Расчет количества и теплоперепадов нерегулируемых ступеней ЦВД

Исходные данные для второгоотсека ЦВД

Nº	Наименование	Значение
1	Давление полного торможения после нерегулируемой ступени	${ar p}_0^{(2)}=1.8$ МПа
2	Энтальпия полного торможения перед первой нерегулируемой ступенью	$ar{h}_0^{(2)} = 3145.1 \; \mathrm{кДж/кг}$
3	Частота вращения вала	n=95 Гц
4	Расход пара в группе ступеней	$G_0^{(2)}=38.88~{ m kr/c}$
5	Давление за отсеком	$p_z^{(2)}=0.485~\mathrm{M}$ Па
6	Внутренний КПД группы ступеней	$\eta_{oi}^{(2)}=0.883$

Далее по расчету все переменные, относящиеся к полным параметрам имеют префикс f, например переменная fр $_0$ означает \bar{p} $_0$, аналогично и для других параметров

```
In [80]: # Используемые для расчета библиотеки
        # out2, row 1359, green
        # Для динамического вывода значений
        from IPython.display import Math
        # Для использования единиц измерения
        from pint import Quantity as Q
        import pint
        # Для расчета термодинамических параметров
        import API
        # Для математических расчетов
        import numpy as np
        # Для построения графиков
        import matplotlib.pyplot as plt
        import matplotlib as mpl
        import matplotlib.ticker as ticker
In [81]: # Объявление начальных переменных
        # Давление полного торможения перед группой ступеней
        fp_0 = Q(1.8, "MPa")
         # Энтальпия полного торможения перед группой ступеней
        fh_0 = Q(3145.1, "kJ/kg")
         # Термодинамическая точка f0
         fPoint_0 = API.ThPoint(p=fp_0, h=fh_0)
         # Номинальная частота вращения вала
        n = Q(95, "1/s")
        # Массовый расход через группу ступеней
        G_0 = Q(38.88, "kg/s")
        # Давление за группой ступеней
                   = Q(0.485, "MPa")
         # Внутренний относительный КПД группы ступеней
         etaHPC_oi = Q(0.883, "")
```

Варируемые величины

Nº	Наименование	Обозначение
1	Степень реактивности первой нерегулируемой ступени в корне	$\rho_{_{\rm K}}^{(2)}=0.03-0.07=0.03$
2	Эффективный угол выхода потока из сопловой решетки	$lpha_{19\varphi}^{(2)}=8-16~^{\circ}$
3	Коэффициент скорости сопловой решетки	$\varphi^{(2)}=0.93-0.96=0.945$
4	Коэффициент расхода сопловой решетки первой нерегулируемой ступени	$\mu^{(2)} = 0.95 - 0.97 = 0.96$
5	Перекрыша между высотами лопаток первой нерегулируемой ступени	$\Delta^{(2)}=0.003$ м

```
In [82]: # Объявление варируемых переменных

# Степень реактивности первой нерегулируемой ступени в корне

rho_k = Q(0.07, "")

# Эффективный угол выхода потока из сопловой решетки
alpha_leef = Q(10, "deg")

# Коэффициент скорости сопловой решетки
phi = Q(пр.mean([0.93, 0.96]), "")

# Коэффициент расхода сопловой решетки первой нерегулируемой ступени

mu = Q(пр.mean([0.95,0.97]), "")

# Перекрыша между высотами лопаток первой нерегулируемой ступени

Delta = Q(0.003, "m")

# Предполагаемое количество ступеней

Z = Q(4, '')
```

Алгоритм расчета

1. Задаемся средним диаметром первой нерегулируемой ступени $d_{\scriptscriptstyle 1}^{(1)}=0.6~{\rm M}$

```
In [83]: # Средний диаметр первой нерегулируемой ступени d_1 = Q(0.654, "m")
```

2. Определяем энтропию пара за первой нерегулируемой ступенью

```
In [84]: fs_0 = fPoint_0.s()
```

Out[84]: $2.\ \overline{s}_0=f(p=1.8,h=3145.1)=7.017kJ/K/kg$

3. Определяем высоту первой нерегулируемой ступени

Для этого задаемся величиной обратной верености $\theta=var$ и проводим итерационный расчет, в результате которого заданная и расчетная обратная веерность должна совпадать не менее чем на 0.1%, так же проверяем длину лопатки первой нерегулируемой ступени.

1. Задаем величину обратной веерности

$$\theta = var$$

2. Определяем степень реактивности на среднем диаметр

$$\rho = \rho_{\scriptscriptstyle \rm K} + \frac{1.8}{\theta + 1.8}$$

3. Определяем располагаемый теплопеперад по параметрам торможения при оптимальном для первой ступени

$$\left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_{\scriptscriptstyle{
m O\PiT}} = rac{arphi \cdot \coslpha_{
m 19\phi}}{2\sqrt{1-
ho}}$$

4. Определяем располагаемый теплопеперад по параметрам торможения при оптимальном $\left(\frac{u}{c_{\Phi}}\right)_{\text{опт}}$ с помощью зависимости:

$$ar{H}_{01} = 12300 igg(rac{d_1}{igg(rac{u}{c_{\phi}} igg)_{ ext{off}}} rac{n}{50} igg)^2$$

5. Определяем теоретическое значение энтальпии за первой ступенью

$$h_{2t} = ar{h}_0 - ar{H}_{01}$$

6. Определяем удальный объем пара за первой нерегулируемой ступенью при изоэнтропном процессе расширения по свойствам воды и водяного пара

$$v_{2t}=f(h_{2t},ar{s}_0)$$

7. Определяем высоту лопаток первой нерегулируемой ступени

$$l_{11} = rac{G_0 v_{2t}ig(u/c_{\phi}ig)_{_{\mathrm{ORT}}}}{\pi^2 d_1^2 n \sqrt{1-
ho}\,\mu_1 \sinlpha_{19\phi}}$$

В расчете так же надо учесть тот факт, что изначально задаваемое количество ступеней влияет на конечный результат.

```
In [85]: # 3.1. Величина обратной веерности
         theta = 20
         iterations_number = 0
         percent_difference = 0.0
         1 11 = 0
         while (True):
             # 3.2. Определяем степень реактивности на среднем диаметре
             rho = rho_k + 1.8/(theta+1.8)
             # 3.3. Определяем оптимальное значение и/с f
             uDIVu_cf = phi*np.cos(alpha_1eef)/(2*np.sqrt(1-rho))
             # 3.4. Определяем располагаемый теплопеперад по параметрам торможения при оптимальном
             # и/с_f для первой ступени
             fH_01 = 12300 * np.power((d_1 * n)/(uDIVu_cf * 50), 2)
             fH_01.ito('kJ/kg')
             # 3.5. Определяем теоретическое значение энтальпии за первой ступенью
             h 2t = fh 0 - fH 01
             # 3.6. Определяем удальный объем пара за первой нерегулируемой ступенью при
             # изоэнтропном процессе расширения по свойствам воды и водяного пара
             Point_2t = API.TCPv2.ThPoint(h=h_2t, s=fPoint_0.s())
             v_2t = Point_2t.v()
             # 3.7. Определеяем высоту первой нерегулируемой ступени
             1\_11 = (G\_0 * v\_2t * uDIVu\_cf)/(np.power(np.pi*d\_1,2) * n * np.sqrt(1-rho) * np.sin(alpha\_1eef) * mu)
             # 3.8. Определяем окончательное значение обратной веерности и проверяем его
             # Проверка условия
             # Если получившаяся величина больше, чем заданная
             if (d_1/l_11 > theta):
                 percent_difference = (1 - theta/(d_1/l_11))
             # Если величина меньше, чем заданная
                 # То вычитаем из отношения единицу
                 percent_difference = (theta/(d_1/l_11) - 1)
             # Если условие выполнилось - выходим из цикла
             if (np.abs(percent_difference) < 0.01):</pre>
             # Иначе добавляем итерацию и меняем приближающее значение на найденное в процессе цикла
                 iterations_number += 1
                 theta = (d 1/1 11)
```

```
In [86]: # r"\dfrac{\dfrac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\f
```

```
# if ==0,1 : 0.0044, .0044 -> 0.004
           # if ==2: 12.3313123 -> 12.33
           # if >=3: 343.131233 -> 343.1, 34141414.54 ->34141414.5
           # if 0,1 : 0.00, .0
        dot nos = lstr(value).find(".")
        if ((dot_pos == 0) or (dot_pos == 1)):
            # Если включен режим округления для ровного вырванивния
           # Так как число может начинаться с любого количества нулей, а нам нужно только последние три цифры после, то
               # необходимо найти координаты начала этих значимых цифр
           last_null_pos = 0
            for i in lstr(value)[dot_pos + 1:]:
               if (i != '0'):
                   break
                else:
                   last_null_pos += 1
           if (ALIGN_MODE):
               if (len(str(value)) < 2 + last_null_pos+3):</pre>
               # округляем до позиции первой цифры и еще две цифры сверху (в сумме 3)
               out_value = round(value, last_null_pos+3)
               # Если число округляется так, что значащих цифр станвится 2 (и еще ноль, который не отрисовывается), то
               # добавляем его для ровной отрисовки далее
               # 0.000010999 -> 0.0000110 а не 0.000011
                # литералы ниже: 2-это "0." в начале числа, 3-это последние значащие цифры
               if len(str(out_value)) != 2 + last_null_pos+3:
                   return str(out_value) + '0'
                else:
                   return str(out_value)
            # режим выравнивания выключен
            else:
               return round(value, last_null_pos+3)
        elif (dot pos == 2):
           if (ALIGN MODE):
               out_value = round(value, 2)
               # Если число не состоит из двух первых знаков, запятой и двух последующих, то добавляем ноль для ровной отрисовки
               # 14.0999 -> 14.10 а не 14.1
                # литералы ниже: 2 - первые два знака до запятой, 1 - точка между целыми и дробными, 2 - два знака после запятой
               if len(str(out_value)) != 2 + 1 + 2:
                   return str(out_value) + '0'
               else:
                   return str(out value)
           else:
               return round(value,2)
        elif (dot_pos >= 3):
           if (ALIGN_MODE):
               out_value = round(value, 1)
                # Если большое число округлилось в большую сторону, то добавляем ноль для правильной отрисовки далее
                # 19999.9999 -> 20000.0 а не 20000
                # если длина строки меньше, чем была бы с знаком после точки
               if len(str(out_value)) <= dot_pos+1:</pre>
                   return str(out_value) + '0
                   return str(out_value)
            else:
               return round(value,1)
            return value
    def dlformat(self, *args, **kwargs):
        Версия lstr.format(...) с поддержкой единиц измерения с использоваением округления
        _args = list()
        for i in args:
           if (isinstance(i, pint.Quantity)):
                \verb| _args.append(self. \_| correct\_round(i.m, ALIGN\_MODE=1))| \\
            else:
               _args.append(i)
        _kwargs = list()
        for i in kwargs.items():
           if (isinstance(i[1], pint.Quantity)):
           _kwargs.append((i[0], self.__correct_round(i[1].m, ALIGN_MODE=1))) else:
                _kwargs.append((i[0], i[1]))
        return self.format(*tuple(_args), **dict(_kwargs))
   def dformat(self, *args, **kwargs):
           Bepcus 1str.format(...) с поддержкой единиц измерения с использоваением округления
        _args = list()
        for i in args:
           if (isinstance(i, pint.Quantity)):
                _args.append(self.__correct_round(i.m, ALIGN_MODE=0))
               _args.append(i)
        _kwargs = list()
        for i in kwargs.items():
            if (isinstance(i[1], pint.Quantity)):
                \_kwargs.append((i[0], self.\_correct\_round(i[1].m, ALIGN\_MODE=0)))
            else:
               _kwargs.append((i[0], i[1]))
        return self.format(*tuple(_args), **dict(_kwargs))
    def get_large(self):
        local_lstr = self
        local_lstr = lstr(r"\large{") + local_lstr + lstr(r"} \\ \ \")
        return local_lstr
a = lstr("[][][b][c]")
```

Out[87]: 3.2.~ heta=10.06

$$3.3.~
ho =
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{ heta + 1.8} = 0.07 + rac{1.8}{10.06 + 1.8} = 0.2223.4.~ar{H}_{01} = 12300 igg(rac{d_1}{(u/c)_{ ext{off}}} rac{n}{50}igg)^2 = 12300 igg(rac{0.654}{0.527} rac{95}{50}igg)^2 = 68.27~ ext{ iny K/KF}$$

 $3.5.~h_{2t}=ar{h}_0-ar{H}_{01}=3145.1-68.27=3076.8$ кДж/кг

$$3.6.\ v_{2t} = f\Bigg(rac{h_{2t} = 3076.8}{ar{s}_0 = 7.0172}\Bigg) = 0.188\ {
m m}^3/{
m K}$$
Г

$$3.7.\ l_{11} = \frac{G_0\ v_{2t}\ (u/c_{\varphi})_{\text{опт}}}{\pi^2\ d_1^2\ n\ \sqrt{1-\rho}\ \mu\ \sin\alpha_{19\varphi}} = \frac{38.88\cdot 0.188\cdot 0.527}{\pi^2\cdot 0.654^2\cdot 95\ \sqrt{1-0.222}\cdot 0.96\cdot \sin 10^\circ} = 0.0655\ \text{M}$$

3.8. При расчете высоте лопатки и определения веерности проделано 2 итерации и погрешность составляет 0.771%

4. Определение высоту рабочей лопатки первой нерегулирумой ступени

5. Определение корневого диаметра ступени

Out[89]: $4.\ l_{21}=l_{11}+\Delta=0.0655+0.003=0.0685$ M

```
In [90]: # Kophe8oŭ @uamemp cmynehu d_{k} = d_{1} - 1_{2}1 d_{k}.ito('m')

In [91]: Math( d_{k} = d_{1} - 1_{2}1 = [d_{1} - 1_{2}] = [d_{k}]  M").dformat(d_{1} = d_{1}, 1_{2} = 1_{2}, d_{k} = d_{k}).get_large()

Out[91]: d_{k} = d_{1} - d_{2} = 0.654 - 0.0685 = 0.586 \text{ M}
```

6. Определение параметров пара за последней ступенью группы

1. Значение энтальпии пара при изоэнтропном расширении пара в ЦВД

$$h_{zt} = figg(rac{p_z}{ar{s}_0}igg)$$

2. Теоретический перепад на отсек нерегулируемых ступеней группы

$$ar{H}_0 = ar{h}_0 - h_{zt}$$

3. Действительный теплоперепад на отсек нерегулирумых ступеней группы

$$H_i = ar{H}_0 \cdot \eta_{oi}^{(2)}$$

4. Действительное значение энтальпии за последней ступенью группы

$$h_z = \bar{h}_0 - H_i$$

5. Действительный объем за последней ступенью группы

$$v_{2z}=figg(egin{array}{c} p_z \ h_z \ igg)$$

```
In [92]: # 6.1. Значение энтальпии пара при изоэнтропном расширении пара в ЦВД:
# Термодинамическая точка zt
Point_zt = API.TCPv2.ThPoint(p=p_z, s=fPoint_0.s())
# Энтальпия
h_zt = Point_zt.h()
```

```
# 6.2. Теоретический перепад на отсек нерегулируемых ступеней ЦВД:
fH 0 = fh 0 - h zt
# 6.3. Действительный теплоперепад на отсек нерегулируемых ступеней ЦВД
H_i = fH_0 * etaHPC_oi
# 6.4. Действительное значение энтальпии за ЦВД (за последней ступенью)
h_z = fh_0 - H_i
# 6.5 Действительный объем за ЦВД (за последней ступенью)
# Термодинамическая точка 2z
Point_2z = API.TCPv2.ThPoint(p=p_z, h=h_z)
v 2z = Point 2z.v()
```

$$^{ exttt{Out[93]:}}$$
 $6.1.~h_{zt}=figg(egin{array}{c} p_z=0.485 \ ar{s}_0=7.0172 \ \end{array}igg)=2829.0~$ кДж/кг

$$6.2.~ar{H}_0 = ar{h}_0 - h_{zt} = 3145.1 - 2829.0 = 316.1~$$
кДж/кг

$$6.3.\ H_i = ar{H}_0 \cdot \eta_{oi}^{(1)} = 316.1 \cdot 0.883 = 279.1\$$
кДж/кг

$$6.4.\ h_z = ar{h}_0 - H_i = 3145.1 - 279.1 = 2866.0\$$
кДж/кг

$$6.5.\ v_{2z}=figg(egin{array}{c} p_z=0.485 \ h_z=2866.0 \ igg)=0.443\ {
m M}^3/{
m K}$$
Г

7. Определение высоты рабочей лопатки последней ступени

Так как объем при высоких давлениях изменяются практически линейно, то можно принять закон изменения диаметров/высот лопаток линейным. Для начала необходимо найти высоту лопатки последней ступени в группе из уравнения:

$$egin{align} l_{2z}^2 + l_{2z} \; d_{ ext{ iny K}} &= l_{21} \; d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4l_{21} \; d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}}{2} \end{array}$$

$$l_{2z} = \frac{-d_{_{\rm K}} + \sqrt{d_{_{\rm K}}^2 + 4l_{21}\ d_{21}\frac{v_{2z}}{v_{2t}}}}{2} = \frac{-0.586 + \sqrt{0.586^2 + 4\cdot0.0685\cdot0.654\frac{0.443}{0.188}}}{2} = 0.144\ {\rm M}$$

8. Определение среднего диаметра последней ступени группы

$$d_{2z}=d_{_{
m K}}+l_{2z}$$

In [96]: # 8 Средний диаметр последней ступени группы

 $d_2z = d_k + 1_2z$

In [97]: Math(

Out[97]: $d_{2z} = d_{\kappa} + l_{2z} = 0.586 + 0.144 = 0.73$ M

9. Определяем основные параметры первой и последней ступени

1. Определение обратной вверности в первой и последней ступени группы

$$heta_1 = rac{l_{21} + d_{ ext{ iny K}}}{l_2 1}$$

$$heta_z = rac{l_{2z} + d_{ ext{ iny K}}}{l_2 z}$$

2. Определение степени реактивности на среднем диаметре в первой и последней ступени группы

$$ho_1=
ho_{ ext{ iny K}}+rac{1.8}{ heta_1+1.8}$$

$$\rho_z = \rho_{\rm K} + \frac{1.8}{\theta_z + 1.8}$$

3. Определение оптимального значения u/c_{Φ}

$$\left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_1 = rac{arphi\coslpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-
ho_1}}$$

$$\left(\frac{u}{c_{\Phi}}\right)_z = \frac{\varphi \cos \alpha_{1 \ni \Phi}}{2\sqrt{1 - \rho_z}}$$

```
In [98]: # 9.1 Обратная вверность в первой и последней ступени theta_1 = (1_21 + d_k)/1_21 theta_z = (1_2z + d_k)/1_zz

# 9.2 Степень реактивности в первой и последней ступени rho_1 = rho_k + 1.8/(theta_1 + 1.8) rho_z = rho_k + 1.8/(theta_z + 1.8)

# 9.3 Оптимальное значение u/c_ф uDIVu_1 = phi*np.cos(alpha_leef)/(2*np.sqrt(1-rho_1)) uDIVu_z = phi*np.cos(alpha_leef)/(2*np.sqrt(1-rho_z))

In [99]: Math(
```

Out[99]:
$$9.1.1~ heta_1 = rac{l_{21} + d_{ ext{K}}}{l_2 1} = rac{0.0685 + 0.586}{0.0685} = 9.55$$

$$9.1.1 \; heta_z = rac{l_{2z} + d_{ ext{ iny K}}}{l_2 z} = rac{0.0685 + 0.586}{0.0685} = 5.0557$$

$$9.2.1~
ho_1 =
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{ heta_1 + 1.8} = 0.07 + rac{1.8}{9.55 + 1.8} = 0.229$$

$$9.2.2 \
ho_z =
ho_{ ext{\tiny K}} + rac{1.8}{ heta_z + 1.8} = 0.07 + rac{1.8}{5.0557 + 1.8} = 0.333$$

$$9.3.1 \left(\frac{u}{c_{\phi}}\right)_{1} = \frac{\varphi \cos \alpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-\rho_{1}}} = \frac{0.945 \cdot \cos 10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.229}} = 0.53$$

$$9.3.2 \left(\frac{u}{c_{\phi}}\right)_{z} = \frac{\varphi \cos \alpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-\rho_{z}}} = \frac{0.945 \cdot \cos 10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.333}} = 0.57$$

10. Выполнение разбивки теплоперепадов

1. Предполагаем, что средний диаметр ступеней и высота лопаток высота лопаток изменяются вдоль ЦВД линейно. Так же учтем, что удобнее использовать нумерацию для ступеней с 1, поэтому:

А. Для диаметров:

$$d(z_i)=igg(rac{d_z-d_1}{Z-1}igg)z_i+rac{d_1Z-d_{2z}}{Z-1}$$

В. Для высот лопаток

$$l(z_i) = igg(rac{l_z - l_{21}}{Z - 1}igg)z_i + rac{l_{21}Z - l_{2z}}{Z_1}$$

2. Определяем обратную веерность для каждой ступени

$$heta_i = rac{l_i + d_{ ext{ iny K}}}{l_i}$$

3. Определяем степень реактивности на среднем диаметре для каждой ступени

$$ho_i =
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{ heta_i + 1.8}$$

4. Для каждой ступени определяем опимальную величину u/c_{Φ}

$$\left(\frac{u}{c_{\phi}}\right)_{\text{опт}i} = \frac{\varphi \cos \alpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-\rho_i}}$$

5. Для каждой ступени определяем теплоперепад по статическим параметрам

$$H_{0i}=12300igg(rac{d_i}{(u/c_{igaph})_{\mathtt{O\PiT}i}}rac{n}{50}igg)^2K_i$$

при
$$i>1 \dashrightarrow K_i=0.95$$

при
$$i=1 \dashrightarrow K_i=1.00$$

6. Определяем среднее арифметическое значение теплоперепадов

$$H_{0 ext{cp}} = rac{1}{Z} \sum_{i=1}^Z H_{0i}$$

7. Определяем коэффициент возврата теплоты

$$q_t = 4.8 \cdot 10^{-4} (1 - \eta_{oi}^{(2)}) ar{H}_0 rac{Z - 1}{Z}$$

8. Новое значение количества ступеней ЦВД

$$Z_{ extsf{hob}} = (1+q_t)rac{ar{H}_0}{H_{0 ext{cp}}}$$

In [100... ## **10.1.1, 10.1.2** # Коэффициент k для функции диаметра

```
k_d = (d_2z - d_1)/(Z.m-1)
                       b_d = (d_1*Z.m - d_2z)/(Z.m-1)
                      # Коэффициент k для функции длины лопатки k_1 = (1_2z - 1_21)/(2.m-1)
                       b_1 = (1_21*Z.m - 1_2z)/(Z.m-1)
                       # Функция для определения диаметра по номеру ступени
                       def d(z i):
                               return k d*z i + b d
                       # Функция для определения длины лопатки по номеру ступени
                       def 1(z i):
                               return k l*z i + b l
                       # Перечислим номера ступеней в данном векторе
                       stages_number_vec = np.arange(1, Z.m+1, 1)
                       # Диаметры каждой ступени
                       d_vec = d(stages_number_vec)
                       # Длины сопловых лопаток каждой ступени
                      1_vec = 1(stages_number_vec)
In [101... d_vec_str = lstr(r"\begin{matrix}")
                       for i in range(0, len(d_vec)):
                               Math(
                               lstr(r"\Large{10.1} \\ ") +
                               lstr(d_vec_str + r"\end{matrix}").get_large()
Out[101]: 10.1
                        d_1 = k_d z_1 + b_d = 0.0253 \cdot 1 + 0.629 = 0.654 \; \text{m} \quad | \quad l_1 = k_l z_1 + b_l = 0.0253 \cdot 1 + 0.0432 = 0.0685 \; \text{m}
                        d_2 = k_d z_2 + b_d = 0.0253 \cdot 2 + 0.629 = 0.679 \; \mathrm{M} \quad \big| \quad l_2 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_3 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_4 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0432 = 0.0938 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0253 \cdot 2 + 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l_5 = k_l z_2 + b_l = 0.0038 \; \mathrm{M} \, \big| \quad l
                        d_3 = k_d z_3 + b_d = 0.0253 \cdot 3 + 0.629 = 0.705 \; \mathrm{M} \qquad | \quad l_3 = k_l z_3 + b_l = 0.0253 \cdot 3 + 0.0432 = 0.119 \; \mathrm{M}
                         d_4 = k_d z_4 + b_d = 0.0253 \cdot 4 + 0.629 = 0.730 \ \mathrm{m} | l_4 = k_l z_4 + b_l = 0.0253 \cdot 4 + 0.0432 = 0.144 \ \mathrm{m}
In [102... # 10.2
                        # Обратная вверность для каждой ступени
                       theta_vec = (1_vec + d_k)/1_vec
                       # 10.3
                       # Степень реактивности на среднем диаметре для каждой ступени
                       rho_vec = rho_k + 1.8/(theta_vec + 1.8)
In [103... theta_vec_str = r"\begin{matrix}"
                       for i in range(0, len(theta_vec)):
                              theta\_vec\_str += lstr(r"\theta_{[i]} = \frac{1_{[i]} + d_k}{1_{[i]}} = \frac{1_{[i]} + d_k}{1_{[i
                                theta_vec_str += lstr(r"& \ \ \\")
                       Math(
                               lstr(r"10.2\ \& \ 10.3 \\ ").get_large() +
                               lstr(theta_vec_str + r"\end{matrix}").get_large()
Out[103]: 10.2 \& 10.3
                       	heta_1 = rac{l_1 + d_{	ext{\tiny K}}}{l_1} = rac{0.0685 + 0.586}{0.0685} = 9.550

ho_1 = 
ho_{	ext{	iny K}} + rac{1.8}{1.8 + 	heta_1} = 0.07 + rac{1.8}{1.8 + 9.550} = 0.229
                       	heta_2 = rac{l_2 + d_{	ext{K}}}{l_2} = rac{0.0938 + 0.586}{0.0938} = 7.244
                                                                                                                                                \rho_2 = \rho_{\scriptscriptstyle \rm K} + \frac{1.8}{1.8 + \theta_2} = 0.07 + \frac{1.8}{1.8 + 7.244} = 0.269
                        	heta_3 = rac{l_3 + d_{	ext{K}}}{l_2} = rac{0.119 + 0.586}{0.119} = 5.917
                                                                                                                                               \rho_3 = \rho_{\scriptscriptstyle \rm K} + \frac{1.8}{1.8 + \theta_3} = 0.07 + \frac{1.8}{1.8 + 5.917} = 0.303
                       	heta_4 = rac{l_4 + d_{	ext{	iny K}}}{l_{	ext{	iny A}}} = rac{0.144 + 0.586}{0.144} = 5.0557

ho_4 = 
ho_{	ext{\tiny K}} + rac{1.8}{1.8 + 	heta_4} = 0.07 + rac{1.8}{1.8 + 5.0557} = 0.333
In [104... # 10.4. Для каждой ступени определяем величину и/c_f
                       uDIVc_f_vec = phi*np.cos(alpha_1eef)/(2*np.sqrt(1-rho_vec))
                       # 10.5 Теплоперепад по статическим параметрам для каждой ступени
                       # Вектор коэффициентов К_і
                       K_{\text{vec}} = \text{np.full}(Z.m, 0.95)
                       K_{vec}[0] = 1.0
                       H_{vec} = 12300 * (d_{vec}/uDIVc_{f_{vec}})**2 * (n/50)**2 * K_{vec}
                       H_vec.ito('kJ/kg')
In [105...
                     H_vec_str = lstr(r"\begin{matrix}")
                       for i in range(0, len(H_vec)):
                               H_vec_str += lstr(r"& \ \ \\")
                               lstr(r"10.4\ \& \ 10.5 \\").get_large() +
                                lstr(H_vec_str + r"\end{matrix}").get_large()
```

Out[105]: 10.4 & 10.5

$$\left(\frac{u}{c_{\varphi}}\right)_1 = \frac{\varphi\cos\alpha_{13\varphi}}{2\sqrt{1-\rho_1}} = \frac{0.945\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.229}} = 0.530 \qquad H_{01} = 12300 \left(\frac{d_1}{(u/c_{\varphi})_{\text{опт1}}} \frac{n}{50}\right)^2 K_1 = 12300 \left(\frac{0.654}{0.530} \frac{95}{50}\right)^2 1.0 = 67.66 \text{ кДж/кг}$$

$$\left(\frac{u}{c_{\varphi}}\right)_2 = \frac{\varphi\cos\alpha_{13\varphi}}{2\sqrt{1-\rho_2}} = \frac{0.945\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.269}} = 0.544 \qquad H_{02} = 12300 \left(\frac{d_2}{(u/c_{\varphi})_{\text{опт2}}} \frac{n}{50}\right)^2 K_2 = 12300 \left(\frac{0.679}{0.544} \frac{95}{50}\right)^2 0.95 = 65.71 \text{ кДж/кг}$$

$$\left(\frac{u}{c_{\varphi}}\right)_3 = \frac{\varphi\cos\alpha_{13\varphi}}{2\sqrt{1-\rho_3}} = \frac{0.945\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.303}} = 0.557 \qquad H_{03} = 12300 \left(\frac{d_3}{(u/c_{\varphi})_{\text{опт3}}} \frac{n}{50}\right)^2 K_3 = 12300 \left(\frac{0.705}{0.557} \frac{95}{50}\right)^2 0.95 = 67.39 \text{ кДж/кг}$$

$$\left(\frac{u}{c_{\varphi}}\right)_4 = \frac{\varphi\cos\alpha_{13\varphi}}{2\sqrt{1-\rho_4}} = \frac{0.945\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.333}} = 0.570 \qquad H_{04} = 12300 \left(\frac{d_4}{(u/c_{\varphi})_{\text{опт4}}} \frac{n}{50}\right)^2 K_4 = 12300 \left(\frac{0.730}{0.570} \frac{95}{50}\right)^2 0.95 = 69.27 \text{ кДж/кг}$$

```
# 10.6 Среднее значение теплоперепада за группу ступеней
      H_0ave = np.mean(H_vec)
      H_0_sum_str = lstr(r"[]").dformat(H_vec[0])
       for i in range(1, len(H_vec)):
         H_0_sum_str += lstr("+[]").dformat(H_vec[i])
        10.6~H_{0	ext{cp}} = rac{67.66 + 65.71 + 67.39 + 69.27}{4} = 67.51~кДж/кг
In [108... # 10.7 Коэффициент возврата теплоты
       q_t_k = Q(4.8*10**(-4), 'kg/kJ')
      q_t = q_t k * (1 - etaHPC_oi)*H_0ave * (Z.m-1)/Z.m
         10.7 \ q_t = 4.8 \cdot 10^{-4} (1 - \eta_{oi}^{(1)}) H_{0 	ext{cp}} rac{Z-1}{Z} = 4.8 \cdot 10^{-4} (1 - 0.883) \cdot 67.51 rac{4-1}{4} = 0.00284
In [110... # 10.8 Уточненное количество ступеней группы Z_{new} = fH_0/H_0ave * (1+q_t)
       Z_new.ito('')
In [111...
         10.8~Z_{	ext{HOB}} = rac{H_0}{H_{0cm}}(1+q_t) = rac{316.1}{67.51}(1+0.00284) = 4.695
```

11. Определение невязки после разбивки теплоперепадов

$$\Delta_H = rac{ar{H}_0(1+q_t)}{Z} - rac{1}{Z}\sum_{i=1}^Z H_i = rac{ar{H}_0(1+q_t)}{Z} - H_{0 ext{cp}}$$

Если невязка получается отрицательной - ступени считаются разгруженными, если - положительной, то перегруженными. Перегруженные ступени в среднем имеют большее КПД на переменных режимах.

```
In [112... # 11 Величина распределения теплоперепадов дробной ступени на остальные Delta_H = (fH_0*(1+q_t)/Z.m) - H_0ave

In [113... Math( lstr(r"11.\ \Delta_H = \dfrac{\bar H_0(1+q_t)}{Z} - H_{0cp} = \dfrac{[fH_0](1+[q_t])}{[Z]} - [H_0ave] = [Delta_H]").dformat(fH_0=fH_0,q_t=q_t,Z=Z,H_0ave=H_0ave,Delta_H=Delta_H).get_large() \dgraphi)

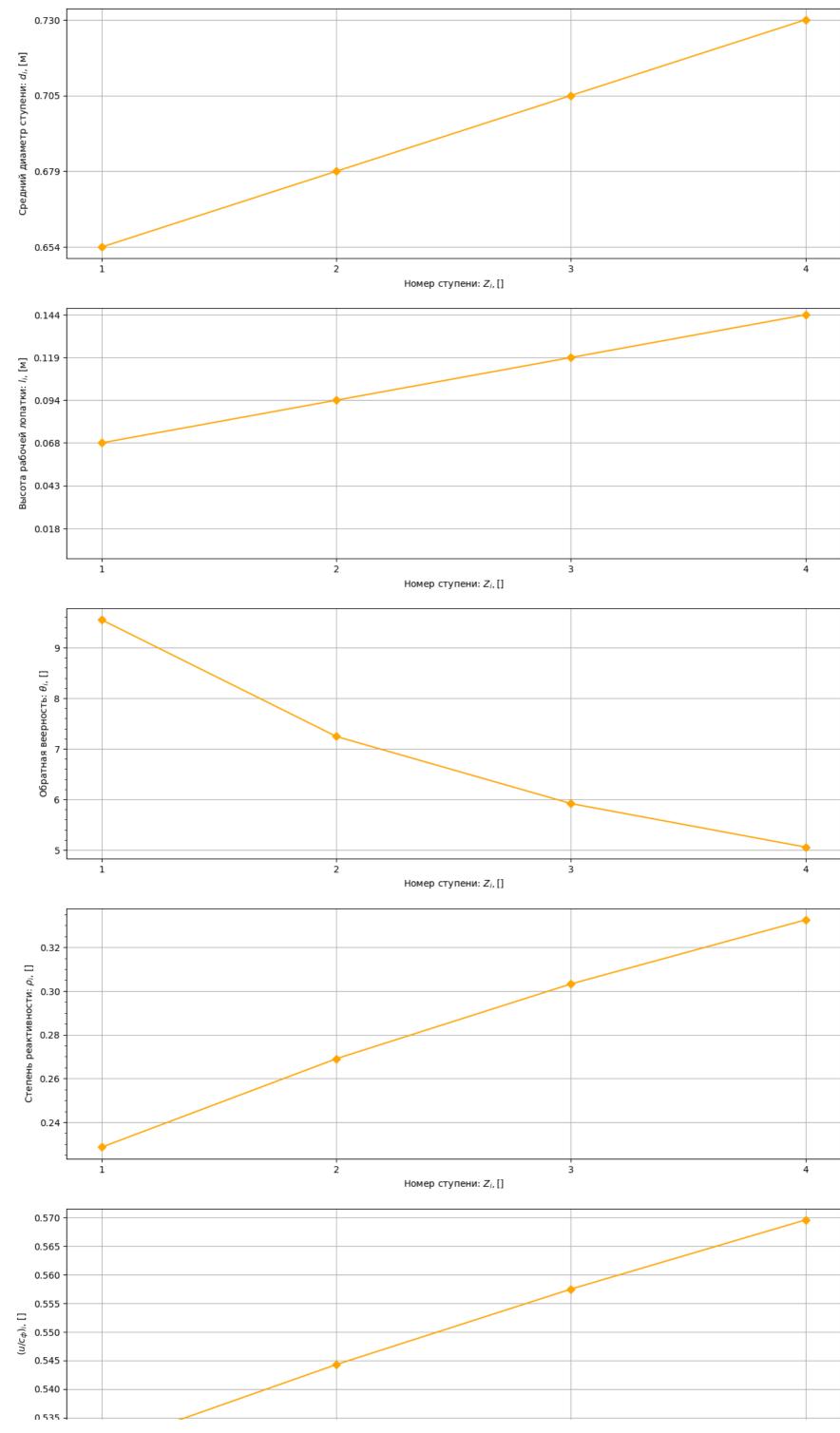
Out[113]: 11. \Delta_H = \frac{\bar{H}_0(1+q_t)}{Z} - H_{0cp} = \frac{316.1(1+0.00284)}{4} - 67.51 = 11.73
```

12. Уточнее теплоперепадов с учетом невязки

$$H_{ ext{hob}i} = H_i + \Delta_H$$

```
ОUT[115]: 12. H_{\text{HoB1}}=H_1+\Delta_H=67.66+11.73=79.4\ \text{кДж/кг} H_{\text{HoB2}}=H_2+\Delta_H=65.71+11.73=77.45\ \text{кДж/кг} H_{\text{HoB3}}=H_3+\Delta_H=67.39+11.73=79.12\ \text{кДж/кг} H_{\text{HoB4}}=H_4+\Delta_H=69.27+11.73=81.01\ \text{кДж/кг}
```

```
In [116... def get_index_offset_value(in_vec):
              delta = (in_vec[1] - in_vec[0]).m
               offset\_start = in\_vec[0].m
              offset_it = 0
              while(offset_start > 0):
                   offset_start -= delta
                   offset_it += 1
              offset_start += delta
              return [delta, -offset_it*delta]
          fig,axs = plt.subplots(figsize=(15,40),nrows=7, ncols=1)
          # Для зависимости диаметров
          axs[0].plot(stages_number_vec, d_vec.m, **{'marker': 'D'}, color='orange')
          axs[0].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[0].set_ylabel("Средний диаметр ступени: $d_{i}$, [м]", **{'fontname':'sans-serif'})
          #axs[0].set_ylim([0,None])
          \#axs[0].text(1.5,0.837, 'Общее количество ступеней: $Z={}$'.format(Z), **{'fontname':'DejaVu Sans'})
          plot_delta_d, plot_offset_d = get_index_offset_value(d_vec)
          axs[0].yaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=plot_delta_d, offset= 0))
          axs[0].xaxis.set\_major\_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
          axs[0].grid(True)
          # # Для зависимости высот лопаток
          axs[1].plot(stages_number_vec, l_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[1].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[1].set_ylabel('Высота рабочей лопатки: $1_{i}$, [м]', **{'fontname':'sans-serif'})
          axs[1].set_ylim([0,None])
          # plot_delta_l = l_vec[1] - l_vec[0]
          # #plot_delta_l = l_fun_handler.get_no_dim(2) - l_fun_handler.get_no_dim(1)
          # offset_l = l_vec[0].m
          # offset it = 0
          # while(offset_l > 0):
               offset_l -= plot_delta_l.m
                offset_it += 1
          # offset_l +=plot_delta_l.m
          plot_delta_1, plot_offset_1 = get_index_offset_value(1_vec)
          axs[1].yaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=plot_delta_1, offset=plot_offset_1))
          #axs[1].yaxis.set_major_locator(ticker.LinearLocator())
          axs[1].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
          axs[1].grid(True)
          # Для обратной веерности
          axs[2].plot(stages_number_vec, theta_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
          axs[2].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[2].set\_ylabel('Oбратная \ Beephoctb: $$ \theta_{i}$, []', **{'fontname':'sans-serif'})
          axs[2].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5))
          axs[2].minorticks_on()
          axs[2].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
          axs[2].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
          axs[2].grid(True)
          # Для степени реактивности
          axs[3].plot(stages_number_vec, rho_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
          axs[3].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[3].set\_ylabel('Cтепень peaktubhoctu: $\\rho_{i}\, []', **{'fontname':'sans-serif'})
          axs[3].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
          plot_delta_rho = rho_vec[1] - rho_vec[0]
          axs[3].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5))
          axs[3].minorticks_on()
          axs[3].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
          axs[3].grid(True)
          # Для отношения U/c_f
          axs[4].plot(stages_number_vec, uDIVc_f_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
          axs[4].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[4].set\_ylabel('\$(u/c\_\{\varphi\})\_\{i\}\$, []', **\{'fontname':'sans-serif'\})
          axs[4].minorticks on()
          axs[4].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
axs[4].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5))
          axs[4].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
          axs[4].grid(True)
          # Для теплоперепадов
          axs[5].plot(stages_number_vec, H_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
          axs[5].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[5].set_ylabel('$H_i$, [кДж/кг]', **{'fontname':'sans-serif'})
           #axs[5].xaxis.set major locator(ticker.IndexLocator(hase=1. of
          axs[5].minorticks_on()
          axs[5].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
          #axs[5].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(Z.m + 2))
          axs[5].grid(True)
          # Для теплоперепадов с учетом невязки
          axs[6].plot(stages_number_vec, H_new_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
          axs[6].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
          axs[6].set_ylabel('$H_{i} + \\Delta$, [κДж/κΓ]', **{'fontname':'sans-serif'})
          axs[6].minorticks_on()
          #axs[6].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
          #axs[6].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(Z.m + 2))
          axs[6].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
          axs[6].grid(True)
```



TU []

In []: