小小青蛙听风就是雨

Hiedano Akyuu、Oneman
233、KR12138 $2019 \ \hbox{\it ft} \ 10 \ \hbox{\it ft} \ 24 \ \hbox{\it ft}$

目录 4.4.2 边剖分										
		s.d.	_	4.5	1 0414	15				
1	字符	·甲	1		4.5.1 Treap	15				
	1.1	KMP	1		4.5.2 Splay	17				
	1.2	EX-KMP	1	4.6	动态树	17				
	1.3	Manacher	1	4.7	主席树	17				
	1.4	串的最小表示	2	4.8	树套树	18				
	1.5	后缀数组	2		4.8.1 线段树套 Treap	18				
		1.5.1 倍增 SA	2			20				
		1.5.2 DC3	2	4.9	77.22.	20				
	1.6	回文自动机	2			- c 20				
		AC 自动机	3	1.10	27 10	20				
	1.,	1.7.1 多模匹配	3		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	20				
		1.7.2 自动机上 DP	3		- 7/1/24 11	20				
	1.8	后缀自动机	4			$\frac{2}{21}$				
	1.0	口級自幼儿 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	-	4.11		21				
2	计算	江浦	4	4.11	27 24	دء 21				
_			4							
		三维几何	6	4.16		$\frac{22}{2}$				
	2.2		O		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	$\frac{22}{2}$				
3	图论	•	6		451-1414	22				
•		, 最短路	6	4.14	4 跳舞链	23				
	5.1	3.1.1 Dijkstra		1.4	La lier Pol					
		3.1.2 SPFA	6	5 动态		23				
			-			23				
		3.1.3 Floyd	6	5.2	34.5	24				
		3.1.4 负环	6	5.3	插头 DP	24				
	0.0	3.1.5 差分约束	6	o 181 1)						
	3.2	最小生成树		5 数当		2 4				
		3.2.1 Prim	6		7 E 1 J C	24				
		3.2.2 Kruskal	7	6.2	2500 h	24				
		3.2.3 最小生成树计数	8		20.0	24				
		3.2.4 次小生成树	8			24				
		3.2.5 最小乘积生成树	8	6.3	5,20 Ne	24				
	3.3	树的直径	8			24				
	3.4	LCA	8	6.4	质因数分解 :	24				
		3.4.1 Tarjan 离线	8		6.4.1 Pollard-Rho	24				
		3.4.2 倍增 LCA	8	6.5	逆元	24				
	3.5	无向图与有向图联通性	8		6.5.1 EX-GCD 求逆元	24				
		3.5.1 割点	8		6.5.2 线性筛逆元 :	24				
		3.5.2 桥	9		6.5.3 阶乘逆元	24				
		3.5.3 e-DCC	9	6.6	欧拉函数	24				
		3.5.4 v-DCC	9		6.6.1 欧拉线筛	24				
		3.5.5 SCC	9		6.6.2 求单个数的欧拉函数	24				
		3.5.6 2-SAT	9			24				
		3.5.7 支配树	10			24				
	3.6	二分图	10	6.7		24				
	5.0	3.6.1 最大匹配-匈牙利	10	6.8		24				
			10	6.9		24				
	3.7	3.6.2 帯权匹配-KM	10		001331	24				
	3.7					$\frac{2}{24}$				
		3.7.1 最大流-Dinic	11	0.11	1, 4731 1142 2	24 24				
		3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic	12		1,211,70	24 24				
	0.0	3.7.3 上下界流	13	C 16		24 24				
		欧拉路	13	0.12	30.0 1/1/000					
	3.9	Prufer 序列	13		30,70	24				
	¥7. II⊐	141-14.	10			24				
4	数据		13		0.01.454	24				
		树状数组	13			24				
	4.2	线段树	13			24				
		4.2.1 带优先级线段树	13			24				
		4.2.2 吉司机线段树	13	6.15	5 FWT	24				
		4.2.3 线段树维护扫描线	14	6.16	6 NTT	24				
	4.3	RMQ	14	6.17	7 数值计算	24				
		4.3.1 一维	14		- 1 11 701	24				
		4.3.2 两维	14			24				
	4.4	树链剖分	14	6.18		24				
		4.4.1 点剖分	14	6.19	9 卢卡斯定理 :	24				

7	其他													24
	7.1	快读快写												24
	7.2	约瑟夫环												24
	7.3	悬线法 .												24
	7.4	蔡勒公式												24
	7.5	三角公式												24
	7.6	海伦公式												24
	7.7	匹克定理												24
	7.8	组合计数	·											24
		7.8.1 计	数原.	理.										24
		7.8.2	特兰	数.										24
		7.8.3 P	olya .											24
		7.8.4 $=$	项式	反演	公	式								24
		7.8.5 期	特林	反演	公	式								24
		7.8.6 组	[合数	恒等	左									24

1 字符串

1.1 KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1000005;
   char s1[MAXN],s2[MAXN];
   int nxt[MAXN];
       nxt[i] s2[i-x..i-1]=s2[0..x-1]且x最大
       即s2[0..i]的真前缀与真后缀的最大匹配
10
       "ABAAB\0"=>[-1 0 0 1 1 2]
11
12
13
   void get_fail(char *s,int 1)
14
       int i=0,j;
       j=nxt[0]=-1;
17
       while(i<1)
19
          while(~j&&s[j]!=s[i]) j=nxt[j];
          nxt[++i]=++j;
23
24
   void kmp(char *s1,char *s2,int l1,int l2)
25
26
   {
       int i=0, j=0;
27
       get_fail(s2,12);
       while(i<l1)
30
          while(~j&&s1[i]!=s2[j]) j=nxt[j];
31
          i++,j++;
32
          if(j>=12); //匹配上了
       }
36
   int main()
37
38
       scanf("%s%s",s1,s2);
39
       int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2);
40
       kmp(s1,s2,l1,l2);
41
       for(int i=0;i<=12;i++)</pre>
          printf("%d ",nxt[i]);
       return 0;
44
   }
```

1.2 EX-KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    ex[i]: s1[i..11-1]与s2的最大公共前缀长度
    exnext[i]: s2[i..12-1]与s2的最大公共前缀长度
    get_exnext(s2) 求exnext[]
    exkmp(s1,s2) 求ex[]

*/

const int N=50005;
char s1[N],s2[N];
```

```
int ex[N],exnext[N];
13
14
    void get_exnext(char s[N])
16
        int n=strlen(s),p=1,j,i;
17
        exnext[0]=n;
18
        for(i=0;i<n-1&&s[i]==s[i+1];i++);
19
20
        exnext[1]=i;
21
        for(i=2;i<n;i++)</pre>
           if(exnext[i-p]+i<p+exnext[p])</pre>
22
23
               exnext[i]=exnext[i-p];
24
           {
25
               j=exnext[p]+p-i;
26
27
               if(j<0) j=0;
               while(i+j<n&&s[j]==s[i+j]) j++;</pre>
28
               exnext[i]=j;
               p=i;
30
           }
31
32
33
    void exkmp(char s1[N],char s2[N])
34
35
        int l1=strlen(s1), l2=strlen(s2), p=0,i,j;
36
        get exnext(s2);
37
        for(i=0;i<l1&&i<l2&&s1[i]==s2[i];i++);</pre>
38
        ex[0]=i;
39
        for(int i=1;i<11;i++)</pre>
40
41
           if(exnext[i-p]+i<p+ex[p])</pre>
               ex[i]=exnext[i-p];
           else
44
45
               j=ex[p]+p-i;
46
               if(j<0) j=0;
47
               while(i+j<11&&s1[i+j]==s2[j]) j++;</pre>
               ex[i]=j;
49
               p=i;
50
           }
51
        }
52
```

1.3 Manacher

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   int cnt,len,ans,p[N*2];
   char s[N],ss[N*2];
   void init() //将每两个字符中插入一个字符
8
9
       len=strlen(s),cnt=1;
10
       ss[0]='!',ss[cnt]='#';
11
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
12
          ss[++cnt]=s[i],ss[++cnt]='#';
13
14
15
   void manacher()
16
17
       int pos=0, mx=0;
18
       for(int i=1;i<=cnt;i++)</pre>
19
20
```

```
if(i<mx) p[i]=min(p[pos*2-i],mx-i);</pre>
21
           else p[i]=1;
22
           while(ss[i+p[i]]==ss[i-p[i]]) p[i]++;
           if(mx<i+p[i]) mx=i+p[i],pos=i;
           ans=max(ans,p[i]-1);
25
26
    }
27
   int main()
       scanf("%s",s);
31
       init();
32
       manacher();
33
       printf("%d\n",ans);
34
       return 0;
35
   }
```

1.4 串的最小表示

1.5 后缀数组

1.5.1 倍增 SA

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
      str[0..len-1] 原串
       sa[1..len] 排名第i的后缀的下标[1..len]
       Rank[1..len] 从i开始的后缀的排名[1..len]
       height[1..len] 排名第i的后缀与排名第i-1的后缀的lcp
       i开始的后缀与j开始的后缀的lcp (Rank[i]<Rank[j])
      min{height[Rank[i]+1..Rank[j]]}
10
11
   const int MAXN=100005;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int wa[MAXN],wb[MAXN],wv[MAXN],wz[MAXN],sa[MAXN],Rank
        [MAXN],height[MAXN];
   char str[MAXN];
16
17
   inline bool cmp(int *r,int a,int b,int 1){return r[a
18
       ]==r[b]&&r[a+1]==r[b+1];}
   void da(const char r[],int sa[],int n,int m)
   {
21
       int i,j,p,*x=wa,*y=wb,*t;
       for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
       for(i=0;i<n;i++) wz[x[i]=r[i]]++;</pre>
       for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
       for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[x[i]]]=i;
       for(j=1,p=1;p<n;j*=2,m=p)</pre>
28
          for(p=0,i=n-j;i<n;i++) y[p++]=i;</pre>
29
          for(i=0;i<n;i++) if(sa[i]>=j) y[p++]=sa[i]-j;
30
          for(i=0;i<n;i++) wv[i]=x[y[i]];</pre>
31
          for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
          for(i=0;i<n;i++) wz[wv[i]]++;</pre>
          for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
          for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[wv[i]]]=y[i];
          for(t=x,x=y,y=t,p=1,x[sa[0]]=0,i=1;i<n;i++)</pre>
              x[sa[i]]=cmp(y,sa[i-1],sa[i],j)?p-1:p++;
   }
```

```
void calheight(const char *r,int *sa,int n)
41
42
       int i,j,k=0;
43
       for(i=1;i<=n;i++) Rank[sa[i]]=i;</pre>
       for(i=0;i<n;height[Rank[i++]]=k)</pre>
45
       for(k?k--:0,j=sa[Rank[i]-1];r[i+k]==r[j+k];k++);
46
       for(int i=n;i>=1;--i) sa[i]++,Rank[i]=Rank[i-1];
47
48
   int main()
50
51
       scanf("%s",str);
52
       int len=strlen(str);
53
       da(str,sa,len+1,130); //字符的值域
54
       calheight(str,sa,len);
55
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("sa[%d] %d\n",i,sa[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("Rank[%d] %d\n",i,Rank[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("height[%d] %d\n",i,height[i]);
61
62
       return 0;
```

1.5.2 DC3

1.6 回文自动机

```
#include <bits/stdc++.h>
   //jisuanke 41389
2
     fail[x]: x节点失配之后跳转到不等于自身的最长后缀回文子
     len[x]: 以x结尾的最长回文子串长度
6
     diff[x]: 与"以x结尾的最长回文子串"本质不同的子串个
     same[x]: 与"以x结尾的最长回文子串"本质相同的子串个数
     (注意上面两个完全相反)
     son[x][c]:编号为x的节点表示的回文子串在两边添加字符c
10
         之后变成的回文子串编号
     s[x]: 第x次添加的字符, s数组即原字符串
11
     tot: 总节点个数, 节点编号由0到tot-1
12
     last: 最后一个新建立节点的编号
     cur: 当前节点在PAM上的父亲编号
15
   #define int long long
   using namespace std;
   const int N=1e6+5;
   struct PAM
22
     int tot,last,n,cur;
23
     int fail[N],len[N],same[N],diff[N],son[N][26];
24
     char s[N];
25
     int get(int p,int x)
26
        while(s[x-len[p]-1]!=s[x])
           p=fail[p];
29
        return p;
30
31
     int newnode(int x)
32
33
        len[tot]=x;
```

```
return tot++;
35
       }
36
       void build()
37
          scanf("%s",s+1);
39
           s[0]=-1,fail[0]=1,last=0;
40
          newnode(0), newnode(-1);
42
          for(n=1;s[n];++n)
              s[n]-='a';
              cur=get(last,n);
              if(!son[cur][s[n]])
46
              {
47
                  int now=newnode(len[cur]+2);
48
                  fail[now]=son[get(fail[cur],n)][s[n]];
49
                  diff[now]=diff[fail[diff[now]]]+1;
                  son[cur][s[n]]=now;
              }
52
              same[last=son[cur][s[n]]]++;
53
          for(int i=tot-1;i>=0;--i)
              same[fail[i]]+=same[i];
   }pam;
59
   int v[26],ans=0;
60
   void dfs(int x,int now)
61
62
       if(pam.len[x]>0) ans+=pam.same[x]*now;
63
       for(int i=0;i<26;++i)</pre>
          if(pam.son[x][i]!=0)
66
67
              if(!v[i])
                  v[i]=1;
                  dfs(pam.son[x][i],now+1);
                  v[i]=0;
72
73
              else dfs(pam.son[x][i],now);
74
           }
75
       }
76
   signed main()
79
80
       pam.build();
81
       dfs(0,0);//even string
       dfs(1,0);//odd string
       printf("%11d",ans);
       return 0;
85
86
```

1.7 AC 自动机

1.7.1 多模匹配

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
trie静态开点+trie图优化
*/
```

```
int sz,hd=1,nxt[1000005][26],fail[1000005],id
        [1000005],n;
   char s[1000005];
   void trie clean()
11
12
       sz=1:
13
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
14
       memset(fail,0,sizeof(fail));
15
       memset(id,0,sizeof(id));
16
17
18
    void trie insert(int head, char s[], int len, int idx)
19
20
21
       int p=head;
22
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
23
           int c=s[i]-'a';
24
           if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
25
           p=nxt[p][c];
26
27
       id[p]+=idx;
    void acatm build(int head)
31
32
       int p,tp;
33
34
       queue<int> q;
       q.push(head);
       fail[head]=0;
       while(!q.empty())
38
           p=q.front();
39
40
           q.pop();
           for(int i=0;i<26;i++)</pre>
41
               if(nxt[p][i])
                  fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
44
                       ]][i];
                  q.push(nxt[p][i]);
45
               }
46
              else
47
                  nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
50
   int acatm_match(int head,char s[],int len)
52
53
       int p=head,ret=0;
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
55
56
           int c=(int)s[i]-'a';
57
           p=nxt[p][c];
           for(int tp=p;tp;tp=fail[tp])
59
               if(id[tp]) ret++;
60
       return ret;
63
```

1.7.2 自动机上 DP

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
```

```
每个串有个权值
       求一个长度为n的串使得每个串的权值乘以出现次数之和最大
   int fail[2005],nxt[2005][26],cnt[2005],sz,hd,n,m,dp
        [55][2005],from[55][2005];
   char s[105][15];
10
   string dps[55][2005];
   void clear()
13
14
       sz=hd=1;
15
       memset(dp,0xc0,sizeof(dp));
16
       memset(fail,0,sizeof(fail));
17
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
       memset(cnt,0,sizeof(cnt));
   }
20
   void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
22
23
       int p=head;
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
          int c=s[i]-'a';
27
          if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
28
          p=nxt[p][c];
29
30
31
       cnt[p]+=idx;
   }
   void acatm build(int head)
34
35
       queue<int> q;
       q.push(head);
       while(!q.empty())
          int p=q.front();
40
          q.pop();
41
          for(int i=0;i<26;i++)</pre>
42
              if(nxt[p][i])
43
              {
                  fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                      ]][i];
                  cnt[nxt[p][i]]+=cnt[fail[nxt[p][i]]];
                 q.push(nxt[p][i]);
              }
              else
                 nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
52
53
   bool scmp(string a, string b)
54
55
       if(a.length()==b.length()) return a<b;</pre>
       else return a.length()<b.length();</pre>
   }
59
   void solve()
60
61
       clear();
       scanf("%d%d",&n,&m);
       for(int i=0;i<m;i++)</pre>
          scanf("%s",s[i]);
65
       for(int i=0;i<m;i++)</pre>
66
```

```
67
            int x;
68
            scanf("%d",&x);
69
            trie_insert(hd,s[i],strlen(s[i]),x);
71
        acatm_build(hd);
72
        for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
            for(int j=0;j<=sz;j++)</pre>
               dps[i][j]=string("");
76
77
        int ans=0;
        string anss;
78
        queue<pair<int,int> > q;
79
        dp[0][1]=0;
80
        for(int i=0;i<n;i++)</pre>
81
            for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
               for(int k=0;k<26;k++)</pre>
                   if(dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]>dp[i+1][nxt[j
                        ][k]]
                   ||dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]==dp[i+1][nxt[j
                        ][k]]&&scmp(dps[i][j]+char('a'+k),
                        dps[i+1][nxt[j][k]]))
                       dps[i+1][nxt[j][k]]=dps[i][j]+char('
                       dp[i+1][nxt[j][k]]=dp[i][j]+cnt[nxt[
88
        for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
            for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
               if(dp[i][j]>ans||dp[i][j]==ans&&scmp(dps[i
                    [][j],anss))
               {
93
                   ans=dp[i][j];
                   anss=dps[i][j];
        for(int i=0;i<anss.length();i++)</pre>
            printf("%c",anss[i]);
98
        printf("\n");
99
100
101
    int main()
        int ;
        scanf("%d",&);
105
        while( --) solve();
106
        return 0;
107
108
```

1.8 后缀自动机

2 计算几何

2.1 二维几何

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

#define db double
const db EPS=1e-9;
inline int sign(db a){return a<-EPS?-1:a>EPS;}
inline int cmp(db a,db b){return sign(a-b);}
struct P

{
```

```
db x,y;
10
       P(){}
       P(db x,db y):x(x),y(y){}
       P operator+(P p){return {x+p.x,y+p.y};}
       P operator-(P p){return {x-p.x,y-p.y};}
       P operator*(db d){return {x*d,y*d};}
       P operator/(db d){return {x/d,y/d};}
       bool operator<(P p) const</pre>
          int c=cmp(x,p.x);
          if(c) return c==-1;
          return cmp(y,p.y)==-1;
21
22
       bool operator==(P o) const
23
          return cmp(x,o.x)==0&&cmp(y,o.y)==0;
       db distTo(P p){return (*this-p).abs();}
       db alpha(){return atan2(y,x);}
       void read(){scanf("%lf%lf",&x,&y);}
       void write(){printf("(%.10f,%.10f)\n",x,y);}
       db abs(){return sqrt(abs2());}
       db abs2(){return x*x+y*y;}
       P rot90(){return P(-y,x);}
       P unit(){return *this/abs();}
       int quad() const {return sign(y)==1||(sign(y)==0&&
           sign(x)>=0);
       db dot(P p){return x*p.x+y*p.y;}
36
       db det(P p){return x*p.y-y*p.x;}
       P rot(db an){return {x*cos(an)-y*sin(an),x*sin(an)
           +y*cos(an)};}
   };
39
   //For segment
   #define cross(p1,p2,p3) ((p2.x-p1.x)*(p3.y-p1.y)-(p3.
       x-p1.x)*(p2.y-p1.y)
   #define crossOp(p1,p2,p3) sign(cross(p1,p2,p3))
44
   bool chkLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //0:parallel
45
46
   {
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
47
       return sign(a1+a2)!=0;
48
   P isLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //crossover point if
51
       chkLL()
52
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
       return (p1*a2+p2*a1)/(a1+a2);
   bool intersect(db l1,db r1,db l2,db r2)
57
58
       if(l1>r1) swap(l1,r1);if(l2>r2) swap(l2,r2);
59
       return !(cmp(r1,12)==-1||cmp(r2,11)==-1);
   bool isSS(P p1,P p2,P q1,P q2)
63
       return intersect(p1.x,p2.x,q1.x,q2.x)&&intersect(
           p1.y,p2.y,q1.y,q2.y)&&
       crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<=0\&&crossOp(q1
           ,q2,p1)*cross0p(q1,q2,p2)<=0;
   }
67
```

```
bool isSS_strict(P p1,P p2,P q1,P q2)
69
70
        return crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<0
71
        &&crossOp(q1,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<0;
72
73
    bool isMiddle(db a,db m,db b)
75
        return sign(a-m)==0||sign(b-m)==0||(a<m!=b<m);</pre>
78
    bool isMiddle(P a,P m,P b)
80
81
        return isMiddle(a.x,m.x,b.x)&&isMiddle(a.y,m.y,b.y
82
            );
83
    bool onSeg(P p1,P p2,P q)
85
86
        return crossOp(p1,p2,q)==0&&isMiddle(p1,q,p2);
87
    bool onSeg_strict(P p1,P p2,P q)
91
        return crossOp(p1,p2,q)==0&&sign((q-p1).dot(p1-p2)
92
            )*sign((q-p2).dot(p1-p2))<0;
93
    P proj(P p1,P p2,P q)
        P dir=p2-p1;
        return p1+dir*(dir.dot(q-p1)/dir.abs2());
98
99
    P reflect(P p1,P p2,P q)
101
        return proj(p1,p2,q)*2-q;
103
104
105
    db nearest(P p1,P p2,P q)
106
107
        P h=proj(p1,p2,q);
108
        if(isMiddle(p1,h,p2))
           return q.distTo(h);
110
        return min(p1.distTo(q),p2.distTo(q));
111
112
113
    db disSS(P p1,P p2,P q1,P q2) //dist of 2 segments
114
115
        if(isSS(p1,p2,q1,q2)) return 0;
116
        return min(min(nearest(p1,p2,q1),nearest(p1,p2,q2)
117
            ),min(nearest(q1,q2,p1),nearest(q1,q2,p2)));
118
119
    db rad(P p1,P p2)
120
121
        return atan2l(p1.det(p2),p1.dot(p2));
122
123
    db area(vector<P> ps)
125
126
        db ret=0;
127
        for(int i=0;i<ps.size();i++)</pre>
128
           ret+=ps[i].det(ps[(i+1)%ps.size()]);
129
        return ret/2;
130
```

USST ACM-ICPC Template

```
131
132
    int contain(vector<P> ps,P p) //2:inside,1:on_seg,0:
134
        int n=ps.size(),ret=0;
135
        for(int i=0;i<n;i++)</pre>
136
            P u=ps[i], v=ps[(i+1)%n];
            if(onSeg(u,v,p)) return 1;
            if(cmp(u.y,v.y)<=0) swap(u,v);
140
            if(cmp(p.y,u.y)>0||cmp(p.y,v.y)<=0) continue;</pre>
141
            ret^=crossOp(p,u,v)>0;
142
143
        return ret*2;
144
145
    vector<P> convexHull(vector<P> ps)
147
148
        int n=ps.size();if(n<=1) return ps;</pre>
149
150
        sort(ps.begin(),ps.end());
        vector<P> qs(n*2);int k=0;
        for(int i=0;i<n;qs[k++]=ps[i++])</pre>
           while(k>1&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
153
        for(int i=n-2,t=k;i>=0;qs[k++]=ps[i--])
154
           while(k>t&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
155
                --k;
        qs.resize(k-1);
156
        return qs;
    db convexDiameter(vector<P> ps)
160
161
        int n=ps.size();if(n<=1) return 0;</pre>
162
        int is=0, js=0;
        for(int k=1;k<n;k++) is=ps[k]<ps[is]?k:is,js=ps[js</pre>
164
             ]<ps[k]?js:k;</pre>
        int i=is,j=js;
165
        db ret=ps[i].distTo(ps[j]);
166
        do{
167
            if((ps[(i+1)%n]-ps[i]).det(ps[(j+1)%n]-ps[j])
                >=0) (++j)%=n;
            else (++i)%=n;
            ret=max(ret,ps[i].distTo(ps[j]));
        }while(i!=is||j!=js);
        return ret;
172
    }
```

2.2 三维几何

3 图论

3.1 最短路

3.1.1 Dijkstra

```
#include <bits/stdc++.h>
#define mkp(a,b) make_pair(a,b)
#define fst first
#define snd second
//luogu P4779
using namespace std;
typedef pair<int,int> pii;
```

```
const int inf=0x3f3f3f3f;
    const int N=1000005;
9
   struct edge
11
12
       int y,v;
13
       edge(int Y,int V):y(Y),v(V){}
14
15
   vector<edge> e[N];
   void add(int x,int y,int v)
17
18
       e[x].push_back(edge(y,v));
19
20
21
    int n,m,s;
22
   int dis[N];
   bool vis[N];
    void dij(int s)
27
       memset(dis,0x3f,sizeof(dis));
       dis[s]=0;
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
       q.push(mkp(0,s));
       while(!q.empty())
32
33
           int x=q.top().snd;
34
           q.pop();
35
           if(vis[x]) continue;
           vis[x]=1;
           for(auto y:e[x])
39
              if(dis[x]+y.v<dis[y.y])</pre>
40
41
                  dis[y.y]=dis[x]+y.v;
                  q.push(mkp(dis[y.y],y.y));
44
45
46
47
   int main()
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&s);
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
52
53
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
54
           add(x,y,z);
       dij(s);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           printf("%d ",dis[i]==inf?2147483647:dis[i]);
59
       return 0;
60
```

第6页

- 3.1.2 SPFA
- 3.1.3 Floyd
- 3.1.4 负环
- 3.1.5 差分约束
- 3.2 最小生成树
- 3.2.1 Prim

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3366
   using namespace std;
       prim/kruskal一定要注意解决重边
6
    const int N=5005;
    const int inf=0x3f3f3f3f;
    int n,m;
12
    int mp[N][N];
13
   int dis[N];
14
   int prim(int s)
       int sum=0;
18
       int cnt=0;
19
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
20
           dis[i]=mp[s][i];
21
       cnt++;
22
       while(1)
           int mn=inf;
           int now=-1;
26
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
               if(dis[i]!=0&&dis[i]<mn)</pre>
                  mn=dis[i];
                  now=i;
32
               }
33
34
           if(now==-1) break;
35
           sum+=dis[now];
           dis[now]=0;
           cnt++;
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
39
40
               if(dis[i]!=0&&mp[now][i]<dis[i])</pre>
                  dis[i]=mp[now][i];
42
           }
44
       if(cnt<n) return -1;</pre>
45
       else return sum;
46
47
48
   int main()
49
    {
       scanf("%d%d",&n,&m);
       memset(mp,0x3f,sizeof(mp));
52
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
53
           mp[i][i]=0;
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
           mp[x][y]=min(mp[x][y],z);
           mp[y][x]=min(mp[y][x],z);
59
60
       int ans=prim(1);
61
       if(ans==-1) puts("orz");
       else printf("%d",ans);
       return 0;
  |}
65
```

3.2.2 Kruskal

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3366
    using namespace std;
5
       prim/kruskal一定要注意解决重边
6
    const int N=200005;
9
    int n,m;
11
    struct node
12
13
       int x,y,z;
    }o[N];
16
    bool cmp(node a,node b)
17
18
       return a.z<b.z;</pre>
19
20
    int f[5005];
22
    int _find(int x)
23
^{24}
       if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
25
       return f[x];
26
27
    void _merge(int x,int y)
29
       x=_find(x),y=_find(y);
30
       if(x!=y) f[x]=y;
31
32
    int kk()
34
35
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
36
           f[i]=i;
37
       sort(o+1,o+1+m,cmp);
38
       int sum=0;
39
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
40
           if(_find(o[i].x)!=_find(o[i].y))
42
43
               sum+=o[i].z;
44
               _merge(o[i].x,o[i].y);
45
       int tmp=_find(1);
       for(int i=2;i<=n;++i)</pre>
49
           if(_find(i)!=tmp)
50
              return -1;
51
       return sum;
52
53
    int main()
55
56
       scanf("%d%d",&n,&m);
57
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
58
           scanf("%d%d%d",&o[i].x,&o[i].y,&o[i].z);
59
       int ans=kk();
       if(ans==-1) puts("orz");
61
```

- 3.2.3 最小生成树计数
- 3.2.4 次小生成树
- 3.2.5 最小乘积生成树
- 3.3 树的直径
- 3.4 LCA
- 3.4.1 Tarjan 离线
- 3.4.2 倍增 LCA

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
3
       预处理 O(nlogn)
       单次查询 O(logn)
   const int MAXN=500005;
   int n,q,dep[MAXN],s,lg[MAXN],fa[MAXN][32];
10
   vector<int> e[MAXN];
11
12
   void dfs(int now,int pa)
13
   {
       dep[now]=dep[pa]+1;
       fa[now][0]=pa;
16
       for(int i=1;(1<<i)<=dep[now];i++)</pre>
17
          fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-1];
       for(auto to:e[now])
19
          if(to!=pa) dfs(to,now);
21
   int lca(int x,int y)
23
   {
24
       if(dep[x]<dep[y]) swap(x,y);</pre>
25
       while(dep[x]>dep[y]) x=fa[x][lg[dep[x]-dep[y]]-1];
26
       if(x==y) return x;
       for(int i=lg[dep[x]]-1;i>=0;i--)
           if(fa[x][i]!=fa[y][i])
              x=fa[x][i],y=fa[y][i];
30
       return fa[x][0];
31
   }
   int main()
       for(int i=1;i<MAXN;i++)</pre>
36
          lg[i]=lg[i-1]+(1<<lg[i-1]==i);
37
       scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
38
       for(int i=0,x,y;i<n-1;i++)</pre>
39
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       dep[0]=0;
       dfs(s,0);
       for(int i=0,x,y;i<q;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
```

```
printf("%d\n",lca(x,y));
}
return 0;
}
```

3.5 无向图与有向图联通性

3.5.1 割点

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define int long long
   //luogu P3469
5
       tarjan求割点的算法中,如果不保证连通性,应该使用被注释
6
           掉的遍历方法
       part数组储存了被这个割点分成的不同的几块各自的大小
   using namespace std;
10
   const int N=100005;
11
   int n,m,x,y;
   vector<int> e[N],part[N];
   bool is[N];
   int dfn[N],low[N],timer=0;
   int sz[N];
17
18
   void tarjan(int u,int f)
19
20
21
       dfn[u]=low[u]=++timer;
       sz[u]++;//
       int son=0,tmp=0;
23
       for(auto v:e[u])
24
25
          if(dfn[v]==0)
             tarjan(v,u);
             sz[u]+=sz[v];//
             low[u]=min(low[u],low[v]);
30
             if(low[v]>=dfn[u]&&u!=f)
31
32
33
                 is[u]=1;
                 tmp+=sz[v];//
                 part[u].push_back(sz[v]);//
36
             if(u==f) son++;
37
38
          low[u]=min(low[u],dfn[v]);
       if(son>=2\&u==f) is[u]=1;//point on the top
       if(is[u]&&n-tmp-1!=0)
          part[u].push_back(n-tmp-1);//
43
44
45
   signed main()
46
47
       scanf("%11d%11d",&n,&m);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
49
50
          scanf("%11d%11d",&x,&y);
51
          e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
52
       }
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
55
```

```
if(!dfn[i]) tarjan(i,i);
56
       */
57
       tarjan(1,0);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
60
           if(!is[i]) printf("%lld\n",2*(n-1));
           else{
              int tmp=0;
              for(auto j:part[i])
                  tmp+=j*(j-1);
               printf("%lld\n",n*(n-1)-tmp);
66
67
68
       return 0;
69
   }
```

3.5.2 桥

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define mkp make_pair
   //uva796
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   typedef pair<int,int> pii;
   inline int read(){
       char ch=getchar();int s=0,w=1;
       while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
       while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
10
           getchar();}
11
       return s*w;
   inline void write(int x){
13
       if(x<0)putchar('-'),x=-x;</pre>
14
       if(x>9)write(x/10);
15
       putchar(x%10+48);
16
   }
   int n;
19
   int dfn[N],low[N],timer=0;
20
   int fa[N];
21
   vector<int> e[N];
22
   vector<pii> ans;
23
   void tarjan(int u,int f)
   {
26
       fa[u]=f;
       dfn[u]=low[u]=++timer;
       for(auto v:e[u])
           if(!dfn[v])
              tarjan(v,u);
33
              low[u]=min(low[u],low[v]);
34
              //if(dfn[u]<low[v]) is[u][v]=1;
35
              //u is v's father
36
37
          else if(v!=f) low[u]=min(low[u],dfn[v]);
39
   }
40
   void init()
43
       timer=0;
44
       for(int i=0;i<n;++i) dfn[i]=low[i]=fa[i]=0;</pre>
```

```
for(int i=0;i<n;++i) e[i].clear();</pre>
46
       ans.clear();
47
   }
48
   void gao()
50
51
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
52
           if(!dfn[i]) tarjan(i,-1);
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
           int F=fa[i];
           if(F!=-1&&dfn[F]<low[i])
57
               ans.emplace_back(min(F,i),max(F,i));
58
59
       sort(ans.begin(),ans.end());
       printf("%d critical links\n",(int)ans.size());
       for(auto i:ans)
           printf("%d - %d\n",i.first,i.second);
       puts("");
   }
65
   int main()
67
       while(~scanf("%d",&n))
69
70
           if(n==0)
71
72
           {
               puts("0 critical links");
               puts("");
               continue;
           init();
77
           for(int i=0,x,y,z;i<n;++i)</pre>
               scanf("%d (%d)",&x,&y);
               for(int i=0;i<y;++i)</pre>
                  z=read(),
                  e[x].push back(z),
                  e[z].push_back(x);
85
           gao();
86
       return 0;
```

```
3.5.3 e-DCC
```

3.5.4 v-DCC

3.5.5 SCC

3.5.6 2-SAT

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
//luogu P4782

/*
2-SAT用于求解有n个布尔变量x1-xn和m个需要满足的条件 每个条件形式为xi=0(1)||xj=0(1), 是否有可行解 注意要开两倍空间建反向边

*/
const int N=2e6+5;
int n,m,a,va,b,vb;
```

```
int dfn[N],low[N],timer=0;
    stack<int> s;
15
   bool vis[N];
    vector<int> e[N];
    int co[N],color=0;
18
19
   void add(int x,int y)
20
21
       e[x].push_back(y);
23
    void tarjan(int u)
25
26
       dfn[u]=low[u]=++timer;
27
28
       s.push(u);
       vis[u]=1;
       for(auto v:e[u])
31
           if(!dfn[v])
              tarjan(v),
33
              low[u]=min(low[u],low[v]);
           else if(vis[v])
              low[u]=min(low[u],dfn[v]);
       if(low[u]==dfn[u])
38
39
           int v;
40
           color++;
41
           do
               v=s.top();
               s.pop();
               vis[v]=0;
46
               co[v]=color;
47
           }
           while(u!=v);
50
    }
51
52
    bool solve()
53
54
       for(int i=1;i<=2*n;++i)</pre>
55
           if(!dfn[i]) tarjan(i);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           if(co[i]==co[i+n])
58
               return 0;
59
       return 1;
60
   }
61
   int main()
63
64
       scanf("%d%d",&n,&m);
65
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
66
67
           scanf("%d%d%d%d",&a,&va,&b,&vb);
           int nota=va^1,notb=vb^1;
           add(a+nota*n,b+vb*n);//not a and b
           add(b+notb*n,a+va*n);//not b and a
       if(solve())
           puts("POSSIBLE");
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
               printf("%d ",co[i]>co[i+n]);
77
       }
78
```

```
else puts("IMPOSSIBLE");
so return 0;
s1 }
```

3.5.7 支配树

3.6 二分图

3.6.1 最大匹配-匈牙利

```
#include <bits/stdc++.h>
2
    //luogu P3386
   using namespace std;
3
5
       hungary每一次遍历必须要清空vis数组
6
   const int N=1005;
10
   vector<int> e[N];
11
   bool vis[N];
   int match[N],rematch[N];
13
   bool dfs(int u)
15
16
       for(auto v:e[u])
17
18
           if(!vis[v]){
19
              vis[v]=1;
              if(match[v]==0||dfs(match[v]))
21
                  match[v]=u;
23
                  rematch[u]=v;
                  return 1;
28
       return 0;
29
30
31
   int n,m,k;
   int main()
34
35
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
36
       for(int i=1,x,y;i<=k;++i)</pre>
37
           scanf("%d%d",&x,&y);
           if(x>n||y>m) continue;
40
           e[x].push_back(y);
41
42
       int ans=0;
43
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
44
45
           memset(vis,0,sizeof(vis));
           if(dfs(i)) ans++;
       printf("%d",ans);
49
       return 0;
50
51
```

3.6.2 帯权匹配-KM

```
#include <bits/stdc++.h>
   //hdu 2255
   using namespace std;
       KM仅用于最大带权匹配一定是最大匹配的情况中
   const int N=305;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int n,mp[N][N];
12
   int la[N],lb[N],delta;
13
   bool va[N],vb[N];
   int match[N];
15
   bool dfs(int x)
18
       va[x]=1;
19
       for(int y=1;y<=n;++y)</pre>
20
21
           if(!vb[y]){
22
              if(la[x]+lb[y]==mp[x][y])
                  vb[y]=1;
                  if(!match[y]||dfs(match[y]))
                     match[y]=x;
                     return 1;
              }
              else
                  delta=min(delta,la[x]+lb[y]-mp[x][y]);
33
           }
34
35
       return 0;
   }
   int km()
39
40
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
41
          match[i]=0;
          la[i]=-inf;
          lb[i]=0;
45
           for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
46
47
              la[i]=max(la[i],mp[i][j]);
48
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
          while(1)
              memset(va,0,sizeof(va));
              memset(vb,0,sizeof(vb));
              delta=inf;
              if(dfs(i)) break;
              for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
59
60
                  if(va[j]) la[j]-=delta;
                  if(vb[j]) lb[j]+=delta;
              }
           }
       }
65
```

```
int ans=0;
66
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
67
           ans+=mp[match[i]][i];
       return ans;
   }
70
   int main()
72
73
       while(~scanf("%d",&n))
76
           memset(mp,-0x3f,sizeof(mp));
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
77
           {
78
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
79
80
                   scanf("%d",&mp[i][j]);
           printf("%d\n",km());
       }
86
       return 0;
   }
87
```

3.7 网络流

3.7.1 最大流-Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
       s,t 超级源、超级汇
       cur[] 当前弧优化
       时间复杂度 O(n^2*m)
   const int MAXN=10005;
   const 11 inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f11;
   int n,m,s,t,tot,dis[MAXN],cur[MAXN];
13
   struct edge
14
15
       int to,cap,rev;
16
17
       edge(){}
       edge(int to,int cap,int rev):to(to),cap(cap),rev(
           rev){}
19
   vector<edge> E[MAXN];
20
   inline void add_edge(int x,int y,int f)
22
23
       E[x].emplace_back(y,f,E[y].size());
       E[y].emplace_back(x,0,E[x].size()-1);
25
26
27
   int bfs()
28
29
       for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f3f;</pre>
       dis[s]=0;
31
       queue<int> q;
32
       q.push(s);
33
       while(!q.empty())
34
35
          int now=q.front();q.pop();
36
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
```

```
edge &e=E[now][i];
39
              if(dis[e.to]>dis[now]+1&&e.cap)
                  dis[e.to]=dis[now]+1;
                  if(e.to==t) return 1;
                  q.push(e.to);
           }
       return 0;
48
49
50
   11 dfs(int now, 11 flow)
51
52
       if(now==t) return flow;
       11 rest=flow,k;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
55
56
           edge &e=E[now][i];
           if(e.cap&&dis[e.to]==dis[now]+1)
              cur[now]=i;
              k=dfs(e.to,min(rest,(long long)e.cap));
              e.cap-=k;
62
              E[e.to][e.rev].cap+=k;
63
              rest-=k;
64
           }
65
       return flow-rest;
   }
   11 dinic()
70
71
       11 ret=0,delta;
       while(bfs())
           for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=0;</pre>
75
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
76
77
       return ret;
78
   }
```

3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef pair<int,int> pii;
      第一遍跑的spfa,然后是加上势函数的dij,玄学
      h[] 势函数
      cur[] 当前弧优化
      msmf 最大流时的最小费用
      s,t 超级源、超级汇
10
      时间复杂度 O(n^2*m)
11
   */
13
   const int MAXN=2005;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int msmf,s,t,cur[MAXN],dis[MAXN],vis[MAXN],h[MAXN];
16
   struct edge
      int to,val,cap,rev;
```

```
edge(){}
20
       edge(int to,int cap,int val,int rev):to(to),cap(
21
           cap),val(val),rev(rev){}
   vector<edge> E[MAXN];
23
   inline void add_edge(int x,int y,int f,int cost)
25
26
       E[x].emplace_back(y,f,cost,E[y].size());
       E[y].emplace_back(x,0,-cost,E[x].size()-1);
28
29
30
   int dij()
31
32
       fill(dis,dis+t+1,inf);
33
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
       q.emplace(0,s);dis[s]=0;
       while(!q.empty())
36
       {
37
          pii p=q.top();q.pop();
          int now=p.second;
          if(dis[now]<p.first) continue;</pre>
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
              edge &e=E[now][i];
43
              if(e.cap>0&&dis[e.to]>p.first+e.val+h[now]-
44
                  h[e.to])
45
                  dis[e.to]=p.first+e.val+h[now]-h[e.to];
46
                  q.emplace(dis[e.to],e.to);
          }
49
       return dis[t]!=inf;
51
   int dfs(int now,int flow)
54
55
       if(now==t) return flow;
56
       int rest=flow,k;
57
       vis[now]=1;
58
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
          edge &e=E[now][i];
          if(e.cap&&dis[now]+e.val+h[now]-h[e.to]==dis[e
               .to]&&!vis[e.to])
              cur[now]=i;
              k=dfs(e.to,min(e.cap,rest));
              e.cap-=k;
              E[e.to][e.rev].cap+=k;
              rest-=k;
              msmf+=k*e.val;
69
70
71
       vis[now]=0;
       return flow-rest;
   int dinic()
76
77
       int ret=0,delta;
       while(dij())
79
80
          for(int i=s;i<=t;i++) cur[i]=0;</pre>
81
```

3.7.3 上下界流

3.8 欧拉路

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P2731
   using namespace std;
   const int N=505;
4
5
6
       euler_path一定要找到正确的起点
   int n;
10
   int mp[N][N];
   stack<int> st;
   int deg[N];
   void dfs(int x)
16
       for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
17
18
           if(mp[x][i])
19
              mp[x][i]--;
              mp[i][x]--;
              dfs(i);
           }
25
       st.push(x);
   int main()
29
   {
30
       scanf("%d",&n);
31
       for(int i=1,x,y;i<=n;++i)</pre>
32
           scanf("%d%d",&x,&y);
           mp[x][y]++;
          mp[y][x]++;
           deg[x]++;
          deg[y]++;
       int s=1;
       for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
42
           if(deg[i]%2==1)
43
44
              s=i;
45
              break;
       dfs(s);
       while(!st.empty())
50
           printf("%d\n",st.top());
           st.pop();
       }
```

```
55 | return 0;
56 |}
```

3.9 Prufer 序列

- 4 数据结构
- 4.1 树状数组
- 4.2 线段树
- 4.2.1 带优先级线段树
- 4.2.2 吉司机线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
2
   using namespace std;
   typedef long long 11;
5
       modify 将区间大于x的数变成x
6
       query 询问区间和
       单次复杂度 O(log^2(n))
9
   const 11 INF=0xc0c0c0c0c0c0c0c011;
    const int MAXN=200005;
12
   11 seg[MAXN<<2],m1[MAXN<<2],m2[MAXN<<2],cnt[MAXN<<2],</pre>
13
        tag[MAXN<<2],a[MAXN];</pre>
   int n,q;
14
   void pushdown(int rt)
16
17
       if(!tag[rt]) return;
18
       ll y=m1[rt];
19
       if(y<m1[rt<<1])
20
21
           tag[rt<<1]=1;
           seg[rt<<1]-=(m1[rt<<1]-y)*cnt[rt<<1];
           m1[rt<<1]=y;
24
25
       if(y<m1[rt<<1|1])
26
27
           tag[rt<<1|1]=1;
           seg[rt<<1|1]-=(m1[rt<<1|1]-y)*cnt[rt<<1|1];
           m1[rt<<1|1]=y;
30
31
       tag[rt]=0;
32
33
   void pushup(int rt)
35
36
       seg[rt]=seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1];
37
       if(m1[rt<<1]==m1[rt<<1|1])</pre>
38
39
           m1[rt]=m1[rt<<1];
40
           cnt[rt]=cnt[rt<<1]+cnt[rt<<1|1];</pre>
41
           m2[rt]=max(m2[rt<<1],m2[rt<<1|1]);
43
       else if(m1[rt<<1]>m1[rt<<1|1])</pre>
45
           m1[rt]=m1[rt<<1];
46
           cnt[rt]=cnt[rt<<1];</pre>
47
           m2[rt]=max(m2[rt<<1],m1[rt<<1|1]);
48
       }
49
```

```
else
50
51
           m1[rt]=m1[rt<<1|1];
           cnt[rt]=cnt[rt<<1|1];
           m2[rt]=max(m2[rt<<1|1],m1[rt<<1]);</pre>
55
    }
56
    void build(int rt,int l,int r)
        tag[rt]=0;
60
        if(l==r)
61
62
           seg[rt]=m1[rt]=a[l];
63
           cnt[rt]=1;
           m2[rt]=INF;
           return;
       int m=l+r>>1;
        if(1<=m) build(rt<<1,1,m);
        if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);</pre>
        pushup(rt);
    void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll y)
74
75
        if(y>=m1[rt]) return;
76
        if(L<=1&&r<=R&&y>m2[rt])
77
           tag[rt]=1;
           seg[rt]-=(m1[rt]-y)*cnt[rt];
           m1[rt]=y;
           return;
        pushdown(rt);
        int m=l+r>>1;
        if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,y);</pre>
        if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,y);
87
        pushup(rt);
88
89
90
    11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
91
    {
        if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
        int m=l+r>>1;
        pushdown(rt);
        ll ret=0;
        if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,L,R);
        if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,L,R);
        pushup(rt);
        return ret;
100
101
    4.2.3 线段树维护扫描线
```

```
RMQ
4.3
```

4.3.1 一维

4.3.2 两维

树链剖分 4.4

4.4.1 点剖分

```
#include <bits/stdc++.h>
```

```
using namespace std;
   typedef long long 11;
3
4
      轻重链剖分 单次复杂度 O(log^2(n))
6
      a[i] 表示dfs标号为i的点的值,而非点i的值
      1 x y z 表示将树从x到y结点最短路径上所有节点值都加上z
      2 x y 表示求树从x到y结点最短路径上所有节点值之和
      3 x z 表示将以x为根节点的子树内所有节点值都加上z
      4 x 表示求以x为根节点的子树内所有节点值之和
11
12
13
   const int MAXN=100005;
14
   11 mod,lazy[MAXN<<2],seg[MAXN<<2],a[MAXN],tmp[MAXN];</pre>
15
   int n,q,r,cnt,tot,dep[MAXN],top[MAXN],id[MAXN],son[
       MAXN], num[MAXN], fa[MAXN];
17
   vector<int> e[MAXN];
18
   void dfs1(int now,int f)
19
20
21
      dep[now]=dep[f]+1;
      fa[now]=f;
      num[now]=1;
      son[now]=0;
      for(auto to:e[now])
25
26
          if(to==f) continue;
27
          dfs1(to,now);
28
29
          num[now]+=num[to];
          if(num[to]>num[son[now]]) son[now]=to;
30
31
   }
32
   void dfs2(int now,int f)
34
      id[now]=++cnt;
      top[now]=f;
37
      if(son[now]) dfs2(son[now],f);
38
      for(auto to:e[now])
39
          if(to!=fa[now]&&to!=son[now])
40
             dfs2(to,to);
41
42
   inline void pushdown(int rt,ll lnum,ll rnum)
45
      if(!lazy[rt]) return;
46
      seg[rt<<1]=(seg[rt<<1]+lazy[rt]*lnum%mod)%mod;</pre>
      seg[rt<<1|1]=(seg[rt<<1|1]+lazy[rt]*rnum%mod)%mod;</pre>
      lazy[rt<<1]=(lazy[rt<<1]+lazy[rt])%mod;
      lazy[rt<<1|1]=(lazy[rt<<1|1]+lazy[rt])%mod;
50
      lazy[rt]=0;
51
52
   inline void pushup(int rt)
54
55
      seg[rt]=(seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1])%mod;
   void build(int rt,int l,int r)
59
      lazy[rt]=0;
      if(l==r)
63
          seg[rt]=a[1]%mod;
64
          return;
65
```

```
66
        int m=l+r>>1;
67
        if(l<=m) build(rt<<1,1,m);</pre>
        if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
        pushup(rt);
70
    }
71
    void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll x)
        if(L<=1&&r<=R)
           lazy[rt]=(lazy[rt]+x)%mod;
77
           seg[rt]=(seg[rt]+x*(r-l+1)%mod)%mod;
78
           return;
79
        int m=l+r>>1;
        pushdown(rt,m-l+1,r-m);
        if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,x);
        if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,x);
        pushup(rt);
    11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
        if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
90
        int m=l+r>>1;
91
        11 ret=0;
92
        pushdown(rt,m-l+1,r-m);
        if(L<=m) ret=(ret+query(rt<<1,1,m,L,R))%mod;
        if(m<R) ret=(ret+query(rt<<1|1,m+1,r,L,R))%mod;
        pushup(rt);
        return ret;
    }
100
    int main()
        scanf("%d%d%d%lld",&n,&q,&r,&mod);
        for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%lld",&tmp[i]);</pre>
103
        for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
104
105
           scanf("%d%d",&x,&y);
106
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
        num[0]=0, dep[r]=0;
        dfs1(r,r);
        dfs2(r,r);
        for(int i=1;i<=n;i++) a[id[i]]=tmp[i];</pre>
        build(1,1,n);
       while(q--)
116
           int op,x,y;ll z;
117
           scanf("%d%d",&op,&x);
118
           if(op==4)
119
               printf("%lld\n",query(1,1,n,id[x],id[x]+num
                   [x]-1));
               continue;
           if(op==1)
               scanf("%d%11d",&y,&z);z%=mod;
               while(top[x]!=top[y])
               {
128
                   if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
129
```

```
modify(1,1,n,id[top[x]],id[x],z);
130
                   x=fa[top[x]];
131
               if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
133
               modify(1,1,n,id[x],id[y],z);
134
135
           else if(op==2)
137
               scanf("%d",&y);
               11 ans=0;
139
               while(top[x]!=top[y])
140
141
                   if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
142
                   ans=(ans+query(1,1,n,id[top[x]],id[x]))%
143
                       mod;
                   x=fa[top[x]];
               if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
146
               ans=(ans+query(1,1,n,id[x],id[y]))%mod;
               printf("%11d\n",ans);
           }
           else
               scanf("%11d",&z);z%=mod;
               modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);
153
154
155
        return 0;
156
```

4.4.2 边剖分

4.5 平衡树

4.5.1 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1e5+5;
   const int inf=0x7ffffffff;
   int n,op,x;
      树内初始化时有无穷大和无穷小两个结点
      _delete(root,x) 删除一个x
10
      _insert(root,x) 插入一个x
      getRank(root,x) 返回x的排名+1(包含了无穷小)
      getVal(root, x+1) 返回排名为x的数
      getPrev(x) x的前驱
      getNext(x) x的后继
15
16
   namespace Treap
18
19
      int tot,root;
20
      struct node
22
         int cnt,val,dat,siz,lc,rc;
      }bst[MAXN];
      inline void pushup(int rt)
26
27
         bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
```

```
if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
29
                                                                       90
                                                                       91
           if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
                                                                       92
                siz;
        }
31
                                                                       94
32
                                                                       95
        inline void zig(int &rt)
33
                                                                       97
           int p=bst[rt].lc;
           bst[rt].lc=bst[p].rc;
           bst[p].rc=rt;
                                                                      100
            rt=p;
38
                                                                      101
           pushup(bst[rt].rc);pushup(rt);
39
                                                                      102
        }
40
                                                                      103
                                                                      104
41
        inline void zag(int &rt)
42
                                                                      105
            int p=bst[rt].rc;
                                                                      107
           bst[rt].rc=bst[p].lc;
45
           bst[p].lc=rt;
46
                                                                      108
           rt=p:
                                                                      109
           pushup(bst[rt].lc);pushup(rt);
                                                                      110
        }
                                                                      111
                                                                      112
        int new node(int val)
51
                                                                      113
52
                                                                      114
           bst[++tot].val=val;
53
                                                                      115
           bst[tot].dat=rand();
                                                                      116
54
           bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
                                                                      117
           bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
                                                                      118
            return tot;
                                                                      119
        }
58
                                                                      120
59
                                                                      121
       void build()
60
                                                                      122
61
                                                                      123
           new_node(-inf);new_node(inf);
                                                                      124
            root=1,bst[1].rc=2;
                                                                      125
           pushup(1);
64
                                                                      126
65
                                                                      127
66
                                                                      128
        void insert(int &rt,int val)
67
                                                                      129
68
                                                                      130
            if(rt==0)
                                                                      131
            {
                                                                      132
               rt=new node(val);
71
                                                                      133
               return;
                                                                      134
                                                                      135
           if(bst[rt].val==val)
                                                                      136
               bst[rt].cnt++;
               pushup(rt);
                                                                      138
               return;
78
                                                                      139
79
                                                                      140
           if(val<bst[rt].val)</pre>
                                                                      141
80
                                                                      142
                insert(bst[rt].lc,val);
               if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].lc].dat) zig(rt)</pre>
                                                                      145
            }
                                                                      146
           else
                                                                      147
                                                                      148
                _insert(bst[rt].rc,val);
                                                                      149
               if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].rc].dat) zag(rt)</pre>
                                                                      150
                    ;
                                                                      151
            }
                                                                      152
89
```

```
pushup(rt);
}
void _delete(int &rt,int val)
   if(rt==0) return;
   if(bst[rt].val==val)
      if(bst[rt].cnt>1)
          bst[rt].cnt--;
          pushup(rt);
          return;
      if(bst[rt].rc||bst[rt].lc)
          if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
              bst[bst[rt].lc].dat)
             zig(rt),_delete(bst[rt].rc,val);
          else
             zag(rt),_delete(bst[rt].lc,val);
          pushup(rt);
      else rt=0;
      return;
   if(val<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,val);</pre>
   else _delete(bst[rt].rc,val);
   pushup(rt);
int getPrev(int val)
   int ret=1,rt=root;
   while(rt)
   {
      if(bst[rt].val==val)
      {
          if(bst[rt].lc)
             rt=bst[rt].lc;
             while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
             ret=rt;
          break;
      if(bst[rt].val<val&&bst[rt].val>bst[ret].
           val) ret=rt;
      if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
      else rt=bst[rt].rc;
   return bst[ret].val;
}
int getNext(int val)
   int ret=2,rt=root;
   while(rt)
      if(bst[rt].val==val)
          if(bst[rt].rc)
          {
             rt=bst[rt].rc;
```

using namespace std;

```
while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
153
                     ret=rt;
154
                                                                        离散化+区间k小
                  }
                  break;
              if(bst[rt].val>val&&bst[rt].val<bst[ret].</pre>
                                                                    const int MAXN=200005;
                   val) ret=rt;
                                                                    int n,m,a[MAXN],tmp[MAXN],org[MAXN],root[MAXN],tot=0;
              if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
                                                                10
                                                                    struct tree
159
              else rt=bst[rt].rc;
                                                                11
                                                                        int cnt,lc,rc;
161
                                                                12
           return bst[ret].val;
                                                                13
                                                                    }seg[30*MAXN];
162
163
                                                                14
                                                                    int build(int l,int r)
                                                                15
164
       int getRank(int rt,int val)
165
                                                                16
                                                                        int p=tot++;
166
                                                                17
           if(rt==0) return 0;
                                                                        if(l==r)
           if(val==bst[rt].val) return bst[bst[rt].lc].
                                                                        {
                                                                           seg[p].cnt=0;
           if(val<bst[rt].val) return getRank(bst[rt].lc,</pre>
                                                                           return p;
169
                                                                21
               val);
           else return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt+
                                                                        int m=l+r>>1;
170
               getRank(bst[rt].rc,val);
                                                                        seg[p].lc=build(1,m);
       }
                                                                        seg[p].rc=build(m+1,r);
                                                                        seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
                                                                26
       int getVal(int rt,int k)
173
                                                                27
174
                                                                28
           if(rt==0) return inf;
175
           if(bst[bst[rt].lc].siz>=k) return getVal(bst[
                                                                    int modify(int rt,int l,int r,int x)
                                                                30
               rt].lc,k);
           if(bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt>=k) return
                                                                        int p=tot++;
               bst[rt].val;
                                                                        seg[p]=seg[rt];
           return getVal(bst[rt].rc,k-bst[bst[rt].lc].siz
                                                                        if(l==r)
178
                                                                34
               -bst[rt].cnt);
                                                                35
       }
                                                                           seg[p].cnt++;
179
                                                                           return p;
    int main()
                                                                        int m=l+r>>1;
182
                                                                        if(x<=m) seg[p].lc=modify(seg[rt].lc,1,m,x);</pre>
183
                                                                40
       using namespace Treap;
                                                                        else seg[p].rc=modify(seg[rt].rc,m+1,r,x);
184
                                                                41
       srand(time(0));
                                                                        seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
185
                                                                42
       build();
                                                                        return p;
186
                                                                43
       scanf("%d",&n);
                                                                44
       while(n--)
                                                                    int query(int p,int q,int l,int r,int k)
           scanf("%d%d",&op,&x);
                                                                47
           if(op==1) insert(root,x);
                                                                        if(l==r) return 1;
           else if(op==2) _delete(root,x);
                                                                        int m=l+r>>1;
           else if(op==3) printf("%d\n",getRank(root,x)
                                                                        int lcnt=seg[seg[q].lc].cnt-seg[seg[p].lc].cnt;
                                                                        if(lcnt>=k) return query(seg[p].lc,seg[q].lc,l,m,k
               -1);
           else if(op==4) printf("%d\n",getVal(root,x+1))
                                                                        else return query(seg[p].rc,seg[q].rc,m+1,r,k-lcnt
                                                                52
           else if(op==5) printf("%d\n",getPrev(x));
                                                                            );
195
           else if(op==6) printf("%d\n",getNext(x));
196
                                                                53
197
                                                                54
       return 0;
                                                                    int main()
198
                                                                55
                                                                        scanf("%d%d",&n,&m);
                                                                        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
                                                                           scanf("%d",a+i),tmp[i]=a[i];
    4.5.2 Splay
                                                                        sort(tmp+1,tmp+n+1);
    4.6
          动态树
                                                                        root[0]=build(1,n);
                                                                        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
    4.7
          主席树
                                                                           int k=lower_bound(tmp+1,tmp+n+1,a[i])-tmp;
                                                                64
    #include <bits/stdc++.h>
                                                                           org[k]=a[i];
                                                                65
```

```
a[i]=k;
root[i]=modify(root[i-1],1,n,a[i]);

swhile(m--)

int x,y,k;
scanf("%d%d%d",&x,&y,&k);
printf("%d\n",org[query(root[x-1],root[y],1,n,k)]);

return 0;
}
```

48

49

52

53

54

56

57

59

60

65

66

70

71

72

73

78

82

83

84

85

91

95

96

97

99

101

102

103

104

105

106

107

4.8 树套树

4.8.1 线段树套 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
3
       空间 O(nlogn)
5
       单点修改,区间rank,前驱后继(不存在则为±2147483647)单
           次 O(log^2(n))
       区间排名为k的值 单次 O(log^3(n))
   */
   const int inf=2147483647;
10
   const int MAXN=50005;
11
   int root[MAXN<<2],n,m,a[MAXN];</pre>
12
   struct Treap
       int tot;
15
       struct node
16
17
          int lc,rc,dat,val,cnt,siz;
       }bst[MAXN*4*20];
       int newnode(int v)
22
          bst[++tot].val=v;
23
          bst[tot].dat=rand();
24
          bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
25
          bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
          return tot;
       }
      void zig(int &rt)
30
          int p=bst[rt].lc;
          bst[rt].lc=bst[p].rc;
          bst[p].rc=rt;
          rt=p;
35
          pushup(bst[rt].rc);
36
          pushup(rt);
37
       }
38
39
      void zag(int &rt)
          int p=bst[rt].rc;
          bst[rt].rc=bst[p].lc;
          bst[p].lc=rt;
          rt=p;
          pushup(bst[rt].lc);
          pushup(rt);
```

```
}
void pushup(int rt)
   bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
   if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
   if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
       siz:
}
int build()
{
   int rt=newnode(-inf);
   bst[rt].rc=newnode(inf);
   pushup(rt);
   return rt;
}
void delete(int &rt,int x)
   if(bst[rt].val==x)
      if(bst[rt].cnt>1)
          bst[rt].cnt--;
          pushup(rt);
          return;
      if(bst[rt].lc||bst[rt].rc)
          if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
              bst[bst[rt].lc].dat)
             zig(rt),_delete(bst[rt].rc,x);
              zag(rt),_delete(bst[rt].lc,x);
          pushup(rt);
      else rt=0;
      return;
   if(x<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,x);</pre>
   else _delete(bst[rt].rc,x);
   pushup(rt);
}
void _insert(int &rt,int x)
   if(rt==0)
      rt=newnode(x);
      return;
   if(bst[rt].val==x) bst[rt].cnt++;
   else if(x<bst[rt].val)</pre>
       _insert(bst[rt].lc,x);
      if(bst[bst[rt].lc].dat>bst[rt].dat) zig(rt)
   }
   else
       _insert(bst[rt].rc,x);
      if(bst[bst[rt].rc].dat>bst[rt].dat) zag(rt)
```

```
108
            pushup(rt);
                                                                     166
109
        }
                                                                     167
                                                                     168
        int get rank(int rt,int x)
112
                                                                     169
113
                                                                     170
            if(!rt) return 1;
                                                                     171
            if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz
                                                                     172
                +1:
            if(x<bst[rt].val) return get_rank(bst[rt].lc,x</pre>
                                                                     174
                 );
                                                                     175
            else return get rank(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt
117
                                                                     176
                 ].lc].siz+bst[rt].cnt;
                                                                     177
        }
118
                                                                     178
                                                                     179
119
        int get_num(int rt,int x)
                                                                     180
                                                                     181
            if(!rt) return 0;
                                                                     182
            if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+
                                                                     183
                bst[rt].cnt;
                                                                     184
124
            if(x<bst[rt].val) return get_num(bst[rt].lc,x)</pre>
                                                                     185
                                                                     186
            else return get_num(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].
                lc].siz+bst[rt].cnt;
                                                                     188
126
                                                                     189
127
                                                                     190
        int get_prev(int rt,int x)
128
                                                                     191
129
                                                                     192
            int ret=-inf;
            while(rt)
                                                                     193
                                                                     194
                if(bst[rt].val==x)
                                                                     195
                                                                     196
                   if(bst[rt].lc)
                                                                     197
                       rt=bst[rt].lc;
                       while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
                                                                     200
138
                       ret=bst[rt].val;
139
                                                                     201
140
                                                                     202
                   break;
141
                                                                     203
142
                                                                     204
                if(bst[rt].val<x&&bst[rt].val>ret) ret=bst[
                                                                     205
                    rt].val;
                if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
                else rt=bst[rt].rc;
                                                                     208
            }
                                                                     209
            return ret;
                                                                     210
        }
                                                                     211
        int get_nxt(int rt,int x)
151
            int ret=inf;
152
                                                                     213
            while(rt)
153
                                                                     214
154
                                                                     215
                if(bst[rt].val==x)
                                                                     216
                                                                     217
                   if(bst[rt].rc)
                                                                     218
                       rt=bst[rt].rc;
                       while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
                                                                     219
                       ret=bst[rt].val;
                                                                     220
                    }
                                                                     221
                   break;
163
164
                if(bst[rt].val>x&&bst[rt].val<ret) ret=bst[</pre>
165
```

```
rt].val;
          if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
          else rt=bst[rt].rc;
      return ret;
}treap;
void build(int rt,int l,int r)
   root[rt]=treap.build();
   if(l==r) return;
   int m=l+r>>1;
   build(rt<<1,1,m);
   build(rt<<1|1,m+1,r);
void modify(int rt,int l,int r,int x,int v,int y)
   if(y==-1) treap._delete(root[rt],v);
   else treap._insert(root[rt],v);
   if(l==r) return;
   int m=l+r>>1;
   if(x<=m) modify(rt<<1,1,m,x,v,y);
   else modify(rt<<1|1,m+1,r,x,v,y);
int query(int rt,int l,int r,int op,int L,int R,int x
   if(L <= 1\&\&r <= R)
      if(op==1) return treap.get_rank(root[rt],x)-2;
      if(op==2) return treap.get_num(root[rt],x)-1;
      if(op==4) return treap.get_prev(root[rt],x);
      if(op==5) return treap.get_nxt(root[rt],x);
   int m=l+r>>1,ret;
   if(op==1||op==2)
   {
      ret=0:
      if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,op,L,R,x);
      if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x);
   if(op==4)
      ret=-inf:
      if(L<=m) ret=max(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
      if(m<R) ret=max(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
           ,x));
   if(op==5)
      ret=inf;
      if(L<=m) ret=min(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
      if(m<R) ret=min(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
           ,x));
   return ret;
int main()
```

```
srand(time(0));
225
        scanf("%d%d",&n,&m);
226
        build(1,1,n);
227
        for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
229
            scanf("%d",a+i);
230
            modify(1,1,n,i,a[i],1);
231
232
        while(m--)
            int op,1,r,k,pos;
            scanf("%d",&op);
236
            if(op==1)
237
238
               scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
239
               printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k)+1);
            }
            else if(op==2)
242
243
               scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
244
               int L=-inf,R=inf,mid;
               while(L<R)</pre>
                   mid=(L+R+1)>>1;
                   if(query(1,1,n,1,1,r,mid)+1>k) R=mid-1;
249
                       else L=mid;
250
               printf("%d\n",L);
251
            }
            else if(op==3)
               scanf("%d%d",&pos,&k);
255
               modify(1,1,n,pos,a[pos],-1);
256
               a[pos]=k;
               modify(1,1,n,pos,k,1);
            }
            else
260
261
               scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
262
               printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k));
263
264
265
        return 0;
    }
```

```
int root[MAXN],lc[MAXN*500],rc[MAXN*500],cnt[MAXN
18
            *500],tot;
       void modify(int &rt,int l,int r,int x,int y)
19
           if(rt==0) rt=++tot;
21
           cnt[rt]+=y;
22
           if(l==r) return;
23
24
           int m=l+r>>1;
25
           if(x<=m) modify(lc[rt],1,m,x,y);</pre>
           else modify(rc[rt],m+1,r,x,y);
27
       int query(int 1,int r,int k)
28
29
           if(l==r) return 1;
30
           int sum=0, m=1+r>>1;
31
           for(int i=0;i<c1;i++) sum-=cnt[lc[X[i]]];</pre>
32
           for(int i=0;i<c2;i++) sum+=cnt[lc[Y[i]]];</pre>
           if(sum>=k)
34
           {
35
               for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=lc[X[i]];</pre>
36
               for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=lc[Y[i]];</pre>
37
38
               return query(1,m,k);
           }
           else
40
41
           {
               for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=rc[X[i]];</pre>
42
               for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=rc[Y[i]];</pre>
43
44
               return query(m+1,r,k-sum);
45
       }
47
   }seg;
   void add(int pos,int x,int y)
49
50
       for(;pos<=n;pos+=pos&-pos) seg.modify(seg.root[pos</pre>
51
            ],1,VAL,x,y);
52
53
   int query(int 1,int r,int k)
54
55
       c1=c2=0;
56
       for(int i=l-1;i;i-=i&-i) X[c1++]=seg.root[i];
57
       for(int i=r;i;i-=i&-i) Y[c2++]=seg.root[i];
       return seg.query(1,VAL,k);
   }
60
```

4.8.2 树状数组套线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
  using namespace std;
2
      带单点修区间k小
      用的时候注意下空间 时空 O(nlog^2(n))
      外层 add(pos,x,y) 空间上为pos的点且值域上为x的点加上y
         query(1,r,k) 询问区间[1,r]里k小
      内层 modify 值域线段树动态开点
         query 值域线段树区间k小
     VAL 值域大小
11
   */
12
   const int MAXN=200005;
14
  int n,a[MAXN],X[MAXN],Y[MAXN],c1,c2,VAL;
15
  struct SEG
16
  {
```

```
4.9 K-D Tree
```

4.10 分治

4.10.1 CDQ

4.10.2 点分治

4.10.3 dsu on tree

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long ll;

/*
统计每颗子树内的出现次数最多的数(们)的和复杂度 O(nlogn)

*/
```

using namespace std;

```
int n,c[100005],cnt[100005],mx,son[100005],siz
                                                                     const int N=500005;
        [100005],hson;
   ll ans[100005],sum;
                                                                     int n,m,tot;
   vector<int> e[100005];
                                                                     int a[N],cnt[N],pos[N];
12
                                                                     int id[N],from[N],to[N];
13
   void dfs1(int now,int fa)
                                                                     int o,x,y;
14
15
       son[now]=0,siz[now]=1;
                                                                     void modify(int i)
16
                                                                 11
       for(auto to:e[now])
                                                                 12
                                                                         if(i+a[i]>n)
                                                                 13
           if(to==fa) continue;
                                                                 14
           dfs1(to,now);
                                                                            pos[i]=i;
20
                                                                 15
           siz[now]+=siz[to];
                                                                            cnt[i]=0;
21
                                                                 16
           if(siz[to]>siz[son[now]]) son[now]=to;
                                                                            return;
22
                                                                 17
       }
23
                                                                         if(id[i]==id[i+a[i]])
   }
24
   void cal(int now,int fa,int y)
                                                                            pos[i]=pos[i+a[i]];
26
                                                                 21
                                                                            cnt[i]=cnt[i+a[i]]+1;
27
       cnt[c[now]]+=y;
                                                                         }
28
       if(cnt[c[now]]==mx) sum+=c[now];
                                                                         else
29
       else if(cnt[c[now]]>mx) mx=cnt[c[now]],sum=c[now];
       for(auto to:e[now])
                                                                            pos[i]=i+a[i];
           if(to!=fa&&to!=hson) cal(to,now,y);
                                                                            cnt[i]=1;
32
                                                                 27
33
                                                                 28
34
                                                                 29
   void dfs2(int now,int fa,int keep)
35
                                                                 30
                                                                     void ask(int x)
36
                                                                 31
       for(auto to:e[now])
37
                                                                         int p=x,res=0;
           if(to==fa||to==son[now]) continue;
                                                                         while(p!=pos[p])
           dfs2(to,now,0);
                                                                            res+=cnt[p],
40
                                                                 35
                                                                            p=pos[p];
                                                                 36
       if(son[now]) dfs2(son[now],now,1);
                                                                         printf("%d\n",res+1);
                                                                 37
       hson=son[now];
       cal(now,fa,1);
       hson=0;
                                                                     int main()
                                                                 40
       ans[now]=sum;
46
                                                                 41
       if(!keep) cal(now,fa,-1),sum=0,mx=0;
                                                                         scanf("%d",&n);
47
                                                                 42
                                                                         tot=(int)sqrt(n);
48
                                                                 43
                                                                         for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
49
                                                                 44
   int main()
                                                                 45
                                                                            from[i]=(i-1)*tot+1;
   {
       scanf("%d",&n);
                                                                            to[i]=i*tot;
       for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",c+i);</pre>
53
                                                                         if(to[tot]<n)</pre>
       for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
                                                                            tot++;
                                                                            from[tot]=to[tot-1];
          e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
                                                                            to[tot]=n;
       dfs1(1,1);
       dfs2(1,1,1);
                                                                         for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
60
                                                                 55
       for(int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",ans[i]);</pre>
61
                                                                 56
                                                                            for(int j=from[i];j<=to[i];++j)</pre>
       return 0;
62
                                                                 57
                                                                                id[j]=i;
   }
                                                                         for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
                                                                            scanf("%d",&a[i]);
   4.10.4 整体二分
                                                                         for(int i=n;i>=1;--i)
   4.11
           分块
                                                                            modify(i);
                                                                         scanf("%d",&m);
   4.11.1 普通分块
                                                                         while(m--)
   #include <bits/stdc++.h>
                                                                            scanf("%d",&o);
                                                                 67
   //luogu P3203
                                                                            if(o==2)
                                                                 68
```

```
{
69
                                                                    46
               scanf("%d%d",&x,&y);
70
              x++;
               a[x]=y;
               for(int i=x;i>=from[id[x]];--i)
                  modify(i);
           }
           else if(o==1)
               scanf("%d",&x);
               X++;;
79
               ask(x);
80
81
82
       return 0;
83
   }
```

int L,R; 48 L=R=q[1].1;R--: 50 for(int i=1;i<=m;++i)</pre> 51 52 while(L<q[i].1) del(L++);</pre> 53 while(L>q[i].1) add(--L); while(R>q[i].r) del(R--); while(R<q[i].r) add(++R);</pre> 56 ans[q[i].ans]=now; 57 58 for(int i=1;i<=m;++i)</pre> 59 printf("%d\n",ans[i]); 60 61 return 0;

q[i].id=(q[i].l+sz-1)/sz;

sort(q+1,q+1+m,cmp);

47

4.11.2 莫队

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3203
   using namespace std;
   const int N=500005;
   int n,m,k,a[N];
    struct node
       int 1,r,id,ans;
10
   }q[N];
    int cnt[N],ans[N];
   bool cmp(node a,node b)
13
14
       if(a.id==b.id)
15
16
           if(a.id%2==0) return a.r<b.r;</pre>
           else return a.r>b.r;
       else return a.id<b.id;</pre>
20
    }
21
22
    int now=0;
23
   void del(int x)
24
    {
       now-=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
26
       cnt[a[x]]--;
27
       now+=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
28
   }
29
   void add(int x)
30
31
       now-=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
       cnt[a[x]]++;
33
       now+=cnt[a[x]]*cnt[a[x]];
34
   }
35
36
   int main()
37
    {
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
39
       int sz=sqrt(m);
40
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
41
           scanf("%d",&a[i]);
42
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
43
           scanf("%d%d",&q[i].1,&q[i].r),q[i].ans=i;
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
```

线性基 4.12

}

珂朵莉树 4.13

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define int long long //be careful
   //CF896C
   using namespace std;
6
       珂朵莉树的左右split顺序很重要,并且set集合一开始不要为
           空,否则会RE
   const int N=1000005;
10
   int qpow(int a,int b,int mod)
12
13
       int res=1,tmp=a%mod;
       while(b)
15
16
          if(b&1) res=res*tmp%mod;
17
          tmp=tmp*tmp%mod;
18
          b>>=1;
19
20
       return res;
22
23
   struct node
24
25
       int 1,r;
26
       mutable int v;
       node(int L,int R=-1,int V=0):1(L),r(R),v(V){}
       bool operator < (const node& o)const{return 1<0.1</pre>
29
           ;}
30
   set<node> s;
31
   typedef set<node>::iterator it;
32
   it split(int pos)
34
35
       it i=s.lower bound(node(pos));
36
       if(i!=s.end()&&i->l==pos) return i;
37
       --i:
       int L=i->1,R=i->r,V=i->v;
39
       s.erase(i);
40
```

第 23 页

```
s.insert(node(L,pos-1,V));
41
        return s.insert(node(pos,R,V)).first;
42
    }
43
    void assign(int l,int r,int val)
45
46
        it ir=split(r+1),il=split(l);
47
48
        s.erase(il,ir);
        s.insert(node(1,r,val));
50
51
    void add(int l,int r,int val)
52
    {
53
        it ir=split(r+1),il=split(l);
54
        for(;il!=ir;il++)
55
           il->v+=val;
57
    }
58
    int rk(int l,int r,int k)
59
60
        vector<pair<int,int>> v;
61
        it ir=split(r+1),il=split(1);
62
        for(;il!=ir;il++)
           v.emplace_back(il->v,il->r-il->l+1);
        sort(v.begin(),v.end());
65
        for(int i=0;i<v.size();++i)</pre>
66
67
           k-=v[i].second;
68
           if(k<=0) return v[i].first;</pre>
69
        return -1; //can't find
71
    }
72
73
    int sum(int 1,int r,int ex,int mod)
74
75
        it ir=split(r+1),il=split(l);
        int res=0;
        for(;il!=ir;il++)
78
           res=(res+qpow(il->v,ex,mod)*(il->r-il->l+1)%
79
                mod)%mod;
        return res;
80
    }
81
    inline int read(){
        char ch=getchar();int s=0,w=1;
84
       while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
85
       while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
86
            getchar();}
       return s*w;
    inline void write(int x){
89
        if(x<0)putchar('-'),x=-x;</pre>
90
        if(x>9)write(x/10);
91
        putchar(x%10+48);
92
93
    //Fast I/O
    int n,m,seed,vmax,a[N];
96
    int rnd()
97
98
        int ret=seed;
        seed=(seed*7+13)%1000000007;
100
        return ret;
    }
102
103
```

```
signed main()
104
105
106
        n=read(),m=read(),seed=read(),vmax=read();
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
107
108
            a[i]=(rnd()%vmax)+1;
109
            s.insert(node(i,i,a[i]));
110
111
112
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
113
114
            int op=(rnd()%4)+1;
            int l=(rnd()%n)+1;
115
            int r=(rnd()%n)+1;
116
            if(l>r) swap(l,r);
117
            int x,y;
118
119
            if(op==3) x=(rnd()\%(r-1+1))+1;
120
            else x=(rnd()%vmax)+1;
            if(op==4) y=(rnd()%vmax)+1;
121
            switch(op)
122
            {
123
                case 1:
124
125
                   add(1,r,x);break;
                case 2:
                   assign(l,r,x);break;
127
                case 3:
128
                   write(rk(l,r,x)),puts("");break;
129
                case 4:
130
                   write(sum(l,r,x,y)),puts("");break;
131
            }
132
133
134
        return 0;
135
    }
136
```

4.14 跳舞链

5 动态规划

5.1 SOS

- 5.2 动态 DP
- 5.3 插头 DP
- 6 数学
- 6.1 矩阵类
- 6.2 质数筛
- 6.2.1 埃筛
- 6.2.2 线筛
- 6.3 质数判定
- 6.3.1 Miller Rabin
- 6.4 质因数分解
- 6.4.1 Pollard-Rho
- 6.5 逆元
- 6.5.1 EX-GCD 求逆元
- 6.5.2 线性筛逆元
- 6.5.3 阶乘逆元
- 6.6 欧拉函数
- 6.6.1 欧拉线筛
- 6.6.2 求单个数的欧拉函数
- 6.6.3 欧拉降幂
- 6.6.4 一般积性函数求法
- 6.7 EX-GCD
- 6.8 CRT
- 6.9 N 次剩余
- 6.10 数论分块
- 6.11 高斯消元
- 6.11.1 普通消元
- 6.11.2 异或方程组消元
- 6.12 莫比乌斯反演
- 6.12.1 莫比乌斯函数
- 6.12.2 杜教筛
- 6.12.3 洲阁筛
- 6.12.4 min25 筛
- 6.13 BSGS
- 6.14 FFT
- 6.15 FWT
- 6.16 NTT
- 6.17 数值计算
- 6.17.1 辛普森
- 6.17.2 自适应辛普森

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const double eps=1e-12;
6
       调用 asr(l,r,simpson(l,r))
   inline double f(double x)
       return x; //被积函数
   }
12
13
   double simpson(double l,double r)
14
15
       double mid=(l+r)/2;
16
       return (f(1)+4*f(mid)+f(r))*(r-1)/6;
17
18
19
   double asr(double 1,double r,double ans)
20
21
       double mid=(1+r)/2;
22
       double l1=simpson(l,mid),r1=simpson(mid,r);
23
       if(fabs(l1+r1-ans)<eps) return l1+r1;</pre>
       return asr(l,mid,l1)+asr(mid,r,r1);
25
   }
26
27
   int main()
29
       return 0;
31
```

- 6.18 康拓展开
- 6.19 卢卡斯定理
- 7 其他
- 7.1 快读快写
- 7.2 约瑟夫环
- 7.3 悬线法
- 7.4 蔡勒公式
- 7.5 三角公式
- 7.6 海伦公式
- 7.7 匹克定理
- 7.8 组合计数
- 7.8.1 计数原理
- 7.8.2 卡特兰数
- 7.8.3 Polya
- 7.8.4 二项式反演公式
- 7.8.5 斯特林反演公式
- 7.8.6 组合数恒等式