i<=n; ++i) c[i]=ll(a[i])*b[i]%P;</pre>
76
       ntt(c,-1);
77
       11 \text{ mi=qpow(n,P-2)};
       for(int i=0; i<=N+M; ++i) write((c[i]*mi)%P),</pre>
            putchar(' ');
       return 0;
80
   }
81
```

6.21 NTT 分治求卷积

```
//大致原理是cdq分治套NTT求f_i = f和g的前i项卷积
   //洛谷P4721求f_i = \sigma_{j=1]^i f_{i-j} * g_j
   #include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   const int P = 998244353;
   const int G = 3;
   const int MN = 2e5 + 5;
   inline int read(){
11
       int k=0, f=1;
12
       char c=getchar();
13
       while(!isdigit(c)){ if(c=='-') f=-1; c=getchar();
       while(isdigit(c)) k=k*10+c-48, c=getchar();
       return k*f;}
16
17
   int qpow(ll a, int b){
18
       ll ans=111;
19
       for(;b;b>>=1){
          if(b&1)
             ans=ans*a%P;
22
          a=a*a%P;}
23
       return ans;}
24
   inline int inv(ll value){ return qpow(value, P-2); }
   namespace NTT{
       int R[MN]; //01串逆转后对应的下标
       void calcR(int len){ //计算len次多项式的R数组
30
          int loglen = R[0] = 0;
31
          while(1<<loglen < len) ++loglen;</pre>
32
          for(int i=1; i<len; ++i) R[i] = (R[i>>1] >>1)
              | ((i&1)<< loglen-1);
       void ntt(int *a, int n, int f=1){ //f取-1时是逆变换
          for(int i=0; i<n; ++i) if(R[i] < i) swap(a[i],</pre>
36
              a[R[i]]);
          int baseW = qpow(G, (P-1) / n);
37
          if(f==-1) baseW = inv(baseW);
          for(int len = 2; len <= n; len <<= 1){</pre>
```

```
int mid = len >>1;
40
              int wn = qpow(baseW, n / len);
41
              for(int *pos = a; pos != a+n; pos += len){
                 int w = 1;
                 for(int i=0; i<mid; ++i) {</pre>
                     int x = pos[i], y = (ll)pos[mid + i]
                                                               10
                          * w % P;
                                                               11
                     pos[i] = ((11)x + y) \% P;
                                                               12
46
                     pos[mid + i] = ((11)x - y + P) \% P;
                     W = (11)W * WN % P;
                 }
                                                               14
49
              }
                                                               15
50
          }
51
                                                               16
52
                                                               17
       void mult(int *a, int *b, int len){ //封装好的len
           次多项式乘法,答案存进a
          calcR(len);
          ntt(a,len);
                                                               21
55
          ntt(b,len);
56
          for(int i=0; i<len; ++i) a[i] = (ll)a[i] * b[i</pre>
               ] % P;
          ntt(a,len,-1);
                                                               25
          int x = inv(len);
          for(int i=0; i<len; ++i) a[i] = (ll)a[i] * x %</pre>
                                                               28
61
                                                               29
62
                                                               30
   using namespace NTT;
63
                                                               31
   int f[MN],g[MN],A[MN],B[MN]; //输出输入及其副本
   int n; //多项式长度
67
                                                               34
   void cdq(int 1, int r){ //分治[1,r]
68
                                                               35
       if(l==r) return;
69
       int mid = l+r >> 1, len = 1;
70
                                                               36
       while(len < r-1) len <<= 1;
       cdq(1,mid);
       for(int i=0; i<len; ++i) A[i] = 0, B[i] = 0;</pre>
73
                                                               39
       for(int i=0; i<=mid-l; ++i) A[i] = f[l+i]; //l开始
74
                                                               40
           的当前区间的左半f
                                                               41
       for(int i=0; i<r-l; ++i) B[i] = g[i+1]; //1开始的
75
                                                               42
           当前区间长度的g
       mult(A,B,len); //卷积求出左半端的贡献
       for(int i=mid+1; i<=r; ++i) f[i] = (f[i] + A[i-l</pre>
           -1]) % P;
                                                               45
       cdq(mid+1,r);
78
                                                               46
   }
79
                                                               47
   int main(){
       n = read();
       for(int i=1; i<n; ++i) g[i] = read();</pre>
83
                                                               51
       f[0] = 1; //题目给的初值
84
                                                               52
       cdq(0,n-1);
85
                                                               53
       for(int i=0; i<n; ++i) printf("%d ",f[i]);</pre>
86
       return 0;
87
                                                               54
```

6.22 NTT 求多项式逆

```
//洛谷P4238倍增求模x^n的多项式,即相乘后忽略n次及更高次只
   剩1
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long 11;
```

57

61

```
const int P = 998244353;
6
   const int G = 3;
   const int MN = 4e5 + 5;
   inline int read(){
      int k=0, f=1;
      char c=getchar();
      while(!isdigit(c)){ if(c=='-') f=-1; c=getchar();
      while(isdigit(c)) k=k*10+c-48, c=getchar();
      return k*f;}
   int qpow(ll a, int b){
      ll ans=111;
      for(;b;b>>=1){
          if(b&1)
             ans=ans*a%P;
          a=a*a%P;
      return ans;}
   inline int inv(ll value){ return qpow(value, P-2); }
   //namespace NTT{
      int R[MN]; //01串逆转后对应的下标
      void calcR(int len){ //计算len次多项式的R数组
          int loglen = R[0] = 0;
          while(1<<loglen < len) ++loglen;</pre>
          for(int i=1; i<len; ++i) R[i] = (R[i>>1] >>1)
              | ((i&1)<< loglen-1);
      void ntt(int *a, int n, int f=1){ //f取-1时是逆变换
          for(int i=0; i<n; ++i) if(R[i] < i) swap(a[i],</pre>
              a[R[i]]);
          int baseW = qpow(G, (P-1) / n);
          for(int len = 2; len <= n; len <<= 1){</pre>
             int mid = len >>1;
             int wn = qpow(baseW, n / len);
             for(int *pos = a; pos != a+n; pos += len){
                 int w = 1;
                 for(int i=0; i<mid; ++i){</pre>
                    int x = pos[i], y = (ll)pos[mid + i]
                         * w % P;
                    pos[i] = ((11)x + y) % P;
                    pos[mid + i] = ((11)x - y + P) \% P;
                    W = (11)W * WN % P;
                 }
             }
          if(f==-1){
             int miv = inv( ll(n) );
             reverse(a+1,a+n);
             for(int i=0; i<n; ++i) a[i] = ll(a[i]) *</pre>
                 miv % P;
          }
      void mult(int *a, int *b, int len){ //len次多项式
           乘法,答案存进a
          calcR(len);
          ntt(a,len);
          ntt(b,len);
          for(int i=0; i<len; ++i) a[i] = (ll)a[i] * b[i</pre>
              ] % P;
          ntt(a,len,-1);
          int x = inv(len);
62
```

```
for(int i=0; i<len; ++i) a[i] = (11)a[i] * x %</pre>
               Ρ;
   //}
   //using namespace NTT;
66
   int f[MN],g[MN],A[MN],B[MN]; //输出输入及其副本
   int n; //多项式长度
69
   void inv(int *a, int *b, int len){    //封装好的len次多项
        式求逆,答案存进b
       if(len==1) return b[0] = inv(ll(a[0])), void();
72
       inv(a, b, len+1 >>1);
73
       int LEN = 1; //扩展到2的整数次幂的len
74
       while(LEN < (len<<1)) LEN <<= 1;</pre>
75
       calcR(LEN);
       for(int i=0; i<len; ++i) A[i] = a[i];</pre>
       for(int i=len; i<LEN; ++i) A[i] = 0;</pre>
       ntt(A,LEN), ntt(b,LEN);
79
       for(int i=0; i<LEN; ++i) b[i] = 11(2 - 11(A[i]) *
80
           b[i] \% P + P) \% P * b[i] \% P;
       ntt(b,LEN,-1);
       for(int i=len; i<LEN; ++i) b[i] = 0;</pre>
83
84
   int main(){
85
       n = read();
86
       for(int i=0; i<n; ++i) g[i] = read();</pre>
87
       inv(g,f,n);
       for(int i=0; i<n; ++i) printf("%d ",f[i]);</pre>
       return 0;
   }
91
```

6.23 数值计算

6.23.1 辛普森

6.23.2 自适应辛普森

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const double eps=1e-12;
3
4
       调用 asr(l,r,simpson(l,r))
   inline double f(double x)
10
       return x; //被积函数
   double simpson(double l,double r)
14
15
       double mid=(l+r)/2;
16
       return (f(1)+4*f(mid)+f(r))*(r-1)/6;
17
18
   double asr(double 1,double r,double ans)
20
   {
21
       double mid=(1+r)/2;
22
       double l1=simpson(l,mid),r1=simpson(mid,r);
       if(fabs(l1+r1-ans)<eps) return l1+r1;</pre>
24
       return asr(l,mid,l1)+asr(mid,r,r1);
   }
```

```
27 | int main()
29 | {
30 | return 0;
32 | }
```

6.24 康拓展开

```
//contor展开
   int bit[maxn];
   void add(int x,int y)
3
4
       for(;x<=n;x+=lowbit(x)) bit[x]+=y;</pre>
5
6
   int sum(int x)
       int res=0;
10
       for(;x>0;x-=lowbit(x)) res+=bit[x];
11
       return res;
12
13
   int contor(vector& p)
15
16
       int ans=0;
17
       rre(i,p.size()-1,0)
18
19
           add(p[i],1);
20
           int cnt=sum(p[i]-1);
           ans=(ans+cnt*fac[p.size()-i-1]%MOD)%MOD;
23
       return ans+1;
   }
25
    //逆contor展开
    int k,s[50005];
   int tr[200005];
    void up(int p) {tr[p]=tr[ll(p)]+tr[rr(p)];}
31
32
    void build(int p=1,int l=1,int r=k)
33
34
       if(l==r)
       {
36
           tr[p]=1;
37
           return;
38
       int m=mm(1,r);
       build(11(p),1,m);
       build(rr(p),m+1,r);
       up(p);
43
44
45
   int ask(int cnt,int p=1,int l=1,int r=k)
46
47
       if(l==r)
49
           tr[p]=0;
50
           return 1;
51
52
       int m=mm(1,r);
53
       int ans=-1;
54
       if(cnt<=tr[11(p)]) ans=ask(cnt,11(p),1,m);
55
```

```
else ans=ask(cnt-tr[ll(p)],rr(p),m+1,r);
56
       up(p);
57
       return ans;
   }
60
   vei recontor()
61
62
63
       vei v(k+1);
64
       re(i,1,k) v[i]=ask(s[i]+1);
       return v;
   }
```

6.25 卢卡斯定理

//洛谷P3807

6.25.1 Lucas(循环或递归实现)

```
C_N^m \equiv C_N^{m \bmod p} * C_{N/p}^{m/p} (\bmod p)\binom{N}{m} \equiv \binom{N \mod p}{m \mod p} \cdot \binom{N/p}{m/p} (\mod p)
```

可理解为将 N 和 m 表示为 p 进制数 (形如 $\Sigma N_i p^i$), 对每一位的 N_i 和 m_i 分别求组合数,再累乘,注意此处的 p **必须为质数**

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   const int MN = 5e6 + 5;
   inline ll qpow(ll a,ll b,int P){ //a^b%P
      ll ans=1;
       for(;b;b>>=1,a=a*a%P)
          if(b&1) ans=ans*a%P;
10
   return ans;}
11
   11 fct[MN],fi[MN]; //阶乘及其逆元
   inline void init(int k,int P){ //打表模P的[1,k]阶乘及
       其逆元
       fct[0]=1;
15
      for(int i=1; i<=k; ++i) fct[i]=fct[i-1]*i%P;</pre>
16
       if(k<P){
17
          fi[k]=qpow(fct[k],P-2,P);
          for(int i=k; i>=1; --i) fi[i-1]=fi[i]*i%P;
       }else{ //k阶乘为0,会把所有逆元都变成0,应从P-1开始
20
          fi[P-1]=qpow(fct[P-1],P-2,P);
21
          for(int i=P-1; i>=1; --i) fi[i-1]=fi[i]*i%P;
22
       }
23
   }
24
   inline int C(int N,int m,int P){ //C_N^m % P
       if(m>N) return 0;
27
       return fct[N]*fi[m]%P*fi[N-m]%P;
28
29
30
   //ll lucas(int N,int m,int P){ //递归求C_N^m % P
31
   // if(!m) return 1;
   // return C(N%P,m%P,P)*lucas(N/P,m/P,P)%P;
33
   //}
34
35
   int lucas(int N,int m,int P){ //循环求C_N^m % P
36
      ll rt=1;
37
      while(N&&m)
          (rt*=C(N%P,m%P,P))%=P,
```

```
N/=P, m/=P;
40
       return rt;
41
   }
42
    void solve(){
44
       int n,m,p; scanf("%d%d%d",&n,&m,&p);
45
       init(n+m,p);
46
       printf("%11d\n", lucas(n+m, m, p));
47
48
50
   int main(int argc, char** argv){
       int ; scanf("%d",& ); while( --)
51
           solve();
52
       return 0;
53
54
   }
```

6.25.2 EXLucas(分块实现)

模数 P 不是质数时不能使用卢卡斯定理计算组合数! 可对 P 做质因子分解,对各质因子分别求解组合数,得到同余方程组,再用 CRT 求解。

具体方法是将 P 分解成 Σp^k 的形式,再计算模 p^k 意义的阶乘。由于 n > p 时暴力算 $n! \mod p$ 为 0,因此计算阶乘时需先不断递归分块给阶乘除以质因子 p,算完阶乘后再把除掉的 p 乘回去,才能计算出模 p^k 意义的组合数。

```
//洛谷P4720
   #include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
   inline 11 qpow(11 a,11 b,int P){ //a^b%P, 此题中b可能
       ll ans=1;
       for(;b;b>>=1,a=a*a%P)
          if(b&1) ans=ans*a%P;
   return ans;}
12
   inline 11 exgcd(11 a, 11 b, 11 &x, 11 &y){
       if(!b) return x=1, y=0, a;
13
       11 g=exgcd(b, a%b, x, y);
14
       11 z=x; x=y; y=z-a/b*y;
15
   return g;}
   inline ll exinv(int a,int P){ //用exgcd求a模P的逆元
18
19
       if(exgcd(a,P,x,y)!=1) return -1;
20
       else return (x%P+P)%P;
21
   }
22
23
   inline int g(ll n, int p){ //n!中质因子p的次数
25
       if(n<p) return 0;</pre>
       return n/p+g(n/p,p);
26
27
   int f(ll n,int p,int pk){ //n!/(p^x) % pk, 其中x=g(n,
       p)
       if(n==0) return 1;
30
       11 s=1, s2=1; //<=pk的分块乘积, >pk的块外乘积
31
       for(ll i=1; i<=pk; ++i)</pre>
32
          if(i%p) s=s*i%pk;
33
       s=qpow(s,n/pk,pk);
34
       for(ll i=n/pk*pk; i<=n; ++i)</pre>
35
          if(i%p) s2=i%pk*s2%pk;
```

第 46 页

```
return f(n/p,p,pk)*s%pk*s2%pk;
37
   }
38
   inline 11 c(11 N,11 m,int p,int pk){ //C^m_N % (p^k)
       11 rt=f(N,p,pk);
41
       (rt*=qpow(f(m,p,pk),pk/p*(p-1)-1,pk))%=pk;
42
   // (rt*=exinv(f(m,p,pk),pk))%=pk;
43
44
       (rt*=qpow(f(N-m,p,pk),pk/p*(p-1)-1,pk))%=pk;
   // (rt*=exinv(f(N-m,p,pk),pk))%=pk;
       (rt*=qpow(p,g(N,p)-g(m,p)-g(N-m,p),pk))%=pk;
47
       return rt;
48
49
   inline ll crt(ll ai,int p,int pk,int P){ //x%(pi^ki)=
50
       ai, pk乘积=P
       return ai*(P/pk)%P*exinv(P/pk,pk)%P;
51
   // return ai*(P/pk)%P*qpow(P/pk,pk/p*(p-1)-1,pk)%P;
   }
53
54
   int exlucas(ll N,ll m,int P){ //C^m N % P
55
       11 rt=0, P2=P;
56
       int ed=sqrt(P)+1;
       for(int p=2; p<=ed; ++p){</pre>
          int pk=1;
          while (P2\%p==0) pk*=p, P2/=p;
60
          if(pk>1) (rt+=crt(c(N,m,p,pk),p,pk,P))%=P;
61
62
       if(P2>1) (rt+=crt(c(N,m,P2,P2),P2,P2,P))%=P;
63
       return rt;
64
   }
   int main(int argc, char** argv){
67
       ios::sync with stdio(0);
68
       11 N,m,P; cin>>N>>m>>P;
69
       cout<<exlucas(N,m,P);</pre>
70
       return 0;
71
```

6.26 博弈论

6.26.1 SG 函数

```
#include <bits/stdc++.h>
   //Gym 101128 G
   using namespace std;
   const int N=1005;
   int p,k;
   vector<int> v(N);
   int sg[N];
   bool vis[N];
   void gao(int n)
11
12
      memset(sg,0,sizeof(sg));
13
       for(int i=1;i<=n;++i)//由小到大枚举
14
15
          memset(vis,0,sizeof(vis));
          for(int j=0;j<=min(i,k);++j)</pre>
             if(i==j) continue;
             int tmp=i-j-v[i-j];//枚举子状态
             if(tmp>=0)
                 vis[sg[tmp]]=1;
          }
```

```
for(int j=0;;j++)
24
              if(!vis[j])
25
                  sg[i]=j;
                  break;
28
              }
29
       }
30
31
   int main()
33
34
       int ans=0;
35
       scanf("%d%d",&p,&k);
36
       for(int i=1,n;i<=p;++i)</pre>
37
38
           scanf("%d",&n);
           for(int j=1; j<=n;++j)
              scanf("%d",&v[j]);
41
           gao(n);
42
           ans^=sg[n];//多堆求每一堆的异或值即可
43
44
       if(ans==0) puts("Bob will win.");//先手必败
45
       else puts("Alice can win.");
       return 0;
47
48
```

7 其他

7.1 快读快写

```
inline int read()
1
2
       char ch=getchar();int s=0,w=1;
3
       while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
4
       while(ch>=48&&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
           getchar();}
       return s*w;
6
   }
   inline void write(int x)
10
       if(x<0)putchar('-'),x=-x;</pre>
11
       if(x>9)write(x/10);
12
       putchar(x%10+48);
13
   }
14
```

7.2 高精度

```
#include <bits/stdc++.h>
#define MAXN 9999
#define MAXSIZE 1000

#define DLEN 4

using namespace std;

class BigNum

{
private:
    int a[MAXSIZE];
    int len;

public:
    BigNum(){ len = 1;memset(a,0,sizeof(a)); }
    void XD();
```

15

16

19

20

21

22

24

25

26

27

37

49

50

53

```
BigNum(const int);
                                                       57
BigNum(const long long int);
BigNum(const char*);
BigNum(const string &);
BigNum(const BigNum &);
                                                       59
BigNum &operator = (const BigNum &);
BigNum &operator = (const int &);
BigNum &operator = (const long long int &);
friend istream& operator >> (istream&, BigNum&);
friend ostream& operator << (ostream&, BigNum&);</pre>
template<typename T> BigNum operator << (const T</pre>
                                                       63
    &) const;
template<typename T> BigNum operator >> (const T
                                                       64
    &) const;
BigNum operator + (const BigNum &) const;
                                                       66
BigNum operator - (const BigNum &) const;
BigNum operator * (const BigNum &) const;
                                                       67
bool operator > (const BigNum& b)const;
bool operator < (const BigNum& b) const;</pre>
bool operator == (const BigNum& b) const;
template<typename T> BigNum operator / (const T &)
     const;
template<typename T> BigNum operator ^ (const T &)
     const;
template<typename T> T operator % (const T &)
template<typename T> BigNum operator + (const T& b
    ) const {BigNum t = b; t = *this + t; return
template<typename T> BigNum operator - (const T& b
    ) const {BigNum t = b; t = *this - t; return
    t;}
template<typename T> BigNum operator * (const T& b
                                                       76
    ) const {BigNum t = b; t = (*this) * t;
    return t;}
template<typename T> bool operator < (const T& b)</pre>
    const {BigNum t = b; return ((*this) < t);}</pre>
template<typename T> bool operator > (const T& b)
    const {BigNum t = b; return ((*this) > t);}
template<typename T> bool operator == (const T& b)
     const {BigNum t = b; return ((*this) == t);}
bool operator <= (const BigNum& b) const {return</pre>
    (*this) < b || (*this) == b;}
bool operator >= (const BigNum& b) const {return
    (*this) > b || (*this) == b;}
bool operator != (const BigNum& b) const {return
                                                       84
    !((*this) == b);}
                                                       85
template<typename T> bool operator >= (const T& b)
     const {BigNum t = b; return !((*this) < t);}</pre>
template<typename T> bool operator <= (const T& b)</pre>
     const {BigNum t = b; return !((*this) > t);}
template<typename T> bool operator != (const T& b)
                                                       91
     const {BigNum t = b; return !((*this) == t)
                                                       92
                                                       93
                                                       94
BigNum& operator += (const BigNum& b) {*this = *
    this + b; return *this;}
BigNum& operator -= (const BigNum& b) {*this = *
                                                       97
    this - b; return *this;}
                                                       98
```

```
BigNum& operator *= (const BigNum& b) {*this = *
       this * b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator /= (const T&
        b) {*this = *this/b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator %= (const T&
        b) {*this = *this%b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator += (const T&
        b) {*this = *this+b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator -= (const T&
        b) {*this = *this-b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator *= (const T&
        b) {*this = *this*b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator ^= (const T&
        b) {*this = *this^b; return *this;}
   BigNum operator ++ (int) {BigNum t = *this; *this
       += 1; return t;}
   BigNum operator -- (int) {BigNum t = *this; *this
       -= 1; return t;}
   BigNum& operator -- () {*this -= 1; return *this;}
   BigNum& operator ++ () {*this += 1; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator <<= (const T</pre>
       & b) {*this = *this << b; return *this;}</pre>
   template<typename T> BigNum& operator >>= (const T
       & b) {*this = *this >> b; return *this;}
   template<typename T> BigNum friend operator + (
       const T& a, const BigNum& b) {BigNum t = a; t
        = t + a; return t;}
   template<typename T> BigNum friend operator - (
       const T& a, const BigNum& b) {BigNum t = a; t
        = t - b; return t;}
   template<typename T> BigNum friend operator * (
       const T& a, const BigNum& b) {BigNum t = a; t
        = t * b; return t;}
   template<typename T> friend bool operator < (const</pre>
        T& a, const BigNum& b) {return b > a;}
   template<typename T> friend bool operator > (const
        T& a, const BigNum& b) {return b < a;}
   template<typename T> friend bool operator <= (</pre>
       const T& a, const BigNum& b) {return b >= a;}
   template<typename T> friend bool operator >= (
       const T& a, const BigNum& b) {return b <= a;}</pre>
   template<typename T> friend bool operator == (
       const T& a, const BigNum& b) {return b == a;}
   template<typename T> friend bool operator != (
       const T& a, const BigNum& b) {return b != a;}
   void print();
   int Size();
   int the_first();
   int the_last();
   int to_int();
   long long int to_long();
   string to_String();
BigNum::BigNum(const int b)
   int c,d = b;
   len = 0;
   memset(a,0,sizeof(a));
   while(d > MAXN){
      c = d - (d / (MAXN+1)) * (MAXN+1);
```

};

```
d = d / (MAXN+1);
99
            a[len++] = c;
100
101
        a[len++] = d;
103
    BigNum::BigNum(const long long int b)
104
105
        long long int c,d = b;
106
        len = 0;
        memset(a,0,sizeof(a));
108
        while(d > MAXN){
109
            c = d - (d / (MAXN+1)) * (MAXN+1);
110
            d = d / (MAXN+1);
111
            a[len++] = c;
112
113
        a[len++] = d;
114
    BigNum::BigNum(const string& s)
116
117
        int t,k,index,l,i;
118
        memset(a,0,sizeof(a));
119
120
        l = s.size();
        len = 1/DLEN;
        if(1%DLEN)
            len++;
123
        index = 0;
124
        for(i = 1-1; i >=0 ;i -= DLEN){
125
           t = 0;
126
           k = i-DLEN+1;
            if(k < 0) k = 0;
            for(int j = k; j <= i; j++)</pre>
               t = t*10 + s[j]-'0';
130
            a[index++] = t;
131
132
        }
133
    BigNum::BigNum(const char* s)
135
        int t,k,index,l,i;
136
        memset(a,0,sizeof(a));
137
        1 = strlen(s);
138
        len = 1/DLEN;
139
        if(1%DLEN)
            len++;
        index = 0;
        for(i = 1-1; i >= 0; i -= DLEN){
143
           t = 0;
144
           k = i - DLEN + 1;
145
            if(k < 0) k = 0;
146
            for(int j = k; j <= i; j++)</pre>
               t = t*10 + s[j] - '0';
            a[index++] = t;
149
150
151
    BigNum::BigNum(const BigNum & b) : len(b.len)
152
153
        memset(a,0,sizeof(a));
        for(int i = 0 ; i < len ; i++)</pre>
155
           a[i] = b.a[i];
156
157
    BigNum & BigNum::operator = (const BigNum& n)
158
159
        len = n.len;
160
        memset(a,0,sizeof(a));
161
        for(int i = 0 ; i < len ; i++)</pre>
162
            a[i] = n.a[i];
163
```

```
return *this;
164
165
    BigNum & BigNum::operator = (const int& num)
166
167
        BigNum t(num);
168
        *this = t;
169
        return *this;
170
171
172
    BigNum & BigNum::operator = (const long long int& num
173
        BigNum t(num);
174
        *this = t;
175
        return *this:
176
177
    istream& operator >> (istream & in, BigNum & b)
178
179
        char ch[MAXSIZE*4];
180
        int i = -1;
181
        in>>ch;
182
        int 1 = strlen(ch);
183
        int cnt = 0, sum = 0;
184
        for(i = 1-1; i >= 0;){
            sum = 0;
186
            int t = 1;
187
            for(int j = 0; j < 4 && i >= 0; j++,i--,t *=
188
               sum += (ch[i]-'0')*t;
189
            b.a[cnt] = sum;
190
            cnt++;
191
192
        b.len = cnt++;
193
        return in;
194
195
196
    ostream& operator << (ostream& out, BigNum& b)
197
198
        int i;
199
        cout << b.a[b.len - 1];
200
        for(i = b.len - 2 ; i >= 0 ; i--){
201
            cout.width(DLEN);
202
            cout.fill('0');
203
            cout << b.a[i];
205
        return out;
206
207
208
    template<typename T> BigNum BigNum::operator << (</pre>
209
         const T& b) const
210
        T \text{ temp} = 1;
211
        for(int i = 0; i < b; i++)</pre>
212
            temp *= 2;
213
        BigNum t = (*this) * temp;
214
        return t;
215
216
    template<typename T> BigNum BigNum::operator >> (
217
         const T& b) const
    {
218
        T temp = 1;
219
        for(int i = 0; i < b; i++)</pre>
220
            temp *= 2;
221
        BigNum t = (*this) / temp;
        return t;
223
224
```

```
for(j = 0 ; j < b.len ; j++){}
225
                                                                  290
    BigNum BigNum::operator + (const BigNum& b) const
                                                                                  temp = a[i] * b.a[j] + ret.a[i + j] + up;
226
                                                                  291
                                                                                  if(temp > MAXN){
227
                                                                  292
        BigNum t(*this);
                                                                                      temp1 = temp - temp / (MAXN + 1) * (MAXN
        int i,big;
                                                                                           + 1);
229
        big = b.len > len ? b.len : len;
                                                                                      up = temp / (MAXN + 1);
230
                                                                  294
        for(i = 0 ; i < big ; i++){</pre>
                                                                                      ret.a[i + j] = temp1;
231
                                                                  295
           t.a[i] += b.a[i];
                                                                                  }
232
                                                                  296
           if(t.a[i] > MAXN){
                                                                                  else{
               t.a[i + 1]++;
                                                                                      up = 0;
                                                                  298
               t.a[i] -=MAXN+1;
                                                                                      ret.a[i + j] = temp;
235
                                                                  299
236
                                                                  300
237
                                                                  301
        if(t.a[big] != 0)
                                                                              if(up != 0) ret.a[i + j] = up;
238
                                                                  302
           t.len = big + 1;
239
                                                                  303
                                                                           ret.len = i + j;
                                                                           while(ret.a[ret.len - 1] == 0 && ret.len > 1)
           t.len = big;
                                                                              ret.len--;
        return t;
242
                                                                  306
    }
                                                                           return ret;
243
                                                                  307
    BigNum BigNum::operator - (const BigNum& b) const
244
                                                                  308
                                                                       template<typename T> BigNum BigNum::operator / (const
245
                                                                  309
        int i,j,big;
                                                                             T& b) const
246
        bool flag;
                                                                  310
        BigNum t1,t2;
                                                                           BigNum ret;
                                                                  311
        if(*this>b){
                                                                           T i,down = 0;
249
                                                                  312
                                                                           for(i = len - 1; i >= 0; i--){
           t1 = *this;
250
                                                                  313
           t2 = b;
                                                                              ret.a[i] = (a[i] + down * (MAXN + 1)) / b;
251
                                                                  314
           flag = 0;
                                                                              down = a[i] + down * (MAXN + 1) - ret.a[i] * b
                                                                  315
252
        else{
                                                                  316
           t1 = b;
                                                                           ret.len = len;
                                                                  317
           t2 = *this;
                                                                           while(ret.a[ret.len - 1] == 0 && ret.len > 1)
256
                                                                  318
                                                                              ret.len--;
           flag = 1;
257
                                                                  319
                                                                           return ret;
                                                                  320
        big = t1.len;
259
                                                                  321
        for(i = 0 ; i < big ; i++){</pre>
                                                                       template<typename T> T BigNum::operator % (const T& b
                                                                  322
            if(t1.a[i] < t2.a[i]){</pre>
                                                                            ) const
261
               j = i + 1;
262
                                                                  323
               while(t1.a[j] == 0)
                                                                           T i, d=0;
263
                                                                  324
                                                                           for (i = len-1; i>=0; i--){
                   j++;
264
                                                                  325
                                                                              d = ((d * (MAXN+1))% b + a[i])% b;
               t1.a[j--]--;
265
                                                                  326
               while(j > i)
                                                                  327
                   t1.a[j--] += MAXN;
                                                                           return d;
                                                                  328
               t1.a[i] += MAXN + 1 - t2.a[i];
                                                                  329
           }
269
                                                                  330
           else
270
                                                                  331
               t1.a[i] -= t2.a[i];
                                                                       template<typename T> BigNum BigNum::operator^(const T
271
                                                                  332
                                                                           & n) const
        t1.len = big;
                                                                  333
        while(t1.a[t1.len - 1] == 0 && t1.len > 1){
                                                                           BigNum t,ret(1);
           t1.len--;
                                                                           int i;
275
                                                                  335
                                                                           if(n < 0) return 0;
           big--;
276
                                                                  336
                                                                           if(n == 0)
277
                                                                  337
        if(flag)
                                                                              return 1;
278
                                                                  338
           t1.a[big-1] = 0-t1.a[big-1];
                                                                           if(n == 1)
279
                                                                  339
                                                                              return *this;
        return t1;
    }
                                                                           int m = n;
                                                                           while(m > 1){
282
                                                                  342
    BigNum BigNum::operator * (const BigNum& b) const
                                                                              t =* this;
283
                                                                  343
                                                                              for(i = 1; (i<<1) <= m;i <<= 1)
284
                                                                  344
        BigNum ret;
                                                                                  t = t*t;
285
                                                                  345
        int i,j,up;
                                                                  346
                                                                              m-=i;
        int temp,temp1;
                                                                              ret=ret*t;
                                                                  347
        for(i = 0 ; i < len ; i++){</pre>
                                                                              if(m == 1) ret = ret * (*this);
                                                                  348
288
            up = 0;
                                                                  349
289
```

```
return ret;
350
351
    }
352
    bool BigNum::operator > (const BigNum& b) const
353
354
        int tot;
355
        if(len > b.len)
356
            return true;
357
        else if(len == b.len){
            tot = len - 1;
           while(a[tot] == b.a[tot] && tot >= 0)
360
361
            if(tot >= 0 && a[tot] > b.a[tot])
362
               return true;
363
            else
364
               return false;
        }
        else
367
            return false;
368
    }
369
370
    bool BigNum::operator < (const BigNum& b) const</pre>
371
        int tot;
        if(len > b.len)
374
           return false;
375
        else if(len == b.len){
376
           tot = len - 1;
377
           while(a[tot] == b.a[tot] && tot >= 0)
            if(tot >= 0 && a[tot] > b.a[tot])
               return false;
381
            else
382
               return true;//
383
        }
        else
            return true;
387
388
    bool BigNum::operator == (const BigNum& b) const
389
390
        int tot = len-1;
391
        if(len != b.len)
            return false;
        while(a[tot] == b.a[tot] && tot >= 0)
394
           tot--;
        if(tot < 0)
396
            return true;
        return false;
400
    void BigNum::print()
401
    {
402
        int i;
403
        cout << a[len - 1];
404
        for(i = len-2; i >= 0; i--){
            cout.width(DLEN);
            cout.fill('0');
407
            cout << a[i];</pre>
409
        cout << endl;
410
    int BigNum::Size()
412
413
    {
        int t = a[len-1], cnt = 0;
414
```

```
while(t){ t /= 10; cnt++; }
415
        cnt += (len-1)*4;
416
417
        return cnt;
418
    int BigNum::the first()
419
420
        int t = a[len-1];
421
        while(t > 10){ t /= 10;}
422
        return t;
    int BigNum::the_last()
425
426
        int t = a[0];
427
        return t%10;
428
429
    int BigNum::to_int()
430
    {
        int i,num;
432
        num = a[len-1];
433
        for(i = len-2; i >= 0; i--)
434
            num = num*(MAXN+1) + a[i];
435
        return num;
    long long int BigNum::to_long()
438
439
        int i;
440
        long long int num;
441
442
        num = a[len-1];
        for(i = len-2; i >= 0; i--)
443
            num = num*(MAXN+1) + a[i];
        return num;
    }
446
447
448
    int main()
449
        BigNum a,b;
        cin>>a>>b;
        (a+b).print();
452
        return 0;
453
454
```

7.3 进制转换

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
2
3
       2019 ICPC Asia Yinchuan Regional I
      x进制转换成y进制 x,y<=52
   int x,y,n;
   char s[1000005];
10
   vector<char> t;
11
12
   inline int get(char x)
13
       if(x>='0'&&x<='9') return x-'0';
15
       if(x>='A'&&x<='Z') return x-'A'+10;
16
       return x-'a'+36;
17
18
   inline char gao(int x)
```

```
if(x<10) return x+'0';
22
       if(x<36) return x-10+'A';
23
       return x-36+'a';
24
    }
26
27
    int main()
    {
28
       scanf("%d%d%s",&x,&y,s);
29
       int i=0;n=strlen(s);
       while(i<n)</pre>
31
32
           int r=0,cur;
33
           for(int j=i;j<n;j++)</pre>
34
35
               cur=r*x+get(s[j]);
36
              s[j]=gao(cur/y);
37
              r=cur%y;
39
           t.push_back(gao(r));
40
           while(s[i]=='0') i++;
41
       }
42
       reverse(t.begin(),t.end());
43
       for(auto c:t) printf("%c",c);
       return 0;
    }
46
```

- 7.4 约瑟夫环
- 7.5 悬线法
- 7.6 蔡勒公式
- 7.7 三角公式
- 7.8 海伦公式
- 7.9 匹克定理
- 7.10 组合计数
- 7.10.1 计数原理
- 7.10.2 卡特兰数
- 7.10.3 Polya
- 7.10.4 二项式反演公式
- 7.10.5 斯特林反演公式
- 7.10.6 组合数恒等式