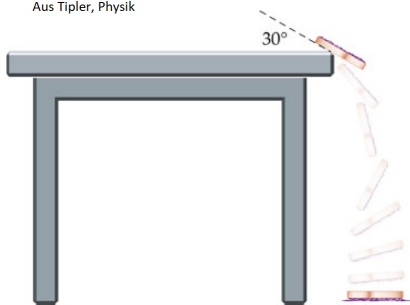


Übungsblatt 6

Aufgabe 1 - *

Warum landet eine Toastbrotseibe, die vom Tisch fällt, immer mit der Marmeladenseite auf dem Teppich? Die Frage klingt albern, ist aber ernsthaft wissenschaftlich untersucht worden. Die Theorie ist zu kompliziert, als dass man sie hier detailliert wiedergeben könnte, aber R. D. Edge und D. Steinert zeigten, dass eine (als quadratisch angenommene) Scheibe Toastbrot, die man vorsichtig über den Rand einer Tischplatte schiebt, bis sie kippt, typischerweise dann herunterfällt, wenn der Winkel gegen die Horizontale größer ist als 30° . In diesem Moment hat die Scheibe eine Winkelgeschwindigkeit von $\omega = 0,956\sqrt{g/l}$, wobei l ihre Kantenlänge ist. Die Marmeladenseite ist natürlich oben.

Aus Tipler, Physik



- a) Auf welche Seite fällt die Scheibe, wenn der Tisch 0,500 m hoch ist?
- b) Wie sieht es bei einem 1,00 m hohen Tisch aus?

Setzen Sie für die Kantenlänge $l = 10,0$ cm an und vernachlässigen Sie alle Effekte durch den Luftwiderstand.

Aufgabe 2 - **

Ein Rad beginnt sich aus dem Stillstand zu drehen, die Winkelbeschleunigung ist $2,6 \text{ rad/s}^2$. Wir warten 6,0 s lang ab.

- a) Wie hoch ist dann die Winkelgeschwindigkeit?
- b) Um welchen Winkel hat sich das Rad bis dahin gedreht?
- c) Wie viele Umdrehungen hat es ausgeführt?
- d) Welche tangentielle Geschwindigkeit und welche lineare Beschleunigung liegen nun an einem Punkt in 0,30 m Abstand von der Drehachse vor?

Lösung 2- **

$$\omega = 16 \text{ rad/s}$$

$$\varphi = 47 \text{ rad}$$

$$U = 7,4 \text{ U}$$

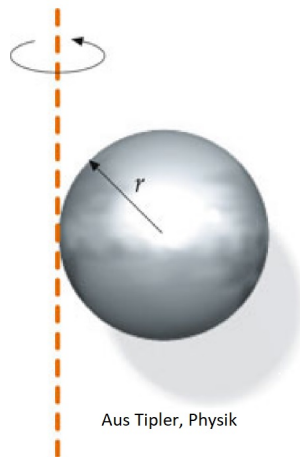
$$v = 4,7 \text{ m/s und } a = 73 \text{ m/s}^2$$

Aufgabe 3 - *

Betrachten Sie das Trägheitsmoment eines durchschnittlichen Erwachsenen bezüglich einer Achse, die vertikal mitten durch seinen Körper verläuft. Unterscheiden Sie die Fälle, dass er die Arme eng an den Körper presst und dass er die Arme seitlich waagrecht ausstreckt. Schätzen Sie das Verhältnis der beiden Trägheitsmomente

Aufgabe 4 - **

Ermitteln Sie das Trägheitsmoment einer massiven Kugel mit der Masse m und dem Radius r bezüglich einer Achse, die tangential zur Kugeloberfläche verläuft.



Lösung 4- **

$$I = \frac{7}{5}mr^2$$

Aufgabe 5 - *

Ein Fadenpendel mit der Länge l und der Pendelmasse m schwingt in einer vertikalen Ebene. Wenn der Faden einen Winkel θ mit der Vertikalen bildet,

- wie hoch ist dann die Tangentialkomponente der auf den Pendelkörper wirkenden Beschleunigung? (Verwenden Sie die Gleichung $F_t = ma_t$.)
- Welches Drehmoment wird bezüglich der Aufhängung ausgeübt?
- Zeigen Sie, dass die Gleichung $M = I\alpha$ mit $a_t = l\alpha$ dieselbe Tangentialbeschleunigung ergibt, wie sie in Teilaufgabe a) ermittelt wurde.

Aufgabe 6 - **

Ein Zylinder mit dem Radius 11 cm und der Masse 2,5 kg ist um die Zylinderachse drehbar gelagert. Zu Beginn ist der Zylinder in Ruhe. Um ihn ist ein Seil mit vernachlässigbarer Masse geschlungen, an dem eine Zugkraft von 17 N wirkt. Das Seil soll schlupffrei über den Zylinder laufen. Berechnen Sie

- das Drehmoment, das das Seil auf den Zylinder ausübt,
- die Winkelbeschleunigung des Zylinders und

- c) die Winkelgeschwindigkeit des Zylinders nach 0,50 s.

Lösung 6- **

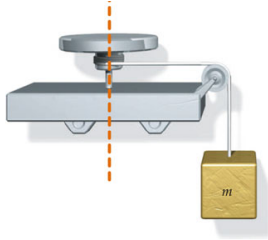
$$M = 1,9 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$\alpha = 1,2 \cdot 10^2 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-2}$$

$$\omega = 62,5 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-1}$$

Aufgabe 7 - *

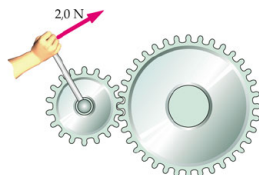
Abbildung zeigt eine Anordnung zur Messung von Trägheitsmomenten. An einem Drehteller ist ein konzentrischer Zylinder mit einem Radius r befestigt, um den eine Schnur gewunden ist. Drehteller und Zylinder können sich um eine vertikale Achse reibungsfrei drehen. Die Schnur läuft über eine reibungsfreie und masselose Rolle zu einem Gewichtsstück mit der Masse m . Dieses wird aus dem Stillstand losgelassen, und man misst die Zeit t_1 , in der es um eine Höhe d fällt. Dann wickelt man die Schnur wieder auf, legt den Körper, dessen Trägheitsmoment I zu messen ist, auf den Drehteller und lässt das Gewichtsstück erneut fallen. Mit der Zeitspanne t_2 , die es nun für dieselbe Fallstrecke benötigt, lässt sich I berechnen. Mit $r = 10 \text{ cm}$, $m = 2,5 \text{ kg}$ und $d = 1,8 \text{ m}$ werden die Fallzeiten $t_1 = 4,2 \text{ s}$ und $t_2 = 6,8 \text{ s}$ gemessen.



- Berechnen Sie das Gesamtträgheitsmoment des Systems aus Drehteller und Zylinder.
- Berechnen Sie das Trägheitsmoment des Systems aus Drehteller, Zylinder und zu vermessendem Körper.
- Berechnen Sie mithilfe der Ergebnisse aus den Teilaufgaben a) und b) das Trägheitsmoment des Körpers bezüglich der Achse des Drehtellers.

Aufgabe 8 - **

Abbildung zeigt zwei große Zahnräder als Teil einer größeren Maschine. Jedes der Zahnräder ist um eine feste Achse durch seinen Mittelpunkt frei drehbar. Die Radien der Zahnräder sind $0,50 \text{ m}$ bzw. $1,0 \text{ m}$, die Trägheitsmomente $1,0 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ bzw. $16 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$. Der an dem kleineren Zahnrad befestigte Hebel ist $1,0 \text{ m}$ lang und hat eine vernachlässigbare Masse.



- Ein Arbeiter übt typischerweise eine Kraft von $2,0 \text{ N}$ auf das Ende des Hebels aus, wie dargestellt. Wie hoch sind dann die Winkelbeschleunigungen der beiden Zahnräder?

- b) Ein anderes (in der Abbildung nicht sichtbares) Teil der Maschine übt eine Tangentialkraft auf den Außenrand des größeren Zahnrads aus, um das Getriebe zeitweise am Rotieren zu hindern. Welchen Betrag und welche Richtung (im oder gegen den Uhrzeigersinn) sollte diese Tangentialkraft haben?

Lösung 8- **

$$\alpha_1 = 0,4 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-2} \text{ und } \alpha_2 = 0,2 \text{ rad} \cdot \text{s}^{-2}$$

$$F_a = 4 \text{ N}$$