本节内容

最短路径

Dijkstra算法

王道考研/CSKAOYAN.COM

迪杰斯特拉

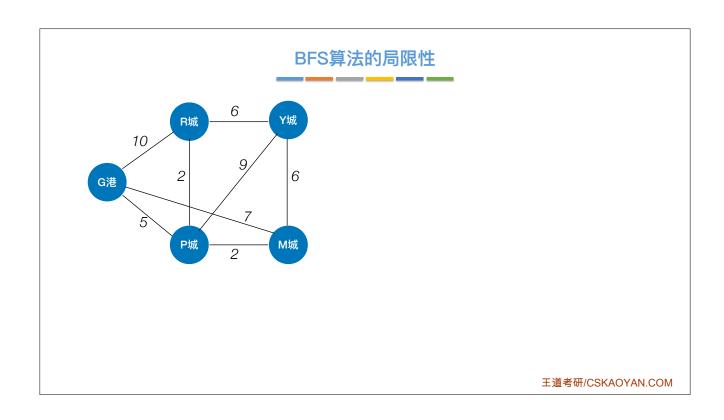


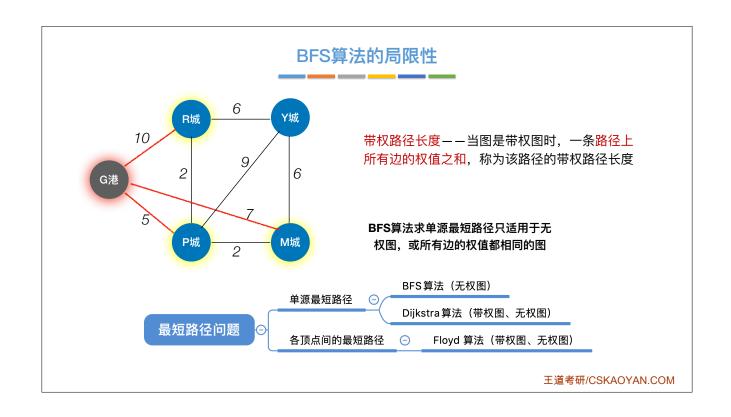
艾兹格·W·迪杰斯特拉 Edsger Wybe Dijkstra (1930~2002)

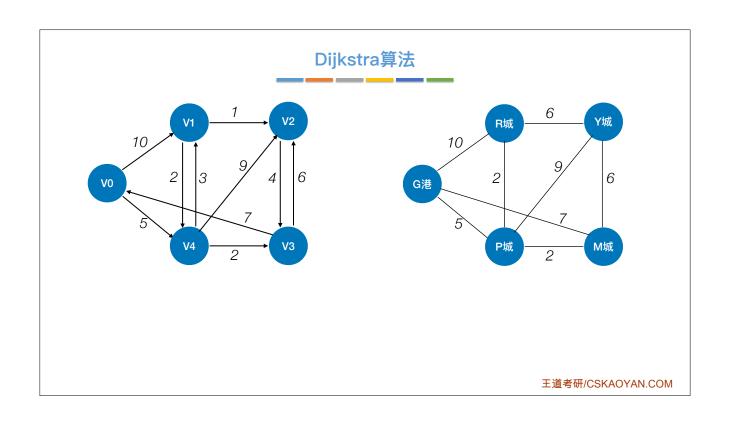


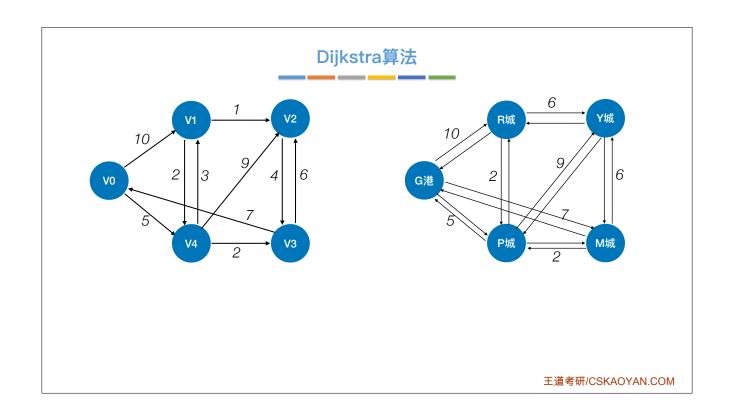
1972年图灵奖得主

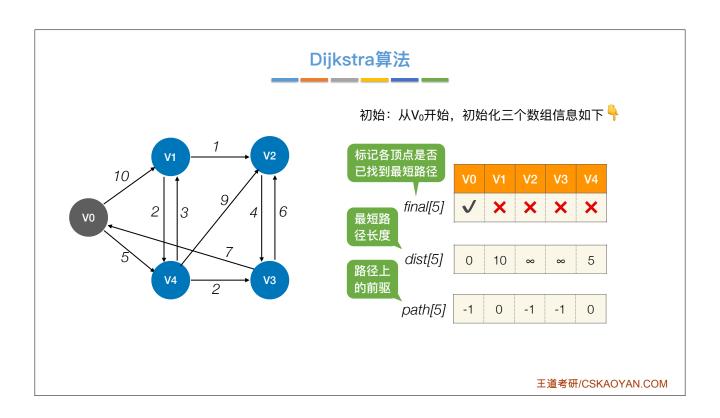
- 提出"goto 有害理论"——操作系统,虚拟存储技术
- •信号量机制PV原语——操作系统,进程同步
- 银行家算法——操作系统,死锁
- 解决哲学家进餐问题——操作系统, 死锁
- Dijkstra最短路径算法——数据结构大题、小题

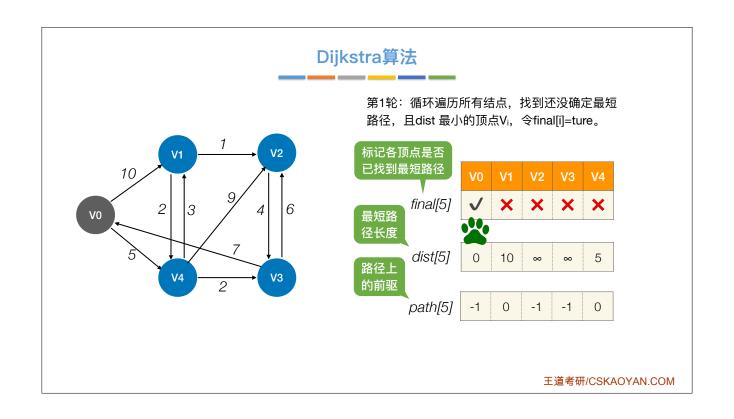


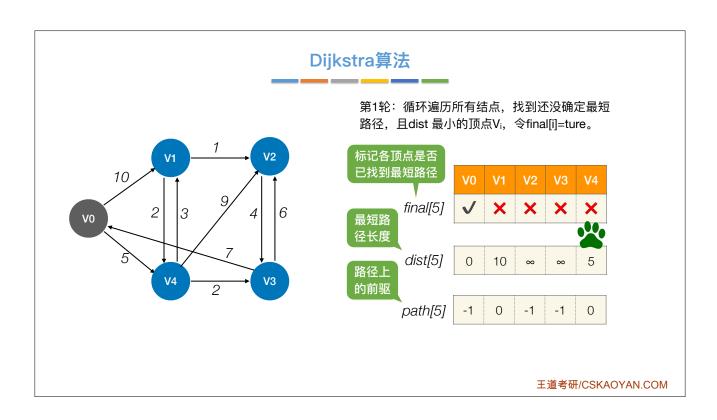


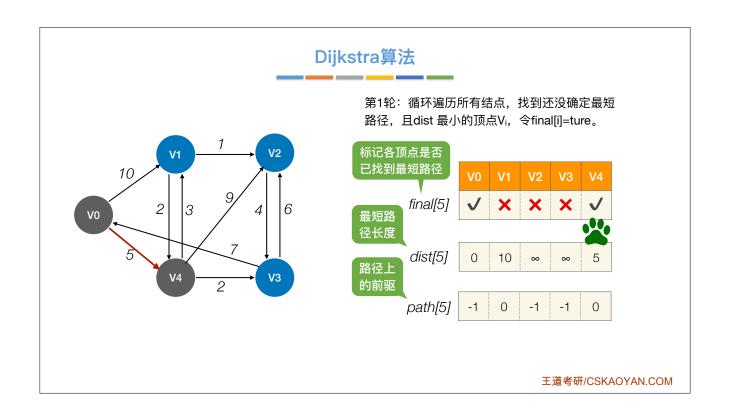


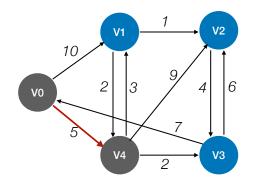












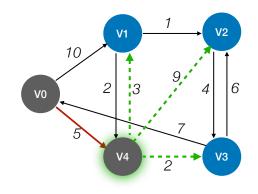
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息

王道考研/CSKAOYAN.COM

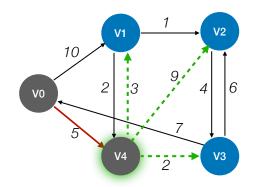
Dijkstra算法



第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息



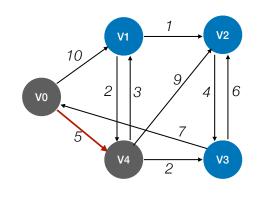
第1轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息

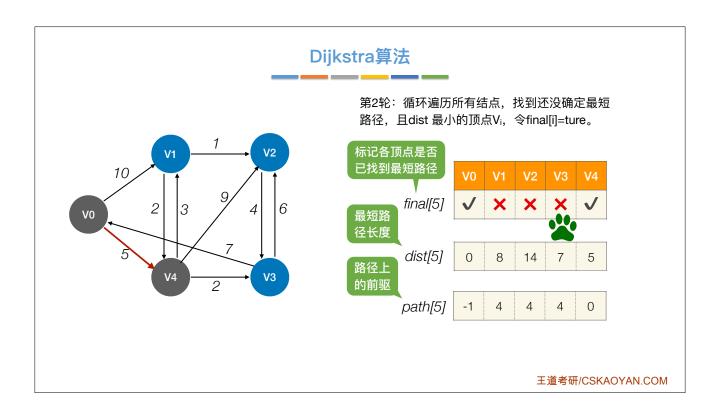
王道考研/CSKAOYAN.COM

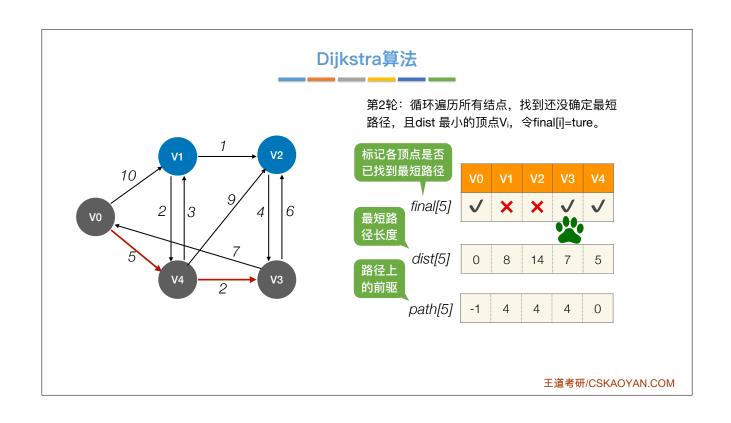


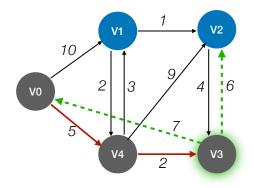


第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。









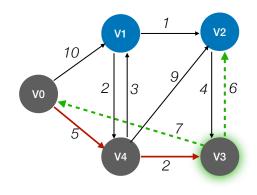
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息

王道考研/CSKAOYAN.COM

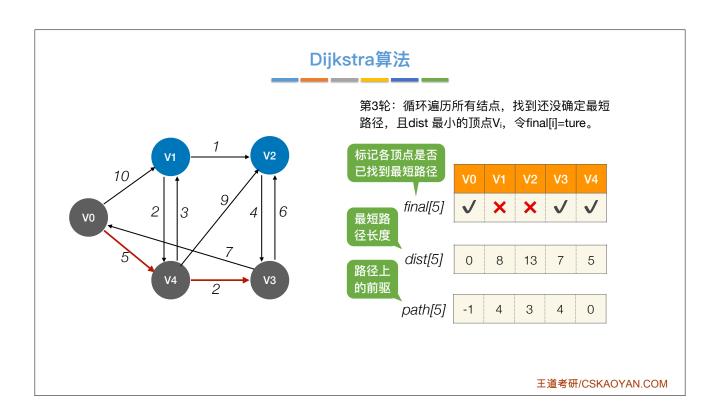
Dijkstra算法

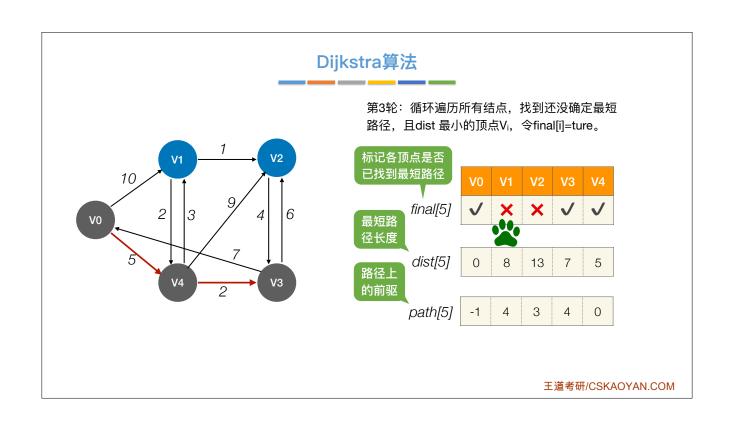


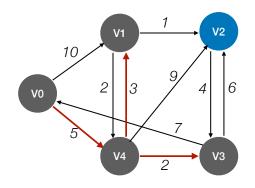
第2轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息





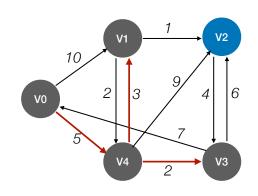


第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



王道考研/CSKAOYAN.COM

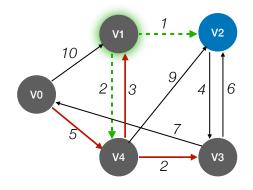
Dijkstra算法



第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息



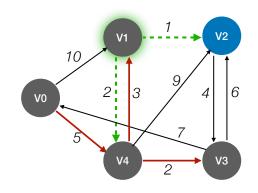
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息

王道考研/CSKAOYAN.COM

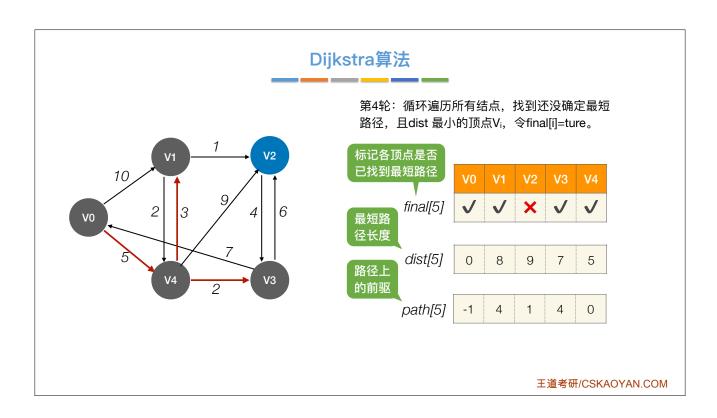
Dijkstra算法

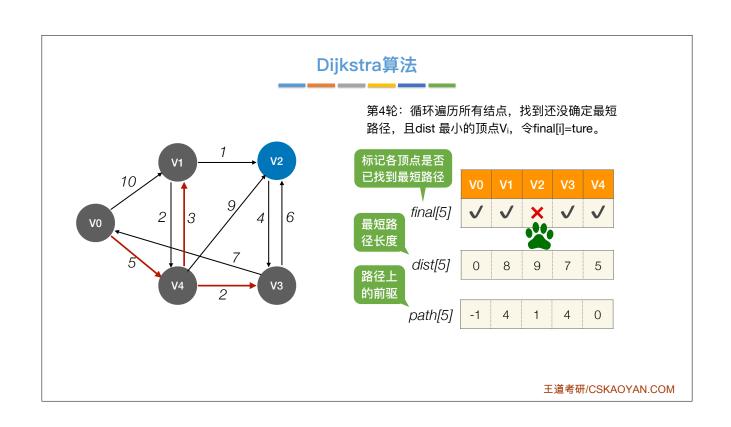


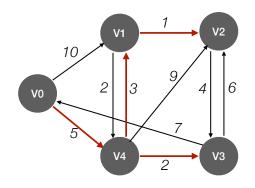
第3轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息





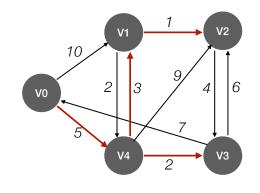


第4轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



王道考研/CSKAOYAN.COM

Dijkstra算法

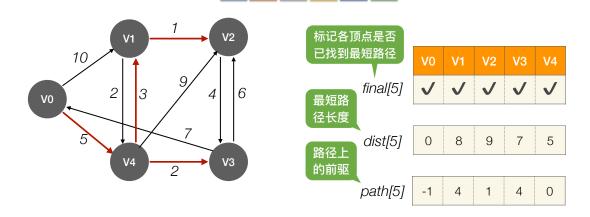


第4轮:循环遍历所有结点,找到还没确定最短路径,且dist最小的顶点V_i,令final[i]=ture。



检查所有邻接自 V_i 的顶点,若其 final 值为false,则更新 dist 和 path 信息

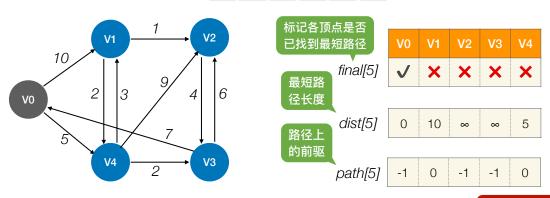
如何使用数组信息?



V0到V2 的最短(带权)路径长度为: dist[2] = 9 通过 path[] 可知, V0到V2 的最短(带权)路径: V2 <--- V1 <--- V4 <--- V0

王道考研/CSKAOYAN.COM





初始: 若从V₀开始, 令 final[0]=ture; dist[0]=0; path[0]=-1。

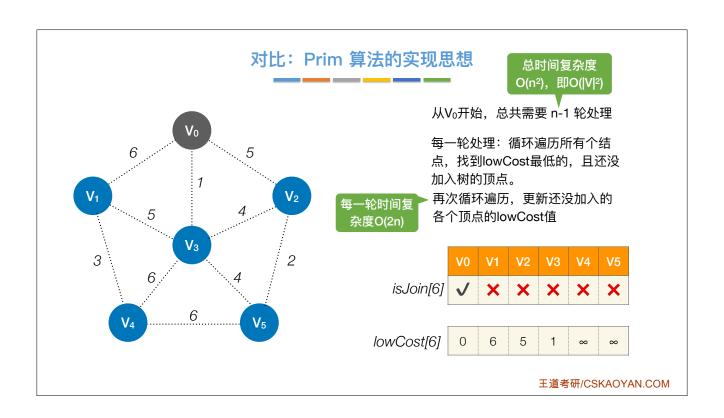
其余顶点final[k]=false; dist[k]=arcs[0][k]; path[k]= (arcs[0][k]==∞)?-1:0

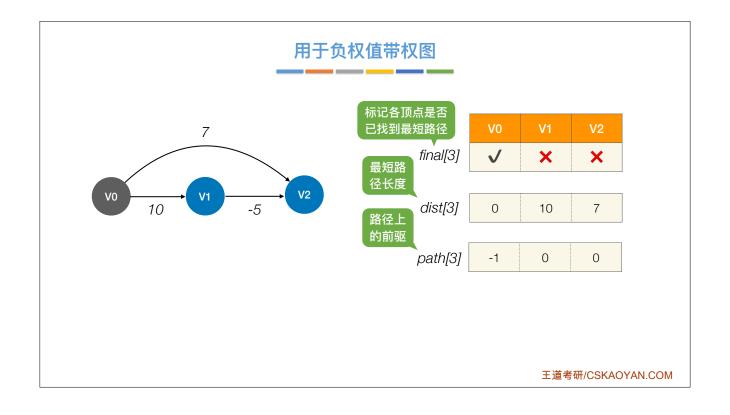
时间复杂度: O(n²)即O(|V|²)

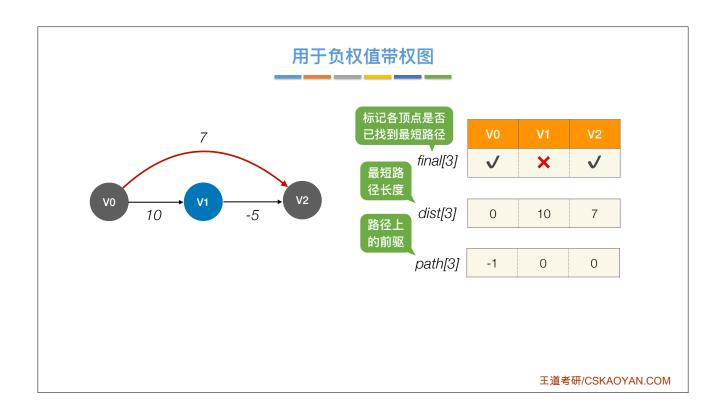
n-1轮处理:循环遍历所有顶点,找到还没确定最短路径,且dist 最小的顶点Vi,令final[i]=ture。并检查所

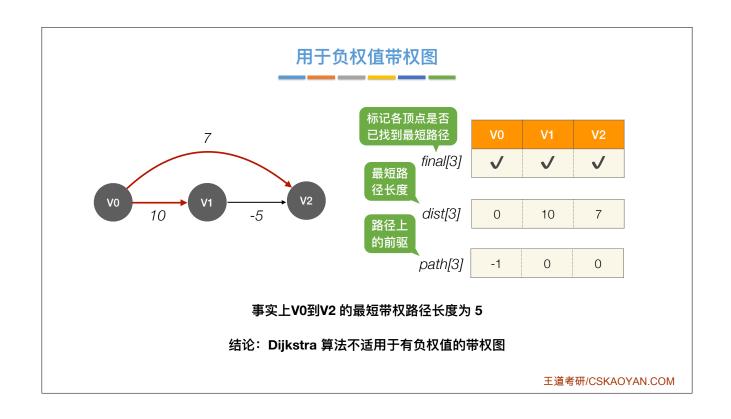
有邻接自 V_i 的顶点,对于邻接自 V_i 的顶点 V_j ,若 final[j]==false 且 dist[i]+arcs[i][j] < dist[j],则

令 dist[j]=dist[i]+arcs[i][j]; path[j]=i。(注:arcs[i][j]表示Vi 到Vj 的弧的权值)















@王道论坛



@王道计算机考研备考 @王道咸鱼老师-计算机考研 @王道楼楼老师-计算机考研



@王道计算机考研

知乎

※ 微信视频号



@王道计算机考研

@王道计算机考研

@王道在线