# 小小青蛙听风就是雨

Hiedano Akyuu、Oneman<br/>233、KR12138 $2019 \ \hbox{\it ft} \ 10 \ \hbox{\it ft} \ 24 \ \hbox{\it ft}$ 

<b>目录</b> 4.4.2 边剖分									
				4.5	1 10413	17			
1	字符	串	1		4.5.1 Treap	17			
	1.1	KMP	1		4.5.2 Splay	19			
	1.2	EX-KMP	1	4.6	动态树	19			
	1.3	Manacher	1	4.7	主席树	19			
	1.4	串的最小表示	2	4.8	树套树	19			
	1.5	后缀数组	2		4.8.1 线段树套 Treap	19			
		1.5.1 倍增 SA	2			22			
		1.5.2 DC3	2	4.9		22			
	1.6	回文自动机	2			22			
		AC 自动机	3		24 18	22			
		1.7.1 多模匹配	3		•	22			
		1.7.2 自动机上 DP	3		- 7/1/24 114	$\frac{-}{2}$			
	1.8	后缀自动机	4			 23			
		/H-9x H-93 / V	_	4 11	並11 — 24	23			
<b>2</b>	计算	几何	4	1.11	74 74	23			
		二维几何	4			23			
		三维几何	6	4 19	200	$\frac{2}{2}$			
						$\frac{2}{2}$			
3	图论		6			$\frac{2}{2}$			
		最短路	6	4.14	· 此舞世 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Zξ			
		3.1.1 Dijkstra	6 5	动态	ं भा सा	25			
		3.1.2 SPFA	6	–		25			
		3.1.3 Floyd	6	5.2		26			
		3.1.4 负环	6	-	34.6	26			
		3.1.5 差分约束	7	5.5	细犬 DI	۷(			
	3.2	最小生成树		数学	6	26			
	J	3.2.1 Prim	7			26			
		3.2.2 Kruskal	8			26			
		3.2.3 最小生成树计数	8	0.2		26			
		3.2.4 次小生成树	8		30%	26			
		3.2.5 最小乘积生成树	8	6.3		26			
	3 3	树的直径	8	0.0		26			
		LCA	8	6.4		26			
	9.4	3.4.1 Tarjan 离线	8	0.1		26			
		3.4.2 倍增 LCA	9	6.5		26			
	3.5	无向图与有向图联通性	9	0.0		20			
	0.0	3.5.1 割点	9			26			
		3.5.2 桥	10			26			
		3.5.3 e-DCC	10	6.6		26			
		3.5.4 v-DCC	10	0.0		26			
		3.5.5 SCC	10		177. 177.	26			
		3.5.6 2-SAT	11			26			
			12		9021111	26			
	9.6	3.5.7 支配树	12 12	6.7		20 20			
	5.0	二分图		6.8		26			
		3.6.1 最大匹配-匈牙利	12	6.9		26			
	9.7	3.6.2	12		2013/3	20 26			
	3.7	网络流	13		20032	20 26			
		3.7.1 最大流-Dinic	13	0.11	1,479111422	20 20			
		3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic	14		1,011,70				
		3.7.3 上下界流	14	C 10	) 15474 Erra 11170	26			
	3.8	欧拉路	14	6.12	200 4/9/2000	26			
	3.9	Prufer 序列	15		JC13 4/4/14/X	26			
4	来と 打つ	4+++,	15			26			
4	数据		15		- 641.454	26			
		树状数组	15	C 10	- 7/1	26			
	4.2	线段树	15 15			26			
		4.2.1 帯优先级线段树	15			26			
		4.2.2 吉司机线段树	15			26			
	4.0	4.2.3 线段树维护扫描线	16			26			
	4.3	RMQ	16	0.17	WIE (1)	26			
		4.3.1 一维	16		1 H ///	26			
	4.4	4.3.2 两维	16	0.10		26			
	4.4	树链剖分	16		73-31-7-2-7	26			
		4.4.1 点剖分	16	0.19	) 卢卡斯定理	26			

7	其他	
	7.1	快读快写
	7.2	高精度
	7.3	约瑟夫环
	7.4	悬线法
	7.5	蔡勒公式
	7.6	三角公式
	7.7	海伦公式
	7.8	匹克定理
	7.9	组合计数
		7.9.1 计数原理
		7.9.2 卡特兰数
		7.9.3 Polya
		7.9.4 二项式反演公式
		7.9.5 斯特林反演公式
		7.9.6 组合数恒等式

## 1 字符串

#### 1.1 KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1000005;
   char s1[MAXN],s2[MAXN];
   int nxt[MAXN];
       nxt[i] s2[i-x..i-1]=s2[0..x-1]且x最大
       即s2[0..i]的真前缀与真后缀的最大匹配
10
       "ABAAB\0"=>[-1 0 0 1 1 2]
11
12
13
   void get_fail(char *s,int 1)
14
       int i=0,j;
       j=nxt[0]=-1;
17
       while(i<1)
19
          while(~j&&s[j]!=s[i]) j=nxt[j];
          nxt[++i]=++j;
23
24
   void kmp(char *s1,char *s2,int l1,int l2)
25
26
   {
       int i=0, j=0;
27
       get_fail(s2,12);
       while(i<l1)
30
          while(~j&&s1[i]!=s2[j]) j=nxt[j];
31
          i++,j++;
32
          if(j>=12); //匹配上了
       }
36
   int main()
37
38
       scanf("%s%s",s1,s2);
39
       int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2);
40
       kmp(s1,s2,l1,l2);
41
       for(int i=0;i<=12;i++)</pre>
          printf("%d ",nxt[i]);
       return 0;
44
   }
```

#### 1.2 EX-KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    ex[i]: s1[i..11-1]与s2的最大公共前缀长度
    exnext[i]: s2[i..12-1]与s2的最大公共前缀长度
    get_exnext(s2) 求exnext[]
    exkmp(s1,s2) 求ex[]

*/

const int N=50005;
char s1[N],s2[N];
```

```
int ex[N],exnext[N];
13
14
    void get_exnext(char s[N])
16
        int n=strlen(s),p=1,j,i;
17
        exnext[0]=n;
18
        for(i=0;i<n-1&&s[i]==s[i+1];i++);
19
20
        exnext[1]=i;
21
        for(i=2;i<n;i++)</pre>
           if(exnext[i-p]+i<p+exnext[p])</pre>
22
23
               exnext[i]=exnext[i-p];
24
           {
25
               j=exnext[p]+p-i;
26
27
               if(j<0) j=0;
               while(i+j<n&&s[j]==s[i+j]) j++;</pre>
28
               exnext[i]=j;
               p=i;
30
           }
31
32
33
    void exkmp(char s1[N],char s2[N])
34
35
        int l1=strlen(s1), l2=strlen(s2), p=0,i,j;
36
        get exnext(s2);
37
        for(i=0;i<l1&&i<l2&&s1[i]==s2[i];i++);</pre>
38
        ex[0]=i;
39
        for(int i=1;i<11;i++)</pre>
40
41
           if(exnext[i-p]+i<p+ex[p])</pre>
               ex[i]=exnext[i-p];
           else
44
45
               j=ex[p]+p-i;
46
               if(j<0) j=0;
47
               while(i+j<11&&s1[i+j]==s2[j]) j++;</pre>
               ex[i]=j;
49
               p=i;
50
           }
51
        }
52
```

#### 1.3 Manacher

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   int cnt,len,ans,p[N*2];
   char s[N],ss[N*2];
   void init() //将每两个字符中插入一个字符
8
9
       len=strlen(s),cnt=1;
10
       ss[0]='!',ss[cnt]='#';
11
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
12
          ss[++cnt]=s[i],ss[++cnt]='#';
13
14
15
   void manacher()
16
17
       int pos=0, mx=0;
18
       for(int i=1;i<=cnt;i++)</pre>
19
20
```

```
if(i<mx) p[i]=min(p[pos*2-i],mx-i);</pre>
21
           else p[i]=1;
22
           while(ss[i+p[i]]==ss[i-p[i]]) p[i]++;
           if(mx<i+p[i]) mx=i+p[i],pos=i;</pre>
           ans=max(ans,p[i]-1);
25
26
    }
27
    int main()
       scanf("%s",s);
31
       init();
32
       manacher();
33
       printf("%d\n",ans);
34
       return 0;
35
    }
```

## 1.4 串的最小表示

## 1.5 后缀数组

#### 1.5.1 倍增 SA

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
      str[0..len-1] 原串
       sa[1..len] 排名第i的后缀的下标[1..len]
       Rank[1..len] 从i开始的后缀的排名[1..len]
       height[1..len] 排名第i的后缀与排名第i-1的后缀的lcp
       i开始的后缀与j开始的后缀的lcp (Rank[i]<Rank[j])
      min{height[Rank[i]+1..Rank[j]]}
10
11
   const int MAXN=100005;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int wa[MAXN],wb[MAXN],wv[MAXN],wz[MAXN],sa[MAXN],Rank
        [MAXN],height[MAXN];
   char str[MAXN];
16
17
   inline bool cmp(int *r,int a,int b,int 1){return r[a
18
       ]==r[b]&&r[a+1]==r[b+1];}
   void da(const char r[],int sa[],int n,int m)
   {
21
       int i,j,p,*x=wa,*y=wb,*t;
       for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
       for(i=0;i<n;i++) wz[x[i]=r[i]]++;</pre>
       for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
       for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[x[i]]]=i;
       for(j=1,p=1;p<n;j*=2,m=p)</pre>
28
          for(p=0,i=n-j;i<n;i++) y[p++]=i;</pre>
29
          for(i=0;i<n;i++) if(sa[i]>=j) y[p++]=sa[i]-j;
30
          for(i=0;i<n;i++) wv[i]=x[y[i]];</pre>
31
          for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
          for(i=0;i<n;i++) wz[wv[i]]++;</pre>
          for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
          for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[wv[i]]]=y[i];
          for(t=x,x=y,y=t,p=1,x[sa[0]]=0,i=1;i<n;i++)</pre>
              x[sa[i]]=cmp(y,sa[i-1],sa[i],j)?p-1:p++;
   }
```

```
void calheight(const char *r,int *sa,int n)
41
42
       int i,j,k=0;
43
       for(i=1;i<=n;i++) Rank[sa[i]]=i;</pre>
       for(i=0;i<n;height[Rank[i++]]=k)</pre>
45
       for(k?k--:0,j=sa[Rank[i]-1];r[i+k]==r[j+k];k++);
46
       for(int i=n;i>=1;--i) sa[i]++,Rank[i]=Rank[i-1];
47
48
   int main()
50
51
       scanf("%s",str);
52
       int len=strlen(str);
53
       da(str,sa,len+1,130); //字符的值域
54
       calheight(str,sa,len);
55
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("sa[%d] %d\n",i,sa[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("Rank[%d] %d\n",i,Rank[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("height[%d] %d\n",i,height[i]);
61
62
       return 0;
```

#### 1.5.2 DC3

#### 1.6 回文自动机

```
#include <bits/stdc++.h>
   //jisuanke 41389
2
     fail[x]: x节点失配之后跳转到不等于自身的最长后缀回文子
     len[x]: 以x结尾的最长回文子串长度
6
     diff[x]: 与"以x结尾的最长回文子串"本质不同的子串个
     same[x]: 与"以x结尾的最长回文子串"本质相同的子串个数
     (注意上面两个完全相反)
     son[x][c]:编号为x的节点表示的回文子串在两边添加字符c
10
         之后变成的回文子串编号
     s[x]: 第x次添加的字符, s数组即原字符串
11
     tot: 总节点个数, 节点编号由0到tot-1
12
     last: 最后一个新建立节点的编号
     cur: 当前节点在PAM上的父亲编号
15
   #define int long long
   using namespace std;
   const int N=1e6+5;
   struct PAM
22
     int tot,last,n,cur;
23
     int fail[N],len[N],same[N],diff[N],son[N][26];
24
     char s[N];
25
     int get(int p,int x)
26
        while(s[x-len[p]-1]!=s[x])
           p=fail[p];
29
        return p;
30
31
     int newnode(int x)
32
33
        len[tot]=x;
```

```
return tot++;
35
       }
36
       void build()
37
          scanf("%s",s+1);
39
           s[0]=-1,fail[0]=1,last=0;
40
          newnode(0), newnode(-1);
42
          for(n=1;s[n];++n)
              s[n]-='a';
              cur=get(last,n);
              if(!son[cur][s[n]])
46
              {
47
                  int now=newnode(len[cur]+2);
48
                  fail[now]=son[get(fail[cur],n)][s[n]];
49
                  diff[now]=diff[fail[diff[now]]]+1;
                  son[cur][s[n]]=now;
              }
52
              same[last=son[cur][s[n]]]++;
53
          for(int i=tot-1;i>=0;--i)
              same[fail[i]]+=same[i];
   }pam;
59
   int v[26],ans=0;
60
   void dfs(int x,int now)
61
62
       if(pam.len[x]>0) ans+=pam.same[x]*now;
63
       for(int i=0;i<26;++i)</pre>
          if(pam.son[x][i]!=0)
66
67
              if(!v[i])
                  v[i]=1;
                  dfs(pam.son[x][i],now+1);
                  v[i]=0;
72
73
              else dfs(pam.son[x][i],now);
74
           }
75
       }
76
   signed main()
79
80
       pam.build();
81
       dfs(0,0);//even string
       dfs(1,0);//odd string
       printf("%11d",ans);
       return 0;
85
86
```

## 1.7 AC 自动机

#### 1.7.1 多模匹配

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
trie静态开点+trie图优化
*/
```

```
int sz,hd=1,nxt[1000005][26],fail[1000005],id
        [1000005],n;
   char s[1000005];
   void trie clean()
11
12
       sz=1:
13
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
14
       memset(fail,0,sizeof(fail));
15
       memset(id,0,sizeof(id));
16
17
18
    void trie insert(int head, char s[], int len, int idx)
19
20
21
       int p=head;
22
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
23
           int c=s[i]-'a';
24
           if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
25
           p=nxt[p][c];
26
27
       id[p]+=idx;
    void acatm build(int head)
31
32
       int p,tp;
33
34
       queue<int> q;
       q.push(head);
       fail[head]=0;
       while(!q.empty())
38
           p=q.front();
39
40
           q.pop();
           for(int i=0;i<26;i++)</pre>
41
               if(nxt[p][i])
                  fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
44
                       ]][i];
                  q.push(nxt[p][i]);
45
               }
46
              else
47
                  nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
50
   int acatm_match(int head,char s[],int len)
52
53
       int p=head,ret=0;
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
55
56
           int c=(int)s[i]-'a';
57
           p=nxt[p][c];
           for(int tp=p;tp;tp=fail[tp])
59
               if(id[tp]) ret++;
60
       return ret;
63
```

#### 1.7.2 自动机上 DP

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
```

```
每个串有个权值
       求一个长度为n的串使得每个串的权值乘以出现次数之和最大
   int fail[2005],nxt[2005][26],cnt[2005],sz,hd,n,m,dp
        [55][2005],from[55][2005];
   char s[105][15];
10
   string dps[55][2005];
   void clear()
13
14
       sz=hd=1;
15
       memset(dp,0xc0,sizeof(dp));
16
       memset(fail,0,sizeof(fail));
17
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
       memset(cnt,0,sizeof(cnt));
   }
20
   void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
22
23
       int p=head;
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
          int c=s[i]-'a';
27
          if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
28
          p=nxt[p][c];
29
30
31
       cnt[p]+=idx;
   }
   void acatm build(int head)
34
35
       queue<int> q;
       q.push(head);
       while(!q.empty())
          int p=q.front();
40
          q.pop();
41
          for(int i=0;i<26;i++)</pre>
42
              if(nxt[p][i])
43
              {
                  fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                      ]][i];
                  cnt[nxt[p][i]]+=cnt[fail[nxt[p][i]]];
                 q.push(nxt[p][i]);
              }
              else
                 nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
52
53
   bool scmp(string a, string b)
54
55
       if(a.length()==b.length()) return a<b;</pre>
       else return a.length()<b.length();</pre>
   }
59
   void solve()
60
61
       clear();
       scanf("%d%d",&n,&m);
       for(int i=0;i<m;i++)</pre>
          scanf("%s",s[i]);
65
       for(int i=0;i<m;i++)</pre>
66
```

```
67
            int x;
68
            scanf("%d",&x);
69
            trie_insert(hd,s[i],strlen(s[i]),x);
71
        acatm_build(hd);
72
        for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
            for(int j=0;j<=sz;j++)</pre>
               dps[i][j]=string("");
76
77
        int ans=0;
        string anss;
78
        queue<pair<int,int> > q;
79
        dp[0][1]=0;
80
        for(int i=0;i<n;i++)</pre>
81
            for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
               for(int k=0;k<26;k++)</pre>
                   if(dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]>dp[i+1][nxt[j
                        ][k]]
                   ||dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]==dp[i+1][nxt[j
                        ][k]]&&scmp(dps[i][j]+char('a'+k),
                        dps[i+1][nxt[j][k]]))
                       dps[i+1][nxt[j][k]]=dps[i][j]+char('
                       dp[i+1][nxt[j][k]]=dp[i][j]+cnt[nxt[
88
        for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
            for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
               if(dp[i][j]>ans||dp[i][j]==ans&&scmp(dps[i
                    [][j],anss))
               {
93
                   ans=dp[i][j];
                   anss=dps[i][j];
        for(int i=0;i<anss.length();i++)</pre>
            printf("%c",anss[i]);
98
        printf("\n");
99
100
101
    int main()
        int ;
        scanf("%d",&);
105
        while( --) solve();
106
        return 0;
107
108
```

#### 1.8 后缀自动机

## 2 计算几何

#### 2.1 二维几何

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define db double
const db EPS=1e-9;
inline int sign(db a){return a<-EPS?-1:a>EPS;}
inline int cmp(db a,db b){return sign(a-b);}
struct P

{
```

```
db x,y;
10
       P(){}
       P(db x,db y):x(x),y(y){}
       P operator+(P p){return {x+p.x,y+p.y};}
       P operator-(P p){return {x-p.x,y-p.y};}
       P operator*(db d){return {x*d,y*d};}
       P operator/(db d){return {x/d,y/d};}
       bool operator<(P p) const</pre>
          int c=cmp(x,p.x);
          if(c) return c==-1;
          return cmp(y,p.y)==-1;
21
22
       bool operator==(P o) const
23
          return cmp(x,o.x)==0&&cmp(y,o.y)==0;
       db distTo(P p){return (*this-p).abs();}
       db alpha(){return atan2(y,x);}
       void read(){scanf("%lf%lf",&x,&y);}
       void write(){printf("(%.10f,%.10f)\n",x,y);}
       db abs(){return sqrt(abs2());}
       db abs2(){return x*x+y*y;}
       P rot90(){return P(-y,x);}
       P unit(){return *this/abs();}
       int quad() const {return sign(y)==1||(sign(y)==0&&
           sign(x)>=0);
       db dot(P p){return x*p.x+y*p.y;}
36
       db det(P p){return x*p.y-y*p.x;}
       P rot(db an){return {x*cos(an)-y*sin(an),x*sin(an)
           +y*cos(an)};}
   };
39
   //For segment
   #define cross(p1,p2,p3) ((p2.x-p1.x)*(p3.y-p1.y)-(p3.
       x-p1.x)*(p2.y-p1.y)
   #define crossOp(p1,p2,p3) sign(cross(p1,p2,p3))
44
   bool chkLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //0:parallel
45
46
   {
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
47
       return sign(a1+a2)!=0;
48
   P isLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //crossover point if
51
       chkLL()
52
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
       return (p1*a2+p2*a1)/(a1+a2);
   bool intersect(db l1,db r1,db l2,db r2)
57
58
       if(l1>r1) swap(l1,r1);if(l2>r2) swap(l2,r2);
59
       return !(cmp(r1,12)==-1||cmp(r2,11)==-1);
   bool isSS(P p1,P p2,P q1,P q2)
63
       return intersect(p1.x,p2.x,q1.x,q2.x)&&intersect(
           p1.y,p2.y,q1.y,q2.y)&&
       crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2) <= 0\&\&crossOp(q1
           ,q2,p1)*cross0p(q1,q2,p2)<=0;
   }
67
```

```
bool isSS_strict(P p1,P p2,P q1,P q2)
69
70
        return crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<0
71
        &&crossOp(q1,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<0;
72
73
    bool isMiddle(db a,db m,db b)
75
        return sign(a-m)==0||sign(b-m)==0||(a<m!=b<m);</pre>
78
    bool isMiddle(P a,P m,P b)
80
81
        return isMiddle(a.x,m.x,b.x)&&isMiddle(a.y,m.y,b.y
82
            );
83
    bool onSeg(P p1,P p2,P q)
85
86
        return crossOp(p1,p2,q)==0&&isMiddle(p1,q,p2);
87
    bool onSeg_strict(P p1,P p2,P q)
91
        return crossOp(p1,p2,q)==0&&sign((q-p1).dot(p1-p2)
92
            )*sign((q-p2).dot(p1-p2))<0;
93
    P proj(P p1,P p2,P q)
        P dir=p2-p1;
        return p1+dir*(dir.dot(q-p1)/dir.abs2());
98
99
    P reflect(P p1,P p2,P q)
101
        return proj(p1,p2,q)*2-q;
103
104
105
    db nearest(P p1,P p2,P q)
106
107
        P h=proj(p1,p2,q);
108
        if(isMiddle(p1,h,p2))
           return q.distTo(h);
110
        return min(p1.distTo(q),p2.distTo(q));
111
112
113
    db disSS(P p1,P p2,P q1,P q2) //dist of 2 segments
114
115
        if(isSS(p1,p2,q1,q2)) return 0;
116
        return min(min(nearest(p1,p2,q1),nearest(p1,p2,q2)
117
            ),min(nearest(q1,q2,p1),nearest(q1,q2,p2)));
118
119
    db rad(P p1,P p2)
120
121
        return atan2l(p1.det(p2),p1.dot(p2));
122
123
    db area(vector<P> ps)
125
126
        db ret=0;
127
        for(int i=0;i<ps.size();i++)</pre>
128
           ret+=ps[i].det(ps[(i+1)%ps.size()]);
129
        return ret/2;
130
```

```
131
132
    int contain(vector<P> ps,P p) //2:inside,1:on_seg,0:
134
        int n=ps.size(),ret=0;
135
        for(int i=0;i<n;i++)</pre>
136
            P u=ps[i], v=ps[(i+1)%n];
            if(onSeg(u,v,p)) return 1;
139
            if(cmp(u.y,v.y)<=0) swap(u,v);
140
            if(cmp(p.y,u.y)>0||cmp(p.y,v.y)<=0) continue;</pre>
141
            ret^=crossOp(p,u,v)>0;
142
143
        return ret*2;
144
145
    vector<P> convexHull(vector<P> ps)
147
148
        int n=ps.size();if(n<=1) return ps;</pre>
149
150
        sort(ps.begin(),ps.end());
        vector<P> qs(n*2);int k=0;
        for(int i=0;i<n;qs[k++]=ps[i++])</pre>
           while(k>1&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
153
        for(int i=n-2,t=k;i>=0;qs[k++]=ps[i--])
154
           while(k>t&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
155
                --k;
        qs.resize(k-1);
156
        return qs;
159
    db convexDiameter(vector<P> ps)
160
161
        int n=ps.size();if(n<=1) return 0;</pre>
162
        int is=0, js=0;
        for(int k=1;k<n;k++) is=ps[k]<ps[is]?k:is,js=ps[js</pre>
164
             ]<ps[k]?js:k;</pre>
        int i=is,j=js;
165
        db ret=ps[i].distTo(ps[j]);
166
        do{
167
            if((ps[(i+1)%n]-ps[i]).det(ps[(j+1)%n]-ps[j])
                >=0) (++j)%=n;
            else (++i)%=n;
            ret=max(ret,ps[i].distTo(ps[j]));
        }while(i!=is||j!=js);
        return ret;
172
    }
173
```

#### 2.2 三维几何

## 3 图论

#### 3.1 最短路

#### 3.1.1 Dijkstra

```
#include <bits/stdc++.h>
#define mkp(a,b) make_pair(a,b)
#define fst first
#define snd second
//luogu P4779
using namespace std;
typedef pair<int,int> pii;
```

```
const int inf=0x3f3f3f3f;
   const int N=1000005;
9
   struct edge
11
12
       int y, v;
13
       edge(int Y,int V):y(Y),v(V){}
14
15
   vector<edge> e[N];
   void add(int x,int y,int v)
17
18
       e[x].push back(edge(y,v));
19
20
21
   int n,m,s;
22
   int dis[N];
   bool vis[N];
25
   void dij(int s)
26
27
       memset(dis,0x3f,sizeof(dis));
       dis[s]=0;
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
       q.push(mkp(0,s));
       while(!q.empty())
32
33
           int x=q.top().snd;
34
           q.pop();
35
           if(vis[x]) continue;
           vis[x]=1;
           for(auto y:e[x])
39
               if(dis[x]+y.v<dis[y.y])</pre>
40
41
                  dis[y.y]=dis[x]+y.v;
                  q.push(mkp(dis[y.y],y.y));
44
45
46
47
   int main()
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&s);
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
52
53
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
54
           add(x,y,z);
       dij(s);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           printf("%d ",dis[i]==inf?2147483647:dis[i]);
59
       return 0;
60
61
```

- 3.1.2 SPFA
- 3.1.3 Floyd
- 3.1.4 负环

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P3385
using namespace std;
const int N=2005;
```

```
int _,n,m,dis[N],cnt[N];
6
   bool vis[N];
   vector<int> e[N],v[N];
   void add(int x,int y,int z)
10
       e[x].push_back(y);
11
12
       v[x].push_back(z);
   }
14
   bool spfa(int s)
15
16
       queue<int> q;
17
       memset(dis,0x3f,sizeof(dis));
18
       memset(vis,0,sizeof(vis));
19
       memset(cnt,0,sizeof(cnt));
       dis[s]=0;
       vis[s]=cnt[s]=1;
22
       q.push(1);
23
       while(!q.empty())
24
25
           int f=q.front();
26
           q.pop();
           vis[f]=0;
           for(int i=0;i<e[f].size();++i)</pre>
29
30
               int y=e[f][i];
31
              if(dis[y]>dis[f]+v[f][i])
32
                  dis[y]=dis[f]+v[f][i];
                  if(!vis[y])
                  {
36
                      vis[y]=1;
37
                      q.push(y);
                      cnt[y]++;
                      if(cnt[y]>n) return 1;
                  }
               }
42
43
44
       return 0;
45
46
   int main()
49
       scanf("%d",&_);
50
       while(_--)
51
           scanf("%d%d",&n,&m);
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
               e[i].clear(),v[i].clear();
55
           for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
56
57
               scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
               if(z<0) add(x,y,z);
               else add(x,y,z),add(y,x,z);
           if(spfa(1)) puts("YE5");
62
           else puts("N0");
63
64
       return 0;
65
   }
```

#### 3.1.5 差分约束

#### 3.2 最小生成树

#### 3.2.1 Prim

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3366
    using namespace std;
       prim/kruskal一定要注意解决重边
6
    const int N=5005;
9
    const int inf=0x3f3f3f3f;
10
11
12
    int n,m;
    int mp[N][N];
    int dis[N];
15
    int prim(int s)
16
17
       int sum=0;
       int cnt=0;
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           dis[i]=mp[s][i];
       cnt++;
22
       while(1)
23
       {
24
           int mn=inf;
25
           int now=-1;
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
28
               if(dis[i]!=0&&dis[i]<mn)</pre>
29
               {
30
                   mn=dis[i];
                   now=i;
           if(now==-1) break;
35
           sum+=dis[now];
36
           dis[now]=0;
37
           cnt++;
38
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
               if(dis[i]!=0&&mp[now][i]<dis[i])</pre>
                   dis[i]=mp[now][i];
43
       if(cnt<n) return -1;</pre>
       else return sum;
48
    int main()
49
50
       scanf("%d%d",&n,&m);
51
       memset(mp,0x3f,sizeof(mp));
52
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           mp[i][i]=0;
54
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
55
56
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
57
           mp[x][y]=min(mp[x][y],z);
           mp[y][x]=min(mp[y][x],z);
       }
```

```
int ans=prim(1);
if(ans==-1) puts("orz");
else printf("%d",ans);
return 0;
}
```

#### 3.2.2 Kruskal

#include <bits/stdc++.h>

```
//luogu P3366
    using namespace std;
4
5
       prim/kruskal一定要注意解决重边
6
    const int N=200005;
    int n,m;
11
    struct node
12
13
       int x,y,z;
14
    }o[N];
15
    bool cmp(node a, node b)
17
18
       return a.z<b.z;</pre>
19
    }
20
21
    int f[5005];
    int _find(int x)
    {
24
        if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
25
       return f[x];
26
27
    void _merge(int x,int y)
28
       x=_find(x),y=_find(y);
30
       if(x!=y) f[x]=y;
31
    }
32
33
    int kk()
34
35
    {
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           f[i]=i;
37
       sort(o+1,o+1+m,cmp);
38
       int sum=0;
39
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
40
           if(_find(o[i].x)!=_find(o[i].y))
               sum+=o[i].z;
44
               _merge(o[i].x,o[i].y);
45
46
47
       int tmp=_find(1);
48
       for(int i=2;i<=n;++i)</pre>
           if(_find(i)!=tmp)
50
               return -1;
51
        return sum;
52
    }
53
    int main()
    {
```

- 3.2.3 最小生成树计数
- 3.2.4 次小生成树
- 3.2.5 最小乘积生成树
- 3.3 树的直径
- 3.4 LCA
- 3.4.1 Tarjan 离线

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P3379
   using namespace std;
       tarjan求lca要注意时间复杂度可能会爆炸,模板题开了02才
           过,并且要小心数组越界
7
   const int N=1000005;
   int n,m,s,x,y;
   vector<int> e[N],q[N],id[N];
12
   int ans[N*2];
13
   bool vis[N];
14
   int f[N];
^{15}
   int _find(int x)
16
17
       if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
18
       return f[x];
19
20
   void _merge(int x,int y)
21
22
       x=_find(x),y=_find(y);
23
       if(x!=y) f[x]=y;
25
26
   void tarjan(int u)
27
28
       vis[u]=1;
29
       for(auto v:e[u])
30
          if(!vis[v])
32
          {
33
              tarjan(v);
34
35
              _merge(v,u);
36
37
       for(int i=0;i<q[u].size();++i)</pre>
38
39
          int v=q[u][i];
40
          int k=id[u][i];
41
          if(vis[v]&&ans[k]==0)
42
              ans[k]=_find(v);
43
       }
```

```
45
46
   int main()
47
   {
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&s);
49
       for(int i=1;i<=n;++i) f[i]=i;</pre>
50
       for(int i=1;i<=n-1;++i)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y),e[x].push_back(y),e[y].
               push_back(x);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
53
           scanf("%d%d",&x,&y),
54
           q[x].push_back(y),q[y].push_back(x),
55
           id[x].push_back(i),id[y].push_back(i);
56
       tarjan(s);
57
       for(int i=1;i<=m;++i)
           printf("%d\n",ans[i]);
       return 0;
   }
61
```

#### 3.4.2 倍增 LCA

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       预处理 O(nlogn)
       单次查询 O(logn)
   */
   const int MAXN=500005;
   int n,q,dep[MAXN],s,lg[MAXN],fa[MAXN][32];
   vector<int> e[MAXN];
11
12
   void dfs(int now,int pa)
13
14
       dep[now]=dep[pa]+1;
       fa[now][0]=pa;
       for(int i=1;(1<<i)<=dep[now];i++)</pre>
           fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-1];
18
       for(auto to:e[now])
19
           if(to!=pa) dfs(to,now);
20
21
   }
   int lca(int x,int y)
   {
24
       if(dep[x]<dep[y]) swap(x,y);</pre>
25
       while(dep[x]>dep[y]) x=fa[x][lg[dep[x]-dep[y]]-1];
26
       if(x==y) return x;
       for(int i=lg[dep[x]]-1;i>=0;i--)
           if(fa[x][i]!=fa[y][i])
              x=fa[x][i],y=fa[y][i];
       return fa[x][0];
31
   }
32
33
   int main()
34
35
       for(int i=1;i<MAXN;i++)</pre>
           lg[i]=lg[i-1]+(1<<lg[i-1]==i);
37
       scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
       for(int i=0,x,y;i<n-1;i++)</pre>
39
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       }
```

```
dep[0]=0;
44
        dfs(s,0);
45
        for(int i=0,x,y;i<q;i++)</pre>
46
            scanf("%d%d",&x,&y);
48
            printf("%d\n",lca(x,y));
49
        }
50
51
        return 0;
52
    }
```

## 3.5 无向图与有向图联通性

#### 3.5.1 割点

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define int long long
2
   //luogu P3469
3
4
       tarjan求割点的算法中,如果不保证连通性,应该使用被注释
           掉的遍历方法
       part数组储存了被这个割点分成的不同的几块各自的大小
   using namespace std;
10
   const int N=100005;
12
   int n,m,x,y;
13
   vector<int> e[N],part[N];
   bool is[N];
   int dfn[N],low[N],timer=0;
   int sz[N];
   void tarjan(int u,int f)
19
20
       dfn[u]=low[u]=++timer;
21
       sz[u]++;//
       int son=0,tmp=0;
       for(auto v:e[u])
25
          if(dfn[v]==0)
26
27
             tarjan(v,u);
28
             sz[u]+=sz[v];//
             low[u]=min(low[u],low[v]);
             if(low[v]>=dfn[u]&&u!=f)
31
             {
                 is[u]=1;
33
                 tmp+=sz[v];//
34
                 part[u].push_back(sz[v]);//
35
             if(u==f) son++;
38
          low[u]=min(low[u],dfn[v]);
39
40
       if(son)=2\&u==f) is [u]=1;//point on the top
41
       if(is[u]&&n-tmp-1!=0)
42
          part[u].push_back(n-tmp-1);//
44
45
   signed main()
46
47
       scanf("%11d%11d",&n,&m);
48
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
49
```

```
scanf("%11d%11d",&x,&y);
51
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
52
       }
       for(int i=1;i<=n;++i)
55
           if(!dfn[i]) tarjan(i,i);
56
       tarjan(1,0);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           if(!is[i]) printf("%lld\n",2*(n-1));
61
62
              int tmp=0;
63
              for(auto j:part[i])
64
                  tmp+=j*(j-1);
              printf("%lld\n",n*(n-1)-tmp);
           }
       return 0;
69
   }
70
```

### 3.5.2 桥

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define mkp make_pair
   //uva796
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   typedef pair<int,int> pii;
   inline int read(){
       char ch=getchar();int s=0,w=1;
       while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
      while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
10
           getchar();}
       return s*w;
11
   inline void write(int x){
       if(x<0)putchar('-'),x=-x;</pre>
       if(x>9)write(x/10);
15
       putchar(x%10+48);
16
   }
17
18
   int n;
   int dfn[N],low[N],timer=0;
   int fa[N];
   vector<int> e[N];
   vector<pii> ans;
   void tarjan(int u,int f)
       fa[u]=f;
       dfn[u]=low[u]=++timer;
28
       for(auto v:e[u])
29
30
          if(!dfn[v])
31
             tarjan(v,u);
             low[u]=min(low[u],low[v]);
              //if(dfn[u]<low[v]) is[u][v]=1;
             //u is v's father
          }
          else if(v!=f) low[u]=min(low[u],dfn[v]);
   }
```

```
void init()
42
43
       timer=0;
       for(int i=0;i<n;++i) dfn[i]=low[i]=fa[i]=0;</pre>
45
       for(int i=0;i<n;++i) e[i].clear();</pre>
46
       ans.clear();
47
48
    void gao()
50
51
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
52
           if(!dfn[i]) tarjan(i,-1);
53
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
54
55
           int F=fa[i];
           if(F!=-1&&dfn[F]<low[i])
               ans.emplace_back(min(F,i),max(F,i));
       }
59
       sort(ans.begin(),ans.end());
       printf("%d critical links\n",(int)ans.size());
       for(auto i:ans)
           printf("%d - %d\n",i.first,i.second);
       puts("");
65
66
    int main()
67
68
       while(~scanf("%d",&n))
69
           if(n==0)
           {
               puts("0 critical links");
               puts("");
74
               continue;
75
           init();
77
           for(int i=0,x,y,z;i<n;++i)</pre>
78
79
               scanf("%d (%d)",&x,&y);
80
               for(int i=0;i<y;++i)</pre>
                   z=read(),
                   e[x].push_back(z),
                   e[z].push_back(x);
           }
           gao();
       }
       return 0;
    }
```

```
3.5.3 e-DCC
```

- 3.5.4 v-DCC
- 3.5.5 SCC

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P2341
using namespace std;

/*
scc表示某标号的强连通分量中的点,co表示某个点属于哪个强连通分量
gao函数是重建图,按照题意寻找有没有链
*/
```

```
const int N=10005;
10
   int n,m,x[N*5],y[N*5];
   vector<int> e[N],scc[N];
13
   int co[N],color=0;
   stack<int> s;
15
16
   bool vis[N];
   int dfn[N],low[N],timer=0;
   void tarjan(int u)
19
20
       dfn[u]=low[u]=++timer;
21
       s.push(u);
22
       vis[u]=1;
23
       for(auto v:e[u])
           if(!dfn[v])
26
           {
              tarjan(v);
              low[u]=min(low[u],low[v]);
           else if(vis[v]) low[u]=min(low[u],dfn[v]);
       if(low[u]==dfn[u])
33
34
           ++color;
35
           int t;
36
           do
              t=s.top();
              s.pop();
40
              co[t]=color;
              vis[t]=0;
42
              scc[color].push_back(t);
           while(u!=t);
46
47
48
   int f[N];
49
   int _find(int x)
   {
       if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
       return f[x];
53
   }
54
   void _merge(int x,int y)
55
56
       x=_find(x),y=_find(y);
       if(x!=y) f[x]=y;
58
59
60
   int d[N];
61
   void gao()
62
63
       for(int i=1;i<=color;++i)</pre>
           f[i]=i;
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
66
           if(co[x[i]]!=co[y[i]])
               _merge(co[x[i]],co[y[i]]),
              d[co[x[i]]]++;
       int F=_find(1);
72
       for(int i=1;i<=color;++i)</pre>
73
```

```
if(_find(i)!=F) {puts("0");return;}
74
       int ans=0,tmp=0;
75
       for(int i=1;i<=color;++i)</pre>
76
           if(d[i]==0)
               ans+=scc[i].size(),tmp++;
79
       if(tmp>1) ans=0;
81
       printf("%d",ans);
83
   int main()
85
86
       scanf("%d%d",&n,&m);
87
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           scanf("%d%d",&x[i],&y[i]);
           e[x[i]].push_back(y[i]);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           if(!dfn[i]) tarjan(i);
       gao();
       return 0;
```

#### 3.5.6 2-SAT

```
#include <bits/stdc++.h>
2
   using namespace std;
   //luogu P4782
5
       2-SAT用于求解有n个布尔变量x1-xn和m个需要满足的条件
6
       每个条件形式为xi=0(1)||xj=0(1), 是否有可行解
       注意要开两倍空间建反向边
   */
9
   const int N=2e6+5;
12
   int n,m,a,va,b,vb;
13
   int dfn[N],low[N],timer=0;
14
   stack<int> s;
15
   bool vis[N];
   vector<int> e[N];
   int co[N],color=0;
   void add(int x,int y)
20
21
       e[x].push_back(y);
22
   void tarjan(int u)
25
26
       dfn[u]=low[u]=++timer;
27
       s.push(u);
28
       vis[u]=1;
29
       for(auto v:e[u])
31
          if(!dfn[v])
32
             tarjan(v),
33
             low[u]=min(low[u],low[v]);
          else if(vis[v])
35
             low[u]=min(low[u],dfn[v]);
36
       }
37
```

```
if(low[u]==dfn[u])
38
39
           int v;
           color++;
           do
42
43
               v=s.top();
               s.pop();
               vis[v]=0;
               co[v]=color;
48
           while(u!=v);
49
50
    }
51
52
   bool solve()
    {
       for(int i=1;i<=2*n;++i)</pre>
55
           if(!dfn[i]) tarjan(i);
56
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
57
           if(co[i]==co[i+n])
               return 0;
       return 1;
62
   int main()
63
64
       scanf("%d%d",&n,&m);
65
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           scanf("%d%d%d%d",&a,&va,&b,&vb);
           int nota=va^1,notb=vb^1;
69
           add(a+nota*n,b+vb*n);//not a and b
70
           add(b+notb*n,a+va*n);//not b and a
       if(solve())
           puts("POSSIBLE");
75
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
76
               printf("%d ",co[i]>co[i+n]);
77
78
       else puts("IMPOSSIBLE");
79
       return 0;
   }
```

## 3.5.7 支配树

#### 3.6 二分图

#### 3.6.1 最大匹配-匈牙利

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P3386
using namespace std;

/*
hungary每一次遍历必须要清空vis数组
*/
const int N=1005;

vector<int> e[N];
bool vis[N];
int match[N],rematch[N];
```

```
bool dfs(int u)
15
16
17
       for(auto v:e[u])
           if(!vis[v]){
19
               vis[v]=1;
20
               if(match[v]==0||dfs(match[v]))
21
                   match[v]=u;
                   rematch[u]=v;
                   return 1;
25
26
27
28
29
       return 0;
30
    int n,m,k;
32
33
    int main()
34
35
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
36
       for(int i=1,x,y;i<=k;++i)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
39
           if(x>n||y>m) continue;
40
           e[x].push_back(y);
41
42
       int ans=0;
43
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           memset(vis,0,sizeof(vis));
46
           if(dfs(i)) ans++;
47
       printf("%d",ans);
49
       return 0;
```

#### 3.6.2 帯权匹配-KM

```
#include <bits/stdc++.h>
   //hdu 2255
2
   using namespace std;
       KM仅用于最大带权匹配一定是最大匹配的情况中
   const int N=305;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int n,mp[N][N];
12
   int la[N],lb[N],delta;
13
   bool va[N],vb[N];
14
   int match[N];
15
16
   bool dfs(int x)
17
18
       va[x]=1;
19
       for(int y=1;y<=n;++y)</pre>
20
21
          if(!vb[y]){
22
              if(la[x]+lb[y]==mp[x][y])
23
```

```
vb[y]=1;
25
                  if(!match[y]||dfs(match[y]))
26
                      match[y]=x;
                      return 1;
               }
               else
                   delta=min(delta,la[x]+lb[y]-mp[x][y]);
           }
34
35
       return 0;
36
37
38
    int km()
39
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
42
           match[i]=0;
43
           la[i]=-inf;
           lb[i]=0;
           for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
               la[i]=max(la[i],mp[i][j]);
49
50
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
51
           while(1)
               memset(va,0,sizeof(va));
               memset(vb,0,sizeof(vb));
               delta=inf;
               if(dfs(i)) break;
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
                   if(va[j]) la[j]-=delta;
                   if(vb[j]) lb[j]+=delta;
62
63
           }
64
65
       int ans=0;
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           ans+=mp[match[i]][i];
       return ans;
69
   }
70
   int main()
       while(~scanf("%d",&n))
75
           memset(mp,-0x3f,sizeof(mp));
76
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
77
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
                   scanf("%d",&mp[i][j]);
           printf("%d\n",km());
       return 0;
```

#### 3.7 网络流

## 3.7.1 最大流-Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
       s,t 超级源、超级汇
6
       cur[] 当前弧优化
       时间复杂度 O(n^2*m)
10
   const int MAXN=10005;
11
   const 11 inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f11;
   int n,m,s,t,tot,dis[MAXN],cur[MAXN];
   struct edge
14
   {
       int to,cap,rev;
       edge(){}
17
       edge(int to,int cap,int rev):to(to),cap(cap),rev(
18
           rev){}
19
   vector<edge> E[MAXN];
   inline void add_edge(int x,int y,int f)
22
23
       E[x].emplace_back(y,f,E[y].size());
24
       E[y].emplace_back(x,0,E[x].size()-1);
25
26
   int bfs()
28
29
       for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f;</pre>
30
       dis[s]=0;
31
       queue<int> q;
       q.push(s);
       while(!q.empty())
          int now=q.front();q.pop();
36
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
37
38
              edge &e=E[now][i];
39
              if(dis[e.to]>dis[now]+1&&e.cap)
                  dis[e.to]=dis[now]+1;
                  if(e.to==t) return 1;
                  q.push(e.to);
              }
       return 0;
49
50
   11 dfs(int now, 11 flow)
51
52
       if(now==t) return flow;
53
       11 rest=flow,k;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
55
56
          edge &e=E[now][i];
57
          if(e.cap&&dis[e.to]==dis[now]+1)
              cur[now]=i;
              k=dfs(e.to,min(rest,(long long)e.cap));
```

```
e.cap-=k;
62
               E[e.to][e.rev].cap+=k;
63
               rest-=k:
           }
66
       return flow-rest;
67
    }
68
69
   11 dinic()
71
72
       11 ret=0,delta;
       while(bfs())
73
74
           for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=0;</pre>
75
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
76
77
       return ret;
   }
```

#### 3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic

#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

```
typedef pair<int,int> pii;
       第一遍跑的spfa,然后是加上势函数的dij,玄学
6
      h[] 势函数
       cur[] 当前弧优化
      msmf 最大流时的最小费用
       s,t 超级源、超级汇
       时间复杂度 O(n^2*m)
11
   */
12
13
   const int MAXN=2005;
14
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int msmf,s,t,cur[MAXN],dis[MAXN],vis[MAXN],h[MAXN];
   struct edge
17
18
       int to,val,cap,rev;
19
       edge(){}
20
       edge(int to,int cap,int val,int rev):to(to),cap(
21
           cap),val(val),rev(rev){}
   };
22
   vector<edge> E[MAXN];
23
24
   inline void add_edge(int x,int y,int f,int cost)
25
26
       E[x].emplace_back(y,f,cost,E[y].size());
       E[y].emplace_back(x,0,-cost,E[x].size()-1);
30
   int dij()
31
32
       fill(dis,dis+t+1,inf);
33
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
34
       q.emplace(0,s);dis[s]=0;
       while(!q.empty())
36
          pii p=q.top();q.pop();
          int now=p.second;
          if(dis[now]<p.first) continue;</pre>
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
```

```
edge &e=E[now][i];
43
               if(e.cap>0&&dis[e.to]>p.first+e.val+h[now]-
44
                   h[e.to])
               {
                  dis[e.to]=p.first+e.val+h[now]-h[e.to];
46
                  q.emplace(dis[e.to],e.to);
47
               }
           }
49
       return dis[t]!=inf;
51
52
53
   int dfs(int now,int flow)
54
55
       if(now==t) return flow;
56
       int rest=flow,k;
57
       vis[now]=1;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
59
60
           edge &e=E[now][i];
61
           if(e.cap&&dis[now]+e.val+h[now]-h[e.to]==dis[e
                .to]&&!vis[e.to])
63
               cur[now]=i;
               k=dfs(e.to,min(e.cap,rest));
65
              e.cap-=k;
66
              E[e.to][e.rev].cap+=k;
67
              rest-=k;
              msmf+=k*e.val;
69
       vis[now]=0;
72
       return flow-rest;
73
74
   int dinic()
76
77
       int ret=0,delta;
78
       while(dij())
79
80
       {
           for(int i=s;i<=t;i++) cur[i]=0;</pre>
81
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
82
           for(int i=s;i<=t;i++) h[i]+=(dis[i]==inf)?0:</pre>
                dis[i];
84
       return ret;
85
   }
86
```

#### 3.7.3 上下界流

#### 3.8 欧拉路

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P2731
using namespace std;
const int N=505;

/*
euler_path一定要找到正确的起点
*/
int n;
int mp[N][N];
stack<int> st;
int deg[N];
```

```
void dfs(int x)
15
16
        for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
18
           if(mp[x][i])
19
20
               mp[x][i]--;
               mp[i][x]--;
               dfs(i);
25
        st.push(x);
26
27
28
    int main()
    {
        scanf("%d",&n);
31
        for(int i=1,x,y;i<=n;++i)</pre>
32
33
            scanf("%d%d",&x,&y);
           mp[x][y]++;
           mp[y][x]++;
           deg[x]++;
           deg[y]++;
38
39
        int s=1;
40
        for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
41
            if(deg[i]%2==1)
               s=i;
45
               break;
46
       dfs(s);
       while(!st.empty())
51
            printf("%d\n",st.top());
52
           st.pop();
53
54
       return 0;
55
    }
```

## 3.9 Prufer 序列

## 4 数据结构

- 4.1 树状数组
- 4.2 线段树
- 4.2.1 带优先级线段树
- 4.2.2 吉司机线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*
modify 将区间大于x的数变成x
query 询问区间和
单次复杂度 O(log^2(n))
*/
```

```
10
    const 11 INF=0xc0c0c0c0c0c0c0c0ll;
11
    const int MAXN=200005;
    11 seg[MAXN<<2],m1[MAXN<<2],m2[MAXN<<2],cnt[MAXN<<2],</pre>
        tag[MAXN<<2],a[MAXN];
    int n,q;
14
    void pushdown(int rt)
16
17
       if(!tag[rt]) return;
18
       11 y=m1[rt];
19
       if(y<m1[rt<<1])
20
       {
21
           tag[rt<<1]=1;
22
           seg[rt<<1]-=(m1[rt<<1]-y)*cnt[rt<<1];
23
           m1[rt<<1]=y;
24
       if(y<m1[rt<<1|1])
26
27
           tag[rt<<1|1]=1;
           seg[rt<<1|1]-=(m1[rt<<1|1]-y)*cnt[rt<<1|1];
29
           m1[rt<<1|1]=y;
       tag[rt]=0;
32
33
34
    void pushup(int rt)
35
36
       seg[rt]=seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1];
37
       if(m1[rt<<1]==m1[rt<<1|1])
39
           m1[rt]=m1[rt<<1];</pre>
40
           cnt[rt]=cnt[rt<<1]+cnt[rt<<1|1];</pre>
41
           m2[rt]=max(m2[rt<<1],m2[rt<<1|1]);</pre>
42
       else if(m1[rt<<1]>m1[rt<<1|1])</pre>
           m1[rt]=m1[rt<<1];
46
           cnt[rt]=cnt[rt<<1];</pre>
47
           m2[rt]=max(m2[rt<<1],m1[rt<<1|1]);</pre>
48
       }
49
       else
50
       {
           m1[rt]=m1[rt<<1|1];
           cnt[rt]=cnt[rt<<1|1];</pre>
53
           m2[rt]=max(m2[rt<<1|1],m1[rt<<1]);
       }
55
    void build(int rt,int l,int r)
58
59
       tag[rt]=0;
60
       if(l==r)
61
62
           seg[rt]=m1[rt]=a[l];
63
           cnt[rt]=1;
           m2[rt]=INF;
           return;
66
67
       int m=l+r>>1;
       if(l<=m) build(rt<<1,1,m);</pre>
       if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);</pre>
70
       pushup(rt);
71
    }
72
73
```

```
void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll y)
74
75
       if(y>=m1[rt]) return;
76
       if(L<=1&&r<=R&&y>m2[rt])
           tag[rt]=1;
           seg[rt]-=(m1[rt]-y)*cnt[rt];
           m1[rt]=y;
           return;
       pushdown(rt);
       int m=l+r>>1;
85
       if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,y);
86
       if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,y);
87
       pushup(rt);
    11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
91
92
        if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
       int m=l+r>>1;
       pushdown(rt);
       11 ret=0;
       if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,L,R);
        if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,L,R);
       pushup(rt);
99
       return ret;
100
    }
101
```

#### 4.2.3 线段树维护扫描线

- 4.3 RMQ
- 4.3.1 一维
- 4.3.2 两维
- 4.4 树链剖分
- 4.4.1 点剖分

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
      轻重链剖分 单次复杂度 O(log^2(n))
     a[i] 表示dfs标号为i的点的值,而非点i的值
     1 x y z 表示将树从x到y结点最短路径上所有节点值都加上z
      2 x y 表示求树从x到y结点最短路径上所有节点值之和
      3 x z 表示将以x为根节点的子树内所有节点值都加上z
     4 x 表示求以x为根节点的子树内所有节点值之和
11
   */
13
   const int MAXN=100005;
14
   11 mod,lazy[MAXN<<2],seg[MAXN<<2],a[MAXN],tmp[MAXN];</pre>
15
   int n,q,r,cnt,tot,dep[MAXN],top[MAXN],id[MAXN],son[
      MAXN],num[MAXN],fa[MAXN];
   vector<int> e[MAXN];
18
   void dfs1(int now,int f)
19
20
      dep[now]=dep[f]+1;
21
      fa[now]=f;
      num[now]=1;
      son[now]=0;
```

```
for(auto to:e[now])
25
26
           if(to==f) continue;
27
           dfs1(to,now);
           num[now]+=num[to];
29
           if(num[to]>num[son[now]]) son[now]=to;
30
       }
31
32
   void dfs2(int now,int f)
34
35
       id[now]=++cnt;
36
       top[now]=f;
37
       if(son[now]) dfs2(son[now],f);
38
       for(auto to:e[now])
39
           if(to!=fa[now]&&to!=son[now])
40
              dfs2(to,to);
42
43
   inline void pushdown(int rt,ll lnum,ll rnum)
44
45
       if(!lazy[rt]) return;
46
       seg[rt<<1]=(seg[rt<<1]+lazy[rt]*lnum%mod)%mod;</pre>
       seg[rt<<1|1]=(seg[rt<<1|1]+lazy[rt]*rnum%mod)%mod;</pre>
48
       lazy[rt<<1]=(lazy[rt<<1]+lazy[rt])%mod;</pre>
49
       lazy[rt<<1|1]=(lazy[rt<<1|1]+lazy[rt])%mod;
50
       lazy[rt]=0;
51
52
   inline void pushup(int rt)
       seg[rt]=(seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1])%mod;
56
57
   void build(int rt,int l,int r)
59
       lazy[rt]=0;
61
       if(l==r)
62
63
           seg[rt]=a[1]%mod;
64
           return;
65
       int m=l+r>>1;
       if(1<=m) build(rt<<1,1,m);
       if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
69
       pushup(rt);
70
71
   void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll x)
73
74
       if(L <= 1\&\&r <= R)
75
76
           lazy[rt]=(lazy[rt]+x)%mod;
77
           seg[rt]=(seg[rt]+x*(r-l+1)%mod)%mod;
78
           return;
79
       int m=l+r>>1;
       pushdown(rt,m-l+1,r-m);
82
       if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,x);
83
       if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,x);</pre>
84
       pushup(rt);
85
86
   11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
88
89
```

```
if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
90
        int m=l+r>>1;
91
        11 ret=0;
        pushdown(rt,m-l+1,r-m);
        if(L<=m) ret=(ret+query(rt<<1,1,m,L,R))%mod;</pre>
        if(m<R) ret=(ret+query(rt<<1|1,m+1,r,L,R))%mod;
95
        pushup(rt);
        return ret;
    int main()
100
101
        scanf("%d%d%d%lld",&n,&q,&r,&mod);
102
        for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%11d",&tmp[i]);</pre>
103
        for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
104
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
107
        }
       num[0]=0,dep[r]=0;
109
       dfs1(r,r);
        dfs2(r,r);
        for(int i=1;i<=n;i++) a[id[i]]=tmp[i];</pre>
        build(1,1,n);
114
       while(q--)
115
116
           int op,x,y;ll z;
117
           scanf("%d%d",&op,&x);
           if(op==4)
               printf("%lld\n",query(1,1,n,id[x],id[x]+num
                   [x]-1));
               continue;
122
           if(op==1)
               scanf("%d%11d",&y,&z);z%=mod;
126
               while(top[x]!=top[y])
127
               {
128
                   if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
129
                   modify(1,1,n,id[top[x]],id[x],z);
                  x=fa[top[x]];
               if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
               modify(1,1,n,id[x],id[y],z);
           else if(op==2)
               scanf("%d",&y);
               11 ans=0;
139
               while(top[x]!=top[y])
140
141
                   if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
142
                   ans=(ans+query(1,1,n,id[top[x]],id[x]))%
                       mod;
                  x=fa[top[x]];
               if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
               ans=(ans+query(1,1,n,id[x],id[y]))mod;
               printf("%1ld\n",ans);
           }
           else
150
151
               scanf("%11d",&z);z%=mod;
152
```

```
modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);

modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);

preturn 0;

return 0;
}
```

#### 4.4.2 边剖分

#### 4.5 平衡树

#### 4.5.1 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1e5+5;
   const int inf=0x7fffffff;
   int n,op,x;
8
       树内初始化时有无穷大和无穷小两个结点
       delete(root,x) 删除一个x
10
       _insert(root,x) 插入一个x
       getRank(root,x) 返回x的排名+1(包含了无穷小)
       getVal(root, x+1) 返回排名为x的数
       getPrev(x) x的前驱
       getNext(x) x的后继
15
16
17
   namespace Treap
18
19
       int tot,root;
       struct node
21
22
          int cnt,val,dat,siz,lc,rc;
23
       }bst[MAXN];
24
       inline void pushup(int rt)
          bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
28
          if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
29
          if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
30
              siz;
       }
       inline void zig(int &rt)
33
34
          int p=bst[rt].lc;
          bst[rt].lc=bst[p].rc;
          bst[p].rc=rt;
          rt=p;
          pushup(bst[rt].rc);pushup(rt);
39
       }
40
41
       inline void zag(int &rt)
42
43
          int p=bst[rt].rc;
          bst[rt].rc=bst[p].lc;
45
          bst[p].lc=rt;
46
47
          pushup(bst[rt].lc);pushup(rt);
48
49
       int new_node(int val)
```

```
return:
52
                                                                   114
           bst[++tot].val=val;
53
                                                                   115
                                                                               if(val<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,val);</pre>
           bst[tot].dat=rand();
           bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
                                                                               else _delete(bst[rt].rc,val);
                                                                   117
           bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
                                                                               pushup(rt);
56
                                                                   118
            return tot;
                                                                           }
57
                                                                   119
        }
                                                                   120
                                                                   121
                                                                           int getPrev(int val)
        void build()
                                                                               int ret=1,rt=root;
                                                                   123
            new_node(-inf);new_node(inf);
                                                                               while(rt)
                                                                   124
            root=1,bst[1].rc=2;
                                                                               {
63
                                                                   125
                                                                                   if(bst[rt].val==val)
           pushup(1);
64
                                                                   126
65
                                                                   127
                                                                                       if(bst[rt].lc)
66
                                                                   128
        void _insert(int &rt,int val)
67
                                                                   129
                                                                                          rt=bst[rt].lc;
            if(rt==0)
                                                                                          while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
69
                                                                   131
            {
                                                                                          ret=rt;
70
                                                                   132
               rt=new node(val);
                                                                                       }
                                                                   133
               return;
                                                                                      break;
           if(bst[rt].val==val)
                                                                                   if(bst[rt].val<val&&bst[rt].val>bst[ret].
                                                                   136
                                                                                        val) ret=rt;
               bst[rt].cnt++;
                                                                                   if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
76
                                                                   137
                                                                                   else rt=bst[rt].rc;
               pushup(rt);
77
                                                                   138
               return;
78
                                                                   139
                                                                               return bst[ret].val;
                                                                   140
           if(val<bst[rt].val)</pre>
                                                                           }
                                                                   141
                _insert(bst[rt].lc,val);
                                                                           int getNext(int val)
               if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].lc].dat) zig(rt)</pre>
                                                                   144
                                                                               int ret=2,rt=root;
                                                                   145
            }
                                                                               while(rt)
                                                                   146
           else
                                                                   147
                                                                                   if(bst[rt].val==val)
                                                                   148
                _insert(bst[rt].rc,val);
                                                                   149
               if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].rc].dat) zag(rt)</pre>
                                                                                       if(bst[rt].rc)
88
                                                                   150
                                                                   151
            }
                                                                                          rt=bst[rt].rc;
89
                                                                   152
           pushup(rt);
                                                                                          while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
90
                                                                   153
        }
                                                                                          ret=rt;
91
                                                                   154
        void _delete(int &rt,int val)
                                                                                      break;
                                                                   157
                                                                                   if(bst[rt].val>val&&bst[rt].val<bst[ret].</pre>
            if(rt==0) return;
                                                                   158
           if(bst[rt].val==val)
                                                                                       val) ret=rt;
                                                                                   if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
                                                                   159
               if(bst[rt].cnt>1)
                                                                                   else rt=bst[rt].rc;
                   bst[rt].cnt--;
                                                                               return bst[ret].val;
100
                                                                   162
                                                                           }
                   pushup(rt);
101
                                                                   163
                   return;
102
                                                                   164
                                                                           int getRank(int rt,int val)
                                                                   165
103
                                                                   166
               if(bst[rt].rc||bst[rt].lc)
                                                                               if(rt==0) return 0;
                                                                               if(val==bst[rt].val) return bst[bst[rt].lc].
                                                                   168
                   if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
107
                       bst[bst[rt].lc].dat)
                                                                               if(val<bst[rt].val) return getRank(bst[rt].lc,</pre>
                                                                   169
                       zig(rt),_delete(bst[rt].rc,val);
108
                                                                               else return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt+
                                                                   170
                       zag(rt),_delete(bst[rt].lc,val);
                                                                                    getRank(bst[rt].rc,val);
                   pushup(rt);
                                                                   172
112
               else rt=0;
                                                                           int getVal(int rt,int k)
                                                                   173
113
```

第 19 页

```
174
           if(rt==0) return inf;
175
           if(bst[bst[rt].lc].siz>=k) return getVal(bst[
               rt].lc,k);
           if(bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt>=k) return
177
               bst[rt].val;
           return getVal(bst[rt].rc,k-bst[bst[rt].lc].siz
178
               -bst[rt].cnt);
    int main()
182
183
       using namespace Treap;
184
       srand(time(0));
185
       build();
       scanf("%d",&n);
       while(n--)
           scanf("%d%d",&op,&x);
           if(op==1) _insert(root,x);
           else if(op==2) _delete(root,x);
           else if(op==3) printf("%d\n",getRank(root,x)
               -1);
           else if(op==4) printf("%d\n",getVal(root,x+1))
194
           else if(op==5) printf("%d\n",getPrev(x));
195
           else if(op==6) printf("%d\n",getNext(x));
196
197
       return 0;
    }
```

#### 4.5.2 Splay

#### 4.6 动态树

## 4.7 主席树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
3
       离散化+区间k小
   const int MAXN=200005;
   int n,m,a[MAXN],tmp[MAXN],org[MAXN],root[MAXN],tot=0;
   struct tree
      int cnt,lc,rc;
   }seg[30*MAXN];
   int build(int l,int r)
15
16
      int p=tot++;
17
      if(l==r)
          seg[p].cnt=0;
          return p;
      int m=l+r>>1;
       seg[p].lc=build(1,m);
       seg[p].rc=build(m+1,r);
       seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
      return p;
```

```
28
29
   int modify(int rt,int l,int r,int x)
       int p=tot++;
32
       seg[p]=seg[rt];
       if(l==r)
34
          seg[p].cnt++;
          return p;
       int m=l+r>>1;
39
       if(x<=m) seg[p].lc=modify(seg[rt].lc,1,m,x);</pre>
40
       else seg[p].rc=modify(seg[rt].rc,m+1,r,x);
41
       seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
       return p;
   int query(int p,int q,int l,int r,int k)
47
48
       if(l==r) return 1;
49
       int m=l+r>>1;
       int lcnt=seg[seg[q].lc].cnt-seg[seg[p].lc].cnt;
       if(lcnt>=k) return query(seg[p].lc,seg[q].lc,l,m,k
       else return query(seg[p].rc,seg[q].rc,m+1,r,k-lcnt
52
           );
53
   int main()
       scanf("%d%d",&n,&m);
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
          scanf("%d",a+i),tmp[i]=a[i];
       sort(tmp+1,tmp+n+1);
       root[0]=build(1,n);
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
63
          int k=lower_bound(tmp+1,tmp+n+1,a[i])-tmp;
          org[k]=a[i];
65
          a[i]=k;
66
          root[i]=modify(root[i-1],1,n,a[i]);
       while(m--)
          int x,y,k;
          scanf("%d%d%d",&x,&y,&k);
          printf("%d\n",org[query(root[x-1],root[y],1,n,
               k)]);
       return 0;
75
76
```

#### 4.8 树套树

#### 4.8.1 线段树套 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*

空间 O(nlogn)
单点修改,区间rank,前驱后继(不存在则为±2147483647) 单
次 O(log^2(n))
区间排名为k的值 单次 O(log^3(n))
```

```
bst[rt].cnt--;
                                                                 71
                                                                                   pushup(rt);
9
                                                                 72
   const int inf=2147483647;
                                                                                   return;
   const int MAXN=50005;
11
   int root[MAXN<<2],n,m,a[MAXN];</pre>
                                                                               if(bst[rt].lc||bst[rt].rc)
12
   struct Treap
13
                                                                                   if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
                                                                                       bst[bst[rt].lc].dat)
15
       int tot;
                                                                                       zig(rt),_delete(bst[rt].rc,x);
       struct node
                                                                                   else
           int lc,rc,dat,val,cnt,siz;
                                                                                       zag(rt),_delete(bst[rt].lc,x);
18
       }bst[MAXN*4*20];
                                                                                   pushup(rt);
19
                                                                 81
20
                                                                 82
       int newnode(int v)
                                                                               else rt=0;
21
                                                                 83
                                                                               return;
22
          bst[++tot].val=v;
                                                                            if(x<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,x);</pre>
          bst[tot].dat=rand();
          bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
                                                                            else delete(bst[rt].rc,x);
          bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
                                                                            pushup(rt);
           return tot;
                                                                        }
       }
                                                                        void _insert(int &rt,int x)
       void zig(int &rt)
                                                                            if(rt==0)
           int p=bst[rt].lc;
32
          bst[rt].lc=bst[p].rc;
                                                                               rt=newnode(x);
33
                                                                 95
                                                                               return;
          bst[p].rc=rt;
34
           rt=p;
35
                                                                 97
                                                                            if(bst[rt].val==x) bst[rt].cnt++;
          pushup(bst[rt].rc);
                                                                            else if(x<bst[rt].val)</pre>
           pushup(rt);
                                                                                insert(bst[rt].lc,x);
39
                                                                101
       void zag(int &rt)
                                                                               if(bst[bst[rt].lc].dat>bst[rt].dat) zig(rt)
40
                                                                102
41
          int p=bst[rt].rc;
                                                                            }
          bst[rt].rc=bst[p].lc;
                                                                            else
          bst[p].lc=rt;
                                                                                insert(bst[rt].rc,x);
           rt=p;
45
                                                                106
          pushup(bst[rt].lc);
                                                                               if(bst[bst[rt].rc].dat>bst[rt].dat) zag(rt)
46
                                                                107
          pushup(rt);
47
       }
48
                                                                108
                                                                            pushup(rt);
49
                                                                109
       void pushup(int rt)
           bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
                                                                        int get_rank(int rt,int x)
                                                                112
           if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
                                                                113
                                                                            if(!rt) return 1;
                                                                114
          if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
                                                                            if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz
                                                                115
               siz;
                                                                            if(x<bst[rt].val) return get_rank(bst[rt].lc,x</pre>
56
       int build()
                                                                            else return get_rank(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt
                                                                117
                                                                                ].lc].siz+bst[rt].cnt;
58
           int rt=newnode(-inf);
                                                                        }
59
                                                                118
           bst[rt].rc=newnode(inf);
                                                                119
           pushup(rt);
                                                                        int get_num(int rt,int x)
                                                                120
           return rt;
                                                                121
                                                                            if(!rt) return 0;
63
                                                                122
                                                                            if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+
                                                                123
       void _delete(int &rt,int x)
                                                                                bst[rt].cnt;
                                                                            if(x<bst[rt].val) return get_num(bst[rt].lc,x)</pre>
                                                                124
          if(bst[rt].val==x)
                                                                            else return get_num(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].
                                                                125
              if(bst[rt].cnt>1)
                                                                                lc].siz+bst[rt].cnt;
69
                                                                        }
                                                                126
```

```
127
                                                                       190
        int get_prev(int rt,int x)
128
                                                                       191
129
                                                                       192
            int ret=-inf;
            while(rt)
131
                                                                       193
132
                                                                       194
                if(bst[rt].val==x)
                                                                       195
133
                                                                       196
                    if(bst[rt].lc)
                                                                       198
                        rt=bst[rt].lc;
137
                                                                       199
                        while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
138
                                                                       200
                        ret=bst[rt].val;
139
                                                                       201
140
                                                                       202
                    break;
                                                                       203
141
                                                                       204
                if(bst[rt].val<x&&bst[rt].val>ret) ret=bst[
                     rt].val;
                                                                       206
                if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
144
                                                                       207
                else rt=bst[rt].rc;
145
                                                                       208
            }
                                                                       209
            return ret;
                                                                       210
        }
                                                                       211
        int get nxt(int rt,int x)
150
                                                                       212
151
            int ret=inf:
152
                                                                       213
            while(rt)
                                                                       214
153
                                                                       215
                if(bst[rt].val==x)
                    if(bst[rt].rc)
                                                                       218
                        rt=bst[rt].rc;
159
                        while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
                                                                       219
                        ret=bst[rt].val;
162
                    break;
163
                                                                       222
164
                                                                       223
                if(bst[rt].val>x&&bst[rt].val<ret) ret=bst[</pre>
165
                                                                       224
                     rt].val;
                                                                       225
                if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
166
                                                                       226
                else rt=bst[rt].rc;
                                                                       227
            }
            return ret;
169
                                                                       229
                                                                       230
    }treap;
                                                                       231
                                                                       232
    void build(int rt,int l,int r)
        root[rt]=treap.build();
                                                                       235
        if(l==r) return;
176
                                                                       236
        int m=l+r>>1;
177
                                                                       237
        build(rt<<1,1,m);</pre>
                                                                       238
178
        build(rt<<1|1,m+1,r);
                                                                       239
179
    }
                                                                       240
    void modify(int rt,int l,int r,int x,int v,int y)
182
                                                                       242
183
                                                                       243
        if(y==-1) treap._delete(root[rt],v);
                                                                       244
        else treap._insert(root[rt],v);
                                                                       245
        if(l==r) return;
                                                                       246
        int m=l+r>>1;
        if(x<=m) modify(rt<<1,1,m,x,v,y);
188
                                                                       248
        else modify(rt<<1|1,m+1,r,x,v,y);</pre>
189
                                                                       249
```

```
int query(int rt,int l,int r,int op,int L,int R,int x
   if(L<=1&&r<=R)
      if(op==1) return treap.get_rank(root[rt],x)-2;
      if(op==2) return treap.get_num(root[rt],x)-1;
      if(op==4) return treap.get_prev(root[rt],x);
      if(op==5) return treap.get_nxt(root[rt],x);
   int m=l+r>>1,ret;
   if(op==1||op==2)
   {
      ret=0:
      if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,op,L,R,x);
      if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x);
   if(op==4)
   {
      ret=-inf;
      if(L<=m) ret=max(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
      if(m<R) ret=max(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
           ,x));
   if(op==5)
      ret=inf;
      if(L<=m) ret=min(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
      if(m<R) ret=min(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
           ,x));
   return ret;
int main()
   srand(time(0));
   scanf("%d%d",&n,&m);
   build(1,1,n);
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
      scanf("%d",a+i);
      modify(1,1,n,i,a[i],1);
   while(m--)
   1
      int op,1,r,k,pos;
      scanf("%d",&op);
      if(op==1)
          scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
          printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k)+1);
      else if(op==2)
          scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
          int L=-inf,R=inf,mid;
          while(L<R)
          {
              mid=(L+R+1)>>1;
              if(query(1,1,n,1,1,r,mid)+1>k) R=mid-1;
```

```
else L=mid;
               }
250
               printf("%d\n",L);
251
            }
           else if(op==3)
               scanf("%d%d",&pos,&k);
               modify(1,1,n,pos,a[pos],-1);
               a[pos]=k;
               modify(1,1,n,pos,k,1);
259
           else
260
261
               scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
262
               printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k));
263
        return 0;
266
    }
267
```

## 4.8.2 树状数组套线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       带单点修区间k小
       用的时候注意下空间 时空 O(nlog^2(n))
       外层 add(pos,x,y) 空间上为pos的点且值域上为x的点加上y
          query(1,r,k) 询问区间[1,r]里k小
       内层 modify 值域线段树动态开点
           query 值域线段树区间k小
10
      VAL 值域大小
11
   */
12
   const int MAXN=200005;
   int n,a[MAXN],X[MAXN],Y[MAXN],c1,c2,VAL;
   struct SEG
16
17
       int root[MAXN],lc[MAXN*500],rc[MAXN*500],cnt[MAXN
18
           *500],tot;
      void modify(int &rt,int l,int r,int x,int y)
19
          if(rt==0) rt=++tot;
          cnt[rt]+=y;
          if(l==r) return;
          int m=l+r>>1;
          if(x<=m) modify(lc[rt],1,m,x,y);</pre>
          else modify(rc[rt],m+1,r,x,y);
      int query(int 1,int r,int k)
29
          if(l==r) return 1;
30
          int sum=0, m=1+r>>1;
31
          for(int i=0;i<c1;i++) sum-=cnt[lc[X[i]]];</pre>
32
          for(int i=0;i<c2;i++) sum+=cnt[lc[Y[i]]];</pre>
          if(sum>=k)
             for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=lc[X[i]];</pre>
             for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=lc[Y[i]];</pre>
             return query(1,m,k);
          }
          else
```

```
for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=rc[X[i]];</pre>
42
               for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=rc[Y[i]];</pre>
43
              return query(m+1,r,k-sum);
       }
46
   }seg;
47
   void add(int pos,int x,int y)
49
       for(;pos<=n;pos+=pos&-pos) seg.modify(seg.root[pos</pre>
51
            ],1,VAL,x,y);
52
53
   int query(int 1,int r,int k)
54
55
       c1=c2=0:
56
       for(int i=l-1;i;i-=i&-i) X[c1++]=seg.root[i];
       for(int i=r;i;i-=i&-i) Y[c2++]=seg.root[i];
58
       return seg.query(1,VAL,k);
59
   }
60
```

#### 4.9 K-D Tree

4.10 分治

4.10.1 CDQ

4.10.2 点分治

4.10.3 dsu on tree

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
5
       统计每颗子树内的出现次数最多的数(们)的和
6
       复杂度 O(nlogn)
   int n,c[100005],cnt[100005],mx,son[100005],siz
       [100005], hson;
   ll ans[100005], sum;
11
   vector<int> e[100005];
12
   void dfs1(int now,int fa)
15
       son[now]=0,siz[now]=1;
16
       for(auto to:e[now])
17
          if(to==fa) continue;
          dfs1(to,now);
          siz[now]+=siz[to];
          if(siz[to]>siz[son[now]]) son[now]=to;
22
       }
23
24
25
   void cal(int now,int fa,int y)
26
27
       cnt[c[now]]+=y;
28
       if(cnt[c[now]]==mx) sum+=c[now];
29
       else if(cnt[c[now]]>mx) mx=cnt[c[now]],sum=c[now];
30
       for(auto to:e[now])
31
          if(to!=fa&&to!=hson) cal(to,now,y);
32
   }
33
```

```
void dfs2(int now,int fa,int keep)
35
36
       for(auto to:e[now])
37
           if(to==fa||to==son[now]) continue;
39
           dfs2(to,now,0);
40
       if(son[now]) dfs2(son[now],now,1);
42
       hson=son[now];
       cal(now,fa,1);
       hson=0;
       ans[now]=sum;
46
       if(!keep) cal(now,fa,-1),sum=0,mx=0;
47
48
49
   int main()
    {
       scanf("%d",&n);
52
       for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",c+i);</pre>
53
       for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       dfs1(1,1);
59
       dfs2(1,1,1);
60
       for(int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",ans[i]);</pre>
61
       return 0;
62
   }
```

#### 4.10.4 整体二分

## 4.11 分块

#### 4.11.1 普通分块

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P3203
   using namespace std;
   const int N=500005;
   int n,m,tot;
   int a[N],cnt[N],pos[N];
   int id[N],from[N],to[N];
   int o,x,y;
10
   void modify(int i)
11
12
       if(i+a[i]>n)
          pos[i]=i;
          cnt[i]=0;
          return;
17
       if(id[i]==id[i+a[i]])
19
20
          pos[i]=pos[i+a[i]];
21
          cnt[i]=cnt[i+a[i]]+1;
       }
       else
          pos[i]=i+a[i];
          cnt[i]=1;
   }
```

```
30
    void ask(int x)
31
32
       int p=x,res=0;
33
       while(p!=pos[p])
34
           res+=cnt[p],
35
           p=pos[p];
36
       printf("%d\n",res+1);
37
40
    int main()
41
       scanf("%d",&n);
42
       tot=(int)sqrt(n);
43
       for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
44
45
           from[i]=(i-1)*tot+1;
           to[i]=i*tot;
47
       if(to[tot]<n)</pre>
49
           tot++;
           from[tot]=to[tot-1];
           to[tot]=n;
53
54
       for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
55
56
           for(int j=from[i];j<=to[i];++j)</pre>
57
               id[j]=i;
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           scanf("%d",&a[i]);
       for(int i=n;i>=1;--i)
           modify(i);
       scanf("%d",&m);
       while(m--)
           scanf("%d",&o);
67
           if(o==2)
68
           {
69
               scanf("%d%d",&x,&y);
70
71
               x++;
               a[x]=y;
               for(int i=x;i>=from[id[x]];--i)
                   modify(i);
           }
           else if(o==1)
               scanf("%d",&x);
               x++;;
               ask(x);
80
81
82
       return 0;
83
84
```

### 4.11.2 莫队

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P3203
using namespace std;
const int N=500005;
int n,m,k,a[N];
```

```
struct node
       int l,r,id,ans;
10
    }a[N];
    int cnt[N],ans[N];
11
12
   bool cmp(node a, node b)
13
14
       if(a.id==b.id)
16
           if(a.id%2==0) return a.r<b.r;</pre>
17
           else return a.r>b.r;
18
19
       else return a.id<b.id;</pre>
20
21
    }
22
   int now=0;
    void del(int x)
24
25
       now-=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
26
27
       cnt[a[x]]--;
       now+=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
    void add(int x)
30
31
       now-=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
32
       cnt[a[x]]++;
33
       now+=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
34
35
   }
   int main()
37
    {
38
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
39
40
       int sz=sqrt(m);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
41
           scanf("%d",&a[i]);
        for(int i=1;i<=m;++i)
43
           scanf("%d%d",&q[i].1,&q[i].r),q[i].ans=i;
44
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
45
           q[i].id=(q[i].l+sz-1)/sz;
46
       sort(q+1,q+1+m,cmp);
47
       int L,R;
48
       L=R=q[1].1;
       R--;
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
51
52
           while(L<q[i].1) del(L++);</pre>
53
           while(L>q[i].1) add(--L);
           while(R>q[i].r) del(R--);
           while(R<q[i].r) add(++R);</pre>
           ans[q[i].ans]=now;
57
58
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
59
           printf("%d\n",ans[i]);
60
       return 0;
61
   }
```

#### 4.12 线性基

#### 4.13 珂朵莉树

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long //be careful
//CF896C
```

```
using namespace std;
4
5
6
       珂朵莉树的左右split顺序很重要,并且set集合一开始不要为
           空, 否则会RE
   const int N=1000005;
10
   int qpow(int a,int b,int mod)
12
13
       int res=1,tmp=a%mod;
14
       while(b)
15
16
          if(b&1) res=res*tmp%mod;
17
          tmp=tmp*tmp%mod;
18
          b>>=1;
20
       return res;
21
   }
22
23
   struct node
24
25
       int l,r;
26
27
       mutable int v;
       node(int L, int R=-1, int V=0):1(L), r(R), v(V)
28
       bool operator < (const node& o)const{return 1<0.1</pre>
29
           ;}
30
   set<node> s;
31
   typedef set<node>::iterator it;
32
33
   it split(int pos)
34
35
       it i=s.lower bound(node(pos));
36
       if(i!=s.end()&&i->l==pos) return i;
38
       --i;
       int L=i->1,R=i->r,V=i->v;
39
       s.erase(i);
40
       s.insert(node(L,pos-1,V));
41
       return s.insert(node(pos,R,V)).first;
42
43
   void assign(int l,int r,int val)
45
46
       it ir=split(r+1),il=split(l);
47
       s.erase(il,ir);
48
       s.insert(node(1,r,val));
49
   }
50
51
   void add(int l,int r,int val)
52
53
       it ir=split(r+1),il=split(l);
54
       for(;il!=ir;il++)
55
          il->v+=val;
56
   int rk(int l,int r,int k)
59
60
       vector<pair<int,int>> v;
61
       it ir=split(r+1),il=split(l);
       for(;il!=ir;il++)
          v.emplace_back(il->v,il->r-il->l+1);
       sort(v.begin(),v.end());
65
       for(int i=0;i<v.size();++i)</pre>
66
```

```
67
           k-=v[i].second;
68
           if(k<=0) return v[i].first;</pre>
69
        return -1; //can't find
71
    }
72
    int sum(int l,int r,int ex,int mod)
74
        it ir=split(r+1),il=split(1);
76
        int res=0;
        for(;il!=ir;il++)
78
           res=(res+qpow(il->v,ex,mod)*(il->r-il->l+1)%
79
                mod)%mod;
80
        return res;
81
    }
    inline int read(){
83
        char ch=getchar();int s=0,w=1;
        while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
85
        while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
            getchar();}
        return s*w;
    inline void write(int x){
89
        if(x<0)putchar('-'),x=-x;
90
        if(x>9)write(x/10);
91
        putchar(x%10+48);
92
93
    //Fast I/O
    int n,m,seed,vmax,a[N];
96
    int rnd()
97
98
        int ret=seed;
99
        seed=(seed*7+13)%1000000007;
        return ret;
101
102
103
    signed main()
104
105
        n=read(),m=read(),seed=read(),vmax=read();
106
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           a[i]=(rnd()%vmax)+1;
109
           s.insert(node(i,i,a[i]));
110
        }
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           int op=(rnd()%4)+1;
           int l=(rnd()%n)+1;
115
           int r=(rnd()%n)+1;
116
           if(1>r) swap(1,r);
117
           int x,y;
118
           if(op==3) x=(rnd()\%(r-1+1))+1;
           else x=(rnd()%vmax)+1;
           if(op==4) y=(rnd()%vmax)+1;
           switch(op)
               case 1:
                   add(l,r,x);break;
               case 2:
                   assign(l,r,x);break;
128
                  write(rk(1,r,x)),puts("");break;
129
```

## 4.14 跳舞链

## 5 动态规划

#### 5.1 SOS

- 5.2 动态 DP
- 5.3 插头 DP
- 6 数学
- 6.1 矩阵类
- 6.2 质数筛
- 6.2.1 埃筛
- 6.2.2 线筛
- 6.3 质数判定
- 6.3.1 Miller Rabin
- 6.4 质因数分解
- 6.4.1 Pollard-Rho
- 6.5 逆元
- 6.5.1 EX-GCD 求逆元
- 6.5.2 线性筛逆元
- 6.5.3 阶乘逆元
- 6.6 欧拉函数
- 6.6.1 欧拉线筛
- 6.6.2 求单个数的欧拉函数
- 6.6.3 欧拉降幂
- 6.6.4 一般积性函数求法
- 6.7 EX-GCD
- 6.8 CRT
- 6.9 N 次剩余
- 6.10 数论分块
- 6.11 高斯消元
- 6.11.1 普通消元
- 6.11.2 异或方程组消元
- 6.12 莫比乌斯反演
- 6.12.1 莫比乌斯函数
- 6.12.2 杜教筛
- 6.12.3 洲阁筛
- 6.12.4 min25 筛
- 6.13 BSGS
- 6.14 FFT
- 6.15 FWT
- 6.16 NTT
- 6.17 数值计算
- 6.17.1 辛普森
- 6.17.2 自适应辛普森

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const double eps=1e-12;
       调用 asr(l,r,simpson(l,r))
6
   inline double f(double x)
       return x; //被积函数
   }
12
13
   double simpson(double l,double r)
14
15
       double mid=(l+r)/2;
16
       return (f(1)+4*f(mid)+f(r))*(r-1)/6;
17
18
19
   double asr(double 1,double r,double ans)
20
21
       double mid=(1+r)/2;
22
       double l1=simpson(l,mid),r1=simpson(mid,r);
23
       if(fabs(l1+r1-ans)<eps) return l1+r1;</pre>
       return asr(l,mid,l1)+asr(mid,r,r1);
25
   }
26
27
   int main()
29
       return 0;
31
```

- 6.18 康拓展开
- 6.19 卢卡斯定理
- 7 其他
- 7.1 快读快写
- 7.2 高精度

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define MAXN 9999
   #define MAXSIZE 1000
   #define DLEN 4
   using namespace std;
   class BigNum
   private:
       int a[MAXSIZE];
10
       int len;
11
   public:
12
       BigNum(){ len = 1;memset(a,0,sizeof(a)); }
       void XD();
       BigNum(const int);
15
       BigNum(const long long int);
16
       BigNum(const char*);
17
       BigNum(const string &);
       BigNum(const BigNum &);
       BigNum &operator = (const BigNum &);
       BigNum &operator = (const int &);
```

22

23

30

31

32

33

37

46

47

```
BigNum &operator = (const long long int &);
                                                       61
friend istream& operator >> (istream&, BigNum&);
friend ostream& operator << (ostream&, BigNum&);</pre>
template<typename T> BigNum operator << (const T</pre>
                                                       63
    &) const;
template<typename T> BigNum operator >> (const T
                                                       64
    &) const;
BigNum operator + (const BigNum &) const;
                                                       66
BigNum operator - (const BigNum &) const;
BigNum operator * (const BigNum &) const;
                                                       67
bool operator > (const BigNum& b)const;
                                                       68
bool operator < (const BigNum& b) const;</pre>
bool operator == (const BigNum& b) const;
template<typename T> BigNum operator / (const T &)
                                                       71
template<typename T> BigNum operator ^ (const T &)
     const:
                                                       72
template<typename T> T operator % (const T &)
    const;
template<typename T> BigNum operator + (const T& b
                                                      74
    ) const {BigNum t = b; t = *this + t; return
    t;}
template<typename T> BigNum operator - (const T& b
    ) const {BigNum t = b; t = *this - t; return
template<typename T> BigNum operator * (const T& b
    ) const {BigNum t = b; t = (*this) * t;
    return t;}
template<typename T> bool operator < (const T& b)</pre>
    const {BigNum t = b; return ((*this) < t);}</pre>
template<typename T> bool operator > (const T& b)
    const {BigNum t = b; return ((*this) > t);}
template<typename T> bool operator == (const T& b)
     const {BigNum t = b; return ((*this) == t);}
                                                       80
bool operator <= (const BigNum& b) const {return</pre>
                                                       81
    (*this) < b || (*this) == b;}
bool operator >= (const BigNum& b) const {return
    (*this) > b || (*this) == b;}
bool operator != (const BigNum& b) const {return
    !((*this) == b);}
template<typename T> bool operator >= (const T& b)
     const {BigNum t = b; return !((*this) < t);}</pre>
template<typename T> bool operator <= (const T& b)</pre>
     const {BigNum t = b; return !((*this) > t);}
template<typename T> bool operator != (const T& b)
     const {BigNum t = b; return !((*this) == t)
                                                       92
    ;}
                                                       93
BigNum& operator += (const BigNum& b) {*this = *
    this + b; return *this;}
BigNum& operator -= (const BigNum& b) {*this = *
                                                       97
    this - b; return *this;}
BigNum& operator *= (const BigNum& b) {*this = *
                                                       99
    this * b; return *this;}
template<typename T> BigNum& operator /= (const T&
                                                      101
     b) {*this = *this/b; return *this;}
                                                      102
template<typename T> BigNum& operator %= (const T&
                                                      103
     b) {*this = *this%b; return *this;}
                                                      104
template<typename T> BigNum& operator += (const T&|
```

```
b) {*this = *this+b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator -= (const T&
        b) {*this = *this-b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator *= (const T&
        b) {*this = *this*b; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator ^= (const T&
        b) {*this = *this^b; return *this;}
   BigNum operator ++ (int) {BigNum t = *this; *this
       += 1; return t;}
   BigNum operator -- (int) {BigNum t = *this; *this
       -= 1; return t;}
   BigNum& operator -- () {*this -= 1; return *this;}
   BigNum& operator ++ () {*this += 1; return *this;}
   template<typename T> BigNum& operator <<= (const T</pre>
       & b) {*this = *this << b; return *this;}</pre>
   template<typename T> BigNum& operator >>= (const T
       & b) {*this = *this >> b; return *this;}
   template<typename T> BigNum friend operator + (
       const T& a, const BigNum& b) {BigNum t = a; t
        = t + a; return t;}
   template<typename T> BigNum friend operator - (
       const T& a, const BigNum& b) {BigNum t = a; t
        = t - b; return t;}
   template<typename T> BigNum friend operator * (
       const T& a, const BigNum& b) {BigNum t = a; t
        = t * b; return t;}
   template<typename T> friend bool operator < (const</pre>
        T& a, const BigNum& b) {return b > a;}
   template<typename T> friend bool operator > (const
        T& a, const BigNum& b) {return b < a;}
   template<typename T> friend bool operator <= (</pre>
       const T& a, const BigNum& b) {return b >= a;}
   template<typename T> friend bool operator >= (
       const T& a, const BigNum& b) {return b <= a;}</pre>
   template<typename T> friend bool operator == (
       const T& a, const BigNum& b) {return b == a;}
   template<typename T> friend bool operator != (
       const T& a, const BigNum& b) {return b != a;}
   void print();
   int Size();
   int the first();
   int the last();
   int to_int();
   long long int to_long();
   string to_String();
};
BigNum::BigNum(const int b)
   int c,d = b;
   len = 0;
   memset(a,0,sizeof(a));
   while(d > MAXN){
      c = d - (d / (MAXN+1)) * (MAXN+1);
      d = d / (MAXN+1);
      a[len++] = c;
   a[len++] = d;
BigNum::BigNum(const long long int b)
```

```
long long int c,d = b;
106
107
        len = 0;
        memset(a,0,sizeof(a));
        while(d > MAXN){
            c = d - (d / (MAXN+1)) * (MAXN+1);
110
            d = d / (MAXN+1);
111
           a[len++] = c;
112
113
        a[len++] = d;
    BigNum::BigNum(const string& s)
116
117
        int t,k,index,l,i;
118
        memset(a,0,sizeof(a));
119
        1 = s.size();
120
        len = 1/DLEN;
        if(1%DLEN)
            len++;
123
        index = 0;
        for(i = 1-1; i >=0 ;i -= DLEN){
125
           t = 0:
            k = i-DLEN+1;
            if(k < 0) k = 0;
            for(int j = k; j <= i; j++)</pre>
               t = t*10 + s[j]-'0';
130
           a[index++] = t;
131
        }
132
133
    BigNum::BigNum(const char* s)
134
        int t,k,index,l,i;
        memset(a,0,sizeof(a));
137
        1 = strlen(s);
138
        len = 1/DLEN;
139
        if(1%DLEN)
140
            len++;
        index = 0;
142
        for(i = 1-1; i >= 0; i -= DLEN){
143
            t = 0;
144
            k = i - DLEN + 1;
145
            if(k < 0) k = 0;
146
            for(int j = k; j <= i; j++)</pre>
147
               t = t*10 + s[j] - '0';
            a[index++] = t;
        }
150
    }
151
    BigNum::BigNum(const BigNum & b) : len(b.len)
152
153
        memset(a,0,sizeof(a));
        for(int i = 0 ; i < len ; i++)</pre>
           a[i] = b.a[i];
156
157
    BigNum & BigNum::operator = (const BigNum& n)
158
159
        len = n.len;
160
        memset(a,0,sizeof(a));
        for(int i = 0 ; i < len ; i++)</pre>
           a[i] = n.a[i];
163
        return *this;
164
165
    BigNum & BigNum::operator = (const int& num)
166
167
        BigNum t(num);
168
        *this = t;
169
        return *this;
170
```

```
171
    BigNum & BigNum::operator = (const long long int& num
^{172}
173
        BigNum t(num);
174
        *this = t;
175
        return *this;
176
177
178
    istream& operator >> (istream & in, BigNum & b)
179
        char ch[MAXSIZE*4];
180
        int i = -1;
181
        in>>ch;
182
        int 1 = strlen(ch);
183
        int cnt = 0, sum = 0;
184
        for(i = 1-1; i >= 0; ){
185
            sum = 0;
            int t = 1:
187
            for(int j = 0; j < 4 && i >= 0; j++,i--,t *=
188
                sum += (ch[i]-'0')*t;
189
            b.a[cnt] = sum;
            cnt++;
192
        b.len = cnt++;
193
        return in;
194
195
196
    ostream& operator << (ostream& out, BigNum& b)</pre>
197
198
        int i;
199
        cout << b.a[b.len - 1];
200
        for(i = b.len - 2 ; i >= 0 ; i--){
201
            cout.width(DLEN);
202
            cout.fill('0');
203
204
            cout << b.a[i];
205
        return out;
206
207
208
    template<typename T> BigNum BigNum::operator << (</pre>
209
         const T& b) const
        T \text{ temp} = 1;
        for(int i = 0; i < b; i++)
212
            temp *= 2;
213
        BigNum t = (*this) * temp;
214
        return t;
215
216
    template<typename T> BigNum BigNum::operator >> (
217
         const T& b) const
218
        T \text{ temp} = 1;
219
        for(int i = 0; i < b; i++)</pre>
220
            temp *= 2;
221
        BigNum t = (*this) / temp;
222
        return t;
224
225
    BigNum BigNum::operator + (const BigNum& b) const
226
227
        BigNum t(*this);
228
        int i,big;
        big = b.len > len ? b.len : len;
230
        for(i = 0 ; i < big ; i++){</pre>
231
```

```
t.a[i] += b.a[i];
232
233
            if(t.a[i] > MAXN){
               t.a[i + 1]++;
               t.a[i] -=MAXN+1;
236
237
        if(t.a[big] != 0)
238
           t.len = big + 1;
239
            t.len = big;
241
242
        return t;
243
    BigNum BigNum::operator - (const BigNum& b) const
244
245
        int i,j,big;
246
        bool flag;
247
        BigNum t1,t2;
        if(*this>b){
249
           t1 = *this;
250
            t2 = b;
            flag = 0;
        }
        else{
           t1 = b;
            t2 = *this;
256
           flag = 1;
257
258
        big = t1.len;
259
        for(i = 0 ; i < big ; i++){</pre>
            if(t1.a[i] < t2.a[i]){</pre>
               j = i + 1;
               while(t1.a[j] == 0)
263
                   j++;
264
               t1.a[j--]--;
265
               while(j > i)
266
                   t1.a[j--] += MAXN;
               t1.a[i] += MAXN + 1 - t2.a[i];
268
            }
269
            else
270
               t1.a[i] -= t2.a[i];
271
272
        t1.len = big;
273
        while(t1.a[t1.len - 1] == 0 && t1.len > 1){
            t1.len--;
           big--;
277
        if(flag)
           t1.a[big-1] = 0-t1.a[big-1];
        return t1;
282
    BigNum BigNum::operator * (const BigNum& b) const
283
284
        BigNum ret;
285
        int i,j,up;
286
        int temp,temp1;
        for(i = 0 ; i < len ; i++){</pre>
289
            for(j = 0 ; j < b.len ; j++){}
290
               temp = a[i] * b.a[j] + ret.a[i + j] + up;
               if(temp > MAXN){
                   temp1 = temp - temp / (MAXN + 1) * (MAXN
                         + 1);
                   up = temp / (MAXN + 1);
294
                   ret.a[i + j] = temp1;
                                                                   356
295
```

```
296
               else{
297
                   up = 0;
                   ret.a[i + j] = temp;
300
301
           if(up != 0) ret.a[i + j] = up;
302
303
        ret.len = i + j;
        while(ret.a[ret.len - 1] == 0 && ret.len > 1)
           ret.len--;
306
        return ret;
307
308
    template<typename T> BigNum BigNum::operator / (const
309
          T& b) const
310
311
        BigNum ret;
        T i,down = 0;
312
        for(i = len - 1 ; i >= 0 ; i--){
313
           ret.a[i] = (a[i] + down * (MAXN + 1)) / b;
314
           down = a[i] + down * (MAXN + 1) - ret.a[i] * b
315
316
        ret.len = len;
        while(ret.a[ret.len - 1] == 0 && ret.len > 1)
318
           ret.len--;
319
        return ret;
320
321
    template<typename T> T BigNum::operator % (const T& b
         ) const
323
        T i, d=0;
324
        for (i = len-1; i>=0; i--){
325
           d = ((d * (MAXN+1))% b + a[i])% b;
326
327
        return d;
329
330
331
    template<typename T> BigNum BigNum::operator^(const T
332
         & n) const
333
        BigNum t,ret(1);
        int i;
        if(n < 0) return 0;
336
        if(n == 0)
337
           return 1;
        if(n == 1)
           return *this;
        int m = n;
        while(m > 1){
342
           t =* this;
343
           for(i = 1; (i << 1) <= m; i <<= 1)
344
               t = t*t;
345
           m-=i;
346
           ret=ret*t;
           if(m == 1) ret = ret * (*this);
348
349
        return ret;
350
351
    bool BigNum::operator > (const BigNum& b) const
353
        int tot;
355
```

if(len > b.len)

第 30 页

```
return true;
357
        else if(len == b.len){
358
           tot = len - 1;
           while(a[tot] == b.a[tot] && tot >= 0)
361
            if(tot >= 0 && a[tot] > b.a[tot])
362
               return true;
363
364
            else
               return false;
        else
367
            return false;
368
369
370
    bool BigNum::operator < (const BigNum& b) const</pre>
371
372
        int tot;
        if(len > b.len)
374
           return false;
375
        else if(len == b.len){
376
           tot = len - 1;
           while(a[tot] == b.a[tot] && tot >= 0)
               tot--;
            if(tot >= 0 && a[tot] > b.a[tot])
               return false;
381
382
               return true;//
383
384
        }
        else
385
            return true;
    bool BigNum::operator == (const BigNum& b) const
389
390
        int tot = len-1;
391
        if(len != b.len)
            return false;
393
        while(a[tot] == b.a[tot] && tot >= 0)
394
           tot--;
395
        if(tot < 0)
396
            return true;
397
        return false;
398
    }
    void BigNum::print()
401
402
        int i:
403
        cout << a[len - 1];</pre>
404
        for(i = len-2; i >= 0; i--){
            cout.width(DLEN);
            cout.fill('0');
407
            cout << a[i];
408
409
        cout << endl;</pre>
410
411
    int BigNum::Size()
        int t = a[len-1], cnt = 0;
414
        while(t){ t /= 10; cnt++; }
415
        cnt += (len-1)*4;
416
        return cnt;
    int BigNum::the_first()
419
    {
420
        int t = a[len-1];
421
```

```
while(t > 10){ t /= 10;}
422
        return t;
423
424
    int BigNum::the_last()
425
426
        int t = a[0];
427
        return t%10;
428
429
    int BigNum::to_int()
        int i,num;
432
        num = a[len-1];
433
        for(i = len-2; i >= 0; i--)
434
            num = num*(MAXN+1) + a[i];
435
        return num;
436
437
    long long int BigNum::to_long()
438
439
        int i;
440
        long long int num;
441
        num = a[len-1];
442
        for(i = len-2; i >= 0; i--)
443
            num = num*(MAXN+1) + a[i];
        return num;
445
446
447
    int main()
448
449
        BigNum a,b;
450
        cin>>a>>b;
        (a+b).print();
        return 0;
453
454
```

- 7.3 约瑟夫环
- 7.4 悬线法
- 7.5 蔡勒公式
- 7.6 三角公式
- 7.7 海伦公式
- 7.8 匹克定理
- 7.9 组合计数
- 7.9.1 计数原理
- 7.9.2 卡特兰数
- 7.9.3 Polya
- 7.9.4 二项式反演公式
- 7.9.5 斯特林反演公式
- 7.9.6 组合数恒等式