ALIŞTIRMALAR # IV

1. Türev tanımını kullanarak, $f(x) = |x-1|x^2 + \sin(x-1)$ fonksiyonun x = 1 noktasında türevin varlığını araştırınız.

2. $y=\sqrt{x-1}$ eğrisinin x eksenini x=3 noktasında kesen teğeti var mıdır? Eğer öyle ise, teğet denklemini ve noktasını bulunuz.

3. $f(x) = x^2 + 4x - 1$ fonksiyonun yatay teğete sahip olduğu noktaları bulunuz.

4. Aşağıdaki fonksiyonların türevlerini hesaplayınız.

a)
$$y = \frac{x^3 + 7}{x}$$

e)
$$y = (x^2 + 1)(x + 5 + \frac{1}{x})$$

b)
$$y = x^7 + \sqrt{7}x - \frac{1}{\pi + 1}$$

f)
$$y = (\sec x + \tan x)(\sec x - \tan x)$$

c)
$$y = (2x - 5)(4 - x)^{-1}$$

$$g) y = \tan(x + \cos x)$$

h) $y = \tan^2(\sin^3 x)$

d)
$$y = \frac{(x^2 + x)(x^2 - x + 1)}{x^4}$$

i)
$$y = \sec(\sqrt{x})\tan(\frac{1}{x})$$

5. Aşağıdaki fonksiyonlar için dy/dx türevini hesaplayınız.

a)
$$y = \cot\left(\frac{\sin x}{x}\right)$$

$$d) y = \frac{\tan x}{1 + \tan x}$$

$$b) y = \left(\frac{\sin x}{1 + \cos x}\right)^2$$

e)
$$y = \left(-1 - \frac{\csc \theta}{2} - \frac{\theta^2}{4}\right)^2$$

c)
$$y = x^{-3} \sec^2(2x)$$

f)
$$y = (1 - x)^4 (1 + \sin^2 x)^{-5}$$

6. $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 20$ eğrisi üzerinde teğet doğrusunun

a)
$$y = 1 - \frac{x}{24}$$
 doğrusuna dik olduğu

b) $y = \sqrt{2} - 12x$ doğrusuna paralel olduğu noktaları bulunuz.

7. Aşağıdaki eğrinin verilen noktada ki normal denklemini yazınız.

$$x = 2 \sec t$$
 $y = \sqrt{3} \tan t$, $0 < t < \frac{\pi}{4}$, $t = \frac{\pi}{6}$

8. Aşağıdaki eğrilerin t'nin verilen değeri için teğet doğrularının denklemini yazınız. Ayrıca aynı noktada $\frac{d^2y}{dx^2}$ türevini hesaplayınız.

1

a)
$$x = \sec^2 t - 1$$
, $y = \tan t$; $t = -\pi/4$,

b)
$$x = -\sqrt{t+1}$$
, $y = \sqrt{3t}$; $t = 3$,

- 9. Aşağıdaki fonksiyonları kapalı formda türeterek dy/dx i bulunuz.
 - a) $x + \sin y = xy$
- b) $y^2 \cos \frac{1}{y} = 2x + 2y$
- $c) 2xy + y^2 = x + y$
- 10. $\operatorname{cosec}(x^2+y^2)=1$ denklemin grafiğindeki dikey teğetlerin denklemini yazınız.
- 11. Find the value of $\frac{d^2y}{dx^2}$ for the following function at the given point (0,1).

$$xy + y^2 = 1$$

12. Aşağıdaki eğrinin eğiminin −1 olduğu bütün noktaları bulunuz.

$$x^2y^2 + xy = 2$$

13. Aşağıdaki denklemlerin x ve y'yi kapalı şekilde x=f(t) ve y=g(t) diferansiyellenebilir fonksiyonları olarak tanımladığını varsayarak, $x=f(t),\,y=g(t)$ eğrisinin belirtilen t değerindeki teğet doğrusunun eğimini bulunuz.

$$x\sin t + \sqrt{x} = t$$
, $t\sin t - 2t = y$, $t = \pi$.