# Расчет количества и теплоперепадов нерегулируемых ступеней ЦВД

#### Исходные данные для первого отсека ЦВД

Nº	Наименование	Значение
1	Давление полного торможения после нерегулируемой ступени	${ar p}_0^{(3)} = 0.485~{ m M}$ Па
2	Энтальпия полного торможения перед первой нерегулируемой ступенью	$ar{h}_0^{(3)} = 2867.9 \; \mbox{кДж/кг}$
3	Частота вращения вала	n=95 Гц
4	Расход пара в группе ступеней	$G_0^{(3)}=47.93~{ m kr/c}$
5	Давление за отсеком	$p_z^{(3)}=0.25\ \mathrm{M}\Pi$ а
6	Внутренний КПД группы ступеней	$\eta_{oi}^{(3)}=0.887$

Далее по расчету все переменные, относящиеся к полным параметрам имеют префикс f, например переменная  $fp_0$  означает  $\bar{p}_0$ , аналогично и для других параметров

```
In [1]: # Используемые для расчета библиотеки
       # out3, row 14734, green
       # Для динамического вывода значений
       from IPython.display import Math
       # Для использования единиц измерения
       from pint import Quantity as Q
       import pint
       # Для расчета термодинамических параметров
       import API
       # Для математических расчетов
       import numpy as np
       # Для построения графиков
       import matplotlib.pyplot as plt
       import matplotlib as mpl
       import matplotlib.ticker as ticker
        API loaded
In [2]: # Объявление начальных переменных
       # Давление полного торможения перед группой ступеней
       fp_0 = Q(0.485, "MPa")
        # Энтальпия полного торможения перед группой ступеней
                  = Q(2867.9, "kJ/kg")
        # Термодинамическая точка f0
        fPoint_0 = API.ThPoint(p=fp_0, h=fh_0)
        # Номинальная частота вращения вала
                  = Q(95, "1/s")
```

#### Варируемые величины

# Внутренний относительный КПД группы ступеней

# Массовый расход через группу ступеней G\_0 = Q(47.93, "kg/s")

# Давление за группой ступеней p\_z = Q(0.25, "MPa")

etaHPC\_oi = Q(0.887, "")

Nº	Наименование	Обозначение
1	Степень реактивности первой нерегулируемой ступени в корне	$\rho_{_{\rm K}}^{(3)}=0.03-0.07=0.03$
2	Эффективный угол выхода потока из сопловой решетки	$lpha_{19\varphi}^{(3)}=8-16~^\circ$
3	Коэффициент скорости сопловой решетки	$\varphi^{(3)}=0.93-0.96=0.945$
4	Коэффициент расхода сопловой решетки первой нерегулируемой ступени	$\mu^{(3)} = 0.95 - 0.97 = 0.96$
5	Перекрыша между высотами допаток первой нерегудируемой ступени	$\Lambda^{(3)} = 0.003 \text{ M}$

```
In [3]: # Объябление варируемых переменных

# Степень реактивности первой нерегулируемой ступени в корне

rho_k = Q(0.07, "")

# Зффективный угол выхода потока из сопловой решетки
alpha_leef = Q(10, "deg")

# Коэффициент скорости сопловой решетки
phi = Q(пр.mean([0.93, 0.96]), "")

# Коэффициент расхода сопловой решетки первой нерегулируемой ступени

mu = Q(пр.mean([0.95,0.97]), "")

# Перекрыша между высотами лопаток первой нерегулируемой ступени
Delta = Q(0.003, "m")

# Предполагаемое количество ступеней

Z = Q(2, '')
```

#### Алгоритм расчета

1. Задаемся средним диаметром первой нерегулируемой ступени

```
In [4]: # Средний диаметр первой нерегулируемой ступени d_1 = Q(0.755, "m")
```

2. Определяем энтропию пара за первой нерегулируемой ступенью

```
In [5]: fs_0 = fPoint_0.s()
```

out[5]:  $2.~{f s}_0^{(1)}=f(p=0.485,h=2867.9)=7.1kJ/K/kg$ 

#### 3. Определяем высоту первой нерегулируемой ступени

Для этого задаемся величиной обратной верености  $\theta=var$  и проводим итерационный расчет, в результате которого заданная и расчетная обратная веерность должна совпадать не менее чем на 0.1%, так же проверяем длину лопатки первой нерегулируемой ступени.

1. Задаем величину обратной веерности

$$\theta = var$$

2. Определяем степень реактивности на среднем диаметр

$$\rho = \rho_{\scriptscriptstyle K} + \frac{1.8}{\theta + 1.8}$$

3. Определяем располагаемый теплопеперад по параметрам торможения при оптимальном для первой ступени

$$\left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_{ ext{OUT}} = rac{arphi \cdot \cos lpha_{1 ext{3} \phi}}{2\sqrt{1-
ho}}$$

4. Определяем располагаемый теплопеперад по параметрам торможения при оптимальном  $\left(\frac{u}{c_{\phi}}\right)_{\text{опт}}$  с помощью зависимости:

$$ar{H}_{01}=12300igg(rac{d_1}{igg(rac{u}{c_{\phi}}igg)_{_{\mathrm{OUT}}}}rac{n}{50}igg)^2$$

5. Определяем теоретическое значение энтальпии за первой ступенью

$$h_{2t}=ar{h}_0-ar{H}_{01}$$

6. Определяем удальный объем пара за первой нерегулируемой ступенью при изоэнтропном процессе расширения по свойствам воды и водяного пара

$$v_{2t}=f(h_{2t},\bar{s}_0)$$

7. Определяем высоту лопаток первой нерегулируемой ступени

$$l_{11} = rac{G_0 v_{2t}ig(u/c_{\phi}ig)_{_{
m ORT}}}{\pi^2 d_1^2 n \sqrt{1-
ho}\,\mu_1 \sinlpha_{19\phi}}$$

В расчете так же надо учесть тот факт, что изначально задаваемое количество ступеней влияет на конечный результат.

```
In [6]: # 3.1. Величина обратной веерности
        theta = 20
        iterations_number = 0
        percent_difference = 0.0
        while (True):
            # 3.2. Определяем степень реактивности на среднем диаметре
            rho = rho_k + 1.8/(theta+1.8)
            # 3.3. Определяем оптимальное значение u/c\_f
            uDIVu_cf = phi*np.cos(alpha_1eef)/(2*np.sqrt(1-rho))
            # 3.4. Определяем располагаемый теплопеперад по параметрам торможения при оптимальном
            # u/c_f для первой ступени
            fH_01 = 12300 * np.power((d_1 * n)/(uDIVu_cf * 50), 2)
            fH_01.ito('kJ/kg')
            # 3.5. Определяем теоретическое значение энтальпии за первой ступенью
            h_2t = fh_0 - fH_01
            # 3.6. Определяем удальный объем пара за первой нерегулируемой ступенью при
            # изоэнтропном процессе расширения по свойствам воды и водяного пара
            Point_2t = API.TCPv2.ThPoint(h=h_2t, s=fPoint_0.s())
            v_2t = Point_2t.v()
            # 3.7. Определеяем высоту первой нерегулируемой ступени
            1\_11 = (G\_0 * v\_2t * uDIVu\_cf)/(np.power(np.pi*d\_1,2) * n * np.sqrt(1-rho) * np.sin(alpha\_1eef) * mu)
            l_11.ito("m")
            # 3.8. Определяем окончательное значение обратной веерности и проверяем его
            # Проверка условия
            # Если получившаяся величина больше, чем заданная
            if (d 1/l 11 > theta):
                # То вычитаем отношение из единицы
                percent_difference = (1 - theta/(d_1/1_11))
            # Если величина меньше, чем заданная
            else:
                # То вычитаем из отношения единицу
                percent_difference = (theta/(d_1/l_11) - 1)
            # Если условие выполнилось - выходим из инкла
            if (np.abs(percent_difference) < 0.01):</pre>
                break
            # Иначе добавляем итерацию и меняем приближающее значение на найденное в процессе цикла
                iterations_number += 1
                theta = (d_1/l_11)
```

```
In [7]: # Далее идет класс для выбода в LaTeX'e

class lstr(str):

# классическая версия str.format с изменением замены {} на [] и без поддержки [1] [2]

def format(self, *args, **kwargs):

for i in args:
    self = self.replace("[]", lstr(i), 1)

for i in kwargs.items():
    self = self.replace(lstr('[' + i[0] + ']'), lstr(i[1]))

return lstr(self)

def __correct_round(self, value, ALIGN_MODE = 0):
    ...

Правильное округление величин, достаточное для инженерных расчетов:
```

```
# if ==0,1 : 0.0044, .0044 -> 0.004
       # if ==2: 12.3313123 -> 12.33
        # if >=3: 343.131233 -> 343.1, 34141414.54 ->34141414.5
        # if 0,1 : 0.00, .0
    dot_pos = lstr(value).find(".")
    if ((dot_pos == 0) or (dot_pos == 1)):
        # Если включен режим округления для ровного вырванивния
        # Так как число может начинаться с любого количества нулей, а нам нужно только последние три цифры после, то
            # необходимо найти координаты начала этих значимых цифр
        last_null_pos = 0
            # ищем
        for i in lstr(value)[dot_pos + 1:]:
           if (i != '0'):
               break
               last_null_pos += 1
        if (ALIGN_MODE):
           if (len(str(value)) < 2 + last_null_pos+3):</pre>
                return str(value)
            # округляем до позиции первой цифры и еще две цифры сверху (в сумме 3)
            out_value = round(value, last_null_pos+3)
            # Если число округляется так, что значащих цифр станвится 2 (и еще ноль, который не отрисовывается), то
            # добавляем его для ровной отрисовки далее
            # 0.000010999 -> 0.0000110 а не 0.000011
            # литералы ниже: 2-это "0." в начале числа, 3-это последние значащие цифры
            if len(str(out_value)) != 2 + last_null_pos+3:
                return str(out_value) + '0'
            else:
                return str(out_value)
        # режим выравнивания выключен
        else:
            return round(value, last_null_pos+3)
    elif (dot_pos == 2):
        if (ALIGN MODE):
            out_value = round(value, 2)
            # Если число не состоит из двух первых знаков, запятой и двух последующих, то добавляем ноль для ровной отрисовки
            # 14.0999 -> 14.10 а не 14.1
            # литералы ниже: 2 - первые два знака до запятой, 1 - точка между цельми и дробными, 2 - два знака после запятой
            if len(str(out_value)) != 2 + 1 + 2:
               return str(out_value) + '0'
            else:
               return str(out value)
        else:
            return round(value,2)
    elif (dot_pos >= 3):
       if (ALIGN_MODE):
            out_value = round(value, 1)
            # Если большое число округлилось в большую сторону, то добавляем ноль для правильной отрисовки далее
            # 19999.9999 -> 20000.0 а не 20000
            # если длина строки меньше, чем была бы с знаком после точки
            if len(str(out_value)) <= dot_pos+1:</pre>
               return str(out_value) + '0'
            else:
               return str(out_value)
        else:
           return round(value,1)
    else:
        return value
def dlformat(self, *args, **kwargs):
       Bepcuя lstr.format(...) с поддержкой единиц измерения с использоваением округления
     _args = list()
    for i in args:
       if (isinstance(i, pint.Quantity)):
            _args.append(self.__correct_round(i.m, ALIGN_MODE=1))
        else:
            _args.append(i)
    _kwargs = list()
for i in kwargs.items():
        if (isinstance(i[1], pint.Quantity)):
            \_kwargs.append((i[0], self.\_\_correct\_round(i[1].m, ALIGN\_MODE=1)))
        else:
            _kwargs.append((i[0], i[1]))
   return self.format(*tuple(_args), **dict(_kwargs))
def dformat(self, *args, **kwargs):
        Версия lstr.format(...) с поддержкой единиц измерения с использоваением округления
    _args = list()
    for i in args:
       if (isinstance(i, pint.Quantity)):
           _args.append(self.__correct_round(i.m, ALIGN_MODE=0))
           _args.append(i)
    _kwargs = list()
    for i in kwargs.items():
        if (isinstance(i[1], pint.Quantity)):
            \_kwargs.append((i[0], self.\_\_correct\_round(i[1].m, ALIGN\_MODE=0)))
           _kwargs.append((i[0], i[1]))
    return self.format(*tuple(_args), **dict(_kwargs))
def get_large(self):
    local_lstr = self
    local_lstr = lstr(r"\Large{") + local_lstr + lstr(r"} \\ \ \\")
    return local_lstr
```

```
a = lstr("[][[b][c]")

#print(a.format(1,2,b=" 13",c=" vd"))

#print("{}{}{b}".format("AAA", "b", b="3"))

#swap_br_in_math_string("3213123", a=10, b=20)

#Math(lstr("\Delta [H_0] = [H_0v]\ κДж/κε").format(H_0="H_0",H_0v=33))

f = Q(0.0330031, "kJ/kg")

b = Q(22.0993213123, "meter")

d = Q(3131313.9992999, "kg")

print(lstr("[d] [b] [c]").dlformat(d=f,b=b,c=d))

#print(type(lstr(r"3.2 \ \theta = []").dformat(theta)))
```

0.0330 22.10 3131314.0

```
In [8]: Math(
# 3.2. theta
lstr(r"3.2.\ \theta = []").dformat(theta).get_large() +

# 3.3. rho
lstr(r"3.3.\ \rho = \rho_{\k} + \dfrac{1.8}{\theta + 1.8} = [rho_k] + \dfrac{1.8}{\theta] + 1.8} = [rho]").dformat(rho_k = rho_k, theta = theta, rho=rho).get_large() +

# 3.4. fH_01 = 12.3 * np.power((d_1 * n)/(wDIVu_cf * 50), 2)
lstr(r"3.4.\ \rangle \theta + [01] = 12300 \rangle \text{ ligg(} \dfrac{1}{\text{(u/c)}_{\text{(nnr)}}} \dfrac{1}{\text{(u/c)}_{\text{(nnr)}}} \dfrac{1}{\text{(u/c)}_{\text{(nnr)}}} \dfrac{1}{\text{(u/c)}_{\text{(nnr)}}} \dfrac{1}{\text{(nnr)}_{\text{(nnr)}}} \dfrac{1}{\text{(
```

Out[8]: 3.2.~ heta=2.979

$$3.3.~
ho=
ho_{ ext{ iny K}}+rac{1.8}{ heta+1.8}=0.07+rac{1.8}{2.979+1.8}=0.447$$

$$3.4.~ar{H}_{01}=12300igg(rac{d_1}{(u/c)_{ ext{off}}}rac{n}{50}igg)^2=12300igg(rac{0.755}{0.626}rac{95}{50}igg)^2=64.68~$$
кДж/кг

$$3.5.\ h_{2t} = ar{h}_0 - ar{H}_{01} = 2867.9 - 64.68 = 2803.2\$$
кДж/кг

$$3.6.\ v_{2t} = f igg( rac{h_{2t} = 2803.2}{ar{s}_0 = 7.1} igg) = 0.563\ ext{m}^3/$$
кг

$$3.7.\ l_{11} = \frac{G_0\ v_{2t}\ (u/c_\varphi)_{\scriptscriptstyle \rm O\PiT}}{\pi^2\ d_1^2\ n\ \sqrt{1-\rho}\ \mu\ \sin\alpha_{19\varphi}} = \frac{47.93\cdot 0.563\cdot 0.626}{\pi^2\cdot 0.755^2\cdot 95\ \sqrt{1-0.447}\cdot 0.96\cdot \sin 10^\circ} = 0.255\ {\rm M}$$

3.8. При расчете высоте лопатки и определения веерности проделано 4 итерации и погрешность составляет 0.567%

# 4. Определение высоту рабочей лопатки первой нерегулирумой ступени

#### 5. Определение корневого диаметра ступени

 $^{ ext{Out[12]:}}$   $5.~d_{ ext{K}}=d_1-l_{21}=0.755-0.258=0.497$  м

#### 6. Определение параметров пара за последней ступенью группы

1. Значение энтальпии пара при изоэнтропном расширении пара в ЦВД

$$h_{zt} = figg(rac{p_z}{ar{s}_0}igg)$$

2. Теоретический перепад на отсек нерегулируемых ступеней группы

$$ar{H}_0 = ar{h}_0 - h_{zt}$$

3. Действительный теплоперепад на отсек нерегулирумых ступеней группы

$$H_i = \bar{H}_0 \cdot \eta_{oi}^{(1)}$$

4. Действительное значение энтальпии за последней ступенью группы

$$h_z=ar{h}_0-H_i$$

5. Действительный объем за последней ступенью группы

$$v_{2z}=figg(egin{array}{c} p_z \ h_z \ \end{matrix}igg)$$

```
In [13]: # 6.1. Значение энтальнии пара при изоэнтропном расширении пара в ЦВД:
# Термодинамическая точка zt

Point_zt = API, TCPV2. ThPoint(p=p_z, s=fPoint_0.s())
# Знапальния
h_zt = Point_zt.h()

# 6.2. Теоретический перепад на отсек нерегулируемых ступеней ЦВД:
fft_0 = fft_0 - h_zt

# 6.3. Действительный теплоперепад на отсек нерегулируемых ступеней ЦВД

H_i = fft_0 * etaHPC_oi

# 6.4. Действительное значение энтальнии за ЦВД (за последней ступенью)
h_z = fft_0 - H_i

# 6.5 Действительный объем за ЦВД (за последней ступенью)
# Термодинамическая точка Zz
Point_zz = API.TCPV2.ThPoint(p=p_z, h=h_z)
v_zz = Point_zz.v()

In [14]: Math(
# 6.1. h_{zt} = f\bigg(\begin{matrix}perincless / begin{matrix}p=z=[p_z] \\ \bar s_0=[fs_0] \end{matrix}\bigg) = [h_zt]\ \kdm/kr").dformat(p_z=p_z,fs_0=fs_0,h_zt=h_zt).get_large() +
# 6.5 / deicmount of the state of the
```

$$^{ ext{Out[14]:}}$$
  $6.1.~h_{zt}=figg(rac{p_z=0.25}{ar{s}_0=7.1}igg)=2735.8~$ кДж/кг

$$6.2.~ar{H}_0 = ar{h}_0 - h_{zt} = 2867.9 - 2735.8 = 132.1~$$
кДж/кг

$$6.3.\ H_i = ar{H}_0 \cdot \eta_{oi}^{(1)} = 132.1 \cdot 0.887 = 117.2\$$
кДж/кг

$$6.4.\ h_z=ar{h}_0-H_i=2867.9-117.2=2750.7$$
 кДж/кг

$$6.5.\ v_{2z} = figg(egin{array}{c} p_z = 0.25 \ h_z = 2750.7 \ igg) = 0.751\ ext{m}^3/ ext{K}\Gamma$$

#### 7. Определение высоты рабочей лопатки последней ступени

Так как объем при высоких давлениях изменяются практически линейно, то можно принять закон изменения диаметров/высот лопаток линейным. Для начала необходимо найти высоту лопатки последней ступени в группе из уравнения:

$$egin{align} l_{2z}^2 + l_{2z} \ d_{ ext{ iny K}} &= l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}}{2} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}}{2} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}}{2} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}}{2} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}} \ & \ l_{2z} &= rac{-d_{ ext{ iny K}} \pm \sqrt{d_{ ext{ iny K}}^2 + 4 l_{21} \ d_{21} rac{v_{2z}}{v_{2t}}}} \ & \ l_{2z} &= -d_{ ext{ iny K}} + d_{2z} \ d_{2z} \ &= -d_{ ext{ iny K}} + d_{2z} \ d_{2z} \ &= -d_{2z} \ d_{2z} \ d_{2z} \ &= -d_{2z} \ d_{2z} \ d_{2z} \ &= -d_{2z} \ d_{2z} \ d_{2z} \ d_{2z} \ &= -d_{2z} \ d_{2z} \ d_{2z}$$

### 8. Определение среднего диаметра последней ступени группы

$$d_{2z}=d_{\scriptscriptstyle
m K}+l_{2z}$$

# 9. Определяем основные параметры первой и последней ступени

1. Определение обратной вверности в первой и последней ступени группы

$$heta_1 = rac{l_{21} + d_{ extsf{ iny K}}}{l_2 1}$$
  $heta_z = rac{l_{2z} + d_{ extsf{ iny K}}}{l_{2z}}$ 

2. Определение степени реактивности на среднем диаметре в первой и последней ступени группы

$$\rho_1 = \rho_{\scriptscriptstyle K} + \frac{1.8}{\theta_1 + 1.8}$$

 $ho_z = 
ho_{ extsf{K}} + rac{1.8}{ heta_z + 1.8}$ 

3. Определение оптимального значения  $u/c_{\Phi}$ 

$$\left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_{1} = rac{arphi\coslpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-
ho_{1}}}$$
 
$$\left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_{2} = rac{arphi\coslpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-
ho_{2}}}$$

$$\begin{array}{c} \text{Out[20]:} \\ 9.1.1 \; \theta_1 = \frac{l_{21} + d_{\text{K}}}{l_2 1} = \frac{0.258 + 0.497}{0.258} = 2.928 \\ \\ 9.1.1 \; \theta_z = \frac{l_{2z} + d_{\text{K}}}{l_2 z} = \frac{0.258 + 0.497}{0.258} = 2.562 \end{array}$$

$$9.2.1~
ho_1 = 
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{ heta_1 + 1.8} = 0.07 + rac{1.8}{2.928 + 1.8} = 0.451$$

$$9.2.2~
ho_z = 
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{ heta_z + 1.8} = 0.07 + rac{1.8}{2.562 + 1.8} = 0.483$$

$$9.3.1 \left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_1 = rac{arphi\coslpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-
ho_1}} = rac{0.945\cdot\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.451}} = 0.628$$

$$9.3.2 \left(rac{u}{c_{\phi}}
ight)_z = rac{arphi\coslpha_{19\phi}}{2\sqrt{1-
ho_z}} = rac{0.945\cdot\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.483}} = 0.647$$

#### 10. Выполнение разбивки теплоперепадов

1. Предполагаем, что средний диаметр ступеней и высота лопаток высота лопаток изменяются вдоль ЦВД линейно. Так же учтем, что удобнее использовать нумерацию для ступеней с 1, поэтому:

А. Для диаметров:

$$d(z_i)=igg(rac{d_z-d_1}{Z-1}igg)z_i+rac{d_1Z-d_{2z}}{Z-1}$$

В. Для высот лопаток:

$$l(z_i) = igg(rac{l_z - l_{21}}{Z - 1}igg)z_i + rac{l_{21}Z - l_{2z}}{Z_1}$$

2. Определяем обратную веерность для каждой ступени

$$heta_i = rac{l_i + d_{ ext{ iny K}}}{l_i}$$

3. Определяем степень реактивности на среднем диаметре для каждой ступени

$$ho_i = 
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{ heta_i + 1.8}$$

4. Для каждой ступени определяем опимальную величину  $u/c_{\ensuremath{\varphi}}$ 

$$\left(\frac{u}{c_{\Phi}}\right)_{\text{опт}i} = \frac{\varphi \cos \alpha_{13\Phi}}{2\sqrt{1-\rho_i}}$$

5. Для каждой ступени определяем теплоперепад по статическим параметрам

$$H_{0i}=12300igg(rac{d_i}{(u/c_{igoplus})_{ ext{опТ}i}}rac{n}{50}igg)^2K_i$$
 при  $i>1\dashrightarrow K_i=0.95$  при  $i=1\dashrightarrow K_i=1.00$ 

6. Определяем среднее арифметическое значение теплоперепадов

$$H_{0 ext{cp}} = rac{1}{Z} \sum_{i=1}^Z H_{0i}$$

7. Определяем коэффициент возврата теплоты

$$q_t = 4.8 \cdot 10^{-4} (1 - \eta_{oi}^{(3)}) ar{H}_0 rac{Z-1}{Z}$$

8. Новое значение количества ступеней ЦВД

$$Z_{ ext{ iny HOB}} = (1+q_t)rac{ar{H}_0}{H_{0 ext{ iny CP}}}$$

```
In [21]: ## 10.1.1, 10.1.2
       # Коэффициент к для функции диаметра
        k_d = (d_2z - d_1)/(Z_m-1)
       b_d = (d_1*Z.m - d_2z)/(Z.m-1)
        # Коэффициент k для функции длины лопатки
        k_1 = (1_2z - 1_21)/(Z_m-1)
        b_1 = (1_21*Z.m - 1_2z)/(Z.m-1)
        # Функция для определения диаметра по номеру ступени
        def d(z_i):
           return k_d*z_i + b_d
        # Функция для определения длины лопатки по номеру ступени
           return k_l*z_i + b_l
        # Перечислим номера ступеней в данном векторе
        stages_number_vec = np.arange(1, Z.m+1, 1)
        # Диаметры каждой ступени
        d_vec = d(stages_number_vec)
        # Длины сопловых лопаток каждой ступени
       1_vec = 1(stages_number_vec)
In [22]: d_vec_str = lstr(r"\begin{matrix}")
        for i in range(0, len(d_vec)):
           d_{\text{vec\_str}} += lstr(r^{\text{"}}d_{\{[it]\}} = k_{\text{d}} z_{\{[it]\}} + b_{\text{d}} = [k_{\text{d}}] \cdot (dot [z] + [b_{\text{d}}] = [d_{\text{i}}] \cdot m^{\text{"}}) \cdot (dformat(it=i+1,z=i+1,d_{\text{i}}=d_{\text{vec}}[i],k_{\text{d}}=k_{\text{d}},b_{\text{d}}=b_{\text{d}}) 
           lstr(r"\Large{10.1} \\ ") +
           lstr(d_vec_str + r"\end{matrix}").get_large()
Out[22]: 10.1
        d_1 = k_d z_1 + b_d = 0.0603 \cdot 1 + 0.695 = 0.755 \, \mathrm{m} \quad | \quad l_1 = k_l z_1 + b_l = 0.0603 \cdot 1 + 0.198 = 0.258 \, \mathrm{m}
        d_2 = k_d z_2 + b_d = 0.0603 \cdot 2 + 0.695 = 0.815 м \quad \mid \quad l_2 = k_l z_2 + b_l = 0.0603 \cdot 2 + 0.198 = 0.318 м
In [23]: # 10.2
        # Обратная вверность для каждой ступени
       theta_vec = (1_vec + d_k)/1_vec
        # 10.3
        # Степень реактивности на среднем диаметре для каждой ступени
       rho_vec = rho_k + 1.8/(theta_vec + 1.8)
In [24]: theta_vec_str = r"\begin{matrix}"
        for i in range(0, len(theta_vec)):
           theta_vec_str += lstr(r"& \ \ \\")
           lstr(r"10.2\ \& \ 10.3 \\ ").get_large() +
           lstr(theta_vec_str + r"\end{matrix}").get_large()
Out[24]: 10.2 & 10.3
```

$$heta_1 = rac{l_1 + d_{ ext{ iny K}}}{l_1} = rac{0.258 + 0.497}{0.258} = 2.928 \hspace{1.5cm} 
ho_1 = 
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{1.8 + heta_1} = 0.07 + rac{1.8}{1.8 + 2.928} = 0.451$$

$$heta_2 = rac{l_2 + d_{ ext{ iny K}}}{l_2} = rac{0.318 + 0.497}{0.318} = 2.562 \hspace{1.5cm} 
ho_2 = 
ho_{ ext{ iny K}} + rac{1.8}{1.8 + heta_2} = 0.07 + rac{1.8}{1.8 + 2.562} = 0.483$$

```
In [25]: # 10.4. Для κακδοῦ ступени οπρεθεπяєм величину u/c f
uDIVc_f_vec = phi*np.cos(alpha_leef)/(2*np.sqrt(1-rho_vec))

# 10.5 Τεπλοπερεπαδ πο επαπυνεεκων παραμεπραν δηя κακδοῦ επνητεί

# Βεκπορ κοσφουμινεποδ Κ_i

K_vec = np.iull(2.m, 0.95)

K_vec[θ] = 1.0

H_vec = 12300 * (d_vec/uDIVc_f_vec)**2 * (n/50)**2 * K_vec

H_vec.ito('kJ/kg')

In [26]: H_vec_str = lstr(r"\begin{matrix}"\)

for i in range(θ, len(H_vec)):

H_vec_str += lstr(r"\bigg(\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\dfrac{\df
```

Out[26]: 10.4 & 10.5

$$\left(rac{u}{c_{\Phi}}
ight)_{1}=rac{arphi\coslpha_{19\Phi}}{2\sqrt{1-
ho_{1}}}=rac{0.945\cos10^{\circ}}{2\sqrt{1-0.451}}=0.628$$
  $H_{01}=12300igg(rac{d_{1}}{(u/c_{\Phi})_{ ext{ORT}1}}rac{n}{50}igg)^{2}K_{1}=12300igg(rac{0.755}{0.628}rac{95}{50}igg)^{2}1.0=64.21\ ext{ кДж/кг}$ 

$$\left(\frac{u}{c_{\varphi}}\right)_2 = \frac{\varphi\cos\alpha_{19\varphi}}{2\sqrt{1-\rho_2}} = \frac{0.945\cos10^\circ}{2\sqrt{1-0.483}} = 0.647 \qquad \qquad H_{02} = 12300 \left(\frac{d_2}{(u/c_{\varphi})_{\text{опт2}}}\frac{n}{50}\right)^2 K_2 = 12300 \left(\frac{0.815}{0.647}\frac{95}{50}\right)^2 0.95 = 67.00 \text{ кДж/кг}$$

```
In [27]: # 10.6 Среднее значение теплоперепада за группу ступеней
         H_0ave = np.mean(H_vec)
In [28]: H_0_sum_str = lstr(r"[]").dformat(H_vec[0])
          for i in range(1, len(H_vec)):
            lstr(\ lstr(r"10.6\ H_{0cp} = \dfrac{") + H_0_sum\_str + lstr(r"}{[Z]} = [H_0ave]\ \kappa \mu / \kappa \Gamma").dformat(Z=Z,H_0ave=H_0ave)).get_large()
```

$$^{ ext{Out[28]:}}~10.6~H_{0 ext{cp}}=rac{64.21+67.0}{2}=65.6~$$
кДж/кг

```
In [29]: # 10.7 Коэффициент возврата тепло
         q_t_k = Q(4.8*10**(-4), 'kg/kJ')
         q_t = q_t_k * (1 - etaHPC_oi)*H_0ave * (Z.m-1)/Z.m
```

$$10.7 \ q_t = 4.8 \cdot 10^{-4} (1 - \eta_{oi}^{(1)}) H_{0\mathrm{cp}} \frac{Z-1}{Z} = 4.8 \cdot 10^{-4} (1 - 0.887) \cdot 65.6 \frac{2-1}{2} = 0.00178$$

```
In [31]: # 10.8 Уточненное количество ступеней группы
         Z_{new} = fH_0/H_0ave * (1+q_t)
```

$$^{ ext{Out}[32]:} \ 10.8 \ Z_{ ext{HOB}} = rac{ar{H}_0}{H_{0 ext{cp}}} (1+q_t) = rac{132.1}{65.6} (1+0.00178) = 2.0177$$

#### 11. Определение невязки после разбивки теплоперепадов

$$\Delta_H = rac{ar{H}_0(1+q_t)}{Z} - rac{1}{Z}\sum_{i=1}^Z H_i = rac{ar{H}_0(1+q_t)}{Z} - H_{0 ext{cp}}$$

Если невязка получается отрицательной - ступени считаются разгруженными, если - положительной, то перегруженными. Перегруженные ступени в среднем имеют большее КПД на переменных режимах

```
In [33]: # 11 Величина распределения теплоперепадов дробной ступени на остальные
```

$$\Delta_{H} = rac{ar{H}_{0}(1+q_{t})}{Z} - H_{0 ext{cp}} = rac{132.1(1+0.00178)}{2} - 65.6 = 0.579$$

## 12. Уточнее теплоперепадов с учетом невязки

$$H_{ exttt{hob}i} = H_i + \Delta_H$$

```
In [35]: # 12 Уточненные теплоперепады
    H_new_vec = H_vec + Delta_H
In [36]: H_new_vec_str = r""
    for i in range(0, len(H new vec)):
      lstr(r"\Large{12. }\\") +
      H_new_vec_str
```

Out[36]: 12.

$$H_{ ext{hob1}} = H_1 + \Delta_H = 64.21 + 0.579 = 64.78$$
 кДж/кг

$$H_{ ext{hor}2} = H_2 + \Delta_H = 67.0 + 0.579 = 67.58$$
 кДж/кг

```
In [37]: def get index offset value(in vec):
             delta = (in \ vec[1] - in \ vec[0]).m
             offset_start = in_vec[0].m
             offset_it = 0
```

```
while(offset_start > 0):
        offset_start -= delta
        offset it += 1
    offset start += delta
    return [delta, -offset_it*delta]
# Графики
fig,axs = plt.subplots(figsize=(15,40),nrows=7, ncols=1)
# Для зависимости диаметров
axs[0].plot(stages_number_vec, d_vec.m, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[0].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[0].set_ylabel("Средний диаметр ступени: $d_{i}$, [м]", **{'fontname':'sans-serif'})
#axs[0].set_ylim([0,None])
#axs[0].text(1.5,0.837, 'Общее количество ступеней: $Z={}$'.format(Z), **{'fontname':'DejaVu Sans'})
plot_delta_d, plot_offset_d = get_index_offset_value(d_vec)
axs[0].yaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=plot_delta_d, offset= 0))
axs[0].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
axs[0].grid(True)
# # Для зависимости высот лопаток
axs[1].plot(stages_number_vec, l_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[1].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[1].set_ylabel('Высота рабочей лопатки: $1_{i}$, [м]', **{'fontname':'sans-serif'})
axs[1].set_ylim([0,None])
# plot_delta_l = l_vec[1] - l_vec[0]
# #plot_delta_l = l_fun_handler.get_no_dim(2) - l_fun_handler.get_no_dim(1)
# offset_L = L_vec[0].m
# offset_it = 0
# while(offset_l > 0):
     offset_l -= plot_delta_l.m
     offset_it += 1
# offset_l +=plot_delta_l.m
plot_delta_1, plot_offset_1 = get_index_offset_value(l_vec)
axs[1].yaxis.set\_major\_locator(ticker.IndexLocator(base=plot\_delta\_l, offset=plot\_offset\_l))
#axs[1].yaxis.set_major_locator(ticker.LinearLocator())
axs[1].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
axs[1].grid(True)
# Для обратной веерности
axs[2].plot(stages_number_vec, theta_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[2].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[2].set\_ylabel('06pathas \ Beephoctb: \ \ \ \ ]', \ **{'fontname':'sans-serif'})
axs[2].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5))
axs[2].minorticks_on()
axs[2].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
axs[2].xaxis.set\_major\_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
axs[2].grid(True)
# Для степени реактивности
axs[3].plot(stages_number_vec, rho_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[3].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[3].set_ylabel('Степень реактивности: $\\rho_{i}$, []', **{'fontname':'sans-serif'})
axs[3].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
plot_delta_rho = rho_vec[1] - rho_vec[0]
axs[3].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5))
axs[3].minorticks_on()
axs[3].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
axs[3].grid(True)
# Для отношения U/c_f
axs[4].plot(stages_number_vec, uDIVc_f_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[4].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[4].set_ylabel('$(u/c_{$$})_{i}$, []', **{'fontname':'sans-serif'})
axs[4].minorticks_on()
axs[4].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
axs[4].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(5))
axs[4].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
axs[4].grid(True)
axs[5].plot(stages_number_vec, H_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[5].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[5].set_ylabel('$H_i$, [кДж/кг]', **{'fontname':'sans-serif'})
\#axs[5].xaxis.set\_major\_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
axs[5].minorticks_on()
axs[5].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
#axs[5].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(Z.m + 2))
axs[5].grid(True)
# Для теплоперепадов с учетом невязки
axs[6].plot(stages_number_vec, H_new_vec, **{'marker': 'D'}, color='orange')
axs[6].set_xlabel('Номер ступени: $Z_{i}, []$')
axs[6].set\_ylabel('$H_{i} + \Delta$, [\kappa \mu \kappa ]', **{'fontname':'sans-serif'})
axs[6].minorticks_on()
#axs[6].xaxis.set_major_locator(ticker.IndexLocator(base=1, offset=0))
#axs[6].yaxis.set_minor_locator(ticker.MultipleLocator(Z.m + 2))
axs[6].xaxis.set_minor_locator(plt.NullLocator())
axs[6].grid(True)
```

C:\prog\py\lib\site-packages\matplotlib\cbook\\_\_init\_\_.py:1369: UnitStrippedWarning: The unit of the quantity is stripped when downcasting to ndarray return np.asarray(x, float)

