## Resolvendo o 8-Puzzle com algoritmos de busca em Prolog

Gabriel de Albuquerque Mendes, João Pedro Abreu de Souza e Maqueise de Medeiros Pinheiro

19 de Novembro de 2019

O 8-Puzzle (ou quebra-cabeça de 8 peças) é um quebra-cabeça composto por uma caixa oca com 8 peças deslizantes dentro, todas numeradas de 1 à 8. O objetivo do jogo é arrumar as peças de forma que os números fiquem em ordem crescente e um espaço no final.

Nosso trabalho visa resolver o 8-Puzzle utilizando algoritmos de busca implementados em Prolog.

O quebra-cabeça foi implementado em formato de lista, sendo as peças numeradas representadas por seus próprios algarismos e o espaço como "blank". Dessa forma, um configuração

se tornaria

[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, blank].

Inicialmente, foi feito um algoritmo utilizando **busca em profundidade**. Essa abordagem não se mostrou eficiente, já que movimentava o jogo de acordo com a ordem na qual foi estabelecido os espaços vizinhos, fazendo assim uma série de movimentos desnecessários até a eventual obtenção do resultado.

Em seguida, foi construido um algoritmo usando **busca em largura**. Esse método de busca se mostrou mais eficaz que o anterior, com caminhos mais diretos até o resultado. Entretanto, em alguns casos de teste, o consumo de memória foi excessivo devido a sua necessidade de expandir os caminhos antes de prosseguir.

A busca ótima (busca A\*) teve o melhor resultado. Além de eficiente se mostrou mais rápida que as demais. Foi feito um algoritmo usando a *Distância de Manhattan*<sup>1</sup> como estimativa de custo e outro utilizando a *Distância de Hamming*<sup>2</sup>.

$$d(X,Y) = \sum_{i=1}^{p} |X_i - Y_i|$$

Dado dois vetores  $X = (X_1, X_2, ..., X_p)$  e  $Y = (Y_1, Y_2, ..., Y_p)$ , a **Distância de Manhattan** é definida como o somatório dos módulos das diferenças.

 $<sup>^2</sup>$ A **Distância de Hamming** entre duas strings de mesmo comprimento é o número de posições nas quais elas diferem entre si.