# 图的遍历 DFS

王道考研/CSKAOYAN.COM

知识总览

「广度优先遍历(BFS)

与树的深度优先遍历之间的联系
算法实现
复杂度分析
深度优先生成树
图的遍历和图的连通性

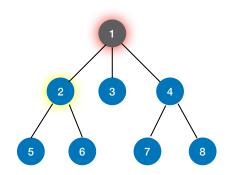
2 3 4

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍历

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 树的深度优先遍历



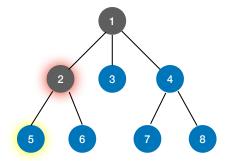
树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检访已不有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。

//树的先根遍历

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍历.



王道考研/CSKAOYAN.COM

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往

深处走。每当访问一个结点的时候,要检查是否还有与当前结点相邻的且没有被访问过的结点,如果有的话就往下一

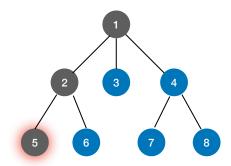
# 树的深度优先遍历

}

居钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍历。

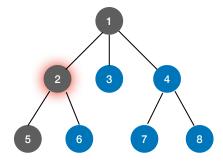
//树的先根遍历

void PreOrder(TreeNode \*R){
 if (R!=NULL){
 visit(R); //访问根节点
 while(R还有下一个子树T)
 PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树
 }



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍历.



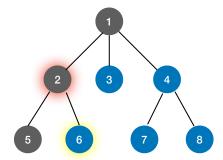
王道考研/CSKAOYAN.COM

# 树的深度优先遍历

//树的先根遍历

}

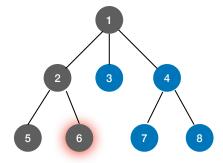
树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍



历。

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍



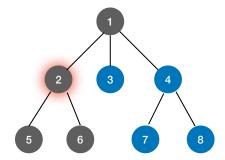
```
//树的先根遍历
void Pre0rder(TreeNode *R){
   if (R!=NULL){
      visit(R);
                //访问根节点
      while(R还有下一个子树T)
          PreOrder(T);
                      //先根遍历下一棵子树
   }
}
```

王道考研/CSKAOYAN.COM

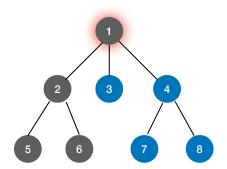
# 树的深度优先遍历

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍

历。



```
//树的先根遍历
void Pre0rder(TreeNode *R){
   if (R!=NULL){
      visit(R);
                //访问根节点
      while(R还有下一个子树T)
          PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树
   }
}
```



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍历

//树的先根遍历

```
      void PreOrder(TreeNode *R) {

      if (R!=NULL) {

      visit(R); //访问根节点

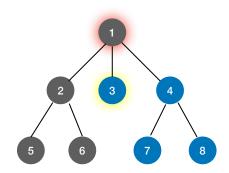
      while(R还有下一个子树T)

      PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树

      }
```

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 树的深度优先遍历



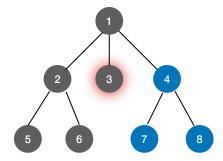
树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检访已不有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。

//树的先根遍历

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层的深度优先遍历类似于树的先根遍

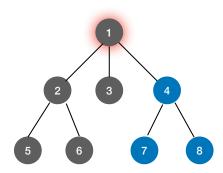
图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。



王道考研/CSKAOYAN.COM

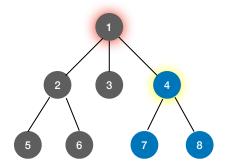
# 树的深度优先遍历

//树的先根遍历



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍历.

```
//树的先根遍历
```

```
      void PreOrder(TreeNode *R) {

      if (R!=NULL) {

      visit(R); //访问根节点

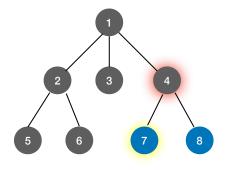
      while(R还有下一个子树T)

      PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树

      }
```

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 树的深度优先遍历



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。

//树的先根遍历

```
      void PreOrder(TreeNode *R) {

      if (R!=NULL) {

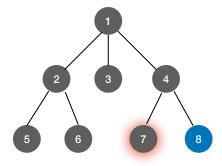
      visit(R); //访问根节点

      while(R还有下一个子树T)

      PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树
```

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

图的深度优先遍历类似于树的先根遍历.

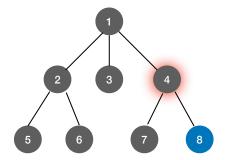


王道考研/CSKAOYAN.COM

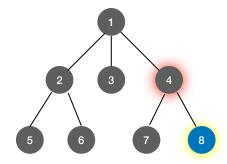
# 树的深度优先遍历

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍

历。



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍



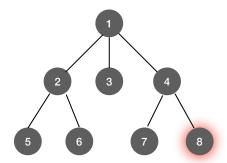
```
//树的先根遍历
void Pre0rder(TreeNode *R){
   if (R!=NULL){
      visit(R);
                //访问根节点
      while(R还有下一个子树T)
          PreOrder(T);
                      //先根遍历下一棵子树
   }
}
```

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 树的深度优先遍历

树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍

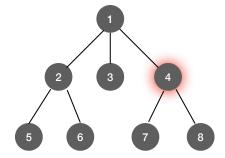
历。



```
//树的先根遍历
void Pre0rder(TreeNode *R){
   if (R!=NULL){
      visit(R);
                //访问根节点
      while(R还有下一个子树T)
          PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树
   }
}
```

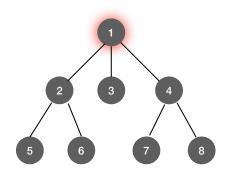
树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍

图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。



王道考研/CSKAOYAN.COM

# 树的深度优先遍历



树的深度优先遍历(先根、后根): 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检访已不有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。

层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍 历。

//树的先根遍历

```
      void PreOrder(TreeNode *R){

      if (R!=NULL){

      visit(R); //访问根节点

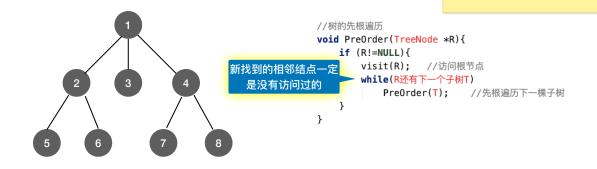
      while(R还有下一个子树T)

      PreOrder(T); //先根遍历下一棵子树

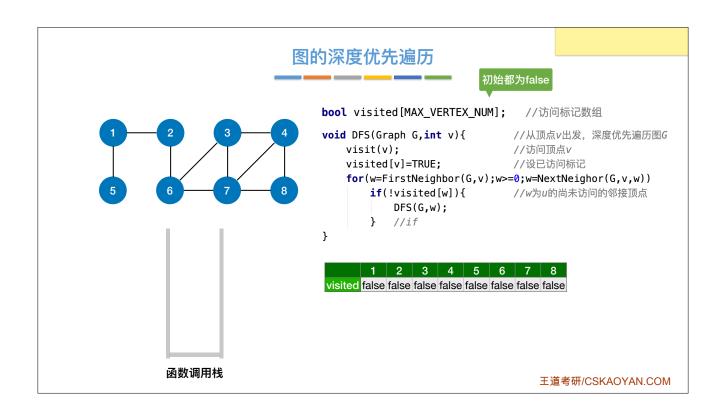
      }
```

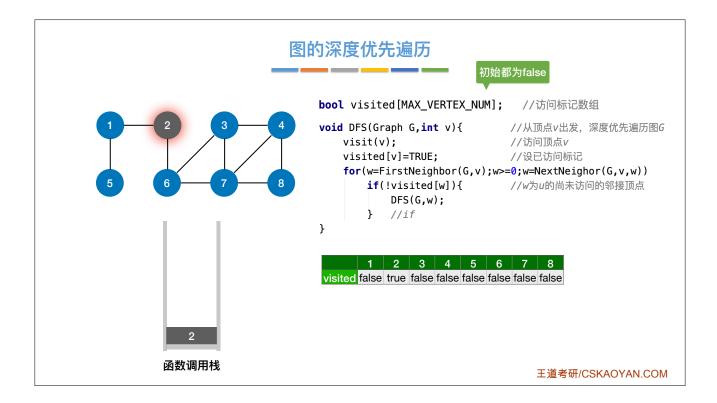


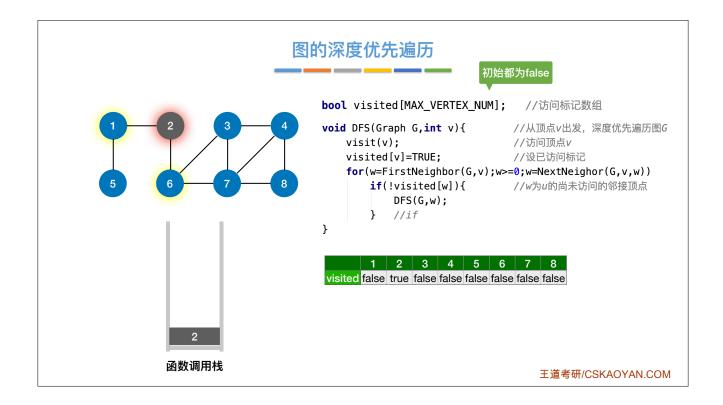
树的床度加充遍历(尤根、后板) 从根节点出发,能往更深处走就尽量往 深处走。每当访问一个结点的时候,要 检查是否还有与当前结点相邻的且没有 被访问过的结点,如果有的话就往下一 层钻。 图的深度优先遍历类似于树的先根遍

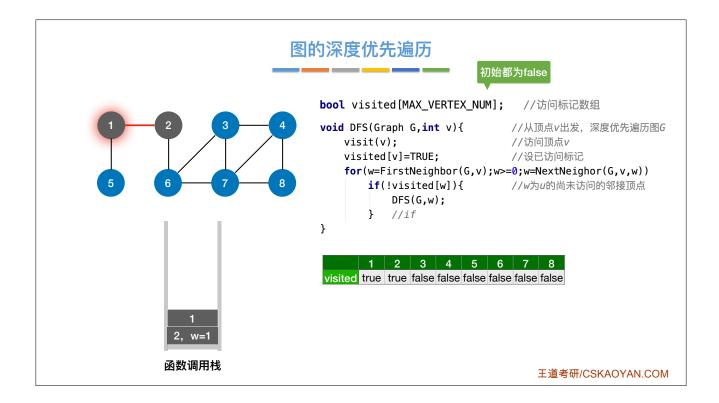


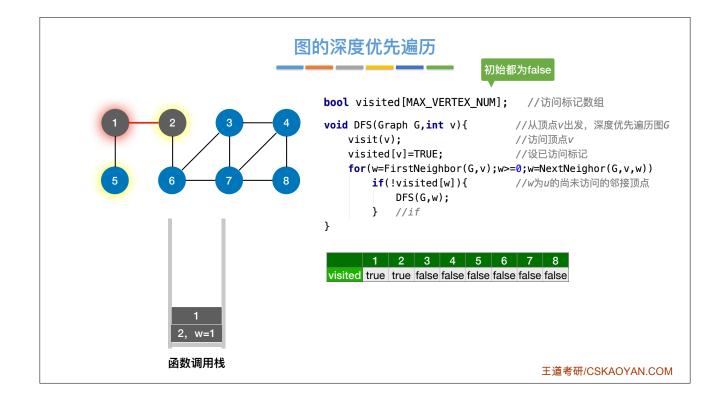
先根遍历序列: 1, 2, 5, 6, 3, 4, 7, 8

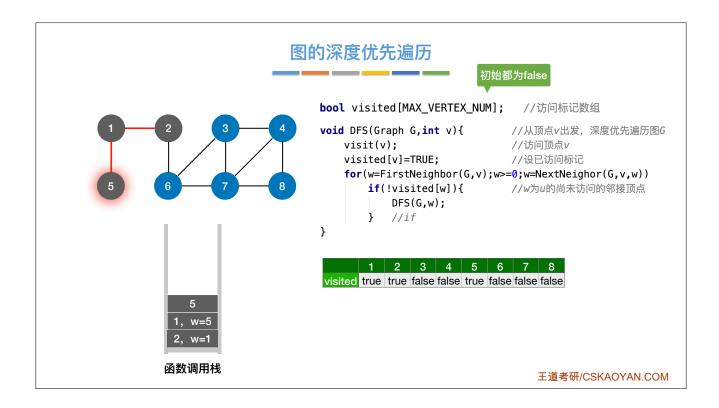


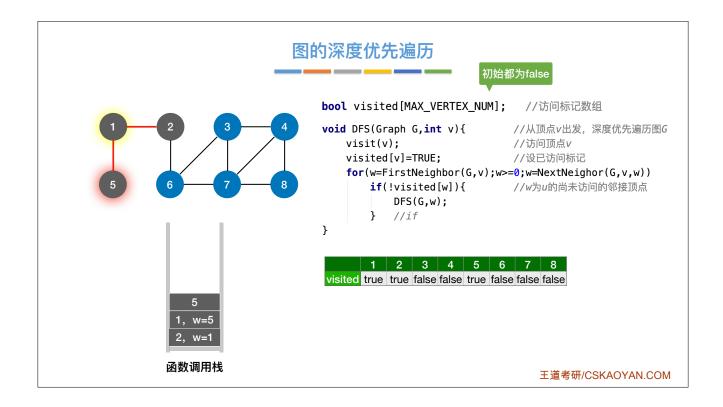


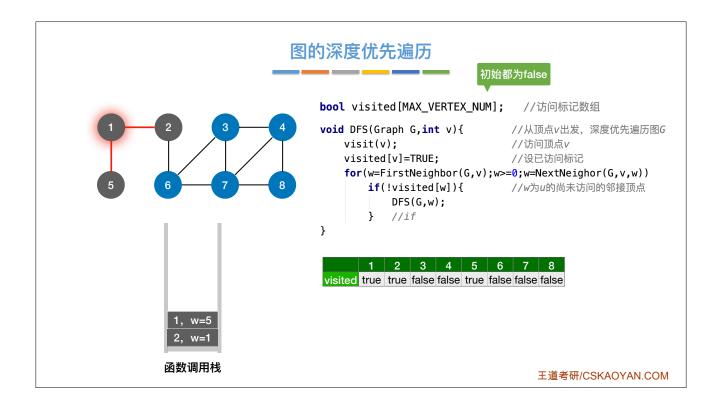


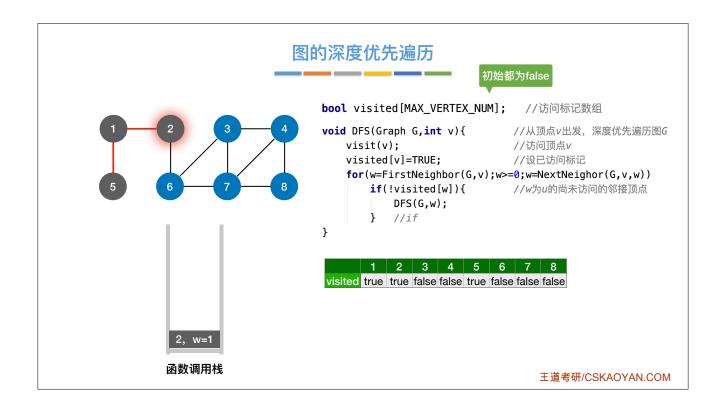


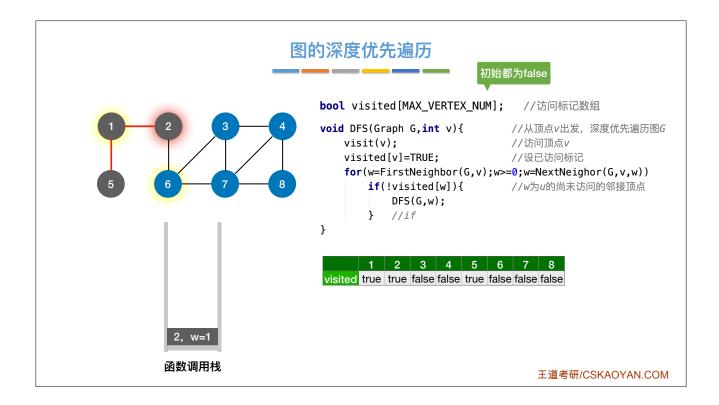


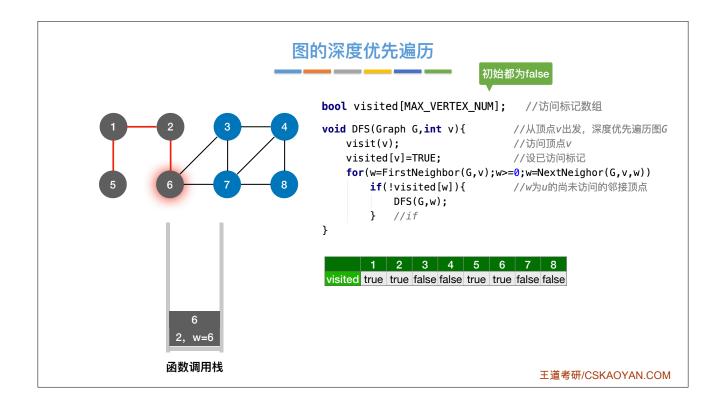


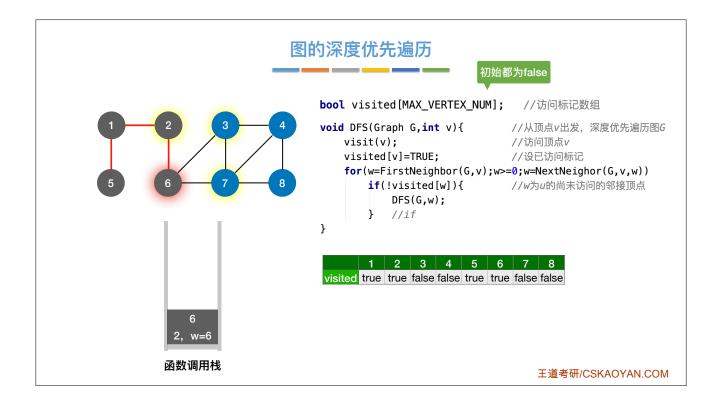


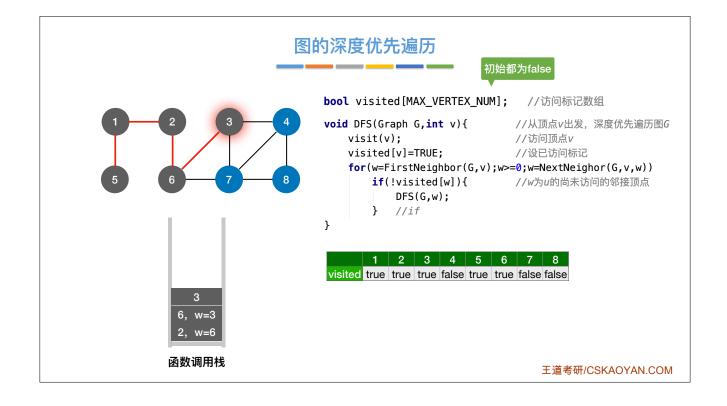


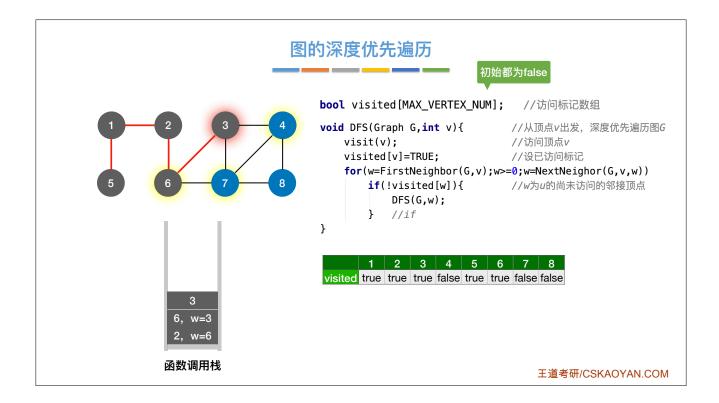


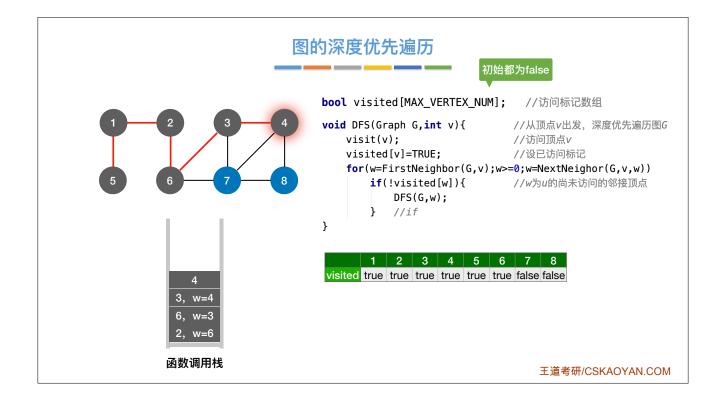


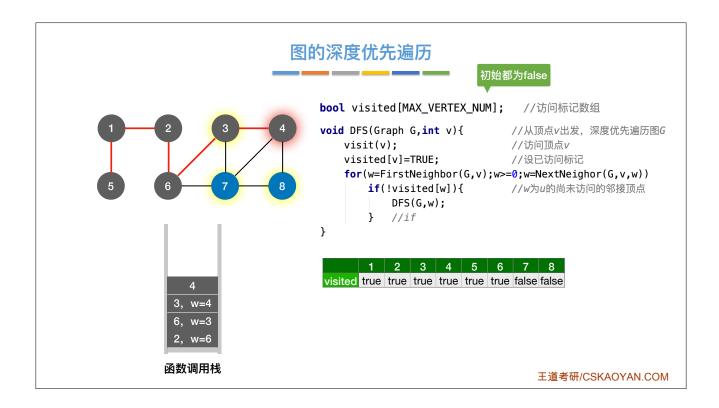


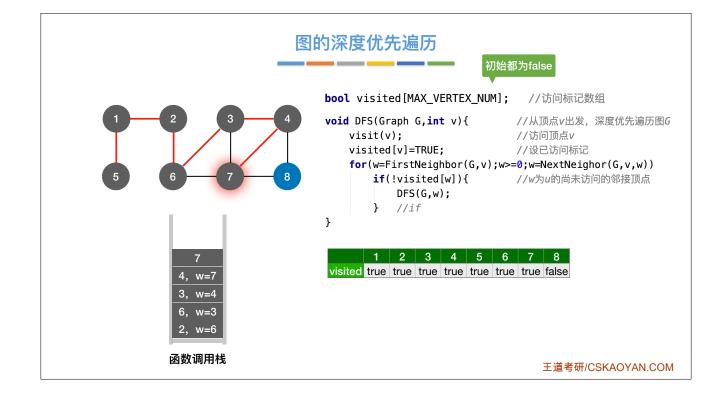


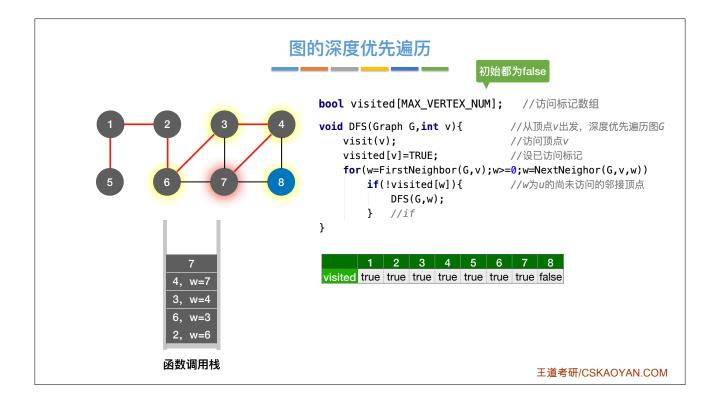


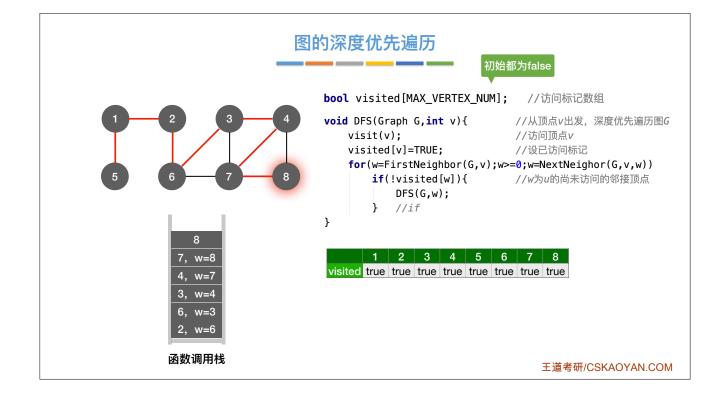


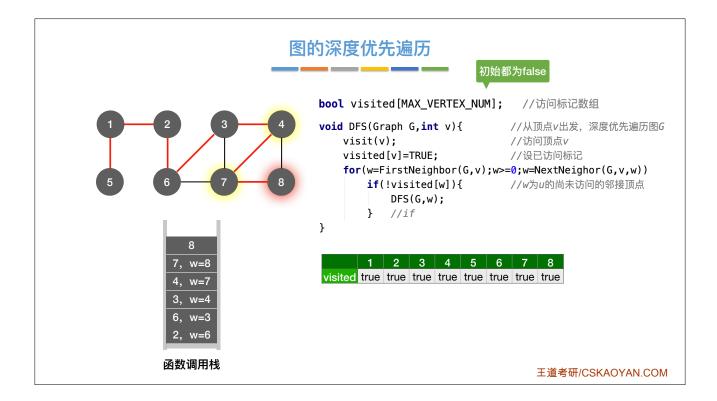


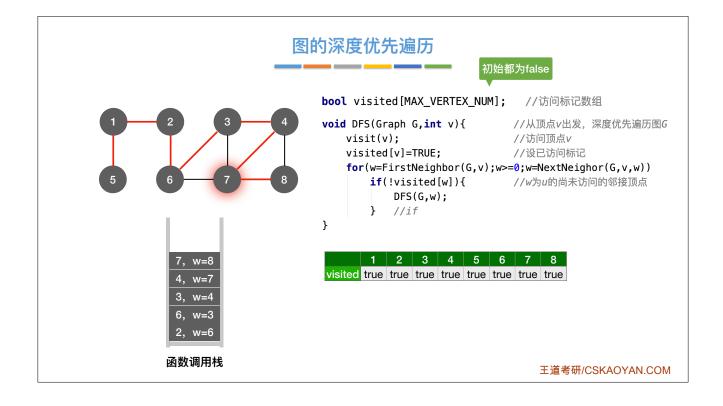


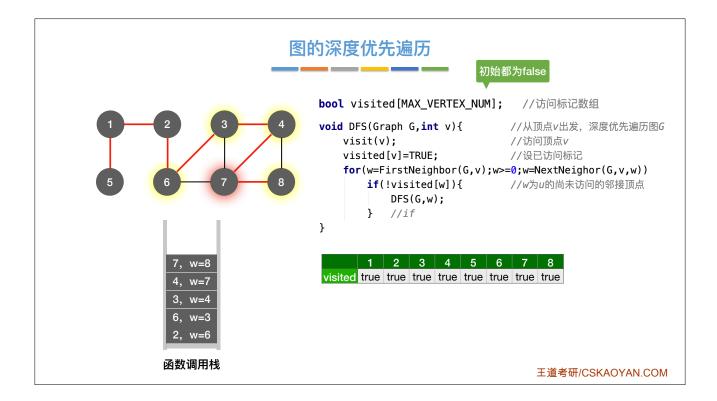


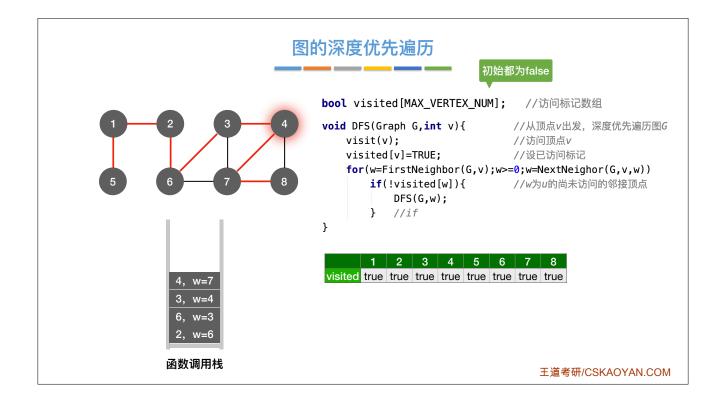






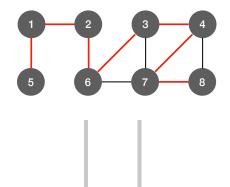






#### 图的深度优先遍历

#### 初始都为false



```
bool visited [MAX_VERTEX_NUM]; //访问标记数组
void DFS(Graph G,int v){
                            //从顶点v出发,深度优先遍历图G
   visit(v);
                            //访问顶点v
   visited[v]=TRUE;
                           //设已访问标记
   for(w=FirstNeighbor(G,v);w>=0;w=NextNeighor(G,v,w))
                           //w为u的尚未访问的邻接顶点
       if(!visited[w]){
          DFS(G,w);
         //if
}
```

1 2 3 4 5 6 7 8 

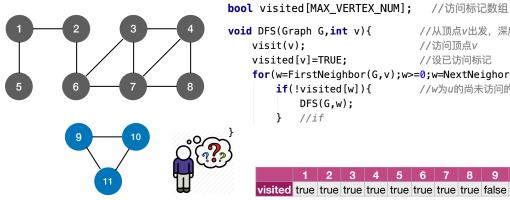
从2出发的深度遍历序列: 2, 1, 5, 6, 3, 4, 7, 8

函数调用栈

王道考研/CSKAOYAN.COM

#### 算法存在的问题

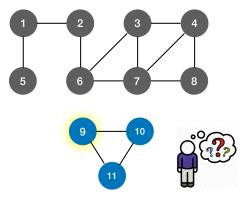
#### 初始都为false



void DFS(Graph G,int v){ //从顶点v出发,深度优先遍历图G visit(v); //访问顶点v visited[v]=TRUE; //设已访问标记 for(w=FirstNeighbor(G,v);w>=0;w=NextNeighor(G,v,w)) if(!visited[w]){ //w为u的尚未访问的邻接顶点 DFS(G,w); //if

如果是非连通图,则无法遍历完所有结点

# DFS算法 (Final版)



如果是非连通图,则无法遍历完所有结点

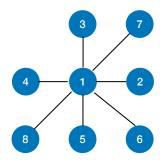
```
bool visited[MAX_VERTEX_NUM];
                               //访问标记数组
                            //对图G进行深度优先遍历
void DFSTraverse(Graph G){
   for(v=0;v<G.vexnum;++v)</pre>
       visited[v]=FALSE;
                            //初始化已访问标记数据
   for(v=0;v<G.vexnum;++v)</pre>
                            //本代码中是从v=0开始遍历
       if(!visited[v])
          DFS(G,v);
void DFS(Graph G,int v){
                            //从顶点v出发,深度优先遍历图G
   visit(v);
                            //访问顶点v
   visited[v]=TRUE;
                            //设已访问标记
   for(w=FirstNeighbor(G,v);w>=0;w=NextNeighor(G,v,w))
       if(!visited[w]){
                           //w为u的尚未访问的邻接顶点
          DFS(G,w);
          //if
}
```

王道考研/CSKAOYAN.COM

#### 复杂度分析

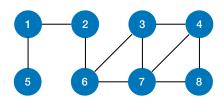


空间复杂度:来自函数调用栈,最坏情况,递归深度为O(|V|)

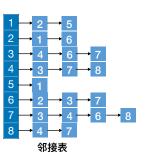


空间复杂度:最好情况,O(1)

### 复杂度分析



采用邻接矩阵 采用邻接表



时间复杂度=访问各结点所需时间+探索各条边所需时间

#### 邻接矩阵存储的图:

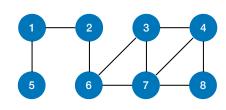
访问 |V| 个顶点需要O(|V|)的时间 查找每个顶点的邻接点都需要O(|V|)的时间,而总共有|V|个顶点 时间复杂度= O(|V|²)

#### 邻接表存储的图:

访问 |V| 个顶点需要O(|V|)的时间 查找各个顶点的邻接点共需要O(|E|)的时间, 时间复杂度= O(|V|+|E|)

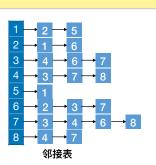
王道考研/CSKAOYAN.COM

## 深度优先遍历序列





在邻接表中出现的顺序是可变的,因此如果采 用这种数据结构存储树,那么可能会有不同的 遍历序列



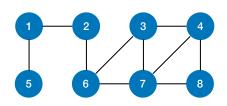
从2出发的深度优先遍历序列: 2, 1, 5, 6, 3, 4, 7, 8

从3出发的深度优先遍历序列: 3, 4, 7, 6, 2, 1, 5, 8

从1出发的深度优先遍历序列: 1, 2, 6, 3, 4, 7, 8, 5

# 深度优先遍历序列

在邻接表中出现的顺序是可变的,因此如果采 用这种数据结构存储树,那么可能会有不同的 遍历序列





从2出发的深度优先遍历序列: 2, 6, 7, 8, 4, 3, 1, 5

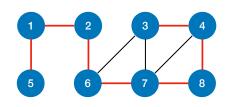
从3出发的深度优先遍历序列?

从1出发的深度优先遍历序列?

王道考研/CSKAOYAN.COM

# 深度优先遍历序列

在邻接表中出现的顺序是可变的,因此如果采 用这种数据结构存储树,那么可能会有不同的 遍历序列





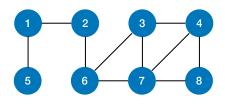
从2出发的深度优先遍历序列: 2, 6, 7, 8, 4, 3, 1, 5

从3出发的深度优先遍历序列?

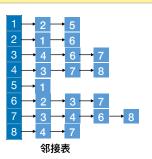
从1出发的深度优先遍历序列?

# 深度优先遍历序列

在邻接表中出现的顺序是可变的,因此如果采 用这种数据结构存储树,那么可能会有不同的 遍历序列





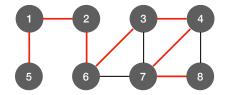


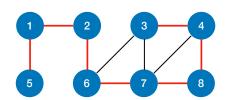


同一个图的<mark>邻接矩阵表示方式唯一</mark>,因此深度优先遍<mark>历序列唯一</mark> 同一个图<mark>邻接表</mark>表示方式<mark>不唯一</mark>,因此深度优先<mark>遍历序列不唯一</mark>

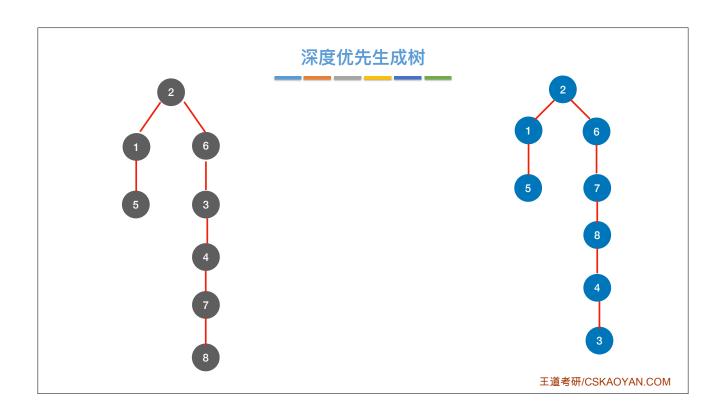
王道考研/CSKAOYAN.COM

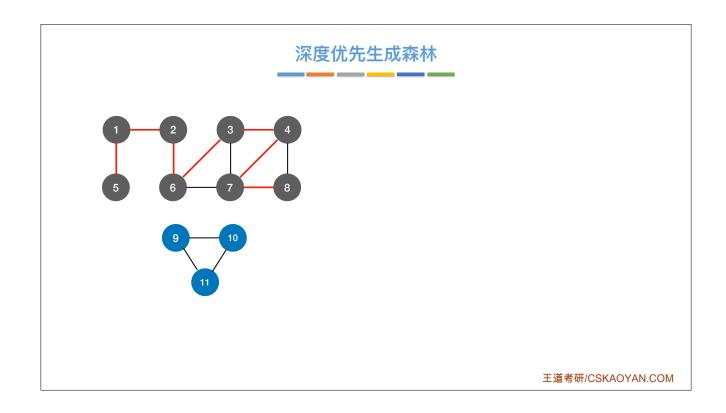
# 深度优先生成树



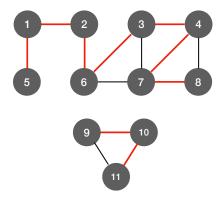


同一个图的<mark>邻接矩阵</mark>表示方式<mark>唯一</mark>,因此深度优先遍<mark>历序列唯一</mark>,深度优先生成树也唯一同一个图<del>邻接表表示方式不唯一</del>,因此深度优先遍历序列不唯一,深度优先生成树也不唯一



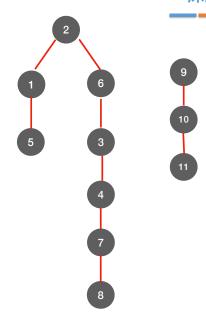


# 深度优先生成森林



王道考研/CSKAOYAN.COM

# 深度优先生成森林

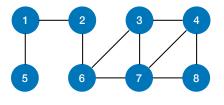


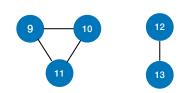
# 图的遍历与图的连通性

#### 通分量数

对于有向图,如果是个强连通图 出发,通过一次BFS或DFS一定 有顶点。

如果不是强连通图,那么要看和顶点是否都能找到路径,如果作次BFS或DFS就可以遍历所有I





对<mark>无向图</mark>进行BFS/DFS遍历 调用BFS/DFS函数的次数=连通分量数

对于连通图,只需调用1次 BFS/DFS

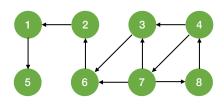
王道考研/CSKAOYAN.COM

# 图的遍历与图的连通性

#### 通分量数

对于有向图,如果是个强连通图出发,通过一次BFS或DFS一页有顶点。

如果不是强连通图,那么要看礼顶点是否都能找到路径,如果允次BFS或DFS就可以遍历所有I

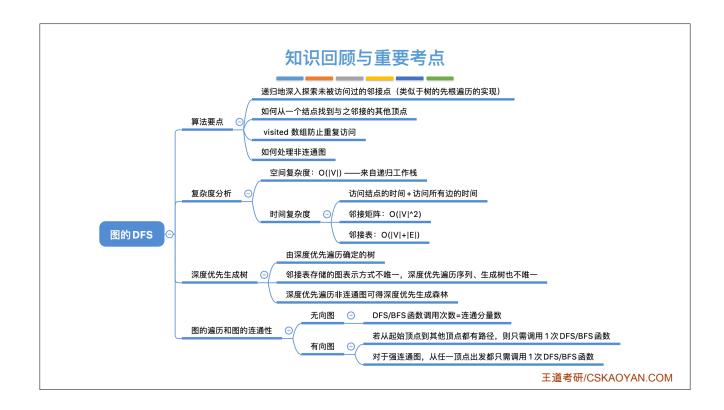


# 1 - 8 7 3 4 5

对<mark>有向图</mark>进行BFS/DFS遍历 调用BFS/DFS函数的次数要具体问题具体<mark>分析</mark>

若起始顶点到其他各顶点都有路径,则只需调用1次 BFS/DFS 函数

对于强连通图,从任一结点出发都只需调用1次 BFS/DFS









@王道论坛



@王道计算机考研备考 @王道咸鱼老师-计算机考研 @王道楼楼老师-计算机考研



@王道计算机考研

知乎

₩ 微信视频号



@王道计算机考研

@王道计算机考研

@王道在线