מבוא למדעי המחשב - סמסטר א' תש"פ עבודת בית מספר 2

צוות התרגיל: לינור חזן, אבי יצחקוב, מייק קודיש

תאריך פרסום: 13.11.19

תאריך הגשה: 06.12.19 בצהריים

<u>הקדמה</u>

בעבודת בית זו נתרגל עבודה עם מערכים ופונקציות בג'אווה ונפגוש את בעיית הספיקות, יחד עם כמה מושגים חשובים נוספים במדעי המחשב. נכתוב תכנית לפתרון בעיית *הטיול הגדול*: בבעיה זו נתונים קבוצה של ערים וקווי תעופה המקשרים ביניהן. יש לתכנן מסלול לטיול שיוצא מעיר כלשהי, עובר בכל שאר הערים וחוזר לעיר המקור, כך שכל עיר תופיע במסלול בדיוק פעם אחת ובסיומו נחזור לעיר המקור.

האלגוריתם שנממש לפתרון הבעיה מבוסס על רדוקציה ל"בעיית הספיקות", או באנגלית: The Boolean האלגוריתם שנממש לפתרון הבעיה מבוסס על רדוקציה ל"בעיית שנקבל מהרדוקציה נפתור בעזרת "פותרן של Satisfiability Problem (SAT). בעיית הספיקות" (SAT Solver).

בעבודה זו 16 משימות וסך הנקודות המקסימלי הוא 100. הניקוד לכל משימה מפורט במסמך. בעבודה זו **מותר להשתמש בידע שנלמד עד הרצאה** 8 (כולל), וכן עד תרגול 4 (כולל).

הוראות מקדימות

הערות כלליות

- 1. קראו את העבודה מתחילתה ועד סופה לפני שאתם מתחילים לפתור אותה. ודאו שאתם מבינים את כל המשימות.
- 2. עבודה זו תוגש ביחידים. על מנת להגיש את העבודה יש להירשם למערכת ההגשות (Submission System). את הרישום למערכת ההגשות מומלץ לבצע כבר עכשיו, טרם הגשת העבודה (קחו בחשבון כי הגשה באיחור אינה מתקבלת). את הגשת העבודה ניתן לבצע רק לאחר הרישום למערכת.
 - 3. בכל משימה מורכבת יש לשקול כיצד לחלק את המשימה לתתי-משימות ולהגדיר פונקציות עזר בהתאם.
 - 4. בכל הסעיפים אפשר ומומלץ להשתמש בפונקציות מסעיפים קודמים.

קבצים

- 5. לעבודה מצורף קובץ בתרגיל ולהגישו. Assignment2.java עליכם לערוך קובץ זה בהתאם למפורט בתרגיל ולהגישו כפתרון, מכווץ כקובץ ZIP יחיד. שימו לב: עליכם להגיש רק את קובץ ה־Java. אין לשנות את שם הקובץ, ואין להגיש קבצים נוספים. שם קובץ ה־ZIP יכול להיות כרצונכם, אך באנגלית בלבד. נוסף על כך, הקובץ שתגישו יכול להכיל טקסט המורכב מאותיות באנגלית, מספרים וסימני פיסוק בלבד. טקסט אשר יכיל תווים אחרים (אותיות בעברית, יוונית וכדומה) לא יתקבל. הקפידו לא להשאיר בהגשה חלקי קוד שאינם חלק מהתכנית (לדוגמה, בדיקות שכתבתם עבור עצמכם).
 - 6. בנוסף מצורפים:
 - Tests.java קובץ בדיקות
 - .ExamplesUNSAT.java , ExamplesSAT.java :cnf קבצי דוגמאות לנוסחאות
 - ExamplesFlights.java :קובץ המכיל דוגמאות למופעים של בעיית הטיול
- שני קבצים: SATSolver.java ו org.sat4j.core.jar שמאפשרים עבודה עם פותרן לבעיית הספיקות

- הקבצים הנ"ל הם קובצי עזר עבורכם <u>ואינם מיועדים להגשה</u>. חשוב להדגיש כי קובץ הבדיקות Tests.java שסופק לכם מכיל בדיקות חלקיות של חלק מהמשימות. אנו מעודדים אתכם להרחיב קובץ זה ולהשתמש בו כדי לוודא את נכונות המימוש שלכם.
 - Submission יש להגיש ב־ ZIP יש קובץ ה-7IP. את קובץ **בצים שיוגשו שלא על פי הנחיות אלו לא ייבדקו**. את קובץ ה-System . פרטים לגבי ההרשמה ואיך להגיש את העבודה תוכלו למצוא באתר.

בדיקת עבודות הבית

- 8. עבודות הבית נבדקות גם באופן ידני וגם באופן אוטומטי. הבדיקה האוטומטית מתייחסת אך ורק לפלט המוחזר מהפונקציות.
- 9. סגנון כתיבת הקוד ייבדק באופן ידני. יש להקפיד על כתיבת קוד יעיל וברור, על מתן שמות משמעותיים למשתנים, על הזחות (אינדנטציה), ועל הוספת הערות בקוד המסבירות את תפקידם של מקטעי הקוד השונים. אין צורך למלא את הקוד בהערות סתמיות, אך חשוב לכתוב הערות בנקודות קריטיות המסבירות קטעים חשובים בקוד. הערות יש לרשום אך ורק באנגלית. יש לתכנן את הקוד בצורה נכונה כך שמשימות מורכבות יחולקו לתתי משימות המבוצעות על ידי פונקציות עזר. כתיבת קוד שאינה עומדת בדרישות אלו תגרור הפחתה בציון העבודה.

עזרה והנחיה

- 10. לכל עבודת בית בקורס יש צוות שאחראי לה. ניתן לפנות לצוות בשעות הקבלה. פירוט שמות האחראים לעבודה מופיע במסמך זה וכן באתר הקורס, כמו גם פירוט שעות הקבלה. כמו כן, אתם יכולים להיעזר בפורום ולפנות בשאלות לחבריכם לכיתה. צוות הקורס עובר על השאלות ונותן מענה במקרה הצורך.
 - .11. בתגבור של השבוע (20.11.19-17.11.19) נפתור באופן מודרך את משימות 1, 4, 5
 - 12. בכל בעיה **אישית** הקשורה בעבודה (מילואים, אשפוז וכו'), אנא פנו אלינו דרך מערכת הפניות, כפי שמוסבר באתר הקורס.
 - 13. אנחנו ממליצים בחום להעלות פתרון למערכת ההגשה לאחר כל סעיף שפתרתם. הבדיקה תתבצע על הגרסה האחרונה שהועלתה (בלבד!).

יושר אקדמי

הימנעו מהעתקות! ההגשה היא ביחידים. אם מוגשות שתי עבודות עם קוד זהה או אפילו דומה - זוהי העתקה, אשר תדווח לאלתר לוועדת משמעת. אם טרם עיינתם ב<u>סילבוס הקורס</u> אנא עשו זאת כעת.

מומלץ לקרוא היטב את כל ההוראות המקדימות ורק לאחר מכן להתחיל בפתרון המשימות. **ודאו שאתם יודעים** לפתוח קבוצת הגשה (עבור עצמכם) במערכת ההגשות.

משימה 0: הצהרה (0 נקודות)

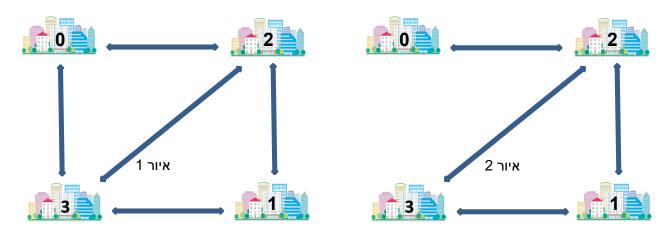
פתחו את הקובץ Assignment2.java **וכיתבו בראשו את שמכם ואת מספר תעודת הזהות שלכם**. משמעות פעולה זו היא שאתם מסכימים על הכתוב בו. דוגמה:

I, Israel Israeli (123456789), assert that the work I submitted is entirely my own. I have not received any part from any other person, nor did I give parts of it for use to others. I realize that if my work is found to contain code that is not originally my own, a formal complaint will be opened against me with the BGU disciplinary committee.

בעיית הטיול הגדול

מבוא

2. באיור מספר 2. נניח שיש 4 ערים $\{0,1,2,3\}$ ושקווי התעופה הם: $\{0,2,3\},\{2,3\},\{2,3\},\{2,3\},\{2,3\}$ כפי שמוצג באיור מספר 2. בדוגמה זו לא ניתן למצוא מסלול שפותר את בעיית הטיול הגדול.



ייצוג מופע של בעיית הטיול הגדול ב־Java

מופע של בעיית *הטיול הגדול* עבור n ערים מיוצג באמצעות מערך flights [][] של n מערכים של מספרים, כאשר המערך [flights[i] מציין את הערים אליהן ניתן לטוס מהעיר i.

אם: n ערים אם מערך דו־ממדי flights מייצג מופע חוקי של בעיית הטיול הגדול על

- .null ובפרט אינו n>1 הוא המערך flights א.
- .null מכיל ערכים בין n-1 ל־n-1 מכיל מערך flights[i] ב. כל מערך
- .i מכיל את הערך flights[i] מכיל אם המערך מכיל את הערך אם flights[i] מכיל הערך ג. לכל המערך אם מכיל את הערך את הערך את הערך את הערך ו
 - .i אינו מכיל את אינו מכיל flights[i] ד. לכל את הערך סכיל את הערך ד. לכל

באופן הבא: באיור מספר 1 ייוצג באיור באיול הגדול המוצג באיול הגדול מספר 1 ייוצג ב־Java דוגמה: [] [flights = {{2,3}, {2,3}, {0,1,3}, {0,1,2}};

ייצוג פתרון לבעיית הטיול הגדול ב־Java

פתרון למופע של בעיית *הטיול הגדול* עבור n ערים מיוצג באמצעות מערך חד־ממדי, בגודל n, של מספרים שלמים, פתרון למופע של בעיית הטיול עבור n מספר העיר שמבקרים בה בשלב ה־i של הטיול.

דוגמה: המערך מיוצג באמצעות מספר 1, מיוצג באמצעות עבור פתרון עבור מחווה $2 \to 1 \to 3 \to 0 \to 2$ דוגמה: int[] solution = $\{2,1,3,0\}$;

נשים לב שהחזרה לעיר המקור (העיר 2) בסוף הטיול אינה מיוצגת באופן מפורש במערך.

בעיים אם: n ערים על בעיית הטיול בעיית מייצג פתרון למופע של נסער tour אם: הגדרה n

- א. המכיל מופיעות במסלול בדיוק (כל הערים המכיל את כל המספרים n המכיל מערך באורך אחת). אחת).
- ל־ tour[n-1] וכן קיים קו תעופה בין ניטור[i+1] ל- tour[i] ל- קיים קו תעופה בין $0 \le i < n-1$ לכל tour[0]

וידוא תקינות קלט

במשימות הבאות נממש כמה פונקציות שיסייעו לנו לבדוק אם מופע נתון לבעיית הטיול הגדול הוא תקין.

משימה 1 (קיום טיסה) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הפונקציה הבאה השלימו

```
public static boolean hasFlight(int[][] flights, int i, int j)
```

true ערך מופע ווtrue מחזירה $0 \leq i,j < n$ ערים שתי ערים של הגדול של int[][flights אשר בהינתן מופע אשר בהינתן אחדרת הפונקציה מחזירה ערך אחדרת הערך i לעיר לעיר אחדרת הפונקציה מחזירה ערך אחדרת הערך ווער אחדרת הערר אחדרת הערר אחדרת הערר אחדרת הערר אחדרת ווער אחדרת הערר אודרת הערר אחדרת הערר אודרת הערר אחדרת הערר אודרת הערר אודרת

לדוגמה, קטע הקוד הבא

```
int[][] flights = {{2,3}, {2,3}, {0,1,3}, {0,1,2}};
System.out.println(hasFlight(flights,1,2));
System.out.println(hasFlight(flights,0,1));
System.out.println(hasFlight(flights,1,1));
```

ידפיס את שלוש השורות הבאות:

true
false
false

במשימה זו, יש להניח שהקלט תקין. כלומר: ש־flights הוא מופע חוקי לבעיית הטיול הגדול על n ערים (לפי הגדרה במשימה זו, וששתי הערכים i,j < n הן ערכים i,j < n

משימה 2 (מופע חוקי) (10 נקודות):

בהינתן מערך דו־ממדי, נבדוק שהוא מייצג מופע תקין של בעיית הטיול הגדול. השלימו את הגדרת הפונקציה הבאה בהינתן מערך בקובץ Assignment2.java:

public static boolean isLegalInstance (int[][] flights)

הפונקציה תחזיר ערך true אם ורק אם המערך הדו־ממדי flights מקיים את התנאים של מופע תקין לפי הגדרה true הפונקציה קטע הקוד הבא

```
int[][] flights1 = {{2,3}, {2,3}, {0,1,3}, {0,1,2}};
int[][] flights2 = {{2,3}, {2,3}, {0,3}, {0,1,2}};
int[][] flights3 = {{2,3}, {1,3}, {0,1,3}, {0,2}};
int[][] flights4 = {{2,3}, {1,2,3}, {0,1,3}, {0,1,2}};
System.out.println(isLegalInstance(flights1));
System.out.println(isLegalInstance(flights2));
System.out.println(isLegalInstance(flights3));
System.out.println(isLegalInstance(flights4));
```

ידפיס את ארבע השורות הבאות:

true false false false

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- יש להחזיר ערך false אם הקלט אינו תקין. -
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

וידוא פתרון לבעיית הטיול הגדול

משימה 3 (פתרון חוקי) (10 נקודות):

נבדוק, tour ארים, ומערך ערים, ערים, בעיית הטיול בעיית מופע אל המיצג מופע flights בהינתן מערך דו־ממדי מערך בהינתן אל מופע. השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ בתרון למופע. השלימו את הפונקציה הבאה בקובץ בתרון למופע.

public static boolean isSolution(int[][] flights, int[] tour)

הפונקציה תחזיר ערך true אם ורק אם המערך tour מקיים את התנאים לפתרון לפי הגדרה 2 עבור המופע flights. לדוגמה, קטע הקוד הבא מתאר מספר קלטים אפשריים ואת התוצאה עבורם. חלק מהקלטים כוללים מערכים שאינם מייצגים טיול באופן חוקי (למשל מכילים עיר שאינה בטווח המתאים) ועבורם יש לזרוק חריגה.

```
int[][] flights = {{2,3}, {2,3}, {0,1,3}, {0,1,2}};
int[] tour1 = {2,0,3,1};
int[] tour2 = {1,0,4,3};
int[] tour3 = {1,3,2,0};
int[] tour4 = {1,3,2,0,4};
int[] tour5 = {0,3,2};
System.out.println(isSolution(flights, tour1));
System.out.println(isSolution(flights, tour2));
System.out.println(isSolution(flights, tour3));
System.out.println(isSolution(flights, tour4));
System.out.println(isSolution(flights, tour4));
```

כשנריץ את קטע הקוד יודפסו חמש השורות הבאות:

```
true
IllegalArgumentException
false
IllegalArgumentException
IllegalArgumentException
```

- ערים. n>1 ערים מופע מייצג מופע הניחו שהמערך -
 - .tour אין להניח שום הנחות על המערך -
- .n אינו מערך באורך tour אם IllegalArgumentException פונקציה זו זורקת חריגת -
- פונקציה זו זורקת מספרים שבין פונקציה אם IllegalArgumentException אם חריגת פונקציה זו זורקת חריגת חריגת חריגת וורקת חריגת חרי

בעיית הספיקות

בחלק זה של העבודה נכיר את הייצוג של משתנים ופסוקיות CNF ב־Java וכן נלמד כיצד להשתמש ב"פותרן לבעיית הספיקות".

תזכורת לגבי תחשיב הפסוקים

נוסחה בוליאנית בצורת CNF היא קוניונקציה ("וגם") של פסוקיות. פסוקית היא דיסיונקציה ("או") של ליטרלים. ליטרל הוא משתנה בוליאני או שלילה של משתנה בוליאני. <u>כדי להימנע מבלבול בין המשתנים של ג'אווה לבין אלו של CNF</u>. למשתנים של ה־CNF נקרא משתני CNF.

.false או true אשר משתנה לכל משתנה ערך אשר מתמטית) אשר השמה היא פונקציה (מתמטית)

עבור נוסחה בוליאנית בצורת CNF, השמה היא מספקת אם היא מספקת את כל הפסוקיות. השמה מספקת פסוקית אם היא מספקת ליטרל אם: הליטרל הוא מהצורה x_i וההשמה מציבה או ליטרל אם: הליטרל הוא מהצורה x_i CNF, או שהליטרל הוא מהצורה x_i רוההשמה מציבה ערך למשתנה ה־ x_i CNF, או שהליטרל הוא מהצורה ה

בעיית הספיקות עוסקת בשאלה: בהינתן נוסחה בוליאנית, האם קיימת עבורה השמה מספקת?

יוכורת לגבי הייצוג של נוסחאות ב־Java:

 x_1, x_2, \dots, x_n : ועד מוספרים ברצף מ"ל תמיד היו משתני ה-CNF בייצוג של ג'אווה, משתני ה-

- -i את הליטרל x_i נייצג בג'אווה באמצעות המספר ו, ואת הליטרל x_i נייצג באמצעות המספר x_i
 - ייצוג של הפסוקית מערך מערך המכיל את הייצוג של מערך מערך את נייצג פסוקית נייצג פסוקית מערך המכיל את באמצעות מערך ($x_1 \lor x_4 \lor \neg x_{17} \lor x_6 \lor x_4 \lor x_{19} \lor \neg x_3$)

 $int[] clause = \{1,4,-17,6,4,19,-3\}$

int[][] formula = {{1,3,5}, {2,4,-3},{-5,8,-12}}

תזכורת לגבי הייצוג של השמה ב־Java:

נייצג השמה למשתני באורך $x_1,...,x_n$ CNF. באמצעות מערך בוליאני באמצעות מערך באורך $x_1,...,x_n$ CNF. השמה למשתני משמעות לאיבר וו CNF היא הערך של משתנה הערך משתנה הרעד מרדי מור מור מערך. למשל, את ההשמה בערך. למשל, את ההשמה בערך. למשל, את ההשמה באון במערך. למשל, את ההשמה באון במערך. למשל, של בישור באמצעות המערך [0] assignment (true, false, false, true, true). יש לשים לב שאין משמעות לערך באיבר הראשון.

נכתוב פונקציות ב־Java שמגדירות שלוש נוסחאות בוליאניות. כל אחת מהן תבטא אילוץ על קבוצה של משתני CNF. נוסחה מבטאת אילוץ על קבוצה של משתני CNF אם קבוצת ההשמות המספקות שלה תואמת את כל האופנים שבהם ניתן לספק את האילוץ. בהינתן אילוץ, נרצה להגדיר נוסחה שקבוצת ההשמות המספקות שלה תואמת בדיוק את האופנים שבהם ניתן לספק את האילוץ.

 $(x \lor \neg y) \land (\neg x \lor y)$:CNF: נוסחאת ש־((x = y), אואילוץ שאומר (x, y) ואילוץ. זאת משום בוליאנים ארבע השמות אפשריות, מתוכן רק שתי השמות מספקות, והן: מבטאת את האילוץ. זאת משום שלנוסחה לעיל ארבע השמות אפשריות, מתוכן רק שתי השמות מספקות, והן: (x = false, y = false) ו- (x = true, y = true)

ייצוג מספרים בעזרת משתנים בוליאנים

דרך נפוצה לייצג מספרים בעזרת משתנים בוליאנים היא כזו: מספר שלם בתחום n מיוצג בעזרת סדרה של true משתנים בוליאנים (x_{i_k}) משתנים בסדרה המשתנה ה-k בסדרה (x_{i_k}) מקבל את הערך k אם ורק אם הערך של המספר המיוצג על ידי סדרת המשתנים הוא k. נשים לב שבייצוג זה עלינו להבטיח שבדיוק אחד מהמשתנים בסדרה מקבל את הערך. k

למשל מספר לא ידוע I בתחום 0..2 ניתן לייצג בעזרת סדרה של שלושה משתנים כלשהם, למשל 0..2 ניתן לייצג בעזרת סדרה x_{17} מקבל את הערך x_{17} אם המתשנה הראשון בסדרה x_{17} אם המשתנה ל-0 אם המשתנה השרישי בסדרה x_{31} מקבל את הערך x_{31} את הערך x_{31} לבדיוק אחד מבין שלושת המשתנים. true הנוסחה הבאה מאלצת כל השמה מספקת לתת ערך true לבדיוק אחד מבין שלושת המשתנים.

$$x_{17} \lor x_9 \lor x_{31}$$

 $\neg x_{17} \lor \neg x_9$
 $\neg x_{17} \lor \neg x_{31}$
 $\neg x_9 \lor \neg x_{31}$

ההשמות המספקות לנוסחה הן:

$$[x_{17} = T, x_9 = F, x_{31} = F]$$

 $[x_{17} = F, x_9 = T, x_{31} = F]$
 $[x_{17} = F, x_9 = F, x_{31} = T]$

כל אחת מההשמות המספקות קובעת את הערך של המספר I באופן אחד ויחיד (לערכים 0,1,2 בהתאמה).

באופן באום Java: נייצג ב־שתנים (x_{17}, x_9, x_{31}) באופן את סדרת שמאלצת שמאלצת הנוסחה שמאלצת את המספר ואת הנוסחה שמאלצת את הנוסחה שמאלצת את המספר ואת המספר ואת הנוסחה שמאלצת את הנוסחה שמאלצת את המספר ואת המספר ואת הנוסחה שמאלצת את המספר ואת המספר ו

$$int[]I = \{17,9,31\};$$

 $int[][]cnf = \{\{17,9,31\}, \{-17,-9\}, \{-17,-31\}, \{-9,-31\}\}$

במשימות הבאות נכתוב מספר פונקציות ב־Java, אשר בהינתן מערך של משתני CNF, מחזירות נוסחה המאלצת כל השמה מספקת לתת ערך true ללפחות/ללכל היותר/לבדיוק אחד מהמשתנים.

משימה 4 (לפחות אחד) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו את הגדרת הפונקציה בקובץ

public static int[][] atLeastOne(int[] vars)

הפונקציה מקבלת מערך של משתני CNF, ומחזירה נוסחת CNF שמאלצת כל השמה מספקת לתת ערך true ללפחות אחד מהמשתנים מהמערך.

,true הדרכה: התבוננו בקלט לקבל ערך יהנוסחה שמאלצת לפחות הוחד הנוסחה ווnt[] vars = $\{17,9,31\}$ לקבל ערך הדרכה: או ש־ x_{31} או ש־בנוסחה אילוץ זה כנוסחה בצורת CNF. שימו לב שבנוסחה זו פסוקית יחידה, והכלילו לקלט כלשהו.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו שהמערך vars אינו null ומכיל שמות משתני CNF חוקיים (גדולים מ־0) ושונים זה מזה.
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 5 (לכל היותר אחד) (5 נקודות):

:Assignment2.java בקובץ הפונקציה הגדרת הבדרת השלימו

public static int[][] atMostOne(int[] vars)

הפונקציה מקבלת מערך של משתני CNF, ומחזירה נוסחת CNF המאלצת כל השמה מספקת לתת ערך true לאחד מהמשתנים במערך לכל היותר.

,true הדרכה: התבוננו בקלט (int[] vars = $\{17,9,31\}$ נוסחה שאומרת שאחד המשתנים לכל היותר מקבל ערך ערך וגם הדרכה: אומרת אומרת למעשה: לא נכון שזוג המשתנים x_{17},x_9 מקבלים שניהם את הערך x_{17},x_{31} מקבלים שניהם את הערך true, וגם לא נכון שזוג המשתנים x_{17},x_{31} מקבלים שניהם את הערך true, וגם לא נכון שזוג המשתנים x_{17},x_{31} מקבלים שניהם את הערך CNF, והכלילו לקלט כלשהו.

- הניחו שהמערך vars אינו null ומכיל שמות משתני CNF חוקיים (גדולים מ־0) ושונים זה מזה.
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 6 (שרשור מערכים דו־ממדיים) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו את הגדרת הפונקציה בקובץ

```
public static int[][] append(int[][] arr1, int[][] arr2)
```

הפונקציה מקבלת שני מערכים דו־ממדיים arr1, arr2, ומחזירה מערך דו־ממדי שהוא השרשור שלהם. כלומר, הפלט מרונקציה מקבלת שני מערכים מ-arr2, מסודרים לפי הוא מערך המכיל מערכים הזהים בתוכנם למערכים מ-arr2, מסודרים לפי מדר1 ולאחריהם יופיעו מערכי arr2.

פונקציה זו תשמש אתכם כאשר תצטרכו לשרשר נוסחאות CNF עבור אילוצים שונים.

דוגמה:

```
int[][] arr1 = {{1,2},{7,9,10}};
int[][] arr2 = {{3,5,7,9},{16,10,11}};
int[][] arr3 = append(arr1,arr2)
for (int i = 0; i < arr3.length; i=i+1){
    for (int j = 0; j < arr3[i].length; j=j+1){
        System.out.print(arr3[i][j] + "");
    }
    System.out.println();
}

1 2
7 9 10
3 5 7 9
16 10 11
```

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 7 (בדיוק אחד) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו את הגדרת הפונקציה בקובץ

public static int[][] exactlyOne(int[] vars)

הפונקציה מקבלת מערך של משתני CNF, ומחזירה נוסחת CNF שמאלצת כל השמה מספקת לתת ערך true <u>לבדיוק</u> אחד מהמשתנים שבמערך.

הדרכה: אם לפחות אחד המשתנים מקבל ערך *true,* וגם לכל היותר אחד המשתנים מקבל ערך *true,* אז בדיוק אחד המשתנים מקבל ערך *true.*

- הניחו שהמערך vars אינו null ומכיל שמות משתני CNF חוקיים (גדולים מ־0) ושונים זה מזה.
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 8 (שני מספרים שונים זה מזה) (10 נקודות):

:Assignment2.java השלימו את הגדרת הפונקציה בקובץ

```
public static int[][] diff(int[] I1, int[] I2)
```

הפונקציה מקבלת שני מערכים באורך n של משתני CNF אשר מייצגים מספרים בתחום 0... ומחזירה נוסחת הפונקציה מקבלת את המספרים המיוצגים להיות שונים זה מזה.

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו שהמערכים 11,I2 אינם null, מכילים שמות משתני CNF חוקיים (גדולים מ־0) ואורכם זהה.
 - הניחו בנוסף ש־I1,I2 מייצגים מספרים בתחום -
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

דוגמה: קטע הקוד הבא מגדיר 2 מספרים בתחום 0...2 בעזרת משתני CNF ומאלץ את המספרים להיות שונים:

```
int[] I1 = {1,2,3};
int[] I2 = {4,5,6};
int[][] cnf1 = exactlyOne(I1);
int[][] cnf2 = exactlyOne(I2);
int[][] cnf3 = diff(I1,I2);
int[][] cnf = append(cnf1,append(cnf2,cnf3));
int nVars = 6;
SATSolver.init(nVars);
SATSolver.addClauses(nVars);
boolean[] assignment = SATSolver.getSolution();
```

ערך אפשרי למערך assignment שמייצג השמה מספקת של הנוסחה) מאייצג השמה (שמייצג השמה שמייצג את assignment ערך אפשרי למערך $\{false, true, false, false, false, true, false\}$

רדוקציה מבעיית הטיול הגדול לבעיית הספיקות

תיאור הרדוקציה:

המערך הד map בהינתן מופע של בעיית *הטיול הגדול על n ערים*, נייצג פתרון של הבעיה בעזרת מערך של n של מערכים. מערכים ב־בעד ה־i של פתרון לבעיה.

מציין map ערים, נגדיר מערך מערך של של $i \leq i \leq 3$ ערכים. המערך ה־4 מערכים, נגדיר מערך מערק ערים, נגדיר מערכים, ואחד מארכים בחחם את משתני ה־11, I2, I3, I4 של מספר לא ידוע בתחום $i \in I$. קטע הקוד הבא מגדיר 4 מערכים לא ידוע בתחום $i \in I$. בשורה האחרונה מוגדר מכיל 4 משתני CNF בייצוג של של של מערכים. כל אחד מארבעת המערכים. מייצג מספר בין $i \in I$ ל־3. בשורה האחרונה מוגדר המערך משמכיל את ארבעת המערכים.

//java representation of the CNF variables

נרצה להגדיר נוסחת CNF שכל השמה מספקת שלה נותנת ערכים למשתני ה־CNF ב־map, כך שהמספרים המיוצגים על ידי המערכים ב-map מהווים פתרון למופע נתון של בעיית הטיול הגדול. לשם כך, נגדיר כמה אילוצים בוליאנים על משתני ה-CNF.

:map ידי על ידי מפתרון מפתרון מופע על n בהינתן מופע על ידי בהילוצים הבאים מייצגים את הדרישות מפתרון המיוצג על

- א. כל מערך ב־map מייצג מספר בתחום .0..n-1
- ,
map ב- (i < j) I_i , I_j שני מערכים לכל שני מזו. כלומר, מזו שונות map ב. כל הערים בפתרון המיוצג על די שונה מהמספר המיוצג על די ווא שונה מהמספר המיוצג על די אונה מהמספר המיוצג על די ווא שונה מהמספר המיוצג על די שונה מהמספר המיוצג על די ווא שונה מווא שני ווא שונה מווא של המיוצג על די ווא שונה מווא של המיוצג על די ווא שונה מווא של די ווא שונה מווא של די ווא של די ווא
 - ג. כל הצעדים בפתרון המיוצג על ידי map ג. כל הצעדים בפתרון

בניית נוסחת CNF לייצוג הדרישות ב־Dava

במשימות הבאות נממש תכנית ב־Java אשר מקבלת מופע של בעיית הטיול הגדול על n ערים ומייצרת את נוסחת ה־ CNF המתאימה לה בייצוג של Java.

משימה 9 (מיפוי המשתנים) (5 נקודות):

במשימה זו נבנה את המערך map עבור מופע על n ערים. השלימו את הגדרת הפונקציה הבאה בקובץ Assignment2.java:

public static int[][] createVarsMap(int n)

CNF-משתני המייצג את משתני דו־ממדי מערך ומחזירה מערך מספר n מספר (מספר הערים במופע) הפונקציה מקבלת כקלט מספר n ערים.

דוגמה:

```
int n = 4;
int[][] map = createVarsMap(n) ;
for (int i = 0; i < n; i=i+1) {
        for (int j = 0; j < n; j=j+1) {
            System.out.print(map[i][j] + " ");
        }
        System.out.println();
}
system.out.println();

1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
13 14 15 16</pre>
```

n עד n ממוספרים מ"ב מערך המשתנים במערך המשתנים מוספרים מ"ב מאופן הבא: המשתנים במערך המשתנים במערך n+1 ועד n+1.

הנחות על הקלט וחריגות:

- n > 1הניחו ש- -
- פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 10 (כל מערך ב־map מייצג מספר) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הפונקציה הבאה בקובץ

public static int[][] declareInts(int[][] map)

הפונקציה מקבלת מערך map המייצג פתרון למופע על n ערים, ומחזירה נוסחת map הפונקציה מערך של משתנים ב-מדיעה המייצג מספר בתחום 0,...,

- .12 מייצג באופן תקין פתרון עבור מופע על map מייצג באופן הקין פתרון עבור -
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 11 (כל הערים בפתרון שונות) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הפונקציה הבאה השלימו

public static int[][] allDiff(int[][] map)

את לכל המאלצת לכל מערך מחחת ערים, ומחזירה למופע על המייצג פתרון המייצג פתרון המייצג פתרון המייצג פתרון המייצג מספרים השונים זה מזה. המערכים $\max[j]$ המאלצת לכל המייצג מספרים השונים המייצג מספרים המייצג מייצג מייצג מייצג מייצג מייצג מייצג מי

הנחות על הקלט וחריגות:

- .12 מייצג באופן תקין פתרון עבור מופע על n ערים כמתואר במשימה הניחו ש־map
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

.x שכתבתם במשימה diff בפונקציה במשימה

משימה 12(כל הצעדים חוקיים) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו את הגדרת הפונקציה הבאה בקובץ

הפונקציה מקבלת מופע flights של בעיית הטיול הגדול על n ערים, ומערך map המייצג פתרון למופע על n ערים, מחנקציה מקבלת מופע על CNF המאלצת כל פתרון להכיל טיסות חוקיות.

פתרון מכיל טיסות חוקיות אם רצף הטיסות שהוא מציין מורכב מטיסות קיימות במופע flights פתרון מכיל טיסות חוקיות אם רצף הטיסות שהוא מציין מורכב מטיסות קיימות במופע j, וגם - העיר בשלב ה־i באופן הבא: אם העיר בשלב ה־i באופן דומה את הצעד האחרון היא i, אזי קיימת טיסה בין i ל־i במופע flights. כמו כן, נרצה לאלץ באופן דומה את הצעד האחרון i ל־i היא i אזי קיימת טיסה בין i ל־i היא i וגם - העיר בשלב ה־i היא i אזי קיימת טיסה בין i ל־i במופע flights.

. בהשמה בשמה true מקבל את מקבל map[s][t] CNF אם משתנה היא t היא הערך שימו לב שהעיר בשלב היא

את האילוץ: CNF את בעזרת לבטא בעזרת לבטא עבור כל i < n-1. עבור כל מרכוס בעזרת את נתאר את נתאר את נתאר

$$map[i][j] \land map[i+1][k] \rightarrow hasFlight(flights, j, k)$$

או true רד והא הערך ור משתני map[i+1][k] הוא הערך הם משתני map[i+1][k] באור ור אור ור ור ור ור אילוץ זה ניתן לרשום באופן שקול כפסוקית באופן הבא: false

$$\neg map[i][j] \lor \neg map[i+1][k] \lor hasFlight(flights, j, k)$$

נשים לב שאם הערך של הערק אזי הפסוקית הוא hasFlight(flights,j,k) נשים לב שאם הערך של ללא קשר להוסיף אילוץ במקרה זה.

אזי הפסוקית מסתפקת אם ורק אם אוזי ,false הוא hasFlight(flights, j, k) לעומת את, אם הערך של . $\neg map[i][j] \lor \neg map[i+1][k]$

לסיכום, לכל hasFlight(flights,j,k) = false יש להוסיף את הפסוקית , hasFlight(flights,j,k) = false . $\neg map[i][j] \lor \neg map[i+1][k]$

באופן דומה, נוסיף פסוקית שמבטיחה שהחזרה לעיר המקור היא גם צעד חוקי. באופן דומה, נוסיף פסוקית שמבטיחה hasFlight(flights,j,k)=false את הפסוקית לכל $-map[n-1][j] \lor -map[0][k]$

הנחות על הקלט וחריגות:

- הניחו ש־flights מייצג מופע תקין על n ערים.
- .12 מייצג באופן תקין פתרון עבור מופע על n הניחו ש־map מייצג באופן תקין פתרון עבור
 - פונקציה זו אינה זורקת חריגות.

משימה 13 (ממיר קלט) (5 נקודות):

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול ומערך map המייצג פתרון למופע על n ערים, נבנה נוסחת CNF המקודדת את בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול ומערך השלימו את הגדרת הפונקציה הבאה בקובץ Assignment2.java:

public static void encode(int[][] flights, int[][] map)

הפונקציה מקבלת מופע של הבעיה *flights,* וכן מערך map שמייצג פתרון למופע על n ערים, <u>ומוסיפה לפותרן</u> נוסחת CNF המקודדת את האילוצים של מופע נתון של בעיית הטיול הגדול. שימו לב שהפונקציה אינה מחזירה ערך.

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- יש לזרוק חריגה אם הקלט flights אינו מייצג מופע תקין לבעיית הטיול הגדול.
- .12 אינו מייצג שתואר על n ערים על מופע מייצג מייצג מייצג שתואר אם אינו יש יש לזרוק אינו n

משימה 14 (ממיר פלט) (5 נקודות):

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הפונקציה הבאה השלימו

public static int[] decode(boolean[] assignment, int[][] map)

הפונקציה מקבלת השמה assignment למשתני ה־CNF המתוארים במערך map. על הפונקציה להחזיר מערך המהווה פתרון למופע כך שהערך בתא ה־i של המערך הוא מספר העיר שנבקר בה בצעד ה־i במסלול.

הנחות על הקלט וחריגות:

- .12 מייצג באופן תקין פתרון עבור מופע על n ארים כמתואר במשימה map -
 - .null אינו assignment הניחו –
- עד מרוק הריגה אם משתני ה־CNF אינו מערך באורך n^2+1 (זכרו כי משתני ה-ssignment יש לזרוק חריגה אם מרונטית). מוספרים מ־ n^2

דוגמה:

0 3 1 2 :הפלט עבור קטע קוד זה הוא:

משימה 15 (מציאת פתרון למופע) (10 נקודות):

לבסוף, אנו מוכנים לחבר את חלקי העבודה יחדיו ולממש פתרון לבעיית הטיול הגדול באמצעות רדוקציה לבעיית הספיקות הבוליאנית. השלימו את הגדרת הפונקציה הבאה בקובץ Assignment2.java:

public static int[] solve(int[][] flights)

הפונקציה מקבלת כקלט מופע של בעיית הטיול הגדול. על הפונקציה:

- .map לייצר את המערך
- לאתחל פותרן לבעיית הספיקות.
- לקודד את המופע flights, בעזרת המערך map, לנוסחת CNF ולהוסיף את הפסוקיות לפותרן.
 - להפעיל את הפותרן.

- אם מתקבלת השמה מספקת:
- יש לפענח את ההשמה המספקת לפתרון (נסמנו ב־s).
- ס לוודא כי s הוא פתרון חוקי למופע שקיבלתם ולהחזיר תשובה בהתאם:
 - אם s הוא פתרון חוקי, יש להחזירו.
- אחרת, יש לזרוק חריגה שמציינת שהפתרון אינו חוקי (מקרה זה ייתכן אם הנוסחה שמתארת את האילוצים הנדרשים מהפתרון אינה נכונה).
 - אם אין השמה מספקת, יש להחזיר את הערך null

הנחות על הקלט וחריגות:

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- יש לזרוק חריגה אם הקלט flights אינו מייצג מופע תקין לבעיית הטיול הגדול.
- יש לזרוק חריגה אם המופע היה בלתי פתיר עקב מגבלות זמן (timeout). פרטים נוספים על מגבלות זמן ניתן למצוא בנספח לעבודה זו.
 - יש לזרוק חריגה במידה שיש השמה מספקת אך הפתרון המתקבל ממנה אינו חוקי.

משימה 16 (קיום של לפחות שני מסלולים) (5 נקודות):

בהינתן מופע של בעיית הטיול הגדול, נרצה לדעת אם קיימים למופע זה <u>שני</u> פתרונות שונים כך שהעיר הראשונה במסלול היא s והעיר האחרונה (לפני החזרה ל־s) היא t.

:Assignment2.java השלימו הבאה הפונקציה הפונקציה הבאה השלימו

public static boolean solve2(int[][] flights, int s, int t)

הפונקציה מקבלת כקלט מופע של בעיית הטיול הגדול flights, את מספר העיר שנתחיל ממנה את הטיול (s), ואת מספר העיר שנסיים בה את הטיול (t) (לפני החזרה ל־s). הפונקציה מחזירה שני שני בה את הטיול (t) (לפני החזרה ל־s) והעיר האחרונה (לפני החזרה ל־s) היא t.

- אין להניח שום הנחות על הקלט.
- יש לזרוק חריגה אם הקלט flights אינו מייצג מופע תקין לבעיית הטיול הגדול.
- יש לזרוק חריגה אם המופע היה בלתי פתיר עקב מגבלות זמן (timeout). פרטים נוספים על מגבלות זמן ניתן למצוא בנספח לעבודה זו.
 - יש לזרוק חריגה במידה שיש השמה מספקת אך הפתרון המתקבל ממנה אינו חוקי.



נספח: שימוש בפותרן לבעיית הספיקות

העבודה על שני בוף שסופק בים בקובץ ה-zip שטופק לכם לעבודה זו: מסתמכת על שני קבצים שנמצאים בקובץ ה-SATSolver.java ו-SATSolver.java

הקובץ SATSolver.java מכיל עיקרי הממשק שתשתמשו בו לעבודה עם הפותרן.

הקובץ לפרוייקט כפי שמתואר בסוף נספח זה. org.sat4j.core.jar מממש את הפותרן עצמו. יש להוסיף את הקובץ

יש להוסיף את הקובץ SATSolver.java לאותה התיקייה יחד עם שאר קבצי הג'אווה של עבודת הבית. אין לשנות את קובץ זה, ואין להגישו יחד עם קבצי המשימה. בקובץ נמצאים עיקרי הממשק לפותרן בעיית הסיפוק הבוליאני (SAT קובץ זה, ואין להגישו יחד עם קבצי המשימה. SAT4J אם תרצו ללמוד יותר על פותרן זה, תוכלו להיעזר בגוגל.

כדי למצוא השמה מספקת לנוסחת CNF בעזרת הפותרן, יש לאתחל את הפותרן, להוסיף את הפסוקיות המהוות את הנוסחה ולבקש השמה מספקת (פתרון).

ציקרי הממשק של ה־SAT Solver:

- אתחול: יש לבצע קריאה לפונקציה (SATSolver.init(int nVars) מציין מאחול: יש לבצע קריאה לפונקציה (כאשר הערך במשתנה אתחול: יש משתני ה־CNF שופיעו בנוסחת ה־CNF יילקחו אך ורק מתוך הקבוצה (כאחר אתחול הפותרן בקריאה: (SATSolver.init(34), יהיה אפשר להתייחס רק למשתני מתוך הקבוצה $\{x_1, ..., x_{34}\}$
 - הוספת פסוקית: כדי להוסיף פסוקית בודדת לפותרן, יש לקרוא לפונקציה כדי להוסיף פסוקית בודדת לפותרן, יש לקרוא SATSolver.addClause(int[] clause)

כאשר המערך clause מייצג פסוקית. למשל, שורות הקוד הבאות:

```
int[] clause = {5,2,-6,7,12};
SATSolver.addClause(clause);
```

. לפותרן ($x_5 \lor x_2 \lor \neg x_6 \lor x_7 \lor x_{12}$) לפותרן את יוסיפו את

• הוספת פסוקיות: כדי להוסיף כמה פסוקיות לפותרן, יש לקרוא לפונקציה SATSolver.addClauses(int[][] clauses) מייצג את הפסוקיות. למשל, שורות הקוד הבאות: כאשר המערך הדו־ממדי clauses

```
int[][] clauses = { {5,-2,6}, {4,-17,99} };
SATSolver.addClauses(clauses);
```

. לפותרן ($x_4 \lor \neg x_{17} \lor x_{99}$) ו- ($x_5 \lor \neg x_2 \lor x_6$) לפותרן

שהצטברה עד כה ב־SATSolver, יש לקרוא (CNF שהצטברה עד כה ב־SATSolver, יש לקרוא לפונקציה

SATSolver.getSolution()

פונקציה זו מחזירה ערך לפי אחת משלוש האפשרויות הבאות:

- 1. **מערך בוליאני שאינו ריק** במידה שישנה השמה מספקת, אורך המערך יהיה כמספר המשתנים פלוס אחד. מערך זה מייצג השמה מספקת כפי שהוסבר במבוא לחלק 2 של העבודה, בסעיפי התזכורות.
 - 2. מערך בוליאני ריק במידה שהנוסחה אינה ספיקה (לא קיימת לה השמה מספקת).
 - 3. ערך timeout) של timeout במידה שהפותרן לא מצא פתרון, עקב מגבלת זמן

דוגמאות:

 $(x_1) \land (\neg x_1 \lor \neg x_2) \land (x_2 \lor x_3)$ בעלת שלוש פסוקיות: (CNF בעלת מגדירה נוסחת מבקשת השמה מספקת מהפותרן, ומדפיסה פלט בהתאם לתוצאה: "SAT" אם הנוסחה מסתפקת, "TIMEOUT" אם הנוסחה אינה מסתפקת.

הפלט של תכנית זו הוא "SAT".

2. התכנית הבאה מגדירה נוסחת CNF בעלת ארבע פסוקיות:

$$((x_1) \land (\neg x_1 \lor \neg x_2) \land (x_2 \lor x_3) \land (\neg x_1 \lor \neg x_3))$$

מבקשת השמה מספקת מהפותרן, ומדפיסה פלט בהתאם לתוצאה: "SAT" אם הנוסחה מסתפקת, "TIMEOUT" אם הפותרן לא מצא פתרון עקב מגבלת זמן ו־"UNSAT" אם הנוסחה לא מסתפקת .

הפלט הצפוי הוא "UNSAT".

- 3. הקובץ ExamplesSAT.java מכיל כמה דוגמאות נוספות של נוסחאות מסתפקות.
- 4. הקובץ ExamplesUNSAT.java מכיל כמה דוגמאות נוספות של נוסחאות שאינן מסתפקות.

כיצד לשלב את הפותרן בפרויקט אקליפס?

בתחילת העבודה מומלץ ליצור פרויקט java בסביבת אקליפס ולבצע את הפעולות הבאות:

- 1. להוסיף את כל קובצי הקוד המצורפים לעבודה לספריית הקוד של הפרויקט. ספריית הקוד בפרויקט אקליפס מקבלת את השם src כברירת מחדל.
 - 2. שימו לב כי בקובצי הקוד שקיבלתם:
 - ם. ישנו קובץ שנקרא .org.sat4j.core.jar. זהו הקובץ המכיל את הפותרן. אינכם צריכים לעבוד .a איתו ישירות, אבל צריך שיהיה בספריית הקוד שלכם.
 - b. אתם צריכים. מצאות כל הפונקציות שאתם צריכים. מענו קובץ שנקרא SATSolver.java. הקודם "עיקרי הממשק של ה־ SAT עבור העבודה עם הפותרן. פונקציות אלו מתוארות בסעיף הקודם "עיקרי הממשק של ה־ Solver".
 - 3. כדי שיהיה אפשר לעבוד עם הפותרן, יש להוסיף אותו ל־Build Path של הפרויקט. למשל כך:
- .a באקליפס, לחצו עם המקש הימני של העכבר על הקובץ org.sat4j.core.jar שהוספתם לפרויקט.
 - . "Add to Build Path" בחרו באפשרות "Build Path" בחרו באפשרות. .b
- .c כדי לוודא שהפותרן אכן משולב בפרויקט, תוכלו לכתוב פונקציית main עם קוד מאחת הדוגמאות שבסעיף הקודם ולוודא שהדוגמה אכן עובדת.