

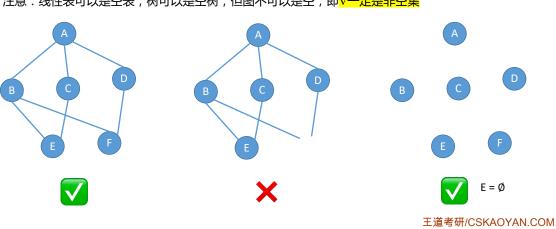


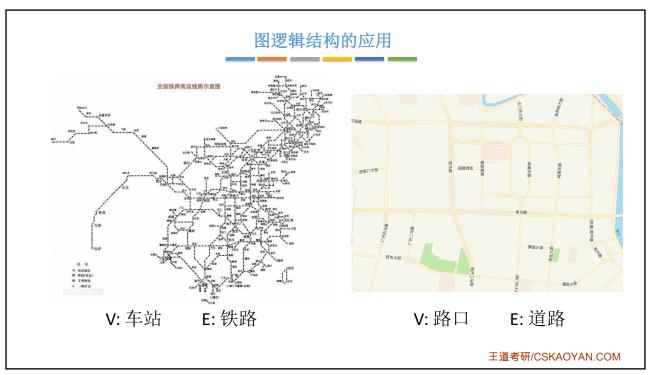
G: Graph V: Vertex

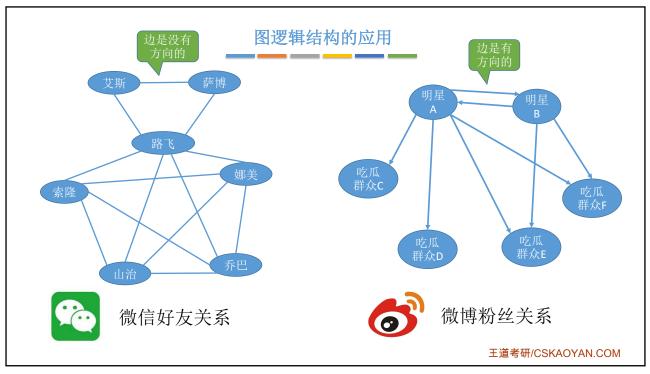
图的定义

图G由顶点集V和边集E组成,记为G=(V,E),其中V(G)表示图G中顶点的有限非空集;E(G)表示图G中顶点之间的关系(边)集合。若 $V=\{v_1,v_2,\dots,v_n\}$,则用|V|表示图G中顶点的个数,也称图G的阶, $E=\{(u,v)\mid u\in V,v\in V\}$,用|E|表示图G中边的条数。

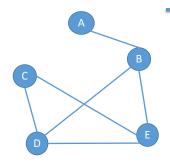
注意:线性表可以是空表,树可以是空树,但图不可以是空,即V一定是非空集







无向图、有向图



若E是无向边(简称边)的有限集合时,则图G为无向图。边是顶点的无序对,记为(v,w)或(w,v),因为(v,w)=(w,v),其中v、w是顶点。可以说顶点w和顶点v互为邻接点。边(v,w)依附于顶点w和v,或者说边(v,w)和顶点v、w相关联。

 $G_2 = (V_2, E_2)$

 $V_2 = \{A, B, C, D, E\}$

 $E_2 = \{(A, B), (B, D), (B, E), (C, D), (C, E), (D, E)\}$

若E是有向边(也称弧)的有限集合时,则图G为有向图。 弧是顶点的有序对,记为<v, w>,其中v、w是顶点,v称为 弧尾,w称为弧头,<v, w>称为从顶点v到顶点w的弧,也称 v邻接到w,或w邻接自v。 <v, w> \neq <w, v>

 $G_1=\left(V_1,\,E_1\right)$

 $V_1 = \{A, B, C, D, E\}$

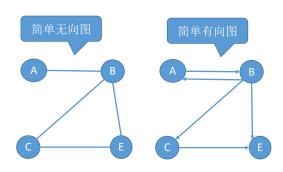
 $E_1 = \{ \langle A, B \rangle, \langle A, C \rangle, \langle A, D \rangle, \langle A, E \rangle, \langle B, A \rangle, \langle B, C \rangle, \langle B, E \rangle, \langle C, D \rangle \}$



王道考研/CSKAOYAN.COM

7

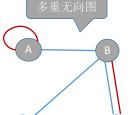
简单图、多重图

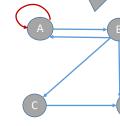


简单图——① 不存在重复边; ② 不存在顶点到自身的边

> 数据结构课程只探 讨"简单图"

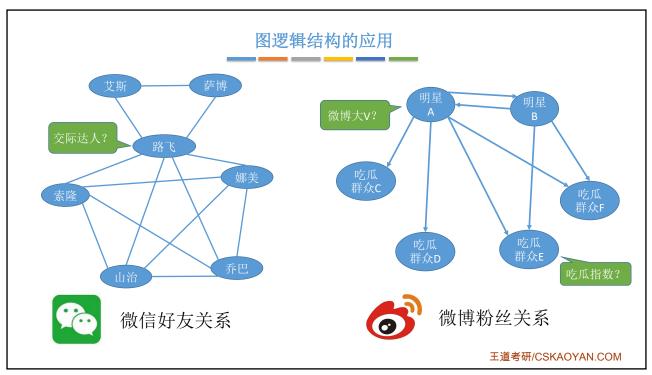


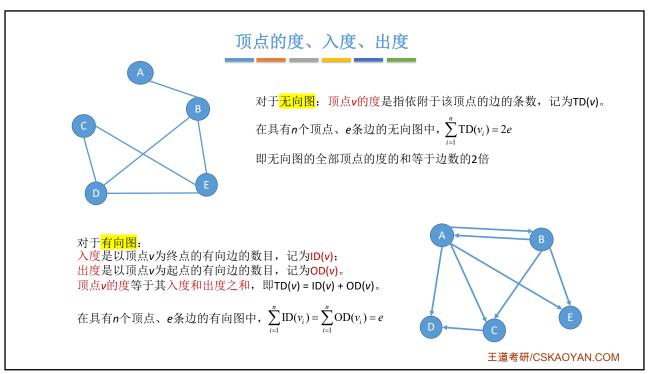




多重图——图G中某两个结点之间的边数多于一条,又允许顶点通过同一条边和自己关联,则G为多重图

王道考研/CSKAOYAN.COM







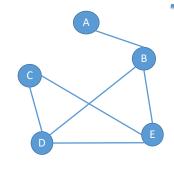
- 路径——顶点 v_p 到顶点 v_q 之间的一条路径是指顶点序列, $v_p,v_{l_1},v_{l_2},\cdots,v_{l_m},v_q$ 回路——第一个顶点和最后一个顶点相同的路径称为回路或环简单路径——在路径序列中,顶点不重复出现的路径称为简单路径。

- 简单回路——除第一个顶点和最后一个顶点外,其余顶点不重复出现的回路称为简单回路。
- 路径长度——路径上边的数目
- 点到点的距离——从顶点u出发到顶点v的<mark>最短路径</mark>若存在,则<mark>此路径的长度称为从u到v的距离</mark>。 若从u到v根本<mark>不存在路径</mark>,则<mark>记该距离为无穷(∞)</mark>。
- 无向图中,若从顶点v到顶点w有路径存在,则称v和w是连通的
- 有向图中,若从顶点v到顶点w和从顶点w到顶点v之间都有路径,则称这两个顶点是强连通的

王道考研/CSKAOYAN.COM

11

连通图、强连通图

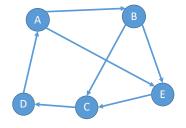


若图G中任意两个顶点都是连通的,则称图G为 连通图, 否则称为非连通图。

常见考点:

对于n个顶点的无向图G,

若G是<mark>连通图</mark>,则<mark>最少</mark>有 n-1 条边 若G是<mark>非连通图</mark>,则<mark>最多</mark>可能有 C_{n-1}^2 条边



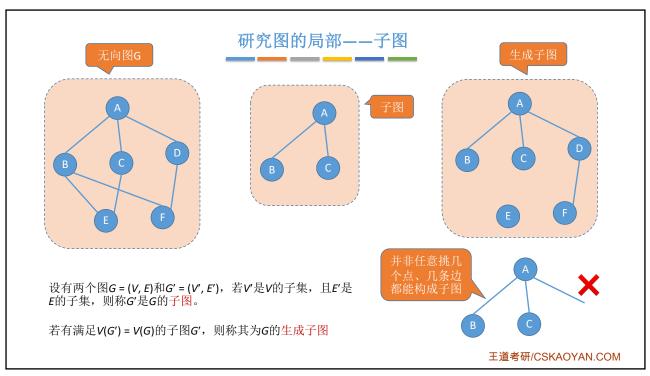
若图中任何一对顶点都是强连通的,则称此图为 强连通图。

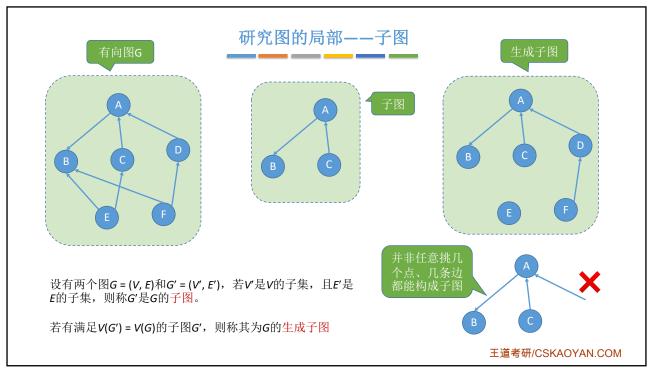
常见考点:

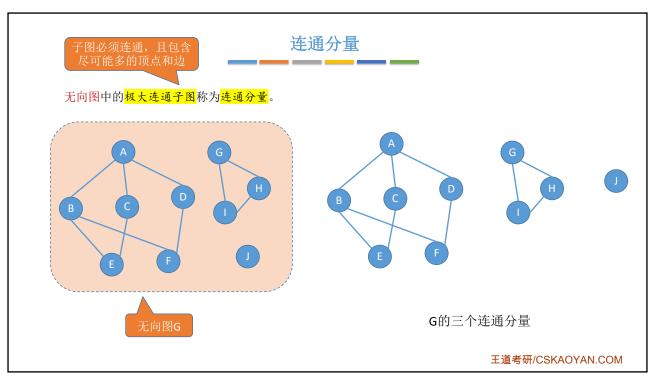
对于n个顶点的有向图G,

若G是<mark>强连通图</mark>,则<mark>最少</mark>有 n 条边(形成回路)

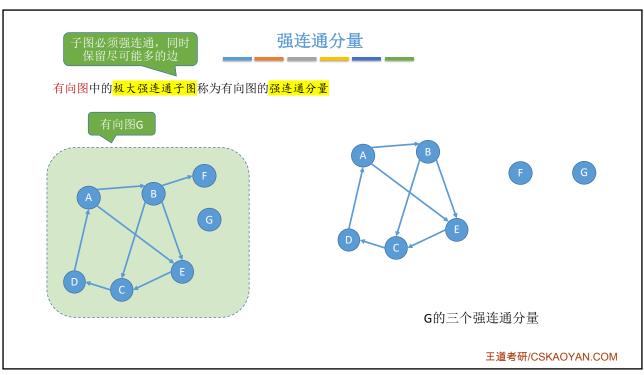
王道考研/CSKAOYAN.COM

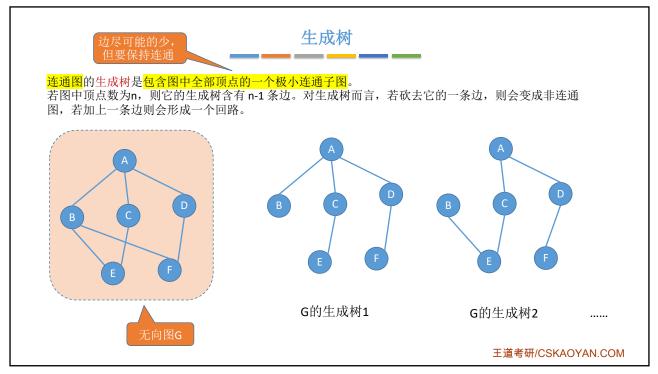


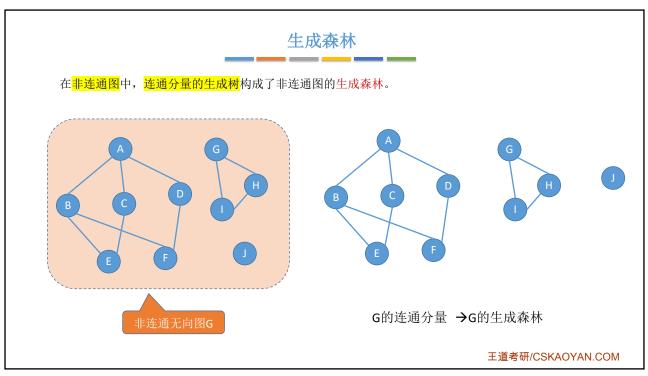


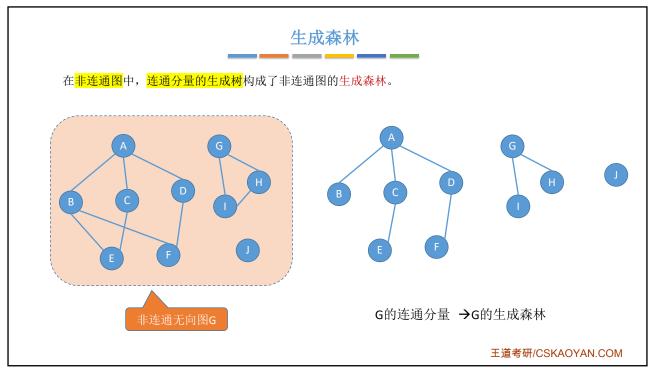


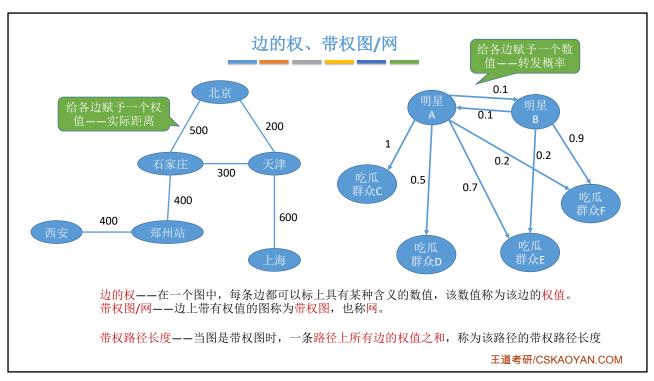


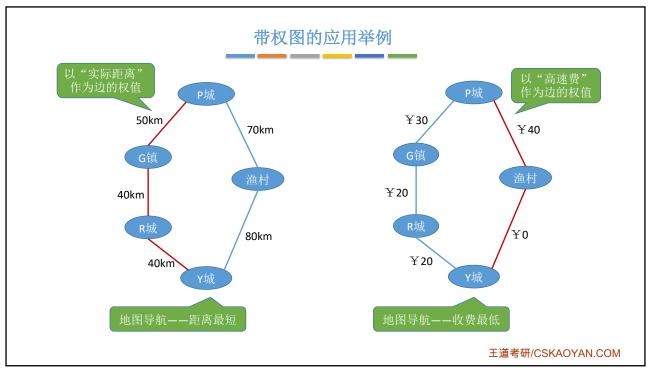


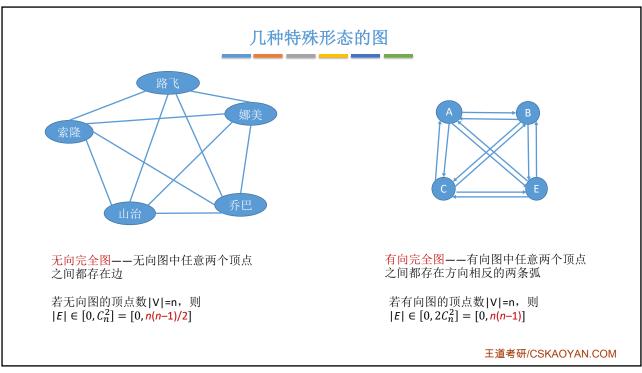


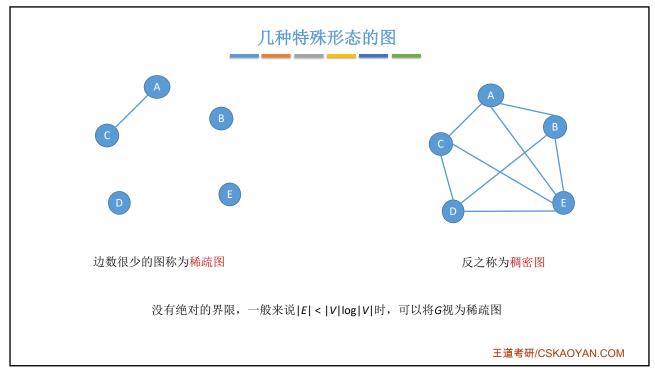


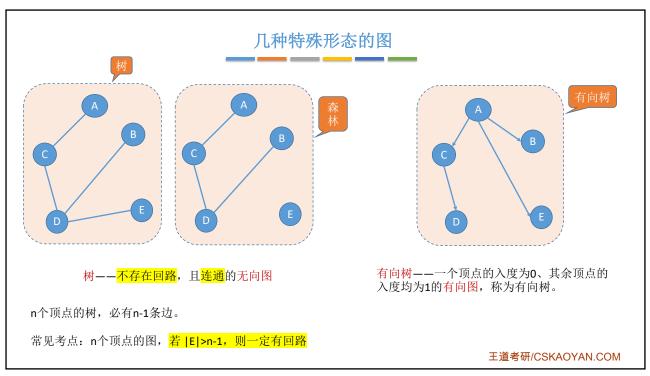


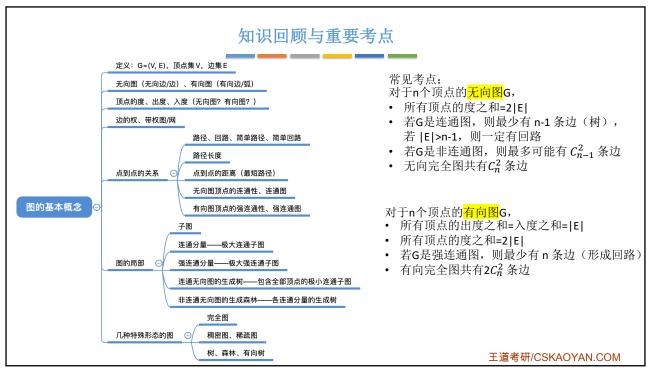


















@王道论坛



@王道计算机考研备考 @王道咸鱼老师-计算机考研 @王道楼楼老师-计算机考研



@王道计算机考研

知乎

※ 微信视频号



@王道计算机考研

@王道计算机考研

@王道在线