# 小小青蛙听风就是雨

Hiedano Akyuu、Oneman<br/>233、KR12138 $2019 \ \hbox{\it ft} \ 10 \ \hbox{\it ft} \ 24 \ \hbox{\it ft}$ 

<b>目录</b> 4.4.2 边剖分										
-	kk	rt.			1 0414	14				
T	字符		1		1	14				
	1.1	KMP	1		1 0	16				
	1.2		1		24.6.14	16				
	1.3	Manacher	1			16				
	1.4	串的最小表示	2		13 4 13	16				
	1.5	后缀数组	2			16				
		1.5.1 倍增 SA	2		1,700,000	19				
	1.0	1.5.2 DC3	2			19				
		回文自动机	2		24 IH	19				
	1.7	AC 自动机	2		•	19				
		1.7.1 多模匹配	2		711124 113	19				
	1.0	1.7.2 自动机上 DP	3			19				
	1.8	后缀自动机	4		- ±11 — 7	20				
2	计算	म की	4		74.74	20				
2		プロ - 二维几何	4		1.23 %	20				
		三维几何	5		200	20				
	2.2	二年/山門・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	9			20				
3	图论		5		421-1414	20				
J		最短路	5	4.14	跳舞链	22				
	3.1	3.1.1 Dijkstra	_	油大	to the	<b>22</b>				
		3.1.2 SPFA	6	动态 5.1		22 22				
		3.1.3 Floyd	6			22				
		3.1.4 负环	6		2 · =	22				
		3.1.5 差分约束	6	5.5	加大 101	22				
	3.2	最小生成树	-	数学	:	$2^{2}$				
		3.2.1 Prim	6			22				
		3.2.2 Kruskal	6			22				
		3.2.3 最小生成树计数	6			22				
		3.2.4 次小生成树	6		2 ** .	22				
		3.2.5 最小乘积生成树	6	6.3		22				
	3.3	树的直径	6		~ ~~ ~ ~ ~ ~	22				
		LCA	6			22				
		3.4.1 Tarjan 离线	6			22				
		3.4.2 倍增 LCA	6	6.5	逆元	22				
	3.5	无向图与有向图联通性	7		6.5.1 EX-GCD 求逆元	22				
		3.5.1 割点	7		6.5.2 线性筛逆元	22				
		3.5.2 桥	7		6.5.3 阶乘逆元	22				
		3.5.3 e-DCC	8	6.6	欧拉函数	22				
		3.5.4 v-DCC	8		6.6.1 欧拉线筛	22				
		3.5.5 SCC	8		6.6.2 求单个数的欧拉函数	22				
		3.5.6 2-SAT	8		6.6.3 欧拉降幂	22				
		3.5.7 支配树	9		6.6.4 一般积性函数求法	22				
	3.6	二分图	9	6.7	EX-GCD	22				
		3.6.1 最大匹配-匈牙利	9	6.8	CRT	22				
		3.6.2 帯权匹配-KM	9	6.9	N 次剩余	22				
	3.7	网络流	10	6.10	数论分块	22				
		3.7.1 最大流-Dinic	10	6.11	1.479111172	22				
		3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic	11		1.01170	22				
		3.7.3 上下界流	11		6.11.2 异或方程组消元	22				
	3.8	欧拉路	11		2 C 4//10 TO T	22				
	3.9	Prufer 序列	12		7771 d 7771 d 777	22				
						22				
4	数据		12		- 0.41.424	22				
		树状数组	12		- 2/1-	22				
	4.2	线段树	12			22				
		4.2.1 带优先级线段树	12			22				
		4.2.2 吉司机线段树	12			22				
		4.2.3 线段树维护扫描线	13			22				
	4.3	RMQ	13		22.	22				
		4.3.1 一维	13			22				
		4.3.2 两维	13			22				
	4.4	树链剖分	13		/3-41H/NG) I	23				
		4.4.1 点剖分	13	6.19	卢卡斯定理	23				

7	其他		2
	7.1	快读快写	2
	7.2	约瑟夫环	2
	7.3	悬线法	2
	7.4	蔡勒公式	2
	7.5	三角公式	2
	7.6	海伦公式	2
	7.7	匹克定理	2
	7.8	组合计数	2
		7.8.1 计数原理	2
		7.8.2 卡特兰数	2
		7.8.3 Polya	2
		7.8.4 二项式反演公式	2
		7.8.5 斯特林反演公式	2
		7.8.6 组合数恒等式	2

### 1 字符串

#### 1.1 KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1000005;
   char s1[MAXN],s2[MAXN];
   int nxt[MAXN];
       nxt[i] s2[i-x..i-1]=s2[0..x-1]且x最大
       即s2[0..i]的真前缀与真后缀的最大匹配
10
       "ABAAB\0"=>[-1 0 0 1 1 2]
11
12
13
   void get_fail(char *s,int 1)
14
       int i=0,j;
       j=nxt[0]=-1;
17
       while(i<1)
19
          while(~j&&s[j]!=s[i]) j=nxt[j];
          nxt[++i]=++j;
23
24
   void kmp(char *s1,char *s2,int l1,int l2)
25
26
   {
       int i=0, j=0;
27
       get_fail(s2,12);
       while(i<l1)
30
          while(~j&&s1[i]!=s2[j]) j=nxt[j];
31
          i++,j++;
32
          if(j>=12); //匹配上了
       }
36
   int main()
37
38
       scanf("%s%s",s1,s2);
39
       int l1=strlen(s1),l2=strlen(s2);
40
       kmp(s1,s2,l1,l2);
41
       for(int i=0;i<=12;i++)</pre>
          printf("%d ",nxt[i]);
       return 0;
44
   }
```

#### 1.2 EX-KMP

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
    ex[i]: s1[i..11-1]与s2的最大公共前缀长度
    exnext[i]: s2[i..12-1]与s2的最大公共前缀长度
    get_exnext(s2) 求exnext[]
    exkmp(s1,s2) 求ex[]

*/

const int N=50005;
char s1[N],s2[N];
```

```
int ex[N],exnext[N];
13
14
    void get_exnext(char s[N])
16
        int n=strlen(s),p=1,j,i;
17
        exnext[0]=n;
18
        for(i=0;i<n-1&&s[i]==s[i+1];i++);
19
20
        exnext[1]=i;
21
        for(i=2;i<n;i++)</pre>
           if(exnext[i-p]+i<p+exnext[p])</pre>
22
23
               exnext[i]=exnext[i-p];
24
           {
25
               j=exnext[p]+p-i;
26
27
               if(j<0) j=0;
               while(i+j<n&&s[j]==s[i+j]) j++;</pre>
28
               exnext[i]=j;
               p=i;
30
           }
31
32
33
    void exkmp(char s1[N],char s2[N])
34
35
        int l1=strlen(s1), l2=strlen(s2), p=0,i,j;
36
        get exnext(s2);
37
        for(i=0;i<l1&&i<l2&&s1[i]==s2[i];i++);</pre>
38
        ex[0]=i;
39
        for(int i=1;i<11;i++)</pre>
40
41
           if(exnext[i-p]+i<p+ex[p])</pre>
               ex[i]=exnext[i-p];
           else
44
45
               j=ex[p]+p-i;
46
               if(j<0) j=0;
47
               while(i+j<11&&s1[i+j]==s2[j]) j++;</pre>
               ex[i]=j;
49
               p=i;
50
           }
51
        }
52
```

#### 1.3 Manacher

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int N=1000005;
   int cnt,len,ans,p[N*2];
   char s[N],ss[N*2];
   void init() //将每两个字符中插入一个字符
8
9
       len=strlen(s),cnt=1;
10
       ss[0]='!',ss[cnt]='#';
11
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
12
          ss[++cnt]=s[i],ss[++cnt]='#';
13
14
15
   void manacher()
16
17
       int pos=0, mx=0;
18
       for(int i=1;i<=cnt;i++)</pre>
19
20
```

```
if(i<mx) p[i]=min(p[pos*2-i],mx-i);</pre>
21
           else p[i]=1;
22
           while(ss[i+p[i]]==ss[i-p[i]]) p[i]++;
           if(mx<i+p[i]) mx=i+p[i],pos=i;
           ans=max(ans,p[i]-1);
25
26
    }
27
   int main()
       scanf("%s",s);
31
       init();
32
       manacher();
33
       printf("%d\n",ans);
34
       return 0;
35
   }
```

#### 1.4 串的最小表示

### 1.5 后缀数组

#### 1.5.1 倍增 SA

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
      str[0..len-1] 原串
       sa[1..len] 排名第i的后缀的下标[1..len]
       Rank[1..len] 从i开始的后缀的排名[1..len]
       height[1..len] 排名第i的后缀与排名第i-1的后缀的lcp
       i开始的后缀与j开始的后缀的lcp (Rank[i]<Rank[j])
      min{height[Rank[i]+1..Rank[j]]}
10
11
   const int MAXN=100005;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int wa[MAXN],wb[MAXN],wv[MAXN],wz[MAXN],sa[MAXN],Rank
        [MAXN],height[MAXN];
   char str[MAXN];
16
17
   inline bool cmp(int *r,int a,int b,int 1){return r[a
18
       ]==r[b]&&r[a+1]==r[b+1];}
   void da(const char r[],int sa[],int n,int m)
   {
21
       int i,j,p,*x=wa,*y=wb,*t;
       for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
       for(i=0;i<n;i++) wz[x[i]=r[i]]++;</pre>
       for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
       for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[x[i]]]=i;
       for(j=1,p=1;p<n;j*=2,m=p)</pre>
28
          for(p=0,i=n-j;i<n;i++) y[p++]=i;</pre>
29
          for(i=0;i<n;i++) if(sa[i]>=j) y[p++]=sa[i]-j;
30
          for(i=0;i<n;i++) wv[i]=x[y[i]];</pre>
31
          for(i=0;i<m;i++) wz[i]=0;</pre>
          for(i=0;i<n;i++) wz[wv[i]]++;</pre>
          for(i=1;i<m;i++) wz[i]+=wz[i-1];</pre>
          for(i=n-1;i>=0;i--) sa[--wz[wv[i]]]=y[i];
          for(t=x,x=y,y=t,p=1,x[sa[0]]=0,i=1;i<n;i++)</pre>
              x[sa[i]]=cmp(y,sa[i-1],sa[i],j)?p-1:p++;
       }
   }
```

```
void calheight(const char *r,int *sa,int n)
41
42
       int i,j,k=0;
43
       for(i=1;i<=n;i++) Rank[sa[i]]=i;</pre>
       for(i=0;i<n;height[Rank[i++]]=k)</pre>
45
       for(k?k--:0,j=sa[Rank[i]-1];r[i+k]==r[j+k];k++);
46
       for(int i=n;i>=1;--i) sa[i]++,Rank[i]=Rank[i-1];
47
48
   int main()
50
51
       scanf("%s",str);
52
       int len=strlen(str);
53
       da(str,sa,len+1,130); //字符的值域
54
       calheight(str,sa,len);
55
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("sa[%d] %d\n",i,sa[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("Rank[%d] %d\n",i,Rank[i]);
       for(int i=1;i<=len;i++)</pre>
           printf("height[%d] %d\n",i,height[i]);
61
62
       return 0;
```

- 1.5.2 DC3
- 1.6 回文自动机
- 1.7 AC 自动机

#### 1.7.1 多模匹配

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       trie静态开点+trie图优化
   int sz,hd=1,nxt[1000005][26],fail[1000005],id
        [1000005],n;
   char s[1000005];
9
   void trie_clean()
13
       memset(nxt,0,sizeof(nxt));
14
       memset(fail,0,sizeof(fail));
15
       memset(id,0,sizeof(id));
16
   void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
19
20
       int p=head;
21
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
22
23
          int c=s[i]-'a';
24
          if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
          p=nxt[p][c];
26
27
       id[p]+=idx;
28
29
   void acatm_build(int head)
```

```
int p,tp;
       queue<int> q;
34
       q.push(head);
       fail[head]=0;
       while(!q.empty())
          p=q.front();
          q.pop();
          for(int i=0;i<26;i++)</pre>
              if(nxt[p][i])
                 fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                      ]][i];
                 q.push(nxt[p][i]);
45
              }
              else
                 nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
       }
   }
   int acatm_match(int head,char s[],int len)
       int p=head,ret=0;
       for(int i=0;i<len;i++)</pre>
          int c=(int)s[i]-'a';
          p=nxt[p][c];
          for(int tp=p;tp;tp=fail[tp])
              if(id[tp]) ret++;
       return ret;
   }
```

29

30

34

35

36

40

41

42

43

52

55

60 61

66

67

75

#### 1.7.2 自动机上 DP

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
3
      每个串有个权值
      求一个长度为n的串使得每个串的权值乘以出现次数之和最大
6
   int fail[2005],nxt[2005][26],cnt[2005],sz,hd,n,m,dp
       [55][2005],from[55][2005];
   char s[105][15];
   string dps[55][2005];
   void clear()
      sz=hd=1;
      memset(dp,0xc0,sizeof(dp));
16
      memset(fail,0,sizeof(fail));
17
      memset(nxt,0,sizeof(nxt));
      memset(cnt,0,sizeof(cnt));
19
   void trie_insert(int head,char s[],int len,int idx)
22
      int p=head;
      for(int i=0;i<len;i++)</pre>
          int c=s[i]-'a';
          if(!nxt[p][c]) nxt[p][c]=++sz;
```

```
p=nxt[p][c];
   cnt[p]+=idx;
void acatm_build(int head)
   queue<int> q;
   q.push(head);
   while(!q.empty())
       int p=q.front();
       q.pop();
       for(int i=0;i<26;i++)</pre>
          if(nxt[p][i])
              fail[nxt[p][i]]=p==head?head:nxt[fail[p
                  ]][i];
              cnt[nxt[p][i]]+=cnt[fail[nxt[p][i]]];
              q.push(nxt[p][i]);
          }
          else
              nxt[p][i]=p==head?head:nxt[fail[p]][i];
bool scmp(string a, string b)
   if(a.length()==b.length()) return a<b;</pre>
   else return a.length()<b.length();</pre>
void solve()
   clear();
   scanf("%d%d",&n,&m);
   for(int i=0;i<m;i++)</pre>
       scanf("%s",s[i]);
   for(int i=0;i<m;i++)</pre>
   {
       int x;
       scanf("%d",&x);
       trie_insert(hd,s[i],strlen(s[i]),x);
   acatm_build(hd);
   for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
       for(int j=0;j<=sz;j++)</pre>
          dps[i][j]=string("");
   int ans=0;
   string anss;
   queue<pair<int,int> > q;
   dp[0][1]=0;
   for(int i=0;i<n;i++)</pre>
       for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
          for(int k=0;k<26;k++)</pre>
              if(dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]>dp[i+1][nxt[j
              ||dp[i][j]+cnt[nxt[j][k]]==dp[i+1][nxt[j
                  ][k]]&&scmp(dps[i][j]+char('a'+k),
                  dps[i+1][nxt[j][k]]))
                  dps[i+1][nxt[j][k]]=dps[i][j]+char('
                  dp[i+1][nxt[j][k]]=dp[i][j]+cnt[nxt[
```

```
j][k]];
89
        for(int i=0;i<=n;i++)</pre>
            for(int j=1;j<=sz;j++)</pre>
                if(dp[i][j]>ans||dp[i][j]==ans&&scmp(dps[i
                    ][j],anss))
93
                    ans=dp[i][j];
                    anss=dps[i][j];
        for(int i=0;i<anss.length();i++)</pre>
97
            printf("%c",anss[i]);
98
        printf("\n");
99
100
101
    int main()
102
    {
        int
104
        scanf("%d",&);
105
        while( --) solve();
106
        return 0:
107
    }
108
```

### 1.8 后缀自动机

# 2 计算几何

### 2.1 二维几何

```
#include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   #define db double
   const db EPS=1e-9;
   inline int sign(db a){return a<-EPS?-1:a>EPS;}
   inline int cmp(db a,db b){return sign(a-b);}
   struct P
      db x,y;
10
      P(){}
11
      P(db x,db y):x(x),y(y){}
      P operator+(P p){return {x+p.x,y+p.y};}
      P operator-(P p){return {x-p.x,y-p.y};}
      P operator*(db d){return {x*d,y*d};}
       P operator/(db d){return {x/d,y/d};}
      bool operator<(P p) const</pre>
          int c=cmp(x,p.x);
          if(c) return c==-1;
          return cmp(y,p.y)==-1;
      bool operator==(P o) const
23
24
          return cmp(x,o.x)==0\&cmp(y,o.y)==0;
25
      db distTo(P p){return (*this-p).abs();}
      db alpha(){return atan2(y,x);}
      void read(){scanf("%lf%lf",&x,&y);}
      void write(){printf("(%.10f,%.10f)\n",x,y);}
      db abs(){return sqrt(abs2());}
      db abs2(){return x*x+y*y;}
      P rot90(){return P(-y,x);}
      P unit(){return *this/abs();}
```

```
int quad() const {return sign(y)==1||(sign(y)==0&&
35
           sign(x) >= 0);
       db dot(P p){return x*p.x+y*p.y;}
       db det(P p){return x*p.y-y*p.x;}
       P rot(db an){return {x*cos(an)-y*sin(an),x*sin(an)}
           +y*cos(an)};}
   };
39
   //For segment
   #define cross(p1,p2,p3) ((p2.x-p1.x)*(p3.y-p1.y)-(p3.
        x-p1.x)*(p2.y-p1.y))
   #define crossOp(p1,p2,p3) sign(cross(p1,p2,p3))
43
44
   bool chkLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //0:parallel
45
46
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
47
       return sign(a1+a2)!=0;
49
50
   P isLL(P p1,P p2,P q1,P q2) //crossover point if
51
       chkLL()
52
       db a1=cross(q1,q2,p1),a2=-cross(q1,q2,p2);
       return (p1*a2+p2*a1)/(a1+a2);
54
55
56
   bool intersect(db l1,db r1,db l2,db r2)
57
58
       if(l1>r1) swap(l1,r1);if(l2>r2) swap(l2,r2);
       return !(cmp(r1,12)==-1||cmp(r2,11)==-1);
61
   bool isSS(P p1,P p2,P q1,P q2)
63
64
65
       return intersect(p1.x,p2.x,q1.x,q2.x)&&intersect(
           p1.y,p2.y,q1.y,q2.y)&&
       crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<=0\&\&crossOp(q1
66
           ,q2,p1)*cross0p(q1,q2,p2)<=0;
67
68
   bool isSS_strict(P p1,P p2,P q1,P q2)
69
70
       return crossOp(p1,p2,q1)*crossOp(p1,p2,q2)<0</pre>
       &&crossOp(q1,q2,p1)*crossOp(q1,q2,p2)<0;
73
74
   bool isMiddle(db a,db m,db b)
75
76
       return sign(a-m)==0||sign(b-m)==0||(a < m!=b < m);
77
78
   bool isMiddle(P a,P m,P b)
80
81
       return isMiddle(a.x,m.x,b.x)&&isMiddle(a.y,m.y,b.y
82
           );
   bool onSeg(P p1,P p2,P q)
85
86
       return crossOp(p1,p2,q)==0&&isMiddle(p1,q,p2);
87
   bool onSeg_strict(P p1,P p2,P q)
90
91
       return crossOp(p1,p2,q)==0&&sign((q-p1).dot(p1-p2)
92
```

```
)*sign((q-p2).dot(p1-p2))<0;
    }
93
    P proj(P p1,P p2,P q)
96
        P dir=p2-p1;
97
        return p1+dir*(dir.dot(q-p1)/dir.abs2());
    P reflect(P p1,P p2,P q)
101
        return proj(p1,p2,q)*2-q;
103
104
105
    db nearest(P p1,P p2,P q)
106
107
        P h=proj(p1,p2,q);
        if(isMiddle(p1,h,p2))
109
           return q.distTo(h);
110
        return min(p1.distTo(q),p2.distTo(q));
    }
112
    db disSS(P p1,P p2,P q1,P q2) //dist of 2 segments
        if(isSS(p1,p2,q1,q2)) return 0;
116
        return min(min(nearest(p1,p2,q1),nearest(p1,p2,q2)
117
            ),min(nearest(q1,q2,p1),nearest(q1,q2,p2)));
118
119
    db rad(P p1,P p2)
        return atan2l(p1.det(p2),p1.dot(p2));
    }
123
    db area(vector<P> ps)
125
        db ret=0;
        for(int i=0;i<ps.size();i++)</pre>
128
           ret+=ps[i].det(ps[(i+1)%ps.size()]);
129
        return ret/2;
130
131
    }
    int contain(vector<P> ps,P p) //2:inside,1:on seg,0:
        outside
134
        int n=ps.size(),ret=0;
135
        for(int i=0;i<n;i++)</pre>
136
           P u=ps[i], v=ps[(i+1)%n];
           if(onSeg(u,v,p)) return 1;
           if(cmp(u.y,v.y)<=0) swap(u,v);
140
           if(cmp(p.y,u.y)>0||cmp(p.y,v.y)<=0) continue;</pre>
141
           ret^=crossOp(p,u,v)>0;
142
143
        return ret*2;
144
    }
    vector<P> convexHull(vector<P> ps)
147
148
        int n=ps.size();if(n<=1) return ps;</pre>
149
        sort(ps.begin(),ps.end());
        vector<P> qs(n*2);int k=0;
        for(int i=0;i<n;qs[k++]=ps[i++])</pre>
           while(k>1&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
153
```

```
for(int i=n-2,t=k;i>=0;qs[k++]=ps[i--])
154
            while(k>t&&crossOp(qs[k-2],qs[k-1],ps[i])<=0)</pre>
155
                 --k:
        qs.resize(k-1);
156
        return qs;
157
158
159
160
    db convexDiameter(vector<P> ps)
        int n=ps.size();if(n<=1) return 0;</pre>
162
        int is=0, js=0;
163
        for(int k=1;k<n;k++) is=ps[k]<ps[is]?k:is,js=ps[js</pre>
164
             ]<ps[k]?js:k;</pre>
        int i=is,j=js;
165
        db ret=ps[i].distTo(ps[j]);
166
        do{
167
            if((ps[(i+1)%n]-ps[i]).det(ps[(j+1)%n]-ps[j])
                >=0) (++j)%=n;
            else (++i)%=n;
169
            ret=max(ret,ps[i].distTo(ps[j]));
        }while(i!=is||j!=js);
171
172
        return ret;
```

### 2.2 三维几何

### 3 图论

# 3.1 最短路

#### 3.1.1 Dijkstra

```
#include <bits/stdc++.h>
   #define mkp(a,b) make pair(a,b)
   #define fst first
   #define snd second
   //luogu P4779
   using namespace std;
   typedef pair<int,int> pii;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   const int N=1000005;
11
   struct edge
       int y, v;
13
       edge(int Y,int V):y(Y),v(V){}
14
15
   vector<edge> e[N];
   void add(int x,int y,int v)
17
18
       e[x].push_back(edge(y,v));
19
20
21
   int n,m,s;
22
   int dis[N];
23
   bool vis[N];
   void dij(int s)
26
27
       memset(dis,0x3f,sizeof(dis));
28
       dis[s]=0;
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
30
       q.push(mkp(0,s));
       while(!q.empty())
```

```
33
           int x=q.top().snd;
34
           q.pop();
           if(vis[x]) continue;
           vis[x]=1;
37
           for(auto y:e[x])
38
39
               if(dis[x]+y.v<dis[y.y])</pre>
40
                   dis[y.y]=dis[x]+y.v;
                   q.push(mkp(dis[y.y],y.y));
43
44
           }
45
       }
46
47
    }
    int main()
50
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&s);
51
       for(int i=1,x,y,z;i<=m;++i)</pre>
52
           scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
           add(x,y,z);
       dij(s);
57
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
58
           printf("%d ",dis[i]==inf?2147483647:dis[i]);
59
       return 0;
60
    }
```

```
3.1.2 SPFA
```

- 3.1.3 Floyd
- 3.1.4 负环
- 3.1.5 差分约束
- 3.2 最小生成树
- 3.2.1 Prim
- 3.2.2 Kruskal

```
#include <bits/stdc++.h>
    //luogu P3366
   using namespace std;
       prim/kruskal一定要注意解决重边
6
    const int N=200005;
10
    int n,m;
11
   struct node
12
13
       int x,y,z;
14
   }o[N];
16
   bool cmp(node a, node b)
17
18
       return a.z<b.z;</pre>
19
20
   int f[5005];
```

```
int _find(int x)
23
24
       if(x!=f[x]) f[x]=_find(f[x]);
25
       return f[x];
26
27
    void _merge(int x,int y)
28
29
       x=_find(x),y=_find(y);
30
31
       if(x!=y) f[x]=y;
32
33
    int kk()
34
35
    {
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
36
37
           f[i]=i;
       sort(o+1,o+1+m,cmp);
38
       int sum=0;
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
40
41
           if(_find(o[i].x)!=_find(o[i].y))
42
43
44
               sum+=o[i].z;
               _merge(o[i].x,o[i].y);
46
47
       int tmp=_find(1);
48
       for(int i=2;i<=n;++i)</pre>
49
50
           if(_find(i)!=tmp)
               return -1;
51
       return sum;
53
    int main()
55
56
       scanf("%d%d",&n,&m);
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
           scanf("%d%d%d",&o[i].x,&o[i].y,&o[i].z);
       int ans=kk();
60
       if(ans==-1) puts("orz");
61
       else printf("%d",ans);
62
       return 0;
63
64
   }
```

- 3.2.3 最小生成树计数
- 3.2.4 次小生成树
- 3.2.5 最小乘积生成树
- 3.3 树的直径
- 3.4 LCA
- 3.4.1 Tarjan 离线
- 3.4.2 倍增 LCA

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*

预处理 O(nlogn)

华次查询 O(logn)

*/

const int MAXN=500005;
```

```
int n,q,dep[MAXN],s,lg[MAXN],fa[MAXN][32];
    vector<int> e[MAXN];
11
    void dfs(int now,int pa)
    {
14
       dep[now]=dep[pa]+1;
15
       fa[now][0]=pa;
16
       for(int i=1;(1<<i)<=dep[now];i++)</pre>
17
           fa[now][i]=fa[fa[now][i-1]][i-1];
       for(auto to:e[now])
19
           if(to!=pa) dfs(to,now);
20
21
22
    int lca(int x,int y)
23
24
       if(dep[x]<dep[y]) swap(x,y);</pre>
       while(dep[x]>dep[y]) x=fa[x][lg[dep[x]-dep[y]]-1];
       if(x==y) return x;
       for(int i=lg[dep[x]]-1;i>=0;i--)
           if(fa[x][i]!=fa[y][i])
29
              x=fa[x][i],y=fa[y][i];
30
       return fa[x][0];
    int main()
34
35
       for(int i=1;i<MAXN;i++)</pre>
36
           lg[i]=lg[i-1]+(1<<lg[i-1]==i);
37
       scanf("%d%d%d",&n,&q,&s);
       for(int i=0,x,y;i<n-1;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       dep[0]=0;
       dfs(s,0);
       for(int i=0,x,y;i<q;i++)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
48
           printf("%d\n",lca(x,y));
49
50
       return 0;
51
   }
```

#### 3.5 无向图与有向图联通性

#### 3.5.1 割点

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
//luogu P3469

/*

tarjan求割点的算法中,如果不保证连通性,应该使用被注释
掉的遍历方法
part数组储存了被这个割点分成的不同的几块各自的大小
*/

using namespace std;
const int N=100005;

int n,m,x,y;
vector<int> e[N],part[N];
bool is[N];
int dfn[N],low[N],timer=0;
```

```
int sz[N];
17
    void tarjan(int u,int f)
20
       dfn[u]=low[u]=++timer;
21
       sz[u]++;//
22
       int son=0,tmp=0;
       for(auto v:e[u])
           if(dfn[v]==0)
           {
27
              tarjan(v,u);
28
              sz[u]+=sz[v];//
29
              low[u]=min(low[u],low[v]);
30
              if(low[v]>=dfn[u]&&u!=f)
31
                  is[u]=1;
                  tmp+=sz[v];//
34
                  part[u].push_back(sz[v]);//
35
36
37
              if(u==f) son++;
           low[u]=min(low[u],dfn[v]);
       if(son>=2\&u==f) is[u]=1;//point on the top
41
       if(is[u]&&n-tmp-1!=0)
42
           part[u].push_back(n-tmp-1);//
43
44
45
    signed main()
       scanf("%11d%11d",&n,&m);
48
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
49
50
           scanf("%11d%11d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       }
53
       /*
54
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
55
           if(!dfn[i]) tarjan(i,i);
56
57
       tarjan(1,0);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           if(!is[i]) printf("%lld\n",2*(n-1));
           else{
              int tmp=0;
              for(auto j:part[i])
                  tmp+=j*(j-1);
              printf("%lld\n",n*(n-1)-tmp);
68
       return 0;
69
```

#### 3.5.2 桥

```
#include <bits/stdc++.h>
#define mkp make_pair
//uva796

using namespace std;
const int N=1000005;
typedef pair<int,int> pii;
inline int read(){
```

```
char ch=getchar();int s=0,w=1;
       while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
9
       while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
       return s*w;
11
    }
12
    inline void write(int x){
13
       if(x<0)putchar('-'),x=-x;</pre>
14
       if(x>9)write(x/10);
       putchar(x%10+48);
16
17
18
    int n;
19
    int dfn[N],low[N],timer=0;
20
21
    int fa[N];
   vector<int> e[N];
   vector<pii> ans;
    void tarjan(int u,int f)
25
26
27
       fa[u]=f;
       dfn[u]=low[u]=++timer;
       for(auto v:e[u])
           if(!dfn[v])
31
           {
32
              tarjan(v,u);
33
              low[u]=min(low[u],low[v]);
               //if(dfn[u]<low[v]) is[u][v]=1;
              //u is v's father
           }
           else if(v!=f) low[u]=min(low[u],dfn[v]);
38
39
    }
40
    void init()
43
44
       for(int i=0;i<n;++i) dfn[i]=low[i]=fa[i]=0;</pre>
45
       for(int i=0;i<n;++i) e[i].clear();</pre>
46
       ans.clear();
47
    }
48
    void gao()
51
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
52
           if(!dfn[i]) tarjan(i,-1);
       for(int i=0;i<n;++i)</pre>
           int F=fa[i];
           if(F!=-1&&dfn[F]<low[i])
              ans.emplace_back(min(F,i),max(F,i));
59
       sort(ans.begin(),ans.end());
60
       printf("%d critical links\n",(int)ans.size());
61
       for(auto i:ans)
           printf("%d - %d\n",i.first,i.second);
       puts("");
   }
   int main()
       while(~scanf("%d",&n))
70
           if(n==0)
71
```

```
72
               puts("0 critical links");
73
               puts("");
               continue;
           init();
           for(int i=0,x,y,z;i<n;++i)</pre>
               scanf("%d (%d)",&x,&y);
               for(int i=0;i<y;++i)</pre>
                   z=read(),
                  e[x].push_back(z),
                  e[z].push_back(x);
85
           gao();
86
       return 0;
```

```
3.5.3 e-DCC3.5.4 v-DCC3.5.5 SCC3.5.6 2-SAT
```

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   //luogu P4782
      2-SAT用于求解有n个布尔变量x1-xn和m个需要满足的条件
      每个条件形式为xi=0(1)||xj=0(1), 是否有可行解
      注意要开两倍空间建反向边
   */
10
   const int N=2e6+5;
   int n,m,a,va,b,vb;
   int dfn[N],low[N],timer=0;
14
   stack<int> s;
15
   bool vis[N];
16
   vector<int> e[N];
   int co[N],color=0;
   void add(int x,int y)
20
21
      e[x].push_back(y);
22
   }
23
   void tarjan(int u)
25
26
      dfn[u]=low[u]=++timer;
27
      s.push(u);
28
      vis[u]=1;
29
      for(auto v:e[u])
30
31
          if(!dfn[v])
             tarjan(v),
33
             low[u]=min(low[u],low[v]);
          else if(vis[v])
35
             low[u]=min(low[u],dfn[v]);
      if(low[u]==dfn[u])
```

```
int v;
40
           color++;
41
           do
               v=s.top();
               s.pop();
               vis[v]=0;
               co[v]=color;
           while(u!=v);
49
50
51
52
    bool solve()
53
54
       for(int i=1;i<=2*n;++i)</pre>
           if(!dfn[i]) tarjan(i);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
57
           if(co[i]==co[i+n])
               return 0;
59
60
       return 1:
    }
61
   int main()
63
64
       scanf("%d%d",&n,&m);
65
       for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
66
67
           scanf("%d%d%d%d",&a,&va,&b,&vb);
           int nota=va^1,notb=vb^1;
           add(a+nota*n,b+vb*n);//not a and b
           add(b+notb*n,a+va*n);//not b and a
       if(solve())
           puts("POSSIBLE");
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
76
               printf("%d ",co[i]>co[i+n]);
77
78
       else puts("IMPOSSIBLE");
79
       return 0;
80
   }
```

### 3.5.7 支配树

### 3.6 二分图

#### 3.6.1 最大匹配-匈牙利

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P3386
using namespace std;

/*
hungary每一次遍历必须要清空vis数组
*/

const int N=1005;

vector<int> e[N];
bool vis[N];
int match[N],rematch[N];

bool dfs(int u)
{
```

```
for(auto v:e[u])
17
18
           if(!vis[v]){
               vis[v]=1;
               if(match[v]==0||dfs(match[v]))
                  match[v]=u;
                  rematch[u]=v;
                   return 1;
27
28
       return 0;
29
30
31
   int n,m,k;
   int main()
34
35
       scanf("%d%d%d",&n,&m,&k);
36
       for(int i=1,x,y;i<=k;++i)</pre>
           scanf("%d%d",&x,&y);
           if(x>n||y>m) continue;
40
           e[x].push_back(y);
41
42
       int ans=0;
43
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           memset(vis,0,sizeof(vis));
           if(dfs(i)) ans++;
       printf("%d",ans);
49
       return 0;
50
```

#### 3.6.2 带权匹配-KM

```
#include <bits/stdc++.h>
   //hdu 2255
2
   using namespace std;
3
       KM仅用于最大带权匹配一定是最大匹配的情况中
   const int N=305;
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int n,mp[N][N];
12
   int la[N],lb[N],delta;
13
   bool va[N],vb[N];
14
   int match[N];
15
16
   bool dfs(int x)
17
18
       va[x]=1;
       for(int y=1;y<=n;++y)
20
21
          if(!vb[y]){
22
             if(la[x]+lb[y]==mp[x][y])
                 vb[y]=1;
                 if(!match[y]||dfs(match[y]))
```

```
{
27
                       match[y]=x;
28
                       return 1;
               }
               else
                   delta=min(delta,la[x]+lb[y]-mp[x][y]);
33
           }
       return 0;
36
37
38
    int km()
39
40
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
41
42
           match[i]=0;
           la[i]=-inf;
           lb[i]=0;
           for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
               la[i]=max(la[i],mp[i][j]);
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
51
52
           while(1)
53
               memset(va,0,sizeof(va));
               memset(vb,0,sizeof(vb));
               delta=inf;
               if(dfs(i)) break;
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
                   if(va[j]) la[j]-=delta;
                   if(vb[j]) lb[j]+=delta;
           }
64
65
       int ans=0;
66
       for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
67
           ans+=mp[match[i]][i];
68
       return ans;
    }
    int main()
72
73
       while(~scanf("%d",&n))
           memset(mp,-0x3f,sizeof(mp));
           for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
78
               for(int j=1;j<=n;++j)</pre>
                   scanf("%d",&mp[i][j]);
           printf("%d\n",km());
       }
       return 0;
86
   }
87
```

#### 3.7 网络流

### 3.7.1 最大流-Dinic

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
       s,t 超级源、超级汇
6
       cur[] 当前弧优化
       时间复杂度 O(n^2*m)
10
   const int MAXN=10005;
11
   const 11 inf=0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f11;
   int n,m,s,t,tot,dis[MAXN],cur[MAXN];
   struct edge
14
15
   {
       int to,cap,rev;
       edge(){}
17
       edge(int to,int cap,int rev):to(to),cap(cap),rev(
18
           rev){}
19
   vector<edge> E[MAXN];
   inline void add_edge(int x,int y,int f)
22
23
       E[x].emplace_back(y,f,E[y].size());
^{24}
       E[y].emplace_back(x,0,E[x].size()-1);
25
26
   int bfs()
28
29
       for(int i=1;i<=n;i++) dis[i]=0x3f3f3f3f;</pre>
30
       dis[s]=0;
31
       queue<int> q;
       q.push(s);
       while(!q.empty())
          int now=q.front();q.pop();
36
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
37
38
              edge &e=E[now][i];
39
              if(dis[e.to]>dis[now]+1&&e.cap)
                  dis[e.to]=dis[now]+1;
                  if(e.to==t) return 1;
                  q.push(e.to);
44
              }
45
       }
       return 0;
49
50
   11 dfs(int now, 11 flow)
51
52
       if(now==t) return flow;
53
       11 rest=flow,k;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
55
          edge &e=E[now][i];
          if(e.cap&&dis[e.to]==dis[now]+1)
              cur[now]=i;
              k=dfs(e.to,min(rest,(long long)e.cap));
```

```
e.cap-=k;
62
               E[e.to][e.rev].cap+=k;
63
               rest-=k:
           }
66
       return flow-rest;
67
    }
68
69
   11 dinic()
71
72
       11 ret=0,delta;
       while(bfs())
73
74
           for(int i=1;i<=n;i++) cur[i]=0;</pre>
75
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
76
77
       return ret;
   }
```

#### 3.7.2 最小费用最大流-Dij+Dinic

#include <bits/stdc++.h>

using namespace std;

```
typedef pair<int,int> pii;
       第一遍跑的spfa,然后是加上势函数的dij,玄学
6
      h[] 势函数
       cur[] 当前弧优化
      msmf 最大流时的最小费用
       s,t 超级源、超级汇
       时间复杂度 O(n^2*m)
11
   */
12
13
   const int MAXN=2005;
14
   const int inf=0x3f3f3f3f;
   int msmf,s,t,cur[MAXN],dis[MAXN],vis[MAXN],h[MAXN];
   struct edge
17
18
       int to,val,cap,rev;
19
       edge(){}
20
       edge(int to,int cap,int val,int rev):to(to),cap(
21
           cap),val(val),rev(rev){}
   };
22
   vector<edge> E[MAXN];
23
   inline void add_edge(int x,int y,int f,int cost)
25
26
       E[x].emplace_back(y,f,cost,E[y].size());
       E[y].emplace_back(x,0,-cost,E[x].size()-1);
30
   int dij()
31
32
       fill(dis,dis+t+1,inf);
33
       priority_queue<pii,vector<pii>,greater<pii>> q;
34
       q.emplace(0,s);dis[s]=0;
       while(!q.empty())
          pii p=q.top();q.pop();
          int now=p.second;
          if(dis[now]<p.first) continue;</pre>
          for(int i=0;i<E[now].size();i++)</pre>
```

```
edge &e=E[now][i];
43
               if(e.cap>0&&dis[e.to]>p.first+e.val+h[now]-
44
                   h[e.to])
               {
                  dis[e.to]=p.first+e.val+h[now]-h[e.to];
46
                  q.emplace(dis[e.to],e.to);
47
               }
           }
49
       return dis[t]!=inf;
51
52
53
   int dfs(int now,int flow)
54
55
       if(now==t) return flow;
56
       int rest=flow,k;
57
       vis[now]=1;
       for(int i=cur[now];i<E[now].size();i++)</pre>
59
60
           edge &e=E[now][i];
61
           if(e.cap&&dis[now]+e.val+h[now]-h[e.to]==dis[e
                .to]&&!vis[e.to])
63
               cur[now]=i;
               k=dfs(e.to,min(e.cap,rest));
65
              e.cap-=k;
66
              E[e.to][e.rev].cap+=k;
67
              rest-=k;
              msmf+=k*e.val;
69
       vis[now]=0;
72
       return flow-rest;
73
74
   int dinic()
76
77
       int ret=0,delta;
78
       while(dij())
79
80
       {
           for(int i=s;i<=t;i++) cur[i]=0;</pre>
81
           while(delta=dfs(s,inf)) ret+=delta;
82
           for(int i=s;i<=t;i++) h[i]+=(dis[i]==inf)?0:</pre>
                dis[i];
84
       return ret;
85
   }
86
```

#### 3.7.3 上下界流

### 3.8 欧拉路

```
#include <bits/stdc++.h>
//luogu P2731
using namespace std;
const int N=505;

/*
euler_path一定要找到正确的起点
*/
int n;
int mp[N][N];
stack<int> st;
int deg[N];
```

```
void dfs(int x)
15
16
       for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
           if(mp[x][i])
19
20
               mp[x][i]--;
               mp[i][x]--;
               dfs(i);
25
       st.push(x);
26
27
28
   int main()
    {
       scanf("%d",&n);
31
       for(int i=1,x,y;i<=n;++i)</pre>
32
33
           scanf("%d%d",&x,&y);
           mp[x][y]++;
           mp[y][x]++;
           deg[x]++;
           deg[y]++;
38
39
       int s=1;
40
       for(int i=1;i<=500;++i)</pre>
41
           if(deg[i]%2==1)
               s=i;
45
               break;
46
       dfs(s);
       while(!st.empty())
51
           printf("%d\n",st.top());
52
           st.pop();
53
54
       return 0;
55
   }
```

### 3.9 Prufer 序列

# 4 数据结构

- 4.1 树状数组
- 4.2 线段树
- 4.2.1 带优先级线段树
- 4.2.2 吉司机线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
typedef long long 11;

/*
    modify 将区间大于x的数变成x
query 询问区间和
    单次复杂度 O(log^2(n))

*/
```

```
10
    const 11 INF=0xc0c0c0c0c0c0c0c0l1;
11
    const int MAXN=200005;
    11 seg[MAXN<<2],m1[MAXN<<2],m2[MAXN<<2],cnt[MAXN<<2],</pre>
        tag[MAXN<<2],a[MAXN];
    int n,q;
14
    void pushdown(int rt)
16
17
       if(!tag[rt]) return;
18
       11 y=m1[rt];
19
       if(y<m1[rt<<1])
20
       {
21
           tag[rt<<1]=1;
22
           seg[rt<<1]-=(m1[rt<<1]-y)*cnt[rt<<1];
23
           m1[rt<<1]=y;
       if(y<m1[rt<<1|1])
26
27
           tag[rt<<1|1]=1;
           seg[rt<<1|1]-=(m1[rt<<1|1]-y)*cnt[rt<<1|1];
29
           m1[rt<<1|1]=y;
       tag[rt]=0;
32
33
34
    void pushup(int rt)
35
36
       seg[rt]=seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1];
37
       if(m1[rt<<1]==m1[rt<<1|1])
39
           m1[rt]=m1[rt<<1];</pre>
40
           cnt[rt]=cnt[rt<<1]+cnt[rt<<1|1];</pre>
41
           m2[rt]=max(m2[rt<<1],m2[rt<<1|1]);</pre>
42
       else if(m1[rt<<1]>m1[rt<<1|1])
           m1[rt]=m1[rt<<1];
46
           cnt[rt]=cnt[rt<<1];</pre>
47
           m2[rt]=max(m2[rt<<1],m1[rt<<1|1]);</pre>
48
       }
49
       else
50
       {
           m1[rt]=m1[rt<<1|1];
           cnt[rt]=cnt[rt<<1|1];</pre>
53
           m2[rt]=max(m2[rt<<1|1],m1[rt<<1]);
       }
55
    void build(int rt,int l,int r)
58
59
       tag[rt]=0;
60
       if(l==r)
61
62
           seg[rt]=m1[rt]=a[l];
63
           cnt[rt]=1;
           m2[rt]=INF;
           return;
66
67
       int m=l+r>>1;
       if(l<=m) build(rt<<1,1,m);</pre>
       if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);</pre>
70
       pushup(rt);
71
    }
72
73
```

```
void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll y)
74
75
       if(y>=m1[rt]) return;
76
       if(L<=1&&r<=R&&y>m2[rt])
           tag[rt]=1;
           seg[rt]-=(m1[rt]-y)*cnt[rt];
           m1[rt]=y;
           return;
       pushdown(rt);
       int m=l+r>>1;
85
       if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,y);
86
       if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,y);
87
       pushup(rt);
    11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
91
92
        if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
       int m=l+r>>1;
       pushdown(rt);
       11 ret=0;
       if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,L,R);
        if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,L,R);
       pushup(rt);
99
       return ret;
100
    }
101
```

### 4.2.3 线段树维护扫描线

- 4.3 RMQ
- 4.3.1 一维
- 4.3.2 两维
- 4.4 树链剖分
- 4.4.1 点剖分

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
      轻重链剖分 单次复杂度 O(log^2(n))
     a[i] 表示dfs标号为i的点的值,而非点i的值
     1 x y z 表示将树从x到y结点最短路径上所有节点值都加上z
      2 x y 表示求树从x到y结点最短路径上所有节点值之和
      3 x z 表示将以x为根节点的子树内所有节点值都加上z
     4 x 表示求以x为根节点的子树内所有节点值之和
11
   */
13
   const int MAXN=100005;
14
   11 mod,lazy[MAXN<<2],seg[MAXN<<2],a[MAXN],tmp[MAXN];</pre>
15
   int n,q,r,cnt,tot,dep[MAXN],top[MAXN],id[MAXN],son[
      MAXN],num[MAXN],fa[MAXN];
   vector<int> e[MAXN];
18
   void dfs1(int now,int f)
19
20
      dep[now]=dep[f]+1;
21
      fa[now]=f;
      num[now]=1;
      son[now]=0;
```

```
for(auto to:e[now])
25
26
           if(to==f) continue;
27
           dfs1(to,now);
           num[now]+=num[to];
29
           if(num[to]>num[son[now]]) son[now]=to;
30
       }
31
32
   void dfs2(int now,int f)
34
35
       id[now]=++cnt;
36
       top[now]=f;
37
       if(son[now]) dfs2(son[now],f);
38
       for(auto to:e[now])
39
           if(to!=fa[now]&&to!=son[now])
40
              dfs2(to,to);
42
43
   inline void pushdown(int rt,ll lnum,ll rnum)
44
45
       if(!lazy[rt]) return;
46
       seg[rt<<1]=(seg[rt<<1]+lazy[rt]*lnum%mod)%mod;</pre>
       seg[rt<<1|1]=(seg[rt<<1|1]+lazy[rt]*rnum%mod)%mod;</pre>
48
       lazy[rt<<1]=(lazy[rt<<1]+lazy[rt])%mod;</pre>
49
       lazy[rt<<1|1]=(lazy[rt<<1|1]+lazy[rt])%mod;
50
       lazy[rt]=0;
51
52
   inline void pushup(int rt)
       seg[rt]=(seg[rt<<1]+seg[rt<<1|1])%mod;
56
57
   void build(int rt,int l,int r)
59
       lazy[rt]=0;
61
       if(l==r)
62
63
           seg[rt]=a[1]%mod;
64
           return;
65
       int m=l+r>>1;
       if(1<=m) build(rt<<1,1,m);
       if(m<r) build(rt<<1|1,m+1,r);
69
       pushup(rt);
70
71
   void modify(int rt,int l,int r,int L,int R,ll x)
73
74
       if(L <= 1\&\&r <= R)
75
76
           lazy[rt]=(lazy[rt]+x)%mod;
77
           seg[rt]=(seg[rt]+x*(r-l+1)%mod)%mod;
78
           return;
79
       int m=l+r>>1;
       pushdown(rt,m-l+1,r-m);
82
       if(L<=m) modify(rt<<1,1,m,L,R,x);
83
       if(m<R) modify(rt<<1|1,m+1,r,L,R,x);</pre>
84
       pushup(rt);
85
86
   11 query(int rt,int l,int r,int L,int R)
88
89
```

```
if(L<=1&&r<=R) return seg[rt];</pre>
90
        int m=l+r>>1;
91
        11 ret=0;
        pushdown(rt,m-l+1,r-m);
        if(L<=m) ret=(ret+query(rt<<1,1,m,L,R))%mod;</pre>
        if(m<R) ret=(ret+query(rt<<1|1,m+1,r,L,R))%mod;
95
        pushup(rt);
        return ret;
    int main()
100
101
        scanf("%d%d%d%lld",&n,&q,&r,&mod);
102
        for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%11d",&tmp[i]);</pre>
103
        for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
104
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
107
        }
       num[0]=0,dep[r]=0;
109
       dfs1(r,r);
        dfs2(r,r);
        for(int i=1;i<=n;i++) a[id[i]]=tmp[i];</pre>
        build(1,1,n);
114
       while(q--)
115
116
           int op,x,y;ll z;
117
           scanf("%d%d",&op,&x);
           if(op==4)
               printf("%lld\n",query(1,1,n,id[x],id[x]+num
                   [x]-1));
               continue;
122
           if(op==1)
               scanf("%d%11d",&y,&z);z%=mod;
126
               while(top[x]!=top[y])
127
               {
128
                   if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
129
                   modify(1,1,n,id[top[x]],id[x],z);
                  x=fa[top[x]];
               if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
               modify(1,1,n,id[x],id[y],z);
           else if(op==2)
               scanf("%d",&y);
               11 ans=0;
139
               while(top[x]!=top[y])
140
141
                   if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);</pre>
142
                   ans=(ans+query(1,1,n,id[top[x]],id[x]))%
                       mod;
                  x=fa[top[x]];
               if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
               ans=(ans+query(1,1,n,id[x],id[y]))mod;
               printf("%1ld\n",ans);
           }
           else
150
151
               scanf("%11d",&z);z%=mod;
152
```

```
modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);

modify(1,1,n,id[x],id[x]+num[x]-1,z);

for a product of the product
```

#### 4.4.2 边剖分

#### 4.5 平衡树

#### 4.5.1 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const int MAXN=1e5+5;
   const int inf=0x7fffffff;
   int n,op,x;
8
       树内初始化时有无穷大和无穷小两个结点
       delete(root,x) 删除一个x
10
       _insert(root,x) 插入一个x
       getRank(root,x) 返回x的排名+1(包含了无穷小)
       getVal(root, x+1) 返回排名为x的数
       getPrev(x) x的前驱
       getNext(x) x的后继
15
16
17
   namespace Treap
18
19
       int tot,root;
       struct node
21
22
          int cnt,val,dat,siz,lc,rc;
23
       }bst[MAXN];
24
       inline void pushup(int rt)
          bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
28
          if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
29
          if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
30
              siz;
       }
       inline void zig(int &rt)
33
34
          int p=bst[rt].lc;
          bst[rt].lc=bst[p].rc;
          bst[p].rc=rt;
          rt=p;
          pushup(bst[rt].rc);pushup(rt);
39
       }
40
41
       inline void zag(int &rt)
42
43
          int p=bst[rt].rc;
          bst[rt].rc=bst[p].lc;
45
          bst[p].lc=rt;
46
47
          pushup(bst[rt].lc);pushup(rt);
48
49
       int new_node(int val)
```

```
return:
52
                                                                    114
           bst[++tot].val=val;
53
                                                                    115
           bst[tot].dat=rand();
            bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
                                                                                else _delete(bst[rt].rc,val);
                                                                    117
            bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
                                                                                pushup(rt);
56
                                                                    118
            return tot;
                                                                            }
57
                                                                    119
        }
                                                                    120
                                                                    121
                                                                            int getPrev(int val)
        void build()
                                                                                int ret=1,rt=root;
                                                                    123
            new_node(-inf);new_node(inf);
                                                                                while(rt)
                                                                    124
            root=1,bst[1].rc=2;
                                                                                {
63
                                                                    125
                                                                                    if(bst[rt].val==val)
            pushup(1);
64
                                                                    126
65
                                                                    127
                                                                                        if(bst[rt].lc)
66
                                                                    128
        void _insert(int &rt,int val)
67
                                                                    129
                                                                                           rt=bst[rt].lc;
            if(rt==0)
69
                                                                    131
            {
                                                                                           ret=rt;
70
                                                                    132
               rt=new node(val);
                                                                                        }
                                                                    133
               return;
                                                                                        break;
            if(bst[rt].val==val)
                                                                    136
                                                                                         val) ret=rt;
               bst[rt].cnt++;
76
                                                                    137
                                                                                    else rt=bst[rt].rc;
               pushup(rt);
77
                                                                    138
               return;
78
                                                                    139
                                                                                return bst[ret].val;
                                                                    140
           if(val<bst[rt].val)</pre>
                                                                            }
                                                                    141
                _insert(bst[rt].lc,val);
                                                                            int getNext(int val)
               if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].lc].dat) zig(rt)</pre>
                                                                    144
                                                                                int ret=2,rt=root;
                                                                    145
            }
                                                                                while(rt)
                                                                    146
            else
                                                                    147
                                                                                    if(bst[rt].val==val)
                                                                    148
                _insert(bst[rt].rc,val);
                                                                    149
               if(bst[rt].dat<bst[bst[rt].rc].dat) zag(rt)</pre>
                                                                                        if(bst[rt].rc)
88
                                                                    150
                                                                    151
            }
                                                                                           rt=bst[rt].rc;
89
                                                                    152
            pushup(rt);
90
                                                                    153
        }
                                                                                           ret=rt;
91
                                                                    154
        void _delete(int &rt,int val)
                                                                                        break;
                                                                    157
            if(rt==0) return;
                                                                    158
            if(bst[rt].val==val)
                                                                                        val) ret=rt;
                                                                    159
               if(bst[rt].cnt>1)
                                                                                    else rt=bst[rt].rc;
                   bst[rt].cnt--;
                                                                                return bst[ret].val;
100
                                                                    162
                                                                            }
                   pushup(rt);
101
                                                                    163
                   return;
102
                                                                    164
                                                                            int getRank(int rt,int val)
                                                                    165
103
                                                                    166
               if(bst[rt].rc||bst[rt].lc)
                                                                                if(rt==0) return 0;
                                                                    168
                   if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
107
                        bst[bst[rt].lc].dat)
                                                                    169
                       zig(rt),_delete(bst[rt].rc,val);
108
                                                                    170
                       zag(rt),_delete(bst[rt].lc,val);
                                                                                     getRank(bst[rt].rc,val);
                   pushup(rt);
                                                                    172
112
               else rt=0;
                                                                    173
113
```

```
if(val<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,val);</pre>
              while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
       if(bst[rt].val<val&&bst[rt].val>bst[ret].
       if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
              while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
       if(bst[rt].val>val&&bst[rt].val<bst[ret].</pre>
       if(val<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
   if(val==bst[rt].val) return bst[bst[rt].lc].
   if(val<bst[rt].val) return getRank(bst[rt].lc,</pre>
   else return bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt+
int getVal(int rt,int k)
```

第 16 页

```
174
           if(rt==0) return inf;
175
           if(bst[bst[rt].lc].siz>=k) return getVal(bst[
               rt].lc,k);
           if(bst[bst[rt].lc].siz+bst[rt].cnt>=k) return
177
               bst[rt].val;
           return getVal(bst[rt].rc,k-bst[bst[rt].lc].siz
178
               -bst[rt].cnt);
    int main()
182
183
       using namespace Treap;
184
       srand(time(0));
185
       build();
       scanf("%d",&n);
       while(n--)
           scanf("%d%d",&op,&x);
           if(op==1) _insert(root,x);
           else if(op==2) _delete(root,x);
           else if(op==3) printf("%d\n",getRank(root,x)
               -1);
           else if(op==4) printf("%d\n",getVal(root,x+1))
194
           else if(op==5) printf("%d\n",getPrev(x));
195
           else if(op==6) printf("%d\n",getNext(x));
196
197
       return 0;
    }
```

#### 4.5.2 Splay

#### 4.6 动态树

### 4.7 主席树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
3
       离散化+区间k小
   const int MAXN=200005;
   int n,m,a[MAXN],tmp[MAXN],org[MAXN],root[MAXN],tot=0;
   struct tree
      int cnt,lc,rc;
   }seg[30*MAXN];
   int build(int 1,int r)
15
16
      int p=tot++;
17
      if(l==r)
          seg[p].cnt=0;
          return p;
      int m=l+r>>1;
       seg[p].lc=build(1,m);
       seg[p].rc=build(m+1,r);
       seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
      return p;
```

```
28
29
   int modify(int rt,int l,int r,int x)
       int p=tot++;
32
       seg[p]=seg[rt];
       if(l==r)
34
          seg[p].cnt++;
          return p;
       int m=l+r>>1;
39
       if(x<=m) seg[p].lc=modify(seg[rt].lc,1,m,x);</pre>
40
       else seg[p].rc=modify(seg[rt].rc,m+1,r,x);
41
       seg[p].cnt=seg[seg[p].lc].cnt+seg[seg[p].rc].cnt;
42
       return p;
   int query(int p,int q,int l,int r,int k)
47
48
       if(l==r) return 1;
49
       int m=l+r>>1;
       int lcnt=seg[seg[q].lc].cnt-seg[seg[p].lc].cnt;
       if(lcnt>=k) return query(seg[p].lc,seg[q].lc,l,m,k
       else return query(seg[p].rc,seg[q].rc,m+1,r,k-lcnt
52
           );
53
   int main()
       scanf("%d%d",&n,&m);
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
          scanf("%d",a+i),tmp[i]=a[i];
       sort(tmp+1,tmp+n+1);
       root[0]=build(1,n);
       for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
63
          int k=lower_bound(tmp+1,tmp+n+1,a[i])-tmp;
          org[k]=a[i];
65
          a[i]=k;
66
          root[i]=modify(root[i-1],1,n,a[i]);
       while(m--)
          int x,y,k;
          scanf("%d%d%d",&x,&y,&k);
          printf("%d\n",org[query(root[x-1],root[y],1,n,
               k)]);
       return 0;
75
76
```

#### 4.8 树套树

#### 4.8.1 线段树套 Treap

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

/*
空间 O(nlogn)
单点修改,区间rank,前驱后继(不存在则为±2147483647) 单
次 O(log^2(n))
区间排名为k的值 单次 O(log^3(n))
```

```
bst[rt].cnt--;
                                                                 71
                                                                                   pushup(rt);
9
                                                                 72
   const int inf=2147483647;
                                                                                   return;
   const int MAXN=50005;
11
   int root[MAXN<<2],n,m,a[MAXN];</pre>
                                                                               if(bst[rt].lc||bst[rt].rc)
12
   struct Treap
13
                                                                                   if(bst[rt].rc==0||bst[bst[rt].rc].dat<</pre>
                                                                                       bst[bst[rt].lc].dat)
15
       int tot;
       struct node
                                                                                       zig(rt),_delete(bst[rt].rc,x);
                                                                                   else
           int lc,rc,dat,val,cnt,siz;
                                                                                       zag(rt),_delete(bst[rt].lc,x);
18
       }bst[MAXN*4*20];
                                                                                   pushup(rt);
19
                                                                 81
20
                                                                 82
       int newnode(int v)
                                                                               else rt=0;
21
                                                                 83
                                                                               return;
22
          bst[++tot].val=v;
                                                                            if(x<bst[rt].val) _delete(bst[rt].lc,x);</pre>
          bst[tot].dat=rand();
          bst[tot].siz=bst[tot].cnt=1;
                                                                            else delete(bst[rt].rc,x);
          bst[tot].lc=bst[tot].rc=0;
                                                                            pushup(rt);
           return tot;
                                                                        }
       }
                                                                        void _insert(int &rt,int x)
       void zig(int &rt)
                                                                            if(rt==0)
           int p=bst[rt].lc;
32
          bst[rt].lc=bst[p].rc;
                                                                               rt=newnode(x);
33
                                                                 95
                                                                               return;
          bst[p].rc=rt;
34
           rt=p;
35
                                                                 97
                                                                            if(bst[rt].val==x) bst[rt].cnt++;
          pushup(bst[rt].rc);
                                                                            else if(x<bst[rt].val)</pre>
           pushup(rt);
                                                                                insert(bst[rt].lc,x);
39
                                                                101
       void zag(int &rt)
                                                                               if(bst[bst[rt].lc].dat>bst[rt].dat) zig(rt)
40
                                                                102
41
          int p=bst[rt].rc;
                                                                            }
          bst[rt].rc=bst[p].lc;
                                                                            else
          bst[p].lc=rt;
                                                                                insert(bst[rt].rc,x);
           rt=p;
45
                                                                106
          pushup(bst[rt].lc);
                                                                               if(bst[bst[rt].rc].dat>bst[rt].dat) zag(rt)
46
                                                                107
          pushup(rt);
47
       }
48
                                                                108
                                                                            pushup(rt);
49
                                                                109
       void pushup(int rt)
           bst[rt].siz=bst[rt].cnt;
                                                                        int get_rank(int rt,int x)
                                                                112
           if(bst[rt].lc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].lc].
                                                                113
                                                                            if(!rt) return 1;
                                                                114
          if(bst[rt].rc) bst[rt].siz+=bst[bst[rt].rc].
                                                                            if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz
                                                                115
               siz;
                                                                            if(x<bst[rt].val) return get_rank(bst[rt].lc,x</pre>
56
       int build()
                                                                            else return get_rank(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt
                                                                117
                                                                                ].lc].siz+bst[rt].cnt;
58
           int rt=newnode(-inf);
                                                                        }
59
                                                                118
           bst[rt].rc=newnode(inf);
                                                                119
           pushup(rt);
                                                                        int get_num(int rt,int x)
                                                                120
           return rt;
                                                                121
                                                                            if(!rt) return 0;
63
                                                                122
                                                                            if(bst[rt].val==x) return bst[bst[rt].lc].siz+
                                                                123
       void _delete(int &rt,int x)
                                                                                bst[rt].cnt;
65
                                                                            if(x<bst[rt].val) return get_num(bst[rt].lc,x)</pre>
                                                                124
          if(bst[rt].val==x)
                                                                            else return get_num(bst[rt].rc,x)+bst[bst[rt].
                                                                125
              if(bst[rt].cnt>1)
                                                                                lc].siz+bst[rt].cnt;
69
                                                                        }
                                                                126
70
```

```
127
                                                                       190
        int get_prev(int rt,int x)
128
                                                                       191
129
                                                                       192
            int ret=-inf;
            while(rt)
131
                                                                       193
132
                                                                       194
                if(bst[rt].val==x)
                                                                       195
133
                                                                       196
                    if(bst[rt].lc)
                                                                       198
                        rt=bst[rt].lc;
137
                                                                       199
                        while(bst[rt].rc) rt=bst[rt].rc;
138
                                                                       200
                        ret=bst[rt].val;
139
                                                                       201
140
                                                                       202
                    break;
                                                                       203
141
                                                                       204
                if(bst[rt].val<x&&bst[rt].val>ret) ret=bst[
                     rt].val;
                                                                       206
                if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
144
                                                                       207
                else rt=bst[rt].rc;
145
                                                                       208
            }
                                                                       209
            return ret;
                                                                       210
        }
                                                                       211
        int get nxt(int rt,int x)
150
                                                                       212
151
            int ret=inf:
152
                                                                       213
            while(rt)
                                                                       214
153
                                                                       215
                if(bst[rt].val==x)
                    if(bst[rt].rc)
                                                                       218
                        rt=bst[rt].rc;
159
                        while(bst[rt].lc) rt=bst[rt].lc;
                                                                       219
                        ret=bst[rt].val;
162
                    break;
163
                                                                       222
164
                                                                       223
                if(bst[rt].val>x&&bst[rt].val<ret) ret=bst[</pre>
165
                                                                       224
                     rt].val;
                                                                       225
                if(x<bst[rt].val) rt=bst[rt].lc;</pre>
166
                                                                       226
                else rt=bst[rt].rc;
                                                                       227
            }
            return ret;
169
                                                                       229
                                                                       230
    }treap;
                                                                       231
                                                                       232
    void build(int rt,int l,int r)
        root[rt]=treap.build();
                                                                       235
        if(l==r) return;
176
                                                                       236
        int m=l+r>>1;
177
                                                                       237
        build(rt<<1,1,m);</pre>
                                                                       238
178
        build(rt<<1|1,m+1,r);
                                                                       239
179
    }
                                                                       240
    void modify(int rt,int l,int r,int x,int v,int y)
182
                                                                       242
183
                                                                       243
        if(y==-1) treap._delete(root[rt],v);
                                                                       244
        else treap._insert(root[rt],v);
                                                                       245
        if(l==r) return;
                                                                       246
        int m=l+r>>1;
        if(x<=m) modify(rt<<1,1,m,x,v,y);
188
                                                                       248
        else modify(rt<<1|1,m+1,r,x,v,y);</pre>
189
                                                                       249
```

```
int query(int rt,int l,int r,int op,int L,int R,int x
   if(L<=1&&r<=R)
      if(op==1) return treap.get_rank(root[rt],x)-2;
      if(op==2) return treap.get_num(root[rt],x)-1;
      if(op==4) return treap.get_prev(root[rt],x);
      if(op==5) return treap.get_nxt(root[rt],x);
   int m=l+r>>1,ret;
   if(op==1||op==2)
   {
      ret=0:
      if(L<=m) ret+=query(rt<<1,1,m,op,L,R,x);
      if(m<R) ret+=query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R,x);
   if(op==4)
   {
      ret=-inf;
      if(L<=m) ret=max(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
      if(m<R) ret=max(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
           ,x));
   if(op==5)
      ret=inf;
      if(L<=m) ret=min(ret,query(rt<<1,1,m,op,L,R,x)</pre>
      if(m<R) ret=min(ret,query(rt<<1|1,m+1,r,op,L,R</pre>
           ,x));
   return ret;
int main()
   srand(time(0));
   scanf("%d%d",&n,&m);
   build(1,1,n);
   for(int i=1;i<=n;i++)</pre>
      scanf("%d",a+i);
      modify(1,1,n,i,a[i],1);
   while(m--)
   1
      int op,1,r,k,pos;
      scanf("%d",&op);
      if(op==1)
          scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
          printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k)+1);
      else if(op==2)
          scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
          int L=-inf,R=inf,mid;
          while(L<R)
          {
              mid=(L+R+1)>>1;
              if(query(1,1,n,1,1,r,mid)+1>k) R=mid-1;
```

```
else L=mid;
               }
250
               printf("%d\n",L);
251
            }
           else if(op==3)
               scanf("%d%d",&pos,&k);
               modify(1,1,n,pos,a[pos],-1);
               a[pos]=k;
               modify(1,1,n,pos,k,1);
259
           else
260
261
               scanf("%d%d%d",&1,&r,&k);
262
               printf("%d\n",query(1,1,n,op,l,r,k));
263
        return 0;
266
    }
267
```

## 4.8.2 树状数组套线段树

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
       带单点修区间k小
       用的时候注意下空间 时空 O(nlog^2(n))
       外层 add(pos,x,y) 空间上为pos的点且值域上为x的点加上y
          query(1,r,k) 询问区间[1,r]里k小
       内层 modify 值域线段树动态开点
           query 值域线段树区间k小
10
      VAL 值域大小
11
   */
12
   const int MAXN=200005;
   int n,a[MAXN],X[MAXN],Y[MAXN],c1,c2,VAL;
   struct SEG
16
17
       int root[MAXN],lc[MAXN*500],rc[MAXN*500],cnt[MAXN
18
           *500],tot;
      void modify(int &rt,int l,int r,int x,int y)
19
          if(rt==0) rt=++tot;
          cnt[rt]+=y;
          if(l==r) return;
          int m=l+r>>1;
          if(x<=m) modify(lc[rt],1,m,x,y);</pre>
          else modify(rc[rt],m+1,r,x,y);
      int query(int 1,int r,int k)
29
          if(l==r) return 1;
30
          int sum=0, m=1+r>>1;
31
          for(int i=0;i<c1;i++) sum-=cnt[lc[X[i]]];</pre>
32
          for(int i=0;i<c2;i++) sum+=cnt[lc[Y[i]]];</pre>
          if(sum>=k)
             for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=lc[X[i]];</pre>
             for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=lc[Y[i]];</pre>
             return query(1,m,k);
          }
          else
```

```
for(int i=0;i<c1;i++) X[i]=rc[X[i]];</pre>
42
               for(int i=0;i<c2;i++) Y[i]=rc[Y[i]];</pre>
43
              return query(m+1,r,k-sum);
       }
46
   }seg;
47
   void add(int pos,int x,int y)
49
       for(;pos<=n;pos+=pos&-pos) seg.modify(seg.root[pos</pre>
51
            ],1,VAL,x,y);
52
53
   int query(int 1,int r,int k)
54
55
       c1=c2=0:
56
       for(int i=l-1;i;i-=i&-i) X[c1++]=seg.root[i];
       for(int i=r;i;i-=i&-i) Y[c2++]=seg.root[i];
58
       return seg.query(1,VAL,k);
59
   }
60
```

4.9 K-D Tree

4.10 分治

4.10.1 CDQ

4.10.2 点分治

4.10.3 dsu on tree

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   typedef long long 11;
3
5
       统计每颗子树内的出现次数最多的数(们)的和
6
       复杂度 O(nlogn)
   int n,c[100005],cnt[100005],mx,son[100005],siz
       [100005], hson;
   ll ans[100005], sum;
11
   vector<int> e[100005];
12
   void dfs1(int now,int fa)
15
       son[now]=0,siz[now]=1;
16
       for(auto to:e[now])
17
          if(to==fa) continue;
          dfs1(to,now);
          siz[now]+=siz[to];
          if(siz[to]>siz[son[now]]) son[now]=to;
22
       }
23
24
25
   void cal(int now,int fa,int y)
26
27
       cnt[c[now]]+=y;
28
       if(cnt[c[now]]==mx) sum+=c[now];
29
       else if(cnt[c[now]]>mx) mx=cnt[c[now]],sum=c[now];
30
       for(auto to:e[now])
31
          if(to!=fa&&to!=hson) cal(to,now,y);
32
   }
33
```

```
void dfs2(int now,int fa,int keep)
35
36
37
       for(auto to:e[now])
           if(to==fa||to==son[now]) continue;
39
           dfs2(to,now,0);
40
41
       if(son[now]) dfs2(son[now],now,1);
42
       hson=son[now];
       cal(now,fa,1);
       hson=0;
       ans[now]=sum;
46
       if(!keep) cal(now,fa,-1),sum=0,mx=0;
47
48
49
   int main()
    {
       scanf("%d",&n);
52
       for(int i=1;i<=n;i++) scanf("%d",c+i);</pre>
53
       for(int i=1,x,y;i<n;i++)</pre>
54
           scanf("%d%d",&x,&y);
           e[x].push_back(y),e[y].push_back(x);
       dfs1(1,1);
59
       dfs2(1,1,1);
60
       for(int i=1;i<=n;i++) printf("%lld ",ans[i]);</pre>
61
       return 0;
62
   }
```

#### 4.10.4 整体二分

### 4.11 分块

#### 4.11.1 普通分块

```
#include <bits/stdc++.h>
   //luogu P3203
   using namespace std;
   const int N=500005;
   int n,m,tot;
   int a[N],cnt[N],pos[N];
   int id[N],from[N],to[N];
   int o,x,y;
10
   void modify(int i)
11
12
       if(i+a[i]>n)
          pos[i]=i;
          cnt[i]=0;
          return;
17
       if(id[i]==id[i+a[i]])
19
20
          pos[i]=pos[i+a[i]];
21
          cnt[i]=cnt[i+a[i]]+1;
       }
       else
          pos[i]=i+a[i];
          cnt[i]=1;
   }
```

```
30
    void ask(int x)
31
32
        int p=x,res=0;
33
        while(p!=pos[p])
34
           res+=cnt[p],
35
           p=pos[p];
36
        printf("%d\n",res+1);
37
40
    int main()
41
        scanf("%d",&n);
42
        tot=(int)sqrt(n);
43
        for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
44
45
           from[i]=(i-1)*tot+1;
           to[i]=i*tot;
47
48
        if(to[tot]<n)</pre>
49
50
        {
           tot++;
51
           from[tot]=to[tot-1];
           to[tot]=n;
53
54
        for(int i=1;i<=tot;++i)</pre>
55
56
           for(int j=from[i];j<=to[i];++j)</pre>
57
               id[j]=i;
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
           scanf("%d",&a[i]);
61
        for(int i=n;i>=1;--i)
62
           modify(i);
        scanf("%d",&m);
        while(m--)
           scanf("%d",&o);
67
           if(o==2)
68
           {
69
               scanf("%d%d",&x,&y);
70
71
               x++;
               a[x]=y;
               for(int i=x;i>=from[id[x]];--i)
                   modify(i);
           }
75
           else if(o==1)
76
               scanf("%d",&x);
               x++;;
               ask(x);
80
81
82
        return 0;
83
```

#### 4.11.2 莫队

#### 4.12 线性基

#### 4.13 珂朵莉树

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long //be careful
//CF896C
```

```
using namespace std;
5
       珂朵莉树的左右split顺序很重要,并且set集合一开始不要为
           空,否则会RE
   */
   const int N=1000005;
10
   int qpow(int a,int b,int mod)
12
13
       int res=1,tmp=a%mod;
14
       while(b)
15
16
          if(b&1) res=res*tmp%mod;
          tmp=tmp*tmp%mod;
          b>>=1;
       return res;
   }
22
24
   struct node
       int 1,r;
       mutable int v;
27
       node(int L, int R=-1, int V=0):1(L), r(R), v(V){}
28
       bool operator < (const node& o)const{return 1<0.1</pre>
29
           ;}
30
   };
   set<node> s;
   typedef set<node>::iterator it;
33
   it split(int pos)
34
35
       it i=s.lower_bound(node(pos));
36
       if(i!=s.end()&&i->l==pos) return i;
       --i;
       int L=i->1,R=i->r,V=i->v;
39
       s.erase(i);
40
       s.insert(node(L,pos-1,V));
41
       return s.insert(node(pos,R,V)).first;
42
   }
43
   void assign(int l,int r,int val)
46
       it ir=split(r+1),il=split(l);
       s.erase(il,ir);
       s.insert(node(1,r,val));
   void add(int l,int r,int val)
52
53
       it ir=split(r+1),il=split(l);
54
       for(;il!=ir;il++)
55
          il->v+=val;
   }
   int rk(int l,int r,int k)
59
60
       vector<pair<int,int>> v;
61
       it ir=split(r+1),il=split(1);
       for(;il!=ir;il++)
          v.emplace_back(il->v,il->r-il->l+1);
       sort(v.begin(),v.end());
65
       for(int i=0;i<v.size();++i)</pre>
                                                               129
66
```

```
67
           k-=v[i].second;
68
           if(k<=0) return v[i].first;</pre>
69
        return -1; //can't find
71
72
    int sum(int 1,int r,int ex,int mod)
74
75
        it ir=split(r+1),il=split(l);
76
77
        int res=0;
        for(;il!=ir;il++)
78
            res=(res+qpow(il->v,ex,mod)*(il->r-il->l+1)%
79
                mod)%mod;
        return res;
80
    }
81
    inline int read(){
83
        char ch=getchar();int s=0,w=1;
        while(ch<48||ch>57){if(ch=='-')w=-1;ch=getchar();}
        while(ch>=48\&ch<=57){s=(s<<1)+(s<<3)+ch-48;ch=
             getchar();}
        return s*w;
    inline void write(int x){
89
        if(x<0)putchar('-'),x=-x;
90
        if(x>9)write(x/10);
91
        putchar(x%10+48);
92
    //Fast I/O
    int n,m,seed,vmax,a[N];
96
    int rnd()
97
98
        int ret=seed;
99
        seed=(seed*7+13)%1000000007;
100
        return ret;
101
102
103
    signed main()
104
105
        n=read(),m=read(),seed=read(),vmax=read();
106
        for(int i=1;i<=n;++i)</pre>
        {
108
           a[i]=(rnd()%vmax)+1;
109
           s.insert(node(i,i,a[i]));
110
111
        for(int i=1;i<=m;++i)</pre>
112
113
           int op=(rnd()%4)+1;
           int l=(rnd()%n)+1;
115
           int r=(rnd()%n)+1;
116
           if(l>r) swap(l,r);
117
           int x,y;
118
           if(op==3) x=(rnd()\%(r-1+1))+1;
119
           else x=(rnd()%vmax)+1;
120
           if(op==4) y=(rnd()%vmax)+1;
121
           switch(op)
122
123
               case 1:
124
                   add(1,r,x);break;
125
               case 2:
                   assign(l,r,x);break;
127
128
                   write(rk(1,r,x)),puts("");break;
```

# 4.14 跳舞链

# 5 动态规划

### 5.1 SOS

```
for(int i=0;i<(1<<N);i++) dp[i]=a[i];
for(int i=0;i<N;i++)

for(int mask=0;mask<(1<<N);mask++)

if(mask&(1<<ii))

dp[mask]+=dp[mask^(1<<ii)];</pre>
```

- 5.2 动态 DP
- 5.3 插头 DP
- 6 数学
- 6.1 矩阵类
- 6.2 质数筛
- 6.2.1 埃筛
- 6.2.2 线筛
- 6.3 质数判定
- 6.3.1 Miller Rabin
- 6.4 质因数分解
- 6.4.1 Pollard-Rho
- 6.5 逆元
- 6.5.1 EX-GCD 求逆元
- 6.5.2 线性筛逆元
- 6.5.3 阶乘逆元
- 6.6 欧拉函数
- 6.6.1 欧拉线筛
- 6.6.2 求单个数的欧拉函数
- 6.6.3 欧拉降幂
- 6.6.4 一般积性函数求法
- 6.7 EX-GCD
- 6.8 CRT
- 6.9 N 次剩余
- 6.10 数论分块
- 6.11 高斯消元
- 6.11.1 普通消元
- 6.11.2 异或方程组消元
- 6.12 莫比乌斯反演
- 6.12.1 莫比乌斯函数
- 6.12.2 杜教筛
- 6.12.3 洲阁筛
- 6.12.4 min25 筛
- 6.13 BSGS
- 6.14 FFT
- 6.15 FWT
- 6.16 NTT
- 6.17 数值计算
- 6.17.1 辛普森
- 6.17.2 自适应辛普森

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   const double eps=1e-12;
6
       调用 asr(l,r,simpson(l,r))
   inline double f(double x)
9
       return x; //被积函数
   }
12
13
   double simpson(double l,double r)
14
15
       double mid=(1+r)/2;
16
       return (f(1)+4*f(mid)+f(r))*(r-1)/6;
17
   }
18
19
   double asr(double 1,double r,double ans)
20
   {
^{21}
       double mid=(l+r)/2;
22
       double l1=simpson(l,mid),r1=simpson(mid,r);
23
       if(fabs(l1+r1-ans)<eps) return l1+r1;</pre>
       return asr(l,mid,l1)+asr(mid,r,r1);
25
   }
26
   int main()
28
29
       return 0;
31
   }
```

- 6.18 康拓展开
- 6.19 卢卡斯定理
- 7 其他
- 7.1 快读快写
- 7.2 约瑟夫环
- 7.3 悬线法
- 7.4 蔡勒公式
- 7.5 三角公式
- 7.6 海伦公式
- 7.7 匹克定理
- 7.8 组合计数
- 7.8.1 计数原理
- 7.8.2 卡特兰数
- 7.8.3 Polya
- 7.8.4 二项式反演公式
- 7.8.5 斯特林反演公式
- 7.8.6 组合数恒等式