

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра АПУ

**«Нелинейное и адаптивное управление в технических
системах»**

Студент гр. 7391

Преподаватель

Посвященный Д.Е.

Никонов А.Н.

Санкт-Петербург

2021

▼ Исходные данные

Система управления разрабатывается для обеспечения желаемого уровня температуры в помещении, заданной пользователем кондиционера.

В объекте управления имеется 2 датчика и один исполнительный механизм:

- датчик температуры теплоносителя
- датчик температуры в помещении
- нагревательный элемент

Динамика показаний датчиков описывается следующей моделью:

Чтобы изменить содержимое ячейки, дважды нажмите на нее (или выберите "Ввод")

$$\dot{T}2 = -18T1 - 0.1T2^3 + dT20 + \cos(2T2 + 4) - 6,$$

$$\dot{T}1 = -0.1T1^3 + 5T1\sin(8T2 + 7) + 30\tanh(I) + 6,$$

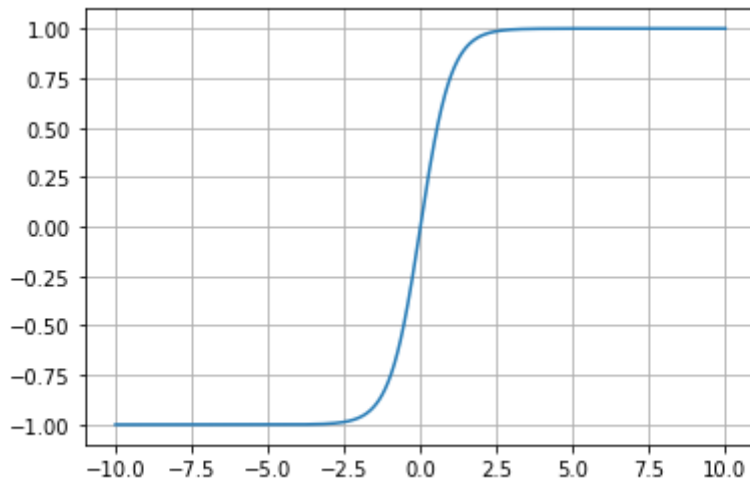
где $T1$ - температура теплоносителя, $T2$ - температура в помещении, I - сила тока, протекающего через нагревательный элемент, $dT20 \in [9, 19]$ - неконтролируемое возмущение в системе.

▼ Ход работы

Чтобы корректно провести процедуру автоматического синтеза, необходимо упростить модель.

В окрестности нуля гиперболический тангенс - линейная функция. Таким образом выражение $30\tanh(I)$ упрощается до $30I$.

```
1 import numpy as np
2 import math
3 import matplotlib.pyplot as plt
4
5 dt = np.linspace(-10, 10, 1000)
6
7 plt.grid()
8 plt.plot(dt, np.tanh(dt))
9 plt.show()
```



```

1 import sympy
2
3 T2=sympy.symbols('T2')
4 T1=sympy.symbols('T1')
5 dT20=sympy.symbols('dT20')
6 I=sympy.symbols('I')
7 G = sympy.symbols("G")
8
9 dT2 = -18*T1-0.1*T2**3+dT20+sympy.cos(2*T2+4)-6
10 dT1 = -0.1*T1**3+5*T1*sympy.sin(8*T2+7)+G*I+6
11
12 print('Модель системы:')
13 print('dT2/dt = ' + str(dT2))
14 print('dT1/dt = ' + str(dT1))

```

Модель системы:

$\frac{dT2}{dt} = -18 \cdot T1 - 0.1 \cdot T2^3 + dT20 + \cos(2 \cdot T2 + 4) - 6$
 $\frac{dT1}{dt} = G \cdot I - 0.1 \cdot T1^3 + 5 \cdot T1 \cdot \sin(8 \cdot T2 + 7) + 6$

▼ Эталонная модель системы

$$\dot{T}2_d = T2_d - T2$$

$$\dot{T}2 - \dot{T}2_d = 0$$

```

1 from sympy.solvers import solve
2 T2d=sympy.symbols("T2_d")
3
4 DT2d = T2d - T2
5 T1D=solve(dT2-DT2d, T1)
6
7 print(str(T1D))

```

$[-0.005555555555555556 \cdot T2^3 + 0.05555555555555556 \cdot T2 - 0.05555555555555556 \cdot T2_d + 0.05$

Получена желаемая функция управления для эталонной модели $T2_d = -T2 + T2_d$:

$$T1 = -0.005555555555555556 * T2^3 + 0.05555555555555556 * T2 - 0.05555555555555556 * dT20 + 0.05555555555555556 * \cos(2 * T2 + 4.0) - 0.3333333333333333$$

▼ Функция выхода

$$\psi = T1_d - T1$$

$$\dot{\psi} = \frac{d\psi}{dT2} \dot{T2} + \frac{d\psi}{dT1} \dot{T1}$$

Эталонная модель функции выхода:

$$\psi + \dot{\psi} = 0$$

```
1 psi = T1D[0] - T1
2 dpsi = sympy.diff(psi, T2)*dT2 + sympy.diff(psi, T1)*dT1
3 i = solve(sympy.expand(dpsi+psi), I)
4 i_analytical = i[0]
5 print(str(psi)+'\n')
6 print(i_analytical)
```

$$-T1 - 0.005555555555555556 * T2^3 + 0.05555555555555556 * T2 - 0.05555555555555556 * T2_d + 0.000555555555555556 * (180.0 * T1^3 + 540.0 * T1 * T2^2 + 3600.0 * T1 * \sin(2.0 * T2 + 4.0) - 9$$

Закон управления по методу АКАР для ψ :

$$\psi = -T1 - 0.005555555555555556 * T2^3 + 0.05555555555555556 * T2 - 0.05555555555555556 * dT20 + 0.05555555555555556 * \cos(2.0 * T2 + 4.0) - 0.3333333333333333$$

Функция управления:

$$I = 0.000555555555555556 * (180.0 * T1^3 + 540.0 * T1 * T2^2 + 3600.0 * T1 * \sin(2.0 * T2 + 4.0) - 3600.0 * T1 + 3.0 * T2^5 + 20.0 * T2^3 * \sin(2.0 * T2 + 4.0) - 1200.0 * \sin(2.0 * T2 + 4.0) - 100.0 * \sin(4.0 * T2 + 8.0) + 200.0 * \cos(2.0 * T2 + 4.0) + 180.0 * T2^2 + 100.0 * T2 - 100.0 * T2_d - 200.0 * dT20$$

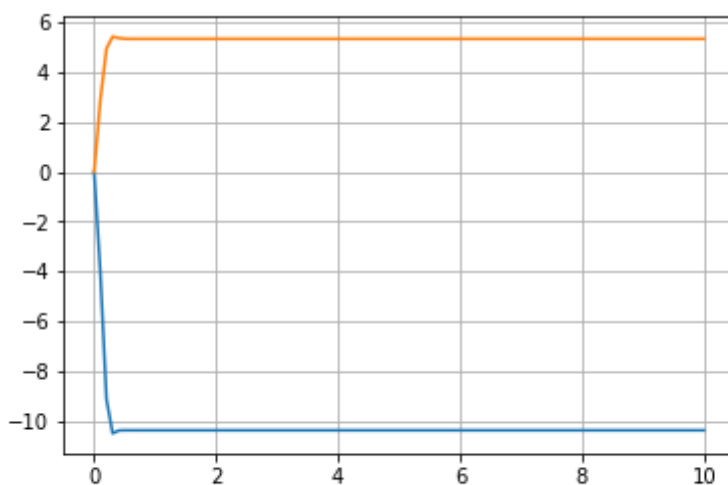
▼ Численное моделирование системы ОДУ

```
1 import scipy.integrate as mdl
2
3 dT20 = 9.0
```

```

4 I = 1.0
5
6 def F(x, t, I):
7
8     T2, T1 = x
9     return [-18*T1 - 0.1*math.pow(T2, 3)+dT20+math.cos(2*T2+4)-6,
10            -0.1*math.pow(T1, 3)+5*T1*math.sin(8*T2+7)+30*math.tanh(I)+6]
11
12 t = np.linspace(0, 10, 100)
13 y = mdl.odeint(F, [0, 0], t, args=(I,))
14
15 plt.plot(t, y)
16 plt.grid()
17 plt.show()

```



▼ Моделирование САУ с цифровым ПИ-регулятором

Ниже представлен базовый класс для моделирования работы контроллера

```

1 import math
2 import numpy
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 import scipy.integrate as mdl
5
6 class PLC:
7     def __init__(self, gain, step):
8         self.last_t = 0.0
9         self.last_call_t = 0.0
10        self.last_u = 0
11        self.step = step
12        self.last_e = 0.0
13        self.gain = gain
14        self.u = []

```

```

15     self.ulim = []
16     self.t = []
17     #ограничивающее воздействие
18     def getLimitedOutput(self,value):
19         return math.tanh(value)
20
21     #накопление всех управляющих воздействий для траектории
22     def addOutputValue(self,time,value):
23         self.t.append(time)
24         self.u.append(value)
25         self.ulim.append(self.getLimitedOutput(value))
26     #вычисление, программа моделирования реализована в control
27     def output(self, x, t):
28         self.addOutputValue(t, self.last_u)
29         self.last_u = self.control(x, t)
30         self.last_t = t
31         self.addOutputValue(t,self.last_u)
32
33         return self.gain*self.ulim[-1]
34
35 def calculate(func, x0, step, time, plc):
36     result = {'t': [], 'u':[]}
37     for i in range(0,len(x0)):
38         result['x' + str(i + 1)] = []
39     rstep = plc.step
40     ode_step = step
41     timev = numpy.linspace(0.0, time, int(time/rstep+1))
42     #разбили на участки
43     for ti in timev:
44         #управляющее воздействие участка
45         uk = plc.output(x0, ti)
46         #генерация новой маленькой сетки для интервала
47         tk = numpy.linspace(ti, ti+rstep, int(rstep/ode_step+1))
48         # проводит моделирование (рассчитывает траекторию для этого участка)
49         y = mdl.odeint(func(uk), x0, tk)
50         #присоединение участка к итоговому результату
51         x0 = y[-1]
52         result['t'].extend(tk[:-1])
53         for i in range(0,len(x0)):
54             result['x' + str(i + 1)].extend(y[:-1,i])
55         result['u'].extend([uk for i in tk[:-1]])
56     return result
57

```

Правая часть дифференциального уравнения объекта со ступенчатым изменением параметра

```

1 def F_with_change(step_time, init_value, finish_value):
2     #функция с параметром управляющего воздействия
3     def F_with_control(uc):
4         #функция моделирования траектории
5         def F_internal(x, t):

```

```

6         T2, T1 = x
7         if t > step_time:
8             dT20 = finish_value
9         else:
10            dT20 = init_value
11            return [ -18*T1-0.1*T2**3+dT20+math.cos(2*T2+4)-6,
12                    -0.1*T1**3+5*T1*math.sin(8*T2+7)+6+uc]
13
14            return F_internal
15    return F_with_control

```

Реализация алгоритма ПИ-регулирования

```

1 class PI(PLC):
2     def __init__(self, goal, Kp, Ki, gain, step):
3         super(PI,self).__init__(gain, step)
4         self.Ki = Ki
5         self.Kp = Kp
6         self.goal = goal
7         self.ei = 0
8
9     def control(self, x, t):
10        #е ошибка - разница между dm и значением оператора урпавления
11        #ei - внутренняя ошибка интегрирования
12        e = x[0] - self.goal
13        #вычисление интегральной компоненты
14        self.ei = self.ei + e
15        return self.Kp * e + self.Ki * self.ei

```

Вывод результатов моделирования

```

1 def plot_result(time, time_end, x1, x2, plc, goal):
2     plt.figure(figsize=(15,5))
3     plt.subplot(1,2,1)
4     plt.grid()
5     plt.xlim(0, time_end)
6     plt.plot(time,x1, 'r-', time, x2, 'b-')
7     plt.plot([0, time_end], [goal, goal], color='#FF0000',linestyle='--')
8     plt.subplot(1,2,2)
9     plt.grid()
10    plt.xlim(0, time_end)
11    plt.plot(plc.t, plc.u,'b-',plc.t,plc.ulim,'r-')
12    plt.plot([0, tk], [1, 1], 'r--',[0, tk], [-1, -1], 'r--',[0, tk],[0, 0], 'r:')
13    plt.show()

```

Программа моделирования

```

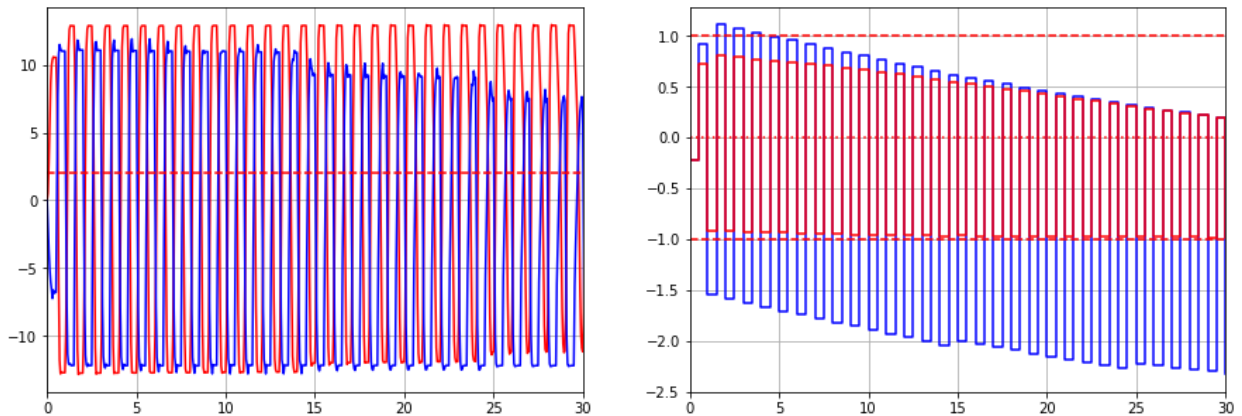
1 dT20_init = 0
2 dT20_finish = 1
3 change_time = 9

```

```

4 goal = 2
5 gain = 200
6 step = 0.5
7 mod_step = 0.05
8 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
9
10 plc=PI(goal=goal, Kp=0.1, Ki=0.01, gain=gain, step=step)
11 tk=30
12 x0=[0, 0]
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1=res['x1'], x2=res['x2'], plc=plc, goal=goal)

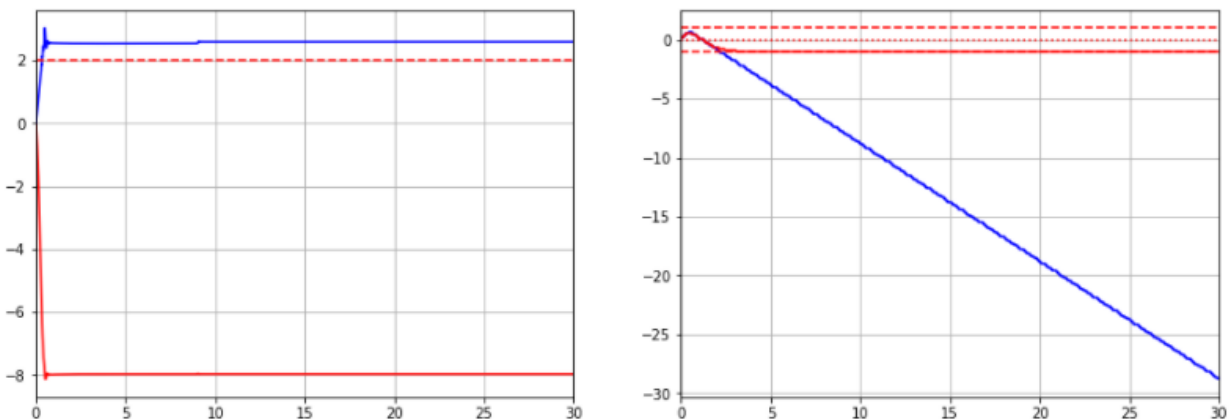
```



```

1 dT20_init = 0
2 dT20_finish = 1
3 change_time = 9
4 goal = 2
5 gain = 1
6 step = 0.1
7 mod_step = 0.01
8 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
9
10 plc=PI(goal=goal, Kp=-0.1, Ki=0.01, gain=gain, step=step)
11 tk=30
12 x0=[0, 0]
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1=res['x1'], x2=res['x2'], plc=plc, goal=goal)

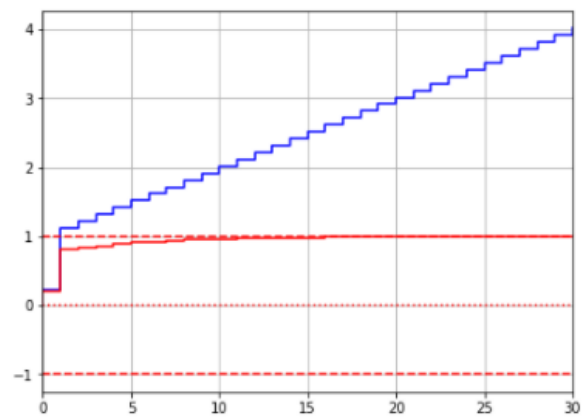
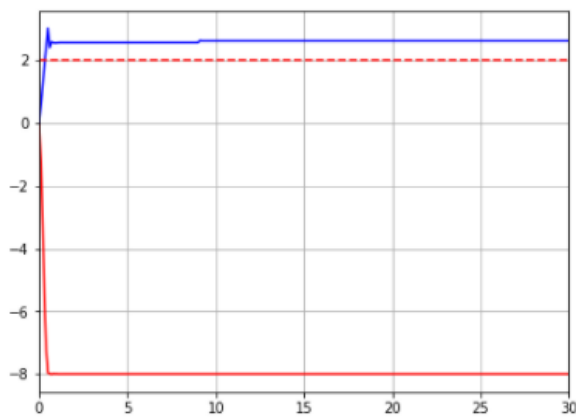
```




```

1 dT20_init = 0
2 dT20_finish = 1
3 change_time = 9
4 goal = 2
5 gain = 1
6 step = 1
7 mod_step = 0.1
8 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
9
10 plc=PI(goal=goal, Kp=-0.1, Ki=-0.01, gain=gain, step=step)
11 tk=30
12 x0=[0, 0]
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1=res['x1'], x2=res['x2'], plc=plc, goal=goal)

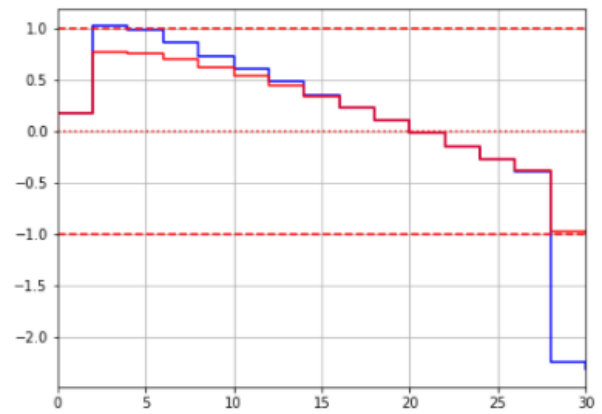
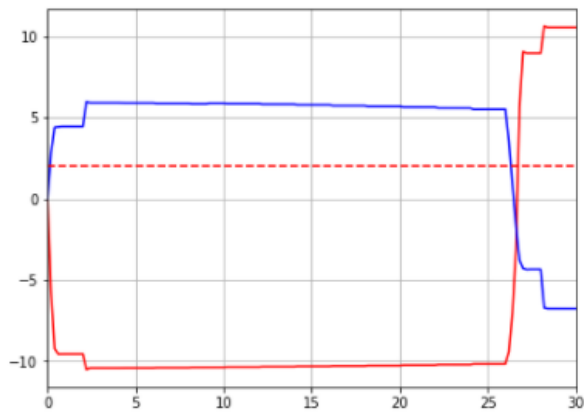
```



```

1 dT20_init = 0
2 dT20_finish = 1
3 change_time = 9
4 goal = 2
5 gain = 50
6 step = 2
7 mod_step = 0.2
8 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
9
10 plc=PI(goal=goal, Kp=-0.1, Ki=0.01, gain=gain, step=step)
11 tk=30
12 x0=[0, 0]
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1=res['x1'], x2=res['x2'], plc=plc, goal=goal)

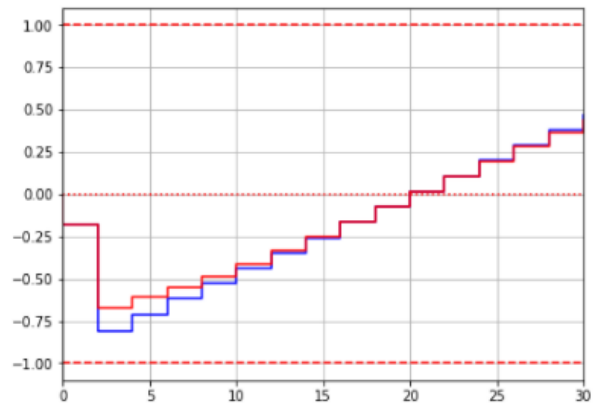
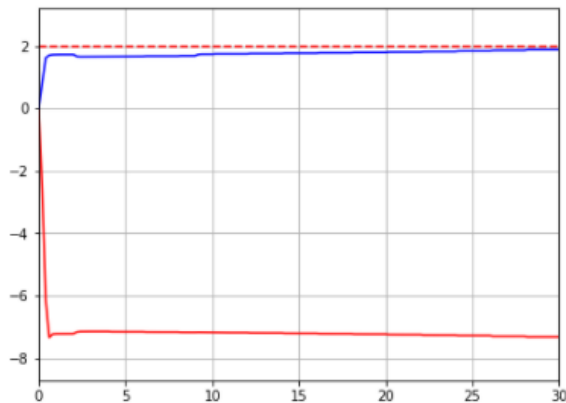
```



```

1 dT20_init = 0
2 dT20_finish = 1
3 change_time = 9
4 goal = 2
5 gain = 10
6 step = 2
7 mod_step = 0.2
8 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
9
10 plc=PI(goal=goal, Kp=0.1, Ki=-0.01, gain=gain, step=step)
11 tk=30
12 x0=[0, 0]
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1=res['x1'], x2=res['x2'], plc=plc, goal=goal)

```



Моделируемый объект является нелинейным и опираясь на ряд экспериментов, проведенных выше, можно сделать вывод, что управления через ПИ-регулятор нет

Подобрать коэффициенты не удалось, так как модель системы не стабилизируется под условие заданной цели

➤ Метод АКАР с интегральной адаптацией

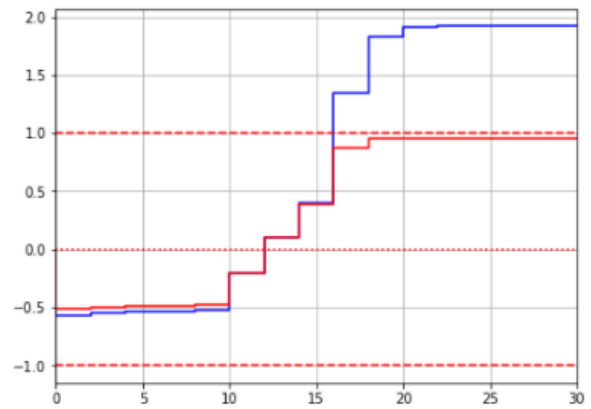
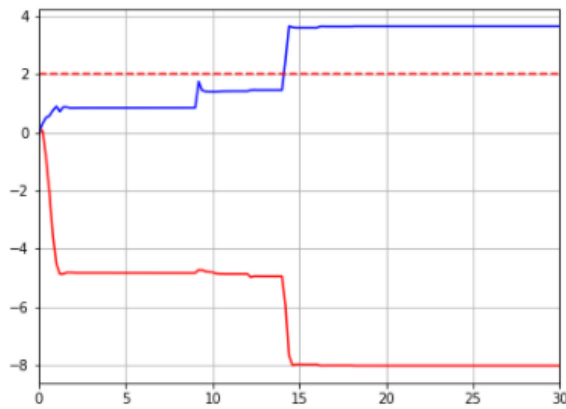
Закон управления, синтезированный по методу АКАР:

$$I = 0.0005555555555555556 * (180.0 * T1^3 + 540.0 * T1 * T2^2 + 3600.0 * T1 * \sin(2.0 * T2 + 7.0) - 3600.0 * T1 + 3.0 * T2^5 + 20.0 * T2^3 * \sin(2.0 * T2 + 4.0) - 30.0 * T2^2 * \cos(2.0 * T2 + 4.0) + 180.0 * T2^2 + 100.0 * T2 - 100.0 * T2_d - 200.0 * dT20 + 1200.0 * \sin(2.0 * T2 + 4.0) - 100.0 * \sin(4.0 * T2 + 8.0) + 200.0 * \cos(2.0 * T2 + 4.0))$$

```
1 class AKAR(PLC):
2     def __init__(self, goal, gain, dtu, dT2_0):
3         super(AKAR,self).__init__(gain, dtu)
4         self.G=goal
5         self.T2_d=goal
6         self.dT20=dT2_0
7
8     def control(self, x, t):
9         T2, T1 = x
10        dT20 = self.dT20
11        return (0.0005555555555555556*(180.0*T1**3 + 540.0*T1*T2**2 + 3600.0*T1*math.sin(2.0*T2 + 7.0) -
12        3600.0*T1 + 3.0*T2**5 + 20.0*T2**3*math.sin(2.0*T2 + 4.0) - 30.0*T2**2*math.cos(2.0*T2 + 4.0) +
13        180.0*T2**2 + 100.0*T2 - 100.0*self.T2_d - 200.0*dT20 + 1200.0*math.sin(2.0*T2 + 4.0) -
14        100.0*math.sin(4.0*T2 + 8.0) + 200.0*math.cos(2.0*T2 + 4.0))
```

Моделирование

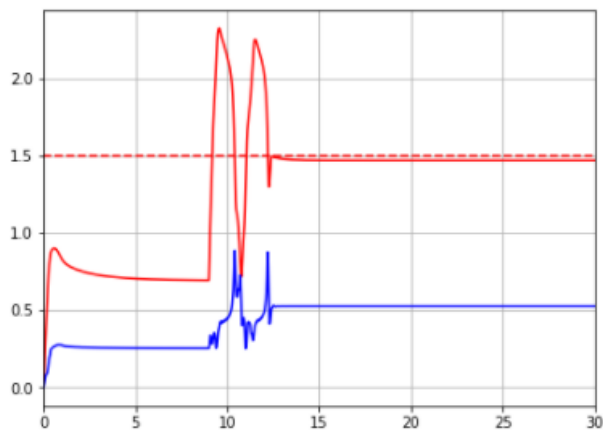
```
1 dT20_init = 9
2 dT20_finish = 19
3 change_time = 9
4 goal = 2
5 gain = 10
6 step = 2
7 mod_step = 0.2
8 tk=30
9 x0=[0, 0]
10 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
11
12 plc = AKAR(goal=goal, gain=gain, dtu=step, dT2_0=dT20_init)
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=plc, goal=goal)
```



```

1 dT20_init = 10
2 dT20_finish = 15
3 change_time = 9
4 goal = 1.5
5 gain = 40
6 step = 0.1
7 mod_step = 0.01
8 tk=30
9 x0=[0, 0]
10 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
11
12 plc = AKAR(goal=goal, gain=gain, dtu=step, dT2_0=dT20_init)
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, plc)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=plc, goal=goal)

```



При небольшой силе управления (40), удалось подобрать коэффициенты для модели таким образом, чтобы она стабилизировалась под условие заданной цели и глядя на графики можно сделать вывод, что система управляема и коэффициенты подобраны верно

Уравнения системы:

$$\dot{T}_2 = -18T_1 - 0.1T_2^3 + dT_20 + \cos(2T_2 + 4) - 6,$$

$$\dot{T}_1 = -0.1T_1^3 + 5T_1\sin(8T_2 + 7) + 30\tanh(I) + 6,$$

Функции макропеременных:

$$\psi_1 = T_2 - T_{2d}$$

$$\psi_2 = \psi_1 + z = T_2 - T_{2d} + z$$

$$\psi_3 = T_{1_{internal}} - T_1$$

Эталонные модели:

$$T_1\dot{\psi}_2 + \psi_2 = 0$$

$$T_3\dot{\psi}_3 + \psi_3 = 0$$

Интегральная компонента:

$$\dot{z} = \frac{1}{T_2}\psi_1$$

```

1 import sympy
2 from sympy.functions import exp
3 from sympy.solvers import solve
4
5 # Символьные переменные:
6 T2=sympy.symbols('T2')
7 T1=sympy.symbols('T1')
8 dT20=sympy.symbols('dT20')
9 I=sympy.symbols('I')
10 G = sympy.symbols("G")
11 T2d=sympy.symbols('T2d')
12 z = sympy.symbols('z')
13 T_1 = sympy.symbols('T_1')
14 T_2 = sympy.symbols('T_2')
15 T_3 = sympy.symbols('T_3')
16
17 # Уравнения системы:
18 dT2 = -18.0*T1-0.1*T2**3+dT20+sympy.cos(2.0*T2+4.0)-6.0
19 dT1 = -0.1*T1**3+5.0*T1*sympy.sin(8.0*T2+7.0)+G*I+6.0
20
21 # Функции макропеременных psi1 и psi2:
22 psi_1 = T2 - T2d
23 psi_2 = psi_1 + z
24
25 # Интегральная компонента:
26 dz = 1/T_2*psi_1
27
28 # Вычисление производной dpsi2/dt:
29 dpsi_2 = sympy.diff(psi_2, T2)*dT2 + sympy.diff(psi_2, z)*dz

```

```

30
31 # Эталонная модель для вычисления T1_internal:
32 model1 = T_1 * dpsi_2 + psi_2
33
34 # Нахождение T1_internal:
35 T1i = solve(sympy.expand(model1), T1)
36 print(f"Производная dz/dt = {dz}")
37 print(f"Закон внутреннего управления T1_internal = {str(T1i[0])}")
38
39 # Функция макропеременной psi3 и ее производная по времени:
40 psi_3 = T1i[0] - T1
41 dpsi_3 = sympy.diff(psi_3, T2)*dT2 + sympy.diff(psi_3, T1)*dT1 + sympy.diff(psi_3, z)*c
42
43 # Эталонная модель для нахождения управляющего воздействия:
44 model2 = T_3*dpsi_3 + psi_3
45
46 # Нахождение I:
47 i = solve(sympy.expand(model2), I)
48 i_analytical = i[0]
49 print(f"Закон управления I = {str(sympy.expand(i_analytical))}")

    Производная dz/dt = (T2 - T2d)/T_2
    Закон внутреннего управления T1_internal = 0.005555555555555556*(T_1*T_2*(-T2**3 + 10
    Закон управления I = 0.1*T1**3/G + 0.3*T1*T2**2/G + 2.0*T1*sin(2.0*T2 + 4.0)/G - 5.0

```

Подпрограмма для реализации нелинейного регулятора с интегральной компонентой

```

1 class AKAR_i(PLC):
2     def __init__(self, goal, gain, dt, T1, T2, T3, dT20):
3         super(AKAR_i,self).__init__(gain, dt)
4         self.dt = dt
5         self.G=gain
6         self.T2d=goal
7         self.T1 = T1
8         self.T2 = T2
9         self.T3 = T3
10        self.dT20 = dT20
11        self.z = []
12        self.zt = []
13
14    def control(self, x, t):
15        T2, T1 = x
16        #T1-T3 - параметры эталонной модели, соотв. постоянной времени, T2-интегральная
17        T_1 = self.T1
18        T_2 = self.T2
19        T_3 = self.T3
20        T2d = self.T2d
21        G = self.G
22        dT20 = self.dT20
23        dt = self.dt
24
25        if len(self.z) < 1:
26            z = 0.0

```

```

27         else:
28             z = self.z[-1] + dt/T_2*(T2 - T2d)
29         self.z.append(z)
30         self.zt.append(t)
31         return (0.1*T1**3/self.G + 0.3*T1*T2**2/self.G + 2.0*T1*math.sin(2.0*T2 + 4.0)/
32                 - 1.0*T1/(self.G*T_3) - 1.0*T1/(self.G*T_2) - 1.0*T1/(self.G*T_1) + 0.0
33                 - 0.005555555555555556*T2**3/(self.G*T_3) - 0.005555555555555556*T2**3/(s
34                 - 0.01666666666666667*T2**2*math.cos(2.0*T2 + 4.0)/self.G + 0.1*T2**2/se
35                 + 0.05555555555555556*T2/(self.G*T_1*T_2) - 0.05555555555555556*T2d/(self
36                 - 0.11111111111111111*dT20*math.sin(2.0*T2 + 4.0)/self.G + 0.666666666666
37                 + 0.05555555555555556*dT20/(self.G*T_3) + 0.05555555555555556*math.cos(2.
38                 + 0.05555555555555556*math.cos(2.0*T2 + 4.0)/(self.G*T_2) - 0.3333333333
39                 + 0.05555555555555556*math.cos(2.0*T2 + 4.0)/(self.G*T_1) - 0.3333333333
40

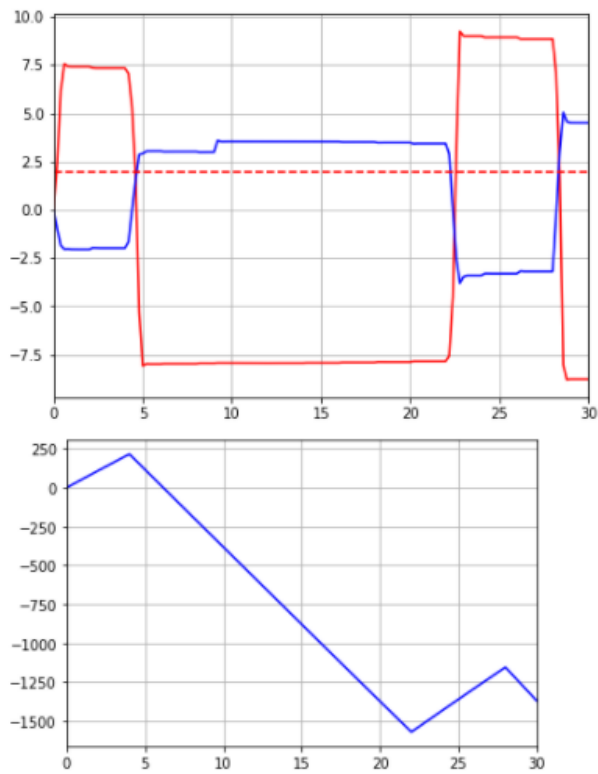
```

Моделирование

```

1  dT20_init = 9.0
2  dT20_finish = 19.0
3  change_time = 9.0
4  goal = 2.0
5  gain = 50
6  step = 2.0
7  mod_step = 0.2
8  tk=30.0
9  x0=[0.0, 0.0]
10
11 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
12 reg = AKAR_i(goal=goal, gain=gain, dt=step, T1=1, T2=0.1, T3=10, dT20=1.0)
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, reg)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=reg, goal=g
15
16 tend = tk
17 plt.figure()
18 plt.plot(reg.zt, reg.z, 'b-')
19 plt.xlim([0.0, tk])
20 plt.grid()
21 plt.show()

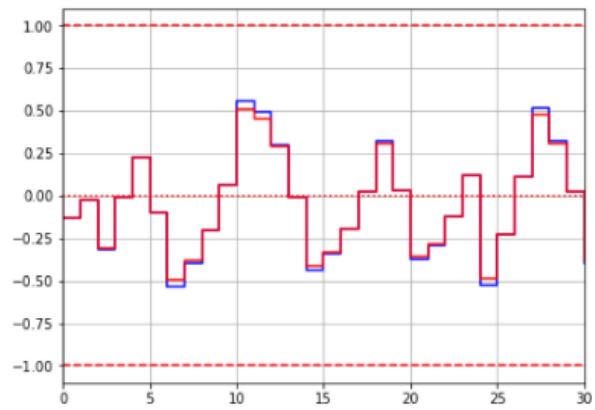
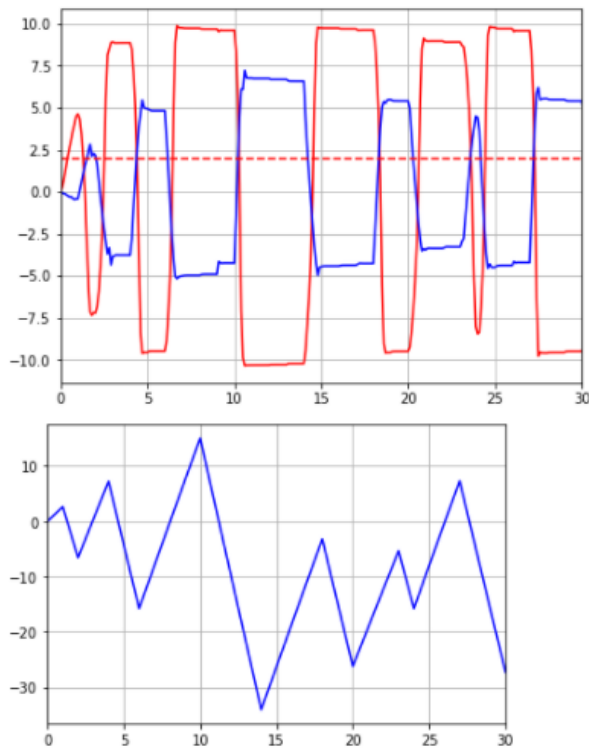
```



```

1 dT20_init = 9.0
2 dT20_finish = 19.0
3 change_time = 9.0
4 goal = 2.0
5 gain = 50
6 step = 1.0
7 mod_step = 0.1
8 tk=30.0
9 x0=[0.0, 0.0]
10
11 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
12 reg = AKAR_i(goal=goal, gain=gain, dt=step, T1=0.1, T2=1, T3=1, dT20=9.0)
13 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, reg)
14 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=reg, goal=goal)
15
16 tend = tk
17 plt.figure()
18 plt.plot(reg.zt, reg.z, 'b-')
19 plt.xlim([0.0, tk])
20 plt.grid()
21 plt.show()

```

Глядя на графики можно сделать вывод, что система управляема, коэффициенты подобраны не совсем нужные, но лучше подобрать не удалось

Модель системы пытается стабилизироваться под условие заданной цели

Метод АКАР с идентификацией неизмеряемого параметра

Модель системы:

$$\dot{T}_2 = -18T_1 - 0.1T_2^3 + dT_2 + \cos(2T_2 + 4) - 6,$$

$$\dot{T}_1 = -0.1T_1^3 + 5T_1 \sin(8T_2 + 7) + 30 \tanh(I) + 6,$$

Постановка задачи идентификации на основе модели линейной регрессии

$$\dot{T}_2 = \theta(-0.1T_2^3 + \cos(2T_2 + 4)) - 18T_1 + dT_2 - 6$$

$$y = ax + b$$

$$a = \theta$$

$$b = dT_2$$

$$y = \dot{T}_2 + 18T_1 + 6$$

$$x = -0.1T_2^3 + \cos(2T_2 + 4)$$

Синтез управления:

```
1 import sympy
2 from sympy.functions import exp
3 from sympy.solvers import solve
4
5 # Символьные переменные:
6 T2=sympy.symbols('T2')
7 T1=sympy.symbols('T1')
8 dT20=sympy.symbols('dT20')
9 I=sympy.symbols('I')
10 G = sympy.symbols("G")
11 T2d=sympy.symbols('T2d')
12 z = sympy.symbols('z')
13 a = sympy.symbols("a")
14 dT2D = sympy.symbols("dT2_d")
15
16 # Уравнения системы:
17 DT2 = -18.0*T1+dT20+a*(-0.1*T2**3+sympy.cos(2.0*T2+4.0))-6.0
18 DT1 = -0.1*T1**3+5.0*T1*sympy.sin(8.0*T2+7.0)+G*I+6.0
19
20 DT2D = dT2D - T2
21
22 # Решим полученное уравнение относительно T1:
23 T1D=solve(DT2-DT2D, T1)
24 print("T1 = "+str(T1D[0]))
25
26 # Задание гиперповерхности:
27 psi = T1D[0] - T1
28
29 # расчет производной:
30 dpsi = sympy.diff(psi, T2)*DT2 + sympy.diff(psi, T1)*DT1
31 print("Производная dpsi/dt = ", dpsi)
32 print()
33
34 # Эталонная модель:
35 print("dpsi/dt + psi = ", sympy.expand(dpsi+psi))
36 print()
37
38 # Решение относительно I:
39 i = sympy.expand(dpsi + psi + G*I) / G
40
41 print('Закон управления по методу АКАР для макропеременной psi = ' + str(psi))
42 print()
43
44 print("I = ", i)
45
```

$$T1 = -0.005555555555555556*T2**3*a + 0.05555555555555556*T2 + 0.05555555555555556*a*cos$$
$$\text{Производная } dpsi/dt = -G*I + 0.1*T1**3 - 5.0*T1*sin(8.0*T2 + 7.0) + (-0.01666666666666666$$
$$dpsi/dt + psi = -G*I + 0.1*T1**3 + 0.3*T1*T2**2*a + 2.0*T1*a*sin(2.0*T2 + 4.0) - 5.$$
$$\text{Закон управления по методу АКАР для макропеременной } psi = -T1 - 0.005555555555555556*$$

$$I = (0.1 \cdot T_1^3 + 0.3 \cdot T_1 \cdot T_2^2 \cdot a + 2.0 \cdot T_1 \cdot a \cdot \sin(2.0 \cdot T_2 + 4.0) - 5.0 \cdot T_1 \cdot \sin(8.0 \cdot T_2 + 7.0) - 2 \cdot T_1 + 0.0016 \cdot T_2^3 + 0.011111111111111111 \cdot T_2^3 \cdot a^2 \cdot \sin(2 \cdot T_2 + 4) - 0.011111111111111111 \cdot T_2^3 \cdot a - 0.016666666666666667 \cdot T_2^2 \cdot a \cdot dT_2 + 0.1 \cdot T_2^2 \cdot a + 0.05555555555555556 \cdot T_2 - 0.111111111111111111 \cdot a \cdot dT_2 \cdot \sin(2 \cdot T_2 + 4) + 0.6666666666666667 \cdot a \cdot \sin(2 \cdot T_2 + 4) + 0.111111111111111111 \cdot dT_2 - 0.05555555555555556 \cdot dT_2 - 6.666666666666667) / G$$

Закон управления:

$$I = (0.1T_1^3 + 0.3T_1T_2^2a + 2T_1asin(2T_2 + 4) - 5T_1sin(8T_2 + 7) - 2T_1 + 0.0016T_2^3 + 0.011111111111111111T_2^3a^2sin(2T_2 + 4) - 0.011111111111111111T_2^3a - 0.016666666666666667T_2^2adT_2 + 0.1T_2^2a + 0.05555555555555556T_2 - 0.111111111111111111adT_2sin(2T_2 + 4) + 0.6666666666666667asin(2T_2 + 4) + 0.111111111111111111dT_2 - 0.05555555555555556dT_2 - 6.666666666666667)/G$$

Реализация адаптивного регулятора:

```

1 import math
2 import numpy as np
3 import sklearn.linear_model as linmod
4
5 class ADCS_ident(PLC):
6     def __init__(self, goal, gain, dt, history_len):
7         super(ADCS_ident, self).__init__(gain, dt)
8         self.G = gain
9         self.dT2_d = goal
10        self.x_history = []
11        self.x_history_len = history_len
12        self.dt = dt
13        self.coeff = {'t':[0.0], 'a':[0.0], 'b':[0.0]}
14        self.xx = []
15        self.yy = []
16
17    def transform(self, x, t):
18        T2, T1 = x
19        return [T2, T1, -0.1*math.pow(T2, 3)+math.cos(2*T2+4)]
20
21    def identification(self, x, t):
22        self.x_history.append(x)
23        if len(self.x_history) > self.x_history_len:
24            self.x_history.pop(0)
25        if len(self.x_history) > 1:
26            self.xx.append(self.transform(x, t)[-1])
27            # Нахождение правой части (неизвестные части системы)
28            z = np.array([self.transform(zi, t) for zi in (np.array(self.x_history)[: -1])])
29            # Аппроксимация производной:
30            y = np.diff(np.array(self.x_history), axis=0)/self.dt
31            # Нахождение левой части (известные части системы)
32            y1 = y[:,0] + 18*z[:,1] + 6
33            self.yy.append(y1[-1])
34            model = linmod.LinearRegression(normalize=True)
35            model.fit(X=z[:,2].reshape(-1,1), y=y1)
36            self.coeff['t'].append(t)
37            self.coeff['a'].append(model.coef_)

```

```

38         self.coeff['b'].append(model.intercept_)
39
40     def control(self, x, t):
41         self.identification(x, t)
42         T2, T1 = x
43         dT20 = self.coeff['b'][-1]
44         a = self.coeff['a'][-1]
45         G = self.gain
46         dT2_d = self.dT2_d
47         return (0.1*T1**3 + 0.3*T1*T2**2*a + 2.0*T1*a*math.sin(2.0*T2 + 4.0) - 5.0*T1*
48                 0.001666666666666667*T2**5*a**2 + 0.011111111111111111*T2**3*a**2*math.si
49                 0.016666666666666667*T2**2*a**2*math.cos(2.0*T2 + 4.0) - 0.0166666666666
50                 0.05555555555555556*T2 - 0.11111111111111111*a**2*math.sin(2.0*T2 + 4.0)*
51                 0.11111111111111111*a*dT20*math.sin(2.0*T2 + 4.0) + 0.666666666666667*a*
52                 0.11111111111111111*a*math.cos(2.0*T2 + 4.0) + 0.11111111111111111*dT20 -

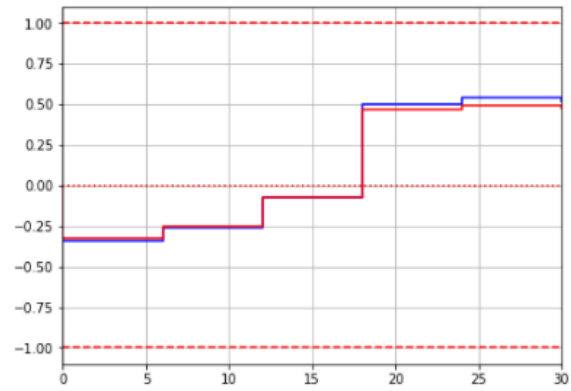
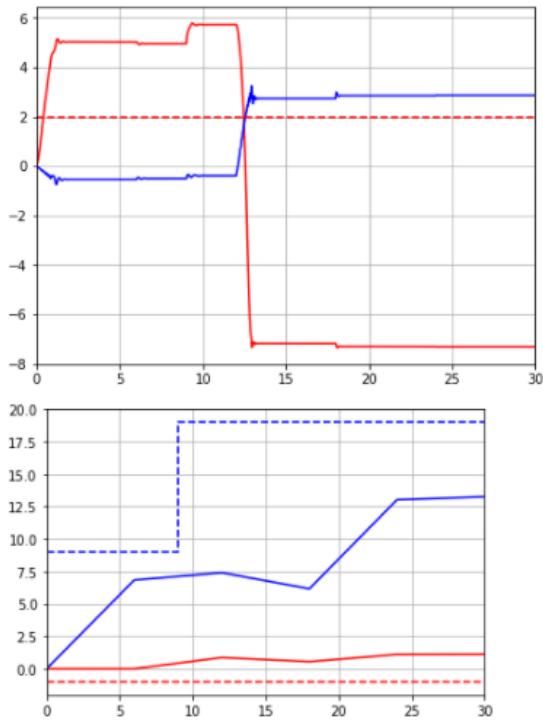
```

Моделирование

```

1 import warnings
2 warnings.filterwarnings("ignore")
3
4 dT20_init = 9.0
5 dT20_finish = 19.0
6 change_time = 9.0
7 goal = 2.0
8 gain = 20
9 step = 6
10 mod_step = 0.02
11 tk=30.0
12 x0=[0.0, 0.0]
13
14 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
15 reg = AKAR_i(goal=goal, gain=gain, dt=step, T1=10, T2=0.1, T3=10, dT20=1.0)
16
17 history_len = 300
18
19 reg = ADCS_ident(goal=goal, gain=gain, dt=step, history_len=history_len)
20
21 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, reg)
22 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=reg, goal=g
23
24 tend = tk
25 plt.figure()
26 plt.plot(reg.coeff['t'], reg.coeff['a'], 'r', [0, tk], [-1, -1], 'r--',
27          reg.coeff['t'], reg.coeff['b'], 'b', [0, change_time, change_time, tk], [dT20_
28
29 plt.xlim([0, tk])
30 plt.grid()
31 plt.show()

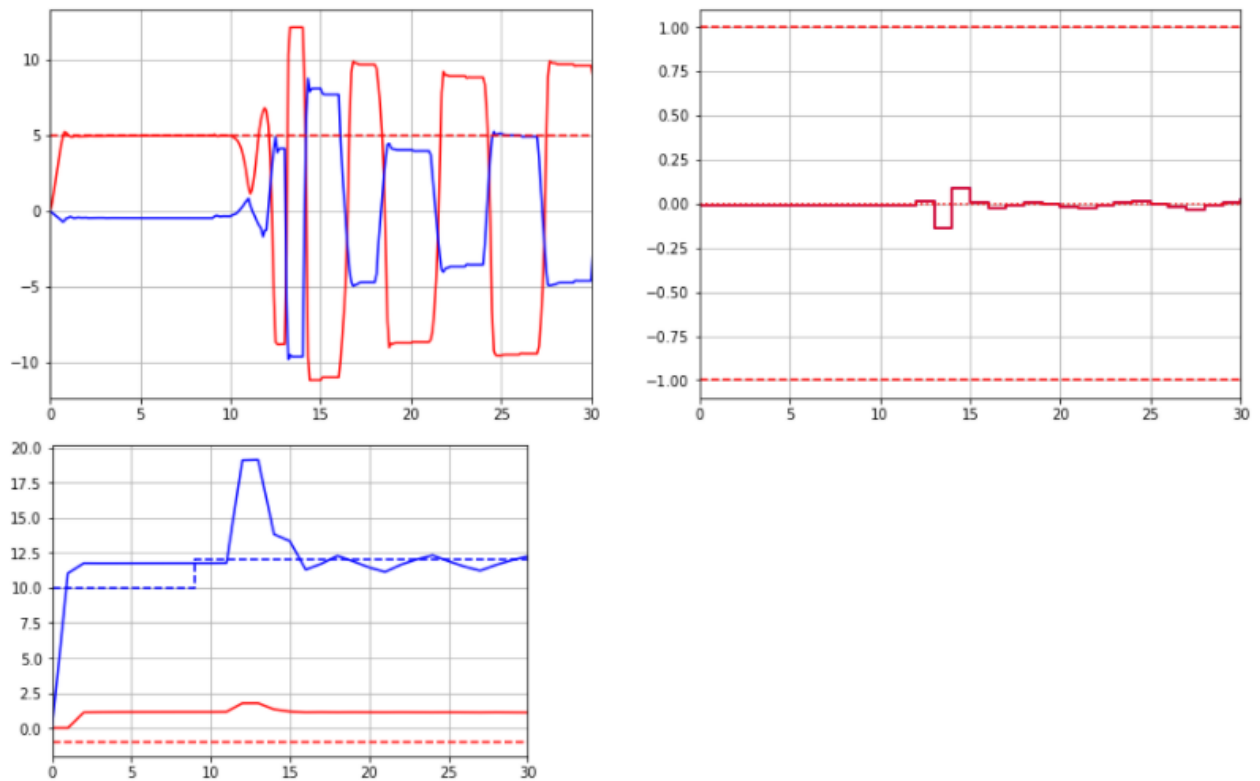
```



```

1 import warnings
2 warnings.filterwarnings("ignore")
3
4 dT20_init = 10.0
5 dT20_finish = 12.0
6 change_time = 9.0
7 goal = 5
8 gain = 800
9 step = 1
10 mod_step = 0.1
11 tk=30.0
12 x0=[0.0, 0.0]
13
14 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
15 # reg = AKAR_i(goal=goal, gain=gain, dt=step, T1=1, T2=0.1, T3=1, dT20=9.0)
16
17 history_len = 300
18
19 reg = ADCS_ident(goal=goal, gain=gain, dt=step, history_len=history_len)
20
21 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, reg)
22 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=reg, goal=g
23
24 tend = tk
25 plt.figure()
26 plt.plot(reg.coeff['t'], reg.coeff['a'], 'r', [0, tk], [-1, -1], 'r--',
27          reg.coeff['t'], reg.coeff['b'], 'b', [0, change_time, change_time, tk], [dT20_
28
29 plt.xlim([0, tk])
30 plt.grid()
31 plt.show()

```



В ходе ряда экспериментов не удалось получить полностью стабильное управление системой методом АКАР с идентификацией неизмеряемого параметра, но на последнем графике результат идентификации приходит к реальному значению и это говорит о том, что нам удалось немного стабилизировать систему

Система прямого адаптивного управления с обобщенной ошибкой настройки

Вводим функцию обобщенной ошибки, в которой есть эталонная модель $ddy + 3dy + 2d$ с ошибкой $y = T2d - T2$

Управление в данном случае будет иметь вид:

$$I = c_1 T2 + c_2 T1 + c_3$$

Найдем коэффициенты c_1, c_2, c_3 для нашей модели

```

1 class ADCS_gerr(PLC):
2     def __init__(self, goal, gain, speed, dt):
3         super(ADCS_gerr,self).__init__(gain,step=dt)
4         self.g = speed
5         self.Pd = goal
6         self.dt = dt

```

```

7         self.c10 = 0.0
8         self.c20 = 0.0
9         self.c30 = 0.0
10        self.coeff = {'t':[], 'c1':[], 'c2':[], 'c3':[], 'y':[], 'dy':[], 'ddy':[], 'si
11        self.y_last = None
12        self.y_last_last = None
13
14    def optimize(self, x, t):
15        y = x[0] - self.Pd
16        self.coeff['t'].append(t)
17        self.coeff['y'].append(y)
18        if self.y_last_last is not None:
19            dy = (y - self.y_last)/self.dt
20            ddy = (self.y_last - 2.0*self.y_last + self.y_last_last) / (self.dt**2)
21            sigma = ddy + 3.0*dy + 2.0*y
22            self.coeff['sigma'].append(sigma)
23
24            c1 = self.coeff['c1'][-1]
25            c2 = self.coeff['c2'][-1]
26            c3 = self.coeff['c3'][-1]
27
28            c1 = c1 - self.g*sigma*x[0]
29            c2 = c2 - self.g*sigma*x[1]
30            c3 = c3 - self.g*sigma
31
32            self.coeff['c1'].append(c1)
33            self.coeff['c2'].append(c2)
34            self.coeff['c3'].append(c3)
35        else:
36            self.coeff['sigma'].append(0.0)
37            self.coeff['c1'].append(self.c10)
38            self.coeff['c2'].append(self.c20)
39            self.coeff['c3'].append(self.c30)
40
41        if self.y_last is not None:
42            self.y_last_last = self.y_last
43
44        self.y_last = y
45
46    def control(self, x, t):
47        self.optimize(x, t)
48
49        c1 = self.coeff['c1'][-1]
50        c2 = self.coeff['c2'][-1]
51        c3 = self.coeff['c3'][-1]
52
53        return c1*x[0] + c2*x[1] + c3

```

Моделирование

```

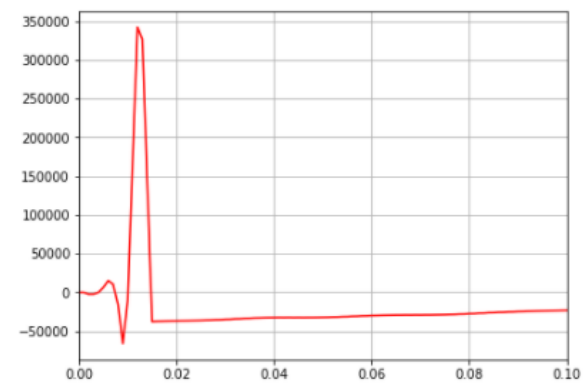
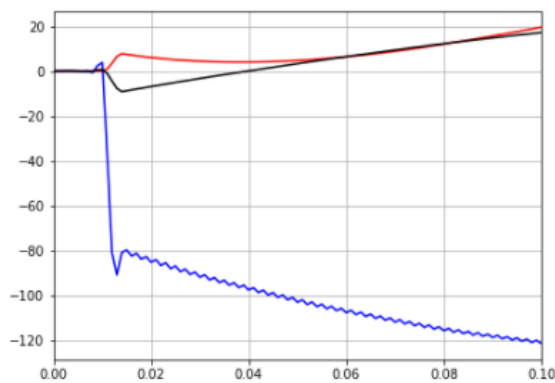
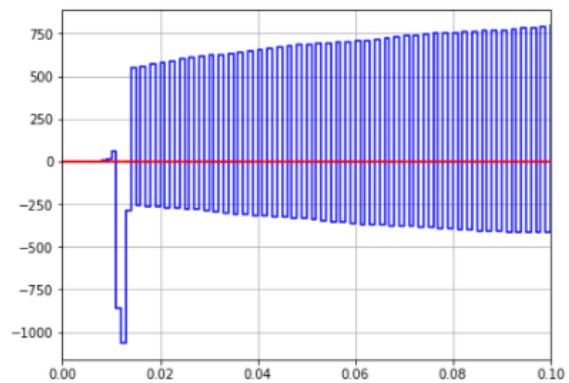
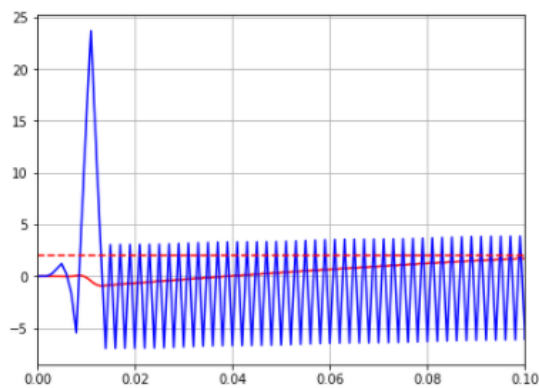
1 dt20_init = 9.0
2 dt20_finish = 19.0
3 change_time = 9.0

```

```

4 goal = 2.0
5 gain = 10000
6 step = 0.001
7 mod_step = 0.0001
8 tk=0.1
9 x0=[0.0, 0.0]
10
11 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
12 # reg = AKAR_i(goal=goal, gain=gain, dt=step, T1=1, T2=0.1, T3=1, dT20=1.0)
13
14 reg = ADCS_gerr(goal=goal, gain=gain, dt=step, speed=0.00001)
15 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, reg)
16 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=reg, goal=g
17
18 tend = tk
19
20 plt.figure(figsize=(15,5))
21 plt.subplot(1,2,1)
22 plt.plot(reg.coeff['t'], reg.coeff['c1'], 'r',
23          reg.coeff['t'], reg.coeff['c2'], 'b',
24          reg.coeff['t'], reg.coeff['c3'], 'k')
25 plt.xlim([0, tk])
26 plt.grid()
27 plt.subplot(1,2,2)
28 plt.plot(reg.coeff['t'], reg.coeff['sigma'], 'r')
29 plt.grid()
30 plt.xlim([0, tk])
31 plt.show()

```



На графиках выше изображены изменения параметров системы при использовании модели адаптивной системы с обобщенной ошибкой настройки

Система прямого адаптивного управления на основе метода скоростного градиента

Управление, как и в случае с обобщенной ошибкой настройки, будет иметь вид:

$$I = c_1 T^2 + c_2 T + c_3$$

Необходимо определить коэффициенты c_1, c_2, c_3 для нашей модели

Целевая функция:

$$Q = T^2$$

Данный пример системы, моделируемой на основе метода скоростного градиента, отличается от ранее рассмотренной системы с обобщенной ошибкой настройки, только величинами коррекции неизвестных коэффициентов. И в данном примере нет необходимости вычислять производные значений показаний датчиков.

```
1 class ADCS_spgrad(PLC):
2     def __init__(self, goal, gain, speed, dt):
3         super(ADCS_spgrad, self).__init__(gain, dt)
4         self.g = speed
5         self.Pd = goal
6         self.dt = dt
7         self.c10 = 0.0
8         self.c20 = 0.0
9         self.c30 = 0.0
10        self.coeff = {'t':[], 'c1':[], 'c2':[], 'c3':[], 'y':[], 'Q':[]}
11
12    def optimize(self, x, t):
13        y = x[0] - self.Pd
14        Q = y**2
15
16        self.coeff['t'].append(t)
17        self.coeff['y'].append(y)
18        self.coeff['Q'].append(Q)
19
20        if len(self.coeff['c1'])>0:
21            c1 = self.coeff['c1'][-1]
22            c2 = self.coeff['c2'][-1]
23            c3 = self.coeff['c3'][-1]
24        else:
```

```

25         c1 = 0.0
26         c2 = 0.0
27         c3 = 0.0
28
29         c1 = c1 - self.g*y*x[0]
30         c2 = c2 - self.g*y*x[1]
31         c3 = c3 - self.g*y
32
33         self.coeff['c1'].append(c1)
34         self.coeff['c2'].append(c2)
35         self.coeff['c3'].append(c3)
36
37     def control(self, x, t):
38         self.optimize(x, t)
39
40         c1 = self.coeff['c1'][-1]
41         c2 = self.coeff['c2'][-1]
42         c3 = self.coeff['c3'][-1]
43
44         return c1*x[0] + c2*x[1] + c3

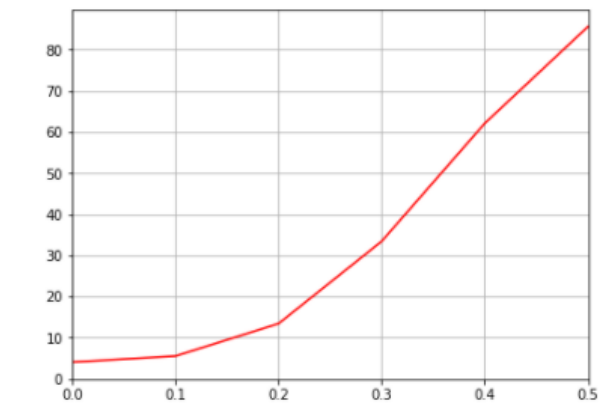
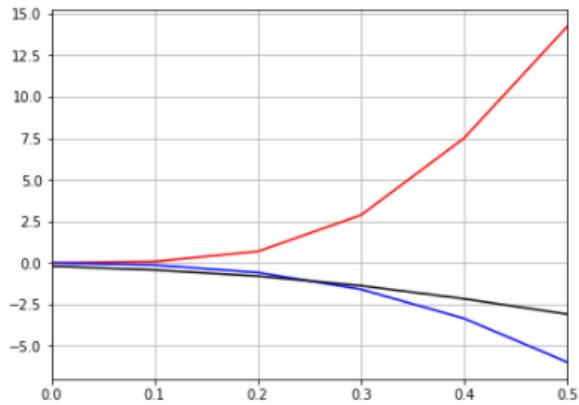
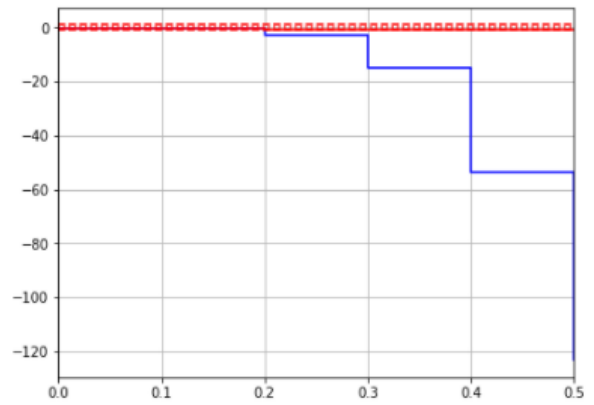
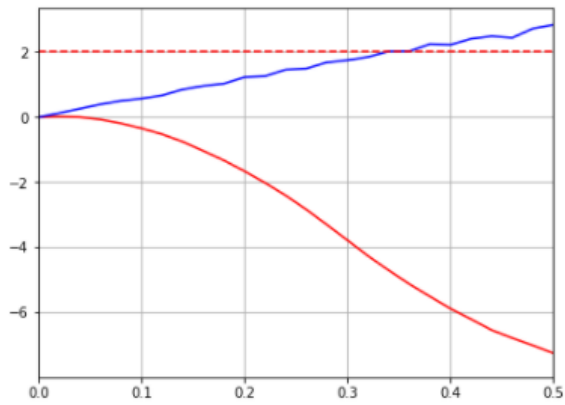
```

Моделирование

```

1 dT20_init = 9.0
2 dT20_finish = 19.0
3 change_time = 9.0
4 goal = 2.0
5 gain = 0.1
6 step = 0.1
7 mod_step = 0.02
8 tk=0.5
9 x0=[0.0, 0.0]
10
11 func_ctrl = F_with_change(change_time,dT20_init,dT20_finish)
12 reg = AKAR_i(goal=goal, gain=gain, dt=step, T1=1, T2=0.1, T3=10, dT20=1.0)
13
14 reg = ADCS_spgrad(goal=goal, gain=gain, dt=step, speed=0.1)
15 res = calculate(func_ctrl, x0, mod_step, tk, reg)
16 plot_result(time=res['t'], time_end=tk, x1 = res['x1'], x2 = res['x2'], plc=reg, goal=g
17
18 tend = tk
19
20 plt.figure(figsize=(15,5))
21 plt.subplot(1,2,1)
22 plt.plot(reg.coeff['t'], reg.coeff['c1'], 'r',
23          reg.coeff['t'], reg.coeff['c2'], 'b',
24          reg.coeff['t'], reg.coeff['c3'], 'k')
25 plt.xlim([0, tk])
26 plt.grid()
27 plt.subplot(1,2,2)
28 plt.plot(reg.coeff['t'], reg.coeff['Q'], 'r')
29 plt.grid()
30 plt.xlim([0, tk])
31 plt.show()

```



На графиках выше изображены изменения параметров системы при использовании модели скоростного градиента

На левом нижнем графике изображена зависимость коэффициентов модели

Правый нижний описывает целевую функцию