هوش مصنوعی



طراح: على حمزهپور، حسام رمضانيان

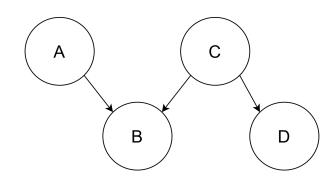
مدرس: **دکتر فدایی، دکتر یعقوبزاده**

مهلت تحویل: شنبه ۱۷ آذر ۱۴۰۳، ساعت ۲۳:۵۵

احتمال و شبکه بیزی

یک شبکه بیزی به همراه جداول احتمال شرطی زیر را در اختیار داریم:

P(A)		
+a	0.3	
-a	0.7	



P(C)		
+C	0.2	
-C	0.8	

P(B A,C)				
+a	+C	+b	1	
+a	+C	-b	0	
+a	-C	+b	0.6	
+a	-C	-b	0.4	
-a	+C	+b	0.5	
-a	+C	-b	0.5	
-a	-C	+b	0.3	
-a	-C	-b	0.7	

P(D C)				
+C	+d	1		
+C	-d	0		
-C	+d	0.1		
-C	-d	0.9		

هر کدام از احتمالهای زیر را با راه حل محاسبه کنید:

- 1. P(-a, -b, -c, -d)
- 2. P(+d)
- 3. P(+c|+d)
- 4. P(+c|+a,+b,+d)
- 5. P(+a|-c)

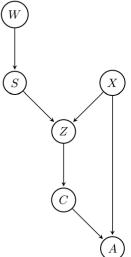
استنباط بيزي

دیجیکالا یک ربات انباردار هوشمند طراحی کرده است که قابلیت پرواز دارد و برای جابجایی سریع کالاها در انبارهای بزرگ استفاده میشود. این ربات به حسگرهای پیشرفتهای مجهز شده تا بتواند موقعیت خود را شناسایی کرده و بر اساس دستورات دریافتی، در انبار حرکت کند. با این حال، یکی از چالشهای اصلی استفاده از این ربات، جلوگیری از برخورد آن با قفسهها، کالاها و سایر موانع موجود در انبار است.

دیجیکالا یک سیستم هشداردهنده هوشمند برای رباتهای انباردار پرنده خود طراحی کرده است. این سیستم وظیفه دارد احتمال وقوع برخورد ربات با موانع را پیشبینی کرده و در صورت نیاز هشدار لازم را به اپراتور بدهد. برای بررسی و تحلیل عملکرد این سیستم هشداردهنده، یک شبکه بیزی طراحی کردهایم که با استفاده از دادههای مختلف احتمال وقوع برخورد را محاسبه میکند. این شبکه شامل متغیرهای زیر است:

- W (بخش انبار): بخشی از انبار که ربات در آن فعالیت میکند. Heavy, Light, Packaging} .w
- ♦ (دقت حسگر): سطح دقت حسگرهای ربات که ممکن است تحت تأثیر شرایط محیطی باشد.
 \$S ∈ {strong, medium, weak}
- x, y, z, θ} نشان داده میشوند. x, y, z, θ} موقعیت ربات (موقعیت حقیقی): با چهار متغیر (عبار بات الله باید) (x, y, z ∈ {0, 1, 2, 3, 4} نیز زاویه پرواز ربات را نشان در فضا را نشان میدهند و (θ ∈ {0, 90, 180, 270}).
- X (موقعیت تشخیص داده شده توسط حسگرها): مانند X با چهار متغیر {x, y, z, θ} نشان داده میشوند و دامنه متغیرها هم مانند X است.

- دستور صادر شده): دستوری که سیستم کنترل برای حرکت ربات صادر میکند. $Z \in \{forward, backward, rotate \ left, rotate \ right, \ acsend, \ decsend\}$
 - همکن میند آیا دستور صادر شده ممکن $A \in \{safe, unsafe\}$ میند آیا دستور صادر شده ممکن $A \in \{safe, unsafe\}$



نمودار این شبکه به شکل مقابل است:

بخش الف) دامنه متغيرها

- است. مقدار $N_{_{ec{\gamma}}}$ را بدست آورید. X است. مقدار $N_{_{ec{\gamma}}}$ را بدست آورید.
- 2. تمام جداول احتمال شرطی که برای نمایش این شبکه بیزی نیاز است را بنویسید. (برای مثال به جدول P(W) و P(C|Z) نیاز داریم.)
- 3. تعداد سطرهای جدول احتمال شرطی مربوط به متغیر Z را بدست آورید. (راهنمایی: احتمالا به مقدار $N_{_{_{\it T}}}$ نیاز خواهید داشت!)

بخش ب) Inference by Enumeration

فرض کنید در یک سناریو مشاهده کردیم که سیستم هشداردهنده یک ربات که در بخش Heavy قرار دارد، اخطار داده است. حال میخواهیم دقت حسگرها را با استفاده از این اطلاعات استنباط کنیم. به بیان دیگر میخواهیم $P(S \mid A = unsafe, W = Heavy)$ را محاسبه کنیم. در هر دو سوال زیر فرض کنید مقادیر جداول احتمال شرطی (تمام جداولی که در قسمت 2 بخش قبل ذکر کردید) شبکه بیزی را در اختیار داریم.

Inference by Enumeration و از طریق ار مقدار را با استفاده از روش $P(S \mid A, W) = \frac{P(S, A, W)}{P(A, W)}$

- و از طریق Inference by Enumeration و از طریق 2. این مقدار را با استفاده از روش $P(S \mid A, W) = \frac{P(S, A \mid W)}{P(A \mid W)}$
 - 3. قسمت 1 و 2 را مقایسه کنید و بررسی کنید کدام بهتر است.

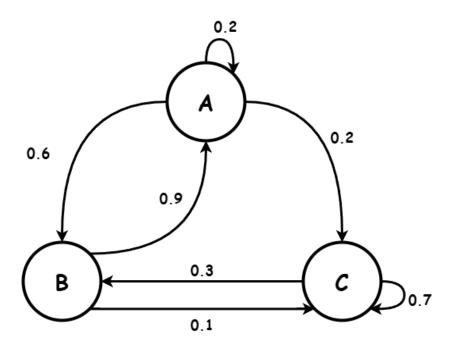
بخش ج) Inference by Elimination

حال میخواهیم سوال 1 بخش ب را با استفاده از Inference by Elimination بنویسیم. ترتیب حذف متغیرها از چپ به راست Z - X - C خواهد بود.

- 1. ابتدا مقدار P(S,A,W) را به صورت ضرب احتمالهای شرطی شبکه بیزی بنویسید. (دقیقا همان کاری که در سوال 1 بخش بیش انجام دادید.)
- 2. حال ابتدا متغیر Z را از آن حذف کنید و حاصل را بنویسید. (راهنمایی: باید مکان سیگمای مربوط به متغیر Z را تغییر دهید.)
 - 3. سپس متغیر X را از حاصل سوال 2 حذف کنید و حاصل جدید را بنویسید.
 - 4. در نهایت متغیر C را حذف کرده و حاصل نهایی را بنویسید.
- 5. توضیح دهید که در هر کدام از روشهای Inference by Enumeration و Inference by Enumeration تعداد سطرهای بزرگترین جدولی که در محاسبات نگه داشتیم چقدر است، سپس توضیح دهید که چرا روش Inference by Elimination را ترجیح میدهیم.

Markov Model

یک ربات هنرمند را تصور کنید که وظیفه آن خلق نقاشیهایی با الگوهای خاص است. این ربات در هر مرحله یکی از سه رنگ A، B یا C را انتخاب کرده و به نقاشی اضافه میکند. انتخاب رنگ توسط ربات تصادفی نیست، بلکه به گونهای انجام میشود که زیبایی نقاشی حفظ شود؛ به این معنا که انتخاب رنگ در هر مرحله به رنگ انتخابشده در مرحله قبل وابسته است. نمودار زیر احتمال انتخاب هر رنگ را بر اساس رنگ قبلی نشان میدهد:



همچنین، احتمال انتخاب رنگ برای اولین مرحله به صورت زیر است:

$$\pi \,=\, \{\, \emph{A} : 0.\, 5$$
 , $\, \emph{B} : 0.\, 5$, $\, \emph{C} : 0.\, 0$ $\}$

الف) اگر ربات در مرحله سوم از نقاشی خود رنگ C را انتخاب کند، احتمال این اتفاق چقدر است؟

ب) محتملترین دنباله رنگها به طول ۳ که رنگ مرحله سوم آن C باشد را بنویسید و احتمال آن را محاسبه کنید.

ج) اگر ربات بدون توقف به نقاشی ادامه دهد و بوم آن به صورت بینهایت بزرگ شود، احتمال انتخاب هر یک از رنگها به عنوان آخرین رنگ چقدر خواهد بود؟