本节内容

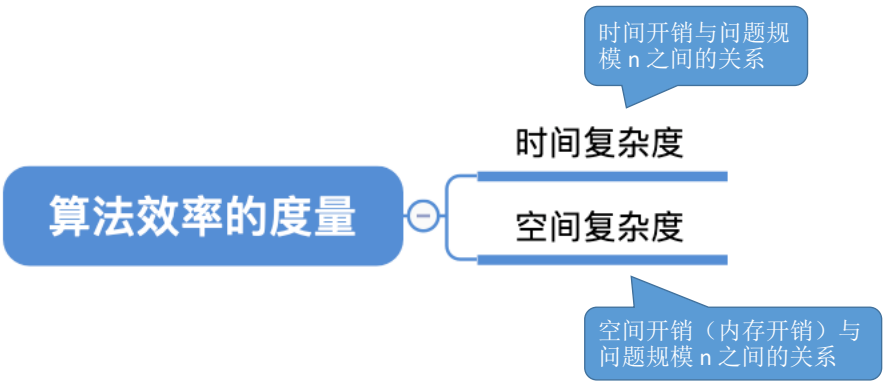
算法

效率的度量

1

公众号： 考研发条　　一手课程！

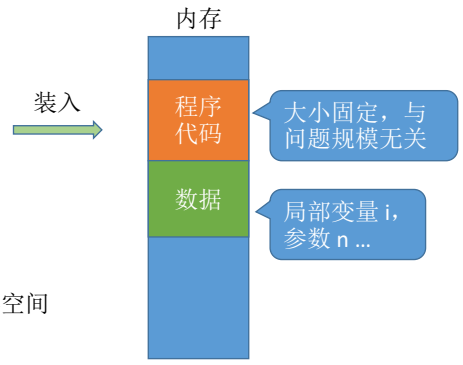
知识总览



2

程序运行时的内存需求

```
//算法1—— 逐步递增型爱你
void loveYou(int n) {   //n 为问题规模
    int i=1;    //爱你的程度
    while(i<=n){
        i++;    //每次+1
        printf("I Love You %d\n", i);
    }
    printf("I Love You More Than %d\n", n);
}
```



无论问题规模怎么变，算法运行所需的内存空间都是固定的常量，算法空间复杂度为

$S(n) = O(1)$

注：S 表示“Space”

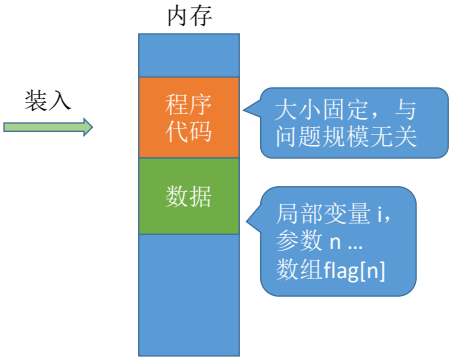
算法原地工作——算法所需内存空间为常量

3

公众号： 考研发条　　一手课程！

空间复杂度

```
void test(int n) {
    int flag[n];    //声明一个长度为n的数组
    int i;
    //.....此处省略很多代码
}
```



假设一个 int 变量占 4B...
则所需内存空间 = 4 + 4n + 4 = 4n + 8

只需关注存储空间大小与问题规模相关的变量

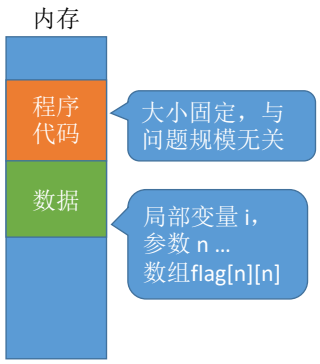
$S(n) = O(n)$

4

空间复杂度

```
void test(int n) {
    int flag[n][n]; //声明 n*n 的二维数组
    int i;
    //.....此处省略很多代码
}
```

装入



$S(n) = O(n^2)$

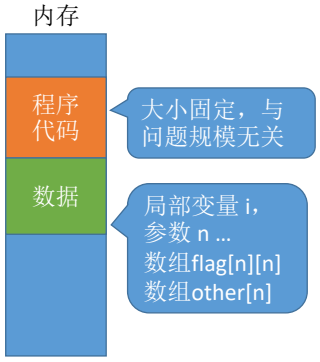
5

公众号： 考研发条　　一手课程！

空间复杂度

```
void test(int n) {
    int flag[n][n]; //声明 n*n 的二维数组
    int other[n];   //声明一个长度为n的数组
    int i;
    //.....此处省略很多代码
}
```

装入



$S(n) = O(n^2)+O(n)+O(1) = O(n^2)$

a）加法规则

$T(n) = T_1(n) + T_2(n) = O(f(n)) + O(g(n)) = O(\max(f(n), g(n)))$

$O(1) < O(\log_2 n) < O(n) < O(n\log_2 n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n!) < O(n^n)$

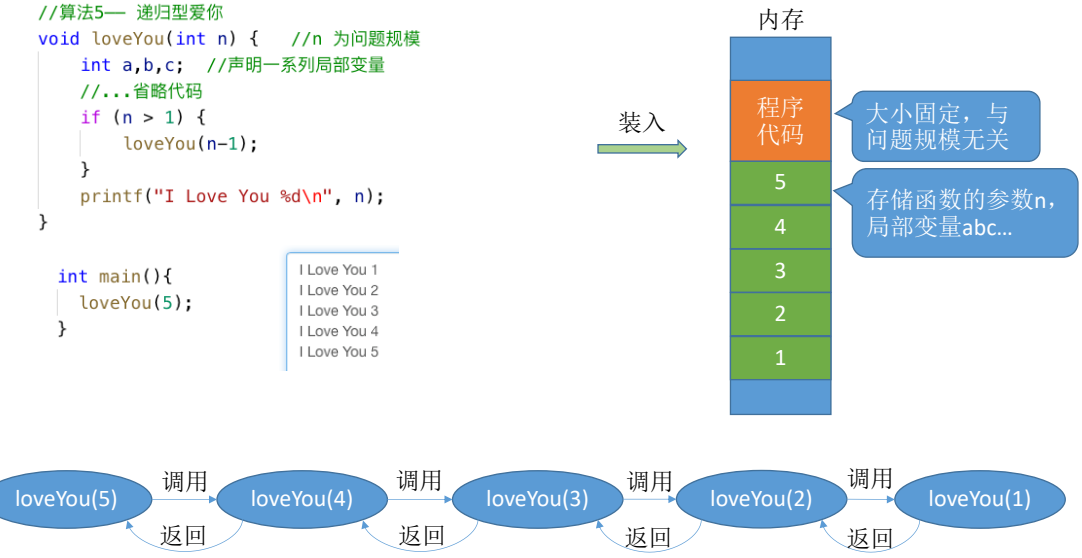
6

函数递归调用带来的内存开销

```
//算法5— 递归型爱你
void loveYou(int n) {   //n 为问题规模
    int a,b,c;  //声明一系列局部变量
    //...省略代码
    if (n > 1) {
        loveYou(n-1);
    }
    printf("I Love You %d\n", n);
}

int main(){
    loveYou(5);
}
```

```
I Love You 1
I Love You 2
I Love You 3
I Love You 4
I Love You 5
```



7

公众号： 考研发条　　一手课程！

函数递归调用带来的内存开销

```
//算法5— 递归型爱你
void loveYou(int n) {   //n 为问题规模
    int a,b,c;  //声明一系列局部变量
    //...省略代码
    if (n > 1) {
        loveYou(n-1);
    }
    printf("I Love You %d\n", n);
}

int main(){
    loveYou(5);
}
```

```
I Love You 1
I Love You 2
I Love You 3
I Love You 4
I Love You 5
```

S(n) = O(n)　空间复杂度 = 递归调用的深度

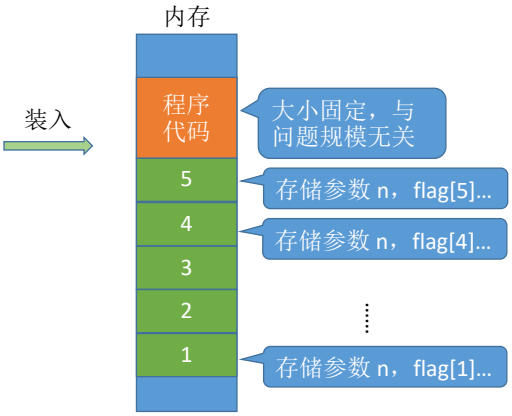
8

函数递归调用带来的内存开销

```
//算法5—— 递归型爱你
void loveYou(int n) {    //n 为问题规模
    int flag[n];     //声明一个数组
    //...省略数组初始化代码
    if (n > 1) {
        loveYou(n-1);
    }
    printf("I Love You %d\n", n);
}

int main(){
  loveYou(5);
}
```

```
I Love You 1
I Love You 2
I Love You 3
I Love You 4
I Love You 5
```



$1+2+3+...+n = [n(1+n)]/2 = \frac{1}{2}n^2 + \frac{1}{2}n$

$S(n) = O(n^2)$

9

公众号： 考研发条　　一手课程！

知识回顾与重要考点

10

11

公众号： 考研发条　　一手课程！