

7.6) Ableitungen gerader und ungerader Funktionen

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ sei auf \mathbb{R} differenzierbar

f gerade $\rightarrow f'$ ungerade, f ungerade $\rightarrow f'$ gerade

gerade Funktion: Achsensymmetrisch mit y -Achse $f(x) = f(-x)$

ungerade Funktion: Punktsymmetrisch zum Ursprung $f(x) = -f(-x)$

wendet man die Kettenregel auf beliebige $f(x)$ an:

sei $f(x)$ gerade:

$$f(x) = f(-x) \quad f'(x) = -f'(-x) \rightarrow f' \text{ ist ungerade}$$

sei $f(x)$ ungerade:

$$f(x) = -f(-x) \quad f'(x) = -(-f'(-x)) = f'(-x) \rightarrow f' \text{ ist gerade}$$