Chapter 3. 분류

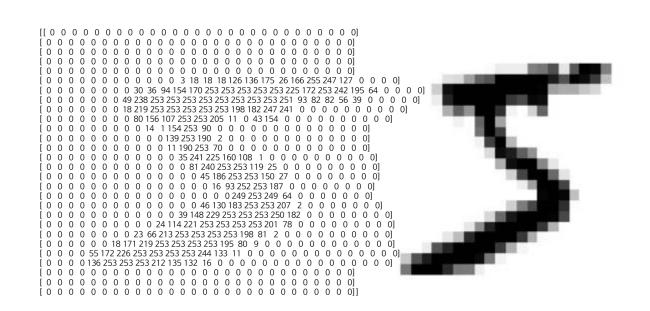
장승훈

3.1 MNIST

MNIST Dataset

- 미국 고등학생들과 인구조사국 직원들이 손으로 쓴 작은 숫자 이미지.

위 그림과 같이 0에서 9까지 10가지로 분류될 수 있는 손글씨 숫자 이미지 70,000개로 구성.



각 이미지는 28×28 픽셀로 구성. 각 픽셀은 위와 같이 0~255 사이의 숫자 행렬로 표현.

MNIST Dataset

dict_keys(['data', 'target', 'frame', 'categories', 'feature_names', 'target_names', 'DESCR', 'details', 'url'])

```
{'data': array([[0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.],
          [0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.].
           [0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.]
           [0.. 0.. 0.. ... 0.. 0.. 0.]
           [0.. 0.. 0.. ... 0.. 0.. 0.].
           [0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.]]),
'target': array(['5', '0', '4', ..., '4', '5', '6'], dtype=object),
'frame': None.
'categories': {},
'feature_names': ['pixel1', 'pixel2', 'pixel3', 'pixel4',,,, 'pixel784'],
'target_names': ['class'],
'DESCR': "**Author**: Yann LeCun,,,, **Source**: [MNIST Website] (http://yan~~
'details': {'id': '554', 'name': 'mnist_784', 'version': '1',,,,}
'url': 'https://www.openml.org/d/554'}
```

3.2 이진분류기 훈련

머신러닝 분류

머신러닝 시스템을

"학습하는 동안의 정보량(또는 감독의 유무)"에 따라 분류할 수 있음

지도학습

분류 회귀 인공신경망 비지도학습

군집 시각화 차원축소 준지도학습

DBN RBM 강화학습

대표적 Classification

그림 1-5 지도 학습에서 레이블된 훈련 세트(예를 들면 스팸 분류)



* Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras & TensorFlow

Binary Classification

- 금속/비금속
- 5/5아님
- 정상메일/스팸메일
- 코로나양성/음성

Binary Classification

- 금속/비금속
- 5/5아님
- 정상메일/스팸메일
- 코로나양성/음성



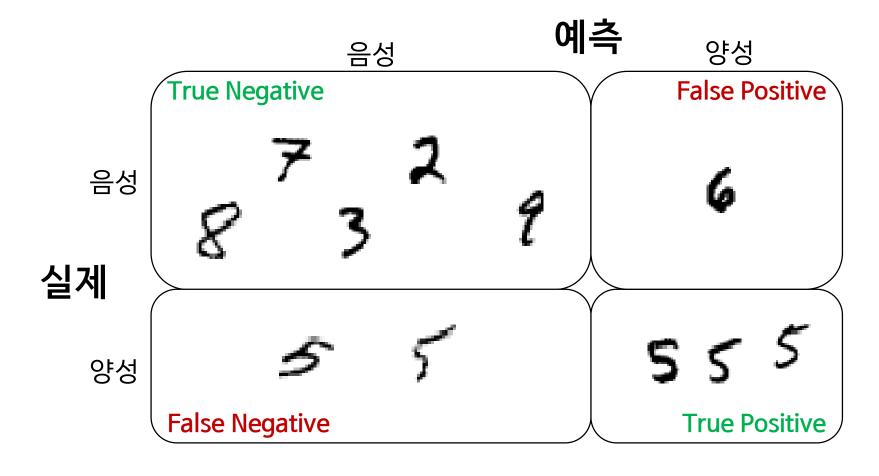
Confusion matrix

53057 1522

1325 4096

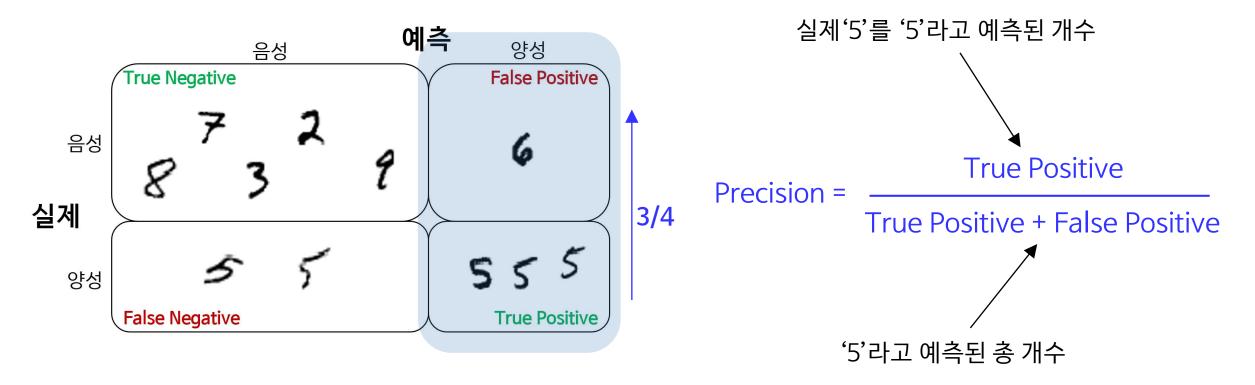
3.3 성능측정

Confusion matrix



- >>> from sklearn.metrics import **confusion_matrix**
- >>> confusion_matrix (y_train_5, y_train_pred)

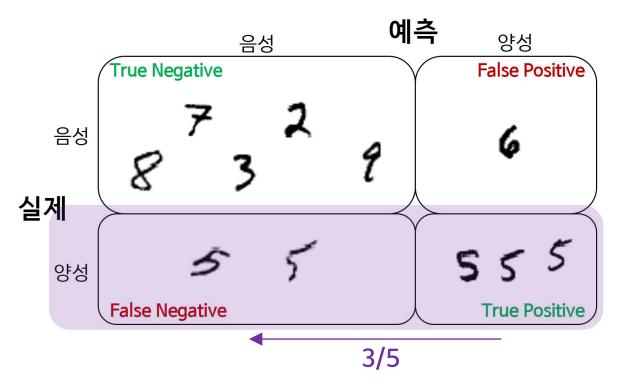
정밀도(precision)

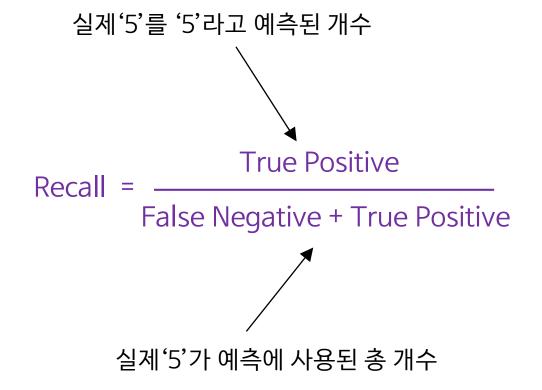


- >>> from sklearn.metrics import **precision_score**, recall_score
- >>> precision_score (y_train_5, y_train_pred)

재현율(recall)

재현율(recall) or 민감도(sensitivity) or 진짜 양성 비율 (TPR)





>>>from sklearn.metrics import precision_score, recall_score

>>> recall_score (y_train_5, y_train_pred)

F1 score

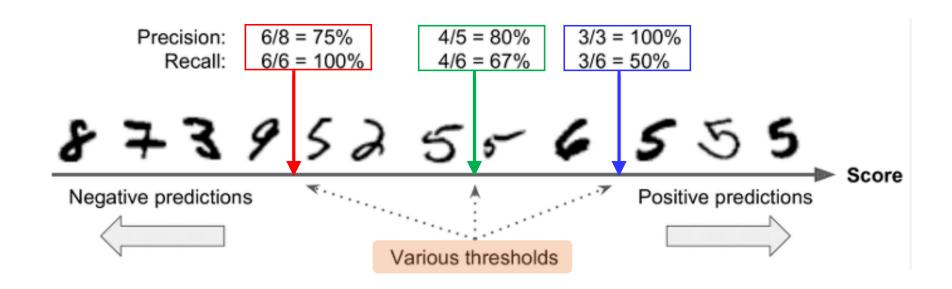
- 정밀도와 재현율을 하나의 숫자로 표현.
- 정밀도와 재현율의 조화평균 (harmonic mean)

F1 score =
$$\frac{2}{1}$$
Precision Precision

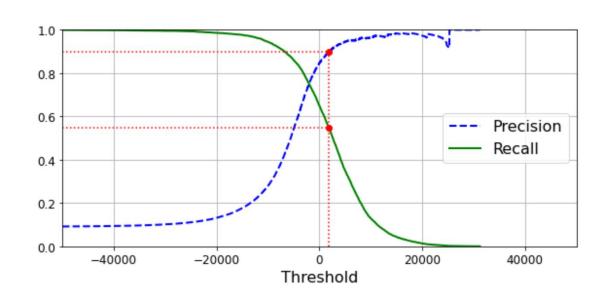
>>>from sklearn.metrics import f1_score
>>>f1_score (y_train_5, y_train_pred)

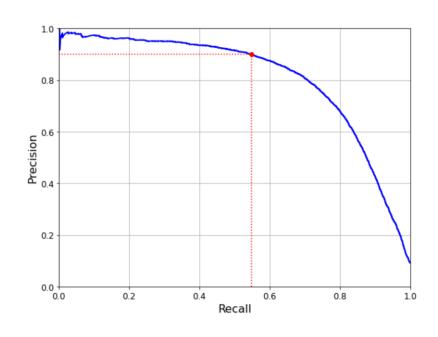
Precision/Recall tradeoff

- 정밀도를 올리면 재현율이 줄어들고, 반대로 재현율을 올리면 정밀도가 줄어듦.
- 예시 : SGD Classifier
 - decision function을 통해 샘플의 점수를 계산
 - 점수가 threshold 보다 크면 양성클래스에 할당, 그렇지 않으면 음성 클래스로 할당



Precision/Recall tradeoff

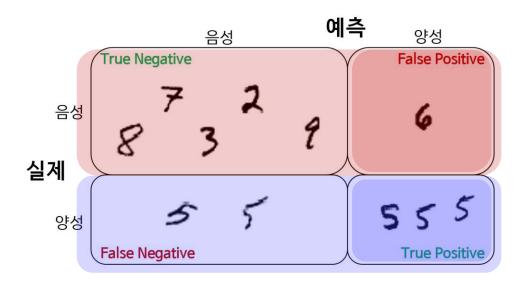


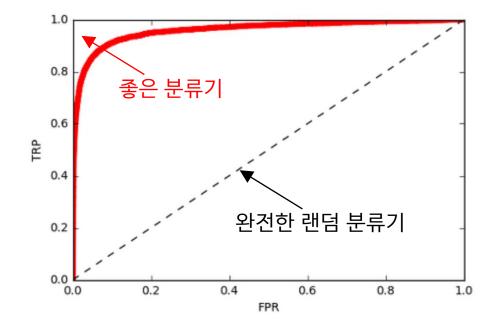


• 정밀도를 올리면 재현율이 줄어들고, 반대로 재현율을 올리면 정밀도가 줄어듦.

ROC (Receiver Operating Characteristic)

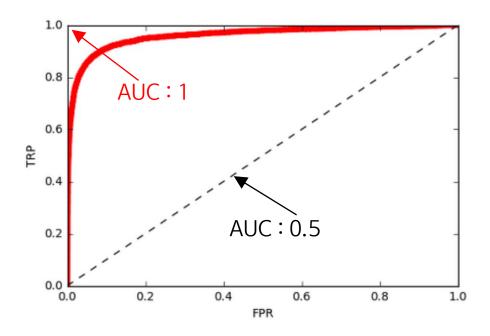
- 이진분류에서 널리 사용하는 도구.
- 거짓 양성 비율(FPR)에 대한 진짜 양성 비율(TPR, Recall)의 곡선.
- TPR이 높을수록 FPR이 늘어남.





ROC AUC(Area Under the Curve) score

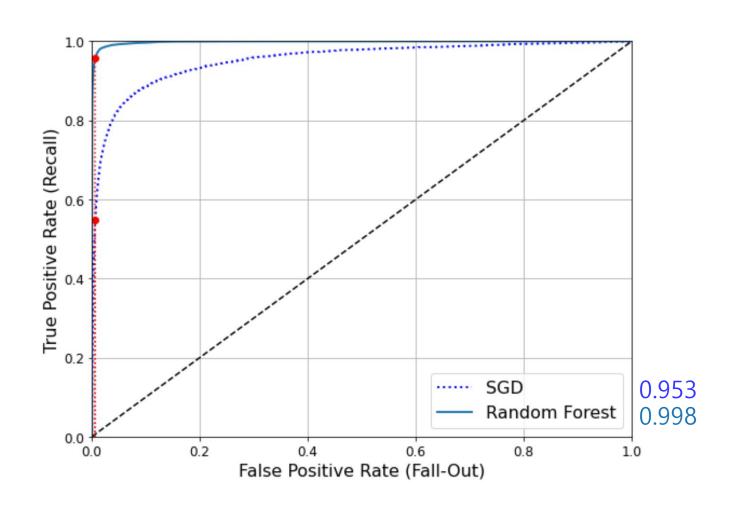
- ROC 곡선 아래 면적
- 완벽한 분류기의 ROC의 AUC는 1이며, 완전한 랜덤 분류기는 0.5.



>>> from sklearn.metrics import roc_auc_score

>>>roc_auc_score (y_train_5, y_scores)

Classification 모델 성능 비교.



연구에 활용된 classification

밴드갭 데이터셋을 활용한 금속 비금속 분류

3.50

1.54

J. Phys. Chem. Lett. 2018, 9, 7, 1668–1673

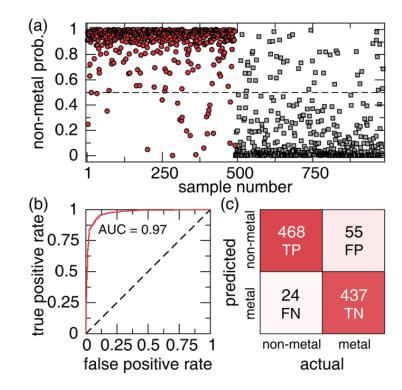
실험

계산

TICI

TISbS2

Zn3As2 1.09 Zn3As2 0.98 ZnGeAs2 1.05 ZnO 3.35 ZnS 3.87 ZnS 3.60 ZnSe 2.67 ZnSnP2 1.30 ZnTe 2.39 ZnTe 2.25 ZnTe 2.29 ZnSe 2.76 ZnSnP2 1.66 2.40 ZnTe 0 AgCNO,65 Al13Ru4 0 SiTe2Os 0 HoMg2 0 UAI4 0 SmCoC2 0 Ag9Pb4O12 0 NaZr2TiF11,12 0 ScRh 0 HoSi2Pt2 0 Li3VOF5,1 0 Ti2ZnS4 0 0 KV6011



코드 실행

```
In [45]: # 파이썬 ≥3.5 필수, 이하일 경우 assert 에러
        import sys
        assert sys.version_info >= (3, 5)
        # sklearn version 0.20 이상.
         import sklearn
        assert sklearn. version >= "0.20"
        print('The scikit-learn version is {}.'.format(sklearn. version ))
         # 공통 모듈 임포트
         import numpy as np
         import os
         # 실습 결과를 동일하게 하기 위해서
        np.random.seed(42)
        # 깔끔한 그래프 출력을 위해서
         %matplotlib inline
        import matplotlib as mpl
        import matplotlib.pyplot as plt
        mpl.rc('axes', labelsize=14)
         mpl.rc('xtick', labelsize=12)
        mpl.rc('ytick', labelsize=12)
        # 그림을 저장할 위치 설정
        PROJECT ROOT DIR = "."
        CHAPTER ID = "classification"
        IMAGES_PATH = os.path.join(PROJECT_ROOT_DIR, "images", CHAPTER_ID)
        os.makedirs(IMAGES_PATH, exist_ok=True)
        def save_fig(fig_id, tight_layout=True, fig_extension="png", resolution=300):
            path = os.path.join(IMAGES PATH, fig id + "." + fig extension)
            print("그림 저장:", fig_id)
            if tight layout:
                plt.tight layout()
            plt.savefig(path, format=fig extension, dpi=resolution)
```

```
In [46]: #MNIST dataset 다운로드 받기 (약간의 시간 필요)
         from sklearn.datasets import fetch openml
         mnist = fetch_openml('mnist_784', version=1, as_frame=False)
         mnist.keys()
         #MNIST dataset은 딕셔너리 구조를 가지고 있음.
         #데이터셋을 설명하는 'DESER' 키
         #샘플이 하나의 행, 특성이 하나의 열로 구성된 배열을 가진 'data' 키
Out[46]: dict keys(['data', 'target', 'frame', 'categories', 'feature names', 'target names', 'DESCR', 'details', 'url'])
In [49]:
         mnist
Out[49]: {'data': array([[0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.],
                 [0., 0., 0., \ldots, 0., 0., 0.]
                [0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.],
                 [0., 0., 0., \ldots, 0., 0., 0.]
                [0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.]
                [0., 0., 0., ..., 0., 0., 0.]
          'target': array(['5', '0', '4', ..., '4', '5', '6'], dtype=object),
          'frame': None,
          'categories': {},
          'feature_names': ['pixel1',
           'pixel2',
           'pixel3',
           'pixel4',
           'pixel5',
           'pixel6',
           'pixel7',
           'pixel8',
           'pixel9',
In [50]: X, y = mnist["data"], mnist["target"]
         X.shape
Out[50]: (70000, 784)
```

```
In [53]: # 첫번째 샘플에 대한 특성 data를 28,28 픽셀로 출력하기
        import matplotlib as mpl
        import matplotlib.pyplot as plt
        some_digit = X[0]
        some_digit_image = some_digit.reshape(28, 28)
        plt.imshow(some_digit_image, cmap=mpl.cm.binary)
        plt.axis("on")
        save_fig("some_digit_plot")
        plt.show()
        그림 저장: some_digit_plot
         10
         15
         20
         25
                     10
                          15 20
In [54]: #첫번째 샘플의 레이블 확인하기
        y[0]
Out[54]: '5'
In [55]: ## 레이블은 숫자가 아닌 문자열
        ## 머신러닝 알고리즘은 숫자를 기대하므로 y를 정수로 변환
        y = y.astype(np.uint8)
In [56]: # 샘플의 특성 data를 28,28 픽셀로 출력하는 함수 만들기.
        def plot_digit(data):
            image = data.reshape(28, 28)
            plt.imshow(image, cmap = mpl.cm.binary,
                     interpolation="nearest")
            plt.axis("off")
```

```
In [57]: # 숫자 그림을 위한 추가 함수
      def plot digits(instances, images per row=10, **options):
         images per row = min(len(instances), images per row)
         # n rows = ceil(len(instances) / images per row) 와 동일합니다:
         n rows = (len(instances) - 1) // images per row + 1
         # 필요하면 그리드 끝을 채우기 위해 빈 이미지를 추가합니다:
         n empty = n rows * images per row - len(instances)
         padded instances = np.concatenate([instances, np.zeros((n empty, size * size))], axis=0)
         # 배열의 크기를 바꾸어 28×28 이미지를 담은 그리드로 구성합니다:
         image grid = padded instances.reshape((n rows, images per row, size, size))
         # 축 0(이미지 그리드의 수직축)과 2(이미지의 수직축)를 합치고 축 1과 3(두 수평축)을 합칩니다.
         # 먼저 transpose()를 사용해 결합하려는 축을 옆으로 이동한 다음 합칩니다:
         big_image = image_grid.transpose(0, 2, 1, 3).reshape(n_rows * size,
                                            images_per_row * size)
         # 하나의 큰 이미지를 얻었으므로 출력하면 됩니다:
         plt.imshow(big_image, cmap = mpl.cm.binary, **options)
         plt.axis("off")
In [58]: ## 10X10으로 그리려면 images per row를 10으로 변경.
      plt.figure(figsize=(9,9))
      example images = X[:100]
      plot digits(example images, images per row=15)
      save fig("more digits plot")
      plt.show()
      그림 저장: more_digits_plot
       504192131435361
       728694091124327
       386905607618793
       985933074980941
       446045610017163
       021119026783904
       6746807831
```

Binary Classification 실습

```
In [64]: # 5는 True이고, 다른 숫자는 모두 False
        y_{train_5} = (y_{train} == 5)
        y_test_5 = (y_test == 5)
         #print (X_train)
         #print (X_test.shape)
         #print (y train)
         #print (y_test)
         print (y_train_5[0],y_train_5[11], y_train_5[12])
        print (y_test_5)
         True True False
         [False False False ... False True False]
In [66]: # SGD Classifier 적용 분류 모델 만들어 보기.
         # 5이면 true로 , 5가 아니면 false로 분류하는 Binary Classification.
         from sklearn.linear_model import SGDClassifier
         sgd_clf = SGDClassifier(max_iter=1000, tol=1e-3, random_state=17)
         sgd clf.fit(X train, y train 5)
Out[66]: SGDClassifier(random state=17)
In [67]: sgd_clf.predict([some_digit])
         ## some_digit = X[0]
Out[67]: array([ True])
In [68]: ## cross val score : 단순교차검증
         ## 3-폴드 교차 검증 수행
         from sklearn.model_selection import cross_val_score
         cross val score(sgd clf, X train, y train 5, cv=3, scoring="accuracy")
Out[68]: array([0.96675, 0.9618 , 0.94425])
```

```
In [69]: ## StratifiedKFold : 계층별 k-겹 교차 검증 (클래스별 비율이 유지되도록 폴드를 만듦)
        ## k-fold 에서 데이터(레이블 or 클래스)가 한 곳으로 몰리는 것을 방지
        from sklearn.model_selection import StratifiedKFold
        from sklearn.base import clone
        skfolds = StratifiedKFold(n_splits=3, random_state=42, shuffle=True)
        ## 위에서 만들 모델, "sgd_clf.fit(X_train, y_train_5)"을 "clone_clf"라는 이름으로 담기.
        for train_index, test_index in skfolds.split(X_train, y_train_5):
            clone_clf = clone(sgd_clf)
            X_train_folds = X_train[train_index]
            y_train_folds = y_train_5[train_index]
            X_test_fold = X_train[test_index]
            y_test_fold = y_train_5[test_index]
            clone_clf.fit(X_train_folds, y_train_folds)
            y_pred = clone_clf.predict(X_test_fold)
            n_correct = sum(y_pred == y_test_fold)
            print(n_correct / len(y_pred))
        0.9681
        0.9651
        0.9653
In [70]: ## 모든 이미지를 "5아님" 클래스로 분류하는 dummy classifier 생성해보기.
        from sklearn.base import BaseEstimator
        class Never5Classifier(BaseEstimator):
            def fit(self, X, y=None):
               pass
            def predict(self, X):
               return np.zeros((len(X), 1), dtype=bool)
In [74]: from sklearn.model_selection import cross_val_score
        never 5 clf = Never5Classifier()
        cross_val_score(never_5_clf, X_train, y_train_5, cv=3, scoring="accuracy")
        ## 10개중에 1개만 "5"이므로 모두 5가 아니라고 분류하는 모델을 만들면
        ## 정확도가 90% 이상 나오게 됨.
        ## Accuracy가 높다고 해서 무조건 좋은 모델이라고 오판해서는 안됨!!
Out[74]: array([0.91125, 0.90855, 0.90915])
```

```
In [77]: # 모두 False로 예측 하는지 체크!
        from sklearn.model_selection import cross_val_predict
        y_never_5_pred = cross_val_predict(never_5_clf, X_train, y_train_5, cv=3)
        print (y_never_5_pred)
         [[False]
          [False]
          [False]
          [False]
          [False]
          [False]]
In [78]: ## 다시 sqd clf 모델(In 68에서 생성)을 활용하여 예측값에 대한 array (y train pred)생성.
        from sklearn.model selection import cross val predict
        y_train_pred = cross_val_predict(sgd_clf, X_train, y_train_5, cv=3)
        print (y_train_pred)
        [ True False False ... True False False]
In [80]: ## 오차 행렬 확인하기
        from sklearn.metrics import confusion_matrix
        confusion matrix(y train 5, y train pred)
Out[80]: array([[53936, 643],
               [ 1901, 3520]], dtype=int64)
In [26]: ## 예측값의 자리에 정답을 놓고 오차 행렬을 확인해보면...
         ## 완벽한 분류기의 결과를 보임.
        y train perfect predictions = y train 5
        confusion_matrix(y_train_5, y_train_perfect_predictions)
Out[26]: array([[54579,
               [ 0, 5421]], dtype=int64)
```

```
In [81]: ## 정밀도 확인 (sklearn 함수 제공)
         from sklearn.metrics import precision score, recall score
         precision_score(y_train_5, y_train_pred)
Out[81]: 0.8455440787893346
In [82]: ## 정밀도를 CM으로부터 직접 계산
         cm = confusion_matrix(y_train_5, y_train_pred)
         cm[1, 1] / (cm[0, 1] + cm[1, 1])
Out[82]: 0.8455440787893346
In [83]: ## 재현율 확인 (sklearn 함수 제공)
         recall_score(y_train_5, y_train_pred)
Out[83]: 0.6493266924921601
In [84]: cm[1, 1] / (cm[1, 0] + cm[1, 1])
Out[84]: 0.6493266924921601
In [85]: ## F1 score 확인 (sklearn 함수 제공)
         from sklearn.metrics import f1_score
         f1_score(y_train_5, y_train_pred)
Out[85]: 0.7345575959933222
In [86]: cm[1, 1] / (cm[1, 1] + (cm[1, 0] + cm[0, 1]) / 2)
Out[86]: 0.7345575959933222
```

정밀도/재현율 트레이드오프

```
In [93]: ## decision_function() 메서드를 호출하여 각 샘플의 점수를 확인해보자.
        ## 이 점수가 임계값(threshold)보다 크면 양성(True)으로 분류함.
        y_scores = sgd_clf.decision_function([some_digit])
        y_scores
Out[93]: array([1067.64798936])
In [94]: threshold = 0
        y some digit pred = (y scores > threshold)
In [95]: y_some_digit_pred
Out[95]: array([ True])
In [96]: threshold = 8000
        y_some_digit_pred = (y_scores > threshold)
        y_some_digit_pred
        |## 이미지가 실제로 숫자 5이고 임계값이 0일때는 분류기가 이를 감지했지만, 임계값을 높이면 이를 놓치게 됨.
        ## 따라서 True Positive는 줄어들고 False Negative은 늘어나므로 재현율은 감소하게 됨.
        ## Threshold가 양의 방향으로 커지면 재현율은 감소하게 됨.
Out[96]: array([False])
In [97]: ## decision_function()메서드를 사용하여 y_scores array 생성.
        y_scores = cross_val_predict(sgd_clf, X_train, y_train_5, cv=3,
                                  method="decision function")
        y_scores
Out[97]: array([ 2402.52975074, -13366.16421546, -25713.60673974, ...,
                4283.08132713, -13004.21253155, -21784.1670382 ])
```

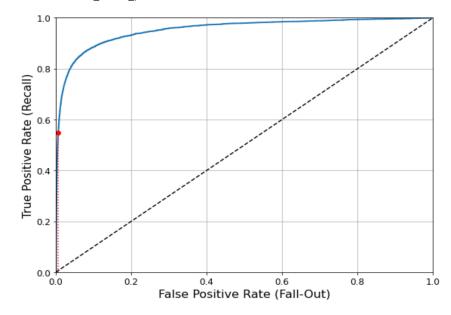
```
In [98]: ## precision recall curve 함수를 사용하면 threshold 값에 따른 precision, recall 값들을 가져옴.
          from sklearn.metrics import precision recall curve
          precisions, recalls, thresholds = precision recall curve(y train 5, y scores)
          # 각 값들을 직접 확인해보자.
          #print (precision_recall_curve(y_train_5, y_scores))
          #print (precisions)
          #print (recalls)
          #print (thresholds)
In [100]: ##threshold에 따른 정밀도/재현율 그리기 함수 만들기.
          def plot_precision_recall_vs_threshold(precisions, recalls, thresholds):
              plt.plot(thresholds, precisions[:-1], "b--", label="Precision", linewidth=2)
              plt.plot(thresholds, recalls[:-1], "g-", label="Recall", linewidth=2)
             plt.legend(loc="center right", fontsize=16) # Not shown in the book
              plt.xlabel("Threshold", fontsize=16)
                                                        # Not shown
             plt.grid(True)
                                                        # Not shown
              plt.axis([-50000, 50000, 0, 1])
                                                        # Not shown
          ## 그리기 설정.
          recall 90 precision = recalls[np.argmax(precisions >= 0.90)]
          threshold 90 precision = thresholds[np.argmax(precisions >= 0.90)]
         plt.figure(figsize=(8, 4))
          plot precision recall vs threshold(precisions, recalls, thresholds)
          plt.plot([threshold 90 precision, threshold 90 precision], [0., 0.9], "r:")
          plt.plot([-50000, threshold_90_precision], [0.9, 0.9], "r:")
          plt.plot([-50000, threshold_90_precision], [recall_90_precision, recall_90_precision], "r:")
          plt.plot([threshold_90_precision], [0.9], "ro")
          plt.plot([threshold_90_precision], [recall_90_precision], "ro")
          save_fig("precision_recall_vs_threshold_plot")
          plt.show()
          그림 저장: precision recall vs threshold plot
           1.0
           8.0
           0.6
                                                                      Precision
                                                                      Recall
           0.4
           0.2
           0.0
                  -40000
                               -20000
                                                           20000
                                                                        40000
                                          Threshold
```

```
In [101]: ##(y_train_pred == (y_scores > 0)).all()
Out[101]: True
In [102]: ## 정밀도/재현율 trade off 관계 그림 그려보기.
          print (precisions)
          print (recalls)
          def plot_precision_vs_recall(precisions, recalls):
              plt.plot(recalls, precisions, "b-", linewidth=2)
              plt.xlabel("Recall", fontsize=16)
              plt.ylabel("Precision", fontsize=16)
              plt.axis([0, 1, 0, 1])
              plt.grid(True)
          plt.figure(figsize=(8, 6))
          plot precision vs recall(precisions, recalls)
          plt.plot([recall_90_precision, recall_90_precision], [0., 0.9], "r:")
          plt.plot([0.0, recall 90 precision], [0.9, 0.9], "r:")
          plt.plot([recall_90_precision], [0.9], "ro")
          save fig("precision vs recall plot")
          plt.show()
          [0.09044799 0.09043281 0.09043432 ... 1.
                                                          1.
                                                                     1.
          [1.00000000e+00 9.99815532e-01 9.99815532e-01 ... 3.68935621e-04
           1.84467810e-04 0.00000000e+00]
          그림 저장: precision_vs_recall_plot
             1.0
              0.8
           Precision
9.0
              0.2
                             0.2
                                          0.4
                                                      0.6
                                                                   0.8
                                                                                1.0
                                              Recall
```

```
In [103]: ## 정밀도 90% 달성을 목표로 설정.
         threshold_90_precision = thresholds[np.argmax(precisions >= 0.90)]
In [104]: threshold_90_precision
Out[104]: 1854.5025990559493
In [106]: ## y_scores가 1854보다 크거나 같으면 True, 작으면 false 라고 하고,
         ## 이 결과를 y_train_pred_90에 담기.
         y_train_pred_90 = (y_scores >= threshold_90_precision)
         y train pred 90
Out[106]: array([ True, False, False, ..., True, False, False])
In [108]: ## 실제 정확도를 확인해보기
         precision_score(y_train_5, y_train_pred_90)
Out[108]: 0.9001214329083181
In [109]: ## 재현율도 확인해보기
         recall_score(y_train_5, y_train_pred_90)
Out[109]: 0.5469470577384247
In [110]: ## ROC곡선 그려보기
         ## roc_curve 함수를 통해서 threshold의 변화에 따른 fpr, tpr 값의 변화를 가져오기.
         from sklearn.metrics import roc_curve
         fpr, tpr, thresholds = roc_curve(y_train_5, y_scores)
```

```
In [111]: ## ROC곡선 그리기 함수 만들기
          def plot_roc_curve(fpr, tpr, label=None):
              plt.plot(fpr, tpr, linewidth=2, label=label)
              plt.plot([0, 1], [0, 1], 'k--') # 대각 점선
              plt.axis([0, 1, 0, 1])
                                                                       # Not shown in the book
              plt.xlabel('False Positive Rate (Fall-Out)', fontsize=16) # Not shown
              plt.ylabel('True Positive Rate (Recall)', fontsize=16)
                                                                      # Not shown
              plt.grid(True)
                                                                       # Not shown
          plt.figure(figsize=(8, 6))
                                                                       # Not shown
          plot_roc_curve(fpr, tpr)
          fpr_90 = fpr[np.argmax(tpr >= recall_90_precision)]
                                                                       # Not shown
          print (fpr_90)
          print (recall 90 precision)
          #plt.plot([0.2, 0.7], [0.3, 0.5], "r:") # Not shown
          plt.plot([fpr_90, fpr_90], [0., recall_90_precision], "r:") # Not shown
          plt.plot([0.0, fpr_90], [recall_90_precision, recall_90_precision], "r:") # Not shown
          plt.plot([fpr_90], [recall_90_precision], "ro")
                                                                       # Not shown
          save_fig("roc_curve_plot")
                                                                       # Not shown
          plt.show()
```

0.0060279594715916375 0.5469470577384247 그림 저장: roc_curve_plot

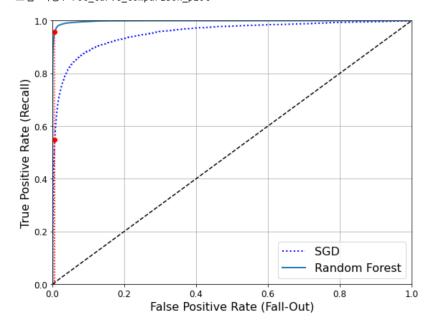


```
In [117]: ## roc auc score 함수를 이용하여 분류기 성능 체크
          from sklearn.metrics import roc auc score
          print (y train 5)
          print (y_scores)
          roc_auc_score(y_train_5, y_scores)
          [ True False False ... True False False]
           2402.52975074 -13366.16421546 -25713.60673974 ... 4283.08132713
           -13004.21253155 -21784.1670382 ]
Out[117]: 0.953268587325405
In [115]: ## Random Forest 분류기로 훈련 시키기.
          from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
          forest_clf = RandomForestClassifier(n_estimators=100, random_state=42)
         y_probas_forest = cross_val_predict(forest_clf, X_train, y_train_5, cv=3,
                                            method="predict proba")
In [119]: ## predict proba 메서드를 활용하여 양성 클래스일 확률을 점수로 사용.
         y_scores_forest = y_probas_forest[:, 1] # 점수 = 양성 클래스의 확률
         print (y train 5)
         print (y_scores_forest)
         fpr_forest, tpr_forest, thresholds_forest = roc_curve(y_train_5,y_scores_forest)
          [ True False False ... True False False]
          [0.89 0.01 0.04 ... 0.98 0.08 0.06]
```

MNIST Dataset을 활용한 분류 모델, with Random Forest

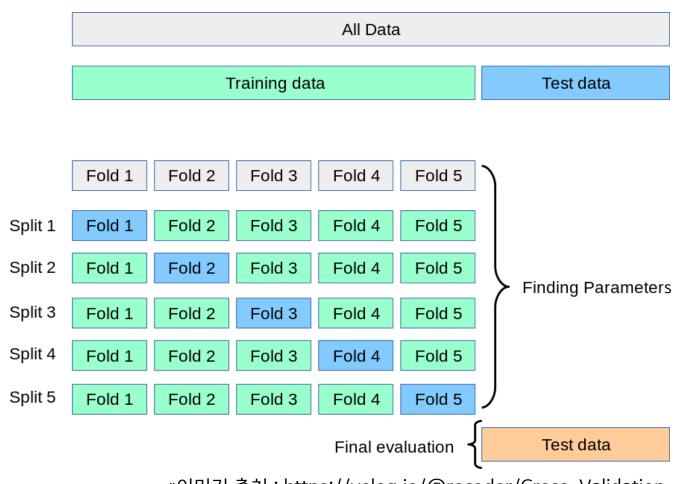
```
In [120]: ## SGD와 random forest 알고리즘에 따른 ROC 커브 비교.
          recall for forest = tpr forest[np.argmax(fpr forest >= fpr 90)]
          print (recall for forest)
          plt.figure(figsize=(8, 6))
          plt.plot(fpr, tpr, "b:", linewidth=2, label="SGD")
          plot_roc_curve(fpr_forest, tpr_forest, "Random Forest")
          plt.plot([fpr_90, fpr_90], [0., recall_90_precision], "r:")
          plt.plot([0.0, fpr_90], [recall_90_precision, recall_90_precision], "r:")
          plt.plot([fpr_90], [recall_90_precision], "ro")
          plt.plot([fpr_90, fpr_90], [0., recall_for_forest], "r:")
          plt.plot([fpr_90], [recall_for_forest], "ro")
          plt.grid(True)
          plt.legend(loc="lower right", fontsize=16)
          save fig("roc curve comparison plot")
          plt.show()
          0.9584947426674045
```

0.958494/4266/4045 그림 저장: roc_curve_comparison_plot



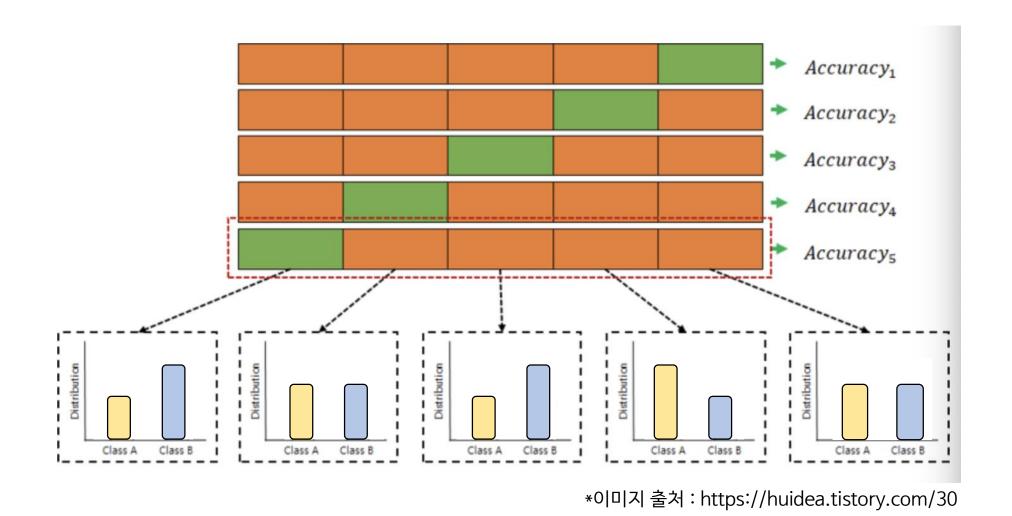
```
In [121]: roc_auc_score(y_train_5, y_scores_forest)
Out[121]: 0.9983436731328145
In [122]: y_train_pred_forest = cross_val_predict(forest_clf, X_train, y_train_5, cv=3)
    precision_score(y_train_5, y_train_pred_forest)
Out[122]: 0.9905083315756169
In [123]: recall_score(y_train_5, y_train_pred_forest)
Out[123]: 0.8662608374838591
```

K겹 교차 검증



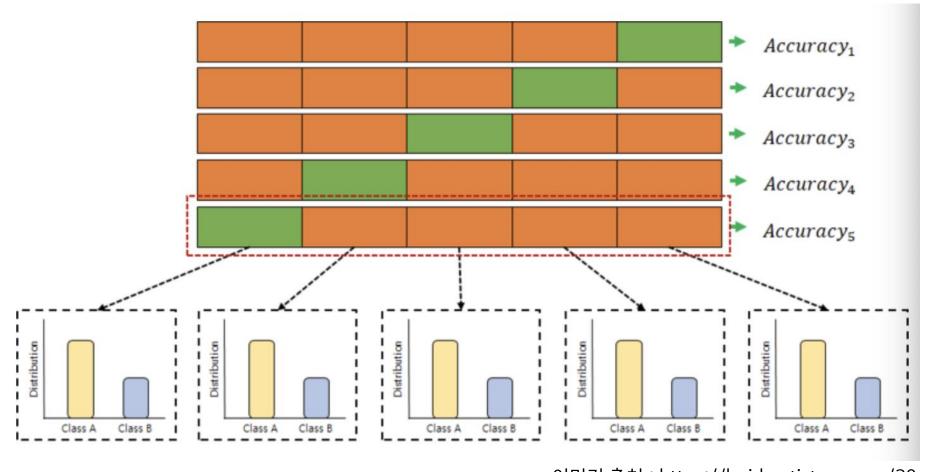
*이미지 출처: https://velog.io/@recoder/Cross-Validation

K겹 교차 검증의 문제점



계층별 K겹 교차 검증

Stratified k-fold cross validation



*이미지 출처 : https://huidea.tistory.com/30